



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>

5a

QA

31

E88

S76

P963

1872

Buhr

7

1.5



7 1/6
PROCLI DIADOCHI

Alexander Live
IN

**PRIMUM EUCLIDIS ELEMENTORUM
LIBRUM**

COMMENTARII.

EX RECOGNITIONE

GODOFREDI FRIEDLEIN.



LIPSIAE

IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI

M. DCCC. LXXIII.

LIPSIÆ: TYPIS B. G. TEUBNERI.

PRAEFATIO.

Operaene pretium fuerit rursus in lucem proferre quae inde ab anno M. D. XXXIII. homo nemo retractavit, iure dubium potest videri ei, qui ex voluntate tantum alicuius putat pependisse hoc neque ex facultate occasione data. Jam qui primus Procli commentarios edidit, Simon Grynaeus, uno tantum codice adiutus, quem Oxonii Joannem Claymundum candide sibi suppeditasse dicit, audacior rem est aggressus. Editi enim illi erant, ut Barocii utar verbis, perinde ac si editi nunquam fuissent. Eademque querela sonat ex illorum libris, quicunque graece studebant legere, quae tradidisset Proclus seu de philosophiae placitis seu de rebus mathematicis vel geometricis, quae ipse et philosophus et geometra in his commentariis protulisset.

Egregia quidem his subvenit Barocius enucleans difficiliora, emendans mendosa, explens lacunosa, addens desiderata, interpretans latine cuncta. Idem, si voluisset, Proclum graecum videtur potuisse restituere. Nam divina providentia factum esse laudat, ut in insula Creta vetustissimum exemplar ad manus suas perveniret; ex quo exemplari et ipso pluribus in locis imperfecto impressum illud quoad posset diligenter se emendavisse dicit. Bononiam profectus invenit duo exemplaria manu scripta, alterum in bibliotheca S. Salvatoris alterum in bibliotheca Fabricii Garzoni, medicam facultatem publice in Bononiensi Gymnasio profitentis, atque ex his omnibus exemplaribus quoad fieri potuit unum fecit integrum, quod e graeca lingua in latinam convertit,

conversum palam fecit. Dum imprimitur, alia duo vidit graeca exemplaria, unum Venetiis in bibliotheca Sanctorum Joannis et Pauli, alterum Patavii ex bibliotheca Jo. Vincentii Pinelli Genuensis, et ad opus conficiendum adhibuit. Suo iure Procli Diadochi utilissimum lucidissimumque volumen a propinquo iam interitu vindicatum tum primum renovatae Phoenicis instar exortum esse praedicat. Usi sunt opere eius praestantissimo quicumque hos Procli commentarios adierunt, cum etsi non ipsa verba at sententias et res invenirent, graeco exemplari magis involutas quam detectas. Cuius rei satis erit unius viri Angli afferre testimonium. Taylor enim in praefatione versionis suae Anglicae Barocii demum libro sui incepti difficultates superari potuisse profitetur neque in locis dubiis alium sequitur ducem quam Barocium.

Fieri tamen non potuit, quin verba quoque graeca desiderarentur. Illud imprimis caput de Euclide et de claris mathematicis ante Euclidem in Fabricii bibliotheca graeca et inter Euclidis elementa ab August edita emendatius prodiit. Novissimus Fridericus Hultsch plura ex Proclo excerpta Heronis geometricorum reliquiis addidit.

Cuncti operis editionem videtur molitus esse Dasipodius molitusque est teste Fabricio Eduardus Bernhardus. Haud procul abfuit ab eodem incepto, qui diligentissimam navavit Proclo operam, Joachim Henricus Knoche et philosophiae et mathematicae studiis optime instructus. Is insigni humanitate, cum parare me editionem commentariorum Procli audisset, sui laboris partem, quam typis anno M. DCCC. LVI. redditum et ipse ad me mittere nequivit, sua manu scriptam mecum communicavit. Ita ad me delata est cura Procli commentarios denuo edendi neque ego potuissem suscipere onus ab aliis relictum nisi Halmius sua inter omnes nota liberalitate et summa

omnium litterarum scientia codicem ad me misisset Monacensem praestantissimum. Hinc sperare coepi, me si non ab omni parte perfectam absolutamque editionem, at multo emendatiorem et minus lacunosam ideoque multis hominibus doctis gratam conficere posse. Quidquid igitur temporis a muneris publici negotiis officiisque aliis vacabat, in Procli commentarios impendi laborisque mei fructus typis nunc prodiit redditus.

Quibus libris in conficiendo opere sim usus, patet ex notarum explicatione, quae Procli verba infra praecedit. Hoc loco pauca sunt addenda et de codicibus manuscriptis et de contextus forma.

Omnes quos scimus codices, in quibus Procli commentarii leguntur, ex uno eodemque exemplari esse ortos documento certissimo sunt lacunae, quae finem commentarii ad XXXVI^{am} Euclidis propositionem una cum initio sequentis et finem commentarii ad XLI^{am} una cum commentario ad XLII^{am} et initium commentarii ad XLIII^{am} absumpserunt. Varietates quoque verborum et sententiarum magna ex parte talem cognationem produnt ex scribarum vel correctorum variis eiusdem vitii remediis natae. Non enim defuerunt qui legerent illos commentarios. Codicem quoque Monacensem retractatum esse manu non imperita apertissima sunt vestigia, sed difficillimum est diiudicatu, utrum idem qui codicem scripsit etiam correxerit, an haud multo post alius eum recognoverit. Multis in locis correctoris manus a scribentis manu vix differt, aliis locis pallidius atramentum, tractus litterarum vel negligentior vel recentior posteram manum videntur prodere. Plures igitur conicias lectores operatos esse in hoc libro manu scripto, quibus sua unicuique iam non possis vindicare; unum saltem ex iis, si non plures, hominem eruditum paulo post codicem recens scriptum menda eius aliquot vidisse et emendasse mihi quidem est persuasum.

Quem igitur inveni habitum quam diligentissime potui descripsi, cum confundere distincta sit facile, distinguere confusa nemo queat, nisi qui ipsum codicem inspiciat.

Vellem contigisset mihi, ut plures codices perscrutarer; quod cum fieri nequirit, quidquid alii ex aliis codicibus hauserunt conferre studui. Hanc ad rem non solum Grynaei editionem et Augusti et Hultschii fragmenta adhibenda esse censui sed etiam Zamberti et Barocii interpretationes; est enim, ut etiam ex latinis verbis graeca verba divines. Magnopere dolui, quod Wachsmuth vir doctissimus in musei Rhenani volumine XVIII^{mo} plura de Procli commentariis in primum Euclidis librum non protulit. Eo incundior mihi fuit principis Boncompagni summa liberalitas et humanitas, qui rogatus a me duobus ex codicibus Romae in bibliotheca Barberina asservatis varietates locorum dubiorum vel lacunosorum septem ex codice 101, plus quam quadraginta et ducentorum ex codice 145 pretio non parvo colligendas curavit mihiq; dono dedit, cuius rei maximas ei ago gratias.

Multi hac ratione emendari potuerunt loci; alios emendaverunt Nesselmann, Knoche, Hultsch — Taylor totus pendet ex Barocio — nonnullos et ipse emendasse mihi videor; uncis tamen inclusi quae, cum necessaria mihi esse viderentur, de meo in contextu addidi.

Singulorum verborum et vocum formas secundum codicem Monacensem reddidi; unde factum est, ut saepius $\tau\tau$ occurrat, ubi Grynaeus $\sigma\sigma$ adhibuit. $\gamma\acute{\iota}\nu\epsilon\sigma\theta\alpha\iota$ formae $\gamma\acute{\iota}\nu\epsilon\sigma\theta\alpha\iota$ praeferendum esse iam Hultsch adnotavit in musei Rhenani voluminis XIXⁱ pagina 454; tamen omnibus in locis $\gamma\upsilon\upsilon$ pro $\gamma\acute{\iota}\nu\upsilon$ scribendum esse negaverim. Accentus vocum et sententiarum interpunctiones, maximam partem illis temporibus neglecta, ex nostro usu erant ponenda; contra ea ν mobile vel $\epsilon\phi\epsilon\lambda\kappa\upsilon\sigma\tau\acute{\iota}\kappa\acute{o}\nu$ non ubique ex vulgaris

grammaticae regulis est positum; diligenter enim exaratus codex Procli scribendi rationem cum fide retinuisse mihi videtur, atque melius illa tempora graecae linguae concinnitatem sensisse puto, quam nostris temporibus ullus homo possit sentire; nec scholae usus erat respiciendus in libro, quem graecae linguae elementa discentes vix attingent. Trado igitur tradita, ne Proclo magis Graecus sim veritus.

Alius quoque peculiaris usus est dicendus, seu Procli solius seu aevi sui, quod scilicet eadem littera duas res significat. In figura enim in pagina 290 descripta ϵ et circulum notat centro γ intervallo $\gamma\delta$ descriptum et punctum aliquod ultra eius circumferentiam; simili modo in figura in pagina 346 descripta ϵ et trianguli et circuli centro δ intervallo $\delta\xi$ ducti notat punctum. Denique id memoratu est dignum, quod duarum rectarum collectio significatur litteris iuxta se positis e. g. $\tau\delta \bar{\alpha}\gamma = \tau\delta \bar{\alpha} + \tau\delta \bar{\gamma}$.

Restat ut de partitione loquar, qua Procli commentarii in quattuor libros sunt divisi, libri singuli in capita et commentaria. Proclus ipse uno tantum loco in paginae 352 linea 24 voce $\tau\mu\eta\mu\alpha$ utitur ad unam Euclidis propositionum partem notandam, quae propositiones praecedunt in pag. 354 lin. 8 $\nu\pi\omicron\theta\acute{\epsilon}\sigma\epsilon\iota\varsigma$, in pag. 364 lin. 19 $\tau\grave{\alpha} \pi\rho\delta\ \tau\omega\upsilon\upsilon\ \theta\epsilon\omega\rho\eta\mu\acute{\alpha}\tau\omega\upsilon\upsilon$ nominat, nusquam ita transit ad alias quaestiones ut unum librum concludere alterum inchoare eum possis dicere. Singulas tantum quaestiones claudit atque quae dicitur sit addit, velut in paginae 81 lineis 23—26. Si codicem inspicias, prologum et libros IV distingui ex titulo rubro colore scripto conicias recteque te iudicasse censeas, cum in codicis folio numero 44 signato (infra in paginae 85 linea 20) inscriptionem invenias rubram: $\acute{\alpha}\rho\chi\eta\ \tau\omicron\upsilon\ \kappa\epsilon\iota\mu\acute{\epsilon}\nu\omicron\upsilon$. at iam in folio 23 (infra 48, 19) secundum inscriptionem liber primus, secundum marginis notam liber secundus incipit, in folio 97 (infra 178, 17) liber II (III), in folio 192

(infra 354, 20) liber III (IV), in folio 233 (infra 433) liber IV, re vera autem incerti alicuius scholium. Contra in folio 109 (infra 198), ubi Barocio quoque iudice 'Finis Principiorum' invenitur et initium propositionum, ne minima quidem nota novae rei fit indicium. Haec cum viderem, iam non dubitavi, quin commentariorum in quattuor libros partitio a librario vel scriba esset profecta, cuius exemplar omnium quae scimus exemplarium fuit fons. Singulos illos libros Barocius in capita et commentaria divisit, quem Taylor secutus est, atque ego secutus essem, nisi Procli operi quantum fieri posset genuinam formam reddendam esse putassem. Proclus commentarios suos ita continuasse mihi videtur, ut Euclidis tantum verba intericeret, sua autem quam dilucidissime disposita nullo maiore intervallo discerneret. Praeterea minime constat, quo iure commentariorum nomen acceperit Procli opus; multo verisimilius ex fine prologi prioris (infra 47, 7) mathematicae disciplinae studium scripturum fuisse Proclum dices. At certum nihil inde excuties. Itaque et titulum per tria saecula traditum retinui et sex tantum latinas inscriptiones addidi et Euclidis definitionibus, petitis, axiomatis, propositionibus suos numeros dedi, quo faciliorem redderem totius operis conspectum. Ut singulae res facilius possent inveniri, duos adieci indices, unum nominum alterum rerum et verborum. Denique in superiore parte cuiusque paginae et Grynaei et Barocii paginarum numeri sunt positi, ne lectorem locos laudatos quaerentem longior mora impediat. Quo plures gratum habebunt Proclum graece restitutum, eo minus laboris haud parvi paenitebit in eo consumpti.

Curiae ad Salam mense Januario anni M. DCCC. LXXIII.

Godofredus Friedlein.

NOTARUM EXPLICATIO.

- M* = codex Monacensis 427, ⁴²⁷chartaceus, saeculo X^{mo} ab Hardtio addictus, XI^{mo} vel XII^{mo} fortasse addicendus. aequali litterarum ductu folia CCXXXVIII sunt exarata eadem manu, paucis iisque raro adhibitis compendiis. margines relictis sunt lati, in quibus paucae tantum notae sunt adscriptae postera fortasse manu, quam tamen discernere a prima manu plerumque est difficile. figurarum geometricarum et lineae et litterae rubro colore sunt descriptae, minore tamen fere omnes diligentia; qui enim confecit illas, non inspexit Procli verba, sed parum accurate quas ob oculos habuit figuras depinxit.
- G* = Commentariorum Procli editio prima, quae Simonis Grynaei opera addita est Euclidis elementis graece editis Basileae apud Ioan. Hervagium anno M. D. XXXIII.
- C* = corrector quidam ignotus, qui editionis primae exemplar, olim Petri Victorii libris insertum, nunc in bibliotheca Monacensi sub signo A. Gr. 1060 asservatum, plurimis locis quantum conici potest ex codice codici *M* simillimo emendavit. non ubique verum eum vidisse aut attulisse non est quod miremur.
- Z* = liber manu scriptus sub signo cod. lat. 6 in bibliotheca Monacensi depositus, continens in primis CLIII foliis Procli commentariorum libros IIII Bartholomaeo Zamberto veneto interprete (anno M. DXXXVIII, anno interpretis VI et LX absoluto).
- B* = Procli in primum Euclidis elementorum librum commentariorum libri IIII a Francisco Barocio patritio veneto editi, Patavii 1560.
- B₁* = codex Bononiensis bibliothecae S. Salvatoris 223 (*Kn. III*, p. 5).

cf. Heiberg
Stud. bibl. Ind.
p. 164

- B_2 = codex 101 bibliothecae Barberinae, saec. XV., qui primas sedecim paginas editionis Hervagianae continet usque ad verbum *διασητικῆν* in paginae .XVI. linea .XXI. ab inferiore parte.
- B_3 = codex 145 bibliothecae Barberinae, saec. XVI., a duobus librariis conscriptus, quorum prior folia 1—158, alter folia 159—200 exaravit.
- A = *ΕΤΚΑΕΙΔΟΤ ΕΤΟΙΧΕΙΑ* edita ab E. F. August (partis primae pag. 290—293. 307—308), Berolini MDCCCXXVI.
- N = Die Algebra der Griechen. Von Dr. G. H. F. Nesselmann, Berlin 1842.
- $Kn. I$ = Ex Procli successoris in Euclidis elementa commentariis definitionis quartae expositionem quae de recta est linea et sectionibus spiricis commentati sunt I. H. Knoche et F. I. Maerker, Herfordiae 1856.
- $Kn. II$ = Untersuchungen über des Proklus Diadochus Commentar zu Euklids Elementen von Dr. J. H. Knoche, Herford 1862.
- $Kn. III$ = Untersuchungen über die neu aufgefundenen Scholien des Proklus Diadochus zu Euklids Elementen von Dr. Joachim Heinrich Knoche, Oberlehrer und Conrektor, Herford 1865.
- H_1 = Zu Proklos. Dresden. Fr. Hultsch, (Rheinisches Museum für Philologie. Neue Folge. Neunzehnter Jahrgang. Frankfurt am Main 1864. p. 450—455).
- H_2 = Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae edidit Fridericus Hultsch, Berolini MDCCCLXIV.
- T = The philosophical and mathematical commentaries of Proclus on the first book of Euclid's elements. In two volumes. London, printed for the author (T. Taylor) 1792.
-

PROLOGI PARS PRIOR.

Τὴν μαθηματικὴν οὐσίαν οὔτε τῶν πρωτίστων ἐν τοῖς οὐσι γενῶν οὔτε τῶν ἐσχάτων εἶναι καὶ παρὰ τὴν ἀπλὴν διηρημένων, ἀναγκαῖον, ἀλλὰ τὴν μέσῃν χώραν ἀπειληφέναι τῶν τε ἀμερίστων καὶ ἀπλῶν καὶ ἀσυνθέτων καὶ ἀδιαιρέτων ὑποστάσεων καὶ τῶν μερι-
 στῶν καὶ ἐν συνθέσεσιν παντοίαις καὶ ποικίλαις διαι-
 ρéseσιν ἀφωρισμένων. τὸ μὲν γὰρ αἰετὰ κατὰ ταῦτα ἔχον καὶ μόνιμον καὶ ἀνέλεγκτον τῶν περὶ αὐτὴν λό-
 γων ὑπερανέχουσιν αὐτὴν ἀποφαίνει τῶν ἐν ὕλῃ φε-
 ρομένων εἰδῶν, τὸ δὲ διεξοδικὸν τῶν ἐπιβολῶν καὶ τὸ
 ταῖς διαστάσεσιν τῶν ὑποκειμένων προσχωρῶμενον καὶ
 τὸ ἀπ' ἄλλων ἀρχῶν ἄλλα προκατασκευάζον κατὰδε-
 εστέραν αὐτῇ δίδωσι τάξιν τῆς ἀμερίστου καὶ ἐν αὐτῇ
 τελείως ἰδρυμένης φύσεως. διόπερ οἶμαι καὶ ὁ Πλά-
 των τὰς γνώσεις διήρει τῶν ὄντων ταῖς τε πρώταις
 καὶ μέσαις καὶ τελευταίαις ὑποστάσεσιν καὶ τοῖς μὲν
 ἀμερίστοις τὴν νοητὴν ἀπεδίδου τὴν ἀθρόως καὶ μετὰ
 intelligence (I)

πρόκλῳ διαδόχῳ εἰς τὸ ἅ τῶν ἐγκλείδου στοιχείων. π ᾧ β
 ᾤ δ. Μ. ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ ΠΡΩΤΟΝ ΤΩΝ
 ΕΤΚΛΕΙΔΟΤΩ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ G.

1 πρωτίστων M. 3 διηρημένων M. 7 ταυτὰ M.
 τὰ αὐτὰ G. 9 ἀποφέρει G. 12 ἀλλὰ G. ἄλλα C. || προ-
 κατασκευάζειν G, B, προκατασκευα... B, 'ad structuram' Z,
 'praeparat' B. 13 αὐτῇ] αὐτῇ M, αὐτῇ G. 17 ἀθρόως ex
 G, evan. in M.

ἀπλότῃτος διαίρουσαν-τὰ νοητὰ καὶ τῇ τε αὐτῇ καὶ
 τῇ καθαρότητι καὶ τῇ ἐνοεῖδει προσβολῇ καὶ ἐπαφῇ
 τῶν ὄντων τὰς ἄλλας ὑπεραίρουνσαν γνώσεις, τοῖς δὲ
 μεριστοῖς καὶ φύσιν ἐσχάτην λαχοῦσι καὶ αἰσθητοῖς
 5 ἅπασιν τὴν δόξαν ἀμύδρᾳ ἀληθείας ἀντιλαμβανομέ-
 νην, τοῖς δὲ μέσοις, οἷα δὴ ἐστὶ τὰ τῆς μαθηματικῆς
 εἶδη, καὶ τῆς τε ἀμερίστου φύσεως ἀπολείπομένοις καὶ
 τῆς μεριστῆς ὑπεριδρυμένοις τὴν διάνοιαν. καὶ γὰρ
 αὕτη νοῦ μέν ἐστι δευτέρα καὶ τῆς ἀκροτάτης ἐπιστή-
 10 μης, δόξης δὲ τελειότερα || καὶ ἀκριβεστέρα καὶ καθα-
 ρότερα. διεξοδεύει μὲν γὰρ καὶ ἀναπλοῖ τοῦ νοῦ
 τὴν ἀμετρίαν καὶ ἀνελίσσει τὸ συνεσπειραμένον τῆς
 νοερᾶς ἐπιβολῆς, συνάγει δὲ αὐτὴν πάλιν τὰ διηρημένα
 καὶ ἀναφέρει πρὸς τὸν νοῦν. ὥσπερ οὖν αἱ γνώσεις
 15 ἀπ' ἀλλήλων διεστήκασιν, οὕτω δὴ καὶ τὰ γνωστὰ
 διακένκρται φύσει, καὶ τὰ μὲν νοητὰ πάντων ὑπερ-
 ῥήκονται ταῖς ἐνοειδέσιν ὑπάρξεσι, τὰ δὲ αἰσθητὰ τοῖς
 πᾶσιν ἀπολείπεται τῶν πρώτων οὐσιῶν. τὰ δὲ μαθη-
 ματικά καὶ ὅλως τὰ διανοητὰ μέσσην κεκλήρωται τάξιν,
 20 τῶν μὲν τῇ διαιρέσει πλεονάζοντα, τῶν δὲ τῇ αὐτῇ
 προέχοντα, καὶ τῶν μὲν τῇ ἀπλότῃτι λειπόμενα, τῶν
 δὲ τῇ ἀκριβείᾳ προυπάρχοντα καὶ τρανέστερας μὲν
 ἐμφάσεις ἔχοντα τῶν αἰσθητῶν τῆς νοητῆς οὐσίας,
 εἰκόνες δὲ ὅμως ὄντα καὶ μεριστῶς μὲν τὰ ἀμέριστα,

4 In margine: αἱ γνώσεις κατὰ πλάτωνα M.

πρῶται μέσαι.
 τελευταῖαι

7 τε om. G. 8 τοῖς μεριστῆς G, τῆς μεριστῆς H₂ p. 254. || τὴν
 διάνοιαν om. H₂. 9 αὕτῃ G, αὕτη C. || ἀκρότῃτος G, ἀκροτάτης
 C. 10 Post καθαρωτέρα H₂ p. 254 addit: εἰς ἐνώσειν καὶ δια-
 κρῖσιν τῶν ὅλων, quod ad alium locum pertinere vidit Kn. III
 p. 40. 18 ὑπολείπεται G. 19 κεκλήρωνται G. 23 νοερᾶς G.

πολυειδῶς δὲ μονοειδῇ παραδείγματα τῶν ὄντων ἀπομιμούμενα καὶ ὥς συλλήβδην εἰπεῖν ἐν προθύροις μὲν τεταγμένα τῶν πρώτων εἰδῶν καὶ ἐκφαίνοντα τὴν ἡνωμένην καὶ ἀμερῇ καὶ γόνιμον ἐκείνων ὑπαρξιν, οὐπω δὲ ἄρα τοῦ μερισμοῦ καὶ τῆς συνθέσεως τῶν 5 λόγων ὑπερέχοντα καὶ τῆς προσηκούσης ταῖς εἰκόσιν ὑποστάσεως, οὐδὲ ὑπερδράμοντα τὰς ποικίλας καὶ διεξοδικὰς τῆς ψυχῆς νοήσεις καὶ αὐταῖς συναρμοσθέντα ταῖς ἀπλαῖς καὶ ὕλης ἀπάσης καθαρευούσαις γνώσεσιν. 10

Ἡ μὲν δὴ μεσότης τῶν μαθηματικῶν γενῶν τε καὶ εἰδῶν τοιαύτη νοεῖσθω, πρὸς γε τὸ παρὸν τὸ μεταξὺ συμπληροῦσα τῶν τε παντελῶς ἀμεριστῶν οὐσιῶν καὶ τῶν περὶ τὴν ὕλην μεριστῶν γινομένων· τὰς 15 δὲ ἀρχὰς τῆς μαθηματικῆς ὅλης οὐσίας ἐπισκοποῦντες ἐπ' αὐτὰς ἄνιμεν τὰς διὰ πάντων τῶν ὄντων διηκούσας ἀρχὰς καὶ πάντα ἀφ' ἑαυτῶν ἀπογεννώσας, λέγω δὲ τὸ πέρας καὶ τὸ ἄπειρον. ἐκ γὰρ τούτων τῶν δύο πρώτων μετὰ τὴν τοῦ ἐνὸς ἀπεριήγητον καὶ τοῖς ἅπασιν ἄληπτον αἰτίαν ὑπέσθη τά τε ἄλλα πάντα καὶ ἡ 20 τῶν μαθημάτων φύσις, ἐκείνων μὲν ἀθρόως πάντα παραγουσῶν καὶ ἐξηρημένως, τῶν δὲ προϊόντων ἐν μέτροις τοῖς προσήκουσι καὶ τάξει τῇ προεπούσῃ τὴν πρόοδον καταδεχομένων, καὶ τῶν μὲν πρώτων, τῶν δὲ μέσων, τῶν δὲ τελευταίων ὑφισταμένων. τὰ μὲν 25

1 πολυειδῶς δὲ ex G. || ἀπομιμούμενα ex G. 2 ἐν προθύροις ex G. || μὲν om. G. 3 τεταγμένων G, τεταγμένα C. 8 διεξοδικὰς] 'cogitandi vim habentes' et in margine 'progre-
grediendi' B. 11 δὲ καὶ G. 12 πρὸς δὲ G, πρὸς γε C. 16 ἀνίμεν G, ἄνιμεν, ἀν λοιμεν vel ἀν λοιόμεν C. 19 κατὰ G. 20 ὑπέσθη G. || ἡ μαθηματικῶν G. 25 μέσων] δευ-
τέρων G.

and with
diversive
J.

γὰρ νοητὰ γένη κατὰ τὴν ἑαυτῶν ἀπλότητα πρῶτως
 μετέχει τοῦ πέρατος καὶ τοῦ ἀπειρου διὰ μὲν τὴν
 ἔνωσιν καὶ τὴν ταυτότητα καὶ τὴν μόνιμον ὑπαρξιν
 καὶ | σταθερὰν || τοῦ πέρατος ἀποπληρούμενα, διὰ δὲ
 5 τὴν εἰς πλῆθος διαίρεσιν καὶ τὴν γεννητικὴν περι-
 ουσίαν καὶ τὴν θέλαν ἑτερότητα καὶ πρόοδον τῆς
 ἀπειρίας ἀπολαύοντα. τὰ δὲ μαθηματικὰ πέρατος μὲν
 ἐστὶν ἔκγονα καὶ ἀπειρίας, ἀλλ' οὐ τῶν πρωτίστων
 μόνων οὐδὲ τῶν νοητῶν καὶ κρυφίων ἀρχῶν, ἀλλὰ
 10 καὶ τούτων, αἱ προῆλθον μὲν ἀπ' ἐκείνων εἰς δευτέ-
 ραν τάξιν, ἀπογεννᾷν δὲ μετ' ἀλλήλων ἐξαρκουῖσι
 τοὺς μέσους διακόσμους τῶν ὄντων καὶ τὴν ἐν αὐτοῖς
 ποικιλίαν, ὅθεν δὴ καὶ ἐν τούτοις προέρχονται μὲν
 εἰς ἄπειρον οἱ λόγοι, κρατοῦνται δὲ ὑπὸ τῆς πέρατος
 15 αἰτίας. ὁ τε γὰρ ἀριθμὸς ἀπὸ μονάδος ἀρξάμενος
 ἀπαυστον ἔχει τὴν αὐξησιν, αἰεὶ δὲ ὁ ληφθεὶς πεπέ-
 ρασται, καὶ ἡ τῶν μεγεθῶν διαίρεσις ἐπ' ἄπειρον χω-
 ρεῖ, τὰ δὲ διαιρούμενα πάντα ὥρισται, καὶ κατ' ἐνέρ-
 γειαν πεπέρασται τὰ μόρια τοῦ ὅλου. καὶ τῆς μὲν
 20 ἀπειρίας οὐκ οὔσης τὰ τε μεγέθη πάντα σύμμετρα ἂν
 ᾗν καὶ οὐδὲν ἄρρητον οὐδὲ ἄλογον, οἷς δὴ δοκεῖ δια-
 φέρειν τὰ ἐν γεωμετρίᾳ τῶν ἐν ἀριθμητικῇ, καὶ οἱ
 ἀριθμοὶ τὴν γόνιμον τῆς μονάδος δύναμιν οὐκ ἂν
 ἐδύναντο δεικνύναι οὐδὲ ἂν πάντας εἶχον τοὺς λό-
 25 γους ἐν ἑαυτοῖς τῶν ὄντων, οἷον τοὺς πολλαπλασίους
 ἢ τοὺς ἐπιμορίους. πᾶς γὰρ ἀριθμὸς ἐξαλλάττει τὸν
 λόγον πρὸς τὴν μονάδα καὶ τὸν πρὸ αὐτοῦ γενόμενον

5 τὸ πλῆθος G. 6 θεῖαν M. 7 ἀπολαμβάνοντα G.
 ἀπολαύοντα C. 14 λόγοι. Κρατοῦνται δὲ M. || Supra πέ-
 ρατος in M scriptum est τοῦ manu postera. 15 ὅτε G.
 18 μετ' G. κατ' C. 27 τὸν πρὸ αὐτοῦ γενόμενον 'eam
 quae ante ipsam rationem facta est respiciens' et in margine

ἐξεταζόμενος. τοῦ δὲ πέρατος ἀναιρεθέντος συμμετρία
 τε καὶ κοινωνία λόγων καὶ ταυτότης εἰδῶν καὶ ἰσότης
 καὶ ὅσα τῆς ἀμείνονός ἐστι συστοιχίας οὐκ ἂν ποτε
 ἐν τοῖς μαθήμασιν ἐφαίνετο, οὐδ' ἂν ἐπιστῆμαι τῶν
 τοιούτων ἦσαν οὐδὲ κατὰλήψεις μόνιμοι καὶ ἀκριβεῖς. 5
 δεῖ τοίνυν ἀμφοτέρων τῶν ἀρχῶν ὥσπερ τοῖς ἄλλοις
 γένεσι τῶν ὄντων οὕτω δὴ καὶ τοῖς μαθηματικοῖς. τὰ
 δὲ ἔσχατα καὶ ἐν ὕλῃ φερόμενα καὶ ὑπὸ τῆς φύσεως
 διαπλαττόμενα πάντως αὐτόθεν ἀμφοῖν μετέχοντα κα-
 ταφαίνεται, τοῦ μὲν ἀπείρου κατὰ τὴν ὑποκειμένην 10
 αὐτοῖς ἔδραν τῶν εἰδῶν, τοῦ δὲ πέρατος κατὰ τοὺς
 λόγους καὶ τὰ σχήματα καὶ τὰς μορφάς.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἀρχαὶ καὶ τῶν μαθημάτων αὗται
 προσετήκασιν, αἱ καὶ τῶν ὄντων ἀπάντων, φανερόν.
 ὥσπερ δὲ τὰς κοινὰς ἀρχὰς αὐτῶν θεωρήκαμεν καὶ 15
 διὰ πάντων διηκούσας τῶν μαθηματικῶν γενῶν, οὕτω
 δὴ καὶ || τὰ κοινὰ αὐτῶν θεωρήματα καὶ ἀπλᾶ καὶ τῆς
 μιᾶς ἐπιστήμης ἔγγονα τῆς πάσας ὁμοῦ τὰς μαθηματι-
 κάς γνώσεις ἐν ἐνὶ ἐπεχούσης ἀναλογισώμεθα, καὶ
 ὅπως ἐφαρμόττει πάσαις καὶ δύναται καὶ ἐν ἀριθμοῖς 20
 καὶ ἐν μεγέθεσι καὶ ἐν κινήσεσι θεωρεῖσθαι σκοπή-
 σωμεν. τοιαῦτα δὲ ἐστὶ τὰ τε τῶν ἀναλογιῶν καὶ τὰ
 τῶν συνθέσεων καὶ διαιρέσεων καὶ τῶν ἀναστροφῶν
 καὶ ἐναλλαγῶν, ἔτι δὲ τὰ τῶν λόγων πάντων οἷον
 πολλαπλασίων καὶ ἐπιμορίων [καὶ] ἐπιμερῶν καὶ τῶν 25
 τούτοις ἀντικειμένων καὶ ἀπλῶς τὰ περὶ τὸ ἴσον καὶ
 ἄνισον καθόλου θεωρούμενα καὶ κοινῶς, οὐ καθόσον

'eum qui ante ipsum est respiciens' B. 1) ἀναιρεθέντος
 om. G. 18 ὁμοῦ] ἡμῶν C. 20 ἐφαρμόττει ex G. Litteras
 in M post ἐφαρμότ rasurae inscriptas non potui legere. Quat-
 tuor vel quinque litterae videntur ab initio esse scriptae.
 25 καὶ inter ἐπιμορίων et ἐπιμερῶν ego addidi.

ἐστὶν ἐν σχήμασιν ἢ ἀριθμοῖς ἢ κινήσεσιν, ἀλλ' αὐτὸ καθ' αὐτὸ τούτων ἐκάτερον φύσιν τινὰ ἔχον κοινήν καὶ γινώσκιν ἑαυτοῦ παρεχόμενον ἀπλουστέραν. καὶ μὴν καὶ τὸ κάλλος καὶ ἡ τάξις κοινὰ πάντων ἐστὶ τῶν μαθημάτων καὶ ἡ ἀπὸ τῶν γνωριμωτέρων ὁδὸς ἐπὶ τὰ ζητούμενα καὶ ἡ ἐκ τούτων ἐπ' ἐκείνα μετάβασις, ἃς δὴ καλοῦσιν ἀναλύσεις καὶ συνθέσεις. ἡ τε ὁμοιότης καὶ ἡ ἀνομοιότης τῶν λόγων οὐδ' ὅτιοῦν τῶν μαθηματικῶν γενῶν ἀπολείπουσιν.

καὶ γὰρ σχήματα τὰ μὲν ὅμοια τὰ δὲ ἀνόμοια λέγομεν καὶ ἀριθμοὺς ὡσαύτως τοὺς μὲν ὁμοίους τοὺς δὲ ἀνομοίους. καὶ ὅσα κατὰ τὰς δυνάμεις ἀναφαίνεται πᾶσιν ὁμοίως προσήκει τοῖς μαθήμασι, τῶν μὲν δυνάμενων τῶν δὲ δυναστευομένων. ἃ δὴ καὶ ὁ ἐν πολιτεία Σωκράτης ταῖς μούσαις ὑψηλολογουμέναις ἀνέδιδκεν, τὰ κοινὰ πάντων τῶν μαθηματικῶν λόγων ἐν πέρασιν ὀρισμένοις περιλαβὼν καὶ προστησάμενος ἐν τοῖς εἰρημένους ἀριθμοῖς, ἀφ' ὧν δὴ καὶ τὰ μέτρα τῆς τε εὐγονίας καὶ τῆς ἐναντίας πρὸς ταύτην ἀγονίας

καταφαίνεται.

Δεῖ δὲ ἄρα τὰ κοινὰ ταῦτα μῆτε ἐν τοῖς πολλοῖς καὶ διηρημένοις εἵδεσι πρῶτως ὑφεστάναι νομίζειν, μῆτε ὑστέρως καὶ ἐκ τῶν πολλῶν ἔχοντα τὴν γένεσιν, ἀλλ' ὡς πρὸ αὐτῶν ἐστῶτα καὶ ἀπλότητι καὶ ἀκριβείᾳ διαφέροντα τίθεσθαι. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ ἡ γινώσις αὐτῶν προηγεῖται τῶν πολλῶν γνώσεων καὶ δίδωσι

10 ἀνόμια λέγωμεν *M.* 12 ἀναφαίνονται *G.* 15 Polit. VIII, p. 546—547. 16 τῶν post πάντων om. *G.* 18 ἐφ' ὧν *G.* 19 ἐγγονίας *M, G.* εὐγονίας *C.* || ἀγονίας *M, G.*

23 Post ὑστέρως invenitur in *M* ἐν ᾗ et supra lineam ἡ. || ἐκ τῶν] αὐτῶν *G,* ἐκ τῶν *C.* 24 Inter πρὸ et αὐτῶν est rasura in *M.*

τὰς ἀρχὰς ἐκείναις, καὶ αἱ πολλαὶ περὶ αὐτὴν ὑφεστί-
 κασι καὶ ἐπ' αὐτὴν ἀναφέρονται. λεγέτω γὰρ ὁ γεω-
 μέτρης, ὅτι τεττάρων ὄντων μεγέθων ἀνάλογον ἐστὶ
 καὶ τὸ ἐναλλάξ, καὶ δεικνύτω κατὰ τὰς οἰκείας ἀρχάς,
 αἷς ὁ ἀριθμητικὸς οὐκ ἂν ποτε χρήσαιτο, καὶ αὖ ὁ 5
 ἀριθμητικὸς, ὅτι τεττάρων ὄντων ἀριθμῶν ἀνάλογον ||
 ἐστὶ καὶ τὸ ἐναλλάξ, καὶ τοῦτο ἀπὸ τῶν τῆς οἰκείας
 ἐπιστήμης ἀρχῶν. τίς οὖν ὁ καθ' ἑαυτὸν γνωρίζων
 τὸ ἐναλλάξ εἴτε ἐν μεγέθεσιν εἴτε ἐν ἀριθμοῖς καὶ τὴν
 διαίρεσιν τῶν συγκειμένων μεγεθῶν ἢ ἀριθμῶν καὶ 10
 τὴν σύνθεσιν ὡσαύτως τῶν διηρημένων; οὐ γὰρ δὴ
 πού τῶν μὲν με- | ριστῶν εἰσὶν ἐπιστήμαι καὶ γνώσεις,
 τῶν δὲ αὐτῶν καὶ τῆς νοερᾶς θεωρίας ἐγγυτέρω τε-
 ταγμένων οὐδὲ μίαν ἔχομεν ἐπιστήμην. ἀλλὰ πολλῶ
 πρότερον ἢ ἐκείνων γνώσις ἐστὶν ἐπιστήμη καὶ ἀπ' 15
 ἐκείνης αἱ πολλαὶ τοὺς κοινούς ὑποδέχονται λόγους
 καὶ μέχρι τοσοῦτου γνώσεων ἄνοδος ἀπὸ τῶν μερι-
 κωτέρων ἐπὶ τὰς ὀλικωτέρας, ἕως ἂν ἐπ' αὐτὴν ἀνα-
 δράμωμεν τὴν τοῦ ὄντος, ἣ ὅν ἐστιν, ἐπιστήμην. αὕτη
 γὰρ οὐ τὰ καθ' αὐτὰ τοῖς ἀριθμοῖς ὑπάρχοντα σκο- 20
 πεῖν ἀξιοῖ, οὐδὲ τὰ κοινὰ πᾶσι τοῖς ποσοῖς, ἀλλὰ τῶν
 ὄντων ἀπάντων τὴν μίαν καὶ μόνην οὐσίαν καὶ ὑπαρ-
 ξιν θεωρεῖ, καὶ διὰ τοῦτο πασῶν ἐστὶ τῶν ἐπιστημῶν
 περιληπτικωτάτη καὶ πᾶσαι παρ' ἐκείνης λαμβάνουσι
 τὰς ἀρχάς. ἀεὶ γὰρ αἱ ἀνωτέρω ταῖς ὑπ' αὐτάς παρ- 25
 ἔχουσι τὰς πρώτας τῶν ἀποδείξεων ὑποθέσεις, ἣ δὲ
 τελειοτάτη τῶν ἐπιστημῶν ἀπάσαις ἀφ' ἑαυτῆς ἐνδί-

7 τῶν om. G. 13 τῶν δὲ ἂν αὐτῶν G. 14 Ἀλλὰ M.
 17 τοσοῦτων M, G. 19 ἣ ἂν ἐστιν G; pro ἂν ὄν substituit C.
 21 πᾶσις M. 22 μόνημον G. || ὑπαρξιν ex G. ὑπ-ξιν in
 lineae fine et in initio sequentis lineae M. 27 Ἀπάσαις M.

δωσι ταῖς μὲν ὀλιγωτέρας ταῖς δὲ μερικωτέρας ἀρχάς·
 δι' ὃ καὶ ὁ ἐν Θεαιτήτῳ Σωκράτης παιδιὰν σπουδῇ κε-
 ραννὺς περιστέρας μὲν ἀπεικάζει τὰς ἐν ἡμῖν ἐπιστή-
 μας. πέτεσθαι δὲ αὐτὰς φησὶν τὰς μὲν κατ' ἀγέλας
 5 τὰς δὲ καὶ χωρὶς ἀπὸ τῶν ἄλλων. αἱ μὲν γὰρ κοινό-
 τεραι καὶ ὀλιγώτεραι πολλὰς ἐν ἑαυταῖς περιέχουσι
 μερικωτέρας, αἱ δὲ τῶν διηρημένων κατ' εἶδη γνω-
 στῶν ἐφαπτόμεναι διεστήκασιν ἀλλήλων καὶ ἀσύναπτοι
 πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ἀπὸ διαφορουσῶν ὥρμημένοι τῶν
 10 πρῶτων ἀρχῶν. μία τοίνυν ἐπιστήμη προτετάχθω
 τῶν πολλῶν ἐπιστημῶν καὶ μαθημάτων ἢ τὰ κοινὰ
 καὶ διὰ πάντων διήκοντα τῶν γενῶν γνωρίζουσα καὶ
 πάσαις ταῖς μαθηματικαῖς ἐπιστήμαις χορηγοῦσα τὰς
 ἀρχάς.
 15 Καὶ μέχρι τοῦδε ἐν ἡμῖν ἡ περὶ αὐτῆς ἀφορίσθω
 διδασκαλία. μετὰ δὲ τοῦτο τί ποτ' ἂν εἴη τὸ κριτή-
 ριον τῶν μαθημάτων θεωρήσωμεν καὶ προστησώμεθα
 καὶ τῆς τούτου παραδόσεως ἡγεμόνα τὸν Πλάτωνα
 διαιρούμενον ἐν πολιτείᾳ χωρὶς μὲν τὰ γνωστὰ χωρὶς
 20 δὲ τὰς γνώσεις καὶ συζύγως ἀπονέμοντα τοῖς γνωστοῖς
 τὰς γνώσεις. || τῶν γὰρ ὄντων τὰ μὲν νοητὰ θέμενος
 τὰ δὲ αἰσθητὰ, τῶν δ' αὖ νοητῶν τὰ μὲν νοητὰ πάλιν
 τὰ δὲ διανοητὰ, καὶ τῶν αἰσθητῶν τὰ μὲν αἰσθητὰ τὰ
 25 δὲ εἰκαστὰ, τοῖς μὲν νοητοῖς, ἃ δὲ τῶν τεττάρων ἐστὶ
 γενῶν πρῶτιστα, γνωῶσιν ἐφίστησι τὴν νόησιν, τοῖς
 δὲ διανοητοῖς διάνοιαν, τοῖς δὲ αἰσθητοῖς πίστιν καὶ
 τοῖς εἰκαστοῖς εἰκασίαν. καὶ τοῦτον ἔχουσιν τὸν λό-
 γον ἀποφαίνει τὴν εἰκασίαν πρὸς τὴν αἰσθησιν, ὃν ἡ

1 ταῖς δὲ μερικωτέρας om. G. 6 καὶ ὀλιγώτεραι om. G.

16 τί om. G. addidit C. 18 καὶ τῆς τούτου] δὲ, ἐπὶ τῆς
 τούτων G. 20 συζύγους G. 28 ἀποφαίνει G. ἀποφαίνει C.

διάνοια πρὸς τὴν νόησιν· ἥ τε γὰρ εἰκασία τὰ εἰδωλα
 γιννώσκει τῶν αἰσθητῶν ἐν τε ὕδασι φανταζόμενα
 καὶ τοῖς ἄλλοις κατόπτοις ἐσχάτην πῶς ἐν εἰδεσιν
 ἔχοντα τάξιν καὶ εἰδώλων ὄντως εἰδωλα γεγονότα, καὶ
 ἡ διάνοια τὰς τῶν νοητῶν εἰκόνας θεωρεῖ τὰς ἀπὸ 5
 τῶν πρώτων καὶ ἀπλῶν καὶ ἀμεριστῶν εἰδῶν εἰς πλη-
 θος καὶ διαίρεισιν ὑποβάσας, δι' ὃ καὶ ταύτης μὲν ἡ
 γινῶσις ἀπ' ἄλλων ὑποθέσεων ἡρτῆται πρεσβυτέρων,
 ἡ δὲ νόησις ἐπ' αὐτὴν ἀνεισι τὴν ἀνυπόθετον ἀρχήν.
 εἰ τοίνυν τὰ μαθηματικὰ μῆτε τὴν ἀμερίστον ἔλαχεν 10
 ὑπόστασιν καὶ χωριστὴν ἀπὸ πάσης διαίρεσεως καὶ
 ποικιλίας μῆτε τὴν αἰσθήσει γνωριζομένην καὶ πολὺ
 μετάβολον καὶ πάντῃ μεριστήν, παντί που καταφανές,
 ὅτι διανοητὰ μὲν ἐστὶ κατὰ τὴν οὐσίαν, διάνοια δὲ
αὐτῶν προέστηκεν ὡς κριτήριον, ὥσπερ τῶν αἰσθη- 15
 τῶν αἰσθησις καὶ εἰκασία τῶν εἰκαστῶν. ὅθεν δὴ καὶ
 ὁ Σωκράτης ἀμυδροτέραν μὲν τὴν τούτων γινῶσιν
 εἶναι διορίζεται τῆς πρωτίστης ἐπιστήμης, τρανεστέ-
 ραν δὲ τῆς δοξαστικῆς ἐπιβολῆς. τὸ μὲν γὰρ ἀνει-
 λιγμένον καὶ διεξοδικὸν τῆς θεωρίας πλεονάζον ἔχουσι 20
 τῆς νοήσεως, τὸ δὲ μόνιμον τῶν λόγων καὶ ἀνέλεγ-
 κτον ὑπερέχον τῆς δόξης. καὶ τὸ μὲν ἐξ ὑποθέσεως
 ὠρμημένον κατὰ τὴν ὕφεισιν ἔλαχον τῆς πρώτης ἐπι-
 στήμης, τὸ δὲ ἐν αὐλοῖς εἰδεσιν ὑφειστός κατὰ τὴν
 τελειοτέραν τῶν αἰσθητῶν εἰδησιν.

25

Τὸ μὲν οὖν κριτήριον τῶν μαθημάτων ἀπάντων
 τοιόνδε κατὰ τὸν νοῦν ἀφοριζόμεθα τοῦ Πλάτωνος,

2 ὕδασι] εἰδεσι G. 8 εἴρηται G, ἡρτῆται C. 12 πολυ-
 μετάβολον G. 13 παντί G, πάντῃ M, C. 16 ἡ αἰσθησις G.
 18 τρανεστέραν G. 21 ἀνέλεγκτον ex G, ἀνέλεκτον M, C.
 23 ὠρισμένον G, ὠρμημένον C. || ὕφεισιν] φύσιν C, 'dim-
 minutionem' B.

τὴν διάνοιαν δόξης μὲν ὑπεριδρύσασαν ἑαυτὴν, τῆς
 δὲ νοήσεως ἀπολειπομένην. ἔπεται δὲ πού κατιδεῖν
 ἡμᾶς, τίνα τὴν οὐσίαν προσήκει λέγειν τῶν μαθημα-
 τικῶν || ~~εἰδῶν τε καὶ γενῶν~~, καὶ πρότερον ἀπὸ τῶν
 5 αἰσθητῶν αὐτὴν ὑφιστάναι συγγνώμητον εἴτε κατὰ
 ἀφαίρεσιν, ὥς πού λέγειν εἰώθασιν, εἴτε κατὰ ἄθροι-
 σιν τῶν μερικῶν εἰς ἓνα τὸν κοινὸν λόγον, ἢ καὶ πρὸ
 τούτων αὐτῇ τὴν ὑπόστασιν δοτέου, ὥς ὁ τε Πλά-
 των ἀξιοῖ καὶ ἡ τῶν ὄλων ἐπιδεικνύει πρόοδος. πρῶ-
 10 τον μὲν οὖν εἰ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν τὰ μαθηματικά
 εἶδη λέγομεν ὑποστῆναι, τῆς ψυχῆς ἀπὸ τῶν ἐν ὕλῃ
 τριγώνων ἢ κύκλων τὸ εἶδος τὸ κυκλικὸν ἢ τὸ τρι-
 γωνικὸν ὥστερογενῶς ἐν ἑαυτῇ μορφούσης, πόθεν ἡ
 ἀκρίβεια καὶ τὸ ἀνέλεγκτον ὑπάρχει τοῖς λόγοις;
 15 ἀνάγκη γάρ, ἢ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἢ ἀπὸ ψυχῆς. ἀλλὰ
 μὴν ἀπὸ γε τῶν αἰσθητῶν ἀδύνατον, πολλῶ γὰρ ἂν
 μᾶλλον ἀκριβείας τούτοις μετῇν ἀπὸ τῆς | ψυχῆς
 ἄρα, τοῖς μὲν ἀτελέσι τὸ τέλειον τοῖς δὲ μὴ ἀκριβέσι
 τὸ ἀκριβὲς προστιθείσης. ποῦ γὰρ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς
 20 τὸ ἀμερὲς ἢ τὸ ἀπλατὲς ἢ τὸ ἀβαθές, ποῦ δὲ ἡ τῶν
 ἐκ τοῦ κέντρον γραμμῶν ἰσότης, ποῦ δὲ οἱ ἐστῶτες
 αἰεὶ λόγοι τῶν πλευρῶν, ποῦ δὲ αἱ τῶν γωνιῶν ὀρθό-
 τητες; οὐχ ὀρῶμεν, ὥς ἐν ἀλλήλοις πάντα τὰ αἰσθητὰ
 συμμέμικται καὶ ὥς οὐδὲν ἐν τούτοις εἰλικρινές οἷδὲ
 25 τοῦ ἐναντίου καθαρεῦον, ἀλλὰ μεριστὰ πάντα καὶ δια-
 στατά καὶ κινούμενα; πῶς οὖν τοῖς ἀκινήτοις λόγοις
 ἐκ τῶν κινουμένων καὶ ἄλλοτε ἄλλως ἐχόντων αὐτὴν

8 ὥστε omisso ὁ G. ὁ intra lineas scriptum prima manu M. 9 δεικνύει G. 14 ἀνέλεγκτον C. 17 μέτεσιν G, μέτεστιν C. 23 ὁρῶ μὲν G. || αἰσθητὰ] μεριστὰ G, αἰσθητὰ C.

24 ὥς om. G. 25 καθαρεῦον G. || διεσθητὰ C.

26 ἐκινούμενα G, κινούμενα C. || λόγοις om. G, add. C.

τὴν μόνιμον οὐσίαν δώσομεν; πᾶν γὰρ τὸ ἀπὸ κινου-
 μένων οὐσιῶν ὑφιστάμενον καὶ ὑπαρξιν μεταβλητὴν
 ἔχειν ὁμολογεῖται παρ' αὐτῶν. πῶς δὲ τοῖς ἀκριβέσι
 καὶ ἀνελέγκτοις εἰδεσιν ἀπὸ τῶν μὴ ἀκριβῶν τὴν
 ἀκριβείαν προσθήσομεν; πᾶν γὰρ τὸ τῆς ἀκινήτου 5
 γνώσεως αἵτιον μειζόνως ἐστὶν αὐτὸ τοιοῦτον. ψυχὴν
 ἄρα τὴν γεννητικὴν ὑποθετέον τῶν μαθηματικῶν
 εἰδῶν τε καὶ λόγων. ἀλλ' εἰ μὲν ἔχουσα τὰ παρα-
 δείγματα κατ' οὐσίαν ὑφίστησιν αὐτά, καὶ εἰσὶν αἱ
 γεννήσεις προβολαὶ τῶν ἐν αὐτῇ προυπαρχόντων 10
 εἰδῶν, τῷ τε Πλάτῳ συνεσόμεθα ταῦτα λέγοντες
 καὶ τὴν ἀληθεῖ οὐσίαν τῶν μαθημάτων εὐρηκότες ἂν
 εἴημεν. εἰ δὲ μὴ ἔχουσα μηδὲ προειληφύτα τοὺς λό-
 γους τοσοῦτον ὑφαίνει διάκοσμον ἄλλον καὶ τοσαύτην
 ἀπογεννᾷ θεωρίαν, πῶς τὰ γεννηθέντα δύναται δια- 15
 κρίνειν, εἴτε γόνιμα τυγχάνει ὄντα εἴτε ἀνεμιαῖα καὶ
 εἰδῶλα ἀντ' ἀληθῶν, πόλοις δὲ κανόσι χρωμένῃ τὴν
 ἐν τούτοις ἀλήθειαν παραμετρῇ; πῶς δὲ καὶ μὴ ἔχουσα
 τὴν οὐσίαν αὐτῶν ἀπογεννᾷ τοσαύτην || ποιικίλιαν λό-
 γων; ἡτοματισμένην γὰρ οὕτως τὴν ὑπόστασιν αὐ- 20
 τῶν ποιήσομεν καὶ πρὸς οὐδένα ὄρον ἀναφερομένην.
 εἰ ἄρα ψυχῆς ἐστὶν ἔκγονα τὰ μαθηματικὰ εἶδη καὶ
 οὐκ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἔχει τοὺς λόγους, ὧν ὑφίστη-
 σιν ἡ ψυχὴ, καὶ ἀπ' ἐκείνων ταῦτα προβάλλεται καὶ
 αἱ ᾠδίνες αὐτῆς καὶ οἱ τόκοι μενόντων εἰς καὶ αἰδίων 25
 ἐμφανεῖς εἰδῶν.

Δεύτερον τοίνυν εἰ κάτωθεν καὶ ἀπὸ τῶν αἰσθη-

1) δώσωμεν M. 3 ὁμολόγηται G. 4 ἀνελέγκτοις C.
 5 προστήσομεν G. || ἀκινήτου ex C, ἀμμήτου M, αἰετὶς κινί-
 του G. 8 τε om. G. 10 γενέσεις G. 23 ὧν] ὡς G,
 ὧν C.

τῶν ἀθροίζομεν τοὺς τῶν μαθημάτων λόγους, πῶς
 οὐκ ἀνάγκη τὰς ἀποδείξεις ἀμείνους λέγειν, ὅσαι ἀπὸ
 τῶν αἰσθητῶν συνίστανται, καὶ οὐ τὰς ἀπὸ τῶν κα-
 θολικωτέρων αἰεὶ καὶ ἀπλουστέρων εἰδῶν; τὰ γὰρ αἷτια
 5 πανταχοῦ ταῖς ἀποδείξεσιν οἰκεῖα πρὸς τὴν τοῦ ζη-
 τουμένου ^ἡ ᾧ εἶναι φαμέν. εἰ οὖν τὰ μερικὰ τῶν
 καθόλου καὶ τὰ αἰσθητὰ τῶν διανοητῶν αἷτια, τίς μη-
 χανὴ τὸν ὅρον τῆς ἀποδείξεως ἐπὶ τὰ καθόλου μάλ-
 λον ἀναφέρειν ἀντὶ τῶν μεριστῶν καὶ τῶν διανοητῶν
 10 τὴν οὐσίαν πρὸ τῶν αἰσθητῶν ταῖς ἀποδείξεσιν συγ-
 γενεστέραν ἀποφαίνειν; οὐδὲ γὰρ εἴ τις φασὶν ἀπο-
 δείξειεν, ὅτι τὸ ἰσοσκελὲς δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει τὰς
 γωνίας, καὶ ὅτι τὸ ἰσόπλευρον ὠδὶ καὶ τὸ σκαληνὸν
 ἐπίσταται κατὰ τρόπον, ἀλλ' ὁ πᾶν τρίγωνον καὶ
 15 ἀπλῶς ἀποδείξας ἔχει τὴν ἐπιστήμην καθ' αὐτό. καὶ
 πάλιν ὅτι τὸ καθόλου βέλτιον τοῦ κατὰ μέρος πρὸς
 ἀπόδειξιν, καὶ ἐξῆς ὅτι αἱ ἀποδείξεις ἐκ τῶν καθόλου
 μᾶλλον, ἐξ ὧν δὲ αἱ ἀποδείξεις, ταῦτα πρότερα καὶ τῇ
 φύσει προηγούμενα τῶν καθ' ἕκαστα καὶ αἷτια τῶν
 20 δεικνυμένων. πολλοῦ ἄρα δέουσιν αἱ ἀποδεικτικαὶ
 τῶν ἐπιστημῶν περὶ τὰ ὑστερογενῆ καὶ τὰ ἀμυδρότερα
 τῶν αἰσθητῶν ἀθρεῖν, ἀλλ' οὐ τὰ διανοία ληπτὰ καὶ
 τελειότερα τῶν αἰσθήσει καὶ δόξῃ γνωρίμων θεωρεῖν.
 Ἔτι δὴ τὸ τρίτον λέγομεν, ὅτι καὶ τὴν ψυχὴν
 25 ἀτιμότεραν ποιοῦσι τῆς ὕλης οἱ ταῦτα λέγοντες. εἰ
 γὰρ ἡ μὲν ὕλη τὰ οὐσιώδη καὶ μᾶλλον ὄντα καὶ τρα-
 νέστερα παρὰ τῆς φύσεως δέχεται, ἡ δὲ ψυχὴ δεύτερα

1 ἀθροίζοιμεν C. 3 alterum τῶν om. G. 12 δυοῖν G.
 13 ὡσεὶ G, ὠδὶ C. 14 ἀλλὰ πᾶν G. 17 ἐξῆς G. || ἐκ τῶν] αὐ-
 τῶν G. ' 22 23. ἀλλ' οὐ . . . θεωρεῖν om. G. 24 ἔτι δε G.
 25 τῆς ὕλης in margine prima, ut videtur, manq; in contextu
 τῶν εἰδῶν M. τῶν εἰδῶν G, B₂ B₃, 'formis' Z, 'materia' B.

ἀπ' ἐκείνων καὶ εἰδωλὰ καὶ εἰκόνας ὕστερογενεῖς ἐν
 ἑαυτῇ διαπλάττει πρὸς οὐσίαν ἀτιμότερας ἀφαιρουῖσα
 τῆς ὕλης τὰ κατὰ φύσιν αὐτῆς ἄχώραστα, πῶς οὐχὶ
 τὴν ψυχὴν ἀδρανεστέραν τῆς ὕλης καὶ καταδεστέραν
 ἀποφαίνουσι; τόπος μὲν γὰρ καὶ ἡ ὕλη τῶν ἐνύλων ⁵
 λόγων καὶ ἡ ψυχὴ τῶν εἰδῶν. ἀλλ' ἡ μὲν τῶν πρῶ-
 των ἡ δὲ τῶν δευτέρων, καὶ ἡ μὲν τῶν προηγουμέ-
 νως ὄντων ἡ δὲ τῶν ἐκείθεν ὑφισταμένων, καὶ ἡ μὲν
 τῶν κατ' οὐσίαν, ἡ δὲ τῶν κατ' ἐπίνοιαν γενομένων.
 πῶς οὖν ἡ νοῦ καὶ τῆς νοερᾶς οὐσίας πρῶτως μετέ- ¹⁰
 χουσα καὶ πληρουμένη τῆς γνώσεως ἐκείθεν || καὶ τῆς
 ὅλης ζωῆς ἀμυδροτέρων εἰδῶν ἐστὶν ὑποδοχὴ τῆς
 ἐσχάτης ἐν τοῖς οὖσιν ἔδρας καὶ πρὸς τὸ εἶναι πάν-
 των ἀτελεστέρας; ἀλλὰ πρὸς μὲν ταύτην ἀπαντᾶν τὴν
 δόξαν πολλοῖς πολλάκις εὐθύνας δεδωκυῖαν περιέρχον. ¹⁵
 εἰ δὲ μὴ ἐστὶ κατὰ ἀφαίρεσιν τῶν ἐνύλων τὰ μαθη-
 ματικὰ εἶδη μήτε κατὰ συναθροισμὸν τῶν ἐν τοῖς καθ'
 ἕκαστα κοινῶν, μηθ' ὅλως ὕστερογενῇ καὶ ἀπὸ τῶν
 αἰσθητῶν, ἀνάγκη δῆπου τὴν ψυχὴν ἢ παρ' αὐτῆς ἢ
 παρὰ νοῦ λαμβάνειν αὐτὰ ἢ καὶ παρ' αὐτῆς καὶ παρ' ²⁰
 ἐκείνου. ἀλλ' εἰ μὲν παρ' αὐτῆς μόνον, πῶς εἰκόνες
 ταῦτα τῶν νοερῶν εἰδῶν; πῶς δὲ μεταξὺ τῆς ἀμερί-
 στου φύσεως καὶ τῆς μεριστῆς μηδεμίαν ἀπὸ τῶν
 πρῶτων εἰς τὸ εἶναι συμπλήρωσιν λαχόντα; πῶς δὲ
 πρωτοουργὰ παραδείγματα τῶν ὅλων τὰ ἐν νῷ προ- ²⁵
 ἔστηκεν; εἰ | δὲ παρ' ἐκείνου μόνον, πῶς τὸ αὐτενέ-
 ρητον τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοκίνητον δύναται μένειν,

2 οὐσίας G, οὐσίαν C. || ἀφαιρουῖσα ex G, ἀφερουῖσα M.
 5 ἐνύλων G, ἐνύλων C. 9 Post κατ' οὐσίαν addit γε-
 νομένων G. || γενομένων] *λεγομένων et in margine γενομέ-
 νων G, γενομένων C. 10 πρῶτης G, πρῶτως C. 19 ἀπ'
 αὐτῆς G. 25 ἐν νῷ G, ἐν νῷ C.

εἶπερ οἱ ἐν αὐτῇ λόγοι κατὰ τὴν τῶν ἑτεροκινήτων
 ὑπόστασιν ἀλλαχόθεν εἰς αὐτὴν ἔρρευσαν; καὶ τί διοί-
 σει τῆς ὕλης τῆς δυνάμει μόνον οὔσης πάντα, γεννώ-
 σης δὲ οὐδὲν τῶν ἐνύλων εἰδῶν; λείπεται δὴ οὖν καὶ
 5 παρ' αὐτῆς καὶ παρὰ νοῦ ταῦτα παράγειν καὶ εἶναι
 πλήρωμα τῶν εἰδῶν αὐτήν, ἀπὸ μὲν τῶν νοερῶν πα-
 ραδειγμάτων ὑφισταμένων, αὐτογόνως δὲ τὴν εἰς τὸ
 εἶναι πάροδον λαγχανόντων. καὶ οὐκ ἄρα ἦν ἡ ψυχὴ
 γραμματεῖον καὶ τῶν λόγων κενόν, ἀλλὰ γεγραμμένον
 10 αἰ καὶ γράφον ἑαυτὸ καὶ ὑπὸ νοῦ γραφόμενον. νοῦς
 γὰρ ἐστὶ καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὸν πρὶ αὐτοῦ νοῦν ἀνε-
 λίττων ἑαυτὸν καὶ εἰκὼν ἐκείνου καὶ τύπος ἔξω γενό-
 μενος. εἰ οὖν ἐκεῖνος πάντα νοερῶς, καὶ ἡ ψυχὴ τὰ
 πάντα ψυχικῶς, καὶ εἰ παραδειγματικῶς ἐκεῖνος, καὶ
 15 ἡ ψυχὴ εἰκονικῶς, καὶ εἰ συνηρημένως, ἡ ψυχὴ διηρη-
 μένως. ὃ δὴ καὶ ὁ Πλάτων εἰδὼς ἐκ πάντων ὑφί-
 στησι τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν τὴν ψυχὴν καὶ κατ'
 ἀριθμοὺς αὐτὴν διαιρεῖ καὶ συνθεῖ ταῖς ἀναλογίαις
 καὶ τοῖς ἁρμονικοῖς λόγοις, καὶ τὰς πρωτογενεῖς ἀρ-
 20 χὰς τῶν σχημάτων ἐν αὐτῇ καταβάλλεται, τό τε εὐθὺ
 καὶ τὸ περιφερές, καὶ κινεῖ τοὺς ἐν αὐτῇ κύκλους νοε-
 ρῶς. πάντα ἄρα τὰ μαθηματικὰ πρῶτόν ἐστιν ἐν τῇ
 ψυχῇ καὶ πρὸ τῶν ἀριθμῶν οἱ αὐτοκίνητοι καὶ πρὸ
 τῶν φαινομένων σχημάτων τὰ ζωδιακὰ σχήματα καὶ
 25 πρὸ τῶν ἡρμωσμένων οἱ ἁρμονικοὶ λόγοι καὶ πρὸ τῶν
 κύκλω κινουμένων σωμάτων οἱ ἀφανεῖς κύκλοι δεδη-
 μιούργηται καὶ πλήρωμα τῶν πάντων ἡ ψυχὴ καὶ

3 τῇ δυνάμει G. 7 αὐτογόνων G, αὐτογόνως C. || δὲ] καὶ G. 11 νοῦ G. 14 καὶ ante ἡ ψυχὴ om. G, add. C.

15 Post συνηρημένως G. add. ἐκεῖνος. 16 εἰδῶν G, εἰδὼς C.

17 τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν om. G. 24 ζωδιακὰ] 'animales' et in margine 'vitales' B. 27 τῶν om. G.

διάκοσμος οὗτος ἄλλος αὐτὸς ἑαυτὸν παράγων καὶ
ἀπὸ τῆς οἰκείας ἀρχῆς παραγόμενος ζωῆς τε πληρῶν
ἑαυτὸν καὶ ἀπὸ τοῦ δημιουργοῦ πληρούμενος ἀσωμά-
τως καὶ ἀδιαστάτως, καὶ ὅτ' ἂν προβάλλῃ τοὺς αὐτοῦ
λόγους, || τότε καὶ ἐπιστήμας προφαίνει πάσας καὶ 5
ἀρετάς. οὐσίωται οὖν ἐν τούτοις ἡ ψυχὴ τοῖς εἰδεσι
καὶ οὔτε τὸν ἀριθμὸν ἐπ' αὐτῆς μονάδων πλῆθος
ὑποληπτέον οὔτε τὴν τῶν διαστατῶν ἰδέαν σωματι-
κῶς ἀκουστέον, ἀλλὰ πάντα ζωτικῶς καὶ νοερῶς τὰ
παραδείγματα τῶν φαινομένων ἀριθμῶν καὶ σχημά- 10
των καὶ λόγων καὶ κινήσεων ὑποθετέον ἐπομένους τῷ
Τιμαίῳ πᾶσαν αὐτῆς τὴν γένεσιν καὶ τὴν δημιουρ-
γίαν ἀπὸ τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν συμπληρώσαντι καὶ
πάντων ἐν αὐτῇ τὰς αἰτίας ἰδρύσαντι. τῶν μὲν γὰρ
ἀριθμῶν πάντων οἱ ^{the 7 terms of terms (G.)} ἐπτά ὅροι τὰς ἀρχὰς περιειλήφασι 15
τῶν γραμμικῶν καὶ τῶν ἐπιπέδων καὶ τῶν στερεῶν,
τῶν δὲ λόγων πάντων οἱ ἐπτά λόγοι κατ' αἰτίαν ἐν
αὐτῇ προϋφεστήμασι, τῶν δ' αὖ σχημάτων αἱ ἀρχαὶ
δημιουργικῶς ἰδρύσθησαν ἐν αὐτῇ, τῶν δὲ κινήσεων
ἡ πρωτίστη καὶ τὰς ἄλλας ἀπάσας περιέχουσα καὶ 20
κινουῦσα συνυφέστηκεν αὐτῇ. πάντων γὰρ τῶν κινου-
μένων ὁ κύκλος ἀρχὴ καὶ ἡ κύκλῳ κίνησις. οὐσιώδεις
ἄρα καὶ αὐτοκίνητοι τῶν μαθημάτων εἰσὶν οἱ λόγοι
συμπληροῦντες τὰς ψυχάς, οὓς δὴ καὶ προβάλλουσα
ἡ διάνοια καὶ ἐξελλίττουσα πᾶσαν τὴν ποικιλίαν ὑφί- 25
στησι τῶν μαθηματικῶν ἐπιστημῶν, καὶ οὐ μὴ ποτε
παύσῃται, γεννώσα μὲν αἰεὶ καὶ ἀνευρίσκουσα ἄλλα

6 οὐσιούται G. 11 ἐπόμενος M. ἐπομένους G. 15 ὅροι
in contextu, in margine λόγοι G; sed omissa sunt τὰς ἀρχὰς
περιειλήφασι . . . οἱ ἐπτά λόγοι. 17 αἰτίαν] 'essentiam' et
in margine 'causam' B. 23 μαθηματικῶν G.

ἐπ' ἄλλοις, τοὺς δὲ ἄμεινους αὐτῆς λόγους ἐξαπλοῦσα. πάντα γὰρ προείληφεν ἀρχοειδῶς καὶ κατὰ τὴν ἄπειρον ἐαυτῆς δύνάμιν ἐκ τῶν προειλημμένων ἀρχῶν παντοδαπῶν θεωρημάτων ποιεῖται προβολάς.

5 Ἀλλὰ δὴ μετὰ τὴν οὐσίαν τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν ἐπὶ τὴν μίαν αὐτῶν ἐπιστήμην ἀναδράμωμεν, ἣν πρὸ τῶν πολλῶν ἐδείκνυμεν οὖσαν, καὶ θεωρήσωμεν, τί τὸ ἔργον αὐτῆς καὶ τίνες αἱ δυνάμεις, καὶ ἐπὶ πόσον διατείνουσai ταῖς ἐνεργείαις.

10 Τὸ μὲν δὴ ἔργον τῆς ὅλης μαθηματικῆς διανοητικόν, ὥσπερ τὸ πρότερον εἰπομεν, θετέον καὶ οὔτε τοιοῦτον, ὅποσον τὸ νοερὸν ἐν ἑαυτῷ μονίμως ἰδρυνμένον καὶ τέλειον καὶ αὐταρκές ἀπ' ἑαυτοῦ καὶ πρὸς ἑαυτὸ συνεῦον, οὔτε οἶον τὸ τῆς δόξης καὶ τῆς αἰσθήσεως.

15 αὐταὶ γὰρ αἱ γνώσεις πρὸς τὰ ἐκτὸς ἀπερεῖδονται καὶ περὶ ἐκεῖνα ἐνεργοῦσι καὶ τὰς αἰτίας οὐκ ἔχουσι τῶν γινωσκομένων. ἡ δ' αὖ μαθηματικὴ τῆς μὲν ἀναμνήσεως ἔξωθεν ἄρχεται, τελευτᾷ δὲ εἰς τοὺς ἐνδον λόγους, καὶ ἀνεγείρεται μὲν ἀπὸ τῶν ὑστέρων, καταντᾷ

20 δὲ εἰς τὴν προηγουμένην οὐσίαν τῶν εἰδῶν, καὶ ἀκίνητος μὲν αὐτῆς οὐκ ἔστιν ἡ ἐνέργεια καθάπερ ἡ νοερά, διὰ δὲ κινήσεως οὐ || τοπικῆς οὐδὲ ἀλλοιωτικῆς ὥσπερ αἱ αἰσθήσεις, ἀλλὰ ζωτικῆς ἀνελίσσεται καὶ διεξιῇ τὸν ἀσώματον τῶν λόγων διάκοσμον, τότε 25 μὲν ἀπὸ τῶν ἀρχῶν ἐπὶ τὰ ἀποτελέσματα χωροῦσα, τότε δὲ ἀνάπαλιν ὁδεύουσα, καὶ τότε μὲν ἀπὸ τῶν προγινωσκομένων ἐπὶ τὰ ζητούμενα, τότε δὲ ἀπὸ τῶν ζητουμένων ἐπὶ τὰ προηγούμενα κατὰ τὴν γυνῶσιν.

4 ποιεῖ τε M. ποιεῖται G. 6 μίαν] μετὰ G, μίαν C.
7 θεωρήσωμεν G. 19 λόγοι G, λόγους C. 21 ἡ ante ἐνεργεια om. G. 24 τῷ λόγῳ G.

ἔτι τοίνυν οὔτε ὥς πλήρης ἑαυτῆς ἀπάσης ζητήσεως
ὑπερίδρυνται καθάπερ ὁ νοῦς, οὔτε ἀφ' ἐτέρων τελει-
οῦται ὥς ἡ αἰσθησις, ἀλλὰ διὰ ζητήσεως εἰς τὴν εὐρε-
σιν πρόεισιν καὶ ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς εἰς τελειότητα
ἐπάνεισι.

5

Δυνάμεις γε μὴν ἔχει διττάς, | τὰς μὲν εἰς πλῆ-
θος προαγούσας τὰς ἀρχὰς καὶ ἀπογεννώσας τὰς πολυ-
ειδεῖς τῆς θεωρίας ἀτραπούς, τὰς δὲ συναγωγούς τῶν
πολλῶν διεξόδων εἰς τὰς οἰκείας ὑποθέσεις. διότι
γὰρ ἀρχὰς προεστήσατο τό τε ἔν καὶ τὸ πλῆθος, τό τε 10
πέρας καὶ τὸ ἄπειρον, τὰ ὑποκείμενα αὐτῇ πρὸς τὴν
κατάληψιν μέσσην τε ἐκληρώσατο τάξιν τῶν ἀμερίστων
εἰδῶν καὶ τῶν πάντη μεριστῶν, εἰκότως δὴ οἶμαι καὶ
αἱ γνωστικαὶ δυνάμεις τῆς ὅλης αὐτῶν ἐπιστήμης
διπλατὴ πεφῆνασιν οὔσαι, καὶ αἱ μὲν ἡμῖν εἰς τὴν 15
ἔνωσιν σπεύδουσαι καὶ συμπτύσσουσαι τὸ πλῆθος, αἱ
δὲ διακριτικαὶ τῶν ἀπλῶν εἰς τὰ ποικίλα καὶ τῶν
καθολικωτέρων εἰς τὰ μερικώτερα, καὶ τῶν ἐν ἀρχῇ
λόγων τεταγμένων εἰς τὰ δεύτερα καὶ τὰ πολλοστὰ
ἀπὸ τῶν ἀρχῶν. ἄνωθεν γὰρ ἀρχομένη διήκει μέχρι 20
τῶν αἰσθητῶν ἀποτελεσμάτων καὶ συνάπτει πρὸς τὴν
φίσιν καὶ συναποδείκνυσιν πολλὰ μετὰ τῆς φυσιολο-
γίας, ὥσπερ δὴ κάτωθεν ἐπανιοῦσα συνεγγίζει πῶς τῇ
νοερᾷ γνώσει καὶ ἐφάπτεται τῆς τῶν πρώτων θεωρίας.
διὸ δὴ καὶ ἐν ταῖς ἀποπερατώσεσιν ἑαυτῆς τὴν τε 25
μηχανικὴν ὅλην προύβαλεν καὶ τὴν ὀπτικὴν καὶ κατ-
οπτρικὴν θεωρίαν καὶ ἄλλας πολλὰς συμπεπλεγμένας
τοῖς αἰσθητοῖς καὶ δι' ἐκείνων ἐνεργούσας, καὶ ἐν ταῖς

2—3 ὑπερίδρυνται ... ζητήσεως bis redditum est in G; alte-
rum del. not. C. 15 πεφύκασιν G. 16 συμπτύσσουσαι M,
συμπτώσσουσι G. 25 ταῖς ἀπο- om. G.

ἀνόδοις τῶν ἀμερίστων καὶ αὐτῶν νοήσεων ἀντιλαμβάνεται καὶ μετ' ἐκείνων τελειοῖ τὰς μεριστάς ἐπιβολὰς καὶ τὰς ἐν διεξόδοις φερομένας γνώσεις, τὰ τε ἑαυτῆς γένη καὶ εἶδη ταῖς οὐσίαις ἐκείναις ἀφομοιοῖ, 5 καὶ τὴν περὶ θεῶν ἀλήθειαν καὶ τὴν περὶ τῶν ὄντων θεωρίαν ἐν τοῖς οἰκείοις ἐκφαίνει λογισμοῖς. τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων εἰρήσθω.

Τὸ δὲ ἐντεῦθεν τῆς ἐπιστήμης ταύτης κατίδωμεν 10 ἐξαίρνης ἀπὸ τῶν ἀρχηγικωτάτων γνώσεων μέχρι τῶν ἐσχάτων διατείνον. ὁ μὲν οὖν Τίμαιος κατὰ παιδευ-
 || σιν ὁδὸν τὴν τῶν μαθημάτων γνώσιν ἀποκαλεῖ. διότι
 δὴ τοῦτον ἔχει τὸν λόγον πρὸς τὴν τῶν ὅλων || ἐπι-
 : στήμην καὶ τὴν πρώτην φιλοσοφίαν, ὃν ἡ παιδεία
 πρὸς τὴν ἀρετὴν. ἡ μὲν γὰρ προευντρεπίζει τὴν ψυχὴν
 15 ἔδσειν ἀδιαστρόφοις εἰς τὴν τελείαν ζωὴν, ἡ δὲ προ-
 παρασκευάζει τὴν διάνοιαν ἡμῶν καὶ τὸ ὅμμα τῆς ψυ-
 χῆς εἰς τὴν ἐντεῦθεν περιαγωγὴν. διὸ καὶ ὁ ἐν πολι-
 τεῖα Σωκράτης ὀρθῶς εἶπεν· ὅμμα γὰρ τῆς ψυχῆς
 ὑπὸ τῶν ἄλλων ἐπιτηδευμάτων ἀποτυφλούμενον καὶ
 20 κατορυπτόμενον ὑπὸ τῶν μαθημάτων μόνων ἀναξω-
 πυρεῖσθαι τε καὶ ἀνεγείρεσθαι πάλιν εἰς τὴν θέαν
 τοῦ ὄντος καὶ ἀπὸ τῶν εἰδῶλων ἐπὶ τὰ ἀληθῆ καὶ
 ἀπὸ τοῦ σκοτώδους εἰς τὸ νοερὸν μεδίστασθαι φῶς,
 καὶ ὅλως ἀπὸ τοῦ σπηλαίου καὶ τῶν ἐν τούτῳ γενε-
 25 σιουργῶν δεσμῶν καὶ τῶν ἀγκτήρων τῆς ὕλης ἐπὶ
 τὴν ἀσώματον ἀνατείνασθαι καὶ ἀμέριστον οὐσίαν.
 τό τε γὰρ κάλλος καὶ ἡ τάξις τῶν ἐν μαθηματικῇ

4 εἶδη. καὶ ταῖς G. 6 ἐμφαίνει G. ἐκφαίνει C.

14 προευντρεπίζει G. προευντρεπίζει C. 15 εἶδαι G. || προ-
 κατασκευάζει G, προπαρασκευάζει C. 17 Polit. VII, p. 527,
 D. E. 21 ἀνεγείρεσθαι πῶς φηκεν. πάλιν G. 26 ἀνατείν-
 νασθαι ἀμέριστον omisso καὶ G.

λόγων καὶ τὸ μόνιμον καὶ ἐστὼς τῆς θεωρίας αὐτοῖς
 ἡμᾶς συνάπτει τοῖς νοητοῖς καὶ ἐνιδρύει τελέως, αἶ
 μὲν ἐστῶσιν, αἶ δὲ τῷ θεῷ κάλλει διαπρέπουσιν, αἶ
 δὲ τὴν πρὸς ἄλληλα τάξιν διασώζουσιν. Ὁ δὲ ἐν τῷ
 Φαίδρῳ Σωκράτης τρεῖς ἡμῖν παραδίδωσι τοὺς ἀνα- 5
 γομένους, οἱ καὶ τὸν πρῶτιστον αὐτοῦ συμπληροῦσι
 βίον· τὸν φιλόσοφον, τὸν ἐρωτικόν, τὸν μουσικόν.
 ἀλλὰ τῷ μὲν ἐρωτικῷ τῆς ἀναγωγῆς ἀρχὴ καὶ ὁδὸς
 ἐντεῦθεν ἀπὸ τοῦ φαινομένου κάλλους ἐπαναβασμοῖς
 χρωμένῳ τοῖς μέσοις εἰδεσι τῶν καλῶν, τῷ δὲ μου- 10
 σικῷ τρίτην λαχόντι τάξιν ἀπὸ τῶν ἐν αἰσθήσεσιν
 ἀρμονιῶν ἐπὶ τὰς ἀφανεῖς ἀρμονίας καὶ τοὺς λόγους
 τοὺς ἐν ταύταις ἢ μετάβασις. καὶ τῷ μὲν ἡ ὄψις, τῷ
 δὲ ἡ ἀκοή τῆς ἀναμνήσεως ὄργανον. τῷ δὲ φιλοσόφῳ
 τὴν φύσιν πόθεν ἄρα καὶ διὰ τίνων ἢ ἀνακινήσεις τῆς 15
 νοεῖας γνώσεως καὶ ἡ πρὸς τὸ ὄντως ὄν καὶ τὴν ἀλή-
 θειαν ἐγερσις; δεῖ γὰρ καὶ τούτῳ διὰ τὸ ἀτελὲς τῆς
 οἰκείας ἀρχῆς. ἡ γὰρ φυσικὴ ἀρετὴ καὶ ὄμμα ἀτελὲς
 καὶ ἡθὸς ἔλαχεν. ἐγγίγεται μὲν οὖν ἤδη παρ' αὐτοῦ
 καὶ ἐπτόηται περὶ τὸ ὄν ὃ τὴν φύσιν τοιοῦτος, δοτέον 20
 δὲ αὐτῷ τὰ μαθήματα, φησὶν ὁ Πλωτίνος, πρὸς
 συνεθισμὸν τῆς ἀσωμάτου φύσεως καὶ τούτοις ὥσπερ
 σχήμασι χρωμένον ἀκτέον ἐπὶ τοὺς ἐν τῇ διαλεκτικῇ
 λόγους καὶ ὅλως ὡς τὴν τῶν ὄντων θεωρίαν.

Ἄλλ' ὅτι μὲν πρὸς φιλοσοφίαν ἢ μαθηματικὴν τὴν 25
 πρωτίστην παρέχεται συντέλειαν, ἐκ τούτων δῆλον.

5 παρὰ δίδωσιν *M.* 6 αὐτῷ *G.* 9 ἐπαναβιβασμοῖς *G.*
 15 ἀνακινήσις *M.* *B.* *B.*, ἀνάμνησις *G.* 'recordatio' *Z.* 're-
 miniscentia' et in margine 'praeludium' *B.* 17 δεῖ δὲ *G.* δεῖ
 γὰρ *C.* || τοῦτο *G.* τούτῳ *C.* 22 συνεθισμένον *G.* 24 ὡς
 τὴν . . . θεωρίαν] ἐν τῇ τῶν ὄλων (ὄντων *C.*) θεωρίᾳ. *G.* Ad

ὡς in *M* in margine annotatum est: ἐξ πρὸς.

δεῖ δὲ καὶ τῶν καθ' ἕκαστα μεμνησθαι, καὶ ὅτι θεολογία μὲν προευντρεπίξει τὰς νοερὰς ἐπιβολάς. ὅσα γὰρ τοῖς ἀτελέσι δυσθήρατα καὶ ἀνάντη φαίνεται τῆς περὶ τῶν θεῶν ἀληθείας εἰς διάγνωσιν, ταῦτα οἱ τῆς μαθηματικῆς λόγοι πιστὰ καὶ καταφανῆ καὶ ἀνέλεγκτα διὰ τῶν εἰκόνων ἀποφαίνουσι. τῶν μὲν γὰρ ὑπερουσίων ἰδιοτήτων || ἐν τοῖς ἀριθμοῖς τὰς ἐμφάσεις δεικνύουσι, τῶν δὲ νοερῶν σχημάτων ἐν τοῖς διανοητοῖς τὰς δυνάμεις ἐκφαίνουσιν. διὸ καὶ ὁ Πλάτων ¹⁰ πολλὰ καὶ θαυμαστὰ δόγματα περὶ θεῶν διὰ τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν ἡμᾶς ἀναδιδάσκει καὶ ἡ τῶν Πυθαγορείων φιλοσοφία παραπετάσμασι τοῦ τοις χρωμένῃ τὴν μυσταγωγίαν κατακρύπτει τῶν θείων δογμάτων. τοιοῦτος γὰρ καὶ ὁ ἱερὸς σύμπας λόγος καὶ ὁ ¹⁵ Φιλόλαος ἐν ταῖς Βάκχαις καὶ ὅλος ὁ τρόπος τῆς Πυθαγόρου περὶ θεῶν ὑψηλήσεως.

Πρὸς δὲ τὴν φυσικὴν θεωρίαν τὰ μέγιστα συμβάλλεται, τὴν τε τῶν λόγων εὐταξίαν ἀναφαίνουσα, καθ' ἣν δεδημιούργηται τὸ πᾶν, καὶ ἀναλογίαν τὴν ²⁰ πάντα τὰ ἐν τῷ κόσμῳ συνδήσασαν, ὥς που φησὶν ὁ Τίμαιος, καὶ φίλα τὰ μαχόμενα καὶ προσήγορα καὶ συμπαθῆ τὰ διεστῶτα ποιήσασαν, καὶ τὰ ἀπλᾶ καὶ πρωτοφυεῖα στοιχεῖα καὶ πάντα τῇ συμμετρῷ καὶ τῇ ἰσότητι συνεχόμενα δείξασα, δι' ὧν καὶ ὁ πᾶς οὐρανὸς ²⁵ ἐτελεσθῇ, σχήματα τὰ προσήκοντα κατὰ τὰς ἐαντοῦ μερίδας ὑποδεξάμενος, ἔτι δὲ ἀριθμοὺς τοὺς οἰκέλους ἐκάστω τῶν γιγνομένων καὶ ταῖς περιόδοις αὐτῶν καὶ ταῖς ἀποκαταστάσεσιν ἀνευροῦσα, δι' ὧν

1 καθ' ἕκαστον G, καθ' ἕκαστα C. || θεολογία G. 9 ἐμφαίνουσι G, ἐκφαίνουσι C. || διὸ δὴ καὶ G. 22 ποιήσασα G. 25 ἐτελειώθη G. 27 ἐκάστω ex G. ἕκαστα M.

X) Taylor transl. "Sacred & Divine Discourse" & refers, for this ἱερὸς Λόγος to Fabr. Bibl. Gr. I p. 118 & 462 & to Syrianus's Commentary on Aristotle's metaphysics p. 7, 71, 83, 108.

τάς τε εὐγονίας ἐκάστων καὶ τὰς ἐναντίας φορὰς συλλογίζεσθαι δυνατόν. ταῦτα γὰρ οἶμαι καὶ ὁ Τίμαιος ἐνδεικνύμενος πανταχοῦ διὰ τῶν μαθηματικῶν ὀνομάτων ἐκφαίνει τὴν περὶ τῆς φύσεως τῶν ὅλων θεωρίαν καὶ τὰς γενέσεις τῶν στοιχείων ἀριθμοῖς καὶ 5 σχήμασι κατακοσμεῖ καὶ τὰς δυνάμεις αὐτῶν καὶ τὰ πᾶθη καὶ τὰς ποιήσεις εἰς αὐτὰ ἀναφέρει, τῶν τε γωνιῶν τὰς ὀξύτητας καὶ τὰς ἀμβλύτητας καὶ τῶν πλευρῶν τὰς λειότητας ἢ τὰς ἐναντίας δυνάμεις, τό τε πλῆθος καὶ τὴν ὀλιγότητα τῶν στοιχείων αἰτιώμενος 10 τῆς παντοίας μεταβολῆς.

Πρὸς γε μὴν τὴν πολιτικὴν καλουμένην φιλοσοφίαν πῶς οὐχὶ φήσομεν αὐτὴν πολλὰ δὴ καὶ θαυμαστά συντελεῖν, τοὺς τε καιροὺς τῶν πράξεων ἀναμετρούμενην καὶ τὰς ποικίλας περιόδους τοῦ παντός 15 καὶ τοὺς προσήκοντας ἀριθμοὺς ταῖς γενέσεσι, τοὺς τε ἀφομοιωματικούς καὶ τοὺς τῆς ἀνομοιότητος αἰτίους, τοὺς τε γονίμους καὶ τελείους, καὶ τοὺς ἐναντίους τοῦτοις, τοὺς τε ἑναρμονίου ζωῆς χορηγούς καὶ τοὺς τῆς ἀναρμοστίας παρεκτικούς καὶ ὅλως φορᾶς καὶ ἀφορίας 20 οἰστικούς. ἃ δὲ καὶ ὁ ἐν πολιτείᾳ τῶν μουσῶν λόγος ἐκφαίνει τὸν γεωμετρικὸν ἀριθμὸν σύμπαντα κύριον ἀμεινόνων καὶ χειρόνων γενέσεων τιθέμενος καὶ τῆς τε ἀλύτου τῶν ἀδιαστροφῶν ἡθῶν διαμονῆς, καὶ τῆς μεταβολῆς τῶν ἀρίστων πολιτειῶν εἰς τὰς ἀλόγους καὶ ἐμπαθεῖς. ὅτι γὰρ τῆς ὅλης ἐστὶ μαθηματικῆς τὴν ἐπιστήμην παραδοῦναι τοῦ λεγομένου τοῦτου γεωμετρικοῦ ἀριθμοῦ καὶ οὐ μᾶς τινὸς οἶον ἀριθμη-

19 ἑναρμονίους G, M. 20 ἀναρμοσίας G. 21 Polit. VIII p. 546, C. 547, C. 25 ἀρίστων ex G. ἀρίστερων M. 26 μαθηματικῆς ἐστὶ G.

τικῆς ἢ γεωμετρίας παντί που δῆλον· διὰ πάντων γάρ τῶν μαθημάτων οἱ λόγοι τῆς τε εὐγονίας || καὶ τῆς ἀγονίας διήκουσι.

Πρὸς δ' αὖ τὴν ἡθικὴν φιλοσοφίαν ἡμᾶς τελειοί,
 5 τάξιν καὶ ἐναρμόνιον ζωὴν ἐντιθεῖσα τοῖς ἡθεσιν ἡμῶν καὶ σχήματα πρέποντα τῇ ἀρετῇ καὶ μέλη καὶ κινήσεις παραδίδωσιν, ἀφ' ὧν δὴ καὶ ὁ Ἀθηναῖος ξένος τελειοῦσθαι βούλεται τοὺς τῆς ἡθικῆς ἀρετῆς ἐκ νέων μεταληψομένους, τῶν τε ἀρετῶν προτείνει
 10 τοὺς λόγους, ἄλλως μὲν ἐν τοῖς ἀριθμοῖς, ἄλλως δὲ ἐν τοῖς σχήμασιν, ἄλλως δὲ ἐν τοῖς κατὰ μουσικὴν συμφῶνσι καὶ τῶν κακιῶν τὰς ὑπερβολὰς καὶ τὰς ἐνδείας παραδείκνυσι, δι' ὧν ἀποτελούμεθα μέτριοι τὸ ἦθος καὶ κεκοσμημένοι. καὶ διὰ τοῦτο ὁ Σωκρά-
 15 τῆς ἐν Γοργίᾳ μὲν τὸν Καλλικλέα τῆς ἀτάκτου καὶ ἀκολάστου ζωῆς αἰτιώμενος, γεωμετρίας γάρ, φησὶν, ἀμελεῖς καὶ τῆς κατ' αὐτὴν ἰσότητος. ἐν πολιτείᾳ δὲ τῆς τυραννικῆς ἡδονῆς τὴν ἀπόστασιν, ἣν ἔλαχεν, εὐρίσκει πρὸς τὴν τοῦ βασιλέως κατὰ τὴν ἐπίπεδον
 20 γένεσιν καὶ τὴν στερεάν.

Ἀλλὰ μὴν ταῖς τε ἄλλαις ἐπιστήμαις τε καὶ τέχναις ἡλίκον τὸ ἀπὸ τῆς μαθηματικῆς ὄφελος παραγίνεται, μάθοιμεν ἂν ἐννοήσαντες, ὅτι ταῖς μὲν θεωρητικαῖς οἷον φητορικῇ καὶ ταῖς τοιαύταιςδε πάσαις, ὅσαι διὰ λό-
 25 γων κυροῦνται, τελειότητα καὶ τάξιν προστίθῃσιν καὶ τὸ ἐκ πρώτων τε καὶ μέσων καὶ τελευταίων συμπληροῦσθαι κατὰ τὴν πρὸς αὐτὴν ἀπεικασίαν, ταῖς δὲ

2 εὐγονίας ... ἀγονίας M, G. 3 διώκουσι G. διήκουσι C.

5 ἐντιθεῖσα M, G. || τοῖς om. G. 7 Plat. Leg. II, p. 672—673. 12 τὰς ante ἐνδείας om. G. 13 παραδεικνύουσι G.

17 ἀμελεῖς C. || Polit. IX, 587. D. 18 ἡ M. || ἔλαχεν C.

19 βασιλικῷ G, βασιλέως C. 27 εἰκασίαν G, ἀπεικασίαν C.

ποιητικαῖς ἐν παραδείγματος τάξει προυφέστηκε τοὺς λόγους τῶν ποιουμένων καὶ τὰ μέτρα ἐν αὐτῇ προ-
υποστήσασα, ταῖς δὲ πρακτικαῖς τὴν ἐνέργειαν καὶ τὴν
κίνησιν ἀφορρίζει διὰ τῶν ἐστώτων ἑαυτῆς καὶ ἀκινή-
των εἰδῶν. ὅλως γὰρ αἱ τέχναι πᾶσαι, καθάπερ δὴ 5
φησιν ὁ ἐν τῷ Φιλήβῳ Σωκράτης, ἀριθμητικῆς δέον-
ται καὶ μετρητικῆς καὶ στατικῆς, ἥτοι πασῶν ἢ τινῶν.
αὗται δὲ πᾶσαι περιέχονται ἐν τοῖς μαθηματικοῖς λό-
γοις καὶ κατ' ἐκείνους ὀρίζονται. καὶ γὰρ αἱ τῶν
ἀριθμῶν διανομαὶ καὶ ἡ τῶν μέτρων ποικιλία καὶ ἡ 10
τῶν βαρῶν διαφορότης ὑπὸ ταύτης γνωρίζονται.

Τὸ μὲν τοίνυν ὄφελος τῆς μαθηματικῆς ὅλης ἐπι-
στήμης πρὸς τε φιλοσοφίαν αὐτὴν καὶ τὰς ἄλλας ἐπι-
στήμας καὶ τέχνας ἐστὶ διὰ τούτων γνώριμον τοῖς
ἀκούουσιν, ἥδη δὲ τινες τῶν ἀντιλογικῶν | ἐπιχει- 15
ροῦσι καθαιρεῖν τὴν ἀξίαν τῆς ἐπιστήμης ταύτης, οἱ
μὲν τὸ καλὸν αὐτῆς καὶ τὸ ἀγαθὸν ἀφαιροῦντες ὥς
οὐ περὶ τούτων ποιουμένης τοὺς λόγους, οἱ δὲ χρησι-
μωτέρας τὰς τῶν αἰσθητῶν ἐμπειρίας ἀποφαίνονται
τῶν ἐν αὐτῇ καθόλου θεωρουμένων, || οἷον γεωδεσίαν 20
γεωμετρίας, καὶ τὴν τῶν πολλῶν ἀριθμητικὴν τῆς ἐν
θεωρήμασιν ὑφεστώσης, καὶ τὴν ναυτικὴν ἀστρολο-
γίαν τῆς καθόλου δεικνυούσης. οὔτε γὰρ πλουτοῦμεν

2 τὰ ἐν αὐτῇ G, ἐν αὐτῇ omisso spiritus signo M. 4 διὰ]

Nα

δὲ G, 7 M. 6 τῷ om. G. 7 μετρικῆς G, μετρητικῆς C.

8 τοῖς τῆς μαθηματικῆς G. In M supra τοῖς scriptum est compendium articuli τῆς prima ut videtur manu. 11 βαρ-
βάρων G, βαρῶν C. 15 Post ἀντιλογικῶν sequuntur in G

διὰ τοὺς βουλομένους ἀνατρέχειν τὴν γεωμετρίαν, quae in M leguntur in margine inter signa & = σημαίνει et †; loco prae-
positionis διὰ est compendium Δ, = διὰ τούτων. 19 αἰσθη-
σεων G.

τῷ γινώσκειν τὸν πλοῦτον, ἀλλὰ τῷ χρῆσθαι, οὔτε
εὐδαιμονοῦμεν τῷ τὴν εὐδαιμονίαν γινώσκειν, ἀλλὰ
τῷ ζῆν εὐδαιμονικῶς, ὥστε καὶ πρὸς τὸν βίον τὸν
ἀνθρώπινον καὶ τὰς πράξεις οὐ τὰς γνωστικὰς τῶν
 5 μαθηματικῶν, ἀλλὰ τὰς ἐμπειρικὰς συντελεῖν ὁμολο-
γῆσομεν. οἱ γὰρ ἀγνοοῦντες μὲν τοὺς λόγους, γε-
γυμνασμένοι δὲ περὶ τὴν ἐν τοῖς καθ' ἕκαστα πείραν
ὄλῳ καὶ παντὶ διαφέρουσι πρὸς τὰς ἀνθρωπικὰς χρείας
τῶν περὶ τὴν θεωρίαν μόνην ἐσχολακῶν.

- 10 Πρὸς δὴ τοὺς ταῦτα λέγοντας ἀπαντησόμεθα τὸ
 μὲν κάλλος ἐπιδεικνυντες τῶν μαθημάτων ἀπὸ τού-
 των, ἀφ' ὧν καὶ ὁ Ἀριστοτέλης ἐπεχείρησεν ἡμᾶς
 πείθειν. τρία γὰρ ταῦτα διαφερόντως καὶ ἐν τοῖς
σώμασι καὶ ἐν ταῖς ψυχαῖς τὸ κάλλος ἀποτελεῖν, τὴν
 15 τάξιν, τὴν συμμετρίαν, τὸ ὠρισμένον, ἐπεὶ καὶ τὸ
αἰσχος τὸ μὲν σωματικὸν ἀπὸ τῆς ὑλικῆς ἀταξίας καὶ
ἀμορφίας καὶ ἀσυμμετρίας καὶ ἀοριστίας ἐν τῷ συν-
θέτῳ κρατησάσης παρυφίσταται, τὸ δὲ [ψυχικὸν] ἀπὸ
τῆς ἀλογίας πλημμελῶς καὶ ἀτάκτως κινουμένης καὶ
 20 ἀναρμόστου πρὸς τὸν λόγον οὔσης καὶ τὸν ἐκείθεν ὄρον
οὐ καταδεχομένης, ὥστε καὶ τὸ κάλλος ἐν τοῖς ἐναν-
τίοις ἂν ἔχοι τὴν ὑπαρξιν, τάξει δηλαδὴ καὶ συμμετρίᾳ
καὶ τῷ ὠρισμένῳ. ταῦτα δὲ ἐν τῇ μαθηματικῇ μάλιστα
θεωροῦμεν ἐπιστήμη, τὴν μὲν τάξιν ἐν τῇ τῶν δευ-
 25 τέρων αἰεὶ καὶ ποικιλωτέρων ἀπὸ τῶν πρώτων καὶ
ἀπλουστείων ἐκφάνσει — συνήρηται γὰρ αἰεὶ τὰ ἐπό-
μενα τοῖς ἐμπροσθεν, καὶ τὰ μὲν ἀρχῆς ἔχει λόγον, τὰ

4 ἀνθρώπινον] ἀνῖνον G. quod compendium est vocis ἀν-
 θρώπινον. 8 ἀνίνας G. || χείρας prima ut videtur manu
 intra lineas in χρείας mutatum M. 18 ψυχικὸν ego addidi.

20 τὸν om. G. 26 ἐμφάσει G.

δὲ τῶν ἐπομένων ταῖς πρώταις ὑποθέσεσιν — τὴν δὲ
 συμμετρίαν ἐν τῇ συμφωνίᾳ τῶν δεικνυμένων πρὸς
 ἄλληλα καὶ τῇ πρὸς τὸν νοῦν πάντων ἀναφορᾷ — μέ-
 τρον γὰρ ἐστὶ κοινὸν τῆς ὅλης ἐπιστήμης ὁ νοῦς, παρ'
 οὗ καὶ τὰς ἀρχὰς λαμβάνει καὶ πρὸς ὃν ἐπιστρέφει τοὺς ⁵
 μανθάνοντας — τὸ δὲ ὠρισμένον ἐν τοῖς ἐστῶσιν αἰ-
 καὶ ἀκινήτοις λόγοις· οὐ γὰρ ἄλλοτε ἄλλως ἔχει τὰ
 γνωστὰ αὐτῆς ὥσπερ τὰ δοξαστὰ καὶ τὰ αἰσθητὰ
 αὐτῆς, ἀλλ' αἰ τὰ αὐτὰ προτείνεται καὶ ὠρίσται τοῖς
 νοεροῖς εἰδεσιν. εἰ τοίνυν τὰ μὲν ἀποτελεστικά τοῦ ¹⁰
 κάλλους ἐστὶ ταῦτα διαφερόντως, τὰ δὲ μαθήματα
 κατὰ ταῦτα χαρακτηρίζεται, πρόδηλον ὅτι καὶ ἐν τού-
 τοις ἐστὶ τὸ καλόν. καὶ πῶς γὰρ οὐ μέλλει, νοῦ μὲν
 καταλάμποντος ἄνωθεν τὴν ἐπιστήμην, ταύτης δὲ εἰς
 νοῦν ἐπειγομένης καὶ ἡμᾶς ἀπὸ αἰσθήσεως εἰς ἐκείνον ¹⁵
 μετάγειν σπενδούσης;

Τὸ || δ' αὖ ὄφελος αὐτῆς οὐκ εἰς τὰς ἀνθρωπίνας
 χρείας ἀφορῶντας κρίνειν ἀξιόσομεν οὐδὲ τῆς ἀνάγκης
 στοχαζομένους· οὕτω γὰρ καὶ τὴν θεωρητικὴν ἀρετὴν
 αὐτὴν ἄχρηστον ὁμολογήσομεν εἶναι ἐαυτὴν τῶν ἀν- ²⁰
 θρωπίνων χωρίζουσιν καὶ, οὗ ταῦτα συντείνει, μὴδ'
 ὅλως γινώσκειν αἰρουμένην. ὃ καὶ ὁ ἐν Θεαιτήτῳ
 Σωκράτης περὶ τῶν κορυφαίων χρησμῶδων ὄντως [?]
 πάσης μὲν αὐτοὺς ἀφίστησι σχέσεως τῆς πρὸς τὸν
 ἀνθρώπινον βίον, πάσης δὲ ἀνάγκης καὶ χρείας εὖλυ- ²⁵
 τον αὐτῶν τὴν διάνοιαν εἰς τὴν τῶν ὄντων ἀνατείνει
 περιωπὴν. καὶ τοίνυν καὶ τὴν μαθηματικὴν ἐπιστήμην
 αὐτὴν δι' αὐτὴν αἰρετὴν καὶ τὴν ἐξ αὐτῆς θεωρίαν

4 κοινὸν om. G. 9 αὐτῆς post αἰσθητὰ om. G.

11 ταῦτα διαφερόντως ἐστὶ G. || μαθηματικά G. 21 οὐ ex G.
 οὐ M. 22 καὶ ἐν omisso ὁ G. || Theät. 173. C. 23 ὄντων G.

εἶναι θετέον, ἀλλ' οὐ διὰ τὰς ἀνθρωπίνας χρείας. εἰ
 δὲ χρὴ πρὸς ἄλλο τι τὸ ἐξ αὐτῆς ὄφελος ἀναφέρειν,
 πρὸς τὴν νοερὰν γνῶσιν τὴν ὠφέλειαν τὴν ἀπ' αὐτῆς
 ἀνενεκτέον· εἰς γὰρ ἐκείνην ἡμᾶς ποδηγεῖ καὶ προ-
 5 ⁵εντρεπίζει, τὸ ὄμμα τῆς ψυχῆς ἀποκαθαίρουσα καὶ
 ἀφαιρουῖσα τὰ ἀπὸ τῶν αἰσθησεων ἐμπόδια πρὸς τὴν
 γνῶσιν τῶν ὅλων. ὥσπερ οὖν τὴν καθαρτικὴν ὄλην
 ἀρετὴν οὐ πρὸς τὰς βιωτικὰς χρείας ἀποβλέποντες
 χρησίμην ἢ ἄχρηστον φαμεν, ἀλλὰ πρὸς τὸν ἐν θεωρίᾳ
 10 ¹⁰βίον, οὕτως καὶ τῆς μαθηματικῆς τὸ τέλος εἰς νοῦν
 ἀναπέμπειν προσήκει καὶ τὴν σύμπασαν σοφίαν. διὸ
 καὶ ἡ περὶ αὐτὴν ἐνέργεια καθ' αὐτὴν τέ ἐστιν ἀξία
 σπουδῆς καὶ διὰ τὴν νοερὰν ζωὴν. δηλοῖ δὲ τὸ δι'
 ἑαυτὴν εἶναι τοῖς μετιοῦσιν αἰρετὴν, ὃ καὶ Ἀριστο-
 15 ¹⁵τέλης πού[φ]ησιν, τὸ μηδενὲς μισθοῦ προκειμένου
 τοῖς ζητοῦσιν ὅμως ἐν ὀλίγῳ χρόνῳ τοσαύτην ἐπίδο-
 σιν τὴν τῶν μαθημάτων θεωρίαν λαβεῖν, ἐτι δὲ τὸ
 πάντας ἐν αὐτῇ φιλοχωρεῖν καὶ βούλεσθαι σχολάζειν
 τῶν ἄλλων ἀφεμένους, ὅσοι καὶ κατὰ μικρὸν ἐφήψαντο
 20 ²⁰τῆς ἀπ' αὐτῆς ὠφελείας, ὥστε οἱ γε καταφρονητικῶς
 ἔχουσι τῆς τῶν μαθημάτων γνώσεως, ἄγευστοι τυγ-
 χάνουσιν ὄντες τῶν ἐν αὐτοῖς ἡδονῶν.

Οὐ δὴ οὖν διὰ τοῦτο τὴν μαθηματικὴν ἀτιμα-
 στέον, ὅτι μὴ πρὸς τὰς ἀνθρωπίνας ἡμῖν χρείας συν-
 25 ²⁵τελεῖ — τὰ γὰρ ἔσχατα αὐτῆς | ἀπηχήματα τῆς τοι-
 αύτης χρείας στοχάζεται καὶ ὅσα μεθ' ὕλης ἐνεργεῖ —
 ἀλλὰ τοῦναντίον θαυμαστέον αὐτῆς τὴν αὐλίαν καὶ

Metaph.
 lib. 13
 cap. III
 (J.)

1 οὐδὲ G, οὐ διὰ C. 4 ἀνακτέον G, ἀνανεκτέον C.
 6 αἰσθητῶν G, αἰσθησεων C. 9 ἄχρηστον ex G. ἄχριστον
 M. 14 αὐτὴν G. 20 οἱ γε] ὅσοι H₂ p. 254. 21 ἔχον-
 τες G. 22 ὄντες om. H₂ p. 254. 24 τὰς om. G. 25 ἀπειχῆ-
 ματα G. ἀπηχήματα C. 26 ὄλης G.

τὸ ἐν αὐτῇ μόνῃ τὸ ἀγαθὸν ἔχειν. καὶ γὰρ ὅλως παν-
 σάμενοι τῆς περὶ τὰ ἀναγκαῖα φροντίδος οἱ ἄνθρωποι
 περὶ τὴν ζήτησιν ἐτράποντο τῶν μαθημάτων. καὶ
 τοῦτο εἰκότως· πρῶτα μὲν γὰρ τὰ σύντροφα καὶ ὁμο-
 φνῇ τῇ γενέσει περισπούδαστά ἐστι τοῖς ἀνθρώποις·⁵
 δεύτερα δὲ τὰ τῆς γενέσεως ἀπολύοντα τὴν ψυχὴν καὶ
 ἀναμιμνήσκοντα τοῦ ὄντος. οὕτως ἄρα καὶ τὰ ἀναγ-
 καῖα πρὸ τῶν δι' αὐτὰ τιμίων καὶ τὰ τῆς αἰσθησεως
 σύμφυλα πρὸ τῶν κατὰ νοῦν γινωσκομένων μέμινεν.
 καὶ γὰρ πᾶσα ἡ γένεσις καὶ ἡ ἐν αὐτῇ στρεφομένη¹⁰
 τῆς ψυχῆς ζωὴ πέφυκεν || ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς εἰς τὸ τέ-
 λειον χωρεῖν. τοσαῦτα καὶ πρὸς τούτους εἰρήσθω τοὺς
 τὴν μαθηματικὴν ἀτιμάζοντας ἐπιστήμην.

Ἴσως δ' ἂν τινες ἐκ τῆς ἡμετέρας ἐστίας ὀρμώμε-
 νοι καὶ τὸν Πλάτωνα προιστάμενοι μάρτυρα τῶν¹⁵
 λόγων ἐπιχειρήσειαν εἰς ὑπεροψίαν ἄγειν τοὺς ἐπι-
 πολαιοτέρους τῆς τῶν μαθημάτων ἀκροάσεως. καὶ
 γὰρ αὐτὸν δῆπου τὸν φιλόσοφον ἐν πολιτείᾳ τὴν μα-
 θηματικὴν ταύτην γνῶσιν τοῦ τῶν ἐπιστημῶν ἀπε-
 λαύνειν χοροῦ καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς αὐτῆς ὡς ἀγνοοῦσαν²⁰
διελέγγειν, καὶ τὸ π' ἀρχὴ μὲν, ἢ μὴ εἶδεν, τελευτὴ δὲ
 καὶ μέσα, ἐξ ὧν οὐκ οἶδεν, ἐπὶ τοῖς προσηύσουσι,
 καὶ ὅσα ἄλλα παρὰ τοῦ Σωκράτους ἐν ἐκείνοις ὀνειδίη
 κατὰ τῆς θεωρίας ταύτης ἀπέρριπται. πρὸς δὲ φίλους
 ἄνδρας ἡμεῖς ποιούμενοι τοὺς λόγους ἀναμνήσομεν²⁵
 αὐτοὺς, ὅτι καὶ αὐτὸς ὁ Πλάτων καθαριστικὴν τῆς
ψυχῆς καὶ ἀναγωγὴν τὴν μαθηματικὴν εἶναι σαφῶς

1 τὸ alter.] τι G. 7 οὕτως] 'Iure' et in margine 'Sic' B.

9 μέμινεν M, G. 11 τοῦ om. G. 15 τὸν ex G, τῶν M.

16 ἐπιπολεωτέρους G. 20 τὰς ante αὐτῆς om. G. || ἀγνοοῦσαν

ex G, ἀγνοοῦσα M. 24 κατὰ θεωρίας . . . πρὸς om. G.

25 ἀναμιμνήσομεν G, ἀναμνήσομεν C.

διμνη-
 σαι

ἀποφαίνεται, τὴν ^{ἐφαίνοντο} ἀγλὺν ἀφαιροῦσαν τοῦ νοεροῦ τῆς διανοίας φωτὸς τοῦ κρείττονος σωθῆναι μυρίων σωματικῶν ὁμμάτων κατὰ τὴν Ὀμηρικὴν Ἀθηναῖν, ὥς ἂν μὴ μόνον τῶν Ἑρμαῖκων δώρων, ἀλλὰ καὶ τῶν Ἀθηναϊκῶν μετέχουσιν· καὶ ὥς ἐπιστήμην αὐτὴν ἀποκαλεῖ πανταχοῦ καὶ ὥς τῆς μερίστης εὐδαιμονίας αἰτίαν τοῖς μετιούσιν.

Ἀλλὰ τί βούλεται διὰ τῶν ἐν πολιτείᾳ λόγων ἀφαιρῶν αὐτῆς τὴν τῆς ἐπιστήμης ἐπωνυμίαν; ἐγὼ φράσω συντόμως· πρὸς γὰρ εἰδότας ὁ παρὼν ἐστὶ μοι λόγος. ἐπιστήμην ὁ Πλάτων πολλαχοῦ μὲν ^{6/2, 84}προσαγορεύει πᾶσαν ὥς εἰπεῖν οὕτω τὴν τῶν καθόλου γνῶσιν, ἀντιδιαρροῦμενος αὐτὴν πρὸς τὴν αἰσθησιν τὰ καθ' ἕκαστα γνωρίζουσιν, καὶ τεχνικὰς καὶ ἐμπειρικὰς τῆς τοιαύτης γνώσεως ὁ τρόπος. καὶ κατὰ τοῦτον οἶμαι τὸν λόγον ἐν τε πολιτικῷ καὶ ἐν σοφιστικῷ φαίνεται χρώμενος τῷ τῆς ἐπιστήμης ὀνόματι, καὶ αὐτὴν τὴν γενναίαν τὴν σοφιστικὴν ἐπιστήμην τιθέμενος, ἣν ὁ ἐν Γοργίᾳ Σωκράτης ἐμπειρίαν ἀπέφηνεν οὖσαν, καὶ τὴν κολακικὴν καὶ πολλὰς ἄλλας, ἐμπειρίας οὔσας ἀλλ' οὐκ ἐπιστήμας ἀληθεῖς. ταύτην δὲ αὐτὴν τῶν καθόλου γνῶσιν διελόμενος εἰς τε τὴν τὰς αἰτίας γνωρίζουσιν καὶ τὴν ἄνευ αἰτίας γνωστικὴν, τὴν μὲν ἑτέραν ἐπιστήμην ἀξιοῦ καλεῖν, τὴν δὲ λοιπὴν ἐμπειρίαν. καὶ οὕτως δὴ ταῖς μὲν τέχναις μεταδίδωσίν ²⁵του τοῦ τῆς ἐπιστήμης ὀνόματος, ταῖς δὲ ἐμπειρίαις

1 ἀποφαίνεται om. *H*₂ p. 254. 4 μόνων *G*. 9 ; ego posui, in *M* invenitur colon, in *G* comma. 14 ἕκαστον *G*. || τεχνικῶς *G*, τεχνικός *C*. || ἐμπειρικῶς *G*, ἐμπειρικός *C*. 20 καὶ πολλὰς] ὁ πολλὰς *C*. 21 ἐπιστήμης *C*. 25 δὲ *G*, δὴ *C*. 26 τοῦ om. *G*, add. *C*. || ταῖς δὲ ἐμπειρίαις ex *G*, τὰς δὲ ἐμπειρίας *C*, ταῖς δὲ ἐμπειρίας *M*.

οὐδαμῶς. ἄλογον γὰρ πρᾶγμα φησιν ἐν συμποσίῳ, πῶς ἂν εἴη ἐπιστήμη. καὶ πᾶσα ἄρα γνῶσις λόγον ἔχουσα τῶν γνωστικῶν καὶ αἰτίαν ἐπιστήμη τίς ἐστίν. πάλιν τοίνυν τὴν ἐπιστήμην ταύτην ἀπ' αἰτίας γνω-
ριστικὴν τῶν ὑποκειμένων διαιρεῖ, καὶ τὴν μὲν στο-
χαστικὴν καὶ μεριστήν, τὴν δὲ τῶν καθ' αὐτὰ καὶ ὥσ-
αύτως ἐχόντων αἰεὶ γνωστικὴν [διακρίνει?] καὶ κατὰ
ταύτην τὴν διάκρισιν ἰατρικὴν μὲν καὶ πᾶσαν τὴν περὶ
τὰ ἔνυλα πραγματεῖαν χωρίζει τῆς ἐπιστήμης, τὴν δ'
αὐτὴν μαθηματικὴν καὶ ὅλως τὴν τῶν ἀτρίων θεωρητικὴν
ἐπιστήμην προσαγορεύει. ταύτην δ' αὐτὴν ἐπιστή-
μην, ἣν τῶν τεχνῶν ἀφορίζομεν, διαιρῶν τὴν μὲν
ἀνυπόθετον εἶναι βούλεται, τὴν δὲ ἐξ ὑποθέσεως ὥρ-
μημένην, καὶ τὴν μὲν ἀνυπόθετον τῶν ὅλων εἶναι
γνωστικὴν μέχρι τοῦ ἀγαθοῦ καὶ τῆς ἀνωτάτω τῶν
πάντων αἰτίας ἀναβαλίνουσιν καὶ τῆς ἀναγωγῆς τέλος
ποιουμένην τὸ ἀγαθόν, τὴν δὲ ὠρισμένης ἀρχᾶς προ-
στησαμένην ἀπὸ τούτων δεικνύναι τὰ ἐπόμενα αὐταῖς
οὐκ ἐπ' ἀρχὴν ἀλλ' ἐπὶ τελευτὴν ἰοῦσαν. καὶ οὕτως
δὴ τὴν μαθηματικὴν ἅτε ὑποθέσειςιν χρωμένην τῆς
ἀνυποθέτου καὶ τελείας ἐπιστήμης ἀπολείπεσθαί φη-
σιν. μία γὰρ ἡ ὄντως ἐπιστήμη, καθ' ἣν τὰ ὄντα
πάντα γινώσκειν πεφύκαμεν, καὶ ἀφ' ἧς πᾶσαι αἱ

4 ταύτην] In *M* eadem ut videtur manu scriptum est τὰυ-
τήν. 7 γνωριστικὴν *G*. 8 τὴν post ταύτην om. *G*. || δια-
ρεῖσιν *G*, διακρίσιν *C*. 13 ἐξ ὑποθέσεως ὥρμημένην] ἐνυ-
πόθετον *H*₂ p. 262. 17 Post τὴν δὲ additum est ἐνυπόθε-
τον in *H*₂. 18 καὶ ἀπὸ τούτων δεικνύουσιν *G*. 19 'ad
principium, sed ad finem tendere', et in margine 'in principio,
sed in fine esse' *B*. || οὐσαν *G*. 20 ὑποθέσειςιν *G*, ὑπόθεσιν
M, sed supra lineam postera manu θέσεις, ὑποθέσει *H*₁ p. 451,
*H*₂ p. 262. 21 usque ad p. 32, 4 ἀπολείπεσθαί . . . μίᾳς
ἐπιστήμης om. *G*; add. *C*.

ἀρχαὶ ταῖς μὲν ἐγγυτέρω τεταγμέναις, ταῖς δὲ πορρω-
 τέρω. μὴ δὲ τοίνυν λέγωμεν, ὅτι τῶν ἐπιστημῶν ὁ
 Πλάτων ἀπελαύνει τὴν μαθηματικὴν, ἀλλ' ὅτι μιᾶς
 ἐπιστήμης αὐτὴν τῆς ἀκροτάτης δευτέραν ἀποφαίνει,
 5 μὴδ' ὅτι τὰς οἰκείας ἀρχὰς ἀγνοεῖν αὐτὴν φησιν, ἀλλ'
 ὅτι παρ' ἐκείνης λαβοῦσαν καὶ ἀναποδείκτως ἔχουσαν
 ἐκ τούτων τὰ ἐφεξῆς ἀποδεικνύει. καὶ γὰρ τὴν ψυ-
 χὴν τὴν ἐκ τῶν μαθηματικῶν λόγων ὑποστᾶσαν ποτὲ
 μὲν κινήσεως ἀρχὴν εἶναι συγχωρεῖ, ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν
 10 νοητῶν γενῶν δέχεσθαι τὴν κίνησιν. καὶ συνάδει
 ταῦτα ἀλλήλοις. τοῖς μὲν γὰρ ἀπ' ἄλλου κινουμένοις
 αἰτία τῆς κινήσεώς ἐστίν, ἀπάσης δὲ ἄρα κινήσεως οὐκ
 αἰτία. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ οὖν καὶ ἡ μαθηματικὴ τῆς
 μὲν πρωτίστης ἐστὶν ἐπιστήμης δευτέρα καὶ ὡς πρὸς
 15 ἐκείνην ἀτελής, ἐπιστήμη δὲ ὅμως, | οὐχ ὡς ἀνυπό-
 θετος, ἀλλ' ὡς τῶν ιδίων ἐν ψυχῇ λόγων γνωριστικὴ
 καὶ ὡς τὰς αἰτίας ἀποδιδούσα τῶν συμπερασμάτων
 καὶ λόγον ἔχουσα τῶν ὑποκειμένων ἐαυτῇ γνωστῶν.
 τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς Πλάτωνος γνώμης ὑπὲρ τῶν
 20 μαθημάτων εἰρήσθω.

|| Τίνα δ' ἂν τις ἀπαιτήσκειν τὸν μαθηματικόν,
 καὶ πῶς ἂν δύναιτό τις αὐτὸν κρίνειν ὀρθῶς μετὰ
 ταῦτα λέγωμεν. ὁ μὲν γὰρ ἀπλῶς πεπαιδευμένος περὶ
 πάντα κριτικός, φησὶν Ἀριστοτέλης, ὁ δὲ περὶ τὰ
 25 μαθήματα πεπαιδευμένος τῶν ἐν τοῖτοις λόγων ἔσται
 κριτικὸς τῆς ὀρθότητος. δεῖ τοίνυν ὄρους προσειλη-
 φέναι τῆς κρίσεως καὶ γιννώσκειν πρῶτον μὲν ἐφ'

2 μὴ δὲ τοίνυν λέγωμεν C. 8 λόγων om. G, add. C.
 9 ἀρχὴν συγχωρεῖν omisso εἶναι C. 17 τῶ συμπερασμάτι G,
 τῶν συμπερασμάτων C. 18 ἐν αὐτῇ G, ἐαυτῇ C. 20 μα-
 θηματικῶν G. 23—25 περὶ πάντα . . . πεπαιδευμένος om. G.
 25 ἐν ex G, ἐκ M.

ὥν δεῖ κατὰ τὰ κοινὰ ποιεῖσθαι τὰς ἀποδείξεις, καὶ ἐφ' ὧν εἰς τὰς ἐκάστων ιδιότητας ἀποβλέπειν. πολλὰ γὰρ ὑπάρχει τὰ αὐτὰ τοῖς κατ' εἶδος διαφέρουσιν, οἷον τριγώνοις πᾶσιν αἱ δύο ὀρθαί. πολλὰ δὲ τὴν μὲν αὐτὴν ἔχει κατηγορίαν, διαφέρει δὲ κατ' εἶδος ἐφ' 5 ἐκάστων τὸ κοινόν, οἷον ἡ ὁμοιότης ἐν σχήμασι καὶ ἀριθμοῖς. οὐ δεῖ δὲ μίαν ἀπόδειξιν ἐπὶ τούτων ἀπαιτεῖν τὸν μαθηματικόν· οὐ γὰρ αἱ αὐταὶ ἀρχαὶ σχημάτων καὶ ἀριθμῶν, ἀλλὰ διαφέρουσαι κατὰ τὸ ὑποκειμενον γένος. εἰ δὲ τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκὸς ἐν, καὶ 10 ἡ ἀπόδειξις μία· τὸ γὰρ δύο ὀρθὰς ἔχειν γωνίας ταύτων ἐν πᾶσι τριγώνοις, καὶ τὸ ὅ συμβέβηκεν ταύτων ἐν ᾗ πᾶσι, τὸ τρίγωνον, καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος. ὥσπερ δὴ καὶ τὸ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς ἐκτὸς οὐ τοῖς τριγώνοις μόνον, ἀλλὰ καὶ πᾶσιν εὐθύγραμμοις 15 ὑπάρχει, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἐπὶ πάντα ἐφαρμοττεται, καθόσον εὐθύγραμμος. καὶ γὰρ ἕκαστος λόγος συνεισφέρει τινὰ πάντως ιδιότητα καὶ πάθος, οὗ μετέχει πάντα κατὰ τὸν λόγον ἐκείνον, οἷον τὸν τριγωνικὸν ἢ τὸν εὐθύγραμμικὸν ἢ ὅλως τὸν τοῦ σχήματος. 20

Δεύτερον τοίνυν, εἰ κατὰ τὴν ὑποκειμένην ὕλην ποιεῖται τὰς ἀποδείξεις, οἷον εἰ ἀναγκαίους ἀποδίδωσι λόγους καὶ ἀνελέγκτους, ἀλλὰ μὴ πιθανοὺς μηδὲ τοῦ εἰκότος ἀναπεπλησμένους. ὅμοιον γὰρ φησιν Ἀριστοτέλης φητορικὸν ἀποδείξεις ἀπαιτεῖν καὶ μαθη- 25

7 δὲ G. 9 διαφερούσας postera manu correctum in διαφέρουσας M. 10 Post γένος perverse additum est in G: ὥσπερ δὴ καὶ τὸ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν. 12 ὅ] 'cuius causa' et in margine 'cui' B. 13 Post ᾗ πᾶσι perverse additum est in G: ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς ἐκτὸς. B quoque in contextu 'Rectis aequales habere externos' post 'Triangulum nempe' addit, in margine autem haec verba omittit. 23—24 ἀλλὰ μὴ . . . ἀναπεπλησμένους om. G.

ματικοῦ πιθανολογοῦντος ἀποδέχεσθαι. δεῖ γὰρ ἕκα-
 στον ἐπιστήμονα καὶ τεχνίτην προσήκοντας ἀποδιδόναι
 τοῖς πράγμασι, περὶ ἃ πραγματεύεται, τοὺς λόγους.
 οὕτως καὶ ὁ Πλάτων ἐν Τιμαίῳ τὸν μὲν φυσιολόγον
 5 εἰκότας ἀπαιτεῖ λόγους ὥς ἂν περὶ τοιούτων πραγμα-
 τεύόμενον, τὸν δὲ περὶ τῶν νοητῶν ἀναδιδάσκοντα
 καὶ τῆς ἐστώσης οὐσίας ἀνελέγκτους καὶ ἀκινήτους.
 εὐθὺς γὰρ τὰ ὑποκείμενα ταῖς ἐπιστήμαις ἢ ταῖς
 τέχναις ποιεῖ διαφοράς, οἷον εἰ τὰ μὲν ἀκίνητα, τὰ
 10 δὲ κινούμενα, καὶ τὰ μὲν ἀπλούστερα, τὰ δὲ συνθετώ-
 τερα, || καὶ τὰ μὲν νοητά, τὰ δὲ αἰσθητά. οὐτ' οὖν
 πᾶσαν τὴν μαθηματικὴν τὴν αὐτὴν ἀκριβειαν ἀπαιτή-
 σομεν — εἰ γὰρ ἡ μὲν αἰσθητῶν ἐφάπτοιτό πως, ἡ δὲ
 νοητῶν εἴη γνῶσις ὑποκειμένων, οὐχ ὁμοίως ἀμφοτέ-
 15 ραι ἀκριβεῖς, ἀλλ' ἡ ἑτέρα μᾶλλον. διὸ τὴν ἀριθμη-
 τικὴν τῆς ἁρμονικῆς μᾶλλον ἀκριβῆ φασιν — οὐδ'
 ὅλως τὴν μαθηματικὴν καὶ τὰς ἄλλας ἐπιστήμας ταῖς
 αὐταῖς ἀποδείξεσιν ἀξιόσομεν χρῆσθαι. τὰ γὰρ ὑπο-
 κείμενα διαφορὰν οὐκ ὀλίγην παρέχεται.

20 Τὸ δὲ τρίτον λέγομεν, ὅτι καὶ περὶ ταυτότητος
 καὶ ἐτερότητος ἐπεσκέφθαι δεῖ τὸν μέλλοντα κρίνειν
 ὀρθῶς τοὺς τῆς μαθηματικῆς λόγους καὶ περὶ τοῦ
 καθ' αὐτὸ καὶ τοῦ κατὰ συμβεβηκὸς καὶ περὶ τῆς ἀνα-
 λογίας καὶ περὶ πάντων τῶν τοιούτων. σχεδὸν γὰρ
 25 αἱ ἁμαρτίαι πᾶσαι κατὰ ταῦτα συμβαίνουσι τῶν οἰο-
 μένων ἀποδεικνύναι μαθηματικῶς, οὐ μέντοι καὶ
 δεικνύντων, ὅταν τὸ ταῦτὸν ὥς ἕτερον καθ' ἕκαστον

5 τούτων G. 9 διαφορὰ sequente rasura unius litte-
 rae M. 16—17 τῆς ἁρμονικῆς . . . μαθηματικὴν om. G,
 add. C. 17 οὐ ταῖς αὐταῖς G; οὐ delet C. 20 τὸ δὲ τρί-
 γωνον G, τὸ δὲ τρίτον C.

εἶδος ἀποδεικνύωσιν, ἢ τὸ ἕτερον ὡς ταυτόν, ἢ ὅταν τὸ κατὰ συμβεβηκὸς ὑπάρχον ὡς καθ' αὐτὸ παραλαμβάνωσιν, ἢ τὸ καθ' αὐτὸ ὡς κατὰ συμβεβηκός, οἶον ὅτι ἡ περιφέρεια καλλίων τῆς εὐθείας, ἢ τὸ ἰσόπλευρον τοῦ ἰσοσκελοῦς. οὐ γὰρ μαθηματικοῦ ταῦτα διο- 5
ρίζειν.

Τέταρτον οὖν, ὅτι τῆς μαθηματικῆς μέσσην ἐχούσης τάξιν τῶν τε νοητῶν καὶ αἰσθητῶν καὶ πολλὰς μὲν εἰκόνας τῶν θείων ἐν ἑαυτῇ δεικνυούσης, πολλὰ δὲ παραδείγματα τῶν φυσικῶν λόγων, δεῖ καὶ τὰς 10 ἀποδείξεις τριπλᾶς ἐπ' αὐτῆς θεωρεῖν, τὰς μὲν νοερωτέρας, τὰς δὲ διεξοδικωτέρας, τὰς δὲ καὶ δόξης ἐφαπτομένας. δεῖ γὰρ κατὰ τὰ προβλήματα τὰς ἀποδείξεις διαφερούσας εἶναι καὶ οἰκείως τοῖς γένεσι διαιρεῖσθαι τῶν ὄντων, ἐπεὶ καὶ αὐτὴ πᾶσι συννυφαίνεται αὐτοῖς 15 καὶ πρὸς πάντας συναρμόζει τοὺς ἑαυτῆς λόγους.

Ἀλλὰ τούτων μὲν ἄδην, περὶ δὲ τῶν εἰδῶν τῆς μαθηματικῆς μετὰ ταῦτα διοριστέον, τίνα τε καὶ πόσα τὸν ἀριθμὸν ἔστιν. μετὰ γὰρ τὸ ὅλον καὶ παντελὲς αὐτῆς γένος δεῖ δὴ πού καὶ τὰς τῶν μερικωτέρων ἐπι- 20 στημῶν κατ' εἶδη διαφορὰς ἀναλογίσασθαι. τοῖς μὲν οὖν Πυθαγορείοις ἐδόκει τετραχὰ διαιρεῖν τὴν ὅλην μαθηματικὴν ἐπιστήμην, τὸ μὲν αὐτῆς περὶ τὸ ποσόν, τὸ δὲ περὶ τὸ πηλίκον ἀφορίζουσι καὶ τούτων ἐκάτερον διττὸν τιθεμένοις· τό τε γὰρ ποσὸν ἢ καθ' 25 αὐτὸ τὴν ὑπόστασιν ἔχειν, ἢ πρὸς ἄλλο θεωρεῖσθαι | κατὰ σχέσιν, καὶ τὸ πηλίκον ἢ || ἔστως ἢ κινούμενον εἶναι· καὶ τὴν μὲν ἀριθμητικὴν τὸ καθ' αὐτὸ τὸ πο-

7 Τέταρτον οὖν ego conieci; τί γὰρ τῶν *M*, *B*, τί γὰρ τοὶ *G*, *B*, 'quid enim' *Z*. 'quarto denique loco dicimus' *B*. 12 δόξη *C*. 15 αὐτῇ *G*, αὐτῇ *C*. 16 συναρμόζειν *C*. 19 ἔστιν om. *G*.

2) σὸν θεωρεῖν, τὴν δὲ μουσικὴν τὸ πρὸς ἄλλο, γεωμε-
 3) τρία γὰρ τὸ πηλίκον ἀκίνητον ὑπάρχον καὶ τὴν σφαι-
 4) ρικὴν τὸ καθ' αὐτὸ κινούμενον· ἐπισκοπεῖν δ' αὖ τὸ
 πηλίκον καὶ ποσὸν οὔτε μέγεθος ἀπλῶς οὔτε πλῆθος
 5 ἄλλὰ τὸ καθ' ἑκάτερον ὁρισμένον· τοῦτο γὰρ ἀφε-
 λούσας τῶν ἀπειρῶν τὰς ἐπιστήμας κατανοεῖν, ὡς οὐκ
 ἐνὸν τὴν καθ' ἑκάτερον ἀπειρίαν γνώσει περιλαβεῖν.
 ὅταν δὲ ταῦτα λέγωσιν ἄνδρες εἰς ἅπαν σοφίας ἐλη-
 λακότες, οὔτε τὸ ποσὸν τὸ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ἀκούειν
 10 ἡμεῖς ἀξιώσομεν οὔτε τὸ πηλίκον τὸ περὶ τὰ σώματα
 φανταζόμενον. ταῦτα γὰρ οἶμαι θεωρεῖν τῆς φυσιο-
 λογίας ἐστίν, ἀλλ' οὐ τῆς μαθηματικῆς αὐτῆς. ἀλλ'
 ἐπεὶ τὴν ἔνωσιν καὶ τὴν διάκρισιν τῶν ὅλων καὶ τὴν
 ταυτότητα μετὰ τῆς ἐτερότητος εἰς τὴν τῆς ψυχῆς
 15 συμπλήρωσιν ὁ δημιουργὸς παρείληφεν καὶ πρὸς ταύ-
 ταις στάσιν καὶ κίνησιν καὶ ἐκ τούτων αὐτὴν τῶν γε-
 νῶν ὑπέστησεν, ὡς ὁ Τίμαιος ἡμᾶς ἀνεδίδαξεν, λεκτέον,
 ὅτι κατὰ μὲν τὴν ἐτερότητα τὴν αὐτῆς καὶ τὴν διαίρε-
 σιν τῶν λόγων καὶ τὸ πλῆθος ἢ διάνοια στάσα καὶ
 20 νοήσασα ἑαυτὴν ἐν καὶ πολλὰ οὔσαν τοὺς τε ἀριθμοὺς
 προβάλλει καὶ τὴν τούτων γνώσιν, τὴν ἀριθμητικὴν,
 κατὰ δὲ τὴν ἔνωσιν τοῦ πλήθους καὶ τὴν πρὸς ἑαυτὸ
 κοινωνίαν καὶ τὸν σύνδεσμον τὴν μουσικὴν. δι' ὃ
 καὶ ἡ ἀριθμητικὴ πρεσβυτέρα τῆς μουσικῆς, ἐπεὶ καὶ
 25 ἡ ψυχὴ διαιρεῖται πρῶτον δημιουργικῶς, εἰδ' οὕτως

5 ἀφελούσας G. 6 οὐ κενὸν G. 7 γνώσει λαβεῖν G,
 γνώσιν περιλαβεῖν C. 10 ἡμᾶς G, ἡμεῖς C. 13 ἐπὶ C,
 εἰς H₂ p. 254. || διαίρεσιν G. 16 καὶ ante ἐκ addidit in M
 postera manus, quae eadem ὑπέστη in ὑπέστησεν mutavit. ||
 αὐτῇ G. 17 ὑπέστη M. || ἐδίδαξεν G, ἀνεδίδαξεν C.
 18 κατὰ μὲν om. H₂ p. 254. 20-23 In G duae lineae (13 et 14)
 inter se sunt permutatae; corr. C. 20 ἐν καὶ πολλὰ] ἐν πολ-
 λοῖς H₂ p. 254. 22 ἑαυτὴν H₂ p. 255. 25 πρῶτως G.

συνδέεται τοῖς λόγοις, ὥς ὁ Πλάτων ὑφηγεῖται. καὶ αὐτὸν πάλιν κατὰ μὲν τὴν στάσιν τὴν ἐν αὐτῇ τὴν ἐνέργειαν ἰδρύσασα γεωμετρίαν ἀφ' ἑαυτῆς ἐξέφηεν, καὶ τὸ ἐν σχῆμα τὸ οὐσιώδες καὶ τὰς δημιουργικὰς ἀρχὰς τῶν σχημάτων πάντων, κατὰ δὲ τὴν κίνησιν τὴν σφαι-⁵ ρικὴν. κινεῖται γὰρ καὶ αὐτὴ κατὰ τοὺς κύκλους, ἔσθηκεν δὲ αἰεὶ ὡσαύτως κατὰ τὰς αἰτίας τῶν κύκλων, τὸ εἶδόν καὶ περιφερέες. καὶ διὰ τοῦτο κἀνταῦθα προ-¹⁰ ὑφίστηκεν ἡ γεωμετρία τῆς σφαιρικῆς ὥσπερ ἡ στάσις τῆς κινήσεως.

Ἐπεὶ δ' οὐκ εἰς τὴν ἀπειροδύναμον ἑαυτῆς ἀφο-
ρῶσα τῶν εἰδῶν ἀνέλιξιν τὰς ἐπιστήμας ἐγέννησεν
ταύτας, ἀλλ' εἰς τὴν κατὰ γένη τοῦ πέρατος περιοχὴν,
διὰ δὴ τοῦτό φασιν αὐτὰς ἀπὸ τε τοῦ πλήθους καὶ
μεγέθους ἀφελούσας τὸ ἄπειρον περὶ τὸ πεπερασμένον ¹⁵
ἤδη τὴν πραγματείαν ἔχειν. ἀρχὰς γὰρ ἐν αὐτῇ πάν-
των ἰδρυσεν ὁ νοῦς καὶ τοῦ πλήθους καὶ τοῦ μεγέ-
θους. ἐπεὶ καὶ ὁμοιομερὴς ἐστὶν ὅλη πρὸς ἑαυτὴν
καὶ μία καὶ ἀδιαίρετος καὶ αὐτὸν πάλιν διηρημένη καὶ
τὸν τῶν εἰδῶν ἐκφαίνουσα κόσμον, περατός τε μετέχει ²⁰
καὶ ἀπειρίας οὐσιώδους ἀπὸ τῶν νοητῶν. ἀλλὰ νοεῖ
μὲν αὐτὴν κατὰ τὸ πέρας, γεννᾷ δὲ ζωὰς καὶ λόγους
παντοίους κατὰ τὴν ἀπειρίαν. αἱ τοίνυν νοήσεις
αὐτῆς τὰς ἐπιστήμας ταύτας ὑπέστησαν κατὰ τὸ πέρας
τὸ ἐν αὐταῖς, ἀλλ' οὐ κατὰ τὴν || ἀπειρίαν τῆς ζωῆς. ²⁵
νοῦ γὰρ εἰκόνα φέρουσιν, ἀλλ' οὐ ζωῆς.

2 αὐ] ὅν H₂ p. 255, ex quo οὐν vel μὴν conicit. || κατὰ
μὲν στάσιν M. || αὐτῇ M, αὐτῇ G, αὐτῇ H₂ p. 255. 4 τὸ
οὐσιώδες om. G. 11 τὴν om. G. 13 καταγενῇ G.
14 δὴ om. G, add. C. 16 ἔχει G, ἔχειν C. 21 νοῦ μὲν
αὐτῇ G, νοεῖν μὲν αὐτῇ C. 22—24 γεννᾷ δὲ . . . κατὰ
τὸ πέρας om. G, add. C.

**) Τῶν μὲν τοίνυν Πυθαγορείων ὁ λόγος οὗτος
 καὶ ἡ τῶν τεττάρων ἐπιστημῶν διαίρεσις, κατ' ἄλλον
 δ' αὖ τρόπον τὴν μαθηματικὴν τέμνειν τινὲς ἀξιοῦσιν,
 ὥσπερ καὶ Γεμῖνος, καὶ ποιοῦσι τὴν μὲν περὶ τὰ
 5 νοητὰ μόνον, τὴν δὲ περὶ τὰ αἰσθητὰ [ἐνεργοῦσαν?]
 καὶ τούτων ἐφαπτομένην, νοητὰ δὴπου καλοῦντες,
 ὅσα καθ' ἑαυτὴν ἡ ψυχὴ θεάματα ἀνακινεῖ, χωρίζουσα
 τῶν ἐνύλων ἑαυτὴν εἰδῶν. καὶ τῆς μὲν περὶ τὰ νοητὰ
 πραγματευομένης δύο τὰ πρῶτιστα καὶ κυριώτατα μέρη
 10 τίθενται ἀριθμητικὴν καὶ γεωμετρικὴν, τῆς δὲ περὶ τὰ
 αἰσθητὰ τὴν ἐνέργειαν ἐχούσης ἔξ, μηχανικὴν, ἀστρο-
 λογικὴν, ὀπτικὴν, γεωδεσίαν, κανονικὴν, λογιστικὴν.
 τὸ δ' αὖ τακτικὸν οὐκ ἀξιοῦσιν ἐν τι τῶν μερῶν τῆς
 μαθηματικῆς λέγειν, ὥσπερ ἕτεροι, ἀλλὰ προσχρησθαι
 15 τότε μὲν λογιστικῇ, καθάπερ ἐν ταῖς ἐξαριθμήσεσι
 τῶν λόγων, τότε δὲ γεωδεσίᾳ, καθάπερ ἐν ταῖς διαι-
 ρéseσι τῶν χωρίων καὶ ταῖς ἀναμετρήσεσιν, ὥσπερ δὴ
 πολλῶ πλεον οὔτε τὸ ἱστορικὸν οὔτε τὸ ἱατρικὸν μέρος
 εἶναι μαθηματικῆς, εἰ καὶ προσχρῶνται πολλάκις οἱ τε
 20 τὰς ἱστορίας γράφοντες τοῖς μαθηματικοῖς θεωρήμα-
 σιν, ἢ θέσεις κλιμάτων φράζοντες ἢ μεγέθη πόλεων
 καὶ διαμέτρους ἢ περιβόλους (καὶ διαμέτρους ἢ περι-
 μέτρους) συλλογίζόμενοι, καὶ οἱ ἱατροὶ πολλὰ τῶν οἰ-
 κείων διὰ τῶν τοιούτων ἐφόδων σαφηνίζοντες. τὸ
 25 γὰρ ἀπὸ τῆς ἀστρολογίας ὄφελος εἰς ἱατρικὴν καὶ
 Ἱπποκράτης δῆλον ποιεῖ καὶ πάντες ὅσοι τι περὶ

Tanneri
λόγος

Tan.

3 τὸν μαθηματικὸν G, τὴν μαθηματικὴν C. 5 ἐνε-
 ροῦσαν om. M, G; equidem hoc vel simile verbum addendum
 esse puto. 6 δὲ που G. 12 λογικὴν G, λογιστικὴν C.
 14 ἕτερον G. 15 λογικῆς G, λογιστικῆς C. 20 μαθηματι-
 κῆς G. 22 καὶ διαμέτρους post περιβόλους om. G. 23 οἱ
 om. G.

ὥρων καὶ τόπων εἰρήκασι. κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ὁ τακτικός χρῆσεται μὲν τοῖς θεωρήμασι τῶν μαθηματικῶν, οὐ μέντοι μαθηματικός ἐστίν, εἰ καὶ ποτὲ μὲν ἐλάχιστον δεῖξαι τὸ πλῆθος βουλούμενος εἰς κύκλον σχηματίζοι τὸ στρατόπεδον, ποτὲ δὲ πλείστον εἰς τε- 5 τράγωνον ἢ πεντάγωνον ἢ ἄλλο τι πολύγωνον.

Τούτων δὴ τῶν εἰδῶν ὄντων τῆς ὅλης μαθηματικῆς ἢ μὲν γεωμετρία διαιρεῖται πάλιν εἰς τε τὴν ἐπιπέδον θεωρίαν καὶ τὴν στερεομετρον. || περὶ γὰρ σημεία καὶ γραμμὰς ἰδιάζουσα τις οὐκ ἐστὶ πραγματεία, 10 καθόσον οὐδὲ σχῆμα γένοιτο ἂν ἐν τοῦτοις ἄνευ ἐπιπέδων ἢ στερεῶν. παν|ταχοῦ γε μὴν ἔργον τῆς γεωμετρίας ἐν τε ἐπιπέδοις καὶ στερεοῖς ἢ συνιστάνειν ἢ συγκρίνειν ἢ διαιρεῖν τὰ συνεστῶτα. τῆς δὲ ἀριθμητικῆς ὁσαύτως ἢ διαίσεις εἰς τε τὴν τῶν γραμμικῶν 15 ἀριθμῶν θεωρίαν καὶ τὴν τῶν ἐπιπέδων καὶ τὴν τῶν στερεῶν. καὶ γὰρ τὰ εἶδη τοῦ ἀριθμοῦ καθ' αὐτὰ σκοπεῖ προτόντα ἀπὸ μονάδος, καὶ τὰς γενέσεις τῶν ἐπιπέδων τῶν τε ὁμοίων καὶ τῶν ἀνομοίων, καὶ τὰς εἰς τρίτην αὐξὴν προόδους. γεωδεσία δὲ καὶ λογιστικὴ 20 ταύταις ἀνάλογον, οὐ περὶ νοητῶν ἀριθμῶν ἢ σχημάτων, ἀλλὰ περὶ αἰσθητῶν ποιούμεναι τοὺς λόγους. οὐ γὰρ κύλινδρον ἢ κῶνον ἔργον τῆς γεωδεσίας μετρεῖν, ἀλλὰ σωφρονὺς ὡς κῶνους καὶ φρεατὰ ὡς κυλίνδρους, οὐδὲ δι' εὐθειῶν νοητῶν, ἀλλὰ δι' αἰσθητῶν, 25 τότε μὲν ἀκριβεστέρων, ὡς διὰ τῶν ἀκτίνων τῶν ἡλια-

1 κατὰ] καὶ C. 5 σχηματίζει G. 7 δὲ G, δὴ C.

11 ἐν τούτῳ G, ἐν τοῦτοις C, 'ex his' et in margine 'in his' B.

15 γραμματικῶν G, γραμμικῶν C. 19 τὰς] τὰ M. 20 αὐξή-
σιν G. 21 ἀνάλογον M, G, ἀνάλογοι N. p. 41. 26 ἀμειβεστέ-
ρων G, ἀκριβεστέρων C₁, B₂ B₃, H₁ p. 452. || ὡς ego scripsi,
πὼς M. || ὡς διὰ τῶν . . . παχυντέρων om. G. 'modo quodam'

κῶν, τότε δὲ παχυτέρων, οἷον διὰ σπάρτων καὶ σταθ-
 μης. οἷδ' αὖ ὁ λογιστικὸς αὐτὰ καθ' ἑαυτὰ θεωρεῖ
 τὰ πάθη τῶν ἀριθμῶν, ἀλλ' ἐπὶ τῶν αἰσθητῶν, ὅθεν
 καὶ τὴν ἐπωνυμίαν αὐτοῖς ἀπὸ τῶν μετρούμενων τί-
 5 θεται, *μηλίτας* καλῶν *τινας* καὶ *φιαλίτας*. καὶ ἐλάχι-
 στον μὲν οὐδὲν εἶναι συγχωρεῖ καθάπερ ὁ ἀριθμητι-
 κός, ὥς μέντοι πρὸς τι γένος λαμβάνει τὸ ἐλάχιστον.
 ὁ γὰρ εἰς ἄνθρωπος μέτρον αὐτῷ γίνεται τοῦ πλήθους
 ὥς μονάς. πάλιν ὀπτική καὶ κανονικὴ γεωμετρίας
 10 εἰσὶ καὶ ἀριθμητικῆς ἔκγονοι, ἥ μὲν ταῖς ὅψει γραμ-
 μαῖς χρωμένη καὶ ταῖς ἐκ τούτων συνισταμέναις γω-
 νίαις, διαιρουμένη δὲ εἰς τε τὴν ἰδίως καλουμένην
 ὀπτικὴν, ἣτις τῶν ψευδῶς φαινόμενων παρὰ τὰς ἀπο-
 στάσεις τῶν ὁρατῶν τὴν αἰτίαν ἀποδίδωσιν, οἷον τῆς
 15 τῶν παραλλήλων συμπτώσεως ἢ τῆς τῶν τετραγώνων
 ὥς κύκλων θεωρίας, καὶ εἰς τὴν κατοπτρικὴν σύμπα-
 σαν τὴν περὶ τὰς ἀνακλάσεις τὰς παντοίας πραγμα-
 τευομένην καὶ τῇ εἰκαστικῇ γνώσει συμπλεκομένην,
 καὶ τὴν λεγομένην σκηνογραφικὴν δεικνῦσαν, πῶς ἂν
 20 τὰ φαινόμενα μὴ ἄρνημα ἢ ἄμορφα φαντάζοιτο ἐν
 ταῖς εἰκόσι παρὰ τὰς ἀποστάσεις καὶ τὰ ὕψη τῶν
 γεγραμμένων. ἡ δ' αὖ κανονικὴ τοὺς φαινόμενους
 λόγους τῶν ἁρμονιῶν σκοπεῖται, τὰς τῶν κανόνων
 κατατομὰς ἀνευρίσκουσα καὶ τῇ αἰσθήσει πανταχοῦ

Z, 'quodam pacto, ut' B. 1 καὶ διὰ σταθμῆς G. 4 αὐτοῖς
 ego scripsi, 'τοῖς M ('seifunctionis signum praecedentem syl-
 labam an ab articulo τοῖς seungit), τοῖς G, 'his' B, om. Z,
 αὐτοῖς vel τούτοις N. p. 42. 5 *μηλίτας* M, G, *μηλίτας* N.
 8 *ἄνθρωπος*] ἐνός G, ἄνός id est ἄνθρωπος C. 13 *ψευ-*
δῶν G. 19 *σκηνογραφικὴν* G, *σκηνογραφικὴν* C. || *δεικνύ-*
ουσαν G.

προσχωμένη καὶ ὡς φησὶν ὁ Πλάτων || ὅτι τοῦ νοῦ
προσθησαμένη.

Πρὸς δὲ ταύταις ἡ μηχανικὴ καλουμένη τῆς περὶ
τὰ αἰσθητὰ καὶ τὰ ἐνυλὰ πραγματείας μέρος ὑπάρ-
χουσα, ὑπὸ δὲ ταύτην ἢ τε ὀργανοποιικὴ τῶν κατὰ 5
πόλεμον ἐπιτηδείων ὀργάνων, οἷα δὲ καὶ Ἀρχιμή-
δης λέγεται κατασκευάσαι τῶν πολεμούντων τὴν Συ-
ράκουσαν ἀμυντικὰ ὄργανα, καὶ ἡ θαυματοποιικὴ τα-
μὲν διὰ πνῶν φιλοτεχνούσα, ὥσπερ καὶ Κτησίβιος
καὶ Ἡρὼν πραγματεύονται, τὰ δὲ διὰ ῥοπῶν, ὧν τῆς 10
μὲν κινήσεως τὴν ἀνισορροπίαν αἰτιατέον, τῆς δὲ στά-
σεως τὴν ἰσορροπίαν, ὥσπερ καὶ ὁ Τίμαιος διώρισεν,
τὰ δὲ διὰ νεύρων καὶ σπάρτων ἐμφύχους ὁλκᾶς καὶ
κινήσεις ἀπομιμνόμενων. ὑπὸ δὲ τὴν μηχανικὴν ἐστὶν
καὶ ἡ τῶν ἰσορροπίων ὁλως καὶ τῶν λεγομένων κεν- 15
τροβαρικῶν ὀβριγνώσεις, καὶ ἡ σφαιροποιικὰ κατὰ μίμη-
σιν τῶν οὐρανίων περιφορῶν, οἷαν καὶ Ἀρχιμήδης
ἐπραγματεύσατο, καὶ ὁλως πᾶσα ἡ τῆς ὕλης κινήτικη.
λοιπὴ δὲ ἡ ἀστρολογία περὶ τῶν κοσμικῶν κινήσεων
διαλαμβάνουσα καὶ περὶ μεγεθῶν καὶ σχημάτων τῶν 20
οὐρανίων σωμάτων καὶ φωτισμῶν καὶ ἀποστάσεων
τῶν ἀπὸ γῆς καὶ τῶν τοιούτων ἀπάντων, πολὺ μὲν
ἀπολαμβάνουσα τῆς αἰσθήσεως, πολὺ δὲ καὶ πρὸς τὴν
φυσικὴν ἐπικοινωνοῦσα θεωρίαν. ταύτης δὲ ἄρα μέ-
ρος ἐστὶ καὶ ἡ γνωμονικὴ περὶ τὴν ὥρῶν καταμέτρη- 25
σιν ἀσχολουμένη διὰ τῆς τῶν γνωμόνων θέσεως, καὶ

1 Pol. VII, p. 531, A. 2 προσθησαμένη om. G, προσθη-
μένη add. C. 3 δὲ G, δὴ C. 5 ὀργανοποιικὴ G, ὀργα-
νοποιικὴ C. 8 θαυμαστοποιητικὴ G. 9 πνευματίων G.
11 αἰτιατὸν G, αἰτιατὸν C. 12 τὴν om. G, add. C.
21 ἀποστάτων G, ἀποστάσεων C. 23 καὶ om. G, add. C.
25 γνωμονικὴ C. || ὅρων M, G. 'horarum' Z, B.

*) J.: "such instruments as are called centroponderants", but τὰ κεντροβαρικὰ
is a treatise of Archimedes on finding the centre of gravity in bodies

ἡ μετεωροσκοπικὴ τῶν τε ἑξαρχμάτων τὰς διαφορὰς
καὶ τῶν ἄστρον τὰς ἀποστάσεις ἀνευρίσκουσα καὶ
πολλὰ ἄλλα καὶ ποικίλα τῶν κατ' ἀστρολογίαν θεωρη-
μάτων ἀναδιδάσκουσα, καὶ ἡ διοπτρικὴ τὰς ἐξ ἐποχῶν
ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ἄλλων ἄστρον καταμαν-
θάνουσα διὰ τῶν τοιούτων ὀργάνων. τοιαῦτα καὶ
περὶ τῶν τῆς μαθηματικῆς μερῶν ὑπὸ τῶν παλαιῶν
ἀναγεγραμμένα παρειλήφαμεν.

- Εἶεν δὴ οὖν. πάλιν ἐκεῖνα θεωρήσωμεν, ὅπως ὁ
10 Πλάτων ^{ῥητορικῶν} τῶν μαθημάτων ἐν πολιτείᾳ τὴν
διαλεκτικὴν προσείρηκεν, καὶ ὅστις ὁ σύνδεσμος αὐτῶν,
ὃν (?) τὴν ἐπινομίδα συνθεῖς παραδίδωσι. καὶ λέγο-
μεν, ὅτι καθάπερ ὁ νοῦς ὑπερίδρυται τῆς διανοίας
καὶ χορηγεῖ τὰς ἀρχὰς ἄνωθεν αὐτῇ καὶ τελειοῖ τὴν
15 διάνοιαν || ἀφ' ἑαυτοῦ, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ δια-
λεκτικὴ, φιλοσοφίας οὕσα τὸ καθαρώτατον μέρος,
προσερχῶς ὑπερήπλωται τῶν μαθημάτων καὶ περιέχει
τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν, καὶ δίδωσι δυνάμεις ἀφ'
ἑαυτῆς ταῖς ἐπιστήμαις αὐτῶν παντοίας, τελεσιουργούς
20 καὶ κριτικὰς καὶ νοεράς, τὴν ἀναλυτικὴν λέγω καὶ
τὴν διαιρετικὴν καὶ τὴν ὀριστικὴν καὶ τὴν ἀποδεικτι-

1 *τε* om. G, add. C. 4 διοπτρικὴ M. || ε om. G. 9 οὖν
δὴ G. || θεωρήσωμεν G. 10 ῥητορικῶν G. || Pol. VII, p. 534, E.

11 αὐτῶν, ὃν τὴν ἐπινομίδα ego scripsi; αὐτῶν οἷον ἐπι-
νομίδα M, αὐτῶ νοητὴν* ἐπινομήθη (ἐπινομήδα C, B₂ ἐπινο-
μίδα B₃) G. 'appellaverit: quale que um culum (sic) ipsa com-
ponens nobis tradit' Z, 'ipsarum . . . , ut tradit etiam ille, qui
Epinomidem composuit' B. 12 λέγω μὲν G, λέγομεν C.

15 [†]ἐφ' ἑαυτῆς (ἐφ' ἑαυτοῖς) H₂ p. 262. 17 Post προσερχῶς
additum est οὕσα (H₁ p. 452) H₂ p. 262. || μαθηματικῶν G,
μαθημάτων C. 18 τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν] 'totum ipsa-
rum orbem' et in praefatione 'materiam ipsarum invincibilem'
B. 'the complet circle of these sciences' T. || ἐφ' ἑαυτοῦ H₂.
19 τελεσιουργικὰς (τελειουργικὰς) H₁, p. 452 H₂ p. 262.

κίνη. ἀφ' ὧν δὴ χορηγουμένη καὶ τελειουμένη ἡ μαθηματικὴ τὰ μὲν δι' ἀναλύσεως εὐρίσκει, τὰ δὲ διὰ συνθέσεως, καὶ τὰ μὲν διαιρητικῶς ὑφηγείται, τὰ δὲ ὀριστικῶς, | τὰ δὲ δι' ἀποδείξεως καταδεύεται τῶν ζητουμένων, συναρμόζουσα μὲν τοῖς ὑποκειμένοις ἑαυτῇ 5 τὰς μεθόδους ταύτας, χρωμένη δὲ ἐκάστη πρὸς τὴν θεωρίαν τῶν μέσων λόγων, ὅθεν δὴ καὶ αἱ ἀναλύσεις ἐπ' αὐτῆς καὶ οἱ ὀρισμοὶ καὶ αἱ διαιρέσεις καὶ αἱ ἀποδείξεις οἰκτεῖται τέ εἰσι καὶ κατὰ τὸν τρόπον τῆς μαθηματικῆς γνώσεως ἀνελίσσονται. θριγγὸς οὖν εἰκότως 10 ἐστὶν ἡ διαλεκτικὴ τῶν μαθημάτων, πᾶν τὸ νοερὸν αὐτῶν τελειοῦσα καὶ τὸ ἀκριβὲς ἀνελεγκτότερον ἀπεργαζομένη καὶ τὸ ἀκίνητον μόνιμον ὥσαύτως διαφυλάττουσα καὶ τὸ αὔλον καὶ καθαρὸν εἰς τὴν ἀπλότητα τὴν τοῦ νοῦ καὶ τὴν ἀύλιαν ἀναφέρονσα καὶ τὰς τε 15 ἀρχὰς αὐτῶν τὰς πρῶτας ἀφορίζουσα διὰ τῶν λόγων καὶ τὰς τῶν γενῶν καὶ εἰδῶν τῶν ὑπ' αὐτὰ διακρίσεις ἐκφαίνουσα, τὰς τε συνθέσεις τὰς ἐκ τῶν ἀρχῶν τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς προαγούσας καὶ τὰς ἀναλύσεις τὰς τ' ἐπὶ τὰ πρῶτα καὶ τὰς ἀρχὰς ἐπανιούσας ἀναδι- 20 δάσκουσα.

"The basis of math." (4th p. 152)

Καὶ μὴν καὶ τὸν σύνδεσμον τῶν μαθημάτων οὐ τὴν ἀναλογίαν, ὥσπερ Ἑρατοσθένους οἶεται, θετέον. ἡ γὰρ ἀναλογία τῶν κοινῶν τοῖς μαθήμασιν ἐν τι καὶ λέγεται εἶναι καὶ ἔστιν. πολλὰ δ' αὖ καὶ ἄλλα διήκει 25 διὰ πάντων ὥς εἰπεῖν τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τῇ

5 καὶ ante συναρμόζουσα add. G, delet C. || μὲν om. G. || ἑαυτῆς M, G, ἑαυτῇ (ἑαυτοῦ) H, p. 452, H₂ p. 263. 7 λόγων ex G, ἀλόγων M, 'rationum' Z, 'sermones' B. 8 ἐπ'] ἀπ' G. || αὐτοῖς C. 10 γνώσεως] ἀποδείξεως C. 12 ἀνελεγκτότερον G, ἀνελεγκτότερον M, C. 14 τὸ καθαρὸν G. 17 ἐπ' αὐτὰ G. 20 τ' om. G, add. C.

κοινη φύσει τῶν μαθημάτων. ἀλλ' ὥς ἡμεῖς ἂν φαί-
 μεν, προσεχῆς μὲν ἐστὶν αὐτῶν σύνδεσμος ἢ μία καὶ
 ὅλη μαθηματικὴ τὰς πασῶν τῶν καθ' ἕκαστα ἐπιστη-
 μῶν ἀρχὰς ἀπλούστερον ἐν ἑαυτῇ περιέχουσα καὶ τήν
 5 τε κοινωνίαν αὐτῶν καὶ τὴν διαφορὰν ἐπεσκεμμένη
 καὶ ὅσα τὰ αὐτὰ ἐν πάσαις ἀναδιδάσκουσα, καὶ ὅσα
 πλείοσιν ὑπάρχει καὶ ὅσα ἐλάττωσιν. καὶ ἐπὶ ταύτην
 ἀπὸ τῶν πολλῶν ἢ ἄνοδος τοῖς κατὰ τρόπον μανθά-
 νουσιν. ἀνωτέρω δ' ἐστὶ ταύτης ἡ διαλεκτικὴ τῶν μα-
 10 θημάτων ἂν εἴη σύνδεσμος, ἢ καὶ θρυγχὸν αὐτῶν, ὥς
 ἔφην, ἐν πολιτείᾳ προσείρηκεν. αὕτη γὰρ καὶ τὴν
 ὅλην μαθηματικὴν τελειοῖ καὶ εἰς νοῦν ἀναπέμπει ταῖς
 ἑαυτῆς δυνάμεσι, || καὶ ἐπιστήμην ὄντως ἀποφαίνει
 καὶ μόνιμον καὶ ἀνέλεγκτον ἀπεργάζεται. τρίτην δ'
 15 ἂν ἔχοι τάξιν ἐν τοῖς συνδέσμοις ὁ νοῦς αὐτὸς ὁ πά-
 σας τὰς διαλεκτικὰς δυνάμεις ἐν ἑαυτῷ μονοειδῶς
 περιέχων καὶ τὴν ποικιλίαν αὐτῶν διὰ τῆς ἀπλότητος
 καὶ τὸν μερισμὸν διὰ τῆς ἀμεροῦς γνώσεως καὶ τὸ
 πλῆθος διὰ τῆς ἐνώσεως συνάγων. αὐτὸς δὲ οὖν
 20 συμπτύσσει μὲν τὰς ἀνελίξεις τῶν διαλεκτικῶν μεθό-
 δων, συνδεῖ δὲ ἄνωθεν πᾶσαν τὴν διέξοδον τῶν μα-
 θηματικῶν λόγων, τέλος δ' ἐστὶ τὸ ἄριστον τῆς ἀνα-
 γώγου πορείας καὶ τῆς γνωστικῆς ἐνεργείας. ταῦτά
 μοι καὶ περὶ τούτων διωρίσθω.
 25 Τὸ δ' αὖ ὄνομα αὐτὸ τοῦτο τὸ τῆς μαθηματικῆς
 καὶ τὸ τῶν μαθημάτων πόθεν ἂν φαίμεν ὑπὸ τῶν

7 ὑπερέχει G, ὑπάρχει C. 9 ἑκατέρα G, ἀνωτέρα C.
 10 ἂν om. G. 11 προσέθηκεν C. || αὕτη G. 14 ἀνέλεκτον
 M, C. 21 διέξοδον] 'cogitationem' et in margine 'progres-
 sum' B. 22 τὸ ἄριστον] 'longe optimus' (sc. finis) et in mar-
 gine 'ipsum optimum' B. 26 ss. M. in margine: πόθεν ἐκλή-
 θησαν μαθημάτων τὰ γεωμετρικά καὶ ἀριθμητικά καὶ τὰ
 συγγενῆ τούτοις.

παλαιῶν ταῖς ἐπιστήμαις ταύταις ἀποδεδόσθαι καὶ
 τίνα ἂν ἔχοι προσήκοντα λόγον; δοκεῖ δὴ μοι μὴ τῶν
 ἐπιτυχόντων εἶναι, καθάπερ δὴ τὰ πολλὰ τῶν ὀνομά-
 των, ἢ τοιαύτη τῆς ἐπιστήμης τῶν διανοητικῶν λόγων
 προσηγορία, ἀλλ' ὥσπερ δὴ καὶ λέγεται τῶν Πυθα-⁵
 γορείων κατειδόντων μὲν ὅτι πᾶσα ἡ καλουμένη μά-
 θησις ἀνάμνησις ἐστὶν οὐκ ἔξωθεν ἐντιθεμένη ταῖς
 ψυχαῖς, ὥσπερ τὰ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν φαντάσματα
 τυποῦνται ἐν τῇ φαντασίᾳ, οὐδ' ἐπεισοδιώδης οἷσα,
 καθάπερ ἡ δοξαστικὴ γνώσις, ἀλλ' ἀνεγειρομένη μὲν ¹⁰
 ἀπὸ τῶν φαινομένων, προβαλλομένη δὲ ἐνδοθεν ἀπ'
 αὐτῆς τῆς διανοίας εἰς ἑαυτὴν ἐπιστρεφομένης, κατει-
 δόντων δ' αὐτὴ καὶ ὅτι τὰς ἀναμνήσεις εἰ καὶ πολλαχό-
 θεν δεικνύναι δυνατόν, ἀλλὰ διαφερόντως, ὅτι καὶ
 Πλάτων¹ φησὶν, ἐκ τῶν μαθημάτων. ἐὰν γάρ τις ἐπὶ ¹⁵
 τὰ διαγράμματα ἄγῃ, φησὶν ἐκεῖνος, ἐνταῦθα ἄρα
 σαφέστατα κατηγορεῖ, ὥς ἐστὶν ἡ μάθησις ἀνάμνησις.
 ὅθεν δὴ καὶ ὁ ἐν τῷ Μένωνι Σωκράτης ἐκ τοῦδε τοῦ
 τρόπου τῆς ἐπιχειρήσεως ἐπέδειξεν, ὅτι τὸ μανθάνειν
 οὐκ ἄλλο τί ἐστὶν ἢ ἀναμνησκέσθαι τὴν ψυχὴν τῶν ²⁰
 ἑαυτῆς λόγων. αἷτιον δὲ ὅτι τὸ μὲν ἀναμνησκόμε-
 νόν ἐστι τὸ διανοητικὸν τῆς ψυχῆς. τοῦτο δὲ ἐν τοῖς
 λόγοις οὐσίωται τῶν μαθημάτων καὶ τὰς ἐπιστήμας
 αὐτῶν ἐν ἑαυτῷ προείληφεν, καὶ μὴ ἐνεργῇ κατ'

2 μὴ] καὶ G. 7 ἐντιθεμένη τῇ ψυχῇ H₂ p. 253.

10 ἀνεγειρομένη H₂ p. 253.

11 ἀπ' αὐτῆς] ἐφ' ἑαυτῆς, (ἀφ' ἑαυτῆς) H₂ p. 253.

13—14 τὰς ἀναμνήσεις . . . ὅτι

καὶ om. G, add. C.

16 φησὶν ἐκεῖνος] Phaedo p. 73 B, ex

quo loco Kn. III p. 40 addendum esse censet inter ἄγῃ et ἐν-

ταῦθα: ἢ ἄλλο τι τῶν τοιούτων, ἐνταῦθα σαφέστατα κα-

τηγορεῖ, ὅτι τοῦτο οὕτως ἔχει. 18 ἐν τῷ Μένωνι] p. 81,

E ss. || Μένωνι G. 23 οὐσιωτόν H₂ p. 254, quod corr.

Kn. III p. 41.

αὐτάς. ἔχει δ' οὖν πάσας οὐσιωδῶς καὶ κρυφίως, προ-
 φαίνει δὲ ἐκάστην, ὅταν ἀφαιρεθῇ τῶν ἐμποδίων τῶν
 ἐκ τῆς αἰσθήσεως. αἱ μὲν γὰρ αἰσθήσεις συνάπτουσιν
 αὐτὴν τοῖς μεριστοῖς, αἱ δὲ φαντασῆαι μορφωτικῶν κι-
 5 νήσεων ἀναπιμπλάσιν, αἱ δὲ ὀφείξεις περισπῶσιν εἰς
 τὸν ἐμπαθῆ βίον. || πᾶν δὲ τὸ μεριστον ἐμπόδιόν ἐστι
 τῆς εἰς ἑαυτοὺς ἡμῶν ἐπιστροφῆς, καὶ πᾶν τὸ μορφω-
 τικὸν ἐπιθολοῖ τὴν ἀμόρφωτον γνῶσιν, καὶ πᾶν τὸ
 ἐμπαθὲς κώλυμα τῆς ἀπαθοῦς ἐνεργείας ἐστίν. ὅταν
 10 οὖν ταῦτα τῆς διανοίας ἀφέλωμεν, τότε κατ' αὐτὴν
 γιγνώσκειν τοὺς ἐν αὐτῇ θυνάμεθα λόγους, καὶ ἐπι-
 στήμονες εἶναι κατ' ἐνέργειαν καὶ γνῶσιν τὴν οὐσιώδη
 προβάλλειν. δεσμῶται δὲ ὄντες καὶ τὸ ὄμμα τῆς ψυ-
 χῆς μύοντες οὐ μὴ ποτε τὴν προσήκουσαν ἡμῶν τελει-
 15 ὄτητα σχοίημεν. αὕτη τοίνυν ἐστὶν ἡ μάθησις ἡ τῶν
 αἰδίων ἐν ψυχῇ λόγων ἀνάμνησις, καὶ μαθηματικὴ
 διὰ ταύτην ἡ πρὸς τὰς ἀναμνήσεις ἡμῶν τὰς ἐκείνων
 συντελοῦσα γνῶσις διαφερόντως | ἐπονομάζεται. καὶ
 τὸ ἔργον ἄρα τῆς ἐπιστήμης ταύτης ὅποσον δὴ τί ἐστιν
 20 ἐκ τοῦ ὀνόματος δηλοῦται κινητικὸν τῆς ἐμφύτου γνώ-
 σεως καὶ ἐγερτικὸν τῆς νοήσεως καὶ καθαριστικὸν τῆς
 διανοίας καὶ ἐκφαντορικὸν τῶν κατ' οὐσίαν ἡμῶν
 ὑπαρχόντων εἰδῶν, λήθης τε καὶ ἀγνοίας ἀφαιρετι-
 κόν, ὧν ἀπὸ τῆς γενέσεως ἐσχομεν, καὶ ἀπολυτικὸν
 25 τῶν ἐκ τῆς ἀλογίας δεσμῶν, κατὰ τὸν θεὸν ὄντως
 τὸν τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἐφορον, ὃς προάγει μὲν εἰς

2 ἑκαστον G, ἐκάστην C. || τὸ ἐμπόδιον H₂ p. 254.

3 ἐκ τῆς] αὐτῆς G, ἐκ τῆς C. 5 περὶ πτώσιν M. In margine
 legitur in M: ση. ωρ. ἄγαν. 7 ἡμῶν H₂ p. 254. 15 αὕτη

G, αὕτη C. 18 γνῶσεις G. 20 ἐμφύτου om. G, add. C.

22 ἐκφαντικὸν G, ἐκφαντορικόν C. 24 ἐσχομεν G, ἐσχομεν C.

25 ὄντος C.

τὸ ἐμφανὲς τὰ νοερά δῶρα, πληροὶ δὲ πάντα τῶν
 θείων λόγων, κινεῖ δὲ τὰς ψυχὰς ἐπὶ νοῦν, καὶ ὥσπερ
 ἐκ κάρου βαθέος ἀνεγείρει, διὰ ζητήσεως δὲ ἐπιστρέ-
 φει πρὸς ἑαυτάς, καὶ διὰ μαιείας τελειοῖ, καὶ δι' εὐρέ-
 σεως τοῦ καθαροῦ νοῦ περιάγει πρὸς τὴν μακαρίαν
 ζωὴν. ὧ δὲ καὶ ἡμεῖς ἀναθέοντες τουτὶ τὸ σύγγραμμα
 τὴν περὶ τῆς μαθηματικῆς ἐπιστήμης θεωρίαν περι-
 γράψομεν.

1 δὲ om. M. 3 βαθέως G. 4 αὐτάς G. || μαιείας G,
 μαιείας C. || διὰ εὐρέσεως G.

PROLOGI PARS POSTERIOR.

|| Τὰ μὲν δὴ κοινὰ καὶ ἐπὶ πᾶσαν διατείνοντα τὴν
μαθηματικὴν ἐπιστήμην ἐν τοῖς προειρημένοις λόγοις
τεθεάμεθα τῷ τε Πλάτῳ συμπορευόμενοι καὶ παρὰ
τῶν ἄλλων ἀναλεγόμενοι τὰ πρὸς τὴν παροῦσαν
5 πραγματείαν ἡμῖν συντείνοντα νοήματα. τούτοις δὲ
ἔπεται περὶ τε αὐτῆς τῆς γεωμετρίας εἰπεῖν καὶ τῆς
προκειμένης στοιχειώσεως, ἧς ἕνεκα τὸν σύμπαντα λό-
γον ἐνεσθῆσάμεθα.

Ὅτι μὲν οὖν ἡ γεωμετρία τῆς ὅλης ἐστὶ μαθημα-
10 τικῆς μέρος καὶ ὅτι δευτέραν ἔχει τάξιν μετὰ τὴν
ἀριθμητικὴν ὥς ἐκ ταύτης τελειουμένη καὶ ἀφοριзо-
μένη — πᾶν γάρ, ὅσον ἐστὶ ῥητὸν ἐν αὐτῇ καὶ γνω-
στόν, ἐκ τῶν ἀριθμητικῶν ἀφορίζεται λόγων — εἰρη-
ται τοῖς παλαιοῖς καὶ οὐ πολλοῦ δεῖται λόγου πρὸς
15 τὸ παρόν. γένοιτο δ' ἂν ἡμῖν ἡ περὶ αὐτῆς ὑφήγησις
κατὰ νοῦν, εἰ τὴν ὑποκειμένην αὐτῇ ἐπισκοπήσαιμεν
ὕλην, τίνα τάξιν ἔλαχεν ἐν τοῖς οὔσι, καὶ τὴν οὐσίαν.

ΠΡΟΚΛΟΥ ΛΥΚΙΟΥ ΠΛΑΤΩΝΙΚΟΥ ΔΙΑΔΟΣΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον
ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ λ' α̃ M; at in margine λ' β. ΠΡΟΚΛΑΟΥ
ΔΙΑΔΟΣΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν ΕΥΚΛΕΙΔΟΥΣ
ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ. G.

1 μὲν δὲ] μέντοι G. || ἐπὶ] διὰ C. 3 τιθέμεθα G, τε-
θεάμεθα C. 4 ἀναλεγόμενοι G, ἀναλεγόμενοι C. 17 ὕλην
in margine M. || ὕλην ἐπισκοπήσαιμεν G.

ἀπὸ γὰρ ταύτης καλῶς θεωρηθείσης καὶ ἡ τῆς γινω-
 σκούσης αὐτὴν ἐπιστήμης καταφανήσεται δύναμις καὶ
 ἡ ὠφέλεια ἡ ἀπ' αὐτῆς καὶ τὸ ἀγαθόν, ὅπερ εἰς τοὺς
 μανθάνοντας παραγίνεται. καὶ γὰρ δὴ καὶ ἀπορήσειεν
 ἂν τις, ἐν τίνι γένει τῶν ὄντων τὴν γεωμετρικὴν ὕλην 5
 τιθέμενος οὐκ ἂν ἀμάρτοι τῆς περὶ αὐτὴν ἀληθείας.
 εἴτε γὰρ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ἐστὶ τὰ σχήματα, περὶ ὧν
 ὁ γεωμέτρης διαλέγεται, καὶ ἀχώριστα τῆς ὕλης, πῶς
 ἔτι τὴν γεωμετρίαν τῶν αἰσθητῶν ἡμᾶς ἀπολύειν φή-
 σομεν καὶ περιάγειν εἰς τὴν ἀσώματον ὑπόστασιν καὶ 10
 συνεθισμὸν εἶναι πρὸς τὴν θεάν τῶν νοητῶν καὶ προ-
 ευτρεπίζειν εἰς τὴν κατὰ νοῦν ἐνέργειαν; ποῦ δὲ καὶ
 τεθεάμεθα ἐν τοῖς αἰσθητοῖς τὸ ἀμερὲς σημεῖον ἢ τὴν
 ἀπλατῇ γραμμὴν ἢ || τὴν ἀβαθῇ ἐπιφάνειαν ἢ τὴν ἰσό-
 τητα τῶν ἐκ τοῦ κέντρου γραμμῶν ἢ ὅλως τὰ πολύ- 15
 γωνα καὶ πολυέδρα σχήματα πάντα, περὶ ὧν ἡ γεω-
 μετρία διδάσκει; πῶς δὲ καὶ οἱ λόγοι τῆς ἐπιστήμης
 ταύτης ἀφέλεγκτοι μένουσι τῶν αἰσθητῶν σχημάτων
 καὶ εἰδῶν τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον ἐπιδεχομένων καὶ κι-
 νουμένων πάντη καὶ μεταβαλλομένων ἀπάσης τε ἀορι- 20
 στίας ὑλικῆς ἀναπεπλησμένων καὶ τῆς μὲν ἰσότητος
 μετὰ τῆς ἐναντίας ἀνισότητος ὑφεστηκυίας, τῶν δὲ
 ἀμερίστων κατὰ μερισμὸν καὶ διάστασιν προεληλυθό-
 των; εἴτε ἔξω τῆς ὕλης ἐστὶ τὰ ὑποκείμενα τῇ γεω-
 μετρῷ καὶ λόγοι καθαροὶ καὶ χωριστοὶ τῶν αἰσθητῶν, 25
 ἀμερίστοι πάντες ἔσονται καὶ ἀσώματοι καὶ ἀμεγέθεις.
 ἔκτασις γὰρ καὶ ὄγκος καὶ ὅλως διάστασις τοῖς λόγοις
 διὰ τὴν ὑλικὴν ὑποδοχὴν παραγίνεται, τὰ μὲν ἀμέ-

3 ἐπ' C. 11 εἰς θεάν G, πρὸς τὴν θεάν C. 18 ἀνέ-
 λεκτοὶ M, C. 20 πάντων G, πάντη M, C. 21 ἰσότης M.
 23 διάστασιν G, διάσπασιν M, C. 26 πάντως G.

ριστα μεριστῶς, τὰ δὲ ἀδιάστατα διαστατῶς, τὰ δὲ ἀκίνητα κινουμένως δεχομένην. πῶς οὖν ἔτι τὴν εὐθείαν τέμνομεν καὶ τὸ τρίγωνον καὶ τὸν κύκλον; πῶς δὲ γωνιῶν διαφορὰς λέγομεν καὶ ἀυξήσεις αὐτῶν
 5 καὶ μειώσεις σχημάτων, οἷον τριγωνικῶν ἢ τετραγωνικῶν; πῶς δὲ τὰς ἀφ' ἑαυτῶν τῶν κύκλων ἢ τῶν εὐθειῶν;
 | πάντα γὰρ ταῦτα μεριστὴν εἶναι τὴν γεωμετρικὴν ὕλην ἐπιδεικνύουσι καὶ οὐκ ἐν ἀμερέσι λόγοις ὑφ-
 εστηκυῖαν.

- 10 Τὰ μὲν οὖν ἄπορα τοιαῦτα πρὸς τὸ καὶ τὸν Πλά-
 τωνα διανοητὰ μὲν προσαγορεύειν τὰ τῆς γεωμετρίας
 εἶδη, χωρίζειν δὲ ἡμᾶς ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν τὰ τοιαῦτα
 καὶ εἰς νοῦν ἐγείρειν ἀπὸ αἰσθήσεως συγχωρεῖν, καί-
 τοι γε, ὅπερ ἔφην, τῶν ἐν διανοῇ λόγων ἀμερῶν ὄν-
 15 των καὶ ἀδιαστάτων κατὰ τὴν ιδιότητα τὴν ψυχικὴν
 ὑφεστηκόντων. εἰ δὲ δεῖ καὶ τοῖς πράγμασιν αὐτοῖς
 καὶ τῇ τοῦ Πλάτωνος ὑφηγήσει συμφώνους ἀποδι-
 δόναί λόγους, οὕτως διελόντες εἰπόμεν, πᾶν τὸ κα-
 θόλου καὶ τὸ ἐν τῶν πολλῶν περιληπτικὸν ἢ ἐν
 20 τοῖς καθ' ἕκαστα φαντάζεσθαι (πέφυκεν ἢ φαίνεται?)
 καὶ τὴν ὑπαρξιν ἐν τούτοις ἔχειν ἀχώριστον ἀπ' αὐτῶν
 ὑπάρχον καὶ κατατεταγμένον ἐν αὐτοῖς καὶ μετὰ τού-
 των ἢ συγκινούμενον ἢ μονίμως ἐστὼς καὶ ἀκινήτως,
 ἢ πρὸ τῶν πολλῶν ὑφεστάναι καὶ γεννητικὸν εἶναι

1—2 διαστατῶς ... ἀκίνητα om. G. 10—12 τὸν Πλάτωνα
 ... τὰ τοιαῦτα καὶ om. G, add. C. 12 χωρίζειν] 'progređi ...
 ad' et in praefatione 'separari ... per' B, 'advance ... to' T.
 13 ἐγείρειν] 'exurgere' et in praefatione 'excitari' B, 'rise' T.
 15 καὶ om. G, add. C. || διαστάτων C. 18 εἰπόμεν M.
 19 τὸ ἐν τῷ] τὸ ἐν καὶ H₂ p. 260. 20 πέφυκεν ἢ φαίνεται
 omissum est in H₂. 21 ἔχον M, G, ἔχειν (ἐκείνα χωρὶς τῶν)
 H₁ p. 452, H₂ p. 260. 23 ἐστὼς M, ἐστὼς G, ἐστὸς (ἐστῶς,
 ἐστῶς) H₂.

τοῦ πλήθους ἐμφάσεις ἀφ' ἑαυτοῦ τοῖς πολλοῖς παρ-
 ἔχον καὶ ἀμερίστως μὲν αὐτὸ προτεταγμένον τῶν μετ-
 εχόντων, ποικίλας δὲ μεθέξεις εἰς τὰ δευτέρα χορηγοῦν,
 ἢ κατ' ἐπίνοιαν ἀπὸ τῶν πολλῶν μορφοῦσθαι καὶ τὴν
 ὑπαρξίν ἐπιγενηματικὴν ἔχειν καὶ ὑστερογενῶς ἐπι-⁵
 συνίστασθαι τοῖς πολλοῖς. κατὰ γὰρ ταύτας οἶμαι τὰς
 τριπλᾶς ὑποστάσεις εὐρήσομεν τὰ μὲν πρὸ τῶν πολ-
 λῶν, τὰ δὲ ἐν τοῖς πολλοῖς, τὰ δὲ κατὰ τὴν πρὸς αὐτὰ
 σχέσιν καὶ κατηγορίαν ὑφιστάμενα. || τριττῶν δὲ ὄν-
 των ὡς συνελόντι φάναι τῶν καθολικῶν εἰδῶν τοῦ¹⁰
 μετεχομένου καὶ ἐν τοῖς πολλοῖς ὄντος καὶ τὰ μερικὰ
 συμπληροῦντος νοήσωμεν διαφορὰς κατὰ τὴν ὑποκει-
 μένην ὕλην. καὶ τὰ μετέχοντα αὐτὰ διττὰ θέμενοι,
 τὰ μὲν αἰσθητὰ τὰ δὲ ἐν φαντασίᾳ τὴν ὑπόστασιν
 ἔχοντα — καὶ γὰρ ἡ ὕλη διττή, καὶ ἡ μὲν τῶν αἰσθη-¹⁵
 σει συζυγούντων ἡ δὲ τῶν φανταστῶν, ὥς που καὶ
 Ἀριστοτέλης φησι διττὸν εἶναι τὸ καθόλου — τὸ
 κατατεταγμένον συγχωρήσομεν, τὸ μὲν αἰσθητὸν ὡς
 μετεχόμενον ὑπὸ τῶν αἰσθητῶν, τὸ δὲ φανταστὸν ὡς
 ἐν τοῖς τῆς φαντασίας πλήθεσιν ὑφεστηκός. καὶ γὰρ²⁰
 ἡ φαντασία διὰ τε τὴν μορφωτικὴν κίνησιν καὶ τὸ
 μετὰ σώματος καὶ ἐν σώματι τὴν ὑπόστασιν ἔχειν με-

2 προτεταγμένον G, προτεταγμένον C. 5 γεννηματικὴν
 G, γεννηματικὴν C. 6 κατὰ] καὶ H₁ p. 452, H₂ p. 260.

πολλῶν

7 ἄλλων prima manu M. 8—11 τὰ δὲ κατὰ τὴν ... ἐν τοῖς
 πολλοῖς om. G, add. C. || τὰ δὲ κατὰ] (καὶ H₁ H₂). || πρὸς
 αὐτὰ (πρὸς αὐτὰ) H₁ H₂. 9 καὶ ante κατηγορίαν omissum
 est in H₁ H₂. 10 ἐν (ἐν) ante συνελόντι est additum in H₁ H₂,
 'unico verbo' B, 'ut breviter dicam' Z. 11 καὶ ante ἐν τοῖς
 πολλοῖς omissum est in H₁ H₂. || ὄντως M. || μεριστὰ G, με-
 ρικὰ C, (μερικὰ H₂). 12 ἐκπληροῦντος (H₁) H₂. 13 αὐτοῦ
 M, G, αὐτὰ (αὐτοῦ) H₂. 16 φανταστικῶν H₂. 20 τῆς
 om. G.

ριστῶν ἀεὶ καὶ διηρημένων ἐστὶν καὶ ἐσχηματισμένων
 τύπων οἰστικῇ, καὶ πᾶν ὃ γινώσκει τοιαύτην ἐλαχεν
 ὑπαρξιν. ὁθεν δὴ καὶ νοῦν παθητικόν τις αὐτὴν
 προσειπεῖν οὐκ ὤκνησεν. καίτοι γε εἰ νοῦς, πῶς οὐκ
 5 ἀπαθὴς καὶ ἄυλος; εἰ δὲ μετὰ πάθους ἐνεργεῖ, πῶς
 ἔτι νοῦς ἂν κληθεῖη δικαίως; ἀπάθεια μὲν γὰρ τῷ νῷ
 προσήκει καὶ τῇ νοερᾷ φύσει, τὸ δὲ παθητικὸν πόρρω
 τῆς οὐσίας ἐκείνης. ἀλλ' οἶμαι τὸ μέσον αὐτῆς ἐμφη-
 ναι βουλόμενος τῶν τε πρωτίστων γνώσεων καὶ τῶν
 10 ἐσχάτων ἅμα καὶ νοῦν αὐτὴν προσεῖπεν ὥς εἰκυῖαν
 ταῖς πρωτίσταις καὶ παθητικὸν κατὰ τὴν πρὸς τὰ
 ἐσχάτα συγγένειαν. αἱ μὲν γὰρ ἀσχημάτιστοι καὶ
 ἀμόρφωτοι γνώσεις εἰσιν ἐν ἑαυταῖς ἔχουσαι τὰ νοητὰ
 καὶ περὶ ἑαυτὰς ἐνεργοῦσαι καὶ συνηνωμένοι τοῖς
 15 γνωστοῖς, παντὸς τύπου καὶ πάθους ἀλλαχόθεν ἐφή-
 κοντος καθαρεύουσαι. αἱ δὲ ἐσχάται διὰ τῶν ὀργά-
 νων ἐνεργοῦσι καὶ παθήματα μᾶλλον εἰσιν, ἔξωθεν
 εἰσδεχόμεναι τὰς γνώσεις καὶ συγκινούμεναι τοῖς ὑπο-
 κειμένοις. τοιαῦτα γὰρ αἱ αἰσθήσεις, ἐκ βιῶνων παθη-
 20 μάτων γινόμεναι, φησὶν ὁ Πλάτων. ἡ δ' αὖ φαν-
 τασία τὸ μέσον κέντρον κατέχουσα τῶν γνώσεων
 ἀνεγείρεται μὲν ἀφ' ἑαυτῆς καὶ προβάλλει τὸ γνωστόν,
 ὅτε δὲ οὐκ ἔξω σώματος οὐσα ἐκ τοῦ ἀμεροῦς τῆς
 ζωῆς εἰς μερισμὸν καὶ διάστασιν καὶ σχῆμα προάγει
 25 τὰ γνωστὰ αὐτῆς, καὶ διὰ τοῦτο πᾶν, ὅπερ ἂν νοῇ,
 τύπος ἐστὶ καὶ μορφή νοήματος, καὶ τὸν τε κύκλον
 διαστατῶς νοεῖ τῆς μὲν ἐκτὸς ὕλης καθαρεύοντα

2 οἰστικόν G. 4 εἰ om. G, add. C.
 19 παθημάτων
 om. G. 22 παραβάλλει G, προβάλλει C.
 26 τῶν τε κύκλων C.

διὰ τῶν
 16 δι' ὧν ὀργά-
 19 παθημάτων
 25 ἀνοῇ M.

νοητὴν δὲ ὕλην ἔχοντα τὴν ἐν αὐτῇ, καὶ διὰ τοῦτο οὐχ εἰς ἐν αὐτῇ κύκλος, ὥσπερ οὐδὲ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς. ἅμα γὰρ διάστασις ἀναφαίνεται καὶ τὸ μεῖζον καὶ τὸ ἔλασσον καὶ τὸ πλῆθος τῶν τε κύκλων καὶ τῶν τριγώνων. εἰ οὖν || ἐν τοῖς αἰσθητοῖς κύκλοις ἐστὶ τὸ ⁵ καθόλου κατατεταγμένον, ὃ καὶ ἕκαστον αὐτῶν κύκλον ἀπετέλεσεν καὶ πάντας ὁμοίους ἀλλήλοις καθ' ἓνα λόγον ὑποστάντας, διαφέροντας δὲ ἢ μεγέθεσιν ἢ τοῖς ὑποκειμένοις, καὶ τοῖς φανταστοῖς κύκλοις ἐστὶ τι κοινὸν καὶ μετεχόμενον καὶ κατὰ τοῦτο πάντες τὴν ¹⁰ αὐτὴν ἔχουσι μορφήν. ἡ δὲ διαφορὰ αὐτοῖς καθ' ἐν ἐνταῦθα μόνον τὸ ἐν τῇ φαντασίᾳ μέγεθος. ὅταν γὰρ πολλοὺς ὁμοκέντρους φαντασθῇς, ἐν ἐνὶ μὲν πάντες ὑποκειμένῳ καὶ αὐλῳ καὶ ἐν ζῳῇ τὴν ὑπαρξιν ἔχουσιν ἀχωρίστῳ σώματος ἀπλοῦ καὶ τῷ διαστήματι πλεονά- ¹⁵ σαντος τῆς ἀμεροῦς οὐσίας, διαφέρουσι δὲ τῷ τε μεγέθει καὶ τῇ μικρότητι καὶ τῷ περιέχεσθαι καὶ περιέχειν. διττὸν οὖν σοι νοείσθω τὸ καθόλου τὸ ἐν τοῖς πολλοῖς, τὸ μὲν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς, τὸ δὲ ἐν τοῖς φανταστοῖς. καὶ ὁ κυκλικὸς λόγος διττὸς καὶ ὁ τριγωνι- ²⁰ κὸς καὶ αὐτὸς ὁ τοῦ σχήματος, ὁ μὲν ἐπὶ τῆς νοητῆς ὕλης, ὁ δὲ ἐπὶ τῆς αἰσθητῆς. πρὸ δὲ τούτων ἦν ὁ τε ἐν διανοίᾳ λόγος καὶ ὁ ἐν τῇ φύσει, ὁ μὲν τῶν φανταστῶν κύκλων ὑποστάτης καὶ τοῦ ἐν αὐτοῖς ἐνὸς εἶδους, ὁ δὲ τῶν αἰσθητῶν. ἔστωσαν γὰρ οἱ ἐν ²⁵ οὐρανῷ κύκλοι καὶ ὅλως οἱ τῆς φύσεως ἔκγονοι. καὶ ὥσπερ ἀμερῆς ὁ ἐν διανοίᾳ λόγος, οὕτως καὶ ὁ φυσι-

3 ἀναφέρεται M. 4 τε om. G. 8 ὑποστάντος C.
 9 λόγοις G, κύκλοις C. 12 ὅτε G, ὅταν C. 13 ἐν om. M, G;
 'in uno' B. 15 πλεονάζοντος G. 16 τε om. G, add. C.
 17 τῷ] τὸ M, G. 18 σοι om. G, συννοείσθω C.

κός. ἔστι γὰρ καὶ τὰ διαστατὰ ἀδιαστάτως καὶ τὰ
 μεριστὰ ἀμερίστως καὶ τὰ μεγέθη ἀμεγέθως ἐν | ταῖς
 ἀσωμάτοις αἰτίαις, ὥσπερ αὖ ἀνάπαλιν τὰ ἀμέριστα
 μεριστῶς καὶ τὰ ἀμεγέθη μεγεθυσμένως ἐν ταῖς σω-
 5 ματικαῖς. καὶ διὰ τοῦτο ὁ μὲν ἐν διανοίᾳ κύκλος εἰς
 καὶ ἀπλοῦς ἔστι καὶ ἀδιάστατος καὶ αὐτὸ τὸ μέγεθος
 ἀμεγέθες ἐκεῖ — λόγοι γὰρ ἄνευ ὕλης τὰ τοιαῦτα
 καὶ τὸ σχῆμα ἀσχημάτιστον — ὁ δ' ἐν φαντασίᾳ με-
 ριστὸς ἐσχηματισμένος διάστατος, οὐχ εἰς μόνον, ἀλλ'
 10 εἰς καὶ πολὺς, καὶ οὐκ εἶδος μόνον, ἀλλὰ κατατεταγμέ-
 νον εἶδος, ὁ δ' ἐν τοῖς αἰσθητοῖς καὶ τῆς ἀκριβείας
 ὕφεσιν ἔχων καὶ ἀνάπλεως τῆς εὐθείας καὶ τῆς καθά-
 ρότητος τῶν αὐλῶν ἀπολειπόμενος.

Τὴν τοίνυν γεωμετρίαν ὅταν περὶ κύκλου τι λέγη
 15 καὶ διαμέτρου καὶ τῶν περὶ τὸν κύκλον παθημάτων,
 οἷον ἀφῶν διαιρέσεων τῶν τοιούτων, μήτε περὶ τῶν
 αἰσθητῶν λέγωμεν ἀναδιδάσκειν — χωρίζειν γὰρ ἀπὸ
 τούτων ἐπιχειρεῖ — μήτε τοῦ ἐν διανοίᾳ εἶδους. εἰς
 γὰρ ὁ κύκλος, ἡ δὲ περὶ πολλῶν ποιεῖται τοὺς λόγους
 20 καθ' ἓνα ἕκαστον προβάλλουσα καὶ περὶ ἀπάντων τὰ
 αὐτὰ θεωροῦσα. καὶ ἀδιαίρετος μὲν ἐκεῖνος, διαιρε-
 τὸς δὲ || ὁ ἐν γεωμετρίᾳ κύκλος. ἀλλὰ τὸ καθόλου μὲν
 αὐτῷ συγχωρῶμεν ἐπισκοπεῖν, τοῦτο δ' ἄρα ἐκεῖνο
 τὸ κατατεταγμένον ἐν τοῖς φανταστοῖς κύκλοις, καὶ
 25 ἄλλον μὲν ὁρᾶν καὶ κατ' ἄλλον θεωρεῖν τὸν ἐν δια-
 νοίᾳ κύκλον, περὶ ἄλλον δὲ ποιεῖσθαι τὰς ἀποδείξεις.
 ἔχουσα γὰρ ἡ διάνοια τοὺς λόγους, ἀσθενοῦσα δὲ

4 μεγεθυσμένως G. 5 ἐν ante διανοίᾳ om. G, add. C.

10 πολλοὶ G. 13 κύκλων G, αὐλῶν C. 14 ὅτε G, ὅταν C.

15 ἀμέτρον om. syllaba δι. M. || περὶ τὸν κύκλον] περὶ
 κύκλον G. 17 λέγομεν G. 18 ἐπιχωρεῖ G, ἐπιχειρεῖ C.

25 ἄλλῃ M.

συνεπτυγμένως ἰδεῖν ἀναπλοῖ τε αὐτοὺς καὶ ὑπεκτί-
θεται καὶ εἰς τὴν φαντασίαν ἐν προθύροις κειμένην
προάγει καὶ ἐν ἐκείνῃ ἢ καὶ μετ' ἐκείνης ἀνεκλίττει τὴν
γνώσιν αὐτῶν, ἀγαπήσασα μὲν τὸν ἀπὸ τῶν αἰσθη-
τῶν χωρισμόν, τὴν δὲ φανταστὴν ὕλην εὐτρεπῇ πρὸς ⁵
ὑποδοχὴν εὐροῦσα τῶν ἑαυτῆς εἰδῶν. ὅθεν καὶ ἡ
νόησις αὐτῆς μετὰ φαντασίας αἱ τε συνθέσεις τῶν
σχημάτων καὶ αἱ διαιρέσεις φαντασται καὶ ἡ γνώσις
ὁδὸς μὲν εἰς τὴν διανοητικὴν ἐστὶν οὐσίαν, οὕτω δὲ
εἰς ἐκείνην ἀναδεδράμῃκε, τῆς διανοίας εἰς τὰ ἔξω ¹⁰
βλεπούσης καὶ ταῦτα κατὰ τὰ ἐνδοθεν θεωρούσης καὶ
προβολαῖς μὲν χρωμένης λόγων ἄλλ' ἀφ' ἑαυτῆς εἰς
τὸ ἔξω κινουμένης. εἰ δέ ποτε συμπτύξασα τὰς δια-
στάσεις καὶ τοὺς τύπους καὶ τὸ πλήθος ἀτυπώτως καὶ
ἐνοειδῶς θεασαμένη πρὸς ἑαυτὴν ἐπιστρέψαι δυνή- ¹⁵
θει, τότε ἂν διαφερόντως τοὺς λόγους τοὺς γεωμε-
τρικοὺς ἴδοι τοὺς ἀμερίστους, τοὺς ἀδιαστάτους, τοὺς
οὐσιώδεις, ὧν ἐστὶ πλήρωμα. καὶ ἡ ἐνέργεια αὐτῆς
αὕτη τέλος ἂν εἴη τὸ ἄριστον τῆς περὶ γεωμετρίας
σπουδῆς καὶ ὄντως τῆς Ἑρματικῆς δόσεως ἔργον, ἀπὸ ²⁰
τινος Καλυψοῦς ἀναγούσης αὐτὴν εἰς τελειότεραν καὶ
νοερωτέραν γνῶσιν καὶ ἀπολυούσης τῶν ἐν φαντασίᾳ
μορφωτικῶν ἐπιβολῶν. καὶ ταύτην δεῖ τὴν μελέτην
μελετᾶν τὸν ὡς ἀληθῶς γεωμετρικόν, καὶ πρὸς τὴν
ἔγερσιν καὶ τὴν ἀπὸ τῆς φαντασίας μετάστασιν εἰς ²⁵
μόνην τὴν διάνοιαν αὐτὴν καθ' αὐτὴν ποιεισθαι τέ-
λος, ἀρπάζοντα ἑαυτὸν ἀπὸ τῶν διαστάσεων καὶ τοῦ

1 ἀναπλῶται αὐτοὺς καὶ ὑποτίθεται G, ἀναπλοῖ τε αὐτοὺς
καὶ ὑπεκτίθεται C. 9 ἀδιανοητικὴν G, διανοητικὴν C.
12 χρωμένη C. 19 αὕτη om. G. 20 ὑπό C. 21 τε-
λειότητα G, τελειότεραν C. 22 νεωτέραν G. 24 τὴν post
πρὸς om. G, add. C.

παθητικοῦ νοῦ πρὸς τὴν διανοητικὴν ἐνέργειαν, καθ' ἣν πάντα ἀδιαστάτως ὄψεται καὶ ἐν ἀμερεῖ τὸν κύκλον, τὴν διάμετρον, τὰ ἐν τῷ κύκλῳ πολύγωνα, καὶ πάντα ἐν πᾶσιν καὶ ἕκαστον χωρὶς. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ ἐν
 5 φαντασίᾳ δεικνυμεν ἐν τε τοῖς πολυγώνοις τοὺς κύκλους ἐγγραφομένους καὶ ἐν τοῖς κύκλοις τὰ πολύγωνα, μιμούμενοι τὴν τῶν ἀμερῶν λόγων δι' ἀλλήλων δεῖξιν. διὰ ταῦτα γὰρ ἄρα καὶ συστάσεις σχημάτων καὶ γενέσεις καὶ διαιρέσεις ἀναγράφομεν καὶ θέσεις
 10 καὶ παραβολάς. διότι τῇ φαντασίᾳ προσχρώμεθα καὶ ταῖς ἐκ ταύτης διαστάσεσιν, ἐπεὶ τό γε εἶδος αὐτὸ ἀκίνητόν ἐστι καὶ ἀγένητον καὶ ἀδιαίρετον καὶ παντὸς ὑποκειμένου καθαρεῦον. ἀλλὰ καὶ ὅσα κρυφίως ἐστὶν ἐν ἐκείνῳ, διαστατῶς καὶ μεριστῶς εἰς φαντα-
 15 σίαν προάγεται καὶ τὸ μὲν προβάλλον ἢ διάνοια, τὸ δὲ ἀφ' οὗ || προβάλλεται τὸ διανοητὸν εἶδος, τὸ δὲ ἐν ᾧ τὸ προβαλλόμενον παθητικὸς οὗτος καλούμενος νοῦς, ἐξελλίττων ἐαυτὸν περὶ τὴν ἀμέρειαν τοῦ ἀληθοῦς νοῦ καὶ διίστάς ἐαυτοῦ τὸ ἀδιάστατον τῆς
 20 ἀκραιφνοῦς νοήσεως καὶ μορφῶν ἐαυτὸν κατὰ πάντα τὰ ἀμόρφωτα εἶδη καὶ πάντα γιγνόμενος, ἃ ἐστὶν ἡ διάνοια καὶ ὁ ἀμερῆς ἐν ἡμῖν λόγος.

Περὶ μὲν οὖν τῆς γεωμετρικῆς ὕλης τοσαῦτα ἔχομεν λέγειν οὐκ ἀγνοοῦντες, ὅσα καὶ ὁ φιλόσοφος Πιορ-
 25 φύριος ἐν τοῖς συμμίκτοις γέγραπεν καὶ οἱ πλείστοι

8 δεῖξιν ex G; δέμξιν, sed μ (= ν) rasura maximam partem deleto, M. 10 προσχρώμεθα om. G, add. C. 11 Post ταύτης ταύταις add. M, C. 13 καθαριεύον C. 14 διαστατῶς καὶ ἀμερίστως M, G, διαστατῶς ἀμερίστως B, 'absque intervallo ac sine partitione' Z, 'cum intervallis, partibiliterque' B. 16 τὸ δὲ ἐν ᾧ τὸ] δὲ et alterum τὸ add. G, delet C, om. M. 19 ἐαυτοῦ G, ἐαυτὸν M, C; a sese B; magis placet ἐαυτῷ vel ἐν ἐαυτῷ.

τῶν Πλατωνικῶν διατάττονται, συμφωνότερα δὲ εἶναι ταῦτα ταῖς γεωμετρικαῖς ἐφόδοις νομίζοντες καὶ τῷ Πλάτῳ διανοητὰ καλοῦντι τὰ ὑποκείμενα τῇ γεωμετρίας. συνάδει γὰρ οὖν ταῦτα ἀλλήλοις, διότι τῶν γεωμετρικῶν εἰδῶν αἱ μὲν αἰτλαί, καθ' ἃς καὶ ἡ διάνοια προβάλλει τὰς ἀποδείξεις, ἐν αὐτῇ προουφιστήκασιν, αὐτὰ δὲ ἕκαστα τὰ διαιρούμενα καὶ συντιθέμενα σχήματα περὶ τὴν φαντασίαν προβέβληται. περὶ δὲ τῆς ἐπιστήμης αὐτῆς τῆς τούτων θεωρητικῆς μετὰ ταῦτα λέγωμεν. γνωστικὴ μὲν οὖν ἐστὶ μεγεθῶν ¹⁰ καὶ σχημάτων καὶ τῶν ἐν τούτοις περάτων, ἐτι δὲ τῶν λόγων τῶν ἐν αὐτοῖς ἡ γεωμετρία καὶ τῶν παθῶν τῶν περὶ αὐτὰ καὶ τῶν παντοίων θέσεων καὶ κινήσεων, προϊούσα μὲν ἀπὸ τοῦ ἀμεροῦς σημείου, καταβαίνουσα δὲ μέχρι τῶν στερεῶν καὶ τὰς πολυεῖδεις ¹⁵ αὐτῶν διαφορότητας ἀνευρίσκουσα, καὶ αὐτὰ πάλιν ἀπὸ τῶν συνθετωτέρων ἐπὶ τὰ ἀπλούστερα καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς τούτων ἀνατρέχουσα. καὶ γὰρ συνθέσειν χρῆται καὶ ἀναλύσειν, αἰεὶ μὲν ἐξ ὑποθέσεων ὁρμῶσα καὶ τὰς ἀρχὰς ἀπὸ τῆς πρὸ αὐτῆς ἐπιστήμης λαμβάνουσα, ²⁰ χρωμένη δὲ ταῖς διαλεκτικαῖς ἀπάσαις μεθόδοις, περὶ μὲν τὰς ἀρχὰς διαιρέσει τῶν εἰδῶν ἀπὸ τῶν γενῶν καὶ τοῖς ὀριστικοῖς λόγοις, περὶ δὲ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀποδείξει καὶ ἀναλύσειν, ἵνα καὶ ἀπὸ τῶν ἀπλουστέρων τὰ ποικιλώτερα δεικνύη προϊόντα καὶ ἐπ' ²⁵ αὐτὰ πάλιν ἀναστρέφοντα καὶ χωρὶς μὲν περὶ τῶν ὑποκειμένων αὐτῇ ποιουμένη τοὺς λόγους, χωρὶς δὲ περὶ τῶν ἀξιωματικῶν, ἀφ' ὧν ὥρμηται πρὸς τὰς ἀπο-

(Chapt. 10)

6 ἀποδείξει M. 8 βέβληται G, προβέβληται C.
10 λέγωμεν M. 12 τῶν ante παθῶν om. G.

δείξεις, καὶ τῶν αἰτημάτων, χωρὶς δὲ περὶ τῶν καθ'
 αὐτὰ συμβεβηκότων, ἃ καὶ δεικνυσιν ὑπάρχοντα τοῖς
 ὑποκειμένοις. ἐκάστη γὰρ τῶν ἐπιστημῶν ἄλλο μὲν
 ἔχει τὸ γένος, περὶ ὃ πραγματεύεται καὶ οὐ τὰ πάθη
 5 σκοπεῖν προτίθεται, ἄλλας δὲ τὰς ἀρχάς, αἷς χρῆται
 πρὸς τὰς ἀποδείξεις, ἄλλα δὲ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα.
 καὶ τὰ μὲν ἀξιώματα || κοινὰ πάσαις, εἰ καὶ ἐκάστη
 χρῆται πρὸς τὴν ὑποκειμένην ὕλην οἰκείως αὐτοῖς,
 τὸ δὲ γένος καὶ τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκὸς διαφέρειν.
 10 Τὰ μὲν οὖν ὑποκείμενα γεωμετρίας ἐστὶ τρίγωνα
καὶ τετράγωνα καὶ κύκλοι καὶ ὅλως σχήματα καὶ με-
γέθη καὶ τὰ τούτων πέρατα, τὰ δὲ καθ' αὐτὰ ὑπάρ-
χοντα τούτοις αἱ διαιρέσεις, οἱ λόγοι, αἱ ἀφαί, αἱ
 ἰσότητες, αἱ παραβολαί, αἱ ὑπερβολαί, αἱ ἐλλείψεις,
 15 πάντα τὰ τοιαῦτα, τὰ δὲ αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα,
 δι' ὧν ἀποδείκνυσιν ἕκαστα, τὸ ἀπὸ παντὸς σημείου
 ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν ἄγειν, τὸ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα
 ἀφαιρεθῇ, ἴσα εἶναι τὰ καταλειπόμενα καὶ τὰ τούτοις
 ἐπόμενα. διὸ καὶ οὔτε πᾶν πρόβλημα οὔτε πᾶν ἐρω-
 20 τημα γεωμετρικὸν ἐστίν, ἀλλὰ ὅσα ἐκ τῶν γεωμετρίας
ἐστὶν ἀρχῶν, καὶ ὁ ἐκ τούτων ἐλεγχόμενος ἐλέγχοιτο
ἂν ὡς γεωμέτρης. ὅσα δὲ μὴ ἐκ τούτων, οὐ γεωμε-
τρικὰ ἀλλ' ἀγεωμέτρητα. διττὰ δὲ καὶ ταῦτά ἐστιν·
 ἢ γὰρ παντελῶς ἐξ ἐτέρων ἐστὶν ἀρχῶν, ὥσπερ τὸ
 25 μουσικὸν ἐρωτήμα φαιμεν ἀγεωμέτρητον, ὅτι ἐξ ἄλλων
 παντελῶς ὑποθέσεων ὥρμηται καὶ οὐκ ἐκ τῶν γεω-
 μετρίας ἀρχῶν, ἢ τὸ ταῖς γεωμετρικαῖς ἀρχαῖς χρώμε-

1 τῶν αἰτημάτων om. G, τὰ αἰτήματα add. C. 14 αἱ
 ὑπερβολαί, αἱ ἐλλείψεις, πάντα τὰ τοιαῦτα in M in trium dein-
 ceps linearum extremis partibus sunt scripta, quarum linearum
 reliquae partes sunt vacuae relictæ. Posteram manum vix agno-
 veris, nec in B, est, quod suspicionem moveat. 17 ἀνάγειν C.

νον, ἀλλὰ ^{ἱστορεῖται, τὸ ἐπὶ} διαστρώφως, ὅσον εἰ τις λέγοι τὰς παραλλήλους συμπύπτειν. καὶ διὰ ταῦτα ἄρα καὶ ἡ γεωμετρία κριτήρια παραδίδωσιν ἡμῖν, ἀφ' ὧν δυνησόμεθα δια-
 γινώσκειν τὰ τε ἐπόμενα ταῖς ἀρχαῖς αὐτῆς καὶ ὅσα τὴν ἐκείνων ἀλήθειαν ἐκβαίνει. οἱ γὰρ τρόποι, καθ' 5
 οὓς τὰ ψευδάρια διελέγχειν δυνατόν, ὅπη διημάσσεται, ταύτην ἔχουσι τὴν ἐπαγγελίαν. ἄλλα γὰρ ἔπεται ταῖς γεωμετρικαῖς ἀρχαῖς καὶ ἄλλα ταῖς ἀριθμητικαῖς. τί γὰρ δεῖ λέγειν περὶ τῶν . . . πάμπολυ λείπονται τούτων; ἀκριβεστέρα γάρ ἐστιν ἐπιστήμη ἄλλη ἄλλης, ὥς 10
 φησιν Ἀριστοτέλης, ἥ τε ποικιλωτέραις ἀρχαῖς χρωμένη τῆς ἐξ ἀπλουστέρων ὑποθέσεων ὠρμημένης καὶ ἡ τὸ διότι λέγουσα τῆς τὸ ὅτι γινωσκούσης καὶ ἡ περὶ νοητῶν πραγματευομένη τῆς τῶν αἰσθητῶν ἐφαπτομένης. καὶ κατὰ ταύτας τὰς ἀποδόσεις τῆς ἀκρι- 15
 βείας ἀριθμητικῆς μὲν ἀκριβεστέρα γεωμετρίας — αἱ γὰρ ἐκείνης ἀρχαὶ τῇ ἀπλότητι διαφέρουσιν. ἡ μὲν γὰρ μονάς ^{ἀπλοῦς} ἀθετός ἐστιν, ἡ δὲ στιγμή θέσιν ἔχουσα, καὶ ἀρχαὶ γεωμετρίας μὲν ἡ στιγμή προσλαβοῦσα τὴν θέσιν, ἀριθμητικῆς δὲ ἡ μονάς — γεωμετρία δὲ σφαι- 20
 ρικῆς καὶ ἀριθμητικῆς μουσικῆς — αὗται γὰρ τὰς αἰτίας ἀποδιδόασιν καθόλου τῶν ὑπ' ἐκείνας θεωρημάτων — γεωμετρία δὲ μηχανικῆς ἢ ὀπτικῆς, ὅτι περὶ

6 ὃ μὴ G, ὅπη C. 9 τῶν ὑπάμπολυ M; super v postera manus scripsit οἱ, quod eadem manus etiam in margine adscripsit; τῶν ἄλλων εἰ πάμπολυ G; τῶν ἄ πάμπολυ B; 'si ex his multa sunt defectiva' Z; 'de aliis, . . . si quidem ab iis plurimum distant' B. Ego coniecerim ab initio scriptum fuisse τῶν ὑπὸ ταύτας ἐπιστημῶν, αἷ vel alia similia. 11 An. post. 1, 24.

12 ἐξ B, G, om. M. Dicendum fuisse ἥ τε ἐξ ἀπλουστέρων ὑποθέσεων ὠρμημένη τῆς ποικιλωτέραις ἀρχαῖς χρωμένης vidit Barocius. Dubium tamen est utrum lapsus calami auctori an scribae sit tribuendus. || ὠρμουμένης C. 15 ἀποδείξεις G. 19 μὲν γεωμετρίας G. 23 ἡ ὀπτικῆς om. Θ, καὶ ὀπτικῆς add. C.

αἰσθητῶν αὐταὶ ποιοῦνται τοὺς λόγους. αἱ μὲν οὖν ἀριθμητικῆς ἀρχαὶ καὶ γεωμετρίας τῶν ἄλλων || δια-
 φέρουσιν, αἱ δὲ αὐτῶν τούτων ὑποθέσεις διεστήκασι
 μὲν ἀπ' ἀλλήλων, καθ' ἣν εἵπομεν διάστασιν, ἔχουσιν
 5 δ' αὖ καὶ κοινωνίαν πρὸς ἀλλήλας, διὸ καὶ τῶν θεω-
 ρημάτων τῶν δεικνυμένων τὰ μὲν ἐστὶν αὐταῖς κοινὰ
 τὰ δὲ ἴδια ἑκατέρας. τὸ μὲν γὰρ πάντα λόγον εἶναι ^{be}
^{ex} ῥητὸν ἀριθμητικῇ προσήκει μόνῃ, γεωμετρίᾳ δὲ οὐδα- ^{thought to be}
 μῶς· εἰσὶ γὰρ ἐν αὐτῇ καὶ ἄρρητοι λόγοι. καὶ τὸ ὀρί-
 10 σθαι κατὰ τὸ ἐλασσον τοὺς τῶν τετραγώνων γνώμο-
νας ἀριθμητικῆς ἰδίων· ἐν γεωμετρίᾳ γὰρ τὸ ἐλάχιστον
 ὅλως οὐκ ἐστίν. γεωμετρίας δὲ ἐστὶν ἐξαιρέτα τὰ
περὶ τὰς θέσεις — οἱ γὰρ ἀριθμοὶ θέσιν οὐκ ἔχουσιν
 — τὰ περὶ τὰς ἀφάς — ^{in writing it meant to} ἐν γὰρ συνεχεῖς τὸ ἄπεισθαι
 15 — τὸ περὶ τὰς ἀλόγους — ὅπου γὰρ ἐπ' ἄπειρον ἢ
 διαίρεσις, ἐκεῖ καὶ τὸ ἄλογον. κοινὰ δὲ ἐστὶν ἀμφο-
 τέρων τὰ κατὰ τὰς τομάς, οἷας Εὐκλείδης ἐν τῷ δευ-
 τέρῳ παραδίδωσι, πλὴν τῆς τὴν εὐθείαν εἰς ἀκρόν ^{become}
καὶ μέσον λόγον ^(J.) τεμνύσης.²⁾ τῶν δ' αὖ κοινῶν τού-
 20 των θεωρημάτων τὸ μὲν ἀπὸ γεωμετρίας εἰς ἀριθμητι-
 κὴν μετáγεται, τὰ δὲ ἔμπαλιν ἀπὸ ἀριθμητικῆς εἰς
 γεωμετρίαν, τὰ δὲ ὁμοίως ἀμφοτέραις προσήκεν ἀπὸ
 τῆς ὅλης μαθηματικῆς ἐπιστήμης εἰς | αὐτάς καθή-
 25 λόγων καὶ αἱ συνθέσεις καὶ αἱ διαιρέσεις κατὰ τοῦτον
 τὸν τρόπον ἐστὶ κοινὸν ἀμφοτέραις, τὰ δὲ τῶν συμ-
 μέτρων ἀριθμητικὴ μὲν θεωρεῖ πρώτως, γεωμετρία δὲ
 δευτέρως ἐκείνην μιμουμένη. διὸ καὶ τὰ σύμμετρα
 8 μόνον G. 19 λόγον om. G. 22 ὁμοίως ἀμφοτέραις,
 ὁμοίως G. 23 αὐτὰ M. 25 τῶν κατὰ τοῦτον τρόπον M.

τούτω ταῦτα ἀφορίζεται, ὅσα λόγον ἔχει πρὸς ἄλληλα, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν ὡς τῆς συμμετρίας προηγούμενως ἐν ἀριθμοῖς ὑφίσταμένης. ὅπου γὰρ ἀριθμὸς, ἐκεῖ καὶ τὸ σύμμετρον, καὶ ὅπου τὸ σύμμετρον, καὶ ὁ ἀριθμὸς. τὰ γε μὴν τῶν τριγώνων καὶ τετραγώνων 5 γεωμετρία μὲν θεωρεῖ πρώτως, κατ' ἀναλογίαν δὲ λαβούσα παρ' αὐτῆς ἡ ἀριθμητικὴ· καὶ γὰρ ἐν τοῖς ἀριθμοῖς σχήματα κατ' αἰτίαν ἐστίν. ἐκ τῶν ἀποτελεσμάτων οὖν ὀρμηθέντες ἐπὶ τὰς αἰτίας αὐτῶν τὰς ἐν τοῖς ἀριθμοῖς μέτιμεν, καὶ ὅπου μὲν ἀπαραλλάκτως 10 τὰ αὐτὰ συμπτώματα θεωροῦμεν, ὥσπερ ὅτι πᾶν πολίγωνον εἰς τρίγωνα διαλύεται, ὅπου δὲ τὸ σύνεγγυς ἀγαπῶμεν, ὅλον εὐρόντες ἐν γεωμετρίας τετράγωνον τετραγώνου δίπλασιον, ἐν ἀριθμοῖς δὲ οὐκ ἔχοντες ἐνὸς δέοντός φαμεν ἄλλον ἄλλου διπλάσιον ὑπάρχειν, 15 ὥσπερ τοῦ ἀπὸ τῆς πεντάδος ὁ ἀπὸ τῆς ἐπτάδος διπλάσιος ἐνὸς δέοντος.

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλέον προηγάγομεν τὴν κοινωσίαν τὴν κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δύο τούτων || ἐπιστημῶν καὶ τὴν διαφορὰν παριστάντες. γεωμετρικοῦ 20 γὰρ τὸ συνορᾶν τὰ μὲν κοινὰ θεωρήματα, ποίαις ἀρχαῖς ἔπεται κοιναῖς, τὰ δὲ ἴδια ποίαις, καὶ οὕτω τὰ τε ἀγεωμέτρητα καὶ τὰ γεωμετρικὰ διαιρεῖσθαι, καὶ τὰ μὲν εἰς ἄλλην, τὰ δὲ εἰς ἄλλην ἐπιστήμην ἄγειν. ἄνωθεν δὲ πάλιν ἐπιόντες κατιδωμεν τὴν ὅλην γεω- 25 μετρίαν, ὅθεν τε ὥρμηται καὶ μέχρι τίνος πρόεισιν. οὕτω γὰρ τὸν ἐν αὐτῇ διάκοσμον τῶν λόγων θεασώ-

1 τούτων G. 9 τὰς ante αἰτίας om. G. 12 τρίγωνον G. 15 ἄλλο G. 16 πεμπτάδος G. 18 ταῦτα] τὴν G, ταῦτα C. 23 θεωρεῖσθαι G, διαιρεῖσθαι C. 25 ἐπιόντες . . . γεωμετρίαν om. G, add. C. 27 τὸν λόγον G, τῶν λόγων C.

μεθα. νοήσωμεν δὴ πᾶσι τοῖς οὖσιν αὐτὴν συμπαρ-
 εκτεινομένην καὶ πᾶσιν ἐπιβάλλουσαν τὰς ἑαυτῆς δια-
 νοήσεις καὶ πάντων ἐν ἑαυτῇ περιέχουσας τὰ εἶδη,
 κατὰ μὲν τὸ ἀκρότατον αὐτῆς καὶ νοερώτατον τὰ ὄν-
 5 τως ὄντα περιαθροῦσαν καὶ δι' εἰκόνων ἀναδιδάσκου-
 σαν τὰς τε τῶν θείων διακόσμων ιδιότητας καὶ τὰς
 τῶν νοερῶν εἰδῶν δυνάμεις — ἔχει γὰρ καὶ τούτων
 τοὺς λόγους ἐν τοῖς οἰκείοις θεάμασι καὶ δείκνυσι,
 τίνα μὲν ἐστὶ τὰ θεοὶς ὡς προσήκοντα σχήματα, τίνα
 10 δὲ ταῖς πρῶταις οὐσίαις, τίνα δὲ ταῖς τῶν ψυχῶν ὑπο-
 στάσεσι — κατὰ δὲ τὰς μέσας γνώσεις ἀνελλίττει τοὺς
 διανοητικοὺς λόγους καὶ ἑξαπλοῖ καὶ θεωρεῖ τὴν ἐν
 αὐτοῖς ποικίλιαν καὶ τὰς ὑπάρξεις αὐτῶν ἐκφαίνει καὶ
 τὰ περὶ αὐτοὺς πάθη, τὰς τε κοινωνίας αὐτῶν καὶ
 15 τὰς διαφορότητας, ἀφ' ὧν δὴ καὶ τὰς φανταστάς δια-
 μορφώσεις σχημάτων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις περι-
 λαμβάνει καὶ ἀνάγει πρὸς τὴν οὐσιώδη τῶν λόγων
 ὑπόστασιν — κατὰ δὲ τὰς τρίτας τῆς διανοήσεως διεξ-
 ὄδους τὴν φύσιν ἐπισκοπεῖ καὶ τὰ εἶδη τῶν αἰσθη-
 20 τῶν στοιχείων καὶ τῶν περὶ αὐτὰ δυνάμεων, ὅπως
 κατ' αἰτίαν ἐν τοῖς λόγοις αὐτῆς προείληπται, παρα-
 δίδωσιν. ἔχει γὰρ εἰκόνας μὲν τῶν νοητῶν ὅλων γε-
 νῶν, παραδείγματα δὲ τῶν αἰσθητῶν, οὐσιώσται δὲ
 κατὰ τὰ εἶδη τὰ διανοητὰ καὶ διὰ μέσων τούτων
 25 ἄνεισί τε καὶ κάτεισιν ἐφ' ὅλα τὰ ὄντα καὶ τὰ γινό-
 μενα. γεωμετρικῶς δὲ περὶ τῶν ὄντων ἀεὶ φιλοσο-

4 καὶ τὰ, supra lineam κατὰ postera ut videtur manu M;
 καὶ κατὰ G. 11 στοιχειώσεις G, γνώσεις C. 16 ἐν πέρα-
 σιν ἐν πέρασιν M, ἐμπερασμοῖς G, ἐν πέρασιν ἐν περασμῷ C.
 18 τρίτας M, τρίτας G, 'triplici' Z, 'tertias' B.
 20 δυνάμιν G, δυνάμεων C. 21 αὐτοῖς G. 24 τὰ εἶδη
 om. G, add. C.

φουῖσα καὶ πρὸς τοῖς λόγοις ἅπασι τῶν ἀρετῶν τὰς
 εἰκόνας περιέχει τῶν τε νοερῶν καὶ τῶν ψυχικῶν καὶ
 τῶν φυσικῶν καὶ πάσας ἐν τάξει παραδίδωσι τὰς τῶν
 πολιτειῶν διακοσμῆσεις καὶ ἐν αὐτῇ δείκνυσι τὰς ποι-
 κίλλας αὐτῶν μεταβολάς, καὶ ταῦτα μὲν αὐλῶς καὶ 5
 γνωστικῶς ἐνεργοῦσα, τῆς δὲ ὕλης ἐφαπτομένη πολ-
 λὰς ἀφ' ἑαυτῆς || ἐπιστήμας ἐκδίδωσιν, οἷον τὴν γεω-
 δεσίαν, τὴν μηχανικὴν, τὴν ὀπτικὴν, δι' ὧν καὶ τὸν
 θνητὸν βίον εὐεργετεῖ. καὶ γὰρ πολεμιστήρια ὄργανα
 καὶ φυλακτήρια τῶν πόλεων διὰ τούτων κατεσκεν- 10
 ἄσατο καὶ τὰς τῶν ὥρῶν περιόδους γνωρίμους ἐποίη-
 σεν καὶ τὰς τῶν τόπων θέσεις, μέτρα τε ὑψηλῆσατο
 τὰ μὲν τῶν κατὰ γῆν ὁδῶν, τὰ δὲ τῶν κατὰ θάλασ-
 σαν, ^{supra lineam} ~~ἐξ~~ ^{ἐξ} ~~ἑαυτῆς~~ καὶ τρυτάνας ἐδημιούργησεν, ἀφ' ὧν
 τὴν κατ' ἀριθμὸν ἰσότητά ταῖς πόλεσι διηκριβώσεν, 15
 τοῦ τε παντὸς κόσμου τὴν τάξιν δι' εἰκόνων ἐμφανῆ
 κατέστησεν καὶ πολλὰ τοῖς ἀνθρώποις ἀπὸ ἀπίστων
 ἀνέφηρε καὶ πιστὰ πᾶσιν ἐδειξεν· οἷον δὴ καὶ Ἰέρων
 ὁ Συρακούσιος εἰπεῖν λέγεται περὶ Ἀρχιμήδους, ὅτε
 τὴν ^{ἀντι} ~~τρία~~ ^{ἀντι} ~~ἀρμό~~ ^{ἀντι} ~~μενον~~ κατεσκεύασε ναῦν, ἣν παρεσκευάζετο 20
 πέμπειν Πτολεμαίῳ τῷ βασιλεὶ τῷ Αἰγυπτίῳ. πάν-
 των γὰρ ἅμα Συρακουσίῳ ἐλκῦσαι τὴν ναῦν οὐ δυ-
 ναμένων Ἀρχιμήδης τὸν Ἰέρωνα μόνον αὐτὴν κατ-
 αγαγεῖν ἐποίησεν. καταπλαγεὶς δὲ ἐκείνος Ἀπὸ ταύ-
 της, ἔφη, τῆς ἡμέρας περὶ παντὸς Ἀρχιμήδει λέ- 25
 γοντι πιστευτέον. τὸ δὲ αὐτὸ καὶ Γέλωνα*) φασιν
 εἰπεῖν, ἥνικα τοῦ στεφάνου μὴ λυθέντος, ὃν κατ-

2 τε om. G. 7 γεωμετρίαν, supra lineam postera manu
 δεσίαν M, γεωμετρίαν G, 'geometriam' Z, 'geodesiam' B.

11 καὶ post κατεσκευάσατο om. M. || ὁρῶν G, ὥρῶν C.

21 τῶν Αἰγυπτίων G. 26 Γερίονα G, Γέλωνα C. *)

*) cf. Keiberg Q. 4. p. 12.

εσκεύασεν, τὴν ὅλην ἐκάστην ἀνεῦρεν τῶν συγκρα-
θεισῶν ὕλων.

Ταῦτα μὲν οὖν πολλοὶ τῶν πρεσβυτέρων ἀνέγρα-
ψαν, τὴν μαθηματικὴν ἐγκωμιάζειν προθέμενοι, καὶ
5 διὰ ταῦτα ὀλίγα ἀπὸ πολλῶν ἡμεῖς ἐν τούτοις παρε-
θέμεθα τὴν τῆς γεωμετρίας παντελῶς γνῶσιν καὶ ὠφέ-
λειαν ἐπιδεικνύντες· τὴν δὲ γένεσιν αὐτῆς τὴν ἐν τῇ
περίοδῳ ταύτῃ μετὰ ταῦτα λεκτέον. ὁ μὲν γὰρ δαι-
μόνιος Ἀριστοτέλης^{*)} εἰπὼν⁽¹⁾ τὰ αὐτὰ δοξάσματα
10 πολλάκις εἰς ἀνθρώπους ἀφικνεῖσθαι κατὰ τινὰς τε-
ταγμένας περιόδους τοῦ παντός, καὶ μὴ καθ' ἡμᾶς
πρῶτον ἢ τοὺς ὑφ' ἡμῶν γνωσθέντας τὰς ἐπιστήμας
σύστασιν λαβεῖν, ἀλλὰ καὶ ἐν ἄλλαις περιφοραῖς οὐδ'
εἰπεῖν ὁπόσαις ταῖς τε γενομέναις καὶ ταῖς αὐτῆς ἐσο-
15 μέναις ἐκφανῆναι τε καὶ ἀφανισθῆναι πάλιν αὐτάς.
ἐπεὶ δὲ χρὴ τὰς ἀρχὰς καὶ τῶν τεχνῶν καὶ τῶν ἐπι-
στημῶν πρὸς τὴν παρούσαν περίοδον σκοπεῖν, λέγο-
μεν, ὅτι παρ' Αἰγυπτίοις μὲν εὗρησθαι πρῶτον ἢ
γεωμετρίαν παρὰ τῶν πολλῶν ἰστόρηται, ἐκ τῆς τῶν
20 χωρίων ἀναμετρήσεως λαβοῦσα τὴν γένεσιν. ἀναγ-
καία γὰρ ἦν ἐκείνοις αὕτη διὰ τὴν ἄνοδον τοῦ Νεί-
λου τοὺς προσήκοντας ὅρους ἐκάστοις ἀφανίζον-
τος. καὶ θανμαστὸν οὐδὲν ἀπὸ τῆς χρείας ἄρξασθαι
τὴν εὗρεσιν καὶ ταύτης καὶ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν,
25 ἐπειδὴ πᾶν τὸ ἔν γενέσει φερόμενον ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς

6 παντελῶς] ἢ supra ὡς postera manu M. 8 δητέον G.
9 εἶπε G. 10 ἀφικνεῖσθαι G, ἀφικνεῖσθαι C. 11 μὴ
om. G. 13 τὴν σύστασιν G. 14 τε om. G, add. C.
16 τὰς ἀρχὰς καὶ] καὶ τὰς ἀρχὰς G. || καὶ τῶν ἐπιστημῶν
om. G. 19 παρὰ πολλῶν G, A. || ἰστόρηται G, ἰστορεῖται A.
20 ἀναμετρήσεως G, A, παραμετρήσεως M, C. 21 αὕτη
G, A. 22 ἐκάστοις ἀφανίζοντος ὅρους G, A.

*) καὶ κατὰ Tannery's transl., see his Glém. géom. 1867, p. 66 49.

(1) Tannery, l.c. p. 71: Anecd. math. XI 3, 13

εἰς τὸ τέλειον πρόεισιν. ἀπὸ αἰσθήσεως οὖν εἰς λογισμόν καὶ ἀπὸ τούτου ἐπὶ νοῦν ἢ μετάβασις γένοιτο ἂν εἰκότως. ὥσπερ οὖν παρὰ τοῖς Φοίνιξιν διὰ τὰς ἐμπορείας καὶ τὰ συναλλάγματα τὴν ἀρχὴν ἔλαβεν ἡ τῶν ἀριθμῶν ἀκριβὴς γνῶσις, οὕτω δὲ καὶ παρ' ⁵ Αἰγυπτίοις ἡ γεωμετρία διὰ τὴν εἰρημένην αἰτίαν εὔρηται. Θαλῆς δὲ πρῶτον εἰς Αἴγυπτον ἐλθὼν μετήγαγεν εἰς τὴν Ἑλλάδα τὴν θεωρίαν ταύτην καὶ πολλὰ μὲν αὐτὸς εὔρεν, πολλῶν δὲ τὰς ἀρχὰς τοῖς μετ' αὐτὸν ὑφηγήσατο, τοῖς μὲν καθολικώτερον ἐπιβάλλων, τοῖς δὲ αἰσθητικώτερον. μετὰ δὲ τοῦτον ¹⁰ Μάμερκος [?] ὁ Στησιχόρου τοῦ ποιητοῦ ἀδελφός, ὃς ἐφαψάμενος τῆς περὶ γεωμετρίας σπουδῆς μνημονεύεται, καὶ Ἰππίας ὁ Ἡλείος ἰστόρησεν ὥς ἐπὶ γεωμετρίᾳ δόξαν αὐτοῦ λαβόντος. ἐπὶ δὲ τούτοις ¹⁵ Πυθαγόρας τὴν περὶ αὐτὴν φιλοσοφίαν εἰς σχῆμα παιδείας ἐλευθέρου μετέστησεν, ἄνωθεν τὰς ἀρχὰς αὐτῆς ἐπισκοπούμενος καὶ ἄλλως καὶ νοερῶς τὰ θεωρήματα διερευνώμενος, ὃς δὲ καὶ τὴν τῶν ἀλόγων πραγματείαν καὶ τὴν τῶν κοσμικῶν σχημάτων σύστα- ²⁰ σιν ἀνεῦρεν. μετὰ δὲ τοῦτον Ἀναξαγόρας ὁ Κλαζο-

1 πρὸς τὸ τέλειον G, A, εἰς τὸ τέλειον C. 2 τούτου] τας mutatum in τούτου vel prima manu vel primae proxima M, τῆς G. 'ex hac' (consideratione) Z, 'ab hac' (consideratione) B. || ἐπὶ νοῦν] asteriscum posuit G, ἐπὶ νοῦν M, B₂, C.

4 ἐμπορείας G, A. 5 παρ'] περὶ G, A. 12 ἄμερι^o (rasura) M; postera manus μ praeposuit, in 'et in x mutavit; Ἀμέριστος B₂, G, A, 'Mamercus' et in margine 'aliter Ameristus' Z, 'Ameristus' B; H₂ (p. 258) Μამέρτιος (μαμμέρτιος, μαρμέτιος). Ego correctorem codicis M sequor, cum apud Suidam sub voce Στησίχορος Stesichori frater Μამεργτίνος appelletur, quod nomen ex compendio nominis Μάμερκος ortum esse veri non dissimile est. 13 γεωμετρίας G, A. γεωμετρίαν C. 15 γεωμετρίαν M, C, γεωμετρίας G. 17 ἄνωθεν δὲ C. 19 'ἅλλι ἀναλόγων' A.

μένιος πολλῶν ἐφήσατο τῶν κατὰ γεωμετρίαν καὶ
 Οἰνοπίδης ὁ Χίος, ὀλίγω νεώτερος ὢν Ἀναξαγόρου,
 ὢν καὶ ὁ Πλάτων ἐν τοῖς ἀντεφάσταῖς ἐμνημόνευσεν
 ὥς ἐπὶ τοῖς μαθήμασι δόξαν λαβόνταν. ἐφ' οἷς Ἰππο-
 5 κράτης ὁ Χίος ὁ τὸν τοῦ μηνίσκου τετραγωνισμόν
 εὐρών, καὶ Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος ἐγένοντο περὶ
 γεωμετρίαν ἐπιφανεῖς. πρῶτος γὰρ ὁ Ἰπποκράτης τῶν
 μνημονευομένων καὶ στοιχεῖα συνέγραψεν. Πλάτων
 δ' ἐπὶ τούτοις γενόμενος μεγίστην ἐποίησεν ἐπίδοσιν
 10 τὰ τε ἄλλα μαθήματα καὶ τὴν γεωμετρίαν λαβεῖν διὰ
 τὴν περὶ αὐτὰ σπουδὴν, ὅς που δηλὸς ἐστὶ καὶ τὰ
 συγγράμματα τοῖς μαθηματικοῖς λόγοις καταπυκνώσας
 καὶ πανταχοῦ τὸ περὶ αὐτὰ θαῦμα τῶν φιλοσοφίας
 ἀντεχομένων ἐπεγείρων. ἐν δὲ τούτῳ τῷ χρόνῳ καὶ
 15 Λεωδάμας ὁ Θάσιος ἦν καὶ Ἀρχύτας ὁ Ταραντῖνος
 καὶ Θεαίτητος ὁ Ἀθηναῖος, παρ' ὧν ἐπηυξήθη τὰ
 θεωρήματα καὶ προῆλθεν εἰς ἐπιστημονικωτέραν σύ-
 στασιν. Λεωδάμαντος δὲ νεώτερος ὁ Νεοκλείδης
 καὶ ὁ τούτου μαθητὴς Λέων, οἱ πολλὰ προσενπόρη-
 20 σαν τοῖς πρὸ αὐτῶν, ὥστε τὸν Λέοντα καὶ τὰ στοιχεῖα
 συνθεῖναι τῷ τε πλήθει καὶ τῇ χρείᾳ τῶν δεικνυμέ-
 νων ἐπιμελέστερον, καὶ διορισμοὺς εὐρεῖν, πότε δυνα-

1 τῶν om. G, A. 2 Post Χίος addidit G: ὁ τὴν τοῦ μην-
 ισκου τετραγωνισμόν εὐρών καὶ Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος, quae
 verba delenda notavit C. Ex sequentibus verbis falso huc ea
 esse illata vidit Eduardus Zeller in diatribe de Hermodoro
 Ephesio et Hermodoro Platónico. Marburgi MDCCCLIX. pag.
 12—13. || τοῦ Ἀναξαγόρου G, A. 3 Plato p. 132 A.
 9 τούτου G, A. 10 τὴν ante γεωμετρίαν om. M. 11 αὐτὴν
 G, A, αὐτὰ C. || ὅς που] ὅσπερ A. 13 θαυμαστὸν φιλοσο-
 φίας ἀντεχόμενον G, A, 'id quod circa ipsam mirabile est ex-
 citans in eos qui in philosophia repugnant' Z. 'excitando,
 quod in ipsis mirabile est, Philosophiamque attingit' B. θαυ-
 ματῶν φιλοσοφίας ἀντεχομένων B₂. 15 Λεοδάμος (λεοδάμας)
 H₂ p. 253. 19 προσεπόρισαν G, A. 22 διορισμόν G, A.

τόν ἐστι τὸ ζητούμενον πρόβλημα καὶ πότε ἀδύνατον. Εὐδόξος δὲ ὁ Κνίδιος, Λέοντος μὲν ὀλίγῳ νεώτερος, ἑταῖρος δὲ τῶν περὶ Πλάτωνα γενόμενος, πρῶτος || τῶν καθόλου καλουμένων θεωρημάτων τὸ πλήθος ἡὔξησεν καὶ ταῖς τρισὶν ἀναλογίαις ἄλλας τρεῖς προσ- 5 ἔθηκεν καὶ τὰ περὶ τὴν τομὴν ἀρχὴν λαβόντα παρὰ Πλάτωνος εἰς πλήθος προήγαγεν καὶ ταῖς ἀναλύσεσιν ἐπ' αὐτῶν χρησάμενος. Ἀμύκλας δὲ ὁ Ἡρακλεώτης, εἰς τῶν Πλάτωνος ἑταίρων, καὶ Μέναιχμος ἀκροα- τῆς ὦν Εὐδόξου καὶ Πλάτωνι δὲ συγγεγονῶς καὶ ὁ 10 ἀδελφὸς αὐτοῦ Δεινόστρατος ἐτι τελεωτέραν ἐποίη- σαν τὴν ὅλην γεωμετρίαν. Θεόδωρος δὲ ὁ Μάγνης ἐν τε τοῖς μαθήμασιν ἔδοξεν εἶναι διαφέρων καὶ κατὰ τὴν ἄλλην φιλοσοφίαν· καὶ γὰρ τὰ στοιχεῖα καλῶς συν- ἔταξεν καὶ πολλὰ τῶν ὀρικῶν [?] καθολικώτερα ἐποίη- 15 σεν. καὶ μέντοι καὶ ὁ Κυζικηνὸς Ἀθήναιος κατὰ τοὺς αὐτοὺς γεγονῶς χρόνους καὶ ἐν τοῖς ἄλλοις μὲν μαθήμασι, μάλιστα δὲ κατὰ γεωμετρίαν ἐπιφανὲς ἐγένετο. διῆγον οὖν οὗτοι μετ' ἀλλήλων ἐν Ἀκαδημίᾳ κοινὰς ποιούμενοι τὰς ζητήσεις. Ἐρμότιμος δὲ ὁ 20 Κολοφώνιος τὰ ὑπ' Εὐδόξου προηυπορημένα καὶ Θεαιτήτου προήγαγεν ἐπὶ πλέον καὶ τῶν στοιχείων πολλὰ ἀνεῦρε καὶ τῶν τόπων τινὰ συνέγραψεν. Φί- λιππος δὲ ὁ Μενδαῖος, Πλάτωνος ὦν μαθητῆς καὶ

4 καλουμένων om. G, A. 9 μόναιχμος M. 15 μερικῶν M, sed με in rasura postera manus adscripsit; ὀρικῶν B, G, A, 'particularia' Z, 'particularium' B. 16 ὁ κυζικηνὸς ἀθηναῖος, supra ai rasura deleta, M, ὁ Κυζικῖνος (κυζικηνὸς B) ἀθηναῖος G, A, B, 'Cyzinus atheniensis' Z, 'Cyzicinus Atheniensis' B. Articulus ὁ ubique nomini adiectivo appositus ostendit mathematicum illum Athenaeum nominandum et ex urbe Cyzico ortum putandum esse. 18 καταφανής G, A, ἐπιφανής C.

19 Ἀκαδημία G, A. 21 ὑπερ G. 24 μεταίος, postera manu δ super τ scripto, M; μεταῖος G, Μεταῖος (Μεδμαῖος) A,

ὑπ' ἐκείνου προτραπείς εἰς τὰ μαθήματα, καὶ τὰς ζη-
 τήσεις ἐποιεῖτο κατὰ τὰς Πλάτωνος ὑφηγήσεις καὶ
 ταῦτα προῦβαλλεν ἑαυτῷ, ὅσα ᾤετο τῇ Πλάτωνος φι-
 λοσοφίᾳ συντελεῖν. οἱ μὲν οὖν τὰς ἱστορίας ἀναγρά-
 5 ψαντες μέχρι τούτου προάγουσι τὴν τῆς ἐπιστήμης
 ταύτης τελείωσιν. οὐ πόλιν δὲ τούτων νεώτερός ἐστιν
Εὐκλείδης | ὁ τὰ στοιχεῖα συναγαγὼν καὶ πολλὰ
μὲν τῶν Εὐδόξου συντάξας, πολλὰ δὲ τῶν Θεαιτήτου
τελεωσάμενος, ἐτι δὲ τὰ μαλακώτερον δεικνύμενα τοῖς
 10 ἐμπροσθεν εἰς ἀνελέγκτους ἀποδείξεις ἀναγαγών. γέ-
 γονε δὲ οὗτος ὁ ἀνὴρ ἐπὶ τοῦ πρώτου Πτολεμαίου
 (2*) καὶ γὰρ ὁ Ἀρχιμήδης ἐπιβαλὼν καὶ τῷ πρώτῳ μνη-
 μονεύει τοῦ Εὐκλείδου, καὶ μέντοι καὶ φασιν ὅτι
 Πτολεμαῖος ἤρετό ποτε αὐτόν, εἰ τίς ἐστιν περὶ γεω-
 15 μετρίας ὁδὸς συντομωτέρα τῆς στοιχειώσεως· ὁ δὲ
 ἀπεκρίνατο, μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀτραπὸν ἐπὶ γεωμε-
 τρίαν. [νεώτερος μὲν οὖν ἐστὶ τῶν περὶ Πλάτωνα,
 πρεσβύτερος δὲ Ἐρατοσθένους καὶ Ἀρχιμήδους. οὗτοι
 γὰρ σύγχρονοι ἀλλήλοις, ὥς πού φησιν Ἐρατοσθέ-
 20 νης. καὶ τῇ προαιρέσει δὲ Πλατωνικός ἐστὶ καὶ τῇ
 φιλοσοφίᾳ ταύτῃ οἰκείος, ὅθεν δὴ καὶ τῆς συμπάσης
 στοιχειώσεως τέλος προεστήσατο τὴν τῶν καλουμένων
 Πλατωνικῶν σχημάτων σύστασιν.] πολλὰ μὲν οὖν καὶ
 ἄλλα τοῦ ἀνδρὸς τούτου μαθηματικὰ συγγράμματα ||

μινταῖος B₃, C. Nesselmann (p. 6 annot. 13) formam Μεδμαῖος
 veram putare mavult. 'maeteus' Z, 'Mendaus' B. 11 Πτο-
 λεμαῖον (πτολεμαῖον) H₂ p. 253. 12 Ἀρχιμήδης καὶ ἐν τῷ
 πρώτῳ omisso ἐπιβαλὼν G, A, 'Archimedes quoque in libro
 primo' Z, 'Archimedes in primo et in aliis libris' B. B₃ con-
 sentit cum M^(*) 13 Εὐκλείδους, omisso τοῦ, G, A. 14 εἴρετο
 M, C. 15—16 ὁδὸς . . . γεωμετρίας om. G, add. C, aliter
 lacunam explevit A. 18 πρεσβύτερος] ἀρχαιότερος H₂ p. 253.
 19 ὥςπερ καὶ φησιν G, A.

(*) cf. Heiberg *Classical Archim.* p. 157, v. Stenzel *ibid.* p. 26

θαυμαστῆς ἀκριβείας καὶ ἐπιστημονικῆς θεωρίας
 μεστά. τοιαῦτα γὰρ καὶ τὰ ὀπτικά καὶ τὰ κατοπτρικά,
 τοιαῦται δὲ καὶ αἱ κατὰ μουσικὴν στοιχειώσεις, ἔτι δὲ
 τὸ περὶ διαιρέσεων βιβλίον. διαφερόντως δ' ἂν τις
 αὐτὸν ἀγασθῇ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν στοιχειώσιν ⁵
τῆς τάξεως ἕνεκα καὶ τῆς ἐκλογῆς τῶν πρὸς τὰ στοι-
χεῖα πεποιημένων θεωρημάτων τε καὶ προβλημάτων.
 καὶ γὰρ οὐχ ὅσα ἐνεχώρει λέγειν ἀλλ' ὅσα στοιχειοῦν
 ἡδύνατο παρείληφεν, ἔτι δὲ τοῖς τῶν συλλογισμῶν
 παντοίους τρόπους, τοὺς μὲν ἀπὸ τῶν αἰτίων λαμβά- ¹⁰
 νοντας τὴν πίστιν, τοὺς δὲ ἀπὸ τεκμηρίων ὠρημέ-
 νους, πάντας δὲ ἀνελέγκτους καὶ ἀκριβεῖς καὶ πρὸς
 ἐπιστήμην οἰκείους, πρὸς δὲ τούτοις τὰς μεθόδους
 ἀπάσας τὰς διαλεκτικάς, τὴν μὲν διαιρετικὴν ἐν ταῖς
 εὐρέσεσι τῶν εἰδῶν, τὴν δὲ ὀριστικὴν ἐν τοῖς οὐσιώ- ¹⁵
 δεσι λόγοις, τὴν δὲ ἀποδεικτικὴν ἐν τοῖς ἀπὸ τῶν
 ἀρχῶν εἰς τὰ ζητούμενα μεταβάσει, τὴν δὲ ἀναλυτι-
 κὴν ἐν ταῖς ἀπὸ τῶν ζητουμένων ἐπὶ τὰς ἀρχὰς ἀνα-
 στροφαῖς. καὶ μὴν καὶ τὰ ποικίλα τῶν ἀντιστροφῶν
 εἶδη τῶν τε ἀπλουστέρων καὶ τῶν συνθετωτέρων ²⁰
 ἵνα ἔστιν ἐν τῇ πραγματείᾳ ταύτῃ διηκριβωμένα θεω-
 ρεῖν, καὶ τίνα μὲν ὅλα ὅλοις ἀντιστρέφειν δύναται,
 τίνα δὲ ὅλα μέρεσι καὶ ἀνάπαλιν, τίνα δὲ ὡς μέρη
 μέρεσιν. ἔτι δὲ λέγομεν τὴν συνέχειαν τῶν εὐρέσεων,
τὴν οἰκονομίαν καὶ τὴν τάξιν τῶν τε προηγουμένων ²⁵
καὶ τῶν ἐπομένων, τὴν δύναμιν, μεθ' ἧς ἕκαστα παρα-
δίδωσιν. ἥ καὶ τὸ τυχὸν προσθεὶς ἢ ἀφελὼν οὐκ ἐπι-
 στήμης λανθάνεις ἀποπεσῶν καὶ εἰς τὸ ἐναντίον ψεῦδος

15—17 τῶν εἰδῶν . . . μεταβάσει om. G, add. C.
 22 Post ὅλοις ἂν addit M. 23—24 καὶ ἀνάπαλιν . . . μέρε-
 σιν om. G, add. C. 28 λανθάνει G, λανθάνεις C.

καὶ τὴν ἄγνοιαν ὑπενεχθεῖς; ἐπειδὴ δὲ πολλὰ φαν-
τάζεται μὲν ὡς τῆς ἀληθείας ἀντεχόμενα καὶ ταῖς ἐπι-
στημονικαῖς ἀρχαῖς ἀκολουθοῦντα, φέρεται δὲ εἰς τὴν
ἀπὸ τῶν ἀρχῶν πλάνην καὶ τοὺς ἐπιπολαιότερους
5 ἐξαπατᾷ, μεθόδους παραδέδωκεν καὶ τῆς τούτων δι-
ορατικῆς φρονήσεως, ἃς ἔχοντες γυμνάζειν μὲν δυνη-
σόμεθα τοὺς ἀρχομένους τῆς θεωρίας ταύτης πρὸς
τὴν εὕρεσιν τῶν παραλογισμῶν, ἀνεξαπάτητοι δὲ δια-
μένειν. καὶ τοῦτο δὴ τὸ σύγγραμμα, δι' οὗ τὴν παρα-
σκευὴν ἡμῖν ταύτην ἐντίθησι, Ψευδαρίων ἐπέγραψεν,
10 τρόπους τε αὐτῶν ποικίλους ἐν τάξει διαριθμησάμενος
καὶ καθ' ἕκαστον γυμνάσας ἡμῶν τὴν διάνοιαν παν-
τοίοις θεωρήμασι καὶ τῷ ψεύδει τὸ ἀληθὲς παραθεῖς
καὶ τῇ πείρᾳ τὸν ἔλεγχον τῆς ἀπάτης συναρμόσας.
15 τοῦτο μὲν οὖν τὸ βιβλίον καθαρκτικόν ἐστι καὶ γυμνα-
στικόν, ἡ δὲ στοιχειώσις αὐτῆς τῆς ἐπιστημονικῆς
θεωρίας τῶν ἐν γεωμετρίας πραγμάτων ἀνέλεγκτον
ἔχει καὶ τελείαν ὑφήγησιν.

|| Τίς οὖν ὁ σκοπὸς τῆς πραγματείας ταύτης ἵσως
20 ἐρήσεται τις, ἐγὼ δὲ καὶ πρὸς τοῦτον εἰποιμι ἄν, ὅτι
διοριστέον ἐστὶν τὴν πρόθεσιν κατὰ τε τὰ πράγματα,
περὶ ὧν αἱ ζητήσεις, καὶ κατὰ τὸν μανθάνοντα. καὶ
πρὸς μὲν αὐτὰ τὰ ὑποκείμενα βλέποντες λέγομεν, ὡς
ἄρα περὶ τῶν κοσμικῶν σχημάτων ἐστὶν ὁ σύμπαρ τῷ
25 γεωμέτρῳ λόγος, ἀρχόμενος μὲν ἀπὸ τῶν ἀπλῶν, τε-
λευτῶν δὲ εἰς τὴν ποικιλίαν τῆς τούτων συστάσεως,
καὶ χωρὶς μὲν ἕκαστα ὑφίστάς, ὁμοῦ δὲ τὰς εἰς τὴν

1 καὶ τὴν] ἢ G. || φαντάζει M, G. 5 τούτων om. A.
13 καὶ τῷ] τῷ δὲ G, A, καὶ τῷ C. 14 συναρμόσαντες G,
συναρμόσας C, A. 19 πραγματείας] θεωρίας τῷ ἐν γεωμετρίας
πραγμάτων G, πραγματείας C. 20 δὲ G, δὴ C. 26 τὴν om. G.

σφαίραν αὐτῶν ἐγγραφὰς καὶ τοὺς λόγους οὓς ἔχει
 πρὸς ἄλληλα παραδιδούς. διὸ καὶ τῶν καθ' ἕκαστα
 βιβλίων τοὺς σκοποὺς τινες ἐπὶ τὸν κόσμον ἀναφέ-
 ρειν ἤξιωσαν καὶ τὴν χρεῖαν αὐτῶν, ἣν παρέχεται
 πρὸς τὴν τοῦ παντὸς θεωρίαν ἀνέγραψαν. πρὸς δὲ ⁵
 τὸν μανθάνοντα διοριζόμενοι τὸν σκοπὸν αὐτὸ τοῦτο,
 ὃ λέγεται, στοιχεῖωσιν αὐτῷ προκεισθαι φήσομεν καὶ
 τελείωσιν τῆς τῶν μανθανόντων διανοίας πρὸς τὴν
 σύμπασαν γεωμετρίαν. ἀπὸ γὰρ τούτων ὁρμώμενοι
 καὶ τὰ ἄλλα γινῶναι δυνησόμεθα τῆς ἐπιστήμης ταύ- ¹⁰
 τῆς μέρη, καὶ τὴν ποικιλίαν τὴν ἐν αὐτῇ περιλαβεῖν
 ἄνευ τούτων ἀδύνατον ἡμῖν ἐστίν καὶ ἄληπτος ἢ τῶν
 ἄλλων μάθησις. τὰ γὰρ ἀρχοειδέστατα καὶ ἀπλουστάτα
 θεωρήματα καὶ συγγενέστατα ταῖς πρώταις ὑποθέσε-
 σιν ἐνταῦθα συνήθροισται τάξιν λαβόντα τὴν πρόπου- ¹⁵
 σαν καὶ αἱ τῶν ἄλλων ἀποδείξεις τούτοις ὡς γνωρι-
 μωτάταις χρῶνται καὶ ἀπὸ τούτων ὥρμηται. καθάπερ
 δὴ καὶ ὁ Ἀρχιμήδης ἐν τοῖς περὶ σφαίρας καὶ κυ-
 λίνδρου καὶ Ἀπολλώνιος καὶ οἱ ἄλλοι πάντες φαί-
 νονται τοῖς ἐν αὐτῇ ¹⁶ τῇ πραγματείᾳ δεδειγμένοις [ὡς] ²⁰
 ἀρχαῖς ὁμολογουμέναις χρῶμενοι.

Σκοπὸς μὲν οὖν οὗτος, στοιχειῶσαι τε πρὸς τὴν
 ὅλην ἐπιστήμην τοὺς μανθάνοντας καὶ τῶν κοσμικῶν
 σχημάτων διωρισμένας παραδοῦναι | συστάσεις. αὐτὸ
 δὲ τοῦτο τὸ τῆς στοιχειώσεως ὄνομα καὶ τὸ τοῦ στοι- ²⁵
 χεῖου, παρ' ὃ καὶ ἡ στοιχείωσις, τίνα ἂν || ἔχοι λόγον;
 ἵνα δὴ καὶ περὶ τῆς ἐπιγραφῆς τι ζητήσωμεν. τῶν

4 παρέσχετο G, παρέχετο C. 11 περιβαλεῖν, sed prima
 ut videtur manu mutatum in περιλαβεῖν M, περιβαλεῖν G,
 'comprehendere' B. 12 καὶ ἄνευ G. || ἀδύνατος G. || ἐστίν
 om. G. 19 φαίνονται om. G, A. 20 ὡς ego addidi; M, B₃, G,
 (Z) om., 'tamquam evidentibus' B. 27 γραφῆς G.

X) *Heiberg* (ἐκδοτὴν αὐτ. ἐκδ. p. 29) *προφανεσ* ταύτῃ.

τοίνυν θεωρημάτων τὰ μὲν εἰώθασι στοιχεῖα καλεῖν, τὰ δὲ στοιχειώδη, τὰ δὲ ἔξω τῆς τούτων ἀφορίζεται δυνάμεως. στοιχεῖα μὲν οὖν ἐπονομάζονται, ὧν ἡ θεωρία διικνεῖται πρὸς τὴν τῶν ἄλλων ἐπιστήμην, ⁵ καὶ ἀφ' ὧν παραγίνεται ἡμῖν τῶν ἐν αὐτοῖς ἀπόρων ἡ διάλυσις. ὥς γὰρ τῆς ἐγγραμμάτου φωνῆς εἰσιν ἀρχαὶ πρῶται καὶ ἀπλούσταται καὶ ἀδιαίρετοι, αἷς τὸ ὄνομα τῶν στοιχείων ἐπιφημίζομεν, καὶ πᾶσα λέξις ἐκ τούτων ὑφέστηκεν καὶ πᾶς λόγος, οὕτω δὲ καὶ τῆς ὅλης γεωμετρίας ἐστὶ τινα θεωρήματα προηγούμενα καὶ ἀρχῆς λόγον ἔχοντα πρὸς τὰ ἐφεξῆς καὶ διήκοντα διὰ πάντων καὶ παρεχόμενα πολλῶν ἀποδείξεως συμ- ¹⁰ πτωμάτων, ἃ δὲ στοιχεῖα προσαγορεύουσι. στοιχειώδη δ' ἐστὶν ὅσα διατείνει μὲν ἐπὶ πλείω καὶ τὸ ¹⁵ ἀπλοῦν ἔχει καὶ τὸ χαρίεν, οὐκέτι μὴν καὶ τὴν τῶν στοιχείων [ἀξίαν] τῷ μὴ πρὸς πᾶσαν αὐτῶν τὴν ἐπιστήμην κοινὴν εἶναι τὴν θεωρίαν, οἷον τοῖς τριγώνοις τὰς ἀπὸ τῶν γωνιῶν καθέτους ἐπὶ τὰς πλαγίους καθ' ἓν σημεῖον συμπέπτειν· ὅσα τε μήτε εἰς πλῆθος ἔχει ²⁰ διήκουσαν τὴν γνῶσιν μήτε αὐτὴν γλαφυρόν τι προφαίνει καὶ χαρίεν, ταῦτα καὶ τῆς τῶν στοιχειωδῶν ἔξω πίπτει δυνάμεως.

Πάλιν δὲ τὸ στοιχεῖον λέγεται διχῶς, ὥς φησὶν ὁ Μέναιχμος. καὶ γὰρ τὸ κατασκευάζον ἐστὶ τοῦ κατα- ²⁵ σκευαζομένου στοιχείου, ὥς τὸ πρῶτον παρ' Εὐκλείδῃ τοῦ δευτέρου, καὶ τοῦ πέμπτου τὸ τέταρτον. οὕτω δὲ καὶ ἀλλήλων εἶναι πολλὰ στοιχεῖα φηθήσεται· κατα-

3 ἐπονομάζεται G, A. p. 307. 12 περιεχόμενα A.

15 τὴν om. G, A. 16 ἀξίαν om. M, B, G, A; 'eiusdem ... dignitatis' B. Z οὐκέτι ... θεωρίαν non est interpretatus.

22 πίπτειν G, A. 25 στοιχεῖον om. G. || Εὐκλείδῃ M. Εὐκλείδει G. 27 δὲ G.

σκευάζεται γὰρ ἐξ ἀλλήλων. δέκνυνται γὰρ καὶ ἐκ τοῦ τέτρασιν ὀρθαῖς εἶναι ἴσας τὰς ἔξω τῶν εὐθυγράμμων γωνίας τὸ πλῆθος τῶν ἐντὸς ὀρθαῖς ἴσων καὶ ἀνάπαλιν ἐκ τούτου ἐκεῖνο. καὶ ἔοικεν λήμματι τὸ τοιοῦτο στοιχεῖον. ἄλλως δὲ λέγεται στοιχεῖον, εἰς 5 ὃ ἀπλούστερον ὑπάρχον διαιρεῖται τὸ σύνθετον· οὕτως δὲ οὐ πᾶν ἔτι ῥηθῆσεται παντὸς στοιχεῖον, ἀλλὰ τὰ ἀρχοειδέστερα τῶν ἐν ἀποτελέσματος λόγῳ τεταγμένων, ὥσπερ τὰ αἰτήματα στοιχεῖα τῶν θεωρημάτων. κατὰ δὲ τοῦτο τοῦ στοιχείου τὸ σημαινόμενον καὶ τὰ 10 παρ' Εὐκλείδῃ στοιχεῖα συνετάχθη, τὰ μὲν τῆς περὶ τὰ ἐπίπεδα γεωμετρίας, τὰ δὲ τῆς στερεομετρίας. οὕτω δὲ καὶ ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς καὶ ἐν τοῖς ἀστρονομικοῖς στοιχειώσεις πολλοὶ συνέγραψαν.

Ἔστι δὲ τοῦτο χαλεπὸν καὶ τὸ ἐκλέξασθαι καὶ 15 τάξαι κατὰ τρόπον τὰ στοιχεῖα καθ' ἑκάστην ἐπιστήμην, || ἅψ' ὧν τὰ ἄλλα προάγεται πάντα καὶ εἰς ἃ τὰ ἄλλα ἀναλύεται. καὶ τῶν ἐπιχειρησάντων οἱ μὲν πλείω, οἱ δὲ ἐλάττω συναγαγεῖν ἠδυνήθησαν, καὶ οἱ μὲν βραχυτέροις ἀποδείξεσιν ἐχρήσαντο, οἱ δὲ εἰς μῆκος ἀπε- 20 ραντον ἐξέτειναν τὴν θεωρίαν, καὶ οἱ μὲν τὸν δι' ἀδυνάτου τρόπον ἐξέκλιναν, οἱ δὲ τὴν ἀναλογίαν, οἱ δὲ προκατασκευὰς ἐμηχανήσαντο πρὸς τοὺς ἀναιροῦντας τὰς ἀρχάς, καὶ ὅλως πολλοὶ τινες εὐρηνται τρό- 25 ποι τῆς στοιχειώσεως ἐκάρτοις, βεῖ δὲ τὴν τοιαύτην πραγματείαν πᾶν μὲν ἀπεσκευάσθαι τὸ περίττον —

3 ἴσων] δύο ἴσων G. 5 ἄλλως δὲ λέγεται στοιχεῖον om. G, add. C. 7 παντὸς] παν τὸ prima manu, et supra lineam παντὸς postera manu M, τὸ G. 8 ἀρχοειδέστερα G, ἀρχοειδέστερα C. || ἀποτελέσματι G. 11 Εὐκλείδους G. 12 τὰ δὲ τῆς στερεομετρίας om. G. || οὕτω δὲ G. 21 τὰς θεωρίας G. || τὸν ἀδύνατον G.

ἐμπόδιον γὰρ τοῦτο πρὸς τὴν μάθησιν — ἐκλέγειν
 δὲ τὰ συνέχοντα πάντα καὶ συνάγοντα τὸ προκείμενον
 — ἀνυσιμώτατον γὰρ τοῦτο πρὸς τὴν ἐπιστήμην —
 σαφηνείας δ' ἅμα καὶ συντομίας πολλὴν πεποιῆσθαι
 5 πρόνοιαν — τὰ γὰρ ἐναντία τούτων ἐπιθολοῖ τὴν
 διάνοιαν ἡμῶν — τῆς τε τῶν θεωρημάτων ἐν πέρασι
 καθολικοῖς περιλήψεως ἀντειληφθαι — τὰ γὰρ εἰς
 τὰ μερικώτερα τεμαχίζοντα τὴν διδασκαλίαν δυσπερί-
 ληπτον ἀπεργάζεται τὴν γνῶσιν. κατὰ πάντας δὲ τού-
 10 τούς τοὺς τρόπους εὗροι τις ἂν τὴν Εὐκλείδου
 στοιχειώσιν τῶν ἄλλων διαφέρουσιν· τὸ μὲν γὰρ
 χρήσιμον αὐτῆς εἰς τὴν περὶ τῶν ἀρχικῶν σχημάτων
 συντελεῖ θεωρίαν, τὸ δὲ σαφὲς καὶ διηρθρωμένον ἢ
 ἀπὸ τῶν ἀπλουστέρων ἐπὶ τὰ ποικιλώτερα μετάβασις
 15 ἀπεργάζεται καὶ ἢ ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν καταβολὴ
 τῆς θεωρίας, τὸ δὲ καθολικὸν τῆς ἀποδείξεως ἢ διὰ
 τῶν πρώτων θεωρημάτων καὶ ἀρχοειδῶν ἐπὶ τὰ ζη-
 τούμενα μετάβασις. καὶ γὰρ ὅσα παραλιμπάνειν δοκεῖ,
 ἢ ταῖς αὐταῖς ἐφόδοις γίνεται γνῶριμα [τοῖς εἰρημέ-
 20 νοις?], ὥσπερ ἢ σύστασις τοῦ θαληνοῦ καὶ ἰσοσκε-
 λοῦς, ἢ ὡς ἀμήχανον εἰσάγοντα καὶ ἀπέραντον ποικι-
 λίαν ἀλλότρια τῆς τῶν στοιχείων ἐστὶν ἐκλογῆς, ὥσπερ
 τὰ περὶ τῶν ἀτάκτων ἀλόγων, ἃ ὁ Ἀπολλώνιος ἐπὶ
 πλέον ἐξηιργάσατο, ἢ ὡς αἰτίων τῶν παραδεδομένων
 25 ἔχει τὴν σύστασιν, ὥσπερ τὰ εἶδη τῶν γωνιῶν τὰ

1 μάθησιν] ἐπιστήμην G. 3 ἀνυσιμώτατον C. 7 καθολικῆς B₃, G, 'universalis comprehensionis' Z, 'universalem comprehensionem' B. 10 Εὐκλείδους G. 11 διαφοροῦσαν, é supra o prima fortasse manu M. 13 ἢ supra lineam M, om. G. 19 γνῶριμα· τῶν ὥσπερ M, γνῶριμα τῶν ὅσπερ B₃, γνῶριμα, ὥσπερ G, 'nota: sicut' Z, 'cognita sunt, ut' B. Verisimilius autem videtur excidisse τοῖς εἰρημένους vel simile quid. 21 ὡς εἰς ἀμήχανον G. 24 παραδιδωμένων G.

πολλὰ καὶ τῶν γραμμῶν. ταῦτα γὰρ παραλέλειπται μὲν καὶ παρ' ἄλλοις ἔτυχε λόγου πλείονος, ἔχει δὲ τὴν γνῶσιν ἀπὸ τῶν ἀπλῶν. τοσαῦτα περὶ τῆς ὅλης στοιχειώσεως εἴχομεν ἀναγράφειν.

Τὴν δὲ σύμπασαν οἰκονομίαν τῶν ἐν αὐτῇ λόγων ⁵ ὧδε πως || ἀναδιδάξομεν. ἐπειδὴ τὴν ἐπιστήμην ταύτην τὴν γεωμετρίαν ἐξ ὑποθέσεως εἶναι φαμεν καὶ ἀπὸ ἀρχῶν ὠρισμένων τὰ ἐφεξῆς ἀποδεικνύειν — μία γὰρ ἡ ἀνυπόθετος, αἱ δὲ ἄλλαι παρ' ἐκείνης ὑποδέχονται τὰς ἀρχάς — ἀνάγκη δὴ πον τὸν τὴν ἐν ¹⁰ γεωμετρία στοιχειῶσιν συντάττοντα χωρὶς μὲν παραδύναι τὰς ἀρχάς τῆς ἐπιστήμης, χωρὶς δὲ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν συμπεράσματα, καὶ τῶν μὲν ἀρχῶν μὴ διδόναι λόγον, τῶν δὲ ἐπομένων ταῖς ἀρχαῖς. οὐδεμία γὰρ ἐπιστήμη τὰς ἐαυτῆς ἀρχάς ἀποδείκνυσιν, οὐδὲ ¹⁵ ποιεῖται λόγον περὶ αὐτῶν, ἀλλ' αὐτοπίστως ἔχει περὶ αὐτάς, καὶ μᾶλλον εἰσιν αὐτῇ καταφανεῖς τῶν ἐφεξῆς. καὶ τὰς μὲν οἶδεν δι' αὐτάς, τὰ δὲ μετὰ ταῦτα δι' ἐκείνας. οὕτω γὰρ καὶ ὁ φυσιολόγος ἀπ' ἀρχῆς ὠρισμένης προάγει τοὺς λόγους ὑποθέμενος εἶναι κίνησιν, ²⁰ καὶ ὁ ἰατρὸς καὶ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν [?] καὶ τεχνιτῶν ἕκαστος. εἰ δὲ τις εἰς ταῦτόν συμφύρει τὰς τε ἀρχάς καὶ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν, οὗτος ἐπιταράττει τὴν σύμπασαν γνῶσιν καὶ συγκυκᾷ τὰ μηδὲν προσήκοντα ἀλλήλοις. ἀρχὴ γὰρ καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς φύσει διώριστα ²⁵ ἀλλήλων.

Πρῶτον μὲν οὖν, ἅπερ ἔφην', ἔδει διαστείλασθαι

21 ἐπιστημῶν καὶ τεχνιτῶν ἑκάστας, altero α in ἑκάστας in o rasura mutato, M; ἐπιστημῶν, καὶ τεχνῶν ὁ ἑκάστης ἑμπεριος B, ἐπιστημῶν καὶ τεχνῶν τῶν ἑκάστης B₂, 'scientiarum et artium unusquisque expertus' Z, 'scientiarum atque artium uniuscuiusque peritus' B. ἐπιστήμων vel ἐπιστημῶνων?

τάς τε ἀρχάς καὶ τὰ ἐπόμενα ταῖς ἀρχαῖς, ὃ δὴ καὶ ποιεῖ ὁ Εὐκλείδης καθ' ἕναστον ὡς εἰπεῖν βιβλίον καὶ πρὸ πάσης τῆς πραγματείας τὰς κοινὰς τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἀρχὰς ἐκτιθέμενος. ἔπειτα καὶ αὐτὰς
 5 διαιρεῖ τὰς κοινὰς ἀρχὰς εἰς τε τὰς ὑποθέσεις καὶ τὰ αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα. διαφέρει γὰρ ταῦτα πάντα ἀλλήλων καὶ οὐκ ἔστιν ταὐτὸ ἀξίωμα καὶ αἴτημα καὶ ὑπόθεσις, ὥς πού φησιν ὁ δαιμόνιος Ἀριστοτέλης, ἀλλ' ὅταν μὲν καὶ τῷ μανθάνοντι γνώριμον ἦ καὶ
 10 καθ' αὐτὸ πιστὸν τὸ παραλαμβανόμενον εἰς ἀρχῆς τάξιν, ἀξίωμα τὸ τοιοῦτόν ἐστιν, οἷον τὸ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι. ὅταν δὲ μὴ ἐξη μὲν ἐννοίαν ὁ ἀκούων τοῦ λεγομένου τὴν αὐτόπιστον, τίθεται δὲ ὅμως καὶ συγχωρεῖ τῷ λαμβάνοντι, τὸ τοιοῦτον
 15 ὑπόθεσις ἐστὶ. τὸ γὰρ εἶναι τὸν κύκλον σχῆμα τοῖον κατὰ κοινὴν μὲν ἐννοίαν οὐ προειλήφμεν ἀδιδάκτως, ἀκούσαντες δὲ συγχωροῦμεν ἀποδείξεως χωρὶς. ὅταν δὲ αὐ καὶ ἄγνωστον ἦ τὸ λεγόμενον καὶ μὴ συγχωροῦντος τοῦ μανθάνοντος ὅμως λαμβάνεται, τηνι-
 20 καῦτα, φησὶν, αἴτημα τοῦτο καλοῦμεν, οἷον τὸ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι. δηλοῦσι δὲ οἱ περὶ τινος τῶν αἰτημάτων καταπραγματεῦσασθαι σπονδάσαντες, ὡς ὑπὸ μηδενὸς αὐτόθεν συγχωρεῖσθαι δυναμένον. καὶ κατὰ μὲν τὴν Ἀριστοτέλους ὑφήγησιν τοῦτον

5 εἰς ἀξίωμα, ὑπόθεσιν, αἴτημα H_2 p. 275. 8 in margine prima ut videtur manu: ἐν τῇ ἀποδεικτικῇ M . (vide *Analyt. poster.* I, 10, 5—8 ed. Weise). 10 τὸ ante παραλαμβανόμενον om. G . 11 in margine τί ἐστὶν ἀξίωμα M . || τὸ ante τὰ om. G , H_2 p. 255 et 276. 12 εἶναι om. H_2 . 13 πείθεται H_2 p. 255, τίθεται p. 276; cf. H_1 p. 452. 14 ὁμοίως H_2 p. 276. 15 in margine τί ἐστὶν ὑπόθεσις M . || τοιούτῃ H_2 p. 255 et 276. 16 προειλήφμεν H_2 p. 276, περιείληφεν ἀδιδάκτος H_2 p. 255. 18 καὶ μὴ] ἢ μὴ H_2 p. 276. 20 φησὶν ἢ αἴτημα M . 24 τοιοῦτον G .

διώρισται τὸν τρόπον ἀξίωμα καὶ αἴτημα καὶ ὑπόθε-
σεις. || πολλάκις δὲ καὶ πάντα ταῦτα καλοῦσιν ὑποθέ-
σεις, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ἀξίωμα πᾶσαν ἀπό-
φανσιν ἀπλῆν, ὥστε κατὰ μὲν τούτους καὶ αἱ ὑποθέ-
σεις ἀξιώματα, κατὰ δὲ τοὺς ἑτέρους καὶ τὰ ἀξιώματα 5
ὑποθέσεις.

Πάλιν δ' αὖ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν εἰς προβλήματα
διαίρεται καὶ θεωρήματα, τὰ μὲν τὰς γενέσεις περι-
έχοντα τῶν σχημάτων καὶ τὰς τομὰς καὶ τὰς ἀφαιρέ-
σεις ἢ προσθέσεις καὶ ὅλως τὰ παθήματα τὰ γιννόμενα 10
περὶ αὐτά, τὰ δὲ καθ' αὐτὰ συμβεβηκότα ἐκάστοις
δεικνύοντα. καθάπερ γὰρ αἱ ποιητικαὶ τῶν ἐπιστη-
μῶν θεωρίας μετέχουσιν, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ αἱ
θεωρητικαὶ τὰ προβλήματα ταῖς ποιήσεσιν ἀνάλογον
προσειλήφασιν. ἤδη δὲ τῶν παλαιῶν οἱ μὲν πάντα 15
θεωρήματα καλεῖν ἤξιωσαν, ὥς οἱ περὶ Σπενύσιππον
καὶ Ἀμφίνομον, ἡγούμενοι ταῖς θεωρητικαῖς ἐπι-
στήμαις οἰκειότεραν εἶναι τὴν τῶν θεωρημάτων προσ-
ηγορίαν ἢ τὴν τῶν προβλημάτων, ἄλλως τε καὶ περὶ
αἰδίων ποιομέναις τοὺς λόγους. οὐ γάρ ἐστι γένεσις 20
ἐν τοῖς αἰδίοις, ὥστε οὐδὲ τὸ πρόβλημα χώραν ἐπὶ
τούτων ἂν ἔχοι, γένεσιν ἐπαγγελλόμενον καὶ ποιήσιν

2 ταῦτα πάντα G. 3 ἀπόφασιν G. 7 ἀπὸ τῶν ἀρχῶν]
μετὰ τὰς ἀρχὰς H₂ p. 275.

7—8

αἱ ἀρχαί

μετὰ τὰς ἀρχὰς

ἀξίωμα

αἴτημα

πρόβλημα

θεωρήματα

θέσεις

in margine inferiore prima ut videtur manu M. 10 προθέ-
σεις M, G; 'adiunctiones' Z, 'additiones' B. 15 προσειλήφασιν
M, B₂, G; 'suscipiunt' Z, 'praeassumpsere' B. 18 οἰκειότερον
G, οἰκειότεραν C. 20 ποιομέναις ex G, ποιοῦνται M, C.
21 χωρὶς G, χώραν C.

τοῦ μήπω πρότερον ὄντος, οἷον ἰσοπλεύρου τριγώνου
 σύστασιν, ἢ τετραγώνου δοθείσης εὐθείας ἀναγραφῇ,
 ἢ θέσιν εὐθείας πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ. ἄμεινον
 οὖν φασι λέγειν, ὅτι πάντα ταῦτά ἐστι, τὰς δὲ γενέ-
 5 σεις αὐτῶν οὐ ποιητικῶς ἀλλὰ γνωστικῶς ὁρῶμεν ὥσ-
 ανει γιγνόμενα λαμβάνοντες τὰ αἰεὶ ὄντα, ὥστε καὶ
 πάντα θεωρηματικῶς ἔροῦμεν ἀλλ' οὐ προβληματικῶς
 λαμβάνεσθαι. οἱ δὲ ἀνάπαλιν πάντα προβλήματα λέ-
 γειν, ἐδικαίουν ὥς οἱ περὶ Μέναιχμον μαθηματικοί,
 10 τὴν δὲ προβολὴν εἶναι διττὴν· ὅτε μὲν πορίσασθαι
 τὸ ζητούμενον, ὅτε δὲ περιωρισμένον λαβόντας ἰδεῖν
 ἢ τίς ἐστίν, ἢ ποῖόν τι, ἢ τί πέπονθεν, ἢ τίνας ἔχει
 πρὸς ἄλλο σχέσεις. καὶ λέγουσι μὲν ὀρθῶς ἀμφοτέ-
 ροι· καὶ γὰρ οἱ περὶ Σπεύσιππον καλῶς — οὐ γὰρ
 15 τοιαῦτά ἐστι τὰ προβλήματα γεωμετρίας, οἷα τὰ μη-
 χανικῆς· αἰσθητὰ γὰρ ταῦτα καὶ γένεσιν ἔχοντα καὶ
 παντοίαν μεταβολὴν — καὶ οἱ περὶ τὸν Μέναιχμον
 — οὐ γὰρ ἄνευ τῆς εἰς ὕλην προόδου καὶ αἱ τῶν
 θεωρημάτων εἰσὶν εὐρέσεις. λέγω δὲ ὕλην τὴν νοη-
 20 τήν. εἰς ἐκείνην οὖν οἱ λόγοι προϊόντες καὶ μορφοῦν-
 τες αὐτὴν εἰκότως δῆπου ταῖς γενέσεσιν ἐοικέναι λέ-
 γονται. τὴν γὰρ τῆς διανοίας ἡμῶν κίνησιν καὶ τὴν
 προβολὴν τῶν ἐν αὐτῇ λόγων γένεσιν || τῶν ἐν φαν-
 τασίᾳ σχημάτων εἶναι φαμεν καὶ τῶν περὶ αὐτὰ
 25 παθημάτων. ἐκεῖ γὰρ αἱ συστάσεις καὶ αἱ τομαὶ καὶ
 αἱ θέσεις καὶ αἱ παραβολαὶ καὶ αἱ προσθέσεις καὶ αἱ

2 ἢ ante τετραγώνου om. M. 3 εὐθείας πρὸς τῷ δο-
 θέντι σημείῳ ἢ ἀναγραφῇ ἢ θέσιν G, correxit C. 7 ὁροῦ-
 μεν G. 12 εἴ τις G, ἢ τίς C. || πόθεν G, πέπονθεν C.
 26 παραβολαὶ G, παραβολαὶ C. || προθέσεις M, G, προσ-
 θέσεις C.

ἀφαιρέσεις, τὰ δὲ ἐν τῇ διανοίᾳ πάντα ἔστηκεν ἄνευ γενέσεως καὶ πάσης μεταβολῆς.

Ἔστι μὲν οὖν καὶ προβλήματα γεωμετρικὰ | καὶ θεωρήματα, διότι δὲ θεωρία τὸ πλεονάζον ἐστὶν ἐν αὐτῇ, ὥσπερ ἐπὶ μηχανικῆς ποιήσεις, καὶ τὰ προβλή- 5 ματα πάντα μετέχει θεωρίας, οὐ μὴν ἀνάπαλιν· ὅλως γὰρ αἱ ἀποδείξεις θεωρίας εἰσὶν ἔργον. πάντα δὲ τὰ ἐν γεωμετρίᾳ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς δι' ἀποδείξεως λαμβάνεται, ὥστε κοινότερον τὸ θεωρήμα. οὐ πάντα δὲ τὰ θεωρήματα δεῖται τῶν προβλημάτων, ἀλλ' ἐστὶν 10 ἃ καὶ αὐτόθεν ἔχει τὴν ἀπόδειξιν τοῦ ζητουμένου. οἱ δὲ διορίζοντες τὸ θεωρήμα τοῦ προβλήματός φασὶ πᾶν μὲν πρόβλημα ἐπιδέχεσθαι τῶν κατηγορουμένων τῆς ἐν αὐτῷ ὕλης, αὐτό τε ἕκαστον καὶ τὸ ἀντικείμε- 15 νον, πᾶν δὲ θεωρήμα αὐτὸ μὲν ἐπιδέχεσθαι τὸ κατηγορούμενον, οὐ μέντοι καὶ τὸ ἀντικείμενον. λέγω δὲ ὕλην μὲν αὐτῶν τὸ γένος, περὶ οὗ ἡ ζήτησις, οἷον τρίγωνον ἢ τετράγωνον ἢ κύκλον, σύμπτωμα δὲ κατηγορούμενον τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκός, οἷον ἴσον ἢ τομὴν ἢ θέσιν ἢ ἄλλο τι τοιοῦτον. ὅταν οὖν προ- 20 τεῖνῃ τις οὕτως, εἰς κύκλον ἐντεῖναι τρίγωνον ἰσόπλευρον, πρόβλημα λέγει. δυνατόν γὰρ εἰς αὐτὸν ἐντεῖναι καὶ μὴ ἰσόπλευρον· καὶ πάλιν, ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον, πρόβλημα τὸ τοιόνδε· δυνατόν γὰρ συστή- 25 σασθαι καὶ μὴ ἰσόπλευρον. ὅταν δὲ τῶν ἰσοσκελῶν ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει προτεῖνῃ τις, θεωρήμα

1 ἀφορέσεις M. 15 αὐτὸ μὲν ἐπι- om. G. 24 ἐν-
στήσασθαι G, συστήσασθαι C. 25 στήσασθαι G, συστήσα-
σθαι C. 27 περὶ G, πρὸς C. 27 usque ad p. 80 2 προτεῖνῃ
τις . . . τῇ βάσει om. G.

φατέον αὐτὸν προτείνειν. οὐ γὰρ δυνατὸν καὶ μὴ
 ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει τῶν ἰσοσκελῶν· ὥστε εἴ
 τις προβληματικῶς σχηματίζας εἴποι, εἰς ἡμικύκλιον
 ὀρθὴν ἐντείνειν γωνίαν, ἀγεωμετρήτου δόξαν ἂν λάβοι.
 5 πᾶσα γὰρ ἡ ἐν ἡμικυκλίῳ ὀρθή ἐστιν. ἐφ' ὧν τοίνυν
 τὸ σύμπτωμα καθολικόν ἐστι καὶ πάσῃ τῇ ὕλῃ παρ-
 ομαρτοῦν, ταῦτα θεωρήματα λεκτέον, ἐφ' ὧν δὲ μὴ
 καθόλου μηδὲ τῷ ὑποκειμένῳ πάντως ἐπόμενον, πρό-
 βλημα τὸ τοιοῦτον θετέον. τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν πε-
 10 πειρασμένην δίχα τεμεῖν· καὶ γὰρ εἰς ἄνισα δυνατὸν
 — πᾶσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν· ἐστι γὰρ
 καὶ ἡ εἰς ἄνισα διαίρεσις — ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας
 ἀναγράψαι τετράγωνον· δυνατὸν γὰρ καὶ μὴ τετρά-
 γωνον — || καὶ πάντα, ὅσα τοιαῦτα, τῆς τῶν προβλη-
 15 μάτων ἐστὶν τάξεως. οἱ δὲ περὶ Ζηνόδοτον τὸν
 προσήκοντα μὲν τῇ Οἰνοπίδου διαδοχῇ, τῶν μαθη-
 τῶν δὲ Ἀνδρωνος, διώριζον τὸ θεώρημα τοῦ προ-
 βλήματος, ἧ τὸ μὲν θεώρημα ζητεῖ, τί ἐστὶ τὸ σύμ-
 πτωμα τὸ κατηγορούμενον τῆς ἐν αὐτῷ ὕλης, τὸ δὲ
 20 πρόβλημα, τίνας ὄντος τί ἐστὶν. ὅθεν καὶ οἱ περὶ
 τὸν Ποσειδώνιον τὸ μὲν ἀφωρίζοντο πρότασιν, καθ'
 ἣν ζητεῖται τὸ εἰ ἐστὶν ἢ μὴ, τὸ δὲ πρόβλημα πρότα-
 σιν, ἐν ᾗ ζητεῖται τί ἐστὶν ἢ ποῖόν τι, καὶ τὴν μὲν
 θεωρητικὴν πρότασιν ἔλεγον δεῖν ἀποφαντικῶς σχη-
 25 ματίζειν, οἷον πᾶν τρίγωνον μελίσους ἔχει τὰς δύο τῆς
 λοιπῆς, καὶ παντὸς ἰσοσκελοῦς αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι,
 τὴν δὲ προβληματικὴν, ὥσπερ ζητοῦντας, εἰ ἐστὶν ἐπὶ

4 ἂν λάβοι] ἀναλάβοι M, G, ἀναλάβει C. 10 δίχα εἰς
 ἴσα G. 11 δίχα εἰς ἴσα G. 15 Ζηνόδοτον G, 'Zenodotus'
 B, 'Zenodotum' Z. 17 διωρίζοντο mutatum a correctore in
 διορίζονται τὸ G, διορίζοντο τὸ C. 26 παν-
 τὸς] πᾶσαι τοῦ G. 27 τὴν μὲν G, τὴν δὲ C.

τῆςδε τῆς εὐθείας σύστησασθαι τρίγωνον. διαφέρειν γάρ, ἢ ἀπλῶς τε καὶ ἀορίστως ζητεῖν, εἰ ἔστι πρὸς ὀρθᾶς ἀπὸ τοῦδε τοῦ σημείου τῇδε [τῇ] εὐθείᾳ, ἢ τίς ἔστιν ἡ πρὸς ὀρθᾶς θεωρεῖν.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἔστι τις διαφορὰ τοῦ τε προβλήμα-⁵τος καὶ τοῦ θεωρήματος, ὁῦλον ἐκ τούτων, ὅτι δὲ καὶ ἡ Εὐκλείδου στοιχείωσις ἔχει τὰ μὲν προβλήματα τὰ δὲ θεωρήματα, φανερόν ἐσται τοῦτο διὰ τῶν καθ' ἑκαστον καὶ αὐτοῦ προστιθέντος ἐπὶ τέλει τῶν δεικνυμένων ὅπου μὲν τὸ „ὅπερ ἔδει ποιῆσαι“ ὅπου δὲ τὸ ¹⁰ „ὅπερ ἔδει δεῖξαι“, ὡς τῶν θεωρημάτων χαρακτηριστικόν, καίτοι, καθάπερ εἶπομεν, οὔσης καὶ ἐν τοῖς προβλήμασιν ἀποδείξεως, ἀλλ' ὅμως, ὅπου μὲν καὶ ἡ ἀπόδειξις τῆς γενέσεως χάριν — ἵνα γὰρ δείξωμεν, ὅτι πεποιήται τὸ προταχθέν, τὴν ἀπόδειξιν παραλαμ-¹⁵βάνομεν — ὅπου δὲ αὐτὴ δι' ἑαυτὴν ἔστιν σπουδῆς ἄξια τὴν φύσιν τοῦ ζητουμένου παριστάνειν δυναμένη. εὖροις δ' ἂν τὸν Εὐκλείδην τοτὲ μὲν συμπλέκοντα τὰ θεωρήματα τοῖς προβλήμασι καὶ παρὰ μέρος αὐτοῖς χρώμενον, ὡς ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ, τοτὲ ²⁰ δὲ πλεονάζοντα κατὰ τὰ ἕτερα. τὸ μὲν γὰρ τέταρτον ὅλον προβλημάτων ἐστί, τὸ δὲ πέμπτον θεωρημάτων.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων ἡμῖν εἰρήσθω μετὰ δὲ ταῦτα τὸν σκοπὸν ἀφορισάμενοι τοῦ πρώτου βιβλίου || καὶ τὴν διαίρεσιν παραστήσαντες ἀρξώμεθα ²⁵ τῆς περὶ τοὺς ὄρους πραγματείας. ἡ μὲν οὖν πρόθε-

2 ἡ ἔστι G. 3 τῇ δὲ M, G. || ἥτις ἔστιν G, ἥτις ἔστιν ἡ C.

11 ὡς om. G. 22 ὅτι τὸ Δ βιβλίον τῶν στοιχείων ὅλον προβληματικόν ἐστιν. ὅτι τὸ Ε βιβλίον τῶν στοιχείων ὅλον θεωρηματικόν ἐστιν. in margine inferiore prima ut videtur manu adscriptum M.

σίς ἐστὶν ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ τὰς ἀρχὰς παραδοῦναι
 τῆς τῶν εὐθυγράμμων θεωρίας. εἰ γὰρ καὶ φύσει
 κρείττων ὁ κύκλος καὶ ἡ περὶ αὐτὸν πραγματεία τῆς
 τῶν εὐθυγράμμων οὐσίας τε καὶ γνώσεως, ἀλλ' ἡμῖν
 5 προσήκουσα μᾶλλον ἡ περὶ τούτων διδασκαλία τοῖς
 ἀτελεστέροις καὶ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἐπὶ τὰ νοητὰ
 μεταγείν τὴν διάνοιαν σπεύδουσιν. καὶ γὰρ τοῖς μὲν
 αἰσθητοῖς οἰκεία τὰ εὐθύγραμμα σχήματα, τοῖς δὲ
 νοητοῖς ὁ κύκλος, διότι δὴ τὸ μὲν ἀπλοῦν καὶ μονο-
 10 εἰδὲς καὶ ὠρισμένον προσήκει τῇ φύσει τῶν ὄντων,
 τὸ δὲ ποικίλον καὶ ἀορίστως ἀξαναόμενον τῷ πλήθει
 τῶν περιεχουσῶν πλευρῶν διαφέρει τοῖς αἰσθητοῖς.
 ἐν τούτῳ δὴ οὖν τῷ βιβλίῳ τὰ πρῶτιστα καὶ ἀρχο-
 εἰδέστατα σχήματα τῶν εὐθυγράμμων | παραδίδονται,
 15 τό τε τρίγωνον λέγω καὶ τὸ παραλληλόγραμμον· ἐν
 γὰρ τούτοις ὥς ἐν γένει περιέχεται καὶ τὰ αἷτια τῶν
 στοιχείων, τό τε ἰσοσκελὲς καὶ τὸ σκαληνὸν καὶ τὰ
 συνιστάμενα ἐκ τούτων, τό τε ἰσόπλευρον τρίγωνον
 καὶ τετράγωνον, ἀφ' ὧν τὰ σχήματα τῶν τεττάρων
 20 στοιχείων ἔσχεν τὴν σύστασιν. εὐρήσομεν οὖν καὶ
 ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ τετραγώνου γένεσιν, τοῦ μὲν
 ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, τοῦ δὲ ἀπὸ τῆς δοθείσης.
 τὸ οὖν ἰσόπλευρον τρίγωνον προσεχὲς αἰτιὸν ἐστὶ
 τῶν τριῶν στοιχείων πυρὸς ἀέρος ὕδατος, τὸ δὲ τε-
 25 τράγωνον τῆς γῆς. συνήρηται δὴ οὖν ὁ σκοπὸς τοῦ

3 κρείττον C. || αὐτοῦ G. 6 ἀτελεστέραν G. 23 usque ad
 p. 86, 17 προσεχὲς τριχῇ διαστὰν id est quattuor in co-
 dice M paginarum contextum om. B, et G, nec C quidquam de
 hac re annotavit. 23 τρίγωνον om. B₁. 25 Terrae an-
 nexum est. Ac demum . . . convenit' B, 'terrae. Mun-
 dus igitur . . . dependet' Z, τῇ γῇ συνήρηται· δεῖται οὖν
 Kn. 111.

πρώτου βιβλίου πάση τῇ πραγματείᾳ καὶ συντελεῖ
πρὸς ὅλην τὴν τῶν κοσμικῶν στοιχείων θεωρίαν. ἔτι
δὲ καὶ στοιχειοτὸς τοὺς μαυθάνοντας εἰς τὴν περὶ τῶν
εὐθυγράμμων σχημάτων ἐπιστήμην τὰς πρώτας αὐτῶν
ἀρχὰς καλῶς ἀνευρὼν καὶ δι' ἀκριβείας καταδῆσά- 5
μενος.

Λήθεται δὲ τὸ βιβλίον εἰς τρία μέγιστα τμή-
ματα, καὶ τὸ μὲν πρῶτον τῶν τριγώνων τὰς γενέσεις
καὶ τὰς ιδιότητες ἐμφανίζει κατὰ τε γωνίας καὶ πλευ- 10
ράς καὶ ποιεῖται συγκρίσεις αὐτῶν πρὸς ἄλληλα καὶ 10
ἕκαστα ἐφ' ἑαυτοῦ θεωρεῖ. καὶ γὰρ ἐν τρίγωνον λα-
βὼν ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν πλευρῶν ἐπισκοπεῖ τὰς γωνίας,
ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν γωνιῶν τὰς πλευράς, ἰσότητός τε
πὲρι καὶ ἀνισότητος, καὶ δύο ὑποθέμενος τὰ αὐτὰ
πάλιν διὰ ποικίλων εὐρίσκει. τὸ δὲ δεύτερον τὴν 15
περὶ τῶν παραλληλογράμμων ἐξυφαίνει θεωρίαν, τὰς
τε ιδιότητας τῶν παραλλήλων καὶ τὰς γενέσεις τῶν
παραλληλογράμμων ἀναγράφον καὶ ἔτι τὰ συμπτώ-
ματα τὰ ἐν αὐτοῖς ἀποδεικνύς. τὸ δὲ τρίτον τὴν
κοινωνίαν τῶν τε τριγώνων καὶ τῶν παραλληλῶν 20
γράμμων || ἀναφαίνει, ἐν τε τοῖς συμπτώμασι καὶ ταῖς
πρὸς ἄλληλα συγκρίσεσι. καὶ γὰρ τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν
βάσεων καὶ ἴσων τρίγωνα ἢ παραλληλόγραμμα δεικνυ-
ται τὰ αὐτὰ πεπονθότα, καὶ μετὰ συμπλοκῆς ἀμφοτέ-

1 πάσης τῆς πραγματείας B₁. 7 ss. In margine inferiore
in M adscripta sunt haec:

ὅτι τριχῇ διαιρεῖται τὸ ᾧ βιβλίον

εἰς τὴν τῶν τρι-
γώνων γενέσιν

εἰς τὴν τῶν παρα-
λληλογράμμων θεω-
ρίαν

εἰς τὴν τῶν τριγώ-
νων τε καὶ παραλλη-
λογράμμων, κοινω-
νίαν καὶ συγκρίσιν.

ρων ἐπὶ μιᾷς ὄντων βάσεως, καὶ πῶς ἂν γένοιτο ἴσον
 τριγώνῳ παραλληλόγραμμον, καὶ τέλος περὶ τῶν ἀνα-
 γραφομένων ἐν τοῖς ὀρθογωνιαίοις τριγώνοις τετρα-
 γώνων ἀπὸ τῶν πλευρῶν τίνα ἔχει λόγον τὸ ἀπὸ τῆς
 5 ὑποτείνουσας τὴν ὀρθὴν πρὸς τὰ ἀπὸ τῶν περιεχο-
 σῶν αὐτῇ. τοιαῦτά δέ τις ἔστω καὶ ἡ πρόθεσις τοῦ πρώ-
 του βιβλίου τῆς στοιχειώσεως καὶ ἡ διαίρεσις.

Ἀρχὴν δὲ ποιούμενοι τῆς τῶν καθ' ἕκαστα ζητή-
 σεως προαγορεύομεν τοῖς ἐντετυχομένοις, μὴ ταῦτα
 10 παρ' ἡμῶν ἀπαιτεῖν ὅσα διατεθρύνηται τοῖς πρὸ ἡμῶν
 λημμάτια καὶ πτώσεις καὶ εἴ τι τοιοῦτο. τούτων μὲν
 γὰρ διακορεῖς ἐσμέν καὶ σπανίως αὐτῶν ἐφασόμεθα.
 ὅσα δὲ πραγματεωδεστέραν ἔχει θεωρίαν καὶ συντελεῖ
 πρὸς τὴν ὅλην φιλοσοφίαν, τούτων προηγουμένην
 15 ποιησόμεθα τὴν ὑπόμνησιν, ζηλοῦντες τοὺς Πυθαγο-
 ρεῖους, οἷς πρόχειρον ἦν καὶ τοῦτο σύμβολον „σχᾶμα
 καὶ βᾶμα, ἀλλ' οὐ σχᾶμα καὶ τριώβολον“ ἐνδεικνυμέ-
 νων, ὡς ἄρα δεῖ τὴν γεωμετρίαν ἐκείνην μεταδιώκειν,
 ἢ καθ' ἕκαστον θεώρημα βῆμα τίθῃσιν εἰς ἄνοδον
 20 καὶ ἀπαίρει τὴν ψυχὴν εἰς ὕψος, ἀλλ' οὐκ ἐν τοῖς αἰ-
 σθητοῖς καταβαίνειν ἀφίησιν καὶ τὴν σύνοικον τοῖς
 θνητοῖς χρεῖαν ἀποπληροῦν καὶ ταύτης στοχαζομένην
 τῆς ἐντεῦθεν περὶ αὐτῆς καταμελεῖν.

6—7 'Talis sit et Divisio' B. 'primi igitur libri elemen-
 tationis intentio et divisio est huiusmodi' Z. 13 πραγματε-
 ωδεστέραν M, πραγματοειδεστέραν B₁. 16 In margine supe-
 riore adscripta sunt in M haec: τί ἔλεγον οἱ Πυθαγόροι ἐπὶ
 τῆς γεωμετρίας· σχᾶμα καὶ βᾶμα ἀλλ' οὐ σχᾶμα καὶ τριώβο-
 λον. 18 γεωμετρίαν] 'Philosophiam' B, 'geometriam' Z.
 21 καταμίνειν B₁.

DEFINITIONES.

Def. I. *Σημεῖόν ἐστιν οὐ μέρος οὐθέν.*

Ὅτι μὲν κατὰ τὴν ἀπὸ τῶν συνθετωτέρων ἐπὶ τὰ ἀπλούστερα μετάβασιν ὁ γεωμέτρης ἀνέδραμεν, ἐκ μὲν τοῦ τριχῇ διεστῶτος εἰς τὴν τοῦτο περατοῦσαν ἐπιφάνειαν, ἐκ δὲ τῆς ἐπιφανείας εἰς τὸ ταύτης πέρας ⁵ τὴν γραμμὴν, ἐκ δὲ τῆς γραμμῆς εἰς τὸ πάσης διαστάσεως καθαρεῦον σημεῖον, εἴρηται πολλάκις καὶ παντὶ καταφανές. ἐπειδὴ δὲ τὰ πέρατα ταῦτα πολλαχοῦ μὲν διὰ || τὴν ἀπλότητα τῆς τῶν συνθέτων φύσεως εἶναι δοκεῖ σεμνότερα, πολλαχοῦ δὲ συμβεβηκόσιν ἔοικεν ¹⁰ ἐν τοῖς ὕφ' ἑαυτῶν περατουμένοις ἔχοντα τὴν ὑπαρξιν, διοριστέον τούτων ἑκάτερον, ἐν ποίοις γένεσι θεωρεῖται τῶν ὄντων. λέγω δὴ οὖν, ὅτι τὰ μὲν ἅλλα καὶ ἐν χωριστοῖς ὑφεστηκότα λόγοις καὶ εἵδεσιν αὐτοῖς ὕφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένοις αἰετὴν τῶν ἀπλουστεύων ¹⁵ ὑπόστασιν ἀρχικωτέραν προεστήσατο τῶν συνθετωτέρων καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἐν τῷ νῶ καὶ ἐν τοῖς μέσοις

Ante primam definitionem octo lineis vacuis relictis tamquam propositi operis initium fit in *M* ornamentis rubris et inscriptione rubra: ἀρχὴ τοῦ κειμένου.

7 παντὶ] 'omnino' *B*, 'omnifariam' *Z*. 11 ἔχειν *M*, postera manus supra lineas scripsit οντα, 'obtinere' *Z*, 'cum habeant existentiam' *B*.

διακόσμοις καὶ τοῖς ψυχικοῖς καὶ ἐν αὐταῖς ταῖς φύ-
 σεσι προσεχῶς ἐμπνεοῦσαι τὰ σώματα τῶν περατου-
 μένων τὰ περατοῦντα κατ' οὐσίαν ὑπερφέρει, καὶ
 ἐστὶν ἀμερέστερα καὶ ἐνοειδέστερα καὶ ἀρχικώτερα·
 5 τὸ γὰρ ἐν ἐν τοῖς αὐλοῖς εἰδεσι τοῦ πλήθους καὶ τὸ
 ἀμέριστον τοῦ πάντη προϊόντος καὶ τὸ ἀφορίζον τοῦ
 δεχομένου τὸν ὄρον ἀπ' ἄλλου τελειότερον. τὰ δ' αὖ
 ὕλης δεόμενα καὶ ἐν ἄλλοις ἐδραζόμενα καὶ τῆς ἐαν-
 τῶν οὐσίας ἐκστάντα καὶ σκιδνάμενα περὶ τὰ ὑποκεί-
 10 μενα καὶ τὴν ἔνωσιν ἐπέισακτον ἔχοντα τοὺς συνθε-
 τωτέρους λόγους ἔλαχεν τῶν ἀπλουστέρων. κατὰ
 τοῦτο τὰ ἐν φαντασίᾳ καὶ τῇ ὕλῃ τῶν φανταστῶν
 σχημάτων ἰνδαλλόμενα καὶ τὰ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ὑπὸ
 τῆς φύσεως ἀπογεννώμενα προηγουμένους ἔχει τοὺς
 15 τῶν περατουμένων λόγους, ἐπομένους δὲ τοὺς τῶν
 περατούντων καὶ οἷον ἐπεισοδιώδεις. ἵνα γὰρ τὸ τριχῇ
 διαστὰν μὴ εἰς ἄπειρον ἐκταθῇ μέγεθος ἢ κατὰ τὴν
 νόησιν ἢ κατὰ τὴν αἰσθησιν, δι' ἐπιφανείας παντα-
 χόθεν ἐπερατώθη, καὶ ἵνα μὴ τὸ ἐπίπεδον εἰς ἀορι-
 20 στίαν λάθῃ προελθόν, ἡ γραμμὴ περιέλαβεν αὐτὸ καὶ
 ὥρισεν ἐν αὐτῷ γενομένη, καὶ τὸ σημεῖον ὡσαύτως
 τὴν γραμμὴν, τῶν συνθέτων ἕνεκα τῶν ἀπλῶν ὑφιστα-
 μένων. καὶ γὰρ αὖ καὶ τοῦτο δηλόν, ὅτι ἐν μὲν τοῖς
 χωριστοῖς εἰδεσιν οἱ λόγοι τῶν περάτων ἐν ἑαυτοῖς
 25 εἰσὶν καὶ οὐκ ἐν τοῖς περατομένοισι, καὶ μένοντες,
 οἵπερ εἰσὶν, ὑποστατικοὶ γίνονται τῶν δευτέρων, ἐν
 δὲ τοῖς ἀχωρίστοις ὕλης ἐπιδεδώκασιν ἑαυτοὺς τοῖς

14 προηγουμένως *M*, 'praeerunt' *B*, 'praecipue' *Z*.

20 προέλαβεν *G*. 25—26 καὶ οὐκ . . . οἵπερ εἰσὶν om. *G*,
 add. *C*. 26 ὑποστατικοὶ καὶ οὐ γίνονται *G*, καὶ οὐ de-
 levit *C*. 27 ὕλης om. *B*, *G*; 'In inseparabilibus vero Formis' *B*,
 'quae a materia inseparabilia sunt' *Z*.

περατουμένοις καὶ ἐν ἐκείνοις ἰδρύνθησαν καὶ οἶον
 μέρη γερόνασιν ἐκείνων καὶ ἀνεπλήσθησαν τῶν χειρό-
 νων, ὅθεν δὴ καὶ τὸ ἀμερὲς ἐνταῦθα τῆς μεριστῆς
 οὐσίας καὶ τὸ ἀπλατὲς πλάτους μετέσχευ καὶ τὴν ἐαν-
 τῶν ἀπλότητα καὶ τὸ εἰλικρινὲς οὐκ ἔτι τὰ περατοῦντα ⁵
 φυλάξαι δεδύνηται. γενόμενα γὰρ ἐν ἄλλῳ συνηλ-
 λοίωται τῷ ὑποκειμένῳ. ἡ γὰρ ὕλη τὴν τούτων ἐπε-
 θόλωσεν ἀκριβειαν καὶ ὁ μὲν τοῦ ἐπιπέδου λόγος
 βαθύνει τὸ ἐπίπεδον, ὁ δὲ τῆς γραμμῆς ἀμυδρώσας
 τὴν ἐφ' ἐν διάστασιν πάντῃ γίνεται μεριστός, ὁ δὲ ¹⁰
 τοῦ σημείου σωματοειδῆς ἀποτελεῖται καὶ || συνδιίστα-
 ται τοῖς ὑφ' ἐαυτοῦ περατουμένοις. πάντες γὰρ εἰς
 ὕλην φεύσαντες, οἱ μὲν ἀπὸ διανοίας εἰς τὴν νοητὴν
 οἱ δὲ ἀπὸ τῆς φύσεως εἰς τὴν αἰσθητήν, ἀνεπλήσθη-
 σαν τῶν ὑποκειμένων καὶ τῆς αὐτῶν ἀπλότητος ἐξ- ¹⁵
 ἔστησαν εἰς ἀλλοτριὰς συνθέσεις τε καὶ διαστάσεις.
 ἀλλὰ πῶς ἐν τῷ νῷ καὶ ἐν τῇ ψυχῇ πάντων ἀμερῶς
 ὄντων καὶ ἀδιαστάτως ἐν τῇ ὕλῃ τὰ μὲν προηγουμέ-
 νως ἐμερίσθη τὰ δὲ διὰ τὴν ἐκείνης φύσιν; ἢ καὶ
 τοῖς αὐτοῖς εἶδεσι τάξιν ἐστὶ πρώτων τε καὶ μέσων ²⁰
 καὶ τελευταίων, καὶ τὰ μὲν ἐνοειδέστερα τῶν εἰδῶν
 ἐστὶ, τὰ δὲ πληθύνεται μᾶλλον, καὶ τὰ μὲν συνεσπει-
 ραμένως ἔχει τὰς ἐαυτῶν δυνάμεις, τὰ δὲ εἰς διάστασιν
 σπενδουσας, καὶ τὰ μὲν πρὸς τοῦ πέρατός ἐστι, τὰ δὲ
 πρὸς τῆς ἀπειρίας; εἰ γὰρ καὶ πάντα μετέχει τῶν δύο ²⁵

4 καὶ τὴν] κατὰ τὴν G. 6 γενόμενα] κινούμενον G,
 γενόμενον C. 7 Post ὑποκειμένῳ repetit M verba: καὶ τὴν
 ἐαυτῶν ἀπλότητα καὶ τὸ εἰλικρινὲς οὐκ ἔτι τὰ περατοῦντα
 φυλάξαι δεδύνηται. || ἀπεθόλωσεν G. 13—14 In margine M:
 τὴν φαντασίαν λέγει. 14 ἀνεπλήσθησαν εἰς τὴν τῶν G.
 19 ἐκείνων M, sed supra ὧν compendium syllabae ης, ἐκείνων
 B₃, G, 'eius' B, 'illorum' Z. 22 πληθύνεται G, πληθύνεται C.
 25 τὰς ἀπειρίας M, C, 'Infinatati' B, 'in infinitatem' Z.

τούτων ἀρχῶν, ἀλλὰ τὰ μὲν τῆς ἐτέρας ἐστὶν ἔκγονα
 καὶ πλεόν ταύτης μετέλληχεν, τὰ δὲ τῆς λοιπῆς. τὸ
 μὲν οὖν σημεῖον ἀμερὲς ἐκεῖ πάντη, εἰ καὶ κατὰ τὸ
 πέρας ὑφέστηκεν, ἔχει δὲ τὴν ἄπειρον δύναμιν κρυ-
 5 φίως, καθ' ἣν καὶ γεννᾷ πάντα τὰ διαστήματα. καὶ
 ἡ πρόοδος τῶν διαστημάτων πάντων οὐκ ἐξελλίττει τὴν
 ἄπειρον ἐκείνου δύναμιν, τὸ δὲ σῶμα καὶ ὁ τοῦ σώ-
 ματος λόγος τῆς ἀπείρου μειζόνως μετέχει φύσεως,
 διὸ καὶ τῶν ἀλλαχόθεν περατουμένων ἐστὶν καὶ τῶν
 10 ἐπ' ἄπειρον διαιρετῶν κατὰ πάσας τὰς διαστάσεις.
 τὰ δ' αὖ μεταξὺ τούτων κατὰ τὴν τῶν ἄκρων ἀπό-
 στασιν ἢ τῶν κατὰ τὸ πέρας ἐστὶ πλεοναζόντων ἢ
 τῶν τῆς ἀπειρίας ἀπολελανκόντων. διὸ καὶ περατοὶ
 καὶ περατοῦται, καθ' ὅσον μὲν ἐκ τοῦ πέρατος ὑφ-
 15 ἔστηκεν ἄλλα δυνάμενα περατοῦν, καθ' ὅσον δ' αὖ
 μετέχει τῆς ἀπειρίας ὀρίζεσθαι παρ' ἄλλων δεόμενα.
 πέρας οὖν καὶ τὸ σημεῖον ὑπάρχον ἐν τῇ μεθέξει τὴν
 οἰκείαν διαφυλάττει δύναμιν, ἔχον δὲ τὴν ἀπειρίαν
 κρυφίως καὶ πανταχοῦ παρεῖναι τοῖς ὑφ' ἑαυτοῦ
 20 περατουμένοις ἐπειγόμενον ἀπειραχῶς ἐστὶν ἐν αὐτοῖς,
 καὶ ἐπεὶ δύναμις ἦν ἐκεῖ τὸ ἄπειρον γεννητικὴ τῶν
 διαστατῶν, δυνάμει γέγονεν ἐν τοῖς μετέχουσιν. καὶ
 γὰρ ἡ ἀπειρία παρ' ἐκείνοις μὲν, τοῖς νοητοῖς λέγω,
 πρωτουργὸς ἦν αἰτία καὶ γόνιμος τῶν ὅλων δύναμις,
 25 ἐν δὲ τοῖς ἐνύλοις ἀτελες καὶ δυνάμει μόνον οὕσα τὰ
 πάντα. καὶ ὥς συνελόντι φάναι τὰ δι' ἀπλότητα καὶ
 ἀμέρειαν ἐν ταῖς ἀρχαῖς ὑπεριδρυμένα τῶν εἰδῶν ἐν
 ταῖς μεθέξεσι φυλάττει μὲν ὥς πέφυκε τὴν ἑαυτῶν

11 ὑπόστασιν G, ἀπόστασιν C. 15 ἀλλὰ G, ἄλλα C.
 17 μεγέθει C. 19 κρυφίαν C. 20 ἑαυτοῖς C. 27 ὑπερ-
 ιδρυμένη G, ὑπεριδρυμένα C.

ιδιότητα, καταδεέστερα δὲ τῶν συνθετωτέρων γενόμενα λόγων. καὶ γὰρ ἡ ὕλη τούτων τρανέστερον μετέχειν δύναται καὶ πρὸς ταῦτα μᾶλλον ἢ πρὸς ἀπλουσιτάτας τῶν ὄντων αἰτίας παρεσκευάσται. || διὸ τῶν μὲν ἐξηρημένων ἀρχῶν ^{νεκρὰ} ἴχνη ^{καὶ} κάτεισιν εἰς αὐτήν, τῶν 5 δὲ δευτέρων καὶ τρίτων αἱ μεταδόσεις ἐναργέστεραι προφαίνονται. μᾶλλον οὖν μετέσχε τῆς τοῦ σώματος αἰτίας ἢ τῆς τοῦ ἐπιπέδου, καὶ ταύτης μᾶλλον ἢ τοῦ εἶδους τῆς γραμμῆς, καὶ τούτου μειζόνως ἢ τοῦ πάντα περατοῦντος ταῦτα σημείου καὶ συνέχοντος. ὁ γὰρ 10 τοῦ σημείου λόγος πάσης ταύτης ἐξηγείται τῆς σειρᾶς καὶ πάντα ἐνοῖ τὰ μεριστὰ καὶ συνέχει καὶ ὁρίζει τὰς προόδους αὐτῶν καὶ παράγει πάντα καὶ περιλαμβάνει πανταχόθεν. διὸ καὶ ἐν ταῖς εἰκόσιν ἄλλα μὲν ἄλλων πέρατα, πάντων δὲ τὸ σημεῖον. ὅτι δὲ οὐ δεῖ νομί- 15 ζειν κατ' ἐπίνοιαν ψιλὴν ὑφεστάναι τὰ τοιαῦτα πέρατα, λέγω | τῶν σωμάτων, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοιᾶς ὑπέλαβον, ἀλλ' εἶναι τινὰς φύσεις ἐν τοῖς οὐσι τοιαύσδε καὶ λόγους αὐτῶν προεστάναι δημιουργικούς, ἀναμνησθείημεν ἂν εἰς τὸν ὅλον κόσμον ἀποβλέψαν- 20 τες καὶ τὰς ἐν αὐτῷ ^{περιφορὰς καὶ τὰ κέντρα τῶν περιφορῶν} περιφορὰς καὶ τὰ κέντρα τῶν περιφορῶν καὶ τοὺς δι' ὅλων αὐτῶν διήκοντας ἄξονας. τὰ τε γὰρ κέντρα κατ' ἐνέργειαν ὑφέστηκε συνεκτικὰ τῶν σφαιρῶν ὑπάρχοντα καὶ ἐνίζοντα τὰς διαστάσεις αὐτῶν καὶ σφίγγοντα τὰς δυνάμεις τὰς ἐν αὐταῖς καὶ 25 συνερείδοντα πρὸς ἑαυτά, καὶ οἱ ἄξονες συνελίσσουσιν αὐτάς καὶ περιάγουσιν, αὐτοὶ μονίμως ἡδρασμένοι, καὶ περὶ ἑαυτοὺς ἀνακυκλοῦσιν. καὶ μὴν καὶ οἱ πόλοι

4 παρασκευασθαι G, παρεσκευασθαι C. 7 σώματος M, B, στήματος G, 'Corporis' B, Z. 9 τούτο μειζόνως ἢ M. 23 συν-
ακτικά C. 25 τὰς ante ἐν αὐταῖς om. G, add. C. 27 ἰδρυμένοι G.

τῶν σφαιρῶν καὶ αὐτοὺς τοὺς ἄξονας ἀφορίζοντες
καὶ τὰς ὅλας περιφορὰς ἀφ' ἑαυτῶν συνέχοντες πῶς
οὐχὶ δηλοῦσιν ἐναργῶς, ὅτι τὰ σημεῖα δημιουργικὰς
ἔχει καὶ συνεκτικὰς δυνάμεις καὶ τελειωτικὰς τῶν
5 διεστώτων πάντων ἐνώσεώς τε χορηγούς καὶ τῆς ἀπαύ-
στου κινήσεως; ὁθεν δὴ καὶ ὁ Πλάτων ἀδαμαντί-
^{καὶ ἄλλοι} νην αὐτῶν τὴν ὑπόστασιν εἶναι φησιν, τὸ ἄτρεπτον
καὶ διαωνίζον καὶ μόνιμον καὶ ὡσαύτως ἔχον τῆς
οὐσίας αὐτῶν ἐνδεικνύμενος. τὸν τε ^{ἀπύκτου} ~~ἀτρεπτον~~ ὅλον
10 περὶ αὐτὰ κινεῖσθαι φησιν καὶ περιχορεύειν αὐτῶν
τὴν ἔνωσιν. ἄλλοι δὲ ἀπορρητότεροι λόγοι καὶ τὸν
δημιουργὸν ἐφεστάναι τῷ κόσμῳ λέγουσιν τοῖς πόλοις
ἐποχούμενον καὶ δι' ἔρωτος θείου τὸ πᾶν ἐπιστρέ-
φοντα πρὸς ἑαυτόν. οἱ δέ γε Πυθαγόρειοι τὸν μὲν
15 πόλον σφραγίδα τῆς Ῥέας ἀποκαλεῖν ἡξίουσαν ὥς τῆς
ζωογόνου θεότητος ἄρρητον καὶ δραστήριον δύναμιν
εἰς τὸ πᾶν διὰ τούτου προιεμένης, τὸ δὲ κέντρον Ζα-
νὸς φυλακὴν, διότι δημιουργικὴν φρουρὰν ὁ Ζεὺς
τοῖς κόλοις ἐντιθεὶς τοῦ κόσμου περὶ τὸ μέσον αὐ-
20 τὴν σταθερῶς ἥδρασεν. τοῦ γὰρ κέντρον μένοντος
καὶ τὸ πᾶν ἀσάλευτον ἔχει τὴν διακόσμησιν καὶ ἄπαυ-
στον τὴν περιφορὰν, καὶ μένει πάντα φυλάττοντα
τὴν ἑαυτῶν τάξιν ἀμετάστατον, οἳ τε πολοκράτορες
θεοὶ συναγωγὸν τῶν διηρημένων καὶ ἐνοποιὸν τῶν
25 πεπληθυσμένων κεκλήρωνται δύναμιν, καὶ οἱ τοὺς ||
ἄξονας λαχόντες συνελάνουσι τὰς περιφορὰς καὶ

2 ἄλλας G, ὅλας C. 5 ἀπύκτου om. G, ἀπαντοῦ M,
ἀπ' αὐτοῦ C, 'incessabilis' B, 'indesinantis' Z. 13 ἐπιστρέ-
φοντες G. 15 ὥς τὴν τῆς G. 16 ζωγόνου C. 17 τοῦ-
των G, per haec B. || ξηνός G. 23 ἀμετάστατον M, ἀμετά-
στατοι C. || πολοκράτορες C, 'qui Polis assistant' B, 'polo
dominantes' Z.

διαίωνίως ἀνακυκλοῦσι. καὶ εἰ με δεῖ τοῦμὸν εἰπεῖν, τὰ μὲν κέντρα πασῶν τῶν σφαιρῶν καὶ οἱ πόλοι σύμβολα τῶν λυγρικῶν εἰσι θεῶν τὸ ἄγνωστον ἐκείνων καὶ ἐνωτικὸν ἀπεικονισμένοι σύνθημα, οἱ δὲ ἄξονες τὰς συνοχὰς τῶν ὅλων διακόσμων ἀποτυποῦνται καὶ 5 αὐτοὶ συνεκτικοὶ τῶν ἐγκοσμίων εἰσιν ὁλοτήτων καὶ τῶν περιόδων, ὥσπερ ἐκεῖνα τῶν νοερῶν, αὐταὶ δὲ αἱ σφαῖραι τῶν τελεσιουργῶν θεῶν εἰκόνες εἰσὶν ἀρχὴν τέλει συνάπτουσai καὶ πάντων σχημάτων ἀπλότητι καὶ ὁμοιότητι καὶ τελειότητι διαφέρουσαι. 10

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλέον προηγάγομεν εἰς ἐνδειξιν τῆς τῶν ἀμερῶν καὶ ὅλως τῶν ἐν τῷ κόσμῳ περάτων δυνάμεως, καὶ ὅτι ταῦτα καθόσον εἰκόνα φέρει τῶν πρώτων καὶ ἀρχικωτάτων αἰτίων μεγίστην ἐν τῷ παντὶ κεκλήρωται τάξιν. οὐ γὰρ τοιαῦτα πέρατά 15 ἐστὶν τὰ κέντρα καὶ οἱ πόλοι, οἷα τὰ τῶν περατουμένων, ἀλλὰ κατ' ἐνέργειαν ἴδρυνται καὶ ὑπαρξὶν ἔχει καὶ δύναμιν αὐτοτελῇ καὶ διήκουσαν διὰ πάντων τῶν μεριστῶν. οἱ δὲ πολλοὶ τὰ ἐν τοῖς περατουμένοις αὐτοῖς ἀτελεῶς ὑφεστηκότα θεωροῦντες ἀμυδρὰν αὐτῶν 20 οἰοῦνται τὴν ὑπόστασιν εἶναι καὶ οἱ μὲν κατ' ἐπίνοιαν μόνην χωρίζεσθαι φασιν αὐτὰ τῶν αἰσθητῶν, οἱ δὲ μὴδὲ ἀλλαχοῦ που τὴν οὐσίαν ἔχειν ἢ ἐν ταῖς ἡμετέραις ἐπινολαῖς. ἐπεὶ δὲ ἔστι μὲν καὶ ἐν τῇ νοερᾷ φύσει τὰ εἶδη τούτων πάντων, ἔστι δὲ καὶ ἐν τοῖς ψυχι- 25 κοῖς διακόσμοις, ἔστι δὲ καὶ ἐν τῇ φύσει καὶ ἐν τοῖς σώμασιν ἐσχάτως, νοήσωμεν, ὅπως κατὰ τὴν ἐν αὐτοῖς τάξιν καὶ τὴν ὑπόστασιν ἔλαχεν ἐν τοῖς γένεσιν τῶν

13 δυνάμεων G.

14 τὴν μεγίστην G.

22 αὐτὰ φα-

σιν G. 25 τούτων πάντων] πάντων om. G, τούτων om. C,

'horum omnium' Z, B.

27 ἐσχάτοις G, ἐσχάτως C.

ὄντων. καὶ πάντα μὲν ἐν νῶ προυφέστηκεν, ἀλλ'
 ἀμερίστως καὶ ἐνοειδῶς, ὥστε πάντα καθ' ἐν εἶδος
 ὑφεστάναι κατὰ τὸν τοῦ σημείου λόγον κρυφίως ἔχοντα
 καὶ ἀμερῶς [πάντα] — πάντα δὲ ἐν ταῖς ψυχαῖς, ἀλλὰ
 5 κατὰ τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος
 ἐκ τῶν εὐθειῶν καὶ τῶν περιφερῶν γραμμῶν ὑπεστή-
 σατο τὴν ψυχὴν· καὶ γὰρ τῶν κύκλων ἕκαστος γραμμὴ
 ἐστὶ μόνον — πάντα δὲ ἐν ταῖς φύσεσιν, ἀλλὰ κατὰ
 τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον. διὸ καὶ ὁ Πλάτων τοὺς
 10 φυσικοὺς λόγους τοὺς ὑποστατικοὺς τῶν σωμάτων διὰ
 τῶν ἐπιπέδων ἡξίου δηλοῦν, καὶ ἡ τῶν σωμάτων εἰς
 τὰ ἐπίπεδα ἀνάλυσις ἐπὶ τὴν αἰτίαν ἡμᾶς περιῆγε τὴν
 προσεχῇ τῶν φαινομένων — πάντα μὲν καὶ ἐν τοῖς
 σώμασιν, ἀλλὰ σωματοειδῶς κατὰ τὴν μεριστὴν φύσιν
 15 τῶν σωμάτων, πάντων ἐν αὐτοῖς ὑφεστώτων τῶν
 εἰδῶν. πάντα ἄρα πανταχοῦ καὶ ἕκαστα κατὰ τὴν
 οἰκείαν τάξιν ἐκφαίνεται καὶ ἡ ἐξαλλαγὴ παρὰ τὴν
 ἐπικρατοῦσαν δύναμιν, καὶ πανταχοῦ μὲν τὸ σημεῖον
 ἀμερὲς καὶ τῶν μεριστῶν διαφέρων ἀπλότητι, κατὰ δὲ
 20 τὴν ὑφ᾽ ἑσιν τῶν ὄντων || καὶ τοῦτο τὴν ἐξηρημένην
 ἔλαχεν τῶν μεριστῶν ὑπόστασιν καὶ ὅπου μὲν παντε-
 λῶς αὐτῶν ὑπερίδρυνται κατὰ τὴν τῆς αἰτίας ὑπεροχὴν,
 ὅπου δὲ συντέτακται αὐτοῖς, ὅπου δὲ ἐπεισοδιώδη τὴν
 ὑπαρξὶν ἐν αὐτοῖς ἐκλή | ρώσατο καὶ οἶον καταπινό-
 25 μενον ὑπὸ τοῦ μερισμοῦ τῶν ἐσχάτων ἐκλύει τὴν οἰ-
 κείαν ἀμέρειαν. καθάπερ οὖν ἡ μονὰς ἄλλη μὲν ἡ
 γεννητικὴ τῶν ἀριθμῶν, ἄλλη δὲ ὡς ὕλη τοῖς ἀριθμοῖς

3 κατὰ τὸν] καὶ τὸν M, B_3, G ; in M in margine adscripta
 sunt: γρ. κατὰ τὸν τοῦ σημείου λόγον κρυφίως ὄντα καὶ ἀμερῶς,
 'iuxta Signi rationem' B, Z . || κρυφίον ὄντα B_3, G , 'quae occulte
 existet' B , 'latenter . . . existentia' Z . 4 ἀμερῶς ἔχοντα C .

16 ἕκαστον G . 19 τὸ μεριστὸν G . 26 ἐπιμερεῖαν G .

ὑπεστρωμένη, καὶ ἀρχὴ μὲν ἑκατέρω καὶ οὐχ ὅπερ ἀριθμός, ἄλλον δὲ τρόπον ἀρχὴ καὶ ἄλλον — κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ σημεῖον οὐ μὲν ὑποστατικόν ἐστι τῶν μεγεθῶν, οὐ δὲ ἄλλως ἀρχὴ καὶ οὐ κατα τὴν γεννητικὴν αἰτίαν. 5

Ἄρ' οὖν τὸ σημεῖον μόνον ἀμερές; ἢ καὶ τὸ νῦν τοιοῦτον ἐν χρόνῳ καὶ ἡ μονὰς ἐν τοῖς ἀριθμοῖς; ἢ τῷ μὲν φιλοσόφῳ περὶ πάντων ποιουμένων τῶν ὄντων λόγους πάντα μὲν τὰ ὅπως οὖν μεριστὰ προσήκει θεωρεῖν, πᾶσας δὲ τὰς τῶν ἀμερῶν ὑποστάσεις τὰς τούτων 10 ἀρχικάς, τῷ δὲ τῶν καθ' ἕκαστα ἐπιστήμονι ἀπὸ τινων ὀρισμένων ἀρχῶν προσάγοντι τὴν θεωρίαν καὶ μέχρις ἐκείνων ἀνατρέχοντι, τὰς δὲ προόδους τῶν ὄντων οὐ περιεργαζομένων, ταύτην μόνην ἐπιβάλλει καὶ σκοπεῖν καὶ παραδιδόναι τὴν ἀμερῇ φύσιν; ἢ ταῖς αὐτοῦ δια- 15 φέρει πρωτίσταις ἀρχαῖς καὶ ταύτην ὁρᾷ τὴν ἀπλότητα τὴν τῶν ὑποκειμένων αὐτῷ γνωστῶν ἐξηγουμένην; μόνον οὖν τὸ σημεῖον ἀμερές κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ὕλην καὶ ἡ μονὰς κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν, καὶ ὁ τοῦ σημείου λόγος, εἰ καὶ πρὸς ἄλλον ἀτελής, ἀλλὰ 20 πρὸς γε τὴν παροῦσαν ἐπιστήμην τέλειος, ἐπεὶ καὶ ὁ ἱατρὸς στοιχεῖα τῶν σωμάτων πῦρ καὶ ὕδωρ λέγει καὶ τὰ τούτοις ὅμοια. καὶ ἡ ἀνάλυσις αὐτῶν μέχρι τούτων. ἀλλ' ὁ γε φυσικὸς ἐπ' ἄλλα μέτεσι τὰ τούτων ἀπλούστερα καὶ ὁ μὲν ὀρίζεται στοιχεῖον τὸ πρὸς αἰ- 25 σθησιν ἀπλοῦν ὁ δὲ τὸ πρὸς τὸν λόγον ἀπλοῦν, καὶ ἑκάτερος ὁρθῶς πρὸς γε τὴν οἰκείαν ἐπιστήμην. μὴ

2 ἀρχή om. G. 3—4 οὐ μὲν . . . οὐ δὲ G, οὐ μὲν . . . οὐ δὲ C. 10 τῶν ἀμερῶν M, τῶν μερῶν B, G, 'partium' B, 'impartibilium' Z. 14 ἐπιβάλλειν G. 16 ὁρᾷ G, ὁρᾷ C. 20 ἄλλον M, B, G, ἄλλ' C, 'apud alium' B, 'ad aliud' Z. 23 ἢ om. G.

τοίνυν μηδὲ τὸν ὄρον τοῦ σημείου διημαρτῆσθαι νομίζωμεν μηδὲ ἀτελῇ θώμεθα αὐτὸν εἶναι. πρὸς γὰρ τὴν γεωμετρικὴν ὕλην καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς ταύτης ἱκανῶς ἀποδέδεται. μόνον γὰρ οὐχὶ λέγει σαφῶς, ὅτι τὸ ἀμε-
 5 ρὲς κατ' ἐμὲ σημεῖόν ἐστι καὶ ἡ ἐμὴ ἀρχή, καὶ τὸ ἀπλούστατον οὐδὲν ἄλλο ἐστὶν ἢ τοῦτο, καὶ οὕτω προσήκει τοῦ γεωμέτρου λέγοντος ἀκούειν.

Ὁ μὲν οὖν Εὐκλείδης διὰ τῆς ἀποφάσεως τῶν
 μεριστῶν ἐσήμηνεν ἡμῖν τὴν ἀρχὴν πάσης τῆς ὑπο-
 10 κειμένης αὐτῷ φύσεως εἰς θεωρίαν. καὶ γὰρ οἱ ἀπο-
 φατικοὶ λόγοι προσήκουσι ταῖς ἀρχαῖς, ὥς ὁ Παρμε-
 νίδης ἡμᾶς ἀναδιδάσκει τὴν τε πρωτίστην αἰτίαν καὶ
 τὴν ἐσχάτην διὰ μόνων τῶν ἀποφάσεων παραδούς.
 πᾶσα γὰρ ἀρχὴ τῶν ἀπ' αὐτῆς καθ' ἑτέραν οὐσίαν
 15 ὑφέστηκεν καὶ αἱ τούτων ἀποφάσεις τὴν ἐκείνης ἡμῖν
 δηλοῦσιν || ἰδιότητα. τὸ γὰρ αἰτιον μὲν τούτων, οὐδὲν
 δὲ τούτων ὑπάρχον, ὧν αἰτιόν ἐστι, γνώριμον πῶς
 γίνεται διὰ τοῦ τρόπου τούτου τῆς διδασκαλίας.

Ἴσως δ' ἂν τις ἀπορήσειεν, πῶς πάντα μορφωτι-
 20 κῶς καὶ μεριστῶς τῆς φαντασίας δεχομένης ἀμερές τι
 σημεῖον ὁ γεωμέτρης ἐν αὐτῇ θεωρεῖ. μὴ γὰρ ὅτι
 τοὺς ἐν διανοίᾳ λόγους, ἀλλὰ καὶ τὰς τῶν νοερῶν καὶ
 θείων εἰδῶν ἐμφάσεις ἡ φαντασία κατὰ τὴν οἰκείαν
 δέχεται φύσιν, τῶν μὲν ἀμόρφων μορφὰς τῶν δὲ
 25 ἀσχηματίστων σχήματα προτείνουσα. πρὸς δὲ ταύτην
 τὴν ἀπορίαν λέγομεν, ὅτι τῆς φανταστικῆς κινήσεως
 τὸ εἶδος οὔτε μεριστόν ἐστι μόνον οὔτε ἀμέριστον,

2 τὴν om. G. 4 ἀποδέδεικται G. 9 μερῶν G, μερι-
 στῶν C. || τὴν om. G. 11 ὁ περὶ Μενίδης G, ὁ παρμενίδης C.
 15 αἱ om. G, add. C. || ἐκείνων G. 20 ἀμερές το H₂
 p. 275. 22 καὶ τὰς] τοὺς G. 25 ἀσχημάτων G. 26 λέ-
 γωμεν G.

ἀλλ' ἐκ τοῦ ἀμερίστου πρόεισιν εἰς τὸ μεριστὸν καὶ
ἐκ τοῦ ἀμόρφου εἰς τὸ μεμορφωμένον. εἴτε γὰρ με-
ριστὴ μόνον ἦν, οὐκ ἂν τοὺς πολλοὺς τύπους τῶν
εἰδῶν ἐν ἑαυτῇ σώζειν ἡδύνατο τῶν ἐπεισιόντων ἀμυ-
δρύνοντων τοὺς πρὸ αὐτῶν, καθότι τῶν σωμάτων οὐδὲν 5
ἅμα καὶ κατὰ τὸ αὐτὸ πολλοῖς κατέχεται σχήμασιν,
ἀλλὰ διὰ τῶν δευτέρων ἀφανίζεται τὰ πρότερα, εἴτε
ἀμέριστος, τῆς διανοίας οὐκ ἂν ἦν καταδεστέρα καὶ
τῆς ἐν ἀμερεὶ πάντα θεωρούσης ψυχῆς, οὐδ' ἂν μορ-
φωτικὰς ἐποιεῖτο τὰς ἐνεργείας. ἀνάγκη δὴ οὖν αὐτὴν 10
ἄρχεσθαι μὲν ἐκ τοῦ ἀμεροῦς κατὰ τὴν κίνησιν καὶ
προβάλλειν ἐκείθεν τὸ συνεσπειραμένον εἶδος ἐκάστου
τῶν εἰς αὐτὴν ἡκόντων γνωστῶν, ἀπολήγειν δὲ εἰς
μορφὴν καὶ σχῆμα καὶ διάστασιν. εἰ τοίνυν τοιαύτην
ἔλαχεν φύσιν, ἔστι πως ἐν αὐτῇ καὶ τὸ ἀμέριστον, καὶ 15
κατ' ἐκεῖνο τὴν οὐσίαν ἔχειν μάλιστα τὸ σημεῖον
λεκτέον. καὶ γὰρ τὸ τῆς γραμμῆς εἶδος κατ' ἐκεῖνο
συνηρημένως ἐστὶν ἐν αὐτῇ. διττὴν οὖν συνέχουσα
δύναμιν, ἀμέριστον καὶ μεριστήν, ἔχει καὶ τὸ σημεῖον
ἀμερῶς καὶ τὰ διαστήματα μεριστῶς. 20

Ἐπεὶ δὲ καὶ οἱ Πυθαγόρειοι τὸ σημεῖον ἀφορί-
ζονται μονάδα προσλαβοῦσαν θέσιν, σκεπτέον τί ποτε
νοοῦντες λέγουσιν. ὅτι μὲν οὖν οἱ ἀριθμοὶ τῶν μεγε-
θῶν ἀνλότεροι καὶ καθαρώτεροι, καὶ ὅτι τῶν ἀριθμῶν
ἡ ἀρχὴ τῆς τῶν μεγεθῶν ἐστὶν ἀπλουστέρα, παντὶ 25
καταφανές. ἀλλ' ὅταν λέγωσι τὴν μὲν μονάδα θέσιν

2 μορφούμενον G, μεμορφωμένον H₁, p. 452, H₂ p. 275. ||
εἴτε] εἰ H₂ p. 275. 4 (ἀμυδρῶς τῶν) H₂. 9 μορφωτικῶς H₂.

11 ἀμερῶς G. 12 συνεσπειραμένον G. B₃ = M. 'consatam con-
spersamve', in margine autem 'convolutam' B, 'consersam' Z.

15 ἔλαχον C et M prima manu, postera ε supra o scripsit.

18 συνηρημένον G. 26 ὅτε G, ὅταν C.

ἔχουσιν, ἐνδείκνυσθαι μοι δοκοῦσιν, ὥς ἄρα ἡ μὲν
 μονὰς καὶ ὁ ἀριθμὸς ἐν δόξῃ τὴν ὑπόστασιν κέκτῃται,
 λέγω δὲ τὸν μοναδικὸν ἀριθμόν. διὸ καὶ τῶν ἀριθ-
 μῶν ἕκαστος εἰς ἐστίν, οἷον ὁ πέντε καὶ ὁ ἐπτά, καὶ
 5 οὐ πολλοὶ καθ' ἑκάστην ψυχὴν, καὶ σχήματος καὶ μορ-
 φῆς ἐπεισοδιώδους καθαρεύουσι. τὸ δὲ σημεῖον ἐν |
 φαντασίᾳ προτείνεται καὶ οἷον ἐν τόπῳ γέρονεν, καὶ
 ἐνυλόν ἐστι κατὰ τὴν νοητὴν ὕλην. ἄθετος οὖν ἡ
 μονὰς ὥς ἄυλος καὶ παντὸς ἕξω διαστήματος καὶ τό-
 10 που. || Θέσιν δὲ ἔχει τὸ σημεῖον ὥς ἐν τοῖς φαντασίᾳς
 κόλποις ἰνδαλλόμενον καὶ ἐνυλον. διὰ δὲ τὴν κοινω-
 νίαν τῶν ἀρχῶν καὶ ἡ μονὰς στιγμῆς ἀπλουστέρα.
 κατὰ γὰρ τὴν θέσιν ἐπλεόνασεν ἡ στιγμή τῆς μονά-
 δος, αἱ δὲ προσθέσεις ἐν τοῖς ἀσωμάτοις ὑφέσεις ἀπο-
 15 τελοῦσι τῶν τὰς προσθήκας δεχομένων.

Def. II. Γραμμὴ δὲ μῆκος ἀπλατές.

Δευτέραν ἔχει τὴν τάξιν ἡ γραμμὴ, καθόσον τὸ
 πρῶτιστόν ἐστι διάστημα καὶ ἀπλούστατον, ὅπερ ὁ
 γεωμέτρῃς μῆκος ἐκάλεσε προσθεῖς τὸ ἀπλατές, ἐπειδὴ
 20 καὶ ἡ γραμμὴ πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν ἀρχῆς ἔχει λόγον·
 τὸ μὲν γὰρ σημεῖον ὥς πάντων ἀρχὴν τῶν μεγεθῶν
 διὰ μόνης τῆς ἀποφάσεως ἐδίδαξεν, τὴν δὲ γραμμὴν
 τῇ μὲν καταφατικῶς, τῇ δὲ ἀποφατικῶς. ἐστι μὲν γὰρ
 μῆκος, καὶ τούτῳ τῆς τοῦ σημείου πλεονάζει ἀμερείας,

1 Post ἔχουσιν addit G: σημεῖον εἶναι. 5 οἱ G, οὐ C. ||

Supra ψυχὴν in M scriptum est compendium $\overset{\circ}{\omega}$ (εἶδος?).

10 δὲ ἔχει] ἔχον H, p. 261. 14 προσθέσεις G, προσθέ-
 σεις C. 17 τὴν om. G.

ἀπλατῆς δὲ ὡς τῶν ἄλλων καθαρεύουσα διαστάσεων. πᾶν γὰρ δὴ τὸ ἀπλατὲς καὶ ἀβαθές ἐστιν, οὐ μὴν ἀνά-
 παλιν. ἀφελὼν οὖν τὸ πλάτος ἔχει καὶ τὸ βάθος
 συναναηρημένοι, διόπερ οὐδὲ προσέσθηκεν, ὅτι καὶ ἀβα-
 θές, ὡς ἐπόμενον τῇ τοῦ ἀπλατοῦς ἐννοίᾳ. 5

Ἀφφρίζονται δὲ αὐτὴν καὶ κατ' ἄλλας μεθόδους,
 οἱ μὲν φύσιν σημείου λέγοντες, οἱ δὲ μέγεθος ἐφ' ἐν
 διαστατόν. ἀλλ' οὗτος μὲν ὁ ὅρος τέλειός ἐστιν τὴν
 οὐσίαν σημαίνων τῆς γραμμῆς, ὁ δὲ σημείου φύσιν
 εἰπὼν ἔοικεν ἀπὸ τῆς αἰτίας αὐτὴν τῆς γεννητικῆς 10
 δηλοῦν καὶ οὐ πᾶσαν γραμμὴν ἀλλὰ τὴν ἄνυλον παρ-
 ἰσθησι· ταύτην γὰρ ὑφίστησι τὸ σημεῖον ἀμερὲς ὑπάρ-
 χον, ὑπάρξεως δὲ τοῖς μεριστοῖς αἰτιον ὄν. ἡ δὲ φύσις
 τὴν πρὸοδον ἐνδείκνυται καὶ τὴν γόνιμον δύναμιν,
 τὴν ἐπὶ πᾶσαν διάστασιν φθάνουσιν καὶ οὐκ ἐλαττου- 15
 μένην, τὴν αὐτὴν μὲν ἐστῶσαν, πᾶσι δὲ τοῖς μεριστοῖς
 τὴν οὐσίαν παρεχομένην.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν γνώριμα παντί, ἀναμνήσωμεν δὲ
 ἡμᾶς αὐτοὺς τῶν Πυθαγορικωτέρων λόγων, οἱ τὸ μὲν
 σημεῖον ἀνάλογον τίθενται μονάδι, τὴν δὲ γραμμὴν 20
 δυάδι, τὴν δὲ ἐπιφάνειαν τῇ τριάδι καὶ τὸ στερεὸν
 τῇ τετράδι. καίτοι γε ὡς διαστατὰ || λαμβάνοντες μο-
 ναδικὴν μὲν εὐφύσσομεν τὴν γραμμὴν, δυαδικὴν δὲ τὴν
 ἐπιφάνειαν, τριαδικὸν δὲ τὸ στερεόν, ὅθεν καὶ ὁ Ἀρι-
 στοτέλης τὸ σῶμα τῇ τριάδι φησὶν τετελειῶσθαι. 25
 καὶ θανμαστὸν οὐδὲν τὸ μὲν σημεῖον διὰ τὴν ἀμέ-
 ρειαν πρῶτως οἰκειῶσθαι τῇ μονάδι, τὰ δὲ μετὰ τὸ
 σημεῖον ὑφεστάναι μὲν κατὰ τοὺς ἀπὸ μονάδος ἀριθ-

19 μὲν] μέσον G, μὲν C.

20 τίθεται H₂ p. 261.21—24 καὶ τὸ στερεόν . . . τριαδικὸν om. G. 24 τὸ δὲ στε-
 ρεόν τετράδι. ὅθεν G.

μὸνς καὶ τούτων σώζειν τὸν λόγον πρὸς τὸ σημειον,
 ὃν ἐκεῖνοι πρὸς τὴν μονάδα, μετέχειν δὲ ἕκαστον τοῦ
 προσεχῶς ὑπὲρ αὐτόν, καὶ ταύτην ἔχειν τὴν ἀξίαν
 πρὸς τὸ ἐγγὺς καὶ τὸ ἐφεξῆς, ἣν ἐκεῖνο πρὸς ἑαυτό·
⁵ λέγω δὲ ὅλον τὴν γραμμὴν δυάδος μὲν ἔχειν τάξιν
 πρὸς τὸ σημειον, μονάδος δὲ πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν,
 καὶ ταύτην τριάδος μὲν πρὸς τὸ σημειον καὶ τὴν γραμ-
 μὴν, δυάδος δὲ πρὸς τὸ στερεόν, καὶ διὰ τοῦτο τὸ
 σῶμα πρὸς μὲν τὸ σημειον εἶναι τετραδικόν, πρὸς δὲ
¹⁰ τὴν γραμμὴν τριαδικόν. ἔχει μὲν οὖν ἡ διάταξις ἑκα-
 τέρα λόγον, ἀρχοειδεστέρα δὲ ἡ τῶν Πυθαγορείων,
 ἄνωθεν ὠρμημένη καὶ τῇ φύσει τῶν ὄντων ἐπομένη·
 τὸ μὲν γὰρ σημειον διττόν· ἡ γὰρ καθ' αὐτό ἐστίν ἡ
 ἐν τῇ γραμμῇ, καὶ ὡς πέρας ὃν μόνον καὶ ἐν οὔτε ὅλον
¹⁵ οὔτε μέρη ἔχον μιμεῖται τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων καὶ
 διὰ τοῦτο καὶ ἀνάλογον τέτακται τῇ μονάδι. καὶ γὰρ
 ἡ μονὰς ἐκεῖ πρῶτον, ὅπου πατρικὴ μονὰς ἐστίν, φησὶ
 τὸ Λόγιον. ἡ δὲ γραμμὴ πρώτη μὲν ἔχουσα μέρη καὶ
 ὅλον, οὐσα δὲ καὶ μοναδικὴ διὰ τὸ ἐφ' ἐν διαστατόν,
²⁰ καὶ δυναδικὴ διὰ τὴν πρόοδον — εἴτε γὰρ ἄπειρος, με-
 τέχει τῆς ἀορίστου δυάδος, εἴτε πεπερασμένη, δυοῖν
 αὐτῇ δεῖ περάτων, καὶ τὸ πόθεν ποῖ πρὸς τὸν ἀπ'
 αὐτῆς [?] — διὰ ταῦτα τοίνυν τὴν ὁλότητα μιμεῖται καὶ

1 τοῦτον G. 2 ὅλον G, ὃν C. || μετέχον δὲ ἕκαστον G,
 μετέχει δὲ ἕκαστον C, B₂ = M, 'participare' B, 'particeps est' Z.

3 προσεχούς ὑπὲρ αὐτοῦ G. || ἔχει C. 5—7 δυάδος μὲν ...
 καὶ τὴν γραμμὴν om. G. 8 δὲ post δυάδος om. G.

14 τῇ om. G. || ἐν οὔτε] † ἐνοῦται H₂ p. 261. 15 οὔτε μέρη
 ἔχον om. H₂ p. 261. || τὴν ἀκροτήτην τῶν ὄντων φύσιν G,
 τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων C. 22 περάτων] περὶ αὐτῶν G. ||
 ποῖ] καὶ τὸ ποῖ B₂, G, 'Unde et Quo' B, Z. || πρὸς τὸν ἀπ' αὐτῆς
 aut non invenit aut non interpretatus est B, 'ad eam qui ab
 ipsa' Z; cōnicias: πρῶτον ἐπ' αὐτῆς, nisi forte exciderunt
 aliquot verba.

τὴν τάξιν ἐκείνην, ἥ καὶ ταναὴ μονάς ἐστίν καὶ δύο γεννᾷ. καὶ γὰρ αὕτη τὴν τε εἰς μῆκος ἑκτασιν προβέβληται καὶ τὸ ταναὸν διαστατῶς καὶ τὸ ἐφ' ἓν καὶ τὴν τῆς δυάδος μετουσίαν. ἡ δὲ ἐπιφάνεια τριάς οὐσα καὶ δυάς καὶ τῶν πρώτων σχημάτων ὑποδοχὴ καὶ μορ-⁵ φὴν καὶ εἶδος λαβοῦσα πρώτη τῇ περατούσῃ μὲν τὰ ὄντα πρώτως καὶ τριαδικῇ φύσει, διαιρουσῇ δὲ αὐτὴν δυάδι πῶς προσέοικεν. τὸ δ' αὖ στερεὸν τριχῇ διαστὰν καὶ κατὰ τὴν τετράδα τὴν τῶν λόγων πάντων περιληπτικὴν ἀφορισθὲν εἰς ἐκείνην ἀναφέρεται τὴν¹⁰ διακόσμησιν, ἀφ' ἧς καὶ ἡ τῶν σωματικῶν κόσμων ἐκφαίνεται διάκρισις καὶ ἡ εἰς τρία τῶν ὅλων διαίρεσις, μετὰ τῆς τετραδικῆς ιδιότητος, τοῦτο δὲ ἐστὶ μετὰ τῆς γεννητικῆς καὶ θηλυπρεποῦς.

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλεόν ἔξεργάζεσθαι δυνατόν.¹⁵ τὴν δ' αὖ γραμμὴν δευτέραν οὐσαν καὶ κατὰ τὴν πρώτην ἀπὸ τοῦ ἀμεροῦς κίνησιν ὑποστᾶσαν εἰκότως καὶ ὁ τῶν Πυθαγορείων λόγος ἐκάλει δυαδικήν. ὅτι δὲ καὶ τὸ σημεῖον || μετὰ τὴν μονάδα καὶ ἡ γραμμὴ μετὰ τὴν δυάδα καὶ ἡ ἐπιφάνεια μετὰ τὴν τριάδα δη-²⁰λοῖ πού καὶ ὁ Παρμενίδης τοῦ ἐνὸς ἀποφάσκων τὰ πολλὰ πρῶτον, εἶτα τὸ ὅλον· εἰ δὲ τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου, καὶ ὁ ἀριθμὸς πρὸ τοῦ συνεχοῦς καὶ ἡ δυάς πρὸ τῆς γραμμῆς καὶ ἡ μονάς | πρὸ τοῦ σημείου. καὶ γὰρ

1 ἡ καὶ ταναὴ] ἡ καὶ ταναὴ M, B₃, * ἡ G, ἡ καὶ ταναὴ ἢ C, 'Quae etiam porrecta est' B, 'vel unitas etiam extensa est' Z.

2 ἑκτασιν G. 3 καὶ τὴν] Postera manus in M super καὶ τὴν adscripsit κατὰ. 5 μορφὴ M, B₃, 'formam' B, Z καὶ μορφὴν καὶ εἶδος λαβοῦσα aut non invenit aut' omisit.

11 ὑφ' ἧς G. 14 τῆς ante γεννητικῆς om G, add. C.

17 ὑποστάσεως G, ὑποστᾶσαν C. 20 κατὰ τὴν δυάδα G.

21 Παρμενίδης M. 22 πρῶτος G, πρῶτον C.

τὸ μὲν „οὐ πολλά“ τῇ μονάδι προσήκει τῇ γεννώσει
τὸ πλῆθος ὑφίστανται. καὶ γὰρ τοῦτο μέρος
ἔχειν λέγεται.

Τοσαῦτα περὶ τῆς γραμμῆς εἰρήσθω κατὰ τὰς
5 θεωρικωτέρας ἐπιβολάς. ἀποδεξώμεθα δὲ καὶ τοὺς
περὶ Ἀπολλώνιον λέγοντας, ὅτι γραμμῆς ἐννοίαν
μὲν ἔχομεν, ὅταν τὰ μήκη μόνον ἢ τῶν ὁδῶν ἢ τῶν
τοίχων ἀναμετρεῖν κελεύωμεν· οὐ γὰρ προσποιούμεθα
τότε τὸ πλάτος, ἀλλὰ τὴν ἐφ' ἐν διάστασιν ἀναλογι-
10 ζόμεθα, καθάπερ δὴ καὶ ὅταν χωρία μετρώμεν, τὴν
ἐπιφάνειαν ὁρῶμεν, ὅταν δὲ φρέατα, τὸ στερεόν.
πάσας γὰρ ὁμοῦ τὰς διαστάσεις συλλαβόντες ἀποφαι-
νόμεθα τοσόνδε εἶναι τὸ διάστημα τοῦ φρέατος κατὰ
τε μήκος καὶ πλάτος καὶ βάθος. αἰσθησιν δὲ αὐτῆς
15 λάβοιμεν ἂν ἀπιδόντες εἰς τοὺς διορισμοὺς τῶν πεφω-
τισμένων τόπων ἀπὸ τῶν ἐσκιασμένων καὶ ἐπὶ τῆς
σελήνης καὶ ἐπὶ τῆς γῆς. τοῦτο γὰρ τὸ μέσον κατὰ
μὲν πλάτος ἀδιάστατόν ἐστι, μήκος δὲ ἔχει τὸ συμ-
παρεκτεινόμενον τῷ φωτὶ καὶ τῇ σκιᾷ.

2 Ante ὑφίστανται (ὑφίστανται *M*, *B*, *G*) exciderunt aliquot
verba velut: τὸ δὲ οὕτως ὅλον οὕτως μέρος τῷ σημείῳ τῷ τὸ
πάντη διαστατόν. In *M* in margine postera manu adscripta
sunt: τῇ δὲ γραμμῇ τὸ οὐχ ὅλον τῇ τὸ ὅλον et ὑφίστανται
mutatum est in ὑφιστάσθω. *B* interpretatur: 'Puncto autem
'non totum' Totum producenti'; 'huic vero totum, utpote to-
tum constituenti' *Z*. || καὶ γὰρ τοῦ μέρους *G*, καὶ γὰρ τοῦτο
μέρος *B*, *C*; 'nullam enim partem' *B*, sed in margine: 'hoc nam-
que', 'id enim partem' *Z*. 6. 7 μὲν ἐννοίαν *G*. 7 ὅτι *G*.
8 στοιχείων *G*. || κελεύωμεν *M*, *G*. 9 Post πλάτος addit *G*.
καὶ βάθος. *B*, = *M*. 'Latitudinem tunc, Crassitiemque' *B*.
'latitudinem' *Z*. 10 ὅτι *G*. || μετροῦμεν *G*, μετρώμεν *C*.
11 ὅτι *G*. 12 τὰς διαστάσεις ὁμοῦ *G*. 15 ἐπιδόντες *G*,
ἀπιδόντες *C*.

Def. III. Γραμμῆς δὲ πέρατα σημεῖα.

Πᾶν τὸ σύνθετον ἀπὸ τοῦ ἀπλοῦ καὶ πᾶν τὸ με-
ριστὸν ἀπὸ τοῦ ἀμερίστου καταδέχεται τὸν ὅρον. καὶ
τούτων εἰκόνες ἐν ταῖς ἀρχαῖς προτείνονται τῶν μα-
θημάτων. ὅταν γὰρ καὶ τὴν γραμμὴν ὑπὸ τῶν ση- 5
μείων περατοῦσθαι λέγῃ, δηλὸς ἐστὶν αὐτὴν καθ’
αὐτὴν ἄπειρον ποιεῖν, ὥς ἂν διὰ τὴν οἰκείαν πρόοδον
οὐκ ἔχουσαν πέρασ. ὥσπερ οὖν ἡ δυὰς ἀπὸ τῆς μο-
νάδος ὀρίζεται καὶ τὴν ἄσχετον ἑαυτῆς τόλμαν περα-
τοῖ κρατουμένη παρ’ ἐκείνης, οὕτω δὴ καὶ ἡ γραμμὴ 10
τοῖς σημείοις ὀρίζεται. δυοειδῆς γὰρ οὖσα καίτοι τοῦ
σημείου, μονάδος ἔχοντος λόγον, μετέχει δυαδικῶς.
ἀλλ’ ἐν μὲν τοῖς φανταστοῖς καὶ τοῖς αἰσθητοῖς αὐτὰ
τὰ σημεῖα τὰ ἐν τῇ γραμμῇ περατοῖ τὴν γραμμὴν, ἐν
δὲ τοῖς ἀύλοις εἶδεσι προῦφέστηκε μὲν ὁ ἀμερίστος 15
τοῦ σημείου λόγος, προκινῶν δ’ ἐκείθεν αὐτὸς ὁ πρῶ-
τιστος ἑαυτὸν || διαστήσας καὶ κινούμενος καὶ φέων
ἐπ’ ἄπειρον καὶ τὴν ἀόριστον δυνάδα μιμούμενος κρα-
τεῖται μὲν ὑπὸ τῆς ιδίας ἀρχῆς, ἐνίσχεται δὲ ὑπ’ αὐτῆς
καὶ περιλαμβάνεται πανταχόθεν. ἄπειρος οὖν ἅμα καὶ 20
πεπερασμένος ἐστί, κατὰ μὲν τὴν ἑαυτοῦ πρόοδον
ἄπειρος, κατὰ δὲ τὴν τῆς αἰτίας τῆς περατοειδοῦς
μέθεξιν πεπερασμένος. ἑαυτῷ γὰρ προελθὼν τῇ ἐκεί-
νης περιοχῇ κεκράτῃται καὶ ὀρίζεται κατὰ τὴν ἐκεί-
νης ἔνωσιν. ὅθεν δὴ καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι τὰ σημεῖα τὸ 25

5 ἀπὸ C. 8 ἔχουσα G. 9 τόλμην G, τόλμαν C.
10 δὴ om. G, add. C. || Post γραμμὴ add. G παρ’ ἐκείνης,
del. C. 15 μὲν om. G, προῦφέστη μὲν C. 17 φέων G,
φέον C.

πέρας καὶ τὴν ἀρχὴν καταλαμβάνοντα τῆς γραμμῆς
ὀρίζειν αὐτὴν λέγεται. ἐκεῖ μὲν οὖν ἐστὶ τὸ πέρας
ἐξηρημένον τοῦ περατουμένου, ἐνταῦθα δὲ διττόν· ἐν
αὐτῷ γὰρ ὑφέστηκε τῷ περατουμένῳ. καὶ τοῦτο φέ-
5 ροι ἂν ἐνδειξιν θαυμαστὴν τοῦ τὰ εἶδη μένοντα μὲν
ἐφ' ἑαυτῶν κατ' αἰτίαν προηγείσθαι τῶν μετεχόντων,
ἐπιδόντα δὲ ἐκείνοις ἑαυτὰ κατὰ τὴν ἐκείνων ιδιό-
τητα τὴν ὑπόστασιν λαμβάνειν, συμπληθνόμενα αὐτοῖς
καὶ συμμεριζόμενα καὶ ἀπολαύοντα τῆς τῶν ὑποκει-
10 μένων διαιρέσεως.

Καὶ μὴν καὶ τοῦτο δεῖ προειληφέναι περὶ τῆς
γραμμῆς, ὅτι τριχῶς αὐτῇ χρῆται ὁ γεωμέτρης. καὶ
1) γὰρ ὡς ἐφ' ἐκάτερα πεπερασμένη, ὡς τὸ ἐπὶ τῆς δο-
θείσης εὐθείας πεπερασμένης τρίγωνον ἰσόπλευρον
15 συστήσασθαι, καὶ ὡς τῇ μὲν ἀπείρῳ, τῇ δὲ πεπερα-
2) σμένῃ, ὡς ἐπ' ἐκείνου τοῦ προβλήματος „ἐκ τριῶν
εὐθειῶν, αἵ εἰσιν ἴσαι τρισὶ ταῖς δοθείσαις εὐθείαις,
τρίγωνον συστήσασθαι“. ἐν γὰρ τῇ κατασκευῇ φησιν
„ἐκκείσθω τις εὐθεῖα ἐπὶ θάτερα μὲν πεπερασμένη,
3) 20 ἐπὶ θάτερα δὲ ἄπειρος“ τριχῶς οὖν ἡ γραμμὴ
λαμβάνεται παρ' αὐτῷ.

Πρὸς δὴ τούτοις καὶ κεῖνο ἐπιστάσεως ἄξιον ὃν μὴ
παραδράμωμεν. πῶς γὰρ εἴρηται γραμμῆς πέρατα

8 συμπληθνόμενα G. 9 ἀπολαβόντα G, ἀπολαύοντα C.

18 Post συστήσασθαι add. G: καὶ ὡς τῇ μὲν ἀπείρῳ,
del. C. 20 Post ἄπειρος maior est lacuna. In M in margine
adscripta sunt postera manu: καὶ ὡς ἐπὶ θάτερα ἀπείρῳ ὡς τὸ
τὴν δοθείσαν εὐθεῖαν ἄπειρον δίχα τεμεῖν. B₂ = G. Apud
Barocium legitur: 'Et ut ex utraque parte infinita: ut in illo
Problemate, quod inquit, Super datam rectam Lineam infini-
tam a dato Signo, quod in ea non sit, Perpendiculararem rectam
Lineam deducere. 'et est aliquando ea linea quae in utraque
parte infinita est: sicut est illud: datam rectam lineam infini-
tam bifariam secare' Z. 23 παραδέδωκεν G, παραδράμωμεν C.

σημεῖα, καὶ ποίας γραμμῆς; οὔτε γὰρ τῆς ἀκείρου
οὔτε πάσης τῆς πεπερασμένης· ἐστὶ γὰρ τις γραμμὴ
καὶ πεπερασμένη καὶ οὐκ ἔχουσα πέρατα σημεῖα. τοι-
αύτη γὰρ ἡ κυκλικὴ αὐτὴ εἰς ἑαυτὴν συννεύουσα καὶ
οὐ σημείοις χωρμένη πέρασιν ὥς ἡ εὐθεῖα· τοιαύτη ⁵
καὶ ἡ τοῦ θυρεοῦ. μή ποτε οὖν τὴν γραμμὴν ὁρᾶν
δεῖ καθόσον ἐστὶ γραμμὴ. λάβοιμεν γὰρ ἂν καὶ περι-
φρείαν τινὰ περατουμένην ὑπὸ σημείων καὶ μέρος
τῆς τοῦ θυρεοῦ γραμμῆς ὡσαύτως ἔχον πέρατα ση-
μεῖα. πᾶσα δὲ ἡ τοῦ κύκλου καὶ τοῦ θυρεοῦ καὶ ἄλ- ¹⁰
λην ιδιότητα προσέληφεν, καθ' ἣν οὐ μόνον γραμμὴ
ἐστὶν ἀλλὰ καὶ σχήματος ἀποτελεστική. εἰ μὲν οὖν
γραμμαὶ ἄμφω, πέρατα ἔχουσι σημεῖα, εἰ δὲ σχημάτων
ποιητικὰ τοιῶνδε, συννεύουσιν εἰς αὐτάς. εἰ δὲ καὶ
γραφομένας αὐτάς νοήσας, εὖροις ἂν ὅπῃ περατοῦν- ¹⁵
ται ὑπὸ σημείων, γεγραμμένας δὲ λαβὼν καὶ τέλος
ἀρχῇ συνάψας || οὐκέτι θεωρῆσαι δύνασθαι τὰ πέρατα
αὐτῶν.

Def. III. Εὐθεῖα γραμμὴ ἐστίν, ἥτις ἐξ ἴσου
τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις κείται. 20

| Ὁ μὲν Πλάτων τῆς γραμμῆς δύο τὰ ἀπλούστατα
καὶ ἀρχοειδέστατα θέμενος εἶδη, τὴν τε εὐθεῖαν καὶ

3 πέρατος G. 6 καὶ post τοιαύτη om. G, add. C. || θυ-
ραιου G. 7 δεῖν G. || γὰρ om. G. || καὶ post ἂν om. G.
9 θυραιου G. 10 θυραιου G. || ἄλλον G, ἄλλην C.
12. 13 εἰ μὲν ... εἰ δὲ] αἰ μὲν ... αἰ δὲ G, ἡ οὖν ... ἡ
δὲ C. In M postera manu super εἰ utroque loco scriptum
est ἡ. 13 πέρατος G. 14 ποιητικαὶ G. || πρὸς G, εἰς C. ||
αὐτάς G. 19 ἐφ' ἑαυτοῖς prima manu M; postea compen-
dium syllabae τοῖς rasura mutatum est. ὑφ' ἑαυτοῖς G.
21 Πλάτων] Phileb. 51, C. 22 ἥδη G, εἶδη C.

τὴν περιφερῆ, τὰ ἄλλα πάντα κατὰ μῆξιν ἐκ τούτων
 ὑφίστησιν, ὅσα τε ἐλικοειδῇ λέγεται τῶν μὲν ἐπιπέ-
 δων τῶν δὲ περὶ τὰ στερεὰ τὴν ὑπόστασιν δεχομένων,
 καὶ ὅσα κατὰ τὰς τομὰς τῶν στερεῶν ὑφίσταται εἶδη
 5 ^{καὶ ὁμολογῶν} καμπύλων γραμμῶν. καὶ ἔοικεν τὸ μὲν σημεῖον εἰκόνα
 φέρειν, εἰ θέμις εἰπεῖν, τοῦ ἐνὸς κατὰ τὸν Πλάτωνα.
 καὶ γὰρ τοῦτο μέρος οὐδὲν ἔχει, ὥσπερ καὶ ἐκεῖνος
 δείκνυσιν ἐν Παρμενίδῃ. ἐκεῖ δὲ μετὰ τὸ ἐν τρεῖς
 εἰσιν ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν,
 10 διὰ τούτων ὑφίσταται τὰ τε τῶν γραμμῶν εἶδη καὶ
 τὰ τῶν γωνιῶν καὶ τῶν σχημάτων· καὶ τῷ μὲν πέρατι
 ἀνάλογον ἡ περιφέρεια καὶ ἡ περιφερόγραμμα γωνία
 καὶ ὁ κύκλος ἐν ἐπιπέδοις καὶ ἡ σφαῖρα ἐν στερεοῖς,
 τῇ δὲ ἀπειρίᾳ τὸ εὐθὺ κατὰ πάντα ταῦτα — διήκει
 15 γὰρ διὰ πάντων οἰκείως ἐκασταχοῦ φανταζόμενον —
 τὸ δὲ μικτόν τὸ ἐν ἅπασιν τούτοις τῷ ἐκεῖ μικτῷ. καὶ
 γὰρ γραμμὰ μικτὰ εἰσιν ὥς αἱ ἑλικεῖς, καὶ γωνίαι
 ὥς ἡ τοῦ ἡμικυκλίου καὶ ἡ κερατοειδῆς, καὶ σχήματα
 ἐπίπεδα μὲν τὰ τμήματα καὶ αἱ ἀφίδες, στερεὰ δὲ
 20 κῶνοι καὶ κύλινδροι καὶ τὰ τοιαῦτα. τὸ ἄρα πέρας
 καὶ ἄπειρον καὶ μικτόν ἐστιν ἐν τούτοις ἅπασιν. καὶ
 μέντοι καὶ ὁ Ἀριστοτέλης τὴν αὐτὴν ἔχει τῷ Πλά-
 τῳ διάνοιαν. πᾶν γὰρ εἶδος γραμμῆς εὐθὺ φησὶν
 ἐστὶν ἢ περιφερὲς ἢ μικτόν ἐκ τούτων. διὸ καὶ κινή-
 25 σεις τρεῖς, ἡ μὲν ἐπ' εὐθείας, ἡ δὲ κύκλῳ, ἡ δὲ μικτῇ.
 Διαμφισβητοῦσι δὲ τινες πρὸς τὴν διαίρεσιν ταύ-
 την καὶ φασὶ μὴ δύο μόνας εἶναι τὰς ἀπλᾶς γραμμάς,

5 σημεῖον G, σημεῖον C. 7 ἐκεῖνο M. 8 Παρμενίδῃ] 137, C. D. 11 τὰ om. H₂ p. 273. 16 πᾶσι G, H₂. 18 κε-
 ρατοειδῆς G. 20 κύλινδρος M. 21 πᾶσι H₂. 23 φησιν
 εἶναι G. || φησὶν] de Coelo I, 2.

ἀλλὰ καὶ τρίτην ἄλλην, τὴν περὶ τὸν κύλινδρον ἔλικα
 γραφομένην, ὅταν εὐθείας κινουμένης περὶ τὴν ἐπι-
 φάνειαν τοῦ κυλίνδρου σημείου ὁμοταχῶς ἐκ' αὐτῆς
 κινῆται. γίνεται γὰρ ἔλιξ, ἥς ὁμοιομερῶς πάντα τὰ
 μέρη πᾶσιν ἐφαρμόζει, καθάπερ Ἀπολλώνιος ἐν τῷ 5
περὶ τοῦ κοχλίου γράμματι δείκνυσιν. καὶ τοῦτο τὸ
 πάθος μόνῃ πέπονθεν ἑλίκων αὕτη. καὶ γὰρ τῆς ἐπι-
 πέδου τὰ μέρη ἀνόμοια ἀλλήλοις καὶ τῆς περὶ τὸν
 κῶνον γραφομένης καὶ τῆς περὶ τὴν σφαῖραν. μόνη ||
 δὲ ὁμοιομερῆς ἡ κυλινδρική, καθάπερ δὴ καὶ ἡ εὐθεῖα 10
 καὶ ἡ περιφερῆς γραμμὴ. μήποτε οὖν τρεῖς εἰσιν αἱ
 ἀπλᾶ γραμμαὶ καὶ οὐ δύο μόνον;

Πρὸς δὴ ταύτην τὴν ἀπορίαν ἀπαντησόμεθα λέ-
 γοντες, ὁμοιομερῇ μὲν εἶναι τὴν ἔλικα ταύτην, ὡς καὶ
 Ἀπολλώνιος δέδεικεν, ἀπλὴν δὲ οὐδαμῶς. οὐ γὰρ 15
 ταῦτόν εἶναι τό τε ὁμοιομερὲς καὶ τὸ ἀπλοῦν, ἐπεὶ
 καὶ τῶν φύσει συνεστώτων ὁμοιομερῆς μὲν ὁ χρυσὸς
 καὶ ὁ ἄργυρος, ἀπλᾶ δὲ ταῦτα οὐκ ἐστὶ. δηλοῦν δὲ τῆς
 κυλινδρικῆς ἑλίκος τὴν μίξιν τὴν ἐκ τῶν ἀπλῶν καὶ
 αὐτὴν τὴν γένεσιν. γιννᾶται γὰρ τῆς μὲν εὐθείας 20
 κύκλῳ κινουμένης περὶ τὸν ἄξονα τοῦ κυλίνδρου,
 τοῦ δὲ σημείου φερομένου ἐπὶ τῆς εὐθείας. δύο τοί-
 νυν κινήσεις αἱ ἀπλᾶ τὴν ὑπόστασιν αὐτῇ παρέσχον,
 ὥστε τῶν μικτῶν ἐστὶ γραμμῶν καὶ οὐ τῶν ἀπλῶν.
 τὸ γὰρ ἐξ ἀνομοίων ὑποστάν οὐχ ἀπλοῦν ἐστὶν ἀλλὰ 25
 καὶ μικτόν, καὶ ὁρθῶς ὁ Γεμῖνος ἐκ πλειόνων μὲν

3 In margine in *M* adscriptum est: γένεσις κυλινδρικῆς
 ἑλίκος. 4 κινεῖται *M*, *G*, corr. *Kn. I.* || ἥς] ἡ *M*, *G*, corr.
Kn. I. 8. 9 τοῖς ... γραφομένοις καὶ τοῖς *C.* 10 καὶ
 αὐτὴ ἡ κυλινδρική addidit *G*, del. *C.* 13 δὲ *G*, δὴ *C.* ||
 ἀπαντησόμεθα *G.* 16 τε om. *G.* 17 ὁμοιομερῇ *G.*
 18 οὐκ ἐστὶ ταῦτα *G.* 23 αὐτῇ *G*, αὐτῇ *C.*

X) Eine Schrift... von gänzlich unbekanntem Dialekt
 (Canton Ispan 276)

κινήσεων καὶ τῶν ἀπλῶν τινα γραμμῶν ὑφίστασθαι διδούς οὐ μέντοι πᾶσαν εἶναι τὴν τοιαύτην μικτήν, ἀλλὰ τὴν ἐξ ἀνομοίων. καὶ γὰρ εἰ τετράγωνον νοή-
 σειας καὶ δύο κινήσεις, τὴν μὲν κατὰ τὸ μήκος, τὴν
 5 δὲ κατὰ τὸ πλάτος γινομένην, ἰσοταχεῖς, ὑποστήσεται ἡ διαγώνιος, εὐθεῖα οὖσα· καὶ οὐ διὰ τοῦτο ἡ εὐθεῖα μικτή· οὐ γὰρ προηγείται τις αὐτῆς ἑτέρα γραμμὴ κατὰ ἀπλὴν ὑφισταμένη κίνησιν, ὥς τῆς κυλινδρικῆς ἐλέγομεν ἑλικος. ἀλλ' οὐδὲ εἰ τις ἐν ὀρθῇ γωνίᾳ
 10 νοήσειεν ὑποβιβαζομένην εὐθεῖαν καὶ τῇ διχοτομίᾳ κύκλον γράφουσιν, διὰ τοῦτο ἡ κυκλικὴ γραμμὴ κατὰ μίξιν ὑφέστηκεν· τῆς γὰρ οὕτω κινουμένης τὰ μὲν πέρατα ὁμαλῶς κινούμενα εὐθυγραφεῖ, ἡ δὲ διχοτομία ἀνωμάλως φερομένη κυκλογραφεῖ, τὰ δὲ ἄλλα σημεῖα
 15 γράφει τὴν ἑλλειψιν, ὥστε τῇ ἀνωμαλίᾳ τῆς κατὰ τὴν διχοτομίαν φορᾶς ἐπηκολούθησεν ἡ γένεσις τῆς κυκλικῆς γραμμῆς παρὰ τὸ δεδόσθαι ἐν τῇ ὀρθῇ γωνίᾳ τὴν καταβιβαζομένην εὐθεῖαν, ἀλλὰ μὴ κατὰ φύσιν κινεῖσθαι.

20 Ταῦτα μὲν οὖν περὶ τούτων. δόξειε δ' ἂν ἀμφοτέρων οὐσῶν ἀπλῶν τῶν γραμμῶν, τῆς εὐθείας καὶ τῆς περιφεροῦς, ἀπλουστέρα μᾶλλον ἢ εὐθεῖα εἶναι. ἐν ταύτῃ μὲν γὰρ οὐδὲ κατ' ἐπίνοιάν ἐστιν ἀνομοιότης, ἐπὶ δὲ τῆς περιφεροῦς τὸ κοῖλον καὶ κυρτὸν ἑτεροίω-
 25 σιν ἐμφαίνει. καὶ ἡ μὲν εὐθεῖα τὴν περιφέρειαν οὐ συνεισάγει κατὰ τὴν ἐπίνοιαν, ἡ δὲ περίφερεια τὴν

5 ἰσοταχῶς G. 8 ὑφισταμένην G, ὑφισταμένης Kn. I.
 9 γωνίαν G. 13 ὀρθογραφεῖ C. 14 ἀνωμάλως om. G,
 add. C. 15 In M in margine adscriptum est: γένεσις ἑλλεί-
 ψεως. 16 ἐπικολούθησεν M, G. 22 τῆς ante περιφεροῦς
 om. M. || ἡ ante εὐθεῖα om. M. 26 συνάγει G, συν-
 εισάγει C.

εὐθείαν, εἰ καὶ μὴ κατὰ τὴν γένεσιν, ἀλλὰ κατὰ τὴν
 πρὸς τὸ κέντρον σχέσιν. τί οὖν, εἰ λέγοι τις καὶ τὴν
 περιφέρειαν δεῖσθαι τῆς εὐθείας εἰς τὴν ὑπόστασιν;
 εἰ γὰρ εὐθείας πεπερασμένης θάτερον μὲν || τῶν
 περάτων μένοι, θάτερον δὲ κινοῖτο, γράψει κύκλον, ⁵
 κέντρον δὲ αὐτοῦ τὸ μένον τῆς | εὐθείας πέρας. ἡ τὸ
 γράφον τὸν κύκλον τὸ σημεῖον ἐστὶ περὶ τὸ μένον
 φερόμενον, οὐχ ἡ εὐθεῖα; τὴν γὰρ ἀπόστασιν αὕτη
 μόνον ἀφορίζει, τὴν δὲ κυκλικὴν γραμμὴν τὸ σημεῖον
 ὑφίστησι κινούμενον κυκλικῶς. ¹⁰

Τούτων μὲν οὖν ἄλλις. ἔοικεν δὲ ἡ μὲν περιφέρεια
 πρὸς τοῦ πέρατος εἶναι καὶ τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον
 πρὸς τὰς ἄλλας γραμμάς, ὃν πρὸς πάντα τὰ ὄντα τὸ
 πέρας — καὶ γὰρ ὥριστα καὶ σχῆμα ἀποτελεῖ μόνη
 τῶν ἀπλῶν — ἡ δὲ εὐθεῖα πρὸς τῆς ἀπειρίας· ἐπ’ ¹⁵
 ἄπειρον οὖν ἐκβαλλομένη οὐδὲ παύεται. καὶ ὥς ἐκ
 πέρατος καὶ ἀπείρου τὰ ἄλλα πάντα, οὕτως ἐκ τοῦ περι-
 φερούς καὶ τοῦ εὐδέως πᾶν τὸ μικτὸν τῶν γραμμῶν
 γένος τῶν τε ἐπιπέδων καὶ τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς. καὶ
 διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν καὶ ἡ ψυχὴ τό τε εὐθὺ καὶ τὸ ²⁰
 περιφερὲς κατ’ οὐσίαν ἐν αὐτῇ προείληφεν, ἵνα πᾶσαν
 τὴν ἐν τῷ κόσμῳ τοῦ ἀπείρου συστοιχίαν καὶ πᾶσαν
 τὴν περιττοειδῆ κατευθύνη φύσιν, τῷ μὲν εὐθεῖ
 τὴν πρόοδον αὐτῶν ὑφιστάσα, τῷ δὲ περιφερεῖ τὴν

2 χύσιν G. 6 ἡ M, G, ἡ Kn. I. 7 τὸ ante σημεῖον
 om. G. 11 τοῦτο C. 14 ἀποτελεῖ C. 21 ἐν αὐτῇ G,

ἐν αὐτῇ M, ἐαυτῆς (ἐαυτοῖς) H₂ p. 273. 22 συστοιχίαν G.

23 περατοειδῆ G (περὶ τῷ ἡδεῖ, περὶ τῷ εἰδεῖ), H₂
 p. 273. ‘superfluum’ Z. ‘Finis’ B. || καθευθύνει G, καθ-

ευθύνει C, κατευθύνει (κατευθύνει) H₁, p. 452, H₂. || τῷ

μὲν εὐθὺ G, τὸ μὲν εὐθὺ C. 24 ὑφιστά G, (ὑφιστά-
 σαν) H₂.

ὑποστροφὴν, καὶ τῷ μὲν εἰς πλῆθος αὐτὰ προάγουσα, τῷ δὲ εἰς ἓν πάντα συνάγουσα. καὶ οὐχ ἡ ψυχὴ μόνον, ἀλλὰ καὶ ὁ τὴν ψυχὴν ὑποστήσας καὶ ταύτας αὐτῇ τὰς δυνάμεις παραδούς ἀμφοτέρων ἔχει τὰς πρωτογούς αἰτίας ἐν ἑαυτῷ. τῶν γὰρ ὄντων ἀπάντων ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ τέλη προειληφώς εὐθείας περαίνει κατὰ φύσιν περιπορευόμενος, φησὶν ὁ Πλάτων. καὶ γὰρ ἐπὶ πάντα πρόεισι ταῖς προνοητικαῖς ἐνεργείαις καὶ πρὸς ἑαυτὸν ἐπέστραπται μένων ἐν τῷ ἑαυτοῦ κατὰ τρόπον ἦθει, φησὶν ὁ Τίμαιος. σύμβολον δὲ ἡ μὲν εὐθεία τῆς ἀπαρεγκλίτου προνοίας καὶ ἀδιαστρόφου καὶ ἀχράντου καὶ ἀνεκλείπτου καὶ παντοδυνάμου καὶ πᾶσι παρούσης, ἡ δὲ περιφέρεια καὶ τὸ περιπορεύεσθαι τῆς εἰς ἑαυτὴν συννευσούσης ἐνεργείας καὶ πρὸς ἑαυτὴν συνελιττομένης καὶ καθ' ἓν νοερὸν πέρας τῶν ὄλων ἐπικρατούσης. δύο δὲ ταύτας ὁ δημιουργικὸς νοῦς ἐν ἑαυτῷ προστησάμενος ἀρχάς, τὸ εὐθὺ καὶ τὸ περιφερές, δύο μονάδας προήγαγεν ἀφ' ἑαυτοῦ, τὴν μὲν κατὰ τὸ περιφερὲς ἐνεργοῦσαν καὶ τῶν νοερῶν οὐσιῶν τελεσιουργόν, τὴν δὲ κατὰ τὸ εὐθὺ καὶ τοῖς αἰσθητοῖς τὴν γένεσιν παρεχομένην. ἐπειδὴ δὲ

1 ἐπιστροφὴν G, H₂. || καὶ τὸ μὲν C. 2 τῷ δὲ εἰς ἓν ... συνάγουσα om. M. 4 ἀμφοτέρως G, ἀμφοτέρων (ἀμφοτέρων) H₁ p. 452, H₂. 6 εὐθείας] Apud Platonem (Leges IV, p. 716, A) legitur εὐθεῖαν et εὐθεία. 7 περιπορευόμενος] περιφερόμενος scribendum esse putat Schelling, opp. omn. II, 3, p. 275. 8 πρόεισι M. 8. 9 ταῖς ἐνεργειαῖς καὶ πρὸς ἑαυτὸν ἐπέστραπται G, corr. C. 9 μένων] μὲν M, μὲν G, μένων Kn. I (ἔμενε Tim. 42, E). 13 περιπορεύεσθαι] περιφέρεσθαι H₁ p. 453, H₂ p. 274. 14. 15 συννευσούσης ... πρὸς ἑαυτὴν om. G, συννευσέως M, συννευσούσης (συννευσέως) H₁ H₂. 17 νοῦς om. M, G, B, Z, add. H₁ H₂. 18 τὸ ante περιφερὲς om. M. || παρήγαγε M, G, H₁, 'produxit' B, 'constituit' Z. || ἐφ' M, (ἐφ' ἑαυτὸν, ἐφ' αὐτόν) H₂.

ἡ ψυχὴ μέση τῶν νοερῶν ἐστὶν καὶ τῶν αἰσθητῶν, καθόσου μὲν συνάπτει τῇ νοερᾷ φύσει, κατὰ κύκλον ἐνεργεῖ, καθόσου δὲ τοῖς αἰσθητοῖς ἐπιστατεῖ, κατὰ τὸ εὐθὺ ποιεῖται τὴν πρόνοιαν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς πρὸς τὰ ὄντα τούτων τῶν ⁵ εἰδῶν ὁμοιότητος· τὸν δὲ τῆς εὐθείας ὀρισμὸν ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ἀποδέδωκεν, ὃν καὶ παρεθέμεθα, καὶ δηλοῖ διὰ τούτου μόνην τὴν εὐθεῖαν || ἴσον κατέχειν διάστημα τῷ μεταξὺ τῶν ἐπ' αὐτῆς σημείων. ὅσον γὰρ ἀπέχει θάτερον τῶν σημείων θατέρον, το- ¹⁰ σούτον τὸ μέγεθος τῆς εὐθείας τῆς ὑπ' αὐτῶν περα-
τουμένης. καὶ τοῦτό ἐστιν τὸ ἐξ ἴσου κείσθαι τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις. εἰ δὲ ἐπὶ τῆς περιφερείας ἡ καὶ ἄλλης τινὸς γραμμῆς δύο σημεῖα λάβοις, τὸ μεταξὺ τούτων ἀπολαμβανόμενον διάστημα τῆς γραμμῆς με- ¹⁵ ξόν ἐστι τῆς ἀποστάσεως αὐτῶν. καὶ πᾶσα γραμμὴ τοῦτο πεπονθυῖα φαίνεται πλὴν τῆς εὐθείας, διὸ καὶ κατὰ κοινὴν ἔννοιαν τοὺς μὲν ἐπ' εὐθείας ὀδεύοντας τὴν ἀναγκαίαν μόνην πορεύεσθαι φασιν καὶ οἱ πολ- ²⁰ λοί, τοὺς δὲ μὴ ἐπ' εὐθείας πλεῖον τῆς ἀναγκαίας.
ὁ δὲ Πλάτων ἀφορίζεται τὴν εὐθεῖαν γραμμὴν, ἥς τὰ μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπροσθεῖ. καὶ γὰρ τοῦτο τὰ μὲν ἐπ' εὐθείας ἀλλήλοις κείμενα πάσχειν ἀναγκαῖον, τὰ δ' ἐπὶ κύκλου περιφερείας ἡ ἄλλης διαστάσεως οὐκ ἀναγκαῖον. ὅθεν δὴ καὶ οἱ ἀστρολογικοὶ φασὶ τότε ²⁵

1 ἐστὶ τῶν νοερῶν *H*₂ p. 272. 5 τούτων τῶν] τῶν ὄν-
των *G*, corr. *C*, (τούτων τῶν) *H*₂ p. 453. 8 διὰ τοῦτον *G*,
διὰ τούτου *C*. 9 τὸ μεταξὺ *G*. 13 ἑαυτοῖς *C*. || ἐπὶ]
περὶ *G*. 17. 18 διὸ καὶ ... ἐπ' εὐθείας om. *G*. 18 καὶ
ὀδεύοντας *G*. 19 ἀναγκαίαν *M, C*, ἀναγκαῖον *G*, ἀναγκαίαν
ὁδὸν *Kn. I*. || πορεύεσθαι κατὰ τὴν εὐθεῖαν φασὶ *G*.
21 Plato, Parmen. p. 137, E. || ἥς] εἰς *M*, sed postera manus
ἥς supra εἰς scripsit; οἷς *G*.

τὸν ἥλιον ἐκλείπειν, ὅταν ἐπὶ μιᾷς εὐθείας γένηται αὐτός τε καὶ ἡ σελήνη καὶ τὸ ὄμμα τὸ ἡμέτερον. τότε γὰρ ὑπὸ τῆς σελήνης ἐπιπροσθελῶσαι μέσης αὐτοῦ καὶ ἡμῶν γενομένης. καὶ ἴσως ἐνδειξιν ἂν φέροι τὸ
 5 πάθος τῆς εὐθείας τοῦ καὶ ἐν τοῖς οὐσί κατα τὰς προόδους τὰς ἀπὸ τῶν αἰτιῶν τὰ μέσα διαιρητικὰ γίνεσθαι τῆς τῶν ἄκρων ὑποστάσεως καὶ τῆς πρὸς ἀλληλα αὐτῶν κοινωνίας. ὥσπερ δὴ κατὰ τὰς ἐπιστροφὰς συνελίττει καὶ τὰ ἀφ' ἑαυτῶν πρὸς τὰς ἀρχικὰς
 10 διεστῶτα αἰτίας. ὁ δ' αὖ Ἀρχιμήδης τὴν εὐθεῖαν ὠρισато γραμμὴν ἐλαχίστην τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν. διότι γάρ, ὡς ὁ Εὐκλείδειος λόγος φησὶν, ἐξ ἴσου κεῖται τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις, διὰ τοῦτο ἐλαχίστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν. εἰ γὰρ
 15 εἴη τις ἐλάττων, οὐκ ἐξ ἴσου κείσεται τοῖς πέρασιν ἑαυτῆς. καὶ μὴν καὶ οἱ ἄλλοι πάντες ὀρισμοὶ τῆς εὐθείας εἰς τὰς αὐτὰς ἐννοίας ἐμπέπτουσιν· οἷον ὅτι ἐπ' ἄκρον ἐστὶ τεταμένη γραμμὴ· καὶ ὅτι μέρος μὲν οὐκ ἐστὶν αὐτῆς ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ, μέρος δὲ
 20 ἐν τῷ μετεωροτέρῳ· καὶ ὅτι πάντα αὐτῆς τὰ μέρη πᾶσιν ὁμοίως ἐφαρμόζει· καὶ ὅτι ἡ τῶν περάτων μενόντων καὶ αὐτὴ μένουσα· καὶ ὅτι ἡ μετὰ τῆς ὁμοειδοῦς | μιᾶς σχῆμα μὴ ἀποτελοῦσα. πάντα γὰρ ταῦτα τὴν ιδιότητα σημαίνει τῆς εὐθείας, ἣν ἔχει τῷ τε
 25 ἀπλῇ εἶναι καὶ μίαν ἔχειν πρόοδον ἐλαχίστην τῶν ἀπὸ τοῦ περάτος ἐπὶ θάτερον πέρας.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν ὀρισμῶν τῆς εὐθείας

8 αὐτοῦ τε καὶ G. 7 ἀποστάσεως G, ὑποστάσεως C.
 8 κατὰ] καὶ G, κατὰ C. 10 διεστῶτα om. M, C. 13 ἐφ'
 ἑαυτὴν C. 18 ἐπ' ἄκρων G, ἐπ' ἄκρον C. || τεταγμένη G. ||
 γραμμὴ om. G, add. C. 23 μία G, μιᾶς C. 24 τότε G. || τὸ
 τε ἀπλῇ K. I. 25 Post ἐλαχίστην ἡ add. M.

γραμμῆς· διαιρεῖ δ' αὖ τὴν γραμμὴν ὁ Γεμῖνος πρῶ-
 του μὲν εἰς τὴν ἀσύνθετον καὶ τὴν σύνθετον — καλεῖ
 δὲ σύνθετον τὴν κεκλασμένην καὶ γωνίαν ποιοῦσαν —
 ἔπειτα τὴν σύνθετον εἰς τε τὴν σχηματοποιοῦσαν καὶ
 τὴν ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλομένην, σχῆμα λέγων ποιεῖν
 τὴν κυκλικήν, τὴν τοῦ θυρεοῦ, τὴν κιττοειδῆ, μὴ ποιεῖν
 δὲ τὴν τοῦ ὀρθογωνίου κῶνου τομὴν, τὴν τοῦ ἀμβλυ-
 γωνίου, τὴν κογχοειδῆ, || τὴν εὐθείαν, πάσας τὰς τοι-
 αύτας. καὶ πάλιν κατ' ἄλλον τρόπον τῆς ἀσυνθέτου
 γραμμῆς τὴν μὲν ἀπλὴν εἶναι, τὴν δὲ μικτήν, καὶ τῆς 10
 ἀπλῆς τὴν μὲν σχῆμα ποιεῖν ὡς τὴν κυκλικήν, τὴν δὲ
 ἀόριστον εἶναι ὡς τὴν εὐθείαν, τῆς δὲ μικτῆς τὴν μὲν
 ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εἶναι, τὴν δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς, καὶ
 τῆς ἐν ἐπιπέδοις τὴν μὲν ἐν αὐτῇ συμπίπτειν ὡς τὴν
 κιττοειδῆ, τὴν δ' ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι, τῆς δὲ ἐν 15
 στερεοῖς τὴν μὲν κατὰ τὰς τομὰς ἐπινοεῖσθαι τῶν στε-
 ρεῶν, τὴν δὲ περὶ τὰ στερεὰ ὑφίστασθαι. τὴν μὲν
 γὰρ ἔλικα τὴν περὶ σφαῖραν ἢ κῶνον περὶ τὰ στερεὰ
 ὑφεστάναι, τὰς δὲ κωνικὰς τομὰς ἢ τὰς σπειριδικὰς
 ἀπὸ τοιαύδε τομῆς γεννᾶσθαι τῶν στερεῶν. ἐπινενο- 20
 ῖσθαι δὲ ταύτας τὰς τομὰς τὰς μὲν ὑπὸ Μεναιχμοῦ
 τὰς κωνικὰς, ὃ καὶ Ἑρατοσθένης ἱστορῶν λέγει·
 Μὴ δὲ Μεναιχιμῖους κωνοτομεῖν τριάδας· τὰς δὲ ὑπὸ
 Περσέως, ὃς καὶ τὸ ἐπίγραμμα ἐποίησεν ἐπὶ τῇ
 εὐρέσει

4 ἔπειτα . . . σχηματοποιοῦσαν om. G, add. C. 6 τὴν
 κυκλικήν] κυκλικὸν M, C, κυκλικήν G; τὴν ego addidi. 'Cir-
 cularem' (sc. lineam) B, 'circulosam' Z. || θυραιοῦ G.
 7 κῶνον om. G, add. C. 12 Post εἶναι add. G: τὴν δὲ μικτήν,
 delendum notavit C. || ὡς] εἰς C. 17 περὶ] ἐπὶ G. || τὰς
 στερεὰς M, C. Postera manus in M utroque loco α super ας
 scripsit. 17. 18 τὰ στερεὰ . . . κῶνον περὶ om. G, add. C.
 20 τῆς τοιαύδε G, τῆς del. C. || ἐπινοεῖσθαι G.

Τρεῖς γραμμὰς ἐπὶ πέντε τομαῖς εὐρῶν [ἐλικώδεις]
Περσεὺς τῶνδ' ἔνεκεν δαίμονας ἱλάσατο.

αἱ μὲν δὴ τρεῖς τομαὶ τῶν κώνων εἰσὶν παραβολὴ καὶ
ὑπερβολὴ καὶ ἔλλειψις, τῶν δὲ σπειρικῶν τομῶν ἡ μὲν
5 ἐστὶν ἐμπεπλεγμένη, εἰκνυῖα τῇ τοῦ ἵππου ^{ἐπὶ} πείδῃ, ἡ δὲ
κατὰ τὰ μέσα πλατύνεται, ἐξ ἑκατέρου δὲ ἀπολήγει
μέρους, ἡ δὲ ~~παράμην~~ οὐσα τῷ μὲν μέσῳ διαστή-
ματι ἐλάττουσι χρῆται, εὐρύνεται δὲ ἐφ' ἑκάτερα. τῶν
10 στερεῶν σχημάτων πλήθος ἐστὶν ἄπειρον καὶ τομαὶ
αὐτῶν συνίστανται πολυεῖδεις. οὐ γὰρ εὐθεῖα μὲν
κατὰ κύκλον κινουμένη ποιεῖ τινα ἐπιφάνειαν, οὐχὶ
δὲ καὶ αἱ κωνικαὶ γραμμαὶ καὶ αἱ κογχοεῖδεις καὶ
αὐταὶ αἱ περιφέρεται. παντοίως οὖν ταῦτα τὰ στερεὰ
15 τεμνόμενα ποικίλα δείκνυσιν εἶδη γραμμῶν.

Τῶν δὲ περὶ τὰ στερεὰ συνισταμένων γραμμῶν
αἱ μὲν εἰσιν ὁμοιομερεῖς, ὥς αἱ περὶ τὸν κύλινδρον
ἑλικες, αἱ δὲ ἀνομοιομερεῖς, ὥσπερ αἱ ἄλλαι πᾶσαι.
συνάγεται οὖν ἐκ τούτων τῶν διαιρέσεων, ὥς αἱ τρεῖς
20 μόναι γραμμαὶ ὁμοιομερεῖς εἰσιν, ἡ εὐθεῖα, ἡ κυκλικὴ
καὶ ἡ κυλινδρική ἑλιξ. δύο μὲν ἐν ἐπιπέδῳ ἀπλατ,
μία δὲ μικτὴ περὶ στερεῶ. καὶ τοῦτο ἀποδείκνυσιν
ἐναργῶς ὁ Γεμῖνος προαποδείξας, ὅτι, ἂν πρὸς ὁμοιο-

1 τομαῖς Z. || εὐρῶν τὰς σπειρικὰς λέγων M, C, Z. εὐρῶν
τὰς * σπειρικὰς B, G, εὐρῶν ἐλικώδεις Kn. I u. III p. 6. 'spi-
ricas cum invenisset' B. 2 ἔνεκα G. 6 ἀπολήγει G, ἀπο-
λογεῖ M, C. 10 τομαὶ] τὰ μὲν G, τὸ μὲν C. 11 πολυεῖδῃ G,
πολυεῖδεις C. 12 κύκλου M, C; 'circulariter' B, 'circu-
lose' Z. || τινα om. G. 13 αἱ et ante κωνικαὶ et ante κογχο-
εῖδεις om. G, add. C. 14 ταῦτα om. G. 17 περὶ] ἐπὶ G.
22 τὸ στερεόν G, στερεῶ C. 23 προαποδείξας G, πρὸς
ἀποδείξεις C.

μερῇ γραμμῇν ἀπὸ τοῦ σημείου δύο εὐθεῖαι προσ-
 εκβληθῶσιν ἴσας πρὸς αὐτὴν ποιοῦσαι γωνίας, ἴσαι
 εἶναι. καὶ ληπτέον ἐκ τῶν ἐκείνου τοῖς φιλομαθέσι
 τὰς ἀποδείξεις, ἐπεὶ καὶ τὰς γενέσεις τῶν σπειρικῶν
 γραμμῶν καὶ τῶν κορχοειδῶν. || καὶ τῶν κισσοειδῶν
 παραδίδωσιν. ἡμεῖς δὲ τὰς μὲν ἐπωνυμίας αὐτῶν καὶ
 τὰς διαιρέσεις ἱστορήσομεν εἰς τὴν περὶ αὐτῶν ζήτη-
 σιν ἐγείροντες τοὺς εὐφυνεῖς, τὸ δὲ περὶ τὴν ἐκάσταν
 ζήτησιν τοὺς λόγους ἀκριβοῦν ἐν τοῖς παροῦσιν ἡγού-
 μεθα περιέργον εἶναι, τοῦ γεωμέτρου τὰς ἀπλᾶς καὶ 10
 ἀρχοειδεῖς ἡμῖν ἐνταῦθα μόνας γραμμὰς ἐκφάναντος,
 τὴν μὲν εὐθεῖαν κατὰ τὸν προκείμενον ὀρισμόν, τὴν
 δὲ περιφέρειαν κατὰ τὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου. τότε
 γὰρ ἐρεῖ τὴν γραμμὴν τὴν περατοῦσαν τὸν κύκλον
 εἶναι περιφέρειαν. μικτῆς δὲ γραμμῆς οὐδαμοῦ μέ- 15
 μνηται. καίτοι γωνίας οἶδε μικτάς, ὥσπερ τὴν τῶν
 ἡμικυκλίων καὶ τὴν κερατοειδῆ, καὶ σχήματα ἐπίπεδα
 μικτά, [τὰ τμήματα] καὶ τοὺς τομῆας, καὶ στερεά, τοὺς
 κώνους καὶ κυλίνδρους. τῶν μὲν οὖν ἄλλων ἐκάστου
 τὰ τρία παραδίδωσιν εἶδη, τῶν δὲ γραμμῶν τὰ δύο 20
 μόνον, τὸ εὐθὺ καὶ περιφερές, ἡγούμενος δεῖν ἐν τοῖς
 περὶ τῶν ἀπλῶν λόγοις τὰ ἀπλᾶ παραλαμβάνειν εἶδη.
 πάντα γὰρ τὰ ἄλλα συνθετώτερα τῶν γραμμῶν. ἐπό-
 μενοι δὲ οὖν καὶ ἡμεῖς τῷ γεωμέτρῳ στήσωμεν ἐπὶ
 τῶν ἀπλῶν γραμμῶν τὴν διάφθρῳσιν αὐτῶν. 25

1 ἀπὸ τοῦ *M*, *G*, 'ab uno signo' *B*, 'a signo' *Z*, ἀφ' ἐνός
Kn. I. 8 ἐκάστου *G*. 13 περιφερῆ *G*. 15 γραμμῆς
 om. *G*. || οὐδέπω *G*, οὐδαμοῦ *C*. • 16 τοῦ ἡμικυκλίου *Kn. I.*
 18 τὰ τμήματα, quae om. *M*, *B*, *G* (*Z*), addidit *Kn. I.* 'Segmenta
 s. atque Sectores' *B*. || στερεῶν *G*. 21 ἡγούμενος δεῖν] δεῖ
 γὰρ *G*, *B*, *B* = *M*, 'cum arbitretur opus esse' *B*, 'arbitratus' *Z*.
 25 διόρθωσιν *G*.

Def. V. Ἐπιφάνεια δέ ἐστιν ὃ μῆκος καὶ
πλάτος μόνον ἔχει.

Μετὰ τὸ σημεῖον καὶ τὴν γραμμὴν ἡ ἐπιφάνεια
τέτακται διχῇ διαστᾶσα κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος,
5 ἀβαθὴς δὲ μέινασα καὶ ταύτῃ τοῦ τριχῇ διαστάντος
ἀπλουστέραν ἔχουσα φύσιν. διὸ καὶ ὁ γεωμέτρης τὸ
μόνον προσέθηκε τοῖς δύο διαστήμασιν ὥς ἂν τῆς
τρίτης διαστάσεως οὐκ οὔσης ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ, καὶ
ἐστὶ καὶ τοῦτο τῇ ἀποφάσει τοῦ βάθους ἴσον | δυνά-
10 μενον, ἵνα κἀνταῦθα τὴν μὲν ὑπεροχὴν τῆς ἐπιφανείας
τὴν κατὰ ἀπλότητα πρὸς τὸ στερεὸν σημαίνῃ διὰ τῆς
ἀποφάσεως ἢ τῆς ἰσοδυναμούσης τῇ ἀποφάσει προσ-
θήκης, τὴν δὲ ὕφεσιν τὴν πρὸς τὰ πρὸ αὐτῆς διὰ τῶν
καταφάσεων.

15 Ἄλλοι δὲ πέρας αὐτὴν ὥρισαντο σώματος ταύτον
πῶς λέγοντες — τὸ γὰρ περατοῦν τοῦ περατουμένου
μια̃ λείπεται διαστάσει — οἱ δὲ μέγεθος διχῇ διαστα-
τόν, οἱ δὲ ἄλλως, ὁπῶσοῦν σχηματίζοντες τὴν ἀπόδο-
σιν σημαίνοντες ταυτόν.

20 Τῆς δὲ ἐπιφανείας ἐννοίαν μὲν ἔχειν ἡμᾶς φασιν,
ὅταν τὰ χωρία μετρώμεν καὶ τοὺς ὄρους αὐτῶν ἀφο-
ρίζωμεν κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος, αἰσθησιν δὲ τινα
λαμβάνειν || εἰς τὰς σκιὰς ἀποβλέποντας· αὗται γὰρ
ἀβαθεῖς οὔσαι διὰ τὸ μὴ δύνασθαι χωρεῖν εἰς τὸ κάτω
25 τῆς γῆς πλάτος ἔχουσι μόνον καὶ μῆκος. οἱ δὲ γε

4 διαστᾶσα om. G. 5 ἀβαθὴς G. || αὕτη G, ταύτη C. ||
διαπαντός G, διαστάντος C. 11 σημαίνῃ G. 13 πρὸς τὰ
delenda notavit C. 14 καταστάσεων G, καταφάσεων C.
18 ἄλλοι G. || σχηματίζονται G, σχηματίζοντες C. 20 φη-
σιν C. 22 τε om. G, add. C. 23 ἀποβλέποντες G.

Πνθ'αγόρειοι τῇ τριάδι προσήκειν ἔλεγον αὐτήν, διότι δὴ τὰ ἐπ' αὐτῆς σχήματα πάντα πρωτίστην αἰτίαν ἔχει τὴν τριάδα. ὁ μὲν γὰρ κύκλος, ὅς ἐστιν ἀρχὴ τῶν περιφερομένων, ἐν κρυφίῳ ἔχει τὸ τριαδικὸν τῷ κέντρῳ τῇ διαστάσει τῇ περιφερείᾳ· τὸ δὲ τρίγωνον⁵ ἀπάντων ἡγεμονοῦν τῶν εὐθυγράμμων παντί που δῆλον, ὅτι τῇ τριάδι κατέχεται καὶ κατ' ἐκείνην μεμόρφωται.

Def. VI. Ἐπιφανείας δὲ πέρατα γραμμὰ.

Καὶ ἀπὸ τούτων ὡς εἰκόνων ληπτέον ὅτι πᾶν τὸ 10 προσεχῶς ἐκάστου τῶν ὄντων ἀπλούστερον τὸν ὄρον ἐπάγει καὶ τὸ πέρας ἐκάστῳ. καὶ γὰρ ψυχὴ τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν ἀφορίζει καὶ τελειοῖ καὶ φύσις τὴν τῶν σωμάτων κινήσιν, καὶ πρὸς τούτων νοῦς μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοῦ τοῦ νοῦ τὴν ζωὴν 15 τὸ ἔν. πάντων γὰρ ἐκεῖνο μέτρον. ὥσπερ δὴ καὶ ἐν τούτοις ὀρίζεται μὲν τὸ στερεὸν ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας, ὀρίζεται δὲ καὶ ἡ ἐπιφάνεια ὑπὸ τῆς γραμμῆς καὶ αὕτη ὑπὸ τοῦ σημείου· πάντων γὰρ ἐκεῖνο πέρας. ἐν μὲν οὖν τοῖς αὐλοῖς εἶδεσι καὶ ἡμέρεσι λόγοις ἢ 20 γραμμῇ, μονοειδῆς ὑπάρχουσα κατὰ τὴν πρόοδον, τὴν τῆς ἐπιφανείας ποικίλην κινήσιν περατοῖ καὶ συνέχει,

2 πρώτην (πρὸς τὴν) *H*₁ p. 453, *H*₂ p. 261. || αἰτίαν om. *G*, add. *C*. 3 ἔχειν *C*. || ὅς om. *G*, add. *C*. 4 Super περιφερομένων in *M* postera manu scripsit γραμμῶν. || καὶ ἐγκρυφίως *G*, ἐν κρυφίῳ *C*, *H*₁ *H*₂. || τῷ τριαδικῷ *G*, τὸ τριαδικόν *C*, *H*₁ *H*₂. 7 τῇ om. *G*. 10 πῶς *G*, πᾶν *C*. 14 ἀσωμάτων *C*; 'Corporum' *B*, *Z*. 16 ἐκείνων *G*. 18 δὴ καὶ *G*, δὲ καὶ *C*. || ἡ om. *G*. 19 αὐτὴ *M*. 21—22 κατὰ τὴν πρόοδον . . . περατοῖ] καὶ τ. πρ. τ. τ. ἐπ. κατὰ π. κ. π. postera manus in *M*; 'in Superficieī progressu varium motum terminat' *B*, 'iuxta progressum: varium superficieī motum terminat' *Z*.

καὶ τὴν ἀπειρίαν αὐτῆς ἐνίξει προσεχῶς, ἐν δὲ ταῖς εἰκόσιν αὐτοῦ τοῦ περατουμένου τὸ περατοῦν γερονὸς οὕτως αὐτῷ δίδωσι τὸν ὄρον.

Εἰ δὲ τις ἐπιζητοίη κἀνταῦθα, πῶς πάσης ἐπιφανείας ⁵ πέρατα γραμμαί, μὴ δὲ τῆς πεπερασμένης πάσης — ἡ γὰρ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας πεπερασται μὲν, οὐχ ὑπὸ γραμμῶν δέ, ἀλλ' αὐτὴ ὑφ' αὐτῆς — ἐροῦμεν, ὅτι τὴν ἐπιφάνειαν, καθόσον ἐστὶ διχῇ διαστατή, λαβόντες εὐρήσομεν ὑπὸ γραμμῶν ὀριζομένην κατὰ ¹⁰ τὸ μῆκος καὶ τὸ πλάτος, εἰ δὲ τὴν σφαιρικὴν θεωροῦμεν ἐσχηματισμένην αὐτὴν καὶ προσλαβοῦσαν ἄλλην ποιότητα, λαμβάνομεν καὶ πέρας ἀρχῇ συνάψασαν καὶ ἐκ τῶν δύο περάτων ἐν ποιήσασαν, καὶ τοῦτο δυνάμει μόνον ἐν ὑπάρχον καὶ οὐ κατ' ἐνέργειαν.

¹⁵ || Def. VII. Ἐπίπεδος ἐπιφάνειά ἐστίν, ἣτις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς εὐθείαις κεῖται.

Τοῖς μὲν παλαιότεροις τῶν φιλοσόφων οὐκ ἐδόκει τῆς ἐπιφανείας εἶδος τίθεσθαι τὸ ἐπίπεδον, ἀλλ' ὥς ταῦτὸ ἐκάτερον παραλαμβάνειν εἰς παράστασιν τοῦ ²⁰ διχῇ διαστάντος μεγέθους. οὕτω γὰρ καὶ ὁ θεὸς Πλάτων τὴν γεωμετρίαν τῶν ἐπιπέδων ἔφατο θεωρητικὴν εἶναι, πρὸς τὴν στερεομετρίαν αὐτὴν ἀντιδιαίρων ὥς ἂν τῆς αὐτῆς οὔσης τῷ ἐπιπέδῳ τῆς ἐπιφανείας· καὶ ὁ δαιμόνιος Ἀριστοτέλης ὡσαύτως. ²⁵ Εὐκλείδης δὲ καὶ οἱ μετ' αὐτὸν γένος μὲν ποιοῦσι τὴν ἐπιφάνειαν, εἶδος δὲ τὸ ἐπίπεδον ὥς τῆς γραμμῆς

4 ἐπιζητήσκειν G. 5 αἱ γραμμαί G. || Post πάσης οὔσαι add. G, del. C. 7 ἡ ἐροῦμεν G, C del. η. 10 θεωρήσομεν G. 12 συνάψαν M.

τὴν εὐθείαν. διὸ καὶ τὸ ἐπίπεδον χωρὶς ἀφορίζεται
 τῆς ἐπιφανείας κατὰ τὸ ἀνάλογον τῇ εὐθείᾳ· καὶ γὰρ
 ἐκείνην ἴσην εἶναι τῷ μεταξὺ διαστήματι τῶν σημείων
 ἔλεγεν καὶ ταύτην ὁμοίως δυεῖν εὐθειῶν ἐκκειμένων
 ἴσον κατέχειν τόπον τῷ μεταξὺ τῶν εὐθειῶν. αὕτη 5
 γὰρ ἐστὶν ἡ ἐξ ἴσου κειμένη ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς εὐθείαις,
 ἣν καὶ ἔτεροι, τὸ αὐτὸ δηλοῦντες, ἐπ' ἄκρον τεταμέ-
 νην εἰρήκασιν, οἱ δὲ ἥς πᾶσι τοῖς μέρεσιν εὐθεῖα
 ἐφαρμόζει. φαίεν δὲ ἂν τινες αὐτὴν καὶ ἐλαχίστην
 τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν ἐπιφανειῶν, καὶ ἥς τὰ 10
 μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπροσθεῖ, καὶ πάντας τοὺς τῆς
 εὐθείας ὅρους καὶ εἰς τὴν ἐπίπεδον ἐπιφάνειαν τὸ
 γένος μόνον ἐξαλλάττοντες δυνήσονται μεταφέρειν.
 τὸ γὰρ εὐθὺ τοῦτο καὶ περιφερὲς καὶ τὸ μικτὸν ἀπὸ
 τῶν γραμμῶν ἀρξάμενα διατείνει μέχρι τῶν στερεῶν, 15
 ὡς εἴπομεν. ἔστι γὰρ καὶ ἐν ἐπιφανείαις καὶ ἐν στε-
 ρεοῖς κατὰ τὸ ἀνάλογον. διὸ καὶ ὁ Παρμενίδης πᾶν
 σχῆμά φησιν ἢ εὐθὺ εἶναι ἢ περιφερὲς ἢ μικτόν. εἴπερ
 οὖν ἐθέλοις τὸ εὐθὺ θεωρεῖν ἐν ἐπιφανείαις, λάβε τὸ
 ἐπίπεδον, ᾧ ἐφαρμόζει παντοίως ἡ εὐθεῖα, εἰ δὲ τὸ 20
 περιφερὲς, τὴν σφαιρικὴν ἐπιφάνειαν, εἰ δὲ τὸ μικτόν,
 τὴν κυλινδρικὴν ἢ κωνικὴν ἢ τινα τοιαύτην. δεῖ δέ,
 φησὶν ὁ Γεμῖνος, μικτῆς λεγομένης γραμμῆς, μικτῆς
 δὲ καὶ ἐπιφανείας εἰδέναι τὸν τρόπον τῆς μίξεως ὄντα
 διάφορον. οὕτε γὰρ κατὰ σύνθεσιν ἢ μίξις ἐπὶ τῶν 25

3 εἶναι ἴσην G. 4 δυῶν G. δυεῖν C. 4—5 ἐκκει-
 μένων . . . τῶν εὐθειῶν om. G, add. C. 5 τὸ μεταξὺ C.
 6 ἢ om. G. 7 ἄκρω G, ἄκρον C. 8 ἣν G, ἥς C.
 17 Παρμενίδης M. 18 σχῆμα G, σχῆμα C. 25 Post σύν-
 θεσιν addit μόνον G, 'tantum' B, 'dumtaxat' Z; at vide infra:
 ἐν δὲ ταῖς ἐπιφανείαις ἡ μίξις οὕτε κατὰ σύνθεσιν οὕτε κατὰ
 σύγχυσιν. B₃ = M.

γραμμῶν, οὔτε κατὰ κρᾶσιν. ἡ γὰρ ἔλιξ μικτή ἐστίν
καὶ οὐκ ἔστι μέρος | μὲν αὐτῆς εὐθύ, μέρος δὲ περι-
φερὲς ὥσπερ τῶν κατὰ σύνθεσιν μικτῶν, οἷδὲ τεμνο-
μένη πως ἡ ἔλιξ ἔμφασιν παρέχεται τῶν ἀπλῶν, ὅπερ
⁵ ὑπομένει τὰ μεμιγμένα κατὰ κρᾶσιν, ἀλλ' ἐστὶν ἐν
αὐτῇ συνεφθαρμένα τὰ ἄκρα καὶ συγκεχυμένα, ὥστε
τοῦτό γε || Θεόδωρος ὁ μαθηματικὸς οὐκ ὀρθῶς κρᾶ-
σιν ἐπὶ τῶν γραμμῶν παραλαμβάνει. ἐν δὲ ταῖς ἐπι-
φανείαις ἡ μίξις οὔτε κατὰ σύνθεσιν οὔτε κατὰ σύγχν-
¹⁰ σιν, ἀλλὰ μᾶλλον κατὰ τινα κρᾶσιν. νοήσαντες γὰρ
κύκλον ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ καὶ σημείον μετέω-
ρον καὶ ἀπὸ τοῦ σημείου προσεκβάλλοντες εὐθεῖαν τῇ
τοῦ κύκλου περιφερείᾳ καὶ περιελίξαντες αὐτὴν ποιή-
σομεν κωνικὴν ἐπιφάνειαν μικτὴν οὖσαν, καὶ πάλιν
¹⁵ τέμνοντες αὐτὴν ἀναλύσομεν εἰς τὰ ἀπλᾶ. διὰ μὲν
γὰρ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἄγοντες τὴν τομὴν
ποιήσομεν τρίγωνον, παρὰ δὲ τὴν βάσιν ἄγοντες τὴν
τομὴν ποιήσομεν τὸ τέμνον ἐπίπεδον κυκλικόν. τῶν
δὲ γραμμῶν ἡ ἰδέα τὸν τρόπον τῆς μίξεως οὐ δείκνυ-
²⁰ σιν ὄντα κατὰ κρᾶσιν· οὐδὲ γὰρ ἀναπέμπει ἡμᾶς εἰς
τὴν τῶν στοιχείων ἀπλὴν φύσιν. αἱ δὲ ἐπιφάνειαι
τεμνόμεναι εὐθύς ἐμφαίνουσιν καὶ δι' ὁποίων εἰσὶ
γεγονυῖται γραμμῶν.

Ὁ μὲν οὖν τρόπος τῆς μίξεως διάφορος ἐπὶ τε
²⁵ γραμμῶν, ὥς εἰρηται, καὶ ἐπιφανειῶν. ὥσπερ δὲ ἐν
ταῖς γραμμαῖς ἦσαν ἀπλαῖ τινες, ἥτε εὐθεῖα καὶ ἡ
περιφερής — τούτων γὰρ καὶ οἱ πολλοὶ προλήψεις

7 οὐκ ὀρθῶς om. G; 'non recte' B, 'haud recte' Z.

8 παραλαμβάνειν M. 13 ποιήσομεν M, G. 15 ἀναλύσο-
μεν G. 16 ἄγοντες εἰς τὴν G. 17—18 τρίγωνον . . .
ποιήσομεν om. G. 18 ποιήσομεν τὸ τέμνον M. || τέμον G,
τέμνον C. 24 οὖν om. G, add. C. 27 προσλήψεις G.

ἔχουσιν ἀδιδάκτους, τῶν δὲ μικτῶν τὰ εἶδη τεχνικω-
 τέρας ἐδεῖτο κατανοήσεως — οὕτω δὴ καὶ τῶν ἐν
 ταῖς ἐπιφανείαις στοιχειωθεσάτων, τῆς ἐπιπέδου καὶ
 τῆς σφαιρικῆς, αὐτόθεν τὰς ἐννοίας ἔχομεν, τῶν δὲ
 κατὰ μίξιν ὑφισταμένων ἢ ἐπιστήμη καὶ ὁ ταύτης⁵
 λόγος ἀνευρίσκει τὴν ποικιλίαν. ὃ δὲ ἐστὶ θανμαστὸν
 ἐν ταύταις, ὅτι καὶ ἀπὸ κυκλικῆς μίξης γίνεται πολ-
 λάκις τῆς ἐπιφανείας κατὰ τὴν γένεσιν, ὃ δὲ συμβαί-
 νειν φαμέν κατὰ τὴν σπειρικὴν ἐπιφάνειαν· κατὰ γὰρ
 κύκλον νοεῖται στροφὴν ὀρθοῦ διαμένουτος καὶ στρε-¹⁰
 φομένου περὶ τὸ αὐτὸ σημείον, ὃ μὴ ἐστὶ κέντρον τοῦ
 κύκλου, διὸ καὶ τριχῶς ἡ σπείρα γίνεται, ἢ γὰρ ἐπὶ
 τῆς περιφερείας ἐστὶ τὸ κέντρον ἢ ἐντὸς ἢ ἐκτός. καὶ
 εἰ μὲν ἐπὶ τῆς περιφερείας ἐστὶ τὸ κέντρον, γίνεται
 σπείρα συνεχῆς, εἰ δὲ ἐντός, ἢ ἐμπεπλεγμένη, εἰ δὲ¹⁵
 ἐκτός, ἢ διεχῆς, καὶ τρεῖς αἱ σπειρικαὶ τομαὶ κατὰ
 τὰς τρεῖς ταύτας διαφοράς. πᾶσα δὲ ὅμως σπείρα καί-
 τοι μιᾶς οὔσης καὶ κυκλικῆς τῆς κινήσεως μικτὴ ἐστὶ.
 γίνονται δὲ ἐπιφάνειαι μικταὶ καὶ ἀπὸ τῶν ἀπλῶν,
 ὥς εἴπαμεν, γραμμῶν τοιῶσδε κινουμένων καὶ ἀπὸ²⁰
 τῶν μικτῶν. αἱ γοῦν κινητικαὶ γραμμαὶ τρεῖς οὔσαι
 τέτταρας ποιοῦσιν ἐπιφανείας μικτάς, αἷς καλοῦσι κω-
 νοειδεῖς. ἀπὸ μὲν γὰρ τῆς παραβολῆς στρεφομένης
 περὶ τὸν ἄξονα γίννεται τὸ ὀρθογώνιον κωνοειδές,
 ἀπὸ δὲ τῆς ἐλλείψεως τὰ καλούμενα σφαιροειδῆ, εἰ²⁵
 μὲν περὶ τὸν μείζονα τῶν ἁξόνων ἢ στροφὴ γένοιτο,

4 αὐτόθι G. 7 τῆς κυκλικῆς G. 8 συμβαίνει C.
 10 κύκλον M, C. 11 In M in margine adscriptum est: ση-
 μεῖον. 13 καὶ ἡ μὲν M. 15 ἢ et ante ἐμπεπλεγμένη et
 ante διεχῆς om. G. 16 καὶ τρεῖς . . . τομαὶ om. G.
 17 τὰς om. G. 20 εἴπομεν G. || καὶ ἀπὸ τῶν κινουμένων G,
 quae delenda censet C.

τὸ ἐπίμηκες, εἰ δὲ περὶ τὸν ἐλάσσονα, τὸ ἐπίπλατυ,
ἀπὸ δὲ τῆς ὑπερβολῆς ἄλλο κωνοειδές. δεῖ δὲ εἰδέναι,
ὅτι ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν γραμμῶν εἰς ἐννοιαν ἐρχόμεθα
τῶν ἐπιφανειῶν, ποτὲ δὲ ἀνάπαλιν. ἀπὸ γὰρ τῶν
5 κωνικῶν καὶ σπειρικῶν ἐπιφανειῶν προσεπενοήσαμεν
τάς τε κωνικάς καὶ τὰς σπειρικάς || γραμμάς.

Καὶ μὴν καὶ τοῦτο δεῖ προειληφθῆναι περὶ τε γραμ-
μῶν καὶ ἐπιφανειῶν διαφοράς, ὅτι γραμμαὶ μὲν εἰσι-
τρεῖς ὁμοιομερεῖς, ὥσπερ ἤδη προείπομεν, ἐπιφάνειαι
10 δὲ δύο μόνον, ἐπίπεδος καὶ σφαιρικῇ, οὐκέτι δὲ καὶ
ἡ κυλινδρική. οὐ γὰρ πάντα πᾶσιν ἐφαρμόττειν δύ-
νεται τὰ μέρη τῆς κυλινδρικῆς ἐπιφανείας.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ἡμῖν
εἰρησθῶν διαφορῶν, ὧν μίαν ὁ γεωμέτρης ἐκλεξάμενος,
15 τὴν ἐπίπεδον, ταύτην ὥρισато, καὶ ὥς ἐπὶ ταύτης
ὑποκειμένης θεωρήσει τὰ τε σχήματα καὶ τὰ τούτων
πάθη. καὶ γὰρ εὐπορώτερος ὁ λόγος αὐτῷ γίνεται
μᾶλλον ἢ ἐπ' ἄλλης ἐπιφανείας. καὶ γὰρ εὐθείας καὶ
κύκλους καὶ ἑλικας ἐπὶ ταύτης νοεῖν δυνατόν, καὶ το-
20 μὰς κύκλων καὶ εὐθειῶν καὶ ἀφὰς καὶ παραβολὰς καὶ
γωνιῶν παντοίων συστάσεις. ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων ἐπι-
φανειῶν οὐ πάντα ταῦτα δύναται θεωρηθῆναι. ἐπὶ
γὰρ τῆς σφαιρικῆς πῶς ἂν εὐθεῖαν λάβοις ἢ εὐθύ-
γραμμον γωνίαν, ἐπὶ δὲ τῆς κωνικῆς ἢ κυλινδρικῆς
25 πῶς ἂν κύκλων τομὰς ἢ εὐθειῶν θεωρήσειας; εἰκότως
οὖν καὶ ὥρισато ταύτην τὴν ἐπιφάνειαν, καὶ ἐπ' αὐτῆς

2 ἄλλο κωνοειδές] ἄλλοκωνοειδές B₃, ἑλυκωνοειδές G, ἄλλο
κωνοειδές C. 'Obtusangulum Conoides' B, 'heliconoides' Z.

5 προσεπενοήσομεν G, προσεπινοήσαμεν M, C. 8 καὶ διαφο-
ράς C. 11 παντάπασιν G. 16 τε om. G. 18 ἄλλου M,
ἄλλας G, ἄλλης C. 20 εὐθειῶν] ἐπιφανειῶν G, εὐθειῶν C.

25 κύκλων τομὰς] ἢ κύκλων G.

πάντα ἐκτιθέμενος πραγματεύεται. καὶ γὰρ τὴν πραγματείαν ἐντεῦθεν ἐπίπεδον προσείρηκεν καὶ οὕτω δεῖ νοεῖν τὸ μὲν ἐπίπεδον οἷον προβεβλημένον καὶ πρὸ ὁμμάτων κείμενον, πάντα δὲ ὡς ἐπὶ τούτῳ τὴν διανοίαν γράφουσιν, τῆς μὲν φαντασίας οἷον ἐπιπέδῳ⁵ κατόπτρῳ προσεικασμένης, τῶν δὲ ἐν διανοίᾳ λόγων τὰς ἑαυτῶν ἐμφάσεις εἰς ἐκεῖνο καταπεμπόντων.

Def. VIII. Ἐπίπεδος δὲ γωνία ἐστὶν ἡ ἐν ἐπιπέδῳ δύο γραμμῶν ἀπομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμένων πρὸς ἀλλήλας τῶν¹⁰ γραμμῶν κλίσεις.

Τὴν γωνίαν οἱ μὲν τῶν παλαιῶν ^{category of relation} ἐν τῇ τοῦ πρὸς τι κατηγορίᾳ τάττοντες κλίσιν εἰρήκασιν ἢ γραμμῶν εἶναι πρὸς ἀλλήλας κεκλιμένων ἢ ἐπιπέδων, οἱ δὲ ἐν τῇ ποιότητι καὶ ταύτην περιλαμβάνοντες, ὡς τὸ εὐθὺν¹⁵ καὶ τὸ καμπύλον πάθος τοιόνδε λέγουσιν ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ, οἱ δὲ εἰς ποσότητα ἀναφέροντες ἐπιφάνειαν ἢ στερεὸν αὐτὴν εἶναι συγχωροῦσι. διαιρεῖται γὰρ ἡ μὲν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ὑπὸ γραμμῆς, ἡ δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς ὑπὸ ἐπιφανείας. τὸ δὲ ὑπὸ τούτων, φασί,²⁰ διαιρούμενον οὐκ ἄλλο τί ἐστίν ἢ μέγεθος καὶ τοῦτο οὐ γραμμικόν — ἡ γὰρ γραμμὴ ὑπὸ σημείου διαιρεῖται —, λείπεται οὖν αὐτὴν ἢ ἐπιφάνειαν ἢ στερεὸν²⁴ εἶναι. ἀλλ' εἰ μέγεθος, πάντα δὲ τὰ ὁμογενῆ μεγέθη πεπερασμένα ὄντα λόγον ἔχει πρὸς ἀλλήλα, καὶ αἱ²⁵

2 προσήρηκεν C. 7 ἐννοίας G, ἐμφάσεις C. 12 παλαιῶν] γραμμῶν G, παλαιῶν B₂, C, 'veterum Philosophorum' B, 'Ex veteribus' Z. || τοῦ τῶν G. 17 ποιότητα G, ποσότητα C. 24 εἰ μὲν μέγεθος G.

γωνίαι πᾶσαι αἱ ὁμογενεῖς ἤρουν αἱ ἐν ἐπιφανείαις
 λόγον πρὸς ἀλλήλας ἔξουσιν, ὥστε καὶ ἡ κερατοειδὴς
 πρὸς τὴν εὐθύγραμμον. τὰ δὲ λόγον ἔχοντα πρὸς
 ἀλλήλα δύνανται ἀλλήλων ὑπερέχειν πολλαπλασιαζό-
 5 μενα. ὑπερέξει ἄρα ποτὲ καὶ ἡ κερατοειδὴς τὴν εὐθύ-
 γραμμον, ὅπερ ἀδύνατον. δέικνυται γὰρ ὅτι πάσης
 ἐστὶν ἐλάττων εὐθυγράμμου. καὶ μὴν καὶ εἰ ποιότης
 μόνον ἐστὶν ὥς ἡ θερμότης καὶ ἡ ψυχρότης, πῶς εἰς
 ἴσα διαιρετὴ ἐστίν; οὐ γὰρ παρ' ἑλαττον ταῖς γωνίαις
 10 ὑπάρχει τὸ ἴσον καὶ ἄνισον ἢ τοῖς μεγέθεσιν, καὶ
 ὅλως τὸ διαιρετὸν ὁμοίως ἑκατέροις καθ' αὐτὸ συμ-
 βέβηκεν. εἰ δὲ οἷς ταῦτα καθ' αὐτὸ ὑπάρχει ποσὰ
 ἅττα ἐστὶ καὶ οὐ ποιότητες, καὶ αἱ γωνίαι ποιότητες
 δῆλον ὅτι οὐκ ἂν εἴεν· τῆς γὰρ ποιότητος τὸ μᾶλλον
 15 καὶ ἥττον οἰκεία πάθη καὶ οὐ τὸ ἴσον καὶ ἄνισον.
 ἔδει τοίνυν μὴ λέγειν ἀνίσους γωνίας καὶ τὴν μὲν
 μέλξονα τὴν δὲ ἐλάσσονα, ἀλλ' ἀνομοίους καὶ τὴν μὲν
 μᾶλλον γωνίαν, τὴν δὲ ἥσσον. ταῦτα δὲ ὅτι τῆς τῶν
 μαθημάτων ὑπάρξεως ἐστὶν ἀλλότρια, παντὶ πον κατα-
 20 φανές. πᾶσα γὰρ γωνία τὸν αὐτὸν ἐπιδέχεται λόγον
 καὶ οὐχὶ ἡ μὲν ἐστὶ γωνία μᾶλλον ἢ δὲ ἥσσον. τὸ δὲ
 τρίτον, εἰ κλίσις ἐστὶν ἡ γωνία καὶ ὅλως τῶν πρὸς τι,
 συμβήσεται μιᾶς οὔσης κλίσεως μίαν εἶναι καὶ γωνίαν
 ἀλλ' οὐ πλείους. εἰ γὰρ μηδὲν ἐστὶν ἄλλο παρὰ τὴν
 25 σχέσιν τῶν γραμμῶν ἢ τῶν ἐπιπέδων, τίς μηχανὴ
 μίαν μὲν εἶναι τὴν σχέσιν, πλείους δὲ γωνίας; εἰ

1 εἰ γοῦν *G*, ἢ in *M* in rasura est scriptum. 2 ὥστε
 om. *G*. 6 δέικνυται] μὴ δύναται *G*; μὴ delendum not. *C*.

10 ἡ om. *G*, in *M* prima ut videtur manu intra lineas
 est scriptum. 13 ἄλλα *G*, ἅττα *C*. 15 In *M* in margine
 adscriptum est ἥσσον. 26 τὴν σχέσιν τῶν γραμμῶν ἢ τῶν
 ἐπιπέδων, πλείους δὲ τὰς γωνίας *G*.

τοίνυν νοήσεως κῶνον τῷ διὰ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν
 βάσιν τριγώνῳ τετμημένον ἐν τῷ ἡμικωνίῳ κατὰ τὴν
 κορυφὴν μίαν μὲν θεωρήσεις κλίσειν τῶν γραμμῶν τῶν
 τοῦ τριγώνου, δύο δὲ ἀφεστῶσας γωνίας, τὴν μὲν
 ἐπίπεδον, τὴν αὐτοῦ τοῦ τριγώνου, τὴν δὲ ἐπὶ τῆς 5
 μικτῆς ἐπιφανείας τοῦ κῶνου, περιεχομένην δὲ ἐκατέ-
 ραν ὑπὸ τῶν προειρημένων δυεῖν γραμμῶν. οὐκ
 ἄρα ἡ τούτων σχέσις ἐποίει τὴν γωνίαν, ἀλλὰ μὴν
 ἀναγκαῖον αὐτὴν ἢ ποιότητα λέγειν, ἢ ποσόν, ἢ τῶν
 πρὸς τι. τὰ μὲν γὰρ σχήματα ποιότητες, οἱ δὲ λόγοι 10
 τούτων πρὸς ἄλληλα τῶν πρὸς τι. δεῖ τοίνυν καὶ
 τὴν γωνίαν ὑφ' ἐν τι τούτων ἀνάγεσθαι τῶν τριῶν
 γενῶν.

Τοιούτων δὴ τῶν ἀπόρων ὄντων καὶ τοῦ μὲν
 Εὐκλείδου κλίσειν λέγοντος τὴν γωνίαν, τοῦ δὲ 15
 Ἀπολλωνίου ^{collectio (J.)} συναγωγῇ ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ πρὸς
 ἐνὶ σημείῳ ὑπὸ κεκλασμένη γραμμῇ ἢ ἐπιφανείᾳ —
 δοκεῖ γὰρ οὗτος καθόλου πᾶσαν ἀφορίζεσθαι γω-
 νίαν — ^{collectio} λεκτέον ἡμῖν ἐπομένοις τῷ ἡμετέρῳ || καθ-
 ἡγέμονι, τὴν γωνίαν μηδὲν μὲν εἶναι τῶν εἰρημένων 20 <sup>sub-
linea</sup>
 αὐτὸ καθ' αὐτό, διὰ δὲ τῆς πάντων τούτων συνδρο-
 μῆς ἔχειν τὴν ὑπόστασιν, καὶ διὰ τοῦτο τὴν ἀπορίαν
 ποιῆσαι τοῖς εἰς ἐν τι ῥέψασιν. ἔστιν δὲ οὐχ ἡ γωνία
 μόνη τοιοῦτον, ἀλλὰ καὶ τὸ τρίγωνον· μέτεστι μὲν
 γὰρ αὐτῷ ποσότητος καὶ ἴσον λέγεται καὶ ἄνισον, οἷον 25
 ὕλης τάξιν ἔχον πρὸς αὐτό, πάρεστι δὲ αὐτῷ καὶ ἡ
 κατὰ τὸ σχῆμα ποιότης, ὁπόθεν καὶ ὁμοια τρίγωνα

5 αὐτὴν C. 17 ὑποκεκλασμένη G, 'sub Linea ... re-
 fracta' B, 'ex linea ... fracta' Z. 18 τὴν γωνίαν G.

20 μηδενὶ C. 23 τοῖς om. G: in M intra lineas est scriptum
 prima ut videtur manu. || οὐχὶ γωνία G. 26 πρὸς αὐτὰ G,
 πρὸς αὐτό C. || δὲ] γὰρ G, δὲ C.

λέγεται καὶ ἴσα, τὸ μὲν ἀπ' ἄλλης ἔχοντα κατηγορίας,
 τὸ δὲ ἀπ' ἄλλης. οὕτω τοίνυν καὶ ἡ γωνία πάντως
 μὲν δεῖται τῆς ἐν τῷ μεγέθει ποσότητος ὑποκειμένης,
 δεῖται δὲ καὶ ποιότητος, καθ' ἣν οἶον μορφὴν οἰκτεῖαν
 5 ἔχει καὶ χαρακτηῖρα τῆς ὑπάρξεως, δεῖται δὲ καὶ τῆς
 σχέσεως τῶν ἀφορισουσῶν αὐτὴν γραμμῶν ἢ τῶν
 περιεχόντων ἐπιπέδων. καὶ τὸ ἐκ πάντων ἐστὶν ἡ
 γωνία καὶ οὐχ ἓν τι τούτων, καὶ διαιρετὴ μὲν ἐστὶ
 καὶ ἰσότητος δεκτικὴ καὶ ἀνισότητος κατὰ τὸ ἐν αὐτῇ
 10 ποσόν, οὐκ ἀναγκάζεται δὲ τὸν λόγον ἐπιδέχεσθαι τῶν
 ὁμογενῶν μεγεθῶν διὰ τὸ καὶ ποιότητα ἰδιαίχουσιν
 ἔχειν, καθ' ἣν ἀσύμβλητοι πολλάκις εἰσὶν γωνίαι ἄλ-
 λαι ἄλλαις, οὐδὲ μίαν ἀποτελεῖν τὴν γωνίαν, εἰ μία ἡ
 κλίσις, ἐπειδὴ καὶ τὸ μεταξὺ τῶν κεκλιμένων ποσὸν
 15 συμπληροῖ τὴν οὐσίαν αὐτῆς. εἰ δὴ πρὸς τούτους
 ἀποβλέπομεν τοὺς διορισμούς, καὶ τὰ ἄπορα διαλύ-
 σομεν καὶ τὴν ιδιότητα τῆς γωνίας εὐρήσομεν συνα-
 γωγὴν μὲν οὐκ οὔσαν, ὥς | περ καὶ ὁ Ἀπολλωνιός
 φησιν, ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ, συμπληρῶντων δὲ καὶ
 20 τούτων τὴν οὐσίαν αὐτῆς, αὐτὴν δὲ τὴν συνηγμέ-
 νην ἐπιφάνειαν πρὸς τῷ σημείῳ καὶ περιεχομένην
 ὑπὸ τῶν κεκλιμένων γραμμῶν ἢ τῆς μιᾶς γραμμῆς
 πρὸς αὐτὴν κεκλιμένης, καὶ αὐτὸ τὸ συνηγμένον στε-
 ρεὸν ὑπὸ ἐπιπέδοις πρὸς ἄλληλα κεκλιμένοις, ἵνα τὸ

1 ἐπ' ἄλλης ἔχον *G*, corr. *C*. 3 τῆς ἐν τῷ . . . ὑποκει-
 μένης, δεῖται om. *G*, add. *C*. 4 δὴ καὶ *G*. || ποιότητα *G*,
 ποιότητος *C*. 13 ἡ μία ἐκκλίσις *G*, εἰ μία ἡ κλίσις *C*.
 16 ὁρισμούς *G*; in *M* supra lineam prima ut videtur manus di-
 addidit. || ἀκαιρα *G*, ἄπορα *C*. 18 ὁ om. *G*, add. *C*.
 19 δὲ om. *G*, in *M* supra lineam prima manu videtur esse ad-
 ditum. 20 συνηγμένην *G* et *M*, sed in *M* γ supra μ est
 scriptum prima vel primae proxima manu; 'collectam' *B*, 'an-
 nexam' *Z*. 23 συνηγμένον *G*; 'collectum' *B*, om. *Z*.

πεποιωμένον ποσὸν καὶ ὑπὸ τοιαύτῃ σχέσει συνιστάμενον αὐτὴν ἀφορίζει, καὶ οὔτε ἡ ποσότης καθ' αὐτὴν οὔτε ἡ ποιότης μόνον οὔτε ἡ σχέσις.

Τοσαῦτα περὶ τῆς τῶν γωνιῶν ὑποστάσεως εἰρήσθω κοινὴν προλαμβάνοντα θεωρίαν ἀπάσης γωνίας 5 πρὸ τῆς τῶν εἰδῶν αὐτῆς διαιρέσεως. τριῶν δὲ δοξῶν οὐσῶν περὶ τῆς γωνίας, Εὐδημος μὲν ὁ περιπατητικὸς βιβλίον περὶ γωνίας γράψας ποιότητα αὐτὴν εἶναι συνεχώρησεν. γένεσιν γὰρ γωνίας ἐπινοῶν οὐκ ἄλλην εἶναι φησιν ἢ τὴν κλάσιν τῶν γραμμῶν — εἰ 10 δὲ ἡ εὐθύτης ποιότης καὶ ἡ κλάσις ποιότης — ἐν ποιότητι οὖν ἔχουσιν αὐτὴν τὴν γένεσιν πάντως εἶναι ποιότητα. Εὐκλείδης δὲ καὶ ὅσοι κλίσιν εἰρήκασιν ἐν τοῖς πρὸς τι καταλέγουσι. ποσότητα δὲ εἰρήκασιν αὐτὴν, ὅσοι φασὶ || τὸ πρῶτον διάστημα ὑπὸ τὸ ση- 15 μεῖον εἶναι τὴν γωνίαν, ὣν καὶ ὁ Πλούταρχος ἔστιν, εἰς τὴν αὐτὴν δόξαν συνωθῶν καὶ τὸν Ἀπολλώνιον. δεῖ γὰρ εἶναι τι, φησὶ, διάστημα πρῶτον ὑπὸ τὴν κλάσιν τῶν περιεχουσῶν γραμμῶν ἢ ἐπιφανειῶν, καίτοι γε συνεχοῦς ὁ τοῦ ὑπὸ τὸ σημεῖον δια- 20 στήματος ἀδύνατον τὸ πρῶτον λαβεῖν. ἐπ' ἄπειρον γὰρ πᾶν διάστημα διαιρετόν. πρὸς τῷ καὶ ἐὰν ὁπωσ-οῦν ἀφορίσωμεν τὸ πρῶτον καὶ δι' ἐκείνου εὐθείαν ἀγάγωμεν, γίνεσθαι τρίγωνον, ἀλλ' οὐ μίαν γωνίαν. Κάρπος δὲ ὁ Ἀντιοχεὺς ποσὸν μὲν εἶναι φησι τὴν 25

1 πεποιημένον G et M, sed in M ω supra η est scriptum prima vel primae proxima manu; 'formatum' B, om. Z.

2 ἀφορίζει C et M prima manu; eadem autem vel paulo postera ei in η mutavit. 2. 3 καθ' αὐτὴν οὔτε ἡ ποιότης om. G.

4 ὑποφάσεως G, ὑποστάσεως C. 5 προλαμβάνοντα G. || πάσης G. 6 πρὸς C. 9 συνεχώρησεν C. 10 κλίσιν G, κλάσιν C. 12 οὖν om. G, add. C. 14 ποσότητα δὲ λέγου-σιν G. 22 πρὸς τὸ C. 23 εὐθείαν] γωνίαν G.

γωνίαν καὶ διάστημα τῶν περιεχουσῶν αὐτὴν γραμ-
μῶν ἢ ἐπιφανειῶν. καὶ ἐφ' ἑν διεστῶς τοῦτο, μὴ μέν-
τοι διὰ τοῦτο γραμμὴν εἶναι τὴν γωνίαν. οὐ γὰρ πᾶν
τὸ ἐφ' ἑν διαστατὸν ὑπάρχειν γραμμὴν. τοῦτο δὲ
5 πάντων παραδοξότατον, εἰ ἔστιν τι μέγεθος ἐφ' ἑν
διαστατὸν ἔξω γραμμῆς.

7/17⁸⁴

Ἀλλὰ τούτων μὲν ἄδην, τῶν δὲ γωνιῶν τὰς μὲν
ἐν ἐπιφανείαις συνίστασθαι λεκτέον, τὰς δὲ ἐν στε-
ρεοῖς, καὶ τῶν ἐν ἐπιφανείαις τὰς μὲν ἐν ταῖς ἀπλαῖς,
10 τὰς δὲ ἐν ταῖς μικταῖς. καὶ γὰρ ἐν τῇ κυλινδρικῇ
ἐπιφανείᾳ γένοιτο ἂν γωνία καὶ ἐν τῇ κωνικῇ καὶ ἐν
τῇ σφαιρικῇ καὶ ἐν τῇ ἐπιπέδῳ. τῶν δὲ ἐν ταῖς ἀπλαῖς
ἐπιφανείαις αἱ μὲν ἐν ταῖς σφαιρικαῖς, αἱ δὲ ἐν ταῖς
ἐπιπέδοις ἔχουσι τὴν σύστασιν. ποιεῖ γὰρ γωνίας
15 καὶ ὁ ζωδιακὸς τέμνων ἰσημεριῶν δύο κατὰ κορυφὰς
τῶν τεμνουσῶν περιφερειῶν. καὶ εἰσὶν ἐπὶ σφαιρικῆς
ἐπιφανείας αἱ τοιαῖδε γωνίαι. τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέ-
δοις αἱ μὲν ὑπὸ ἀπλῶν περιέχονται γραμμῶν, αἱ δὲ
ὑπὸ μικτῶν, αἱ δὲ ὑπὸ ἀμφοτέρων. ἐν γὰρ τῷ θυρεῳ
20 περιέχεται γωνία ὑπὸ τε τοῦ ἄξονος καὶ τῆς τοῦ θυ-
ρεοῦ γραμμῆς. ἀλλὰ τούτων ἡ μὲν μικτὴ ἔστιν, ἡ δὲ
ἀπλῇ· καὶ εἰ τέμνοι κύκλος θυρεόν, ἔσται ἡ ὑπὸ τε
περιφερείας καὶ τῆς ἐλλείψεως περιεχομένη γωνία.
ὅταν δὲ αἱ κισσοειδεῖς γραμμαὶ συννεύουσai πρὸς ἑν
25 σημεῖον ὥσπερ τὰ τοῦ κισσοῦ φύλλα — καὶ γὰρ τὴν
ἐπωνυμίαν ἐκεῖθεν ἔσχον — ποιῶσιν γωνίαν, ὑπὸ
μικτῶν ἢ τοιαύτῃ δῆπου περιέχεται γραμμῶν· καὶ

9 ἐν post μὲν om. G, add. C. 13 ἐν τοῖς ἐπιπέδοις M.

15 ὁ om. G. || εἰς δύο G; B₃ = M, 'in duas' B, 'in binas partes' Z. || κορυφὰς G, κορυφῆς M, C. 19 θυραιῶ G.

20 θυραιῶ G. 22 τέμνοι G, τέμη C. || θυραῖον C. || ἡ om. G.

27 ὑπὸ γραμμῶν G.

ὅταν ἡ ἱπποπέδη, μία τῶν σπειρικῶν οὐσα, τὰ (?)
 πρὸς ἄλλην ποιῇ γωνίαν, καὶ ταύτην μικταὶ γραμμαὶ
 περιέχουσιν. αἱ δὲ ὑπὸ εὐθείας καὶ περιφερείας ὑπὸ
 ἀπλῶν περιέχονται γραμμῶν. τούτων δ' αὖ πάλιν αἱ
 μὲν ὑπὸ ὁμοειδῶν περιλαμβάνονται. καὶ γὰρ δύο 5
 περιφέρειαι τέμνουσαι ἀλλήλας ἢ ἐφαπτόμεναι ποιοῦσι
 γωνίας, καὶ αὗται τρισσάς· ἢ γὰρ ἀμφικύτους, ὅταν
 ἐκτὸς ἢ τὰ κυρτὰ τῶν περιφερειῶν, ἢ ἀμφικοίλους, ||
 ὅταν ἀμφοτέρω τὰ κοῖλα ἐκτὸς ὑπάρχη, ἃς καλοῦσι
 ἐντροειδεῖς, ἢ μικτὰς ἀπὸ κυρτῆς καὶ κοίλης, ὥσπερ 10
 τὰς τῶν μηνίσκων. καὶ μὴν καὶ ὑπὸ εὐθείας καὶ
 περιφερείας περιέχονται γωνίαι διχῶς· ἢ γὰρ ἐπὶ
 εὐθείας καὶ κυρτῆς περιφερείας, ὡς ἡ τοῦ ἡμικυκλίου,
 ἢ ὑπὸ εὐθείας καὶ κοίλης ὡς ἡ κερατοειδῆς. αἱ δὲ
 ὑπὸ δυεῖν εὐθειῶν περιεχόμεναι πᾶσαι εὐθύγραμμοι 15
 κληθῆσονται τριττὴν ἔχουσαι καὶ αὗται διαφοράν.

Ταύτας τοίνυν ἀπάσας τὰς ἐν ἐπιπέδοις ἐπιφα-
 νείαις συνισταμένας ὁ γεωμέτρης ἐν τούτοις ἀφορίζε-
 ται, κοινὸν ὄνομα θέμενος αὐταῖς τὸ τῆς ἐπιπέδου
 γωνίας, καὶ τὸ μὲν γένος αὐτῶν κλίσιν εἰπών, τὸν 20
 δὲ τόπον τὸ ἐπίπεδον — καὶ γὰρ αἱ γωνίαι θέσιν
 ἔχουσιν — τὴν δὲ γένεσιν, ὅτι δύο εἶναι δεῖ γραμ-
 μὰς καὶ οὐ τρεῖς τοῦλάχιστον, ὥσπερ ἐπὶ τῆς στερεᾶς,
 καὶ ταύτας ὁμιλεῖν ἀλλήλαις καὶ ὁμιλούσας μὴ κεῖσθαι

1 ὅτε G. || τὰ] τὴν G, τὰ B₃, C. Fortasse pro οὐσα τὰ νέ-
 ονσα vel simile aliquod verbum fuit scriptum; 'proclinata' B,
 'et' Z. 3 εὐθείαις M. || περιφεροῦς G. 9 ὅτε G. || ὑπάρ-
 χει G. 10 ὑπὸ G, ἀπὸ C. 11 τὰς] τὰ G. || καὶ ante περι-
 φερείας om. G, add. C. 13 κυρτῆς] κοίλης B₃, G, 'cava' B,
 'curva' Z. Vide supra: ἀμφικύτους, ὅταν ἐκτὸς ἢ τὰ κυρτὰ.

14 κοίλης] κυρτῆς B₃, G, 'convexa' B, 'cava' Z. 16 τρί-
 την M. || αὗται G. 17 ἐπιφανείας M, B₃, G; 'in Planis Super-
 ficiebus' B, 'superficies in planis' Z.

ἐπ' εὐθείας, ἵνα κλάσις εἴη καὶ περιοχὴ τῶν γραμμῶν,
 ἀλλὰ μὴ ἔκτασις μόνον καθ' ἓν διάστημα. δοκεῖ δὲ
 ὁ λόγος οὗτος πρῶτον μὲν ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς οὐ
 συγχωρεῖν ἀποτελεῖσθαι γωνίαν — καίτοιγε ἡ κισσο-
 5 ειδῆς μία οὕσα ποιεῖ γωνίαν καὶ ἡ ἱπποπέδη. τὴν
 γὰρ ὅλην κισσοειδῆ καλοῦμεν ἀλλ' οὐ τὰ μόρια αὐτῶν,
 ἵνα λέγῃ τις, ὅτι ταῦτα ποιεῖ τὴν γωνίαν συννεύοντα,
 καὶ | τὴν ὅλην σπειρικὴν, ἀλλ' οὐ τὰ μέρη. τοίνυν
 ἐκατέρᾳ μία τυγχάνουσα ποιεῖ γωνίαν αὐτὴ πρὸς
 10 ἑαυτήν, οὐ πρὸς ἄλλημ — ἔπειτα κλίσειν ἀφοριζόμενος
 τὴν γωνίαν πλημμελεῖν — πῶς γὰρ μιᾶς οὕσης κλί-
 σεως δύο ἔσονται γωνίαι; πῶς δὲ ἴσας καὶ ἀνίσους
 ἔτι γωνίας λέγομεν, καὶ ὅσα ἄλλα πρὸς ταύτην εἰσθῆν
 ὑποφέρεσθαι τὴν δόξαν; — τρίτον δὲ παρέλκειν ἐπὶ
 15 τινων γωνιῶν τὸ καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι, οἷον
 ἐπὶ τῶν περιφερογράμμων· καὶ γὰρ ἄνευ τούτου τέ-
 λειος ὁ ὀρισμός. ἡ γὰρ πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν
 τούτων κλίσις ποιήσῃ τὴν γωνίαν· τὴν ἀρχὴν γὰρ
 οὐδὲ ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι τὰς περιφερεῖς δυνατόν.
 20 τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς ἀποδόσεως τῆς Εὐκλείδου
 λέγειν ἔχομεν, τὰ μὲν ἀφερμεύοντες αὐτήν, τὰ δὲ ἐπ-
 αποροῦντες πρὸς αὐτήν.

Def. IX. Ὅταν δὲ αἱ τὴν γωνίαν περιέχουσαι
 γραμμαὶ εὐθεῖαι ᾧσιν, εὐθύγραμμος ἡ γωνία
 25 καλεῖται.

Τὴν γωνίαν σύμβολον εἶναί φαμεν καὶ εἰκόνα
 τῆς συνοχῆς || τῆς ἐν τοῖς θεατοῖς γένεσι καὶ τῆς συν-

2 ἔκτασις G. 21 ἀπαποροῦντες G, ἐπαποροῦντες C.
 22 πρὸς αὐτήν om. G, add. C. 27 συνεχοῦς G, συνοχῆς C. ||
 τῆς ἐν τοῖς] τῶν (τοῖς) ἐν τοῖς H, p. 263.

αγωγῷ τάξεως τῶν διηρημένων εἰς ἓν καὶ τῶν με-
ριστῶν εἰς τὸ ἀμερὲς καὶ τῶν πολλῶν εἰς συνδεδεικνῆν
κοινωνίαν. δεσμὸς γὰρ γίνεται καὶ αὕτη τῶν πολλῶν
γραμμῶν καὶ ἐπιπέδων, καὶ συναγωγὸς τοῦ μεγέθους
εἰς τὸ ἀμερὲς τῶν σημείων, καὶ συνεκτικὴ παντὸς τοῦ ⁵
κατ' αὐτὴν ὑφισταμένου σχήματος. διὸ καὶ τὰ λόγια
τὰς γωνιακὰς συμβολὰς τῶν σχημάτων ^{ἡνωσῶ} ^(?) συννοητῶν
ἀποκαλεῖ, καθόσον εἰκόνα φέρουσι τῶν συννοητῶν
ἐνώσεων καὶ τῶν συζεύξεων τῶν θείων, καθ' ἃς τὰ
διεστῶτα συνάπτουσιν ἀλλήλοις. αἱ μὲν οὖν ἐν ταῖς ¹⁰
ἐπιφανείαις γωνίαι ἀϋλωτέρας αὐτῶν καὶ ἀπλουστερας
ἀποτυποῦνται καὶ τελειότερας ἐνώσεις, αἱ δὲ ἐν τοῖς
στερεοῖς τὰς προϊούσας μέχρι τῶν ἐσχάτων καὶ τοῖς
διεσπασμένοις κοινωνίαν καὶ τοῖς πάντῃ μεριστοῖς
ὁμοφυῇ σύνταξιν παρεχομένας. τῶν δὲ ἐν ταῖς ἐπι- ¹⁵
φανείαις αἱ μὲν τὰς πρώτας αὐτῶν καὶ ἀμίκτους, αἱ
δὲ τὰς τῆς ἀπειρίας συνεκτικὰς τῶν ἐν αὐταῖς προ-
όδων ἀπεικονίζονται, καὶ αἱ μὲν τὰς τῶν νοερῶν εἰδῶν
ἐνοποιοῦσιν, αἱ δὲ τὰς τῶν αἰσθητῶν λόγων, αἱ δὲ
τὰς τῶν μεταξὺ τούτων συνδεδεικὰς. αἱ μὲν οὖν περι- ²⁰
φερὸν γραμμοὶ γωνίαι μιμοῦνται τὰς συνελιττούσας
αἰτίας τὴν νοερὴν ποικίλιαν εἰς ἑνωσιν — νοῦ γὰρ

2 συνδεδεικνῆν H_2 . 3 αὕτη M, G , αὕτη H_2 . 4 τῷ
μεγέθει H_1 p. 453, H_2 p. 263. 5 τοῦ om. H_2 . 7 γωνιακὰς
 G, H_2 , κωνιακὰς C . 11 ἀπ' ἀϋλωτέρας M, B_3, G ; 'magis imma-
teriales' B , 'ab . . . immateriali' Z . 12 ἀποτυποῦνται] ἀπεικά-
ζουσι (ἀποκαλοῦσι) H_1, H_2 . || ἐνώσεις M, B_3, G , ἐνώσεις H_1, H_2 ;
'uniones' B , 'unione' Z . || 13 τὰς om. H_2 . || προϊούσας M, C ,
προϊούσας (προιοῦσαι, προσιούσας) H_2 . 15 ὁμοφυᾶ H_2 .
17 αὐτοῖς M, G , αὐταῖς H_1, H_2 . 18 ἀπεικάζονται G . || νεω-
ρῶν G . 19 ἐνοποιοῦσαι M , εἰδοποιοῦσας G , ἐνδοποιοῦσαι C ,
ἐνοποιοῦσιν H_1, H_2 . 20 (συνεκτικὰς H_1, H_2). 21 μιμοῦνται
γωνίαι H_1, H_2 .

καὶ νοερῶν εἰδῶν αἱ περιφέρεται συννεύειν ἐπιγόμε-
 ναι πρὸς ἑαυτὰς εἰκόνες — αἱ δὲ εὐθύγραμμοι τὰς
 τῶν αἰσθητῶν προῖσταμένας καὶ τὴν σύνδεσιν τῶν ἐν
 τούτοις λόγων παρεχομένας, αἱ δὲ μικταὶ τὰς τε κοι-
 νωνίας τῶν τε αἰσθητῶν καὶ τῶν νοερῶν εἰδῶν κατὰ
 μίαν ἔνωσιν ἀσάλευτον φυλαττούσας.

Δεῖ δὴ πρὸς ταῦτα τὰ παραδείγματα ἀποβλέπον-
 τας καὶ τῶν καθ' ἕκαστα τὰς αἰτίας ἀποδιδόναι. καὶ
 γὰρ παρὰ τοῖς Πυθαγορείοις εὐρήσομεν ἄλλας γω-
 νίας ἄλλοις θεοῖς ἀνακειμένας, ὥσπερ καὶ ὁ Φιλό-
 λαος πεποίηκε τοῖς μὲν τὴν τριγωνικὴν γωνίαν τοῖς
 δὲ τὴν τετραγωνικὴν ἀφιερῶσας, καὶ ἄλλας ἄλλοις
 καὶ τὴν αὐτὴν πλείοσι θεοῖς καὶ τῷ αὐτῷ πλείους,
 κατὰ τὰς διαφόρους ἐν αὐτῷ δυνάμεις ἀνείς. πρὸς ᾧ
 μοι δοκεῖ καὶ ὁ Ἀθηναῖς (?) φιλόσοφος ἀφορῶν κατὰ
 τὸ τρίγωνον τὸ δημιουργικὸν τὸ πάσης πρωτοργόν
 αἷτιον τῆς τῶν στοιχείων διακοσμήσεως ἄλλους μὲν
 ὑποστήσαι θεοὺς κατὰ τὰς πλευράς, ἄλλους δὲ κατὰ
 τὰς γωνίας, τοὺς μὲν προόδου καὶ δυνάμεως χο-
 ρηγούς, τοὺς δὲ τῆς συζεύξεως τῶν ὄλων καὶ τῆς εἰς ἐν
 πάλιν τῶν προελθόντων συναγωγῆς.

Ταῦτα μὲν οὖν εἰς τὴν τῶν ὄντων ἡμᾶς περιάγει
 θεωρίαν· εἰ δὲ ἐνταῦθα αἱ γραμμαὶ περιέχειν λέγον-
 ται τὴν γωνίαν, θαυμαστὸν οὐδέν· τὸ γὰρ ἐν τούτοις
 ἐν καὶ τὸ ἀμέριστον ἐπισοδιῶδες ἐστίν. ἐν δὲ τοῖς

1 συννεύειν (σύννευσιν) *H*₂ p. 264. || ἐπιγόμεναι *C*.
 4 περιεχομένας *H*₂. 8 τὰς om. *G*. 13 τῷ αὐτῷ] τῶν αὐτῶν
M, *B*₃, *G*; in *M* postera manus utroque loco o supra ω scripsit.
 'eidemque Deo' *B*, 'eidem' *Z*. 14 διαφόρους ἐν αὐτῷ] δια-
 φορὰς *G*. *B*₃ = *M*. 'iuxta diversas quae in ipso sunt poten-
 tias' *B*, 'iuxta diversas ipsius potestates' *Z*. 15 Ἀσιναιὸς *G*
 et *M* prima manu. 18 ὑποστήναι *G*. 19 δυνάμεων *M*.
 20 ζεύξεως *G*, συζεύξεως *C*. 25 ἀχωριστον *G*, ἀμέριστον *C*.

θεοῖς καὶ τοῖς ὄντως οὕσι προηγείται τῶν πολλῶν καὶ διηρημένων τὸ ὅλον καὶ ἀμέριστον ἀγαθόν.

|| Def. X.—XII. Ὅταν δὲ εὐθεία ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν ἴσων γωνιῶν ἐστὶ, καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα γραμμὴ κάθετος καλεῖται, ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν ἄμβλεῖα γωνία ἐστὶν ἡ μεῖζων ὀρθῆς, ἥ ἔξεται δὲ ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς.

Ταῦτά ἐστι τὰ τριπλᾶ τῶν γωνιῶν εἶδη, περὶ ὧν καὶ ὁ ἐν τῇ πολιτείᾳ Σωκράτης φησὶν, ἐξ ὑποθέσεως ¹⁰ παρὰ τοῖς γεωμέτραις λαμβανομένων τῆς εὐθυγράμμου κατὰ τὴν εἰς τὰ εἶδη διαίρεσιν ταύτας ὑφιστάσης τὰς γωνίας, τὴν ὀρθήν, τὴν ἀμβλείαν, τὴν ὀξείαν, τῆς μὲν κατὰ τὸ ἴσον καὶ τὸ ταὐτὸν καὶ ὁμοιον ἀφωρισμένης, τῶν δὲ κατὰ τὸ μεῖζον καὶ ἔλασσον καὶ ὅλως τὸ ¹⁵ ἄνισον καὶ τὴν ἑτερότητα καὶ τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον ἀορίστως ὑφισταμένων. οἱ μὲν οὖν πολλοὶ γεωμέτραι τῆς διαίρεσεως ταύτης οὐκ ἔχουσιν ἀποδιδόναι λόγον, ἀλλ' ὑποθέσει χρωῖνται καὶ ταύτῃ, τρεῖς εἶναι γωνίας. ἐπειδὴ δὲ τὴν αἰτίαν αὐτοὺς ἀνερωτήσωμεν, οὐ φασὶ ²⁰ χρῆναι ταῦτα παρ' αὐτῶν | ἀπαιτεῖν. οἱ δὲ Πυθαγόρικοι τῆς τριπλῆς διανομῆς ἐπὶ τὰς ἀρχὰς ἀναφέροντες τὴν λύσιν οὐκ ἀποροῦσιν αἰτίας ἀποδιδόναι καὶ ταύτης τῆς διαφορᾶς τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν. ἐπειδὴ γὰρ τῶν ἀρχῶν ἡ μὲν κατὰ τὸ πέρας ὑφέστηκεν ²⁵

3 Ὅτε G. || εὐθείας G. 5 ποιεῖ G. 9 Αὐτά G, ταῦτα C. 11 λαμβανομένην τὴν εὐθύγραμμον G, corr. C. 12 καὶ κατὰ G. || ταύτης G. || ὑφιστάσας G, ὑφιστάσης C. 14 καὶ τὸ] καὶ κατὰ G, καὶ τὸ C. 20 ἐρωτήσωμεν G, ἐρωτήσωμεν C.

καί ἐστιν ὄρου καὶ ταυτότητος αἰτία τοῖς ἀποτελέσμασι
καὶ ἰσότητος καὶ πάσης τῆς ἀμείνουτος συστοιχείας,
ἥ δὲ ἄπειρόν ἐστι καὶ δίδωσι τὴν ἐπ' ἄπειρον πρό-
οδον καὶ αὔξησιν καὶ μείωσιν καὶ ἀνισότητα καὶ παν-
⁵ τοίαν ἑτερότητα τοῖς γεννωμένοις ἀφ' ἑαυτῆς, καὶ
ὅλως ἐξηγεῖται τῆς καταδεεστέρας ^{τῆς} ~~σφραγῆς~~ ^{ἐκείνης} εἰκότως δὴ
διὰ ταῦτα καὶ τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν κατ' ἐκείνας
ὑφισταμένων ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ πέρατος ἦκων λόγος τὴν
ὀρθὴν ἀπετέλεσεν γωνίαν μίαν ἰσότητι κρατουμένην
¹⁰ καὶ ὁμοιότητι πρὸς πᾶσαν ὀρθὴν καὶ ὠρισμένην αἰ-
καὶ τὴν αὐτὴν ἐστῶσαν καὶ μήτε αὔξησιν μήτε μείωσιν
ἐπιδεχομένην, ὁ δὲ ἀπὸ τῆς ἀπειρίας δεύτερος ὦν καὶ
δυαδικὸς καὶ γωνίας ἀνέφηνε διπλᾶς περὶ τὴν ὀρθὴν
ἀνισότητι διηρημένας κατὰ τὸ μείζον καὶ ἔλασσον ||
¹⁵ καὶ κατὰ τὸ μᾶλλον καὶ ἥσσον ἀπέραντον ἐχούσας
κίνησιν τῆς μὲν ἀμβλυνομένης μᾶλλον καὶ ἥττον, τῆς
δὲ ὀξυνομένης. διὰ δὴ ταῦτα καὶ τῶν θείων δια-
κόσμων καὶ τῶν μερικωτέρων δυνάμεων τὰς μὲν ὀρ-
θὰς γωνίας εἰς τοὺς ἀχράντους ἀναπέμπουσιν ὡς τῆς
²⁰ ἀκλίτου προνοίας τῶν δευτέρων αἰτίους — τὸ γὰρ
ὀρθὸν καὶ τὸ ἀκλινὲς πρὸς τὰ χεῖρονα καὶ ἄτρεπτον
ἐκείνοις προσήκει τοῖς θείοις — τὰς δὲ ἀμβλείας καὶ
ὀξείας τοῖς τῆς προόδου καὶ τοῖς τῆς κινήσεως καὶ
τῆς ποικιλίας τῶν δυνάμεων χορηγοῖς ἀνείσθαι λέ-
²⁵ γουσι· τό τε γὰρ ἀμβλὺ τῆς ἐπὶ πᾶν ἀπλουμένης τῶν
εἰδῶν ἐκτάσεώς ἐστιν εἰκῶν, καὶ τὸ ὀξὺ τῆς διαιρετικῆς

3 ἄπειρος G. 14 ἀνισότητα M. 17 δὲ G, δὴ C, δὲ
(δὴ) H₂ p. 257. 19 ἀποπέμπουσι G, ἀναπέμπουσι C.
20 αἰτίας C. 21 τὸ χεῖρον H₂ p. 257. 22 τοῖς ante θείοις
om. G. || Θεοῖς M, G, θείοις H₁ p. 453, H₂ p. 257.
24 ἀνῆσθαι C. 25 ἐπίπαν G. 26 ἐκτάσεως M, G, ἐκ-
τάσεως H₂ p. 258.

καὶ κινητικῆς τῶν ὅλων. αἰτίας ἀφομοίωσιν ἔλαχεν.
καὶ μὴν καὶ ἐν αὐτοῖς τοῖς οὖσιν τῇ μὲν οὐσίᾳ ἡ
ὀρθότης τὸν αὐτὸν ὅρον τοῦ εἶναι φυλάττουσα προσ-
έοικε, τοῖς δὲ συμβεβηκόσιν ἢ τε ἀμβλεῖα καὶ ἡ ἔξεια.
ταῦτα γὰρ δέχεται τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον καὶ ἀορίστως⁵
μεταβάλλοντα οὐδέποτε παύεται. ὀρθῶς ἄρα καὶ τῇ
ψυχῇ παρακελεύονται τὴν κάθοδον τὴν εἰς γένεσιν
ποιεῖσθαι κατὰ τὸ ἀκλινὲς τοῦτο τῆς ὀρθῆς γωνίας
εἶδος μὴ ῥεπούσῃ πρὸς τὰδε μᾶλλον ἢ τὰδε, μηδὲ
προσπασχούσῃ μᾶλλον ἄλλοις καὶ ἥττον. ὁ γὰρ τῆς¹⁰
συμπαθείας μερισμὸς εἰς τὴν ἔνυλον αὐτὴν κατάγει
πλημμέλειαν καὶ τὴν ἀοριστίαν. σύμβολον οὖν καὶ ἡ
κάθετός ἐστιν ἀρρεψίας, καθαρότητος, ἀχράντου δυ-
νάμεως, ἀκλινοῦς, πάντων τῶν τοιούτων. ἐστὶ δὲ καὶ
μέτρον θείου καὶ νοεροῦ σύμβολον. διὰ γὰρ καθέτων¹⁵
καὶ τὰ ὕψη τῶν σχημάτων ἀναμετροῦμεν καὶ τῇ πρὸς
τὴν ὀρθὴν ἀναφορᾷ τὰς ἄλλας εὐθυγράμμους γωνίας
ὀρίζομεν αὐτὰς ἀφ' ἑαυτῶν ἀορίστους οὕσας. ἐν
ὑπερβολῇ γὰρ καὶ ἐλλείψει θεωροῦνται. τούτων δὲ
ἑκατέρω καθ' αὐτὴν ἀπέφαντός ἐστι. διὸ καὶ τὴν ἀρε-²⁰
τὴν κατὰ τὴν ὀρθότητά φασιν ἐστάναι, τὴν δὲ κακίαν
κατὰ τὴν ἀοριστίαν τῆς ἀμβλείας καὶ ὀξείας ὑφίστα-
σθαι καὶ μερίζεσθαι τὰς ἐνδείας καὶ ὑπερβολὰς καὶ

2 καὶ μὲν *M*. 3 τῶν αὐτὸν *M*. 4 ἢ τε ἀμβλεῖα καὶ
ἡ ὀξεῖα] 'Obtusus, atque Acutus' et in praefatione 'Hebetudo,
atque Acumen' *B*, 'the obtuse and acute' *T*. || καὶ ὀξεῖα,
omisso ἡ *M*, *H*₂ p. 258. 5 τὸ ἥττον *H*₂. 6 οὐποτε *G*,
οὐδέποτε *C*, *H*₂. 10 ἄλλων *B*₃, *G*. 'alia magis alia minus
affectando' *B*, 'magis et minus quam alii patientis' *Z*.
11 συμπαθείας *G*. 14 καὶ ἀκλινοῦς *G*. 15 καθέτων *M*, *G*,
καθέτων *H*₁ p. 453, *H*₂ p. 258. 18 ἐφ' ἑαυτῶν *H*₁ p. 454,
*H*₂ p. 258. || ὥς ἐν ὑπερβολῇ *G*, ὥς delendum notavit *C*.
19 θεωροῦντες *G*. 21 φησιν *M*, *C*; 'dicunt' *B*, *Z*. 22 Post
ὀξείας additum est τῶν γωνιῶν in *H*₁ p. 254, *H*₂ p. 271.

τῷ μᾶλλον καὶ ἥττον δεικνύναι τὴν ἐαυτῆς ἀμετρίαν.
 τελειότητος ἄρα καὶ ἀκλινοῦς ἐνεργείας καὶ ὄρου
 νοεροῦ καὶ πέρατος καὶ τῶν τοῦτοις ὁμοίων εἰκόνα
 5 τὴν δὲ ἀμβλείαν καὶ ὀξείαν ἀορίστου κινήσεως καὶ
 ἀσχέτου προόδου καὶ διαίρεσεως καὶ μερισμοῦ καὶ
 ὅλης ἀπειρίας.

Τοσαῦτα περὶ τούτων. δεῖ δὲ τοῖς ὁρίσμοις τῆς τε
 ἀμβλείας καὶ ὀξείας προστιθέναι τὸ γένος. ἐστὶ γὰρ
 10 ἑκατέρω εὐθύγραμμος, ἥ μὲν μείζων ὀρθῆς, ἥ δὲ
 ἐλάσσων. ἀλλ' οὐχ ἀπλῶς ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς ὀξεία ἐστὶ.
 καὶ γὰρ ἡ κερατοειδὴς πάσης ἐστὶν ὀρθῆς ἐλάσσων,
 ὅπου γε καὶ ὀξείας, ἀλλ' οὐκ ὀξεία, καὶ ἡ τοῦ ἡμι-
 κυκλίου πάσης ὀρθῆς ὡσαύτως ἐλάσσων, ἀλλ' οὐκ
 15 ἐστὶν ὀξεία. τὸ δὲ αἴτιον, ὅτι καὶ μικταὶ εἰσι || καὶ
 οὐκ εὐθύγραμμοι. καὶ μὲν δὴ καὶ τῶν περιφερογράμ-
 μων πολλοὶ μείζοντες ἂν φανείεν ὀρθῶν, ἀλλ' οὐκ εἰσὶν
 ἀμβλείαι διὰ τοῦτο. δεῖ γὰρ εὐθύγραμμον εἶναι τὴν
 ἀμβλείαν. τοῦτό τε οὖν ἐπισημαίνομαι καὶ ὅτι τὴν
 20 ὀρθὴν ἀφορίσασθαι προθέμενος ἔλαβεν εὐθείαν ἐπὶ
 τινος εὐθείας ἐστῶσαν καὶ ποιοῦσαν ἴσας ἀλλήλαις
 τὰς ἐφεξῆς, τὴν δὲ ἀμβλείαν καὶ τὴν ὀξείαν οὐκέτι
 λαβὼν εὐθείαν ἐπὶ θάτερα κεκλιμένην ἀποδίδωσιν,
 ἀλλ' ἐκ τῆς πρὸς τὴν ὀρθὴν ἀναφορᾶς. μέτρον γὰρ
 25 αὕτη καὶ τῶν μὴ ὀρθῶν, ὥσπερ ἡ ἰσότης καὶ τῶν
 ἀνίσων. αἱ δὲ ἐπὶ θάτερα ἐγκεκλιμέναι ἄπειροι ἦσαν
 καὶ οὐ μία μόνον, ὥσπερ ἡ κάθετος. ἐπὶ δὲ τοῦτοις

6 ὁρισμοῦ *G*, μερισμοῦ *C*, *H*₁ p. 454 (μετρησμοῦ), *H*₂
 p. 271. 8 τῆς] τὰς *M*. 13 ὅπου γε καὶ ὀξεία *M*.

15 καὶ ante μικταὶ om. *G*. 16 καὶ post μὲν δὴ om. *G*. ||
 περιφερομένων *C*. 19 ἐπισημαίνομεν *G*. 24 μέτρον *C*.
 25 αὕτῃ *G*. || ἡ om. *G*.

τὸ γωνίας εἶπειν „ἀλλήλαις ἴσας“ τῆς γεωμετρικῆς ἀκριβείας εἶναι τίθεμαι. δυνατόν γὰρ ἂν ἦν καὶ ἴσας εἶναι γωνίαις ἄλλαις καὶ μὴ ὀρθὰς ἀλλήλαις. διὸ ἴσας οὐσας ἀναγκαῖον εἶναι ὀρθὰς. καὶ τὸ „ἐφεξῆς“ προστεθὲν οὐ φαίνεται μοι παρελκεῖν, ὥς γε [?] οὐ καλῶς⁵ τισιν ἔδοξεν, ἀλλ' ἐνδείκνυσθαι τὸν λόγον τῆς ὀρθότητος. διὰ τοῦτο γὰρ ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν γωνιῶν, ὅτι ἐφεξῆς οὔσαι ἴσαι εἰσί, τῆς ἐφεστώσης εὐθείας διὰ τὴν ἀρρεψίαν ἐπὶ θάτερα τῆς ἰσότητος ἀμφοτέραις καὶ τῆς ὀρθότητος ἑκατέρα γενομένης αἰτίας. οὐχ¹⁰ ἀπλῶς οὖν ἢ πρὸς ἀλλήλας ἰσότης ἀλλ' ἢ ἐφεξῆς θέσις μετὰ τῆς ἰσότητος αἰτία τῆς τῶν γωνιῶν ὀρθότητος.

Ἐπὶ πᾶσι δὴ οὖν ἀξιῶ μεμνησθαι τῆς τοῦ στοιχειωτοῦ κἀνταῦθα προθέσεως, ὅτι περὶ τῶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ συνισταμένων ποιεῖται τὸν λόγον, ὥστε οὐδὲ¹⁵ καθέτου πάσης οὗτος ὁ ὅρος ἐστίν, ἀλλὰ τῆς ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ. τὴν | δὲ στερεὰν λεγομένην οὐκ ἦν καιρὸς ἀφορίζεσθαι νῦν. ὥσπερ οὖν τὴν ἐπίπεδον ὠρίσατο γωνίαν, οὕτω καὶ κάθετον τὴν τοιαύτην, ἐπεὶ ἢ γε στερεὰ κάθετος οὐ πρὸς μίαν μόνον εὐθεῖαν²⁰ ὀφείλει ποιεῖν ὀρθὰς γωνίας, ἀλλὰ πρὸς πάσας τὰς ἀπτομένας αὐτῆς καὶ οὐσας ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ. τοῦτο γὰρ ἴδιον ἐκείνης.

2 τίθεμεν G. || δυνατόν G, δυνατόν C. 3 ἄλλαις] ἀλλήλαις G, ἄλλαις C. || ἀλλήλαις om. G. 3—4 διὸ ἴσας . . . ὀρθὰς om. G. 5 παρελκεῖν G. || ὥς γε] ὥστε M, B, G, 'ut' B, 'sicut' Z. 6 ἐνδείκνυται G, ἐνδείκνυσθαι C. 7—12 διὰ τοῦτο γὰρ . . . γωνιῶν ὀρθότητος om. G, add. C. 9 θάτερα M, C. 10 ἑκατέρα M, C; 'utrique' B; Z διὰ τοῦτο γὰρ . . . ὀρθότητος om. 11 ἢ ante πρὸς om. C. || ἢ ante ἐφεξῆς om. M. 13 ἐπὶ πάσῃ M, 'In omnibus' Z, 'praeter haec omnia' B. 15 ἐπιπέδων G. 18 ὅπερ C. 20 ἢ τε G, ἢ γε C.

Def. XIII. Ὅρος ἐστὶν ὃ τινός ἐστι πέρας.

Τὸν ὅρον οὐ πρὸς πάντα ἀναφέρειν δεῖ τὰ μεγέθη
 — καὶ γὰρ γραμμῆς || ὅρος ἐστὶ καὶ πέρας — ἀλλὰ
 πρὸς τὰ χωρία τὰ ἐν ἐπιφανείαις καὶ τὰ στερεά. νῦν
 5 γὰρ ὅρον καλεῖ τὴν περιοχὴν τὴν ἀφορίζουσαν ἕκαστον
 χωρίον, καὶ πέρας ἀφορίζεται τοῦτον τὸν τρόπον οὐχ
 ὥς τὸ σημεῖον λέγεται πέρας γραμμῆς, ἀλλ' ὥς τὸ
 περικλεῖον καὶ περιεῖργον ἀπὸ τῶν περικειμένων. ἐστὶ
 δὲ τὸ ὄνομα οἰκεῖον τῇ ἐξ ἀρχῆς γεωμετρίας, καθ' ἣν
 10 τὰ χωρία ἐμέτρον καὶ τοὺς ὅρους αὐτῶν ἐφύλαττον
 ἀσυγγήτους, ἀφ' ἧς καὶ τῆς ἐπιστήμης ταύτης εἰς
 ἐπίνοιαν ἦλθον. τὴν τοίνυν περιοχὴν τὴν ἔξωθεν
 ὅρον καλέσας ὁ στοιχειωτής εἰκότως αὐτὴν καὶ πέρας
 ἀφωρίσατο τῶν χωρίων. διὰ γὰρ ταύτης ἕκαστον τῶν
 15 περιεχομένων περατοῦται. λέγω δὲ οἷον ἐπὶ τοῦ
 κύκλου τὴν μὲν περιφέρειαν ὅρον καὶ πέρας, αὐτὸ δὲ
 τὸ ἐπίπεδόν τι χωρίον. καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ὁσαύτως.

Def. XIV. Σχήμα ἐστὶ τὸ ὑπό τινος ἢ τινων
 ὅρων περιεχόμενον.

20 Ἐπειδὴ τὸ σχῆμα λέγεται πολλαχῶς καὶ κατ' εἶδη
 διάφορα διαιρεῖται, δεῖ πρῶτον τὰς διαφορὰς αὐτοῦ
 θεωρήσαντας οὕτω ἐπὶ τοῦ προκειμένου σχήματος ἐν
 τῷ ῥισμῷ διελθεῖν. ἐστὶ μὲν οὖν τι σχῆμα καὶ κατὰ
 τροπὴν ὑφιστάμενον καὶ ἀπὸ πάθους ἐγγινόμενον

7. 8 τὸ περιεῖργον καὶ περικλεῖον G. 8 ἐπὶ G, ἀπὸ C. || ἔτι
 G, ἐστὶ C. 9 τῆς ἐξ ἀρχῆς γεωμετρίας C. 18 ἐστὶ τὸ]
 ἐστὶν G. 22 θεωρήσαντος G, θεωρήσαντας C. 23 τι om. G,
 add. C. 24 γινόμενον G, ἐγγινόμενον C.

πληττομένων ἢ διαιρουμένων ἢ ἀφαιρουμένων ἢ προσ-
 θήκας δεχομένων ἢ ἁλλοιουμένων τῶν σχηματιζομένων
 ἢ ἄλλα παθήματα ποικίλα πασχόντων. ἔστι δὲ καὶ
 ἀπὸ τέχνης οἷον πλαστικῆς ἢ ἀνδριαντοποιητικῆς ἀπο-
 γεννώμενον κατὰ τὸν ἐν τῇ τέχνῃ προυπάρχοντα λό- 5
 γον, τῆς μὲν τέχνης προβαλλούσης τὸ εἶδος, τῆς δὲ
 ὕλης δεχομένης τὴν μορφήν καὶ τὸ κάλλος καὶ τὴν
 εὐσηρμοσύνην ἐκείθεν. ἔστι δὲ τούτων ἔτι σεμνότερα
 καὶ διαπρεπέστερα σχήματα, φύσεως δημιουργήματα,
 τὰ μὲν ἐν τοῖς ὑπὸ σελήνην στοιχείοις συνεκτικὰ τῶν 10
 ἐν αὐτοῖς λόγων, τὰ δὲ κατ' οὐρανὸν τὰς τε δυνάμεις
 αὐτῶν ἀφορίζοντα καὶ τὰς κινήσεις. καὶ γὰρ καθ'
 ἑαυτὰ καὶ πρὸς ἄλληλα τὰ οὐράνια σώματα πολλὴν
 καὶ θαυμαστὴν προτείνει σχημάτων ποικίλειαν καὶ ἄλ-
 λοτε ἄλλας δείκνυσι μορφὰς εἰκόνα φερούσας τῶν 15
 νοερῶν εἰδῶν, καὶ ταῖς εὐφύθμοις ἑαυτῶν χορεΐαις
 ἀπογράφεται τὰς ἀσωμάτων καὶ ἀϋλous τῶν σχημά-
 των δυνάμεις. ἔστι δ' αὖ καὶ τούτων ἐπέκεινα κάλλει
 καθαρώτατα καὶ τελειότατα τὰ σχήματα τῶν ψυχῶν ||
 ζωῆς ὄντα μεστὰ καὶ αὐτοκίνητα προὔφεστώτα τῶν 20
 ἑτεροκινήτων καὶ ἀϋλous καὶ ἀδιαστάτως ὄντα πρὸ
 τῶν διαστατῶν καὶ ἐνύλων, περὶ ὧν καὶ ὁ Τίμαιος
 ἡμᾶς ἀνεδίδαξε τὸ δημιουργικὸν καὶ οὐσιῶδες σχῆμα
 τῶν ψυχῶν ἀναπλώσας. ἔστι γε μὴν καὶ τῶν ψυχι-
 κῶν σχημάτων τὰ νοερὰ πολὺ θειότερα πάντη μὲν ὑπερ- 25
 ἔχοντα τῶν μεριστῶν οὐσιῶν, πάντη δὲ διαλάμποντα

3 πάθη G. 4 ἀπὸ τῆς τέχνης G; τῆς delendum not. C.
 6 προλαβούσης G, προβαλλούσης C. 8 σεμνότερον G,
 σεμνότερα C. 9 διαπρεπέστατα C. 12 αὐτῶν G, 'ipso-
 rum' B, Z. 17 ἀσωμάτων G, ἀσώματα C. 18 κάλλη G.
 19 καθαρώτατα C. 23 ἀνεδίδαξεν G, ἀνεδίδαξεν C.
 26 διαλείποντα G, διαλάμποντα C.

τῷ ἀμερίστῳ καὶ νοερῷ φωτί, γόνιμα δὲ καὶ δραστήρια
 καὶ τελεσιουργὰ τῶν ὅλων καὶ πᾶσιν ἐξ ἰσοῦ παρόντα
 καὶ ἐν αὐτοῖς μονίμως ἐστῶτα καὶ τοῖς μὲν ψυχικοῖς
 σχήμασι τὴν ἔνωσησιν ἐπάγοντα, τῶν δὲ αἰσθητῶν τὴν
 5 παράλλαξιν εἰς τὸν οἰκεῖον ὄρον ἀνακαλούμενα. ἔστιν
 δ' ἄρα καὶ τούτων ἀπάντων ἐξηρημένα τὰ τέλεια καὶ
 ἐνοειδῆ καὶ ἄγνωστα καὶ ἄφραστα σχήματα τῶν θεῶν,
 ἐποχούμενα μὲν τοῖς νοεροῖς σχήμασι, περατοῦντα δὲ
 ἡνωμένως τὰ ὅλα σχήματα, συνέχοντα δὲ τὰ πάντα
 10 τοῖς ἑαυτῶν ἐνιαίοις ὅροις, ὧν καὶ ἡ θεουργία τὰς
 ιδιότητας ἀποτυπουμενὴ τοῖς τῶν θεῶν ἀγάλμασιν
 ἄλλα ἄλλοις περιβάλλει σχήματα. καὶ τὰ μὲν διὰ τῶν
 χαρακτηρῶν ἀσφύτως ἀπεικάζεται — καὶ γὰρ οὗτοι
 τὰς ἀγνώστους δυνάμεις τῶν θεῶν ἐκφαίνουσιν —
 15 τὰ δὲ διὰ τῶν μορφωμάτων καὶ τῶν τύπων ἀπομι-
 μεῖται, τὰ μὲν ἐστῶτα τὰ δὲ καθήμενα ποιοῦσα καὶ
 τὰ μὲν καρδιοειδῆ τὰ δὲ σφαιροειδῆ τὰ δὲ ἄλλως
 σχηματιζόμενα καὶ τὰ μὲν ἀπλᾶ τὰ δὲ σύνθετα ἐκ
 πλειόνων μορφῶν καὶ τὰ μὲν σεμνὰ τὰ δὲ ἡμερὰ καὶ
 20 τὸ ἱλεόν προτείνοντα τῶν θεῶν τὰ δὲ βλοῦ^νσ^α κατα-
 σκευάζουσα σύμβολά τε ἄλλα ἄλλοις προσάγουσα κατὰ
 τὴν πρὸς τοὺς θεοὺς ἀνήκουσαν συγγένειαν. ἄνωθεν
 ἄρα τὸ σχῆμα ἀρχόμενον ἀπ' αὐτῶν τῶν θεῶν δια-
 τείνει μέχρι τῶν ἐσχάτων καὶ τούτοις ἐμφανταζόμενον
 25 ἀπὸ τῶν πρωτίστων αἰτίων. δεῖ γὰρ πρὸ τῶν ἀτε-
 λῶν ὑφεστάναι τὰ τέλεια καὶ τῶν ἐν ἄλλοις ὄντων
 τὰ ἐφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένα καὶ τῶν ἀναπεπλησμένων

3 μὲν om. G. 13 καὶ γὰρ καὶ οὗτοι C. 20 τὸ ἱλεον G,
 τὸ ἱλεον C. || τὸν θεόν C. 24 ἐμφανιζόμενον G, ἐμφαν-
 ταζόμενον C. 26 ἐφιστάναι G, ὑφεστάναι C. 27 ὑφ' G,
 ἐφ' C.

τῆς ἐαυτῶν στερήσεως τὰ τὴν οἰκείαν φύσιν εἰλικρινῇ διασώζοντα.

Τὰ μὲν οὖν ἐνυλα σχήματα με|τέχει τῆς ὕλικῆς ἀσχημοσύνης καὶ οὐκ ἔχει τὴν προσήκουσαν αὐτοῖς καθαρότητα, τὰ δὲ οὐράνια μεριστά ἐστι καὶ ἐν ἄλλοις 5 ὑφέστηκε, τὰ δὲ ψυχικὰ διαιρέσεως καὶ ποικιλίας μετέειληφεν καὶ ἀνελιξέως παντοίας, τὰ δὲ νοερὰ μετὰ τῆς ἐνώσεως ἔχει τὴν εἰς πλήθος πρόοδον, αὐτὰ δὲ τὰ τῶν θεῶν καὶ ἀπόλυτα καὶ ἐνοειδῇ καὶ ἀπλᾷ καὶ γεννητικὰ πρὸ τῶν ὄλων ὑφέστηκεν, ἐν ἑαυτοῖς πᾶσαν 10 ἔχοντα τὴν τελειότητα καὶ ἀφ' ἐαυτῶν τοῖς πᾶσι προτείνοντα τὴν τελεσιουργίαν τῶν εἰδῶν. οὐκ ἄρα ἡμεῖς ἀνεξόμεθα τῶν πολλῶν λεγόντων, ὅτι τὰ αἰσθητὰ σχήματα προσθέσεις καὶ ἀφαιρέσεις καὶ ἀλλοιώσεις τινὲς 15 ἀπογεννῶσιν. οὐ γὰρ ἂν αἱ κινήσεις ἀτελεῖς οὔσαι τὴν ἀρχικὴν αἰτίαν καὶ πρωτουργὸν ἔχοιεν τῶν ἀποτελεσμάτων, οὐδ' ἂν ἐκ τῶν ἐναντίων τὰ αὐτὰ πολλάκις ἀποτελοῖτο σχήματα — καὶ γὰρ ἐκ προσθέσεως γένοιτο ἂν καὶ ἀφαιρέσεως ἢ αὐτὴ μορφὴ — ἀλλὰ ταῦτα θησόμεθα δουλεύειν ἄλλοις εἰς τὴν γένεσιν, καὶ 20 τὸ τέλος αὐτοῖς ἀπ' ἄλλων τῶν προηγουμένων αἰτιῶν ἀφορίζεσθαι φήσομεν. οὐδ' ἄρα τὰ μὲν ἄϋλα σχήματα ἀνυπόστατά ἐστι, τὰ δὲ ἐν τῇ ὕλῃ μόνον ὑφέστηκεν, ὥς πού φασί τινες, ἀλλ' οὐδ' ὥς ἕτεροι λέγουσιν, ἐστὶ μὲν ἔξω τῆς ὕλης, κατ' ἐπίνοιαν δὲ μόνην καὶ κατὰ 25 ἀφαιρέσειν ἔχει τὴν ὑπόστασιν. πού γὰρ ἡ ἀκρίβεια

4 αὐτῆς C, 'sibi' B, 'eis' Z. 10 αὐτοῖς G. 13 τῶν πολλῶν λεγόντων] Democriti hanc opinionem fuisse adnotat B in margine. 14 ἀφορέσεις M. || τινὰς G, τινὲς C. 18 ἀποτελεῖται M, ἀποτελεῖτο G. || προσθέσεως M. 19 καὶ ἀφαιρέσεως om. M. 21 ἀπ' ἄλλων αὐτοῖς G. 22 ἄϋλα] ἄλλα G. 25 μόνον G.

καὶ τὸ κάλλος καὶ ἡ τάξις ἡ τῶν σχημάτων ἐν τοῖς ἐξ
 ἀφαιρέσεως σώζεσθαι δύναται; τοιαῦτα μὲν γὰρ ὄντα,
 οἷα τὰ αἰσθητά, πάμπολυ τῆς ἀνελέγκτου καὶ εἰλικρι-
 νοῦς ἀκριβείας ἀπολείπεται, προσλαμβάνοντα δὲ τὸ
 5 ἀκριβὲς καὶ τὸ τεταγμένον καὶ τὸ τέλειον πόθεν ταῦτα
 προσλήψεται; ἢ γὰρ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν — ἀλλ' οὐκ
 ἦν ἐν ἐκείνοις — ἢ ἀπὸ τῶν νοητῶν (ἐστίν?) — ἀλλὰ
 τελειότερον ἐν ἐκείνοις — τὸ γὰρ ἀπὸ τοῦ μὴ ὄντος
 λέγειν πάντων ἀδυνατώτατόν ἐστιν. οὐ γάρ που τὰ
 10 μὲν ἀτελῇ παρήγαγεν ἡ φύσις, τὰ δὲ τέλεια ἀνυπόστατα
 ἀφῆκεν, οὐδὲ θέμις τὴν ἡμετέραν ψυχὴν ἀκριβέστερα
 καὶ τελειότερα καὶ μᾶλλον τεταγμένα τοῦ νοῦ καὶ τῶν
 θεῶν ἀπογεννᾶν. εἰσὶν ἄρα πρὸ τῶν αἰσθητῶν οἱ
 αὐτοκίνητοι λόγοι τῶν σχημάτων καὶ οἱ νοεροὶ καὶ
 15 θεῖοι καὶ ἡμεῖς ἀνακινούμεθα μὲν ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν,
 προβάλλομεν δὲ τοὺς ἔνδον λόγους, εἰκόνας ἄλλων
 ὄντας, καὶ διὰ τούτων τὰ μὲν αἰσθητὰ παραδειγματι-
 κῶς, τὰ δὲ νοερὰ καὶ θεῖα γινώσκομεν εἰκονικῶς.
 ἀναπλούμενοι γὰρ οἱ ἐν ἡμῖν λόγοι τὰς μορφὰς τῶν
 20 θεῶν ἐπιδεικνύουσι καὶ τὰ ἐνοειδῆ τῶν ὅλων πέρατα,
 δι' ὧν ἀρρήτως εἰς ἑαυτοὺς ἐπιστρέφουσι πάντα καὶ
 συνέχουσιν ἐν ἑαυτοῖς. ἐν μὲν οὖν τοῖς θεοῖς καὶ
 γνῶσις ἐστὶν ὑπερφυῆς τῶν ὅλων σχημάτων καὶ δύ-
 ναμις γεννητικὴ καὶ ὑποστατικὴ τῶν δευτέρων ἀπάν-
 25 των, ἐν δὲ ταῖς φύσεσι ποιητικὴν μὲν ἔχει τῶν φαινο-
 μένων τὰ σχήματα δύναμιν, γνῶσεως δὲ καὶ τῆς
 νοερᾶς εἰδήσεως παρήρηται, ἐν δὲ ταῖς μερिकाῖς ψυχαῖς

3 ἀνελέγκτου C. 7—8 ἢ ἀπὸ τῶν νοητῶν ... ἐκείνοις
 om. G. 10 ἀνυπόστατον M; postera manus α super ον
 scripsit. 12 καὶ ante μᾶλλον om. G, add. C. 27 μερικαῖς
 om. G; 'particularibus' B, Z.

ἡ μὲν αὔλος νόησις ἐστὶ καὶ ἡ αὐτενέργητος γνῶσις,
 ἡ δὲ γόνιμος αἰτία καὶ δραστήριος οὐκ ἐστίν. ὥσπερ
 οὖν ἡ φύσις ποιητικῶς τῶν αἰσθητῶν σχημάτων προ-
 ἔστηκεν, οὕτως ἡ ψυχὴ κατὰ τὸ γνωστικὸν ἐνεργοῦσα
 προβάλλει περὶ τὴν φαντασίαν ὥσπερ εἰς κάτοπτρον ⁵
 τοὺς τῶν σχημάτων λόγους, ἡ δ' ἐν εἰδώλοις αὐτὰ
 δεχομένη καὶ ἐμφάσεις ἔχουσα τῶν ἔνδον ὄντων διὰ
 τούτων τῇ ψυχῇ παρέχεται τὴν εἰς τὸ εἶσω στροφὴν
 καὶ πρὸς ἑαυτὴν τὴν ἀπὸ τῶν εἰδώλων || ἐνέργειαν·
 οἷον εἴ τις ἑαυτὸν ὁρῶν ἐν κατόπτρῳ καὶ θαυμάσας ¹⁰
 τὴν τῆς φύσεως δύναμιν καὶ τὴν ἑαυτοῦ μορφὴν ἑαυ-
 τὸν ἰδεῖν θελήσειεν καὶ λάβοι δύναμιν τοιαύτην, ὥστε
 ὅλως ὁρῶν καὶ ὁρατὸν ἀποτελεσθῆναι. καὶ γὰρ ψυχὴ
 τοῦτον τὸν τρόπον ἔξω ἑαυτῆς εἰς φαντασίαν βλέ-
 πουσα καὶ ἐσκιαγραφημένα σχήματα θεωμένη καὶ τὸ ¹⁵
 κάλλος αὐτῶν ἐκπλαγεῖσα καὶ τὴν τάξιν ἄγεται τοὺς
 ἑαυτῆς λόγους, ἀφ' ὧν καὶ ταῦτα, καὶ ἀρασθεῖσα τὸ
 μὲν τούτων κάλλος ὡς ἐν εἰδώλοις φερόμενον ἀφίησι,
 ζητεῖ δὲ τὸ ἑαυτῆς, καὶ εἰς τὸ εἶσω παρελθεῖν ἐθέλει,
 καὶ τὸν κύκλον ἐκεῖ καὶ τὸ τρίγωνον ἰδεῖν, καὶ πάντα ²⁰
 ἀμερῶς καὶ ἐν ἀλλήλοις πάντα, καὶ ἐν (?) γενέσθαι
 πρὸς τὰ ὁρώμενα, καὶ συμπτύξαι τὸ πλῆθος, καὶ τὰ
 ἐν τοῖς ἀγγείοις τῶν θεῶν καὶ ἀδύτοις κρύφια καὶ
 ἄρρητα σχήματα θεάσασθαι καὶ ἐκφῆναι τὴν ἀκαλλώ-
 πιστον τῶν θεῶν εὐμορφίαν καὶ κύκλον ἰδεῖν κέντρον ²⁵

11 ἑαυτὸν om. G. 12 τελέσεις G, τελήσεις C.

14 αὐτῆς G. 15 ἐν σκία(sic)γραφημένῳ σχήματι G, ἐσκια-
 γραφημένῳ σχήματι C. 16 ἄγεται G, ἄγεται C. 21 ἐν
 γενέσθαι] ἐγγενέσθαι M, B, G, sed super ἐγ scripsit in M
 postera manus ἐν; 'sesequie obiectis inserere' B, 'innasci ad
 ea, quae spectantur' Z. 23 αἰτίοις G, ἀγγείοις C. 24 καλ-
 λώπιστον C.

παντὸς ἁμερέστερον καὶ τρίγωνον ἀδιάστατον καὶ τῶν
ἄλλων ἕκαστον εἰς ἑνωσιν γνωστὸν ἀνῆκον. ἐστὶν δὲ
οὖν τὸ μὲν αὐτοκίνητον σχῆμα πρὸ τοῦ ἑτεροκινήτου,
τὸ δὲ ἁμερίστιον πρὸ τοῦ αὐτοκινήτου, τὸ δὲ ἐνὶ ταύ-
5 τὸν πρὸ τοῦ ἁμερίστιου. πάντα γὰρ εἰς τὰς ἐνάδας
ἀνίουτα τελευτᾷ, καὶ γὰρ πᾶσιν ἐκεῖθεν ἢ εἰς τὸ εἶναι
πάροδος.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν κατὰ τὸ Πυθαγόρειον ἀρέσκον
ἐμψύχναμεν, ὁ δὲ γεωμέτρης τὸ ἐν τῇ φαντασίᾳ σχῆμα
10 θεωρῶν καὶ τοῦτο πρῶτως ὀριζόμενος, εἰ καὶ τοῖς
αἰσθητοῖς ὁ λόγος ἐφαρμόττει δευτέρως, τὸ ὑπὸ τινος
ἢ τινων ὄρων περιεχόμενόν φησιν εἶναι τὸ σχῆμα.
σὺν ὕλῃ γὰρ ἤδη λαβὼν αὐτὸ καὶ ὡς διαστατὸν φαν-
ταζόμενον εἰκότως πεπερασμένον καὶ ὠρισμένον ἀπο-
15 καλεῖ. πᾶν γὰρ τὸ ὕλην ἔχον ἢ νοητὴν ἢ αἰσθητὴν
ἀλλαχόθεν ἔχει τὸν ὄρον καὶ οὐκ αὐτὸ πέρας ἐστίν,
ἀλλὰ πεπερασμένον, οὐ δὲ ἑαυτοῦ ὄρος, ἀλλ' ἄλλο μὲν
ἐν αὐτῷ τὸ ὀρίζον, ἄλλο δὲ τὸ ὀριζόμενον, οὐδὲ ἐν
αὐτῷ ἐστίν, ἀλλὰ ὑπ' αὐτοῦ περιέχεται. τῷ γὰρ |
20 ποσῷ συμφύεται καὶ μετ' ἐκείνου συννυφίσταται καὶ
γίνεται αὐτῷ ὑποκείμενον τὸ ποσόν. λόγος δὲ ἐκείνου
καὶ μορφή τὸ σχῆμα καὶ εἶδος. περατοὶ γὰρ αὐτὸ καὶ
χαρακτῆρα καὶ ὄρον αὐτῷ τοιόνδε προστίθησιν, ἢ
ἀπλοῦν ἢ σύνθετον. ἐπεὶ γὰρ καὶ αὐτὸ τὴν τοῦ πέρα-
25 τος καὶ ἀπείρου δυοειδῆ πρόοδον ἐν τοῖς οἰκείοις

3 ἑτέρου κινήτου *M*. 4 τὸ δὲ ἐναιετὸν *B*, *G*, τὸ δὲ ἐναιαν-
τὸν *C*, τὸ δὲ ἐνὶ αὐτὸν *M*, quod postera manus correxit in τῷ
δὲ ἐνὶ ταύτῳ; 'quae (figura) vero Uni eadem est' *B*, 'quod
sic uni idem est' *Z*. 11 ἐφαρμόττει, δευτέρως τὸ *G*.
13 ἡδη] εἶδη *G*. 14 καὶ ὠρισμένον om. *G*, *C*. 14—17 ἀπο-
καλεῖ . . . ἀλλὰ πεπερασμένον om. *G*, add. *C*. 18 τὸ ante
ὀριζόμενον om. *G*, add. *C*. 25 οἰκείοις] ἰδίους *G*.

εἶδεσι προτείνει, καθάπερ δὴ καὶ ὁ τῆς γωνίας λόγος, τὸν μὲν ἓνα ὄρον καὶ τὸ ἀπλοῦν εἶδος ἐπάγει τοῖς ὑφ' ἑαυτοῦ περιεχομένοις κατὰ τὸ πέρασ, τοὺς δὲ πολλοὺς κατὰ τὴν ἀπειρίαν. || καὶ διὰ τοῦτο πᾶν τὸ ἐσχηματισμένον ἢ ἐνὸς ὄρου μετείληφεν ἢ πλειόνων. ὁ μὲν οὖν 5 Εὐκλείδης τὸ ἐσχηματισμένον σχῆμα καλῶν καὶ τὸ ἐνυλον καὶ τῷ ποσῷ συννύαρχον περιεχόμενον εἰκότως αὐτὸ προσείρηκεν, ὁ δὲ Ποσειδώνιος πέρασ συγκλείον ἀφορίζεται τὸ σχῆμα τὸν λόγον τοῦ σχήματος χωρίζων τῆς ποσότητος καὶ αἴτιον αὐτὸν εἶναι τιθέμε- 10 νος τοῦ ὠρίσθαι καὶ πεπεράσθαι καὶ τῆς περιοχῆς. τὸ γὰρ κλείον ἑτερόν ἐστι τοῦ συγκλειομένου καὶ τὸ πέρασ τοῦ πεπερασμένου, καὶ δοκεῖ πως ὁ μὲν εἰς τὸν ἔξωθεν περικείμενον ὄρον ἀποβλέπειν, ὁ δὲ εἰς ὅλον τὸ ὑποκείμενον, ὥστε τὸν κύκλον ὃ μὲν ἐρεῖ καθ' 15 ὅλον τὸ ἐπίπεδον εἶναι σχῆμα καὶ τὴν ἔξω περιοχὴν, ὁ δὲ κατὰ τὴν περιφέρειαν. ἐνδείκνυται δὲ ὁ μὲν ὅτι τὸ ἐσχηματισμένον ἀφορίζεται καὶ σὺν τῷ ὑποκειμένῳ θεωρούμενον, ὁ δὲ ὅτι τὸν λόγον τοῦ σχήματος αὐτὸν τὸν περατοῦντα καὶ συγκλείοντα τὸ ποσὸν ἐμφανίζειν 20 ἐθέλει. εἰ δέ τις λογικὸς ἀνὴρ καὶ κομψὸς αἰτιῶτο τὸν Εὐκλείδιον λόγον ὥς ἀπὸ τῶν εἰδῶν τὸ γένος ἀφοριζόμενον — τὸ γὰρ ὑφ' ἐνὸς ὄρου περιεχόμενον καὶ τὸ ὑπὸ πλειόνων εἶδη τοῦ σχήματος — λεκτέον ἂν εἴη πρὸς αὐτόν, ὅτι κατὰ γένη τὰς δυνάμεις προ- 25

5-6 ἢ ἐνὸς . . . ἐσχηματισμένον om. G, add. C. 7 πο-
σὸν C. 8 αὐτὸ προσείρηκεν εἰκότως C. 12 κύκλον G,
κλείον C. 13. 14 εἰς τὸ ἔξω G. 17 ἐνδείκνυται (εἰδείκνυ-
ται B₃) δεόμενόν τι M, B₃, ἐνδείκνυται. καὶ ὁ μὲν τοι G;
'ostendit. et alter quidem' B. 'indicat. et hic quidem' Z.
19 ὅτι non interpretati sunt nec Z nec B. 22 τὸν Εὐκλείδιον
λόγον M, τὸν Εὐκλείδους λόγον G. 25 κατὰ γένη] καὶ τὰ
γένη G.

εἰληφεν τῶν εἰδῶν ἐν ἑαυτοῖς. καὶ ὅταν ἀπὸ τῶν
δυνάμεων τῶν ἐν τοῖς γένεσιν ἐθέλωσιν αὐτὰ σαφῇ
ποιεῖν, οἱ παλαιοὶ δοκοῦσι μὲν ἀπὸ τῶν εἰδῶν ἐπιχει-
ρεῖν, κατὰ δὲ τὸ ἀληθὲς αὐτὰ ἀφ' ἑαυτῶν ἀναδιδα-
5 σκουσι καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων.

Ὁ τοίνυν λόγος τοῦ σχήματος εἰς ὃν περιέχει τὰς
τῶν πολλῶν σχημάτων διαφορότητας κατὰ τὸ πέρασ
τὸ ἐν αὐτῷ καὶ τὸ ἄπειρον, καὶ ὁ τοῦτον ὀριζόμενος
οὐκ ἂν ἄτοπος εἴη διὰ τοῦ ὀρισμοῦ τὰς διαφορὰς τῶν
10 ἐν αὐτῷ δυνάμεων περιλαμβάνων. ἀλλὰ πόθεν πρό-
εῖσιν ὁ τοῦ σχήματος λόγος καὶ ἀπὸ ποίων αἰτίων
τελειοῦται; λέγω δὴ, ὅτι πρῶτον μὲν ἐκ τοῦ πέρατος
ὑφίσταται καὶ τοῦ ἀπείρου καὶ τοῦ ἐκ τούτων με-
μιγμένου, διὸ καὶ αὐτὸς τὰ μὲν ἀπογεννᾷ κατὰ τὸ
15 πέρασ τῶν εἰδῶν, τὰ δὲ κατὰ τὸ ἄπειρον, τὰ δὲ κατὰ
τὸ μικτόν, τοῖς μὲν περιφερέσι τὴν τοῦ πέρατος ἰδέαν
ἐπάγων, τοῖς δὲ εὐθυγράμμιοις τὴν τοῦ ἀπείρου, τοῖς
δὲ ἐκ τούτων τὴν τοῦ μικτοῦ. δεύτερον δὲ ἀπὸ τῆς
ὀλότητος τελειοῦται τῆς εἰς τὰ ἀνόμοια μέρη διακρινο-
20 μένης, ὅθεν δὴ καὶ αὐτὸς ἐκάστῳ τῶν εἰδῶν ἐπιφέρει
τὸ ὅλον, καὶ τῶν σχημάτων ἕκαστον εἰς διάφορα αὐ-
τῶν εἶδη τέμνεται. καὶ γὰρ ὁ κύκλος εἰς ἀνόμοια τῷ
λόγῳ καὶ ἕκαστον τῶν εὐθυγράμμων διαιρετόν ἐστιν,
ὃ καὶ αὐτὸς ὁ στοιχειωτὴς ἐν ταῖς διαιρέσεσι πράγμα-
25 τεύεται τὸ μὲν εἰς ὁμοιά¹ τὰ δοθέντα σχήματα διαιρῶν,
τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια² τρίτον ἀπὸ τοῦ παντελοῦς πλήθους
δυναμοῦται καὶ διὰ τοῦτο παντοίας μορφὰς προτείνει

1 καὶ ὅτε G, καὶ ὅταν C. 7 διαφορὰς C. 12 λέγει
M, B₂, G; sed in M postera manus ω super ei scripsit; 'Dico' B,
'Ait' Z. 13 ὑφίστασθαι G. 18 τὴν ante τοῦ μικτοῦ om. G,
add. C. 26 τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια om. M, B₂.

-4) H. Heiberg, Studien d. Eucl., p. 36 sq.

καὶ γεννᾷ πολυειδεῖς λόγους τῶν σχημάτων καὶ ἑαυτὸν
 ἐξελλίττων οὐ παύεται, μέχρις ἂν εἰς ἑσχατον προέλθῃ
 καὶ πᾶσαν ἐκφήνῃ τὴν ποιικιλίαν τῶν εἰδῶν. καὶ
 ὥσπερ ἐκεῖ τὸ ἐν τῷ ὄντι καὶ τὸ ὄν ἐν τῷ ἐνὶ δεικνυ-
 ται συννύπαρχον, οὕτω δὴ καὶ αὐτὸς ἐν τοῖς εὐθυ- 5
 γράμμοις τὰ περιφερῆ καὶ ἀνάπαλιν τὰ εὐθύγραμμα
 ἐν τοῖς περιφερέσι συνειλιγμένα δείκνυνσι, καὶ τὴν
 ὅλην ἑαυτοῦ φύσιν καθ' ἕκαστον οἰκειῶς προτείνει
 πάντα τε ταῦτα ἐν πᾶσιν, ὅταν καὶ τὸ ὅλον ἐν τε πᾶσιν
 ὁμοῦ καὶ ἐκάστῳ χωρὶς. ταύτην δ' οὖν τὴν δύναμιν 10
 ἀπ' ἐκείνης ἔχει τῆς τάξεως. τέταρτον ἀπὸ τοῦ πρώ-
 του τῶν ἀριθμῶν ὑποδέχεται τὰ μέτρα τῆς προόδου
 τῶν εἰδῶν, ὅθεν καὶ ὑφίστησι πάντα κατ' ἀριθμούς,
 τὰ μὲν ἀπλουστέρους, τὰ δὲ συνθετωτέρους. τρίγωνα
 γὰρ καὶ τετράγωνα καὶ πεντάγωνα καὶ πάντα τὰ πο- 15
 λύγωνα συμπρόεισι ταῖς ἐπ' ἄπειρον τῶν ἀριθμῶν
 ἐξαλλαγαῖς. διὰ ποίαν δ' αἰτίαν τοῦτο γίνεται, τοῖς
 μὲν πολλοῖς ἄγνωστον, τοῖς δὲ εἰδόσι, ποῦ μὲν ἀριθμός,
 ποῦ δὲ τὸ σχῆμα, καταφανὴς ὁ τῆς αἰτίας ἀπολογισμός.
 πέμπτον ἀπ' ἄλλης ὁλότητος δευτέρας καὶ εἰς ὁμόχροα 20
 διαιρουμένης πληροῦται τῆς εἰς ὅμοια διαιρέσεως τῶν
 εἰδῶν, καθ' ἣν καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος εἰς τρίγωνα
 καὶ ὁ τετραγωνικὸς εἰς τὰ τετράγωνα διαιρεῖται. καὶ
 τοῦτο τὸ ὅπερ ἔφην καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι γυμναζόμενοι
 ποιούμεν, πολὺ πρότερον ἐν ταῖς ἀρχαῖς προυφεστηκός. 25

4 ἐν post ἐν om M. 8 οἰκειάν C; in M vestigia
 εἰκaiως videntur tradere, 'proprie' B, Z. 9 ὅταν] ὄντα C,
 'quandoquidem' B, 'quoniam' Z. 10 δ' ante οὖν om. G,
 add. C. 12 ἀποδέχεται G. 14 συνθετωτέρους G. 15 καὶ
 γὰρ M. 18 εἰδός G, εἰδόσι C. 20 ἐπ' M, G; in M postera
 manus super ε scripsit α. || δευτέρα M, G; in M postera ma-
 nus supra adscripsit ε. 21 καταιρουμένης G, διαιρουμένης C. ||
 τὰ ante ὅμοια add. G, del. C. 23 τὰ ante τετράγωνα om. G.

Εἰς δὴ ταύτας ἀποβλέποντες τὰς ἀποδόσεις πολλὰ
 δυνάμεθα περὶ τῶν σχημάτων αἰτιολογεῖν εἰς τὰς ἀρ-
 χὰς ἀναγόμενοι τὰς πρὸ αὐτῶν, καὶ τὸ μὲν ἐν κοινό-
 τερον σχῆμα τοιαύτην ἔλαχε τάξιν καὶ ἀπὸ τοσοῦτων
 5 αἰτιῶν παραδέχεται τὴν τελεσιουργίαν, ἐντεῦθεν δὲ
 πρόεισι ἐπὶ τὰ γένη τῶν θεῶν καὶ κατ' ἄλλας ιδέας
 ἄλλοις ἀπονέμεται καὶ πρὸς ἄλλους ἐνεργεῖ τοῖς μὲν
 τὰ ἀπλούστερα, τοῖς δὲ τὰ ἐκ τούτων ἀποδιδόναι σχή-
 ματα, καὶ τοῖς μὲν τὰ | πρωτουργὰ καὶ ἐν ταῖς ἐπι-
 10 φανελαῖς ἀπογεννώμενα, τοῖς δὲ τῶν στερεῶν ἐπιβαί-
 νουσιν ὄγκων τὰ προσήκοντα τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς
 σχημάτων ἀφορίζον, πάντων μὲν ἐν πᾶσιν ὄντων —
 αἱ γὰρ τῶν θεῶν μορφαὶ παντελεῖς εἰσι καὶ πλήρεις
 τῶν ὅλων δυνάμεων — ἀλλὰ τῆς ιδιότητος ἄλλω κατ'
 15 ἄλλο προβεβλημένης. ὁ μὲν γὰρ κυκλικῶς ἔχει πάντα,
 ὁ δὲ τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς, καὶ ἐπὶ τῶν στε-
 ρεῶν ὡσαύτως.

|| Def. XV. XVI. Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον
 ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, πρὸς ἣν ἀφ'
 20 ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμέ-
 νων πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν.¹⁾ κέντρον δὲ τοῦ κύκλου τὸ ση-
 μεῖον καλεῖται.

Τὸ πρώτιστον καὶ ἀπλούστατον τῶν σχημάτων
 25 καὶ τελειότατον ὁ κύκλος ἐστὶ. τῶν μὲν γὰρ στερεῶν

8 τὰ post τοῖς μὲν et τοῖς δὲ om. G, add. C. 10 ἀπο-
 βαίνουσιν C. 12 παντι G, πᾶσι C. 14 ἄλλω] ἄλλων G,
 ἄλλο B, C, 'aliud' B, 'alteri' Z. 15 κυκλικῶς C. 16 ὁ δὲ
 τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς om. G, add. C. || καὶ ἐπὶ τῶν
 στερεῶν del. C. 22 τὸ om. G.

πάντων ὑπερφέρει τῷ ἐν ἀπλουστερά τάξει τὴν ὑπαρ-
 ξιν ἔχειν, τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ὑφισταμένων τῇ
 ὁμοιότητι καὶ ταυτότητι τὴν ὑπεροχὴν ἔλαχεν. καὶ
 ἔστιν ἀνάλογον τῷ πέρατι καὶ τῇ μονάδι καὶ ὅλως τῇ
 ἀμείνονι συστοιχία. διὸ καὶ τῶν ἐγκοσμίων καὶ τῶν 5
 ὑπερκοσμίων τὰς διαιρέσεις ποιούμενος αἰετῆς θειο-
 τέρας φύσεως εὐρήσεις ὄντα τὸν κύκλον. εἰ μὲν γὰρ
 εἰς οὐρανὸν καὶ γένεσιν διαιροῖς τὸ πᾶν, τῷ μὲν
 οὐρανῷ τὸ κυκλικὸν εἶδος ἀποδώσεις, τῇ δὲ γενέσει
 τὸ εὐθύ. καὶ γὰρ ὅσον ἔστιν ἐν τοῖς γενητοῖς κυκλι- 10
 κὸν ἐν τε ταῖς μεταβολαῖς καὶ τοῖς σχήμασιν, ἄνωθεν
 ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκει. διὰ γὰρ τὴν ἐκείνου κυκλο-
 φορίαν ἡ γένεσις ἀνακυκλεῖται πρὸς ἑαυτὴν καὶ τὴν
 ἀνιδρυτον παράλλαξιν εἰς τεταγμένην ἀνάγει περίοδον,
 — εἰ δὲ εἰς ψυχὴν καὶ νοῦν τὰ ἀσώματα διακρίνοις, 15
 νοερὸν μὲν ἂν εἰποῖς εἶναι τὸν κύκλον, ψυχικὸν δὲ τὸ
 εὐθύ. διὸ καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὴν πρὸς νοῦν ἐπιστροφ-
 ῇ κατὰ κύκλον περιάγεσθαι λέγεται. καὶ ὅπερ ἡ
 γένεσις πρὸς τὸν οὐρανόν, τοῦτο ἡ ψυχὴ πρὸς τὸν
 νοῦν. κύκλῳ γὰρ κινεῖται (φησὶν ὅτι νοῦν μιμεῖται?). 20
 ἡ δὲ γένεσις τῆς ψυχῆς· τὸ γὰρ ἄλλοτε ἐν ἄλλοις εἶδεσι
 γίνεσθαι ψυχῆς ἰδίον, — εἰ δὲ εἰς σῶμα καὶ ψυχὴν
 ἐθέλοις διαιρεῖν, πᾶν μὲν τὸ σωματικὸν τῆς τοῦ εὐθέως
 μερίδος θήσεις, πᾶν δὲ τὸ ψυχικὸν τῆς τοῦ κύκλου
 ταυτότητος καὶ ὁμοιότητος μετέχειν. τὸ μὲν γὰρ σύν- 25
 θετόν ἐστι καὶ ποικίλον ταῖς δυνάμεσιν, ὥσπερ τὰ
 εὐθύγραμμα σχήματα, τὸ δὲ ἀπλοῦν καὶ νοερόν, αὐτο-
 κίνητον καὶ αὐτενέργητον, πρὸς ἑαυτὸ ἐστραμμένον

5 συστοιχία M, G. 8 διαιρεῖς G. 13 καὶ τὸ G, καὶ
 τὴν C. 17—19 ἐπιστροφὴν . . . πρὸς τὸν νοῦν om. G, add. C.

καὶ περὶ αὐτὸ ἐνεργοῦν, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος διὰ τῶν εὐθυγράμμων ὑποστήσας τὰ στοιχεῖα τοῦ παντός τὴν κατὰ κύκλον αὐτοῖς κίνησιν καὶ διαμόρφωσιν ἐκ τῆς ἐποχομένης τῷ κόσμῳ δέδωκε ψυχῆς.

- 5 Ἄλλ' ὅτι μὲν πανταχοῦ τὸ πρωτεῖον ὁ κύκλος ἔλαχεν ὡς πρὸς τὰ ἄλλα σχήματα, δῆλον ἐκ τῶν προειρημένων, δεῖ δὲ καὶ τὴν πᾶσαν αὐτοῦ σειρὰν θεωρεῖν ἄνωθεν ἀρχομένην καὶ τελευτῶσαν ἄχρι τῶν ἐσχάτων καὶ πάντα τελειοῦσαν κατὰ τὴν ἐπιτηδειότητα τῶν δε-
- 10 χομένων αὐτοῦ τὴν μετουσίαν. τοῖς μὲν οὖν θεοῖς ἐπιστροφὴν καὶ ἔνωσιν παρέχεται πρὸς τὰς ἑαυτῶν αἰτίας καὶ τὸ μένειν ἐν ἑαυτοῖς καὶ μὴ ἐξίστασθαι τῆς οἰκείας μακαριότητος, τὰς μὲν ἄκρας αὐτῶν || ἐνώσεις ὡς κέντρα προστησάμενος ἐφετὰ τοῖς δευτέροις, τὰ δὲ
- 15 πλήθη τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων περὶ ἐκεῖνα σταθερῶς ἰδρύων καὶ διὰ τὴν ἐκείνων ἀπλότητα συνέχων, ταῖς δὲ νοεραῖς οὐσίαις τὸ πρὸς ἑαυτὰς ἐνεργεῖν διαιωνίως, παρέχων καὶ παρ' ἑαυτῶν πληροῦσθαι τῆς γνώσεως ἐν ἑαυταῖς τε συνηρηκέναι τὰ νοητὰ καὶ ἀφ' ἑαυτῶν
- 20 τὰς νοήσεις τελειοῦν. πᾶς γὰρ νοῦς καὶ τὸ νοητὸν ἑαυτῷ προτείνει, καὶ τοῦτο μὲν ὡς κέντρον ἐστὶν τῷ νῷ, ὁ δὲ νοῦς συνέχει περὶ αὐτὸ καὶ ἐρᾷ καὶ ἐνίσχεται πρὸς αὐτὸ ταῖς νοεραῖς ὅλαις πανταχοῦ ἐνεργείαις. ταῖς δὲ ψυχαῖς ἐπιλάμπει τὸ αὐτόζωον, τὸ αὐτοκίνη-
- 25 τον, τὸ πρὸς νοῦν ἐστράφθαι καὶ πεφιλοχευεῖν τὸν

1 αὐτὸ] αὐτὸν *M*, αὐτὸ *G*. 5 πανταχοῦ delendum notavit *C*. || πρῶτον *G*, πρωτεῖον *C*. 11 τὰς] αὐτὰς *G*, τὰς *C*. 18 ἑαυτῷ *G*, ἑαυτῶν *C*. 20 τελείας *G*, τελειοῦν *C*. || καὶ post νοῦς om. *G*. 21 προστείνει *M*. 23 παρ' ἑαυτὸ *M*, παρ' ἑαυτῷ *G*, πρὸς αὐτὸ *H*, p. 264. || ἐργείαις *M*. 24 αὐτόζων *M*, αὐτοζῶν *G*, αὐτόζων (αὐτό ζῶν) *H*. 25 τὸ ante πρὸς νοῦν om. *G*.

νοῦν, τὸ ἀποκαθίστασθαι κατὰ τὰς οἰκείας περιόδους ἀνελιττούσας τοῦ νοῦ τὴν ἀμέρειαν. πάλιν γὰρ αἱ μὲν νοερὰι τάξεις ὥσπερ τὰ κέντρα τὴν ὑπεροχὴν ἔξουσιν πρὸς τὰς ψυχάς, αἱ δὲ ψυχαὶ περὶ αὐτάς κατὰ κύκλον ἐνεργήσουσι. καὶ γὰρ πᾶσα ψυχὴ κατὰ μὲν ⁵ τὸ νοερὸν ἑαυτῆς καὶ αὐτὸ τὸ ἐν τὸ ἀκρότατον κεκέντρῳται, κατὰ δὲ τὸ πλῆθος κυκλικῶς περιπορεύεται, περιπτύξασθαι ποθοῦσα τὸν ἑαυτῆς νοῦν, — τοῖς δὲ οὐρανίοις σώμασιν τὴν πρὸς τὸν νοῦν ἀφομοίωσιν, τὴν ὁμοιότητα, τὴν ὁμαλότητα, τὴν ἐν πέρασι τῶν ¹⁰ ὅλων περιοχὴν, τὰς ἐν μέτροις ὠρισμένοις ἀνακυκλήσεις, τὴν αἰδίου ὑπόστασιν, τὸ ἀναρχον καὶ ἀτελεύτητον, ἅπαντα τὰ τοιαῦτα, — τοῖς δὲ ὑπὸ σελήνην στοιχείοις τὴν περίοδον τὴν ἐν ταῖς μεταβολαῖς, τὴν πρὸς τὸν οὐρανὸν ἀπεικασίαν, τὸ ἐν τοῖς γεννητοῖς ἀγέννητον ¹⁵ καὶ ἐν τοῖς κινουμένοις ἐστῶς καὶ ἐν τοῖς μεριστοῖς ὠρισμένον· πάντα γὰρ αἰεὶ ἔστι διὰ τὸν κύκλον τῆς γενέσεως· καὶ τὸ ἰσοκρατὲς ἐν πᾶσι διὰ τὴν ἀνταπόδοσιν τῆς φθορᾶς. εἰ γὰρ μὴ ἀνέκαμψεν ἡ γένεσις, ταχὺ ἂν ἡ τάξις αὐτῶν διελύθη καὶ ἡ σύμπασα δια- ²⁰ κόσμησης, — τοῖς δ' αὖ ζώοις καὶ φυτόις τὴν ἐν ταῖς ἀπογεννήσεσιν ὁμοιότητα ἐνδίδωσιν. ἔκ τε γὰρ τῶν σπερμάτων ταῦτα γίνεται | καὶ σπέρματα ἐκ τούτων, γένεσις τε ἐξ ἀλλήλων ἀποτελεῖται καὶ ἀνακύκλησις ἀπὸ τε τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον καὶ ἔμπαλιν, ἵνα ²⁵ καὶ φθίσις ἢ μετὰ τῆς γενέσεως, — τοῖς δὲ γε παρὰ φύσιν λεγομένοις τάξιν ἐπιτίθησιν καὶ τὴν ἀοριστίαν

⁵ ἐνεργούσι G. ⁷ κυκλωτικῶς H₂ p. 264. ¹³ τὰ ante τοιαῦτα om. G, add. C. ¹⁵ γεννητοῖς M. ¹⁸ γενήσεως M. ²⁰ διεληλύθη M. ²³ ταῦτα M. || σπέρμα C. ²⁵ τοῦ ante ἀτελοῦς om. G, add. C. || ἐπὶ] εἰς G, ἐπὶ C.

αὐτῶν εἰς ὄρον περιάγει καὶ διακοσμεῖ, καὶ ταῦτα
 δεόντως τοῖς τελευταίοις ἔχγουσι τῶν ἑαυτοῦ δυνάμεων·
 διὸ καὶ κατὰ ἀριθμοὺς ὠρισμένους ἀνακνυλεῖται καὶ
 οὐ φοραὶ μόνον ἀλλὰ καὶ ἀφορίαι κατὰ τὰς περιτροπὰς
 5 ὑφίστανται τῶν κύκλων, ὥς ὁ τῶν μουσῶν λόγος,
 καὶ πάντα τὰ κακὰ εἰ καὶ ἀπέρριπται τῶν θεῶν εἰς
 τὸν θνητῶν τόπον, ἀλλὰ περιπολεῖ καὶ ταῦτα, φησὶν
 ὁ Σωκράτης, καὶ μέτεστι καὶ τούτοις τῆς κυκλικῆς
 περιόδου καὶ || τάξεως, ἵνα μηδὲν ἄκρατον ἢ κακόν,
 10 μηδὲ ἐρήμον τῶν θεῶν, ἀλλ' ἢ τελεσιουργὸς πρόνοια
 τῶν ὅλων καὶ τὴν ἀπέραντον τῶν κακῶν ποικιλίαν εἰς
 ὄρον περιάγῃ καὶ τάξιν τὴν αὐτοῖς πρόπονσαν.

Πάντα ἄρα διακεκόσμηκεν ἡμῖν ὁ κύκλος ἄχρι
 τῶν μεταδόσεων τῶν τελευταίων καὶ οὐδὲν ἄμοιρον
 15 ἀφῆκεν τῆς ἑαυτοῦ μεταδόσεως, κάλλος καὶ ὁμοιότητα
 καὶ εἰδοποιῶν καὶ τελειότητα χορηγῶν. διὸ καὶ ἐν
 τοῖς ἀριθμοῖς τὰ μέσα κέντρα συνέχει τῆς προόδου
 συμπάσης τῶν ἀριθμῶν, τῆς ἀπὸ μονάδος ἄχρι δεκά-
 δος ἀνελιττομένης. ἡ γὰρ πεμπτὰς καὶ ἡ ἑξὰς ἐκ πάν-
 20 των τὴν κυκλικὴν ἐπιδείκνυνται δύνάμιν ἐν τοῖς ἀφ'
 ἑαυτῶν προόδοις εἰς αὐτὰς πάλιν ἐπιστρεφόμεναι.
 πολλαπλασιαζόμεναι γὰρ εἰς αὐτὰς καταλήγουσι. προ-

4 φοραῖ *M.* || ἀφορίαι] αἱ φοραὶ *M.*, quod postera manus mutavit in ἀφορίαι. 7 τὸν θνητὸν τόπον *M.*, τὸν τῶν θνητῶν τόπον *B.*, *G.*, 'Mortalium locum' *B.*, 'locum mortalium' *Z.*

9 καὶ ante τάξεως om. *G.*, add. *C.* || ἡ καὶ κακόν *B.*, *G.* et *M.*, sed in *M.* puncta supra καὶ addita sunt; 'malumque sit' *B.*, 'et malum' *Z.* 10 προνοία *M.* 12 περιάγει *G.*, περι-άγῃ *B.*, 'redigat' *B.*, 'circumducit' *Z.* 13 διακόσμησεν *G.*

15 ἑαυτοῦ μεταδόσεως] μετὰ αὐτοῦ διαδόσεως *C.* 17 συν-έχει] συντρέχει *B.*, *G.*, 'continet' *B.*, 'concurrunt' et in margine 'aliter continent' *Z.* 19 ἀνελισσομένης *G.*, ἀνελιττομένης *M.*, sed postera manus σο super πο scripsit. 20 ἐπιδείκνυνται *M.*, *G.* 21 αὐτὰς *M.*, *G.* 22 αὐτὰς *M.*, *G.* || καταλύουσι *G.*

ὁδον μὲν οὖν ὁ πολλαπλασιασμὸς εἰκῶν, εἰς πλῆθος ἐκτεινόμενος, ἐπιστροφῆς δὲ ἢ εἰς τὸ αὐτὸ κατάληξις εἶδος. τὸ δὲ συναμφοτέρων ἢ κυκλικὴ παρέχεται δύναμις ἀνεγείρουσα μὲν ἀπὸ τοῦ μένοντος οἶον κέντρον τὰς γεννητικὰς αἰτίας τοῦ πλήθους, συνελίσσουσα δὲ 5 μετὰ τὰς ἀπογεννήσεις ἐπὶ τὰ αἰτία τὸ πλῆθος. δύο τοίνυν ἀριθμοὶ τὸ μέσον πάντων κατέχουσι τὴν ιδιότητα, καὶ ὁ μὲν παντὸς ἡγείται τοῦ ἐπιστρεπτικοῦ γένους τῶν ἀρρένων καὶ τῆς περιττοῦ φύσεως, ὁ δὲ πᾶν τὸ θῆλυ καὶ ἄρτιον καὶ τῆς γονίμου σειρᾶς ἀνα- 10 καλεῖται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχὰς κατὰ τὴν κυκλικὴν δύναμιν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν μέχρι τούτων διαπεπεράνθω, τὴν δὲ μαθηματικὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου θεωρήσομεν εἰς πέρας ἀκριβείας ἡκουσαν. σχῆμα μὲν οὖν αὐτὸν ἔθετο 15 διότι δὴ πεπέρασται καὶ περιέχεται πανταχόθεν ὑφ' ἐνὸς ὅρου καὶ οὐκ ἔστι τῆς ἀπείρου φύσεως, ἀλλὰ τῷ πέρατι σύστοιχος, καὶ ἐπίπεδον δὲ αὐτὸ, καθόσον τῶν σχημάτων ἢ ἐν ἐπιφανείαις ὁρωμένων ἢ ἐν στερεοῖς, ὁ κύκλος τῶν ἐπιπέδων ἔστι τὸ πρῶτιστον, ἀπλότητι 20 μὲν τῶν στερεῶν ὑπερφέρων, μονάδος δὲ πρὸς τὰ ἐπίπεδα λόγον ἔχων, ὑπὸ μιᾶς δὲ γραμμῆς περιεχόμενον, ὡς τῷ ἐνὶ προσήκοντα καὶ κατὰ τὸ ἐν ἀφοριζόμενον, τὴν δὲ ποικιλίαν τῶν περικειμένων ἔξωθεν

4 κέντρον G, κέντρον C. 5 αἰτίας om. G; add. C.
6 ἀπογενέσεις G. 8 ἐπιστρεπτικῶς C. 10 ἄρτι G, ἀρτίον C. ||
τὰς γονίμους σειρὰς M postera manu. 11 οἰκείας om. G;
add. C. 14 θεωρήσωμεν G. 14. 15 εἰς παρακριβείας M,
postera manus παρ in πέρας mutavit; εἰς πᾶν ἀκριβείας B₃, G;
'accuratam undequaque' B, 'ad certitudinis limitem' Z.
20 ἔστι] ἐπὶ G, ἔστι C. 21 τὸ στερεὸν ὑπερφέρον, μονάδι G. ||
πρὸς om. G, add. C. 22 Post περιεχόμενον addit G πρὸς δὲ
ταύτην τὴν γραμμὴν ἔσας ἔχον τὰς πάσας, quae verba delet C.

εἰληφεν τῶν εἰδῶν ἐν ἑαυτοῖς. καὶ ὅταν ἀπὸ τῶν
δυνάμεων τῶν ἐν τοῖς γένεσιν ἐθέλωσιν αὐτὰ σαφῇ
ποιεῖν, οἱ παλαιοὶ δοκοῦσι μὲν ἀπὸ τῶν εἰδῶν ἐπιχει-
ρεῖν, κατὰ δὲ τὸ ἀληθὲς αὐτὰ ἀφ' ἑαυτῶν ἀναδιδά-
σκουσι καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων.

Ὁ τοίνυν λόγος τοῦ σχήματος εἰς ὃν περιέχει τὰς
τῶν πολλῶν σχημάτων διαφορότητας κατὰ τὸ πέρας
τὸ ἐν αὐτῷ καὶ τὸ ἄπειρον, καὶ ὁ τοῦτον ὀριζόμενος
οὐκ ἂν ἄτοπος εἴη διὰ τοῦ ὀρισμοῦ τὰς διαφορὰς τῶν
ἐν αὐτῷ δυνάμεων περιλαμβάνων. ἀλλὰ πόθεν πρό-
εῖσιν ὁ τοῦ σχήματος λόγος καὶ ἀπὸ ποίων αἰτίων
τελειοῦται; λέγω δὴ, ὅτι πρῶτον μὲν ἐκ τοῦ πέρατος
ὑφίσταται καὶ τοῦ ἀπείρου καὶ τοῦ ἐκ τούτων με-
μιγμένου, διὸ καὶ αὐτὸς τὰ μὲν ἀπογεννᾷ κατὰ τὸ
πέρας τῶν εἰδῶν, τὰ δὲ κατὰ τὸ ἄπειρον, τὰ δὲ κατὰ
τὸ μικτόν, τοῖς μὲν περιφερέσι τὴν τοῦ πέρατος ἰδέαν
ἐπάγων, τοῖς δὲ εὐθυγράμμους τὴν τοῦ ἀπείρου, τοῖς
δὲ ἐκ τούτων τὴν τοῦ μικτοῦ. δεύτερον δὲ ἀπὸ τῆς
ὁλότητος τελειοῦται τῆς εἰς τὰ ἀνόμοια μέρη διακρino-
μένης, ὅθεν δὴ καὶ αὐτὸς ἐκάστῳ τῶν εἰδῶν ἐπιφέρει
τὸ ὅλον, καὶ τῶν σχημάτων ἕκαστον εἰς διάφορα αὐ-
τῶν εἶδη τέμνεται. καὶ γὰρ ὁ κύκλος εἰς ἀνόμοια τῷ
λόγῳ καὶ ἕκαστον τῶν εὐθυγράμμων διαιρετόν ἐστιν,
ὃ καὶ αὐτὸς ὁ στοιχειωτής ἐν ταῖς διαιρέσεσι πράγμα-
τεύεται τὸ μὲν εἰς ὁμοιά¹ τὰ δοθέντα σχήματα διαιρῶν,
τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια² τρίτον ἀπὸ τοῦ παντελοῦς πλήθους
δυναμοῦται καὶ διὰ τοῦτο παντοίας μορφὰς προτείνει

1 καὶ ὅτε G, καὶ ὅταν C. 7 διαφορὰς C. 12 λέγει
M, B₃, G; sed in M postera manus ω super ei scripsit; 'Dico' B,
'Ait' Z. 13 ὑφίστασθαι G. 18 τὴν ante τοῦ μικτοῦ om. G,
add. C. 26 τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια om. M, B₃.

1) cf. Heiberg, Studien d. Berl. Akad., p. 36 Aq.

καὶ γεννᾷ πολυεῖδεις λόγους τῶν σχημάτων καὶ ἑαυτὸν
 ἐξελλίττων οὐ παύεται, μέχρις ἂν εἰς ἑσχατον προέλθῃ
 καὶ πᾶσαν ἐκφήνῃ τὴν ποιικιλίαν τῶν εἰδῶν. καὶ
 ὥσπερ ἐκεῖ τὸ ἐν τῷ ὄντι καὶ τὸ ὄν ἐν τῷ ἐνὶ δεικνυ-
 ται συννύπαρχον, οὕτω δὴ καὶ αὐτὸς ἐν τοῖς εὐθυ- 5
 γράμμοις τὰ περιφερῆ καὶ ἀνάπαλιν τὰ εὐθύγραμμα
 ἐν τοῖς περιφερέσι συνειλιγμένα δείκνυσιν, καὶ τὴν
 ὅλην ἑαυτοῦ φύσιν καθ' ἕκαστον οἰκείως προτείνει
 πάντα τε ταῦτα ἐν πᾶσιν, ὅταν καὶ τὸ ὅλον ἐν τε πᾶσιν
 ὁμοῦ καὶ ἐκάστῳ χωρὶς. ταύτην δ' οὖν τὴν δύναμιν 10
 ἀπ' ἐκείνης ἔχει τῆς τάξεως. τέταρτον ἀπὸ τοῦ πρώ-
 του τῶν ἀριθμῶν ὑποδέχεται τὰ μέτρα τῆς προόδου
 τῶν εἰδῶν, ὅθεν καὶ ὑφίστησι πάντα κατ' ἀριθμούς,
 τὰ μὲν ἀπλουστέρους, τὰ δὲ συνθετωτέρους. τρίγωνα
 γὰρ καὶ τετράγωνα καὶ πεντάγωνα καὶ πάντα τὰ πο- 15
 λύγωνα συμπρόεισι ταῖς ἐπ' ἄπειρον τῶν ἀριθμῶν
 ἐξαλλαγαῖς. διὰ ποίαν δ' αἰτίαν τοῦτο γίνεται, τοῖς
 μὲν πολλοῖς ἄγνωστον, τοῖς δὲ εἰδόσι, ποῦ μὲν ἀριθμός,
 ποῦ δὲ τὸ σχῆμα, καταφανὴς ὁ τῆς αἰτίας ἀπολογισμός.
 πέμπτον ἀπ' ἄλλης ὁλότητος δευτέρας καὶ εἰς ὁμόχροα 20
 διαιρουμένης πληροῦται τῆς εἰς ὁμοία διαιρέσεως τῶν
 εἰδῶν, καθ' ἣν καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος εἰς τρίγωνα
 καὶ ὁ τετραγωνικὸς εἰς τὰ τετράγωνα διαιρεῖται. καὶ
 τοῦτο τὸ ὅπερ ἔφη καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι γυμναζόμενοι
 ποιοῦμεν, πολὺ πρότερον ἐν ταῖς ἀρχαῖς προουφιστηκός. 25

4 ἐν post ἐν om M. 8 οἰκείαν C; in M vestigia
 εἰκείως videntur tradere, 'proprie' B, Z. 9 ὅταν] ὄντα C,
 'quandoquidem' B, 'quoniam' Z. 10 δ' ante οὖν om. G,
 add. C. 12 ἀποδέχεται G. 14 συνετωτέρους G. 15 καὶ
 γὰρ M. 18 εἶδος G, εἰδόσι C. 20 ἐπ' M, G; in M postera
 manus super e scripsit α. || δευτέρα M, G; in M postera ma-
 nus supra adscripsit ε. 21 καταιρουμένης G, διαιρουμένης C. ||
 τὰ ante ὁμοία add. G, del. C. 23 τὰ ante τετράγωνα om. G.

Εἰς δὴ ταύτας ἀποβλέποντες τὰς ἀποδόσεις πολλὰ
 δυνάμεθα περὶ τῶν σχημάτων αἰτιολογεῖν εἰς τὰς ἀρ-
 χὰς ἀναγόμενοι τὰς πρὸ αὐτῶν, καὶ τὸ μὲν ἐν κοινό-
 τερον σχῆμα τοιαύτην ἔλαχε τάξιν καὶ ἀπὸ τοσούτων
 5 αἰτιῶν παραδέχεται τὴν τελεσιουργίαν, ἐντεῦθεν δὲ
 πρόεισι ἐπὶ τὰ γένη τῶν θεῶν καὶ κατ' ἄλλας ιδέας
 ἄλλοις ἀπονέμεται καὶ πρὸς ἄλλους ἐνεργεῖ τοῖς μὲν
 τὰ ἀπλούστερα, τοῖς δὲ τὰ ἐκ τούτων ἀποδιδόναι σχή-
 ματα, καὶ τοῖς μὲν τὰ | πρωτουργὰ καὶ ἐν ταῖς ἐπι-
 10 φανείαις ἀπογεννώμενα, τοῖς δὲ τῶν στερεῶν ἐπιβαί-
 νουσιν ὄγκων τὰ προσήκοντα τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς
 σχημάτων ἀφορίζον, πάντων μὲν ἐν πᾶσιν ὄντων —
 αἱ γὰρ τῶν θεῶν μορφαὶ παντελεῖς εἰσι καὶ πλήρεις
 τῶν ὅλων δυνάμεων — ἀλλὰ τῆς ιδιότητος ἄλλῃ κατ'
 15 ἄλλο προβεβλημένης. ὁ μὲν γὰρ κυκλικῶς ἔχει πάντα,
 ὁ δὲ τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς, καὶ ἐπὶ τῶν στε-
 ρεῶν ὡσαύτως.

|| Def. XV. XVI. Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον
 ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, πρὸς ἣν ἀφ'
 20 ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμέ-
 νων πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶ. ἡ κέντρον δὲ τοῦ κύκλου τὸ ση-
 μεῖον καλεῖται.

Τὸ πρώτιστον καὶ ἀπλούστατον τῶν σχημάτων
 25 καὶ τελειότατον ὁ κύκλος ἐστὶ. τῶν μὲν γὰρ στερεῶν

8 τὰ post τοῖς μὲν et τοῖς δὲ om. G, add. C. 10 ἀπο-
 βαίνουσιν C. 12 παντι G, πᾶσι C. 14 ἄλλῃ] ἄλλων G,
 ἄλλο B, C, 'aliud' B, 'alteri' Z. 15 κυκλικῶς C. 16 ὁ δὲ
 τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς om. G, add. C. || καὶ ἐπὶ τῶν
 στερεῶν del. C. 22 τὸ om. G.

πάντων ὑπερφέρει τῷ ἐν ἀπλουστέρα τάξει τὴν ὑπαρ-
 ξιν ἔχειν, τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ὑφισταμένων τῇ
 ὁμοιότητι καὶ ταυτότητι τὴν ὑπεροχὴν ἔλαχεν. καὶ
 ἐστὶν ἀνάλογον τῷ πέρατι καὶ τῇ μονάδι καὶ ὅλως τῇ
 ἀμείνονι συστοιχία. διὸ καὶ τῶν ἐγκοσμίων καὶ τῶν 5
 ὑπερκοσμίων τὰς διαιρέσεις ποιούμενος ἀεὶ τῆς θειο-
 τέρας φύσεως εὐρήσεις ὄντα τὸν κύκλον. εἰ μὲν γὰρ
 εἰς οὐρανὸν καὶ γένεσιν διαιροῖς τὸ πᾶν, τῷ μὲν
 οὐρανῷ τὸ κυκλικὸν εἶδος ἀποδώσεις, τῇ δὲ γενέσει
 τὸ εὐθύ. καὶ γὰρ ὅσον ἐστὶν ἐν τοῖς γενητοῖς κυκλι- 10
 κὸν ἐν τε ταῖς μεταβολαῖς καὶ τοῖς σχήμασιν, ἄνωθεν
 ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκει. διὰ γὰρ τὴν ἐκείνου κυκλο-
 φορίαν ἡ γένεσις ἀνακυκλεῖται πρὸς ἑαυτὴν καὶ τὴν
 ἀνίδρυτον παράλλαξιν εἰς τεταγμένην ἀνάγει περίοδον,
 — εἰ δὲ εἰς ψυχὴν καὶ νοῦν τὰ ἀσώματα διακρίνοις, 15
 νοερὸν μὲν ἂν εἴποις εἶναι τὸν κύκλον, ψυχικὸν δὲ τὸ
 εὐθύ. διὸ καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὴν πρὸς νοῦν ἐπιστρο-
 φὴν κατὰ κύκλον περιάγεσθαι λέγεται. καὶ ὅπερ ἡ
 γένεσις πρὸς τὸν οὐρανόν, τοῦτο ἡ ψυχὴ πρὸς τὸν
 νοῦν. κύκλῳ γὰρ κινεῖται (φησὶν ὅτι νοῦν μιμεῖται?). 20
 ἡ δὲ γένεσις τῆς ψυχῆς· τὸ γὰρ ἄλλοτε ἐν ἄλλοις εἶδεσι
 γίνεσθαι ψυχῆς ἴδιον, — εἰ δὲ εἰς σῶμα καὶ ψυχὴν
 ἐθέλοις διαιρεῖν, πᾶν μὲν τὸ σωματικὸν τῆς τοῦ εὐθέως
 μερίδος θήσεις, πᾶν δὲ τὸ ψυχικὸν τῆς τοῦ κύκλου
 ταυτότητος καὶ ὁμοιότητος μετέχειν. τὸ μὲν γὰρ σύν- 25
 θετόν ἐστι καὶ ποικίλον ταῖς δυνάμεσιν, ὥσπερ τὰ
 εὐθύγραμμα σχήματα, τὸ δὲ ἀπλοῦν καὶ νοερόν, αὐτο-
 κίνητον καὶ αὐτενέργητον, πρὸς ἑαυτὸ ἐστραμμένον

5 συστοιχία M, G. 8 διαιρεῖς G. 13 καὶ τὸ G, καὶ
 τὴν C. 17—19 ἐπιστροφὴν . . . πρὸς τὸν νοῦν om. G, add. C.

καὶ περὶ αὐτὸ ἐνεργοῦν, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος διὰ τῶν εὐθυγράμμων ὑποστήσας τὰ στοιχεῖα τοῦ παντός τὴν κατὰ κύκλον αὐτοῖς κίνησιν καὶ διαμόρφωσιν ἐκ τῆς ἐποχουμένης τῷ κόσμῳ δέδωκε ψυχῆς.

- 5 Ἄλλ' ὅτι μὲν πανταχοῦ τὸ πρωτεῖον ὁ κύκλος ἔλαχεν ὡς πρὸς τὰ ἄλλα σχήματα, δῆλον ἐκ τῶν προειρημένων, δεῖ δὲ καὶ τὴν πᾶσαν αὐτοῦ σειρὰν θεωρεῖν ἄνωθεν ἀρχομένην καὶ τελευτῶσαν ἄχρι τῶν ἐσχάτων καὶ πάντα τελειοῦσαν κατὰ τὴν ἐπιτηδειότητα τῶν δε-
- 10 χομένων αὐτοῦ τὴν μετουσίαν. τοῖς μὲν οὖν θεοῖς ἐπιστροφὴν καὶ ἔνωσιν παρέχεται πρὸς τὰς ἑαυτῶν αἰτίας καὶ τὸ μένειν ἐν ἑαυτοῖς καὶ μὴ ἐξίστασθαι τῆς οἰκείας μακαριότητος, τὰς μὲν ἄκρας αὐτῶν || ἐνώσεις ὡς κέντρα προστησάμενος ἐφετὰ τοῖς δευτέροις, τὰ δὲ
- 15 πλήθη τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων περὶ ἐκεῖνα σταθερῶς ἰδρύων καὶ διὰ τὴν ἐκείνων ἀπλότητα συνέχων, ταῖς δὲ νοεραῖς οὐσίαις τὸ πρὸς ἑαυτὰς ἐνεργεῖν διαιωνίως, παρέχων καὶ παρ' ἑαυτῶν πληροῦσθαι τῆς γνώσεως ἐν ἑαυταῖς τε συνηρηκέναι τὰ νοητὰ καὶ ἀφ' ἑαυτῶν
- 20 τὰς νοήσεις τελειοῦν. πᾶς γὰρ νοῦς καὶ τὸ νοητὸν ἑαυτῷ προτείνει, καὶ τοῦτο μὲν ὡς κέντρον ἐστὶν τῷ νῷ, ὃ δὲ νοῦς συνέχει περὶ αὐτὸ καὶ ἐρᾷ καὶ ἐνίσχεται πρὸς αὐτὸ ταῖς νοεραῖς ὅλαις πανταχόθεν ἐνεργείαις. ταῖς δὲ ψυχαῖς ἐπιλάμπει τὸ αὐτόζωον, τὸ αὐτοκίνη-
- 25 τον, τὸ πρὸς νοῦν ἐστράφθαι καὶ περὶχορεύειν τὸν

1 αὐτὸ] αὐτὸν *M*, αὐτὸ *G*. 5 πανταχοῦ delendum notavit *C*. || πρῶτον *G*, πρωτεῖον *C*. 11 τὰς] αὐτὰς *G*, τὰς *C*. 18 ἑαυτῷ *G*, ἑαυτῶν *C*. 20 τελείας *G*, τελειοῦν *C*. || καὶ post νοῦς om. *G*. 21 προτείνει *M*. 23 παρ' ἑαυτὸ *M*, παρ' ἑαυτῷ *G*, πρὸς αὐτὸ *H*, p. 264. || ἐργείαις *M*. 24 αὐτὸ ζῶν *M*, αὐτοζῶν *G*, αὐτόζων (αὐτὸ ζῶον) *H*. 25 τὸ ante πρὸς νοῦν om. *G*.

νοῦν, τὸ ἀποκαθίστασθαι κατὰ τὰς οἰκείας περιόδους ἀνελιττούσας τοῦ νοῦ τὴν ἀμέρειαν. πάλιν γὰρ αἱ μὲν νοεραὶ τάξεις ὥσπερ τὰ κέντρα τὴν ὑπεροχὴν ἔξουσιν πρὸς τὰς ψυχάς, αἱ δὲ ψυχαὶ περὶ αὐτάς κατὰ κύκλον ἐνεργήσουσι. καὶ γὰρ πᾶσα ψυχὴ κατὰ μὲν ⁵ τὸ νοερὸν ἑαυτῆς καὶ αὐτὸ τὸ ἐν τὸ ἀκρότατον κεκέντρωται, κατὰ δὲ τὸ πλῆθος κυκλικῶς περιπορεύεται, περιπτύχασθαι ποθοῦσα τὸν ἑαυτῆς νοῦν, — τοῖς δὲ οὐρανίοις σώμασιν τὴν πρὸς τὸν νοῦν ἀφομοίωσιν, τὴν ὁμοιότητα, τὴν ὁμαλότητα, τὴν ἐν πέρασιν τῶν ¹⁰ ὄλων περιοχὴν, τὰς ἐν μέτροις ὠρισμένοις ἀνακυκλήσεις, τὴν αἰδίων ὑπόστασιν, τὸ ἀναρχον καὶ ἀτελεύτητον, ἅπαντα τὰ τοιαῦτα, — τοῖς δὲ ὑπὸ σελήνην στοιχείοις τὴν περίοδον τὴν ἐν ταῖς μεταβολαῖς, τὴν πρὸς τὸν οὐρανὸν ἀπεικασίαν, τὸ ἐν τοῖς γεννητοῖς ἀγέννητον ¹⁵ καὶ ἐν τοῖς κινουμένοις ἐστῶς καὶ ἐν τοῖς μεριστοῖς ὠρισμένον· πάντα γὰρ αἰεὶ ἔστι διὰ τὸν κύκλον τῆς γενέσεως· καὶ τὸ ἰσοκρατές ἐν πᾶσι διὰ τὴν ἀνταπόδοσιν τῆς φθορᾶς. εἰ γὰρ μὴ ἀνέκαμψεν ἡ γένεσις, ταχὺ ἂν ἡ τάξις αὐτῶν διελύθη καὶ ἡ σύμπασα δια- ²⁰ κόσμησις, — τοῖς δ' αὖ ζώοις καὶ φυτοῖς τὴν ἐν ταῖς ἀπογεννήσεσιν ὁμοιότητα ἐνδίδωσιν. ἔκ τε γὰρ τῶν σπερμάτων ταῦτα γίνεται | καὶ σπέρματα ἐκ τούτων, γένεσίς τε ἐξ ἀλλήλων ἀποτελεῖται καὶ ἀνακύκλησις ἀπὸ τε τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον καὶ ἔμπαλιν, ἵνα ²⁵ καὶ φθίσις ἢ μετὰ τῆς γενέσεως, — τοῖς δὲ γε παρὰ φύσιν λεγομένοις τάξιν ἐπιτίθῃσιν καὶ τὴν ἀοριστίαν

⁵ ἐνεργοῦσι G. ⁷ κυκλωτικῶς H₂ p. 264. ¹³ τὰ ante τοιαῦτα om. G, add. C. ¹⁵ γεννητοῖς M. ¹⁸ γενήσεως M. ²⁰ διεληλυθῇ M. ²³ ταῦτά M. || σπέρμα C. ²⁵ τοῦ ante ἀτελοῦς om. G, add. C. || ἐπὶ] εἰς G, ἐπὶ C.

αὐτῶν εἰς ὄρον περιάγει καὶ διακοσμεῖ, καὶ ταῦτα
 δεόντως τοῖς τελευταίοις ἔχνεσι τῶν ἑαυτοῦ δυνάμεων·
 διὸ καὶ κατὰ ἀριθμοὺς ὠρισμένους ἀνακνυκλεῖται καὶ
 οὐ φοραὶ μόνον ἀλλὰ καὶ ἀφοραὶ κατὰ τὰς περιτροπὰς
 5 ὑφίστανται τῶν κύκλων, ὥς ὁ τῶν μουσῶν λόγος,
 καὶ πάντα τὰ κακὰ εἰ καὶ ἀπέρριπται τῶν θεῶν εἰς
 τὸν θνητῶν τόπον, ἀλλὰ περιπολεῖ καὶ ταῦτα, φησὶν
 ὁ Σωκράτης, καὶ μέτεστι καὶ τούτοις τῆς κυκλικῆς
 περιόδου καὶ || τάξεως, ἵνα μηδὲν ἄκρατον ἢ κακόν,
 10 μηδὲ ἐρήμον τῶν θεῶν, ἀλλ' ἡ τελεσιουργὸς πρόνοια
 τῶν ὅλων καὶ τὴν ἀπέραντον τῶν κακῶν ποικιλίαν εἰς
 ὄρον περιάγῃ καὶ τάξιν τὴν αὐτοῖς πρέπουσαν.

Πάντα ἄρα διακεκόσμηκεν ἡμῖν ὁ κύκλος ἄχρι
 τῶν μεταδόσεων τῶν τελευταίων καὶ οὐδὲν ἄμοιρον
 15 ἀφῆκεν τῆς ἑαυτοῦ μεταδόσεως, κάλλος καὶ ὁμοιότητα
 καὶ εἰδοποιῖαν καὶ τελειότητα χορηγῶν. διὸ καὶ ἐν
 τοῖς ἀριθμοῖς τὰ μέσα κέντρα συνέχει τῆς προόδου
 συμπάσης τῶν ἀριθμῶν, τῆς ἀπὸ μονάδος ἄχρι δεκά-
 δος ἀνελιττομένης. ἡ γὰρ πεμπτὰς καὶ ἡ ἑξὰς ἐκ πάν-
 20 των τὴν κυκλικὴν ἐπιδείκνυνται δύνάμιν ἐν τοῖς ἀφ'
 ἑαυτῶν προόδοις εἰς αὐτὰς πάλιν ἐπιστρεφόμεναι.
 πολλαπλασιαζόμεναι γὰρ εἰς αὐτὰς καταλήγουσι. προ-

4 φοραῖ *M.* || ἀφοραῖ] αἱ φοραὶ *M*, quod postera manus mutavit in ἀφοραῖ. 7 τὸν θνητὸν τόπον *M*, τὸν τῶν θνητῶν τόπον *B*, *G*, 'Mortalium locum' *B*, 'locum mortalium' *Z*.

9 καὶ ante τάξεως om. *G*, add. *C*. || ἡ καὶ κακόν *B*, *G* et *M*, sed in *M* puncta supra καὶ addita sunt; 'malumque sit' *B*, 'et malum' *Z*. 10 πρόνοια *M*. 12 περιάγει *G*, περιάγῃ *B*, 'redigat' *B*, 'circumducit' *Z*. 13 διακόσμησεν *G*. 15 ἑαυτοῦ μεταδόσεως] μετὰ αὐτοῦ διαδόσεως *C*. 17 συνέχει] συντρέχει *B*, *G*, 'continet' *B*, 'concurrunt' et in margine 'aliter continet' *Z*. 19 ἀνελισσομένης *G*, ἀνελιπομένης *M*, sed postera manus σο super πο scripsit. 20 ἐπιδείκνυνται *M*, *G*. 21 αὐτὰς *M*, *G*. 22 αὐτὰς *M*, *G*. || καταλύουσι *G*.

ὁδον μὲν οὖν ὁ πολλαπλασιασμὸς εἰκῶν, εἰς πλῆθος ἐκτεινόμενος, ἐπιστροφῆς δὲ ἢ εἰς τὸ αὐτὸ κατάληξις εἶδος. τὸ δὲ συναμφοτέρων ἢ κυκλικὴ παρέχεται δύναμις ἀνεγείρουσα μὲν ἀπὸ τοῦ μένοντος οἶον κέντρον τὰς γεννητικὰς αἰτίας τοῦ πλήθους, συνελίσσουσα δὲ 5 μετὰ τὰς ἀπογεννήσεις ἐπὶ τὰ αἰτία τὸ πλῆθος. δύο τοίνυν ἀριθμοὶ τὸ μέσον πάντων κατέχουσι τὴν ιδιότητα, καὶ ὁ μὲν παντὸς ἡγείται τοῦ ἐπιστρεπτικοῦ γένους τῶν ἀρρένων καὶ τῆς περιττοῦ φύσεως, ὁ δὲ πᾶν τὸ θῆλυ καὶ ἄρτιον καὶ τῆς γονίμου σειρᾶς ἀνα- 10 καλεῖται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχὰς κατὰ τὴν κυκλικὴν δύναμιν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν μέχρι τούτων διαπεπεράνθω, τὴν δὲ μαθηματικὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου θεωρήσομεν εἰς πέρας ἀκριβείας ἦκουσαν. σχῆμα μὲν οὖν αὐτὸν ἔθετο 15 διότι δὴ πεπέρασται καὶ περιέχεται πανταχόθεν ὑφ' ἐνὸς ὅρου καὶ οὐκ ἔστι τῆς ἀπείρου φύσεως, ἀλλὰ τῷ πέρατι σύστοιχος, καὶ ἐπίπεδον δὲ αὐτὸ, καθόσον τῶν σχημάτων ἢ ἐν ἐπιφανείαις ὁρωμένων ἢ ἐν στερεοῖς, ὁ κύκλος τῶν ἐπιπέδων ἔστι τὸ πρῶτιστον, ἀπλότητι 20 μὲν τῶν στερεῶν ὑπερφέρων, μονάδος δὲ πρὸς τὰ ἐπίπεδα λόγον ἔχων, ὑπὸ μιᾶς δὲ γραμμῆς περιεχόμενον, ὡς τῷ ἐνὶ προσήκοντα καὶ κατὰ τὸ ἐν ἀφοριζόμενον, τὴν δὲ ποικιλίαν τῶν περικειμένων ἔξωθεν

4 κέντρον G, κέντρον C. 5 αἰτίας om. G, add. C.
6 ἀπογενέσεις G. 8 ἐπιστρεπτικῶς C. 10 ἄρτι G, ἀρτίον C. ||
τὰς γονίμους σειρὰς M postera manu. 11 οἰκείας om. G,
add. C. 14 θεωρήσωμεν G. 14. 15 εἰς παρακριβείας M,
postera manus παρ in πέρας mutavit; εἰς πᾶν ἀκριβείας B₃, G;
'accuratam undequaque' B, 'ad certitudinis limitem' Z.
20 ἔστι] ἐπὶ G, ἔστι C. 21 τὸ στερεὸν ὑπερφέρον, μονάδι G. ||
πρὸς om. G, add. C. 22 Post περιεχόμενον addit G πρὸς δὲ
ταύτην τὴν γραμμὴν ἴσας ἔχον τὰς πάσας, quae verba delet C.

ὄρων οὐ παραδεχόμενον, πρὸς δὲ ταύτην τὴν γραμ-
 μὴν ἴσας ἔχοντα πάσας τὰς ἀφ' ἑνὸς σημείου τῶν
 ἐντὸς αὐτοῦ κειμένων, διότι καὶ τῶν ὑπὸ μιᾶς ὀριζο-
 μένων γραμμῆς τὰ μὲν ἐκ μέσου πάσας ἴσας ἔχει, τὰ
 5 δὲ οὐ πάσας. καὶ γὰρ ἡ ἔλλειψις ὑπὸ μιᾶς περιέχεται
 γραμμῆς, ἀλλ' οὐ πᾶσαι αἱ πρὸς αὐτὴν ἀπὸ τοῦ κέν-
 τρου ἴσαι εἰσὶν, ἀλλὰ δύο μόνον, καὶ τὸ ἀπολαμβανό-
 μενον ἐπίπεδον ὑπὸ τῆς κισσοειδοῦς γραμμῆς μίαν
 ἔχει τὴν περιέχουσαν, ἀλλ' οὐκέτι κέντρον ἐστὶν ἐπ'
 10 αὐτῆς καὶ ἀπὸ τούτου πᾶσαι ἴσαι. ἐπειδὴ δὲ τὸ κέν-
 τρον ἐν τῷ κύκλῳ πάντως ἐν ἐστὶ σημείον — πλείω
 γὰρ ἑνὸς οὐκ ἐστὶ κέντρα — || διὰ τοῦτο προσέθηκε
 τὸ ἀφ' ἑνὸς σημείου τὰς πρὸς τὸν ὄρον τοῦ κύκλου
 προσπιπτούσας ἴσας εἶναι γραμμάς. ἅπειρα μὲν γὰρ
 15 ἐντὸς αὐτοῦ σημεία, τῶν δὲ ἀπείρων ἐν μόνον τὴν
 τοῦ κέντρου δύναμιν ἔχει. καὶ ἐπειδὴ τὸ ἐν τοῦτο
 σημείον, ἀφ' οὗ πᾶσαι αἱ τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ
 προσπίπτουσαι ἴσαι εἰσὶν, ἡ ἐντός ἐστὶ τοῦ κύκλου ἢ
 ἐκτός — καὶ γὰρ ἕκαστος κύκλος ἔχει πόλον, ἀφ' οὗ
 20 αἱ ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἀγόμεναι ἴσαι τυγχάνουσιν
 οὔσαι — διὰ τοῦτο προσέθηκεν τὸ τῶν ἐντὸς τοῦ
 σχήματος κειμένων σημείων καὶ οὐδὲ τοῦτο μάτην
 πεποίηκεν, τὸ κέντρον μόνον λαμβάνων, ἀλλ' οὐ τὸν
 πόλον. ἐπεὶ περ ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ πάντα θεωρεῖν ἐθέλει,
 25 ὁ δὲ πόλος τοῦ ὑποκειμένου ἐπιπέδου μετεωρότερός
 ἐστίν, ἀναγκαίως ἄρα καὶ ἐπὶ τέλει προσέθηκεν, ὅτι
 τοῦτο τὸ σημείον, ὃ δὴ κεῖται μὲν ἐντὸς τοῦ κύκλου,
 πᾶσαι δὲ αἱ ἀπ' αὐτοῦ προσπίπτουσαι πρὸς τὴν περι-

φέρειαν ἴσαι εἰσίν, κέντρον ἐστὶ τοῦ κύκλου. δύο γὰρ
μόνα σημεία τοιαῦτά ἐστιν, ὁ πόλος καὶ τὸ κέντρον,
 ἀλλ' ὁ μὲν ἐκτὸς τοῦ ἐπιπέδου, τὸ δὲ ἐντός· οἷον εἰ
 νοήσεας γνῶμονα κατὰ τὸ κέντρον ἐστῶτα τοῦ κύκλου,
 τὸ ἄκρον αὐτοῦ τὸ ἄνω πόλος ἐστὶ. πᾶσαι γὰρ αἱ 5
 ἀπ' αὐτοῦ φερόμεναι ἐπὶ τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν
 ἴσαι ἀλλήλαις ἀποδείκνυνται. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ
 ἐν τῷ κώνῳ ἢ τοῦ παντὸς κορυφῇ πόλος ἐστὶ τοῦ
 κατὰ τὴν βάσιν κύκλου.

Διῶρισται οὖν ἐνταῦθα, τί μὲν ὁ κύκλος ἐστὶ, τί 10
 δὲ τὸ κέντρον καὶ ἡ ἐν τῷ κύκλῳ τιθεμένη περιφέρεια,
 τί δὲ τὸ ὅλον σχῆμα· πάλιν οὖν ἐκ τούτων εἰς τὴν |
 τῶν παραδειγμάτων ἀναδράμωμεν θεωρίαν καὶ νοήσω-
 μεν ἐν ἐκείνοις τὸ μὲν κέντρον ἐκασταχοῦ κατὰ τὴν
 ἐνυαίαν καὶ ἀμέριστον καὶ μόνιμον ὑπεροχὴν, τὰς δὲ 15
 ἀπὸ τοῦ κέντρου διαστάσεις τὰς ἀπὸ τοῦ ἐνὸς προ-
 ὄδους εἰς πλῆθος ἄπειρον κατὰ τὴν δύναμιν, τὴν δὲ
 περιφέρειαν τοῦ κύκλου κατὰ τὴν ἐπιστροφὴν τῶν
 προελθόντων τὴν ἐπὶ τὸ κέντρον, καθ' ἣν ἐλίσσεται
 τὰ πλήθη τῶν δυνάμεων εἰς τὴν ἑαυτῶν ἔνωσιν καὶ 20
 πάντα εἰς ἐκείνην σπεύδει καὶ περὶ ἐκείνην ἐνεργεῖν
 ἐφίεται, καὶ ὥσπερ ἐν τῷ κύκλῳ πάντα ἅμα ἐστὶ τὸ
 κέντρον, αἱ διαστάσεις, ἡ ἐκτὸς περιφέρεια, οὕτω δὴ
 καὶ ἐν ἐκείνοις οὐ τὰ μὲν προνύσσει κατὰ χρόνον
 τὰ δὲ ἐπιγίνεται, ἀλλὰ ὁμοῦ μὲν πάντα, καὶ ἡ μονὴ 25
 καὶ ἡ πρόοδος καὶ ἡ ἐπιστροφή. διαφέρει δὲ ταῦτα
 ἐκείνων τῷ τὰ μὲν ἀδιαιρέτως εἶναι καὶ ἀδιαστάτως,
 τὰ δὲ διηρημένως, ἀλλαχοῦ μὲν τὸ κέντρον, ἀλλαχοῦ

7 καὶ om. G, add. C.
 ante ἅμα om. G.

11 ἡ qm. G, add. C.

22 πάντα

δὲ τὰς ἐκ τοῦ κέντρου γραμμάς, ἀλλαχοῦ δὲ τὴν ἐκτὸς
 περιφέρειαν τὸν κύκλον ὀρίζουσιν, ἐκεῖ δὲ ἐν ἐνὶ
 πάντα, κἂν τὸ (?) οἶον κέντρον λάβῃς, ἐν τούτῳ πάντα
 εὐρήσεις, κἂν τὴν διισταμένην ἀπὸ τούτου πρόοδον,
 5 καὶ ταύτην ἔχουσιν τὰ πάντα, κἂν τὴν ἐπιστροφὴν,
 ὡσαύτως. πάντ' οὖν ἐν ἀλλήλοις ἰδὼν καὶ τὴν ἀπὸ
 τῆς διαστάσεως ἐλάττωσιν || ἀφελὼν καὶ τὴν θέσιν
 ταύτην, περὶ ἣν ὁ μερισμός, ἀφανίσας εὐρήσεις τὸν
 ὄντως ὄντα κύκλον αὐτὸν ἐν ἑαυτῷ προϊόντα καὶ ὀρί-
 10 ζοντα ἑαυτὸν καὶ ἐνεργοῦντα πρὸς ἑαυτόν, ἔν τε ὄντα
 καὶ πολλά, μένοντα καὶ προϊόντα καὶ ἐπιστρέφοντα,
 καὶ τὸ μὲν ἀμερέστατον ἑαυτοῦ καὶ ἐνικώτατον ἰδρύ-
 οντα σταθερῶς, πάντῃ δὲ ἀπὸ τούτου κινούμενον
 κατὰ τὸ εὐθὺ καὶ τὴν ὑπερβολὴν τὴν ἐν αὐτῷ, συνελισ-
 15 σόμενον δὲ εἰς τὸ ἐν ἑαυτοῦ καὶ διὰ τῆς ὁμοιότη-
 τος καὶ ταυτοτήτος ἀνεγειρόμενον εἰς τὸ ἀμερές τῆς
 ἑαυτοῦ φύσεως καὶ τὸ κεκρυμμένον ἐν αὐτῷ τοῦ ἐνός,
 ὃ δὴ καὶ ἐγκολπισάμενος καὶ περιθέων ὁμοιοῦται πρὸς
 αὐτὸ καὶ τῷ ἑαυτοῦ πλήθει. καὶ γὰρ τὸ ἐπιστρέφον
 20 μιμεῖται τὸ μείναν, καὶ τὸ περιφερές οἶον κέντρον
 ἐστὶ διαστὰν καὶ συνεύει πρὸς αὐτὸ κεντροῦσθαι
 σπεῦδον καὶ ἐν πρὸς ἐκεῖνο γενέσθαι, καὶ ἀπ' οὗ τὴν
 ἀρχὴν ἔσχεν ἡ πρόοδος, εἰς τοῦτο περατῶσαι τὴν ἐπι-
 στροφὴν. τοιοῦτον γὰρ πανταχοῦ τὸ κέντρον ἐν ἐφε-
 25 τοῦ τάξει προτεταγμένον τοῖς περὶ αὐτὸ τὴν ὑπόστασιν
λαχοῦσιν καὶ πασῶν ἀρχηγρὸν τῶν πεπληθυσμένων
προόδων, ὃ καὶ τὸ μαθηματικὸν κέντρον ἀποτυποῦται,

3 λάβοις G. 5 καὶ ταύτην] κἂν ταύτην M, κἂν ταύτῃ B, G.
 'in hoc quoque habebis' B, 'hunc etiam' Z. 9 ἐν αὐτῷ M, G,
 ἐν ἑαυτῷ C. 10 τὰ πρὸς ἑαυτὸν G. 12 ἀμέριστον C.
 20 μείον G, μείναν C. 26 πληθυσμένων G. 27 ἀποτυποῦσαι C.

πάσας τὰς ἀφ' ἑαυτοῦ πρὸς τὴν περιφέρειαν γραμμὰς περατοῦν καὶ τὴν ἰσότητά αὐταῖς εἰκόνα τῆς οἰκείας ἐνώσεως παρέχον. οὕτω δὲ καὶ τὰ λόγια τὸ κέντρον ἀφορίζεται

ἑαυτοῦ} = περιφέρειαν

κέντρον, ἀφ' οὗ πᾶσαι μέχρις ἄντυγος ἴσαι ἔασι. 5

Ἄλλ' ὥς μὲν τῆς διαστάσεως ἀρχὴ τῶν γραμμῶν τῷ „ἀφ' οὗ“ σημαίνεται, ὥς δὲ μέσον τῆς περιφερείας τῷ „πρὸς ὃ“. πρὸς γὰρ τὸ κέντρον αὕτη συνάγεται κατὰ πᾶσαν ἑαυτήν. εἰ δὲ δεῖ καὶ τὴν αἰτίαν εἰπεῖν τὴν πρώτην, καθ' ἣν ἀνεφάνη τὸ κυκλικὸν σχῆμα καὶ 10 ἐτελειώθη, τὴν ἀκροτάτην ἂν εἰποιμι τάξιν τῶν νοητῶν. τὸ μὲν γὰρ κέντρον τῇ τοῦ πέρατος αἰτίᾳ προσέοικεν, αἱ δὲ ἀπὸ τούτου γραμμαὶ καὶ τῷ πλήθει ἄπειροι καὶ τῷ μεγέθει, ὅσον ἐφ' ἑαυταῖς, τὴν ἀπειρίαν ἀποτυποῦνται, ἣ δὲ περατοῦσα τὴν τούτων ἀόριστον 15 ἔκτασιν γραμμὴ καὶ πάλιν εἰς τὸ κέντρον συνάγουσα αὐτὴν τῷ ἐκ τούτων ὑποστάντι κρυφίῳ διακόσμῳ [ᾧ μοίωται?], ὃν καὶ Ὀρφεὺς κατὰ κύκλον φησὶ φέρεσθαι

τὸ δ' ἀπειρέσιον κατὰ κύκλον

ἀτρώτως ἐφορεῖτο

20

περὶ γὰρ τὸ νοητὸν κινούμενον νοητῶς καὶ οἶον κέντρον ἐκεῖνο τῆς ἑαυτοῦ φορᾶς ἔχον εἰκότως λέγεται κυκλικῶς ἐνεργεῖν. διὸ καὶ ἀπὸ τούτου πρόεισιν ὁ τριαδικὸς θεός, || καὶ τῆς τῶν εὐθυγράμμων σχημάτων προόδου τὴν πρωτίστην αἰτίαν ἐν ἑαυτῷ περιλαβών. 25 ἐντεῦθεν γὰρ αὐτῷ καὶ τὴν προσηγορίαν ἔθεντο οἱ

5 ἂν τυχὸν G, ἂν τυγὸς C. 8 πρόσσω C. 11 ἂν om. G.

14 ἑαυτῆς G, ἑαυταῖς C. 16 ἑκτασιν G. 17 κρυφίᾳ G, κρυφίῳ C. 23 τούτων G. 25 αὐτῷ G.

σοφοὶ καὶ τῶν θεολογικῶν οἱ μυστικώτατοι. πρῶτον δὲ καὶ τῶν εὐθυγράμμων τὸ τρίγωνον. ἀναφάνεται μὲν οὖν τὰ σχήματα πρῶτως ἐν ταῖς ἐφεξῆς διακοσμήσεσιν τῶν θεῶν, ὑφίσταται δὲ κατὰ τὰς ἐν
 5 τοῖς νοητοῖς προυπαρχούσας κρυφίους αἰτίας.

Def. XVII. Διάμετρος δὲ τοῦ κύκλου ἐστὶν εὐθεῖα τις διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη καὶ περατουμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας, ἣτις καὶ δίχα τέμνει τὸν
 10 κύκλον.

Σαφῶς ἐδήλωσεν αὐτὸς ὁ στοιχειωτής, ὅτι οὐ πᾶσαν ὀρίζεται διάμετρον, ἀλλὰ τὴν κυκλικήν, ἐπεὶ καὶ τετραγώνων ἐστὶ διάμετρος καὶ ὅλως παραλληλογράμμων, ἐστὶ δὲ καὶ σφαίρας ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασιν.
 15 ἀλλ' ἐπὶ μὲν τούτων καὶ διαγώνιος προσαγορεύεται, ἐπὶ δὲ τῆς σφαίρας καὶ ἄξων καλεῖται, διάμετρος δὲ μόνως ἐπὶ τῶν κύκλων, ἐπεὶ καὶ τῆς ἐλλείψεως ἄξωνα λέγειν εἰώθασι καὶ τοῦ κυλίνδρου καὶ τοῦ κώνου, τοῦ δὲ κύκλου διάμετρον ἰδίως. αὕτη τοίνυν
 20 εὐθεῖα μὲν ἐστὶ τῷ γένει, πολλῶν | δὲ οὐσῶν εὐθειῶν ἐν τῷ κύκλῳ καθάπερ καὶ σημείων (?). ἀπείρων μὲν οὖν ὥσπερ ἐν τι τῶν σημείων τὸ κέντρον ἐστίν, οὕτω δὴ καὶ ἡ διάμετρος αὕτη καλεῖται μόνον ἢ διὰ τοῦ

1 ἡ μυστικώτατη *M*, 'maxime arcani' *B*, 'mystici' *Z*.
 5 κρυφίως *G*. 9 δίχα τέμνει] διατέμνει *G*. 17 μόνον *G*.

21 Inter σημείων et ἀπείρων excidisse puto aliquot verba, cum male cohaereant quae nunc leguntur. Barocius σημείων ἀπείρων coniungit et omisso μὲν οὖν interpretatur: 'veluti infinitis etiam Signis, quemadmodum unum' cet. 'quemadmodum etiam signa infinita. sicut unum' *Z*. *B*₈ = *M* et *G*.

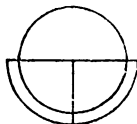
22 οὖν om. *G*, add. *C*. 23 ἡ ante διάμετρος om.. *G*.

κέντρον χωροῦσα καὶ μήτε ἐντὸς ἀπολήγουσα τῆς περι-
 φερείας μήτε ὑπερβαίνουσα τὸν ταύτης ὄρον, ἀλλὰ
 περατουμένη ὑπ' αὐτῆς ἐφ' ἑκάτερα. καὶ ταῦτα μὲν
 τὴν γένεσιν ἐπιδείκνυσιν αὐτῆς, τὸ δὲ ἐπὶ τέλει προσ-
 τεθέν, ὅτι καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον, τὴν ἰδίαν
 αὐτῆς εἰς τὸν κύκλον ἐνέργειαν δηλοῖ παρὰ πάσας
 τὰς ἄλλας εὐθείας τὰς διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένους μὴ
 δὲ περατουμένους ὑπὸ τῆς περιφερείας ἐφ' ἑκάτερα
 τὰ μέρη.

Τὸ μὲν οὖν διχοτομεῖσθαι τὸν κύκλον ὑπὸ τῆς 10
 διαμέτρου πρῶτον Θαλῆν ἐκείνον ἀποδείξαι φασιν,
 αἰτία δὲ τῆς διχοτομίας ἡ τῆς εὐθείας ἀπαρέγκλιτος
 διὰ τοῦ κέντρου χωρήσις. φερομένη γὰρ διὰ τοῦ μέ-
 σου καὶ αἰεὶ φυλάττουσα τὴν αὐτὴν κίνησιν ἀρρεπῇ
 πρὸς τὰ ἀμφοτέρω κατὰ πάντα ἑαυτῆς τὰ μέρη τὸ ἴσον 15
 ἐπ' ἀμφοτέρω ἀφαιρεῖ πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περι-
 φέρειαν. εἰ δὲ καὶ διὰ μαθηματικῆς ἐφόδου δεικνύειν
 αὐτὸ ἐθέλοις, νόησον ἡγμένην τὴν διάμετρον καὶ θά-
 τερον τοῦ κύκλου μέρος ἐπὶ τὸ λοιπὸν συναρμοζόμενον.
 εἰ γὰρ μὴ ἔστιν ἴσον, ἢ ἐντὸς πεσεῖται ἢ ἔκτος· ὅπο- 20
 τέρως δ' ἂν ἔχη, συμβήσεται τὴν ἐλάσσονα εὐθεῖαν
 ἴσην εἶναι τῇ μείζονι· πᾶσαι γὰρ αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου
 πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι. ἔσται οὖν καὶ ἡ πρὸς τὴν
 ἔκτος τῇ πρὸς τὴν ἐντὸς ἴση. τοῦτο δὲ ἀδύνατον.

6 αὐτοῦ *M, G*; in *M* postera manus ἡς super ou scripsit.

15 πρὸς τὰ ἀμφοτέρω] πρὸς τὰ ἐρρεπώτερα *M*, πρὸς τὰ
 ἀρρεπώτερα *B, G*; 'ad alterutram partem' *B*, 'in
 proclivia' *Z*. 18 ἐθέλεις *G*. 18—22 In mar-
 gine inferiore addita est in *M* haec figura:
 20 ποιεῖ *G*, ποιεῖται *M*, sed postera manus
 supra adscripsit πεσεῖται. 21 ἔχοι *G*.
 23 ἔστιν *G*. || καὶ om. *G*.



ἐφαρμόξει ἄρα, ὥστε ἴσα ἐστίν. δίχα ἄρα ἡ διάμετρος
τέμνει τὸν κύκλον. ἀλλ' εἰ μιᾶς οὐσῆς διαμέτρου δύο
ἡμικύκλια γίνεται, ἅπειροι δὲ διάμετροι διὰ τοῦ κέν-
τρον ἄγονται, συμβήσεται διπλάσια τῶν ἀπείρων εἶναι
κατ' ἀριθμόν. ταῦτα γὰρ ἀποροῦσί τινες πρὸς τὴν
ἐπ' ἅπειρον τομὴν τῶν μεγεθῶν, ἡμεῖς δὲ λέγομεν,
ὅτι τέμνεται μὲν ἐπ' ἅπειρον τὸ μέγεθος οὐκ εἰς
ἅπειρα δέ. τοῦτο μὲν γὰρ ἐνεργείᾳ ποιεῖ τὰ ἅπειρα,
τὸ δὲ δυνάμει μόνον, καὶ τὸ μὲν οὐσίαν τῷ ἀπείρῳ
δίδωσι, τὸ δὲ γένεσιν μόνην. ἅμα οὖν μιᾷ διαμέτρῳ
δύο ἡμικύκλια καὶ αἱ διάμετροι οὐδέποτε ἅπειροι ἔσον-
ται, εἰ καὶ ἐπ' ἅπειρον ληφθῇσονται, ὥστε οὐδέποτε
ἔσται διπλάσια τῶν ἀπείρων, ἀλλὰ τὰ γινόμενα αἰ
διπλάσια τῶν πεπερασμένων ἐστὶ διπλάσια. αἰ γὰρ
αἱ ληφθεῖσαι διάμετροι πεπερασμέναι κατ' ἀριθμόν
εἰσι. καὶ πῶς γὰρ οὐ μέλει πᾶν μέγεθος πεπερασμέ-
νας ἔχειν διαιρέσεις τοῦ ἀριθμοῦ πρὸ τῶν μεγεθῶν
ὄντος καὶ πάσας αὐτῶν τὰς τομὰς ἀφορίζοντος καὶ
προκαταλαμβάνοντος τὴν ἀπειρίαν καὶ αἰ τὰ ὑφιστά-
μενα περατοῦντος;

Def. XVIII. XIX. Ἡμικύκλιον δέ ἐστὶ τὸ περι-
εχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς διαμέτρου καὶ
τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς περιφερείας.
κέντρον δὲ τοῦ ἡμικυκλίου τὸ αὐτό, ὃ καὶ τοῦ
κύκλου ἐστίν.

Ἀπὸ μὲν τοῦ ὁρισμοῦ τοῦ κύκλου τὴν τοῦ κέν-
τρον φύσιν ἀνεῦρεν πάντων τῶν ἄλλων ἐν τῷ κύκλῳ

1 ὥστε ... δίχα ἄρα om. G. || Post διάμετρος G καὶ addit.
5 πρὸς om. G. 16 μένει G, 23 ἀπ' αὐτῆς M. 26 Ὑπὸ G.

σημείων διαφέρουσιν, ἀπὸ δὲ τοῦ κέντρου τὴν διά-
μετρον ἀφωρίσατο καὶ τῶν ἄλλων εὐθειῶν τῶν ἐντὸς
τοῦ κύκλου γραφομένων διέκρινεν, ἀπὸ δὲ τῆς δια-
μέτρον τὸ ἡμικύκλιον ὅτι ποτέ ἐστιν ἀναδιδάσκει καὶ
ὅτι ὑπὸ δύο ὄρων περιέχεται καὶ τούτων αἱ διαφε-
ρόντων, εὐθείας καὶ περιφερείας, καὶ ὅτι ἡ εὐθεῖα
οὐχ ἡ τυχοῦσά ἐστιν, ἀλλ' ἡ τοῦ κύκλου διάμετρος,
ἐπεὶ καὶ τὸ ἔλασσον τμήμα τοῦ ἡμικυκλίου καὶ τὸ μεί-
ζον ὑπ' εὐθείας περιέχεται καὶ περιφερείας. ἀλλ' οὐκ
ἐστὶν ἡμικύκλια ταῦτα τῷ μὴ διὰ τοῦ κέντρου γεγο- 10
νέναι τὴν τοῦ κύκλου διαίρεσιν.

Πάντα μὲν τὰ τοιάδε σχήματα || δυοειδῆ ἐστίν,
ὥσπερ ὁ κύκλος μοναδικός, καὶ ἐξ ἀνομοίων ὑφέστηκε.
πᾶν γὰρ τὸ ὑπὸ δύο ὄρων περιεχόμενον ἢ ὑπὸ δύο
περιφερειῶν περιέχεται, ὥσπερ τὸ μνηοειδές, ἢ ὑπὸ 15
εὐθείας καὶ περιφερείας, ὥς τὰ εἰρημένα σχήματα,
ἢ ὑπὸ δύο μικτῶν γραμμῶν, ὥς εἰ δύο ἐλλείψεις τέ-
μνοιεν ἀλλήλας — τὰ γὰρ μεταξὺ αὐτῶν ἀπολαμβα-
νόμενον περιέξουσιν σημεῖον — ἢ ὑπὸ μικτῆς καὶ
περιφερείας, ὥς ὅταν τέμνη κύκλος ἑλλειψιν, ἢ ὑπὸ 20
μικτῆς καὶ εὐθείας, ὥς τὸ ἥμισυ τῆς ἐλλείψεως. τὸ
τοίνυν ἡμικύκλιον ἐξ ἀνομοίων ἐστίν, ἀλλὰ τῶν ἀπλῶν
καὶ τούτων κατὰ παράθεσιν ὁμιλούντων ἀλλήλοις.
πρὶν οὖν ὁ λόγος ἀφορίσῃται τὰ τριαδικὰ τῶν σχημά-
των, εἰκότως ἐπὶ τὸ δυοειδές ἦλθεν μετὰ τὸν κύκλον. 25

1 σημείον M. || διαφέρουσιν] In M prima vel primae
proxima manus in margine adscripsit διαφερόντων. 14 δύο
ante ὄρων om. M, B, G, (Z); 'a duobus terminis' B. Postera
manus in M ἢ ante ὄρων addidit. || ἢ post περιεχόμενον om. M;
postera manus ἢ addidit. 15 μονοειδές G, μνηοειδές C.
19 καὶ post μικτῆς om. G. 20—21 περιφερείας . . . μικτῆς
om. G. 24 οὖν om. G. || ἀφορήσεται G.

δύο μὲν γὰρ εὐθεῖαι χωρίον οὐκ ἂν ποτε περιλάβοιεν, εὐθεῖα δὲ καὶ περιφέρειαι δύνανται, καὶ δύο περιφέρειαι ὡσαύτως, ἢ γωνίας ποιοῦσαι, ὡς ἐπὶ τοῦ μηνοειδοῦς σχήματος, ἢ καὶ ἀγώνιον ἀποτελεῦσαι σχῆμα, 5 ὡς εἰ νοήσεας κύκλους ὁμοκέντρους. τὸ γὰρ μέσον ἀμφοτέρων ἀπολαμβανόμενον χωρίον ὑπὸ δύο περιφερειῶν περιέχεται, τῆς μὲν ἐντὸς οὐσῆς, τῆς δὲ ἐκτός, καὶ γωνία οὐ γίνεται, οὐ γὰρ τέμνουσιν ἀλλήλας ὡς ἐν τῷ μηνοειδεῖ καὶ τῷ ἀμφικύρτῳ σχήματι.

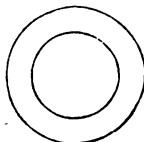
10 Καὶ μὲν δὴ καὶ ὅτι τὸ αὐτὸ τοῦ ἡμικυκλίου κέντρον ἐστὶν ὅπερ καὶ τοῦ κύκλου φανερόν. | ἢ γὰρ διάμετρος ἐφ' ἑαυτῆς ἔχουσα τὸ κέντρον συμπληροῖ τὸ ἡμικύκλιον καὶ ἀπὸ τούτου πᾶσαι αἱ πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι. μέρος γὰρ καὶ αὕτη τοῦ κύκλου. πρὸς 15 πάντα δὲ τὰ μέρη τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας ἴσαι προσπίπτουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. Ἐν ἄρα τὸ κέντρον ἐστὶν τοῦ ἡμικυκλίου καὶ τοῦ κύκλου. καὶ ἐπισημαντέον, ὅτι μόνον τοῦτο τῶν σχημάτων ἐπὶ τῆς περιμέτρου τὸ κέντρον ἔχει, λέγω δὲ τῶν ἐπιπέδων σχημάτων, 20 ὥστε συναγάγεις ἂν ὅτι τὸ κέντρον τρεῖς ἔχει τόπους, ἢ γὰρ ἐντὸς τοῦ σχήματος ὥσπερ ἐπὶ τοῦ κύκλου, ἢ ἐπὶ τῆς περιμέτρου ὡς ἐπὶ τοῦ ἡμικυκλίου, ἢ ἐκτός ὡς ἐπὶ τινων κωνικῶν γραμμῶν.

Τὸ δ' οὖν ἡμικύκλιον ταῦτο ἔχει τῷ κύκλῳ κέν-

2 Ante δύνανται in *M* δύο additum est, quod Barocii quoque interpretatio reddit: 'duo possunt comprehendere spatia.' *G* et *Z* δύο om.

4—5 In *M* additae sunt in margine figurae hae:

9 τῷ ante ἀμφικύρτῳ om. *G*. 14—15 μέρος γὰρ . . . ἴσαι om. *G*, add. *C*. 20 συναγάγεις *G*, συνάγεις *C*. 21 τρόπους *M*, *G*; in *M* o supra o scriptum est manu postera; 'locos' *B*, *Z*. 23 τινων] τῶν *G*, τινῶν *C*.



τρον. τί οὖν ἐνδείκνυνται τοῦτο καὶ ποίων εἰκόνα φέρει πραγμάτων; ἢ ὅτι τὰ μὴ τελείως ἀποφοιτήσαντα τῶν πρώτων, ἀλλὰ μετέχοντά πως αὐτῶν ὁμόκεντρα αὐτοῖς εἶναι δύναται καὶ τῶν αὐτῶν αἰτίων μετεπιληφέναι; διχῇ γὰρ καὶ τὸ ἡμικύκλιον κοινωνεῖ τῷ κύκλῳ, ⁵ κατὰ τε τὴν διάμετρον καὶ τὴν περιφέρειαν. διὸ καὶ τὸ κέντρον αὐτοῖς κοινόν. καὶ ἴσως εἰκοίαι ἂν τὸ ἡμικύκλιον ταῖς δευτέραις τάξεσι μετὰ τὰς ἀπλουστάτας || ἀρχὰς καὶ μετεχούσαις ἐκείνων κἂν διὰ τὴν συγγένειαν τὴν πρὸς ἐκείνας, εἰ καὶ ἀτελῶς καὶ ἐξ ἡμίσειας, ¹⁰ ἀλλ' ἐπὶ τὸ ὄν καὶ πρώτον αὐτῶν αἴτιον ἀναγομέναις.

Def. XX—XXIII. Σχήματα εὐθύγραμμά ἐστι τὰ ὑπὸ εὐθειῶν γραμμῶν περιεχόμενα· τρίπλευρα μὲν τὰ ὑπὸ τριῶν, τετράπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ τεσσ- ¹⁵ σάρων, πολὺπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ πλειόνων ἢ τεσσάρων πλευρῶν περιεχόμενα.

Μετὰ τὸ μοναδικὸν σχῆμα καὶ ἀρχῆς λόγον ἐπ-έχον πρὸς πάντα τὰ σχήματα καὶ τὸ δυοειδὲς ἡμικύκλιον ἢ κατὰ τοὺς ἀριθμοὺς ἐπ' ἄπειρον πρόοδος ²⁰ παραδίδοται τῶν εὐθυγραμμῶν σχημάτων. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ τοῦ ἡμικυκλίου μνήμη γέγονεν ὥς κατὰ τοὺς ὄρους πῇ μὲν τῷ κύκλῳ κοινωνοῦντος πῇ δὲ τοῖς εὐθυγράμμοις, ὥσπερ καὶ ἡ δυὰς μέση μονάδος ἐστὶ καὶ ἀριθμοῦ. ἢ μὲν γὰρ μονὰς συντιθεμένη πλέον ²⁵ ποιεῖ ἢ πολλαπλασιαζομένη, ὁ δὲ ἀριθμὸς ἀνάπαλιν

4 δύναται om. G, add. C. 6. 7 καὶ τὴν περιφέρειαν κέντρον om. G; C addit καὶ τὴν περιφέρειαν.

πολλαπλασιαζόμενος μᾶλλον ἢ συντιθέμενος, ἡ δὲ δυὰς
 ἴσον ἐκ τε τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ ἐφ' ἑαυτὴν ἀπο-
 τελεῖ καὶ τῆς συνθέσεως. ὥς οὖν αὕτη μεσότης ἐστὶ
 μονάδος καὶ πλήθους, οὕτω καὶ τὸ ἡμικύκλιον κατὰ
 5 μὲν τὴν βάσιν κοινωνεῖ τοῖς εὐθυγράμμοις, κατὰ δὲ
 τὴν περιφέρειαν τῷ κύκλῳ. πρόεισι δὲ εὐτάκτως τὰ
 εὐθύγραμμα κατὰ τὸν ἀπὸ τριάδος ἀριθμὸν ἐπ' ἄπει-
 ρον. διὸ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐντεῦθεν ἤρξατο. τρι-
 πλευρα γάρ φησιν καὶ τετράπλευρα καὶ ἐφεξῆς τῷ
 10 κοινῷ ὀνόματι καλούμενα πολύπλευρα. ἐστὶ μὲν γὰρ
 καὶ τὰ τρίπλευρα πολύπλευρα, ἀλλὰ καὶ ἰδίαν ἔχει
 προσηγορίαν μετὰ τῆς κοινῆς, ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων παρ-
 ακολουθεῖν τῇ εἰς ἄπειρον προόδῳ τῶν ἀριθμῶν ἀσθε-
 νήσαντες τὴν κοινὴν προσηγορίαν ἡγαπήσαμεν. τρι-
 15 πλεύρων δὲ καὶ τετραπλεύρων μόνον πεπολιῆται μνή-
 μην, ἐπειδὴ καὶ τῶν ἀριθμῶν οἱ πρῶτιστοι τριάς καὶ
 τετράς, ὁ μὲν ἐν τοῖς περιττοῖς ἀκράτως ὢν περισσός,
 ὁ δὲ ἐν τοῖς ἀρτίοις ἀρτιώτατος. ἕκαστος οὖν αὐτῷ
 παρῆλληπται πρὸς τὴν τῶν εὐθυγράμμων γένεσιν εἰς
 20 ἐνδειξιν τῆς κατὰ πάντας αὐτῶν τοὺς ἀριθμοὺς ὑπο-
 στάσεως, ἀρτίους τε καὶ περισσοὺς. καὶ μέντοι καὶ
 διότι περὶ τούτων ὥς στοιχειωδεστάτων ἐν τῷ πρῶτῳ
 βιβλίῳ διδάξει, τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων,
 εἰκότως μέχρι τούτων ἐστησε τὴν ἰδίαν ἀπαρίθμησιν,
 25 τὰ δὲ ἄλλα πάντα κοινῷ περιέλαβεν ὀνόματι πολύ-
 πλευρα καλέσας.

Ταῦτα περὶ τούτων, || πάλιν δὲ ἄνωθεν ρητέον,

1 μονὰς G, δυὰς C. 2 τε om. G, add. C. || ἀφ' C.
 10—11 ἐστὶ μὲν . . . πολύπλευρα om. G, add. C. 15 μό-
 νων G. 17 ἀκράτος B, G, 'purus' B, Z. 18 ἀρτιώτατος G,
 ἀρτιώτατος C. 19 παρήλειπται G. 20 κατὰ] μετὰ C.
 22 στοιχειωδεστάτων G.

ὅτι τῶν ἐπιπέδων σχημάτων τὰ μὲν ὑπὸ ἀπλῶν περι-
έχεται γραμμῶν, τὰ δὲ ὑπὸ μικτῶν, τὰ δὲ ὑπ' ἀμφο-
τέρων, καὶ τῶν ὑπὸ ἀπλῶν περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ
τῶν ὁμοειδῶν ὡς τὰ εὐθύγραμμα, τὰ δὲ ὑπὸ τῶν
ἀνομοειδῶν ὡς τὰ ἡμικύκλια καὶ τὰ τμήματα καὶ αἱ 5
ἀψίδες, αἱ εἰσιν ἡμικυκλίων ἐλάσσονες, καὶ τῶν ὑπὸ
ὁμοιοειδῶν περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ κυκλικῆς περι-
έχεται γραμμῆς, τὰ δὲ ὑπὸ εὐθείας, τῶν δὲ ὑπὸ κυκλι-
κῆς γραμμῆς περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς
περιέχεται, τὰ δὲ ὑπὸ δύο, τὰ δὲ ὑπὸ πλήθους. ὑπὸ 10
μιᾶς μὲν ὁ κύκλος αὐτός, ὑπὸ δυεῖν δὲ τὰ ἀγώνια,
ὡς ἡ στεφάνη ἢ ὑπὸ τῶν ὁμοκέντρων κύκλων ὀριζο-
μένη, τὰ δὲ γεγωνιωμένα, ὡς ὁ μηνίσκος, ὑπὸ πλει-
όνων δὲ ἢ δυεῖν ἐπ' ἀπειρον. καὶ γὰρ ὑπὸ τριῶν καὶ
τεσσάρων περιφερειῶν καὶ ἑξῆς περιέχεται τινα σχή- 15
ματα. ἔαν γ' οὖν τρεῖς κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων,
ἀπολαμβάνουσιν τι χωρίον τρίπλευρον ὑπὸ τριῶν
περιφερειῶν ὀριζόμενον, ἔαν δὲ τέτταρες, ὑπὸ τεττά-
ρων, καὶ ἑφεξῆς ὡσαύτως. τῶν δὲ ὑπὸ εὐθειῶν περι-
εχομένων τὰ μὲν ὑπὸ τριῶν περιέχεται, τὰ δὲ ὑπὸ 20
πλειόνων. οὔτε γὰρ ὑπὸ δύο εὐθειῶν περιέχεται χω-
ρίον, οὔτε πολλῷ πλεον ὑπὸ μιᾶς, ὥστε πᾶν μὲν χω-
ρίον ὑπὸ ἐνὸς ὅρου περιεχόμενον ἢ δυεῖν τῶν μικτῶν
ἐστίν ἢ τῶν περιφερογράμμων· καὶ μικτῶν διχῶς,

3 τῶν ὑπὸ τῶν ἀπλῶν G. 11 δυοῖν G. 14 δυοῖν G.
17 τὸ χωρίον G, τι χωρίον C. 20—21 τὰ δὲ ὑπὸ πλειόνων
... περιέχεται om. M, B₂, G, Z, in M autem postera manus
haec verba addidit in margine; eademque manus sequens ver-
bum χωρίον, quod in M, B₂, G legitur, in χωρίον mutandum
notavit. 'aliae vero a quatuor, aliae autem a pluribus com-
prehenduntur' B. 22 Verbi πλεον primae tres litterae in M
sunt deletae. || πᾶν μὲν χωρίον M. 23 δυοῖν G. 24 καὶ
ὡς G, καὶ C.

) J.: "Comme, these cercles, ou autres figures, H, ...
et de la figure et de la position de la figure, ...
de la figure et de la position de la figure."

ἢ ὅτι μικταὶ γραμμαὶ περιέχουσιν αὐτό, ὥς τὸ ὑπὸ
 τῆς κιττοειδοῦς ἀπολαμβανόμενον, ἢ ὅτι | ἀνομοιο-
 εἶδεις, ὥς καὶ τὴν ἀψίδα. διχῶς γὰρ ἢ μῆξιν ἢ κατὰ
 παράθεσιν ἢ κατὰ σύγχυσιν. οὐ πᾶν δὲ τρίπλευρον
 5 ἢ τετράπλευρον εὐθύγραμμόν ἐστι, καὶ γὰρ ἐκ περι-
 φερειῶν γένοιτο ἂν τοσοῦτος πλευρῶν ἀριθμός.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς τῶν ἐπιπέδων σχημάτων
 διαιρέσεως. ὅτι δὲ τὸ εὐθὺ προόδου σύμβολόν ἐστι
 καὶ κινήσεως καὶ ἀπειρίας καὶ ὅτι ταῖς γεννητικαῖς
 10 τάξεσιν ὠκείωται τῶν θεῶν καὶ ἑτεροποιοῖς καὶ τῆς
 μεταβολῆς καὶ κινήσεως αἰτίαις, εἴρηται καὶ πρότερον.
 καὶ τοίνυν καὶ τὰ εὐθύγραμμα σχήματα τοῦτοις ὠκεί-
 ωται τοῖς θεοῖς τοῖς τῆς γονίμου ποιήσεως πρωταρ-
 χοῦσι τῆς ἐπίπλαν προόδου τῶν εἰδῶν. διὸ καὶ ἡ
 15 γένεσις κατὰ ταῦτα κεκόσμηται διαφερόντως καὶ τὴν
 οὐσίαν ἐκ τούτων ἔλαχεν ὥς ἐν κινήσει καὶ μεταβολῇ
 τὴν ὑπόστασιν ἔχουσα.

|| Def. XXIII—XXIX. Τῶν δὲ τριπλεύρων σχη-
 μάτων ἰσόπλευρον μὲν τρίγωνόν ἐστι τὸ τὰς
 20 τρεῖς ἰσας ἔχον πλευράς, ἰσοσκελὲς δὲ τὸ δύο
 μόνον ἰσας ἔχον πλευράς, σκαληνὸν δὲ τὸ τὰς
 τρεῖς ἀνίσους ἔχον. ἔτι δὲ τῶν τριπλεύρων
 σχημάτων ὀρθογώνιον μὲν τρίγωνόν ἐστι τὸ
 μίαν ἔχον ὀρθὴν γωνίαν, ἀμβλυγώνιον δὲ τὸ
 25 μίαν ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν, ὀξυγώνιον δὲ τὸ
 τὰς τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

Ἡ τῶν τριγώνων διαίρεσις ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν γω-
 νιῶν ἔχει τὴν ἀρχήν, ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν πλευρῶν.

10 οἰκείωται M, οἰκειοῦται G. 11 αἰτίας M, G, αἰτίαις
 B, C, 'autoribus' B, 'causae' Z. 12 οἰκείωται G. 14 τῆς]
 τοῖς C. || διὸ om. G. 27 Ἡ om. G.

ἐντὸς εὐθείας· περιέχεται ἄρα τι χωρίον ὑπὸ τε τῶν
ἐκτὸς [δύο πλευρῶν καὶ τῶν ἐντὸς δύο, ἔχει δὲ μίαν
τε γωνίαν τὴν ὑπὸ τῶν ἐκτὸς] περιεχομένην καὶ δύο
τὰς ὑπὸ τούτων καὶ τῶν ἐντὸς πρὸς τοῖς πέρασι, καθ'
5 ἃ συνάπτονται, περιεχομένας. τρίγωνον ἄρα ἐστὶ τὸ
τοιόνδε σχῆμα τετράπλευρον. οὐκ ἄρα ὃ ἂν τρεῖς
εὐρωμεν ἔχον γωνίας ἢ ὀξείας, ἢ μίαν ὀρθήν, ἢ ἀμ-
βλείαν μίαν, εὐθύς καὶ τρίπλευρον εὐρήκαμεν καὶ ἢ
ισόπλευρον ἢ τῶν ἄλλων τριπλεύρων. εἴη γὰρ ἂν που
10 καὶ τετράπλευρον. οὕτω δ' ἂν εὖροις τετράγωνον
πλείους ἔχοντα τῶν τετάρων πλευρῶν, καὶ δεῖ μὴ
προχείρως ἀπὸ τοῦ πλήθους τῶν γωνιῶν ἀποφαίνε-
σθαι περὶ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν πλευρῶν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν περὶ τούτων· οἱ δὲ Πυθαγό-
15 ρειοὶ τὸ μὲν τρίγωνον ἀπλῶς ἀρχὴν γενέσεως εἶναι
φασὶ καὶ τῆς τῶν γεννητῶν εἰδοποιίας. διὸ καὶ τοὺς
λόγους τοὺς φυσικοὺς καὶ τῆς τῶν στοιχείων δημιουρ-
γίας τριγωνικοὺς εἶναι φησιν ὁ Τίμαιος. καὶ γὰρ
τριχῇ διίστανται καὶ συναγωγοὶ τῶν πάντη μεριστῶν
20 εἰσι καὶ πολυμεταβόλων, τῆς τε ἀπειρίας ἀναπύμπαν-
ται τῆς ὑλικῆς καὶ τοὺς συνδέσμους λυτοὺς προῖσταν-
ται τῶν ἐνύλων σωμάτων. ὥσπερ δὴ καὶ τὰ τρίγωνα
περιέχονται μὲν ὑπὸ εὐθειῶν, γωνίας δὲ ἔχει τὰς τὸ
πλήθος τῶν γραμμῶν συνάγουσας καὶ κοινωνίαν
25 ἐπίκτητον αὐταῖς καὶ συναφὴν παρεχόμενας. εἰκότως

2—3 δύο πλευρῶν . . . ἐκτὸς om. *M*, *B*₁, *G* (*Z*), addidi ego ex coniectura. 'quod ab externis et internis rectis comprehenditur Lineis, tresque habet Angulos, unum quidem, qui ab externis continetur' *B*. 3 περιεχόμενον *M*, *B*₃, *G*. 6 ὃ ἂν] ἔάν *G*, ὃ ἔάν *M*, *C*. 9 τριπλεύρων delendum notavit *C*. 17 τοῦ φυσικοῦ, καὶ *B*₃, *G*, τοῦ φυσικοῦ αἱ *M*, quod prima vel primae proxima manus mutavit in τοὺς φυσικοὺς καὶ. 'naturales' *B*, *Z*. 20 ἀναπύμπανται *M*. 22 τὰ om. *G*.

ἄρα καὶ ὁ Φιλόλαος τὴν τοῦ τριγώνου γωνίαν τέ-
ταρσιν ἀνέθηκεν θεοῖς, Κρόνῳ καὶ Ἄιδῃ καὶ Ἀρεῖ καὶ
Διόνυσῳ, πᾶσαν τὴν τετραμερῇ τῶν στοιχείων δια-
κόσμησιν τὴν ἄνωθεν ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκουσαν
εἶτε ἀπὸ τῶν τεττάρων τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων ἐν ⁵
τούτοις περιλαβών. ὁ μὲν γὰρ Κρόνος πᾶσαν ὑφίστησι
τὴν ὑγρὰν καὶ ψυχρὰν οὐσίαν, ὁ δὲ Ἄρης πᾶσαν τὴν
ἐμπυρρον φύσιν, καὶ ὁ μὲν Ἄιδης τὴν χθονίαν ὅλην
συνέχει ζωήν, ὁ δὲ Διόνυσος τὴν ὑγρὰν καὶ θερμὴν
ἐπιτροπενεὶ γένεσιν, ἧς καὶ ὁ οἶνος σύμβολον ὑγρὸς ¹⁰
ὦν καὶ θερμός. πάντες δὲ οὗτοι κατὰ μὲν τὰς εἰς
τὰ δεύτερα ποιήσεις διεστήκασι, ἥνωνται δὲ ἀλλήλοις.
διὸ καὶ κατὰ μίαν αὐτῶν γωνίαν συνάγει τὴν ἔνωσιν
ὁ Φιλόλαος. εἰ δὲ καὶ αἱ τῶν τριγώνων διαφοραὶ
συνεργούσι πρὸς τὴν γένεσιν, εἰκότως ἂν ὁμολογοῖτο ¹⁵
τὸ τρίγωνον ἀρχηγὸν εἶναι τῆς τῶν ὑπὸ σελήνην
συστάσεως. ἡ μὲν γὰρ ὀρθὴ γωνία τὴν οὐσίαν αὐτοῖς
παρέχεται καὶ τὸ μέτρον ἀφορίζει τοῦ εἶναι, καὶ ὁ τοῦ
ὀρθογωνίου τριγώνου λόγος οὐσιοποιός ἐστι τῶν γε-
νητῶν στοιχείων, | ἡ δὲ ἀμβλεία τὴν ἐπίπαν διάστα- ²⁰
σιν αὐτοῖς ἐνδίδωσι, || καὶ ὁ τοῦ ἀμβλυγωνίου λόγος
εἰς μέγεθος αὖξει καὶ παντοίαν ἔκτασιν τὰ εἶδη
τὰ ἐνυλὰ, ἡ δὲ ὀξεῖα γωνία διαιρετὴν αὐτὴν ἀπο-
τελεῖ τὴν φύσιν, καὶ ὁ τοῦ ὀξυγωνίου λόγος ἐπ’
ἄπειρον αὐτοῖς τὰς διαιρέσεις παρασκευάζει γενέ- ²⁵
σθαι. ἀπλῶς δὲ ὁ τριγωνικὸς λόγος οὐσίαν διαστα-

8 ἐμπυρρον G, ἔμπυρρον C. 10 σύμβολος G. 13 διὸ καὶ]
διότι G. 14 αἱ om. M, G; in M αἱ supra καὶ scriptum est
postera manu. 15 ὁμολογοῖτο τὸ M, ὁμολογοῖτο, omisso τὸ, G;
‘fatendum erit’ Z; ‘fatebimur’ B. 17 στάσεως G. 19 γεννη-
τῶν M. 21 αὐτοῖς om. G, add. C. 22 ἔκτασιν M, G.
23 Ante αὐτὴν G add. φύσιν, quod delendum not. C.

τὴν καὶ πάντη μεριστὴν ὑφίστησι. τὴν τῶν ἐνύλων
σωμάτων.





Τοσαῦτα μὲν περὶ τῶν τριγώνων εἰχομεν θεωρεῖν,
ἐκ δὲ τούτων λάβοις ἂν τῶν διαιρέσεων καὶ ὅτι τὰ
5 εἶδη πάντα τῶν τριγώνων ἐπὶ ἐστὶ καὶ οὔτε πλείω
οὔτε ἐλάττω. τὸ μὲν ἰσόπλευρον ἐν ἐστὶ μόνον ὀξυγώ-
νιον ὑπάρχον, τῶν δὲ λοιπῶν ἐκάτερον τριπλοῦν. καὶ
γὰρ τὸ ἰσοσκελὲς ἢ ὀρθογώνιον ἐστὶν ἢ ἀμβλυγώνιον
ἢ ὀξυγώνιον, καὶ τὸ σκαληνὸν ὡσαύτως τὴν τριττὴν
10 ἔχει ταύτην διαφοράν. εἰ οὖν ταῦτα μὲν τριχῶς τὰ
δὲ ἰσόπλευρα μοναχῶς, ἐπὶ τὰ πάντα τῶν τριγώνων
εἶδη λεγέσθω. λάβοις δ' ἂν καὶ κατὰ τὴν τῶν πλευ-
ρῶν διαίρεσιν τὴν τῶν τριγώνων πρὸς τὰ ὄντα ἀνα-
λογίαν. τὸ μὲν γὰρ ἰσόπλευρον κατὰ πάντα ἰσότητι
15 καὶ ἀπλότητι κρατούμενον συγγενὲς ἐστὶ ταῖς θείαις
ψυχαῖς — μέτρον γάρ ἐστὶ καὶ τῶν ἀνίσων ἢ ἰσότης,
ὡσπερ καὶ τὸ θεῖον πάντων τῶν δευτέρων — τὸ δὲ
ἰσοσκελὲς τοῖς κρείττοσι γένεσι τοῖς κατευθύνουσι τὴν
ἐνυλον φύσιν, ὧν τὸ μὲν πλεόν κεκράτῃται τῷ μέτρῳ,
20 τὰ δὲ τελευταῖα τῆς ἀνισότητος ἐφάπτεται καὶ τῆς
ἀμετρίας τῆς ὑλικῆς — καὶ γὰρ τῶν ἰσοσκελῶν αἱ
μὲν δύο ἴσαι, ἡ δὲ βᾶσις ἄνισος — τὸ δὲ σκαληνὸν
ταῖς μερισταῖς ζωαῖς, αἱ πανταχόθεν χωλεύουσι καὶ
σκάξουσιν εἰς τὴν γένεσιν φερόμεναι καὶ ἀναπιμπλά-
25 μεναι τῆς ὕλης.

6 ἐν ἐστὶ μόνον] μονοειδῶς H_2 p. 264. 9 ὡσαύτως]
ὁμοίως H_2 p. 264. || τρίτην G . 10 εἰ οὖν τὰ μὲν G .
14 ἰσότητα C . 20 ταὶ τῆς μὲν ἀμετρίας M . 24 σκάξουσιν]
κατασκευάζουσιν G .

Def. XXX—XXXIII. *Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχημάτων τετράγωνον μὲν ἔστιν, ὃ ἔστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ὀρθογώνιον, ἑτερόμηκες δὲ τὸ ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ, ῥόμβος δέ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ,⁵ ῥομβοειδὲς δὲ τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ οὔτε ἰσόπλευρον οὔτε ὀρθογώνιον. τὰ δὲ πᾶρά ταῦτα τετράπλευρα τραπέζια καλεῖσθω.*

|| *Τὴν τῶν τετραπλεύρων διαίρεσιν εἰς δύο ποι-¹⁰ εῖσθαι χρὴ τὴν πρώτην καὶ τὰ μὲν αὐτῶν παραλληλόγραμμα λέγειν, τὰ δὲ οὐ παραλληλόγραμμα, τῶν δὲ παραλληλογράμμων τὰ μὲν καὶ ὀρθογώνια καὶ ἰσόπλευρα, ὥς τὰ τετράγωνα, τὰ δὲ οὐδέτερα τούτων, ὥς τὰ ῥομβοειδῆ, τὰ δὲ ὀρθογώνια μὲν, οὐκ ἰσόπλευρα¹⁵ δέ, ὥς τὰ ἑτερομήκη, τὰ δὲ ἑμπαλιν ἰσόπλευρα μὲν, οὐκ ὀρθογώνια δέ, ὥς τοὺς ῥόμβους. ἢ γὰρ ἀμφοτέρω ἔχειν ἀναγκαῖον τὴν ἰσότητα τῶν πλευρῶν καὶ τὴν ὀρθότητα τῶν γωνιῶν, ἢ οὐδέτερον, ἢ τὸ ἕτερον, καὶ τοῦτο διχῶς, ὥστε τετραχῶς ὑφίστασθαι τὸ παραλλη-²⁰*


2 ὃ ἔστιν om. G. 3 τὸ om. G. 20 ὑφίσταται G, ὑφίστασθαι C. In margine additae sunt in M hae descriptiones:

ἐπὶ εἰδη
τετράγωνον
α ἰσόπλευρον 
β ἑτερόμηκες 
γ ῥόμβος 
δ ῥομβοειδὲς 

λόγραμμον. τῶν δὲ μὴ παραλλήλογράμμων τὰ μὲν
 δύο μόνον ἔχει παραλλήλους, οὐκ ἔτι δὲ καὶ τὰς λοι-
 πὰς, τὰ δὲ οὐδ' ὅλως ἔχει τῶν πλευρῶν τινὰς παραλ-
 λήλους. καὶ τὰ μὲν καλεῖται τραπέζια, τὰ δὲ τραπε-
 5 ζοειδῆ. τῶν δὲ τραπέζιων τὰ μὲν ἴσας ἔχει τὰς συν-
 απτούσας παραλλήλους ταύτας, τὰ δὲ ἀνίσους. καὶ
 καλεῖται τὰ μὲν ἰσοσκελῆ τραπέζια, τὰ δὲ σκαληνὰ
 τραπέζια. τὸ ἄρα τετράπλευρον ἑπταχῶς ἡμῖν ὑπο-
 στήσεται. τὸ μὲν γάρ ἐστι τετράγωνον, τὸ δὲ ἑτερό-
 10 μηκες, τὸ δὲ ῥόμβος, τὸ δὲ ῥομβοειδές, τὸ δὲ τρα-
 πέζιον ἰσοσκελές, τὸ δὲ σκαληνὸν τραπέζιον, τὸ δὲ
 τραπέζοειδές.

Ἄλλ' ὁ μὲν Ποσειδώνιος τελείαν εἰς ταῦτα πε-
 ποιήται τὴν τῶν τετραπλεύρων εὐθυγράμμων τομὴν
 15 ἑπτὰ καὶ τούτων τὰ εἶδη θέμενος, ὥσπερ δὴ καὶ τῶν

ε̄ τραπέζιον

ἰσοσκελές 

ε̄ τραπέζιον

σκαληνὸν  (sic)

ζ̄ τραπέζο

ειδές. 

τῶν τετραπλεύρων

Τὰ μὲν παραλληλόγραμμα [^] τὰ δὲ οὐ παραλληλόγραμμα
 τὰ μὲν ὀρθογώνια [^] τὰ δὲ οὐκ ὀρθογώνια τὰ μὲν ἔχει μόναν
 τὰ μὲν ἰσόπλευρα [^] τὰ δὲ ἑτερομήκη παραλλήλους [^] τὰ
 ῥόμβοι [^] ῥομβοειδῆ [^] ἰσοσκελῆ [^] σκαληνὰ [^] ^{δὲ οὐδ' ὅλως}
 τραπέζια [^] τραπέζια [^] ^{ἔχει παραλλη-}
^{λους ὥς τὰ}
^{τραπέζοειδῆ.}

11 ἰσοσκελές, . . . τραπέζιον om. G, add. C. 12 τραπε-
 ζονδές G, τραπέζοειδές C.

τριγώνων, ὁ δὲ Εὐκλείδης εἰς μὲν παραλληλόγραμμα
 καὶ μὴ παραλληλόγραμμα διαιρεῖν οὐκ ἡδύνατο μῆτε
 περὶ τῶν παραλλήλων εἰπών, μῆτε περὶ αὐτοῦ τοῦ
 παραλληλογράμμου διδάξας ἡμᾶς. τὰ δὲ τραπέζια
 πάντα καὶ τὰ τραπεζοειδῆ κοινῶς προσείρηκεν ὀνόματι 5
 τραπέζια, περιγράφων αὐτὰ τῶν τεττάρων ἐκείνων,
 οἷς ἐπαληθεύει τὸ τῶν παραλληλογράμμων ἴδιον, τοῦτο
 δὲ ἐστὶ τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας ἴσας
 ἔχειν. καὶ γὰρ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ ἑτερόμηκες καὶ
 ὁ ῥόμβος ἔχει τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας 10
 ἴσας, αὐτὸς δὲ ἐπὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς μόνον τοῦτο προσ-
 ἐθήκεν, ἵνα μὴ διὰ ψιλῶν αὐτὸ παραστήσῃ τῶν ἀπο-
 φάσεων, οὔτε ἰσόπλευρον οὔτε ὀρθογώνιον εἰπών. ἐφ'
 ὧν γὰρ ἰδιαζόντων ἀποροῦμεν λόγων χρῆσασθαι τοῖς
 κοίνοις ἀναγκαῖον. ὅτι δὲ πάντων ἐστὶ τοῦτο κοινόν 15
 τῶν παραλληλογράμμων αὐτοῦ δεικνύτης ἀκουσό-
 μεθα. ἔοικεν δὲ καὶ ὁ ῥόμβος ^{καὶ τὰς γωνίας ἴσας} ~~σαλευθέν~~ εἶναι τετραγώ-
 νον καὶ τὸ ῥομβοειδὲς κεκινημένον ἑτερόμηκες. διὸ
 κατὰ τὰς πλευρὰς οὐ διέστηκε ταῦτα ἐκείνων, κατὰ
 δὲ τὰς τῶν γωνιῶν ἀμβλύτητας καὶ ὀξύτητας, ἐκείνων 20
 ὀρθογωνίων ὄντων. εἴαν γὰρ νοήσῃς τὸ τετράγωνον ||
 ἢ τὸ ἑτερόμηκες κατὰ τὰς ἀπεναντίας γωνίας διελκό-
 μενον, εὐρήσεις ταύτας μὲν συναγομένας καὶ ὀξείας
 γινομένας, τὰς δὲ λοιπὰς δισταμένας καὶ ἀμβλείας
 ἀναφανομένας, | καὶ ἔοικεν καὶ τὸ ὄνομα τῷ ῥόμβῳ 25

2 καὶ μὴ παραλληλόγραμμα om. G, add. C. 5 πάντα
 om. G, add. C. || τὰ τραπεζοειδῆ] τετραπεζοειδῆ C. 6 περι-
 γράφων] 'circumscribens inter' Z, 'describens ad ... differen-
 tiam' B; = discernens ab? || τεττάρων] τετραγώνων G, τεττά-
 ρων C. 7 ἐπαληθεύειν ὁ M. 10 ἐπ' ἐναντίον G, ἀπ'
 ἐναντίον C. 18 κεκινημένον] εἶναι G, κεκινημένον C.
 22 διελόμενον G, διελκόμενον C. 23—25 καὶ ὀξείας
 ἀναφανομένας om. G.

κείσθαι ἀπὸ τῆς κινήσεως.)¹ καὶ γὰρ τὸ τετράγωνον εἰ νοήσεως ῥομβούμενον, φανεῖται σοι κατὰ τὰς γωνίας παρεννηγεμένον, ὥσπερ δὴ καὶ ὁ κύκλος ῥομβούμενος ἔλλειψις φαίνεται.

- 5 Περὶ δὲ αὐτοῦ τοῦ τετραγώνου ζητήσεως, διὰ τί ταύτην ἔσχε τὴν προσηγορίαν καὶ οὐχ, ὥσπερ τὸ τρίγωνον κοινόν ἐστι πᾶσι καὶ τοῖς μὴ ἰσογωνίοις μηδὲ ἰσοπλεύροις, καὶ τὸ πεντάγωνον ὡσαύτως, οὕτω καὶ τὸ τετράγωνον λέγεσθαι δύναται καὶ κατὰ τῶν
10 ἄλλων τετραπλεύρων. αὐτὸς γοῦν ὁ γεωμέτρης ἐπ' ἐκείνων προστίθησι „τρίγωνον ἰσόπλευρον“ ἢ „πεντάγωνον, ὃ ἐστὶν ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον“, ὡς δυναμένων τούτων καὶ μὴ τοιούτων εἶναι. τὸ δὲ τετράγωνον ῥηθὲν εὐθύς τὸ ἰσόπλευρον αὐτῷ δηλοῖ καὶ
15 ὀρθογώνιον. λόγος δὲ τούτου ὅδε. μόνον τὸ τετράγωνον εὐθύς χωρίον καὶ κατὰ τὰς πλευρὰς ἔχει τὸ ἄριστον καὶ κατὰ τὰς γωνίας. ἐκάστη γὰρ αὐτῶν ὀρθή ἐστι τὸ μέτρον ἀπολαβοῦσα τῶν γωνιῶν τὸ μήτε ἐπίτασιν μήτε ἄνεσιν ἐπιδεχόμενον. κατ' ἀμφοτέρω
20 οὖν πλεονεκτοῦν εἰκότως ἔσχε τὴν κοινὴν ἐπωνυμίαν. τὸ δὲ τρίγωνον κἂν ἴσας ἔχῃ τὰς γωνίας, ἀλλὰ ὀξείας πάσας καὶ τὸ πεντάγωνον ἀμβλείας πάσας. εἰκότως ἄρα τὸ τετράγωνον ἰσότητι πλευρῶν καὶ ὀρθότητι γωνιῶν συμπεπληρωμένον μόνον ἐκ πάντων τετρα-
25 πλεύρων ταύτης τῆς προσηγορίας ἔτυχε. τοῖς γὰρ

1 κείσθαι om. G, add. C. 11—12 ἢ πεντάγωνον ... ἰσόπλευρον om. G. 13 τοιούτων] ποιούντων M, C.

14 αὐτὸ G. 17 ἄριστον M, B, G; sed in M o rasura est delatum. 'Terminatum' et in margine 'optimum' B, 'affinitatem' Z.

18 κέντρον G, μέτρον C. 19 ἀμφοτέρων G. 20 πλεονεκτούσης M, πλεονεκτοῦσα B, G, 'praestans' B, 'excedens' Z.

21 οὐκ ἴσας ἔχει γωνίας καὶ G, quae corr. C. 25 ἔτυχε] ἔλαχεν C.

ὑπερέχουσι τῶν εἰδῶν τὸ τοῦ ὅλου πολλάκις ἐπιφημιζομεν ὄνομα. δοκεῖ δὲ καὶ τοῖς Πυθαγορείοις τοῦτο διαφερόντως τῶν τετραπλεύρων εἰκόνα φέρειν τῆς θείας οὐσίας. τὴν τε γὰρ ἔχραντον τάξιν διὰ τοῦτου μάλιστα σημαίνουσιν — ἥ τε γὰρ ὀρθότης τὸ ἀκλίτον⁵ καὶ ἡ ἰσότης τὴν μόνιμον δυνάμιν ἀπομιμεῖται. κίνησις γὰρ ἀνισότητος ἔκγονος, στάσις δὲ ἰσότητος· οἱ τοίνυν τῆς σταθεραῦς ἰδρύσεως αἰτιοὶ τοῖς ὅλοις καὶ τῆς ἀχράντου καὶ ἀκλίτου δυνάμεως εἰκότως διὰ τοῦ τετραγωνικοῦ σχήματος ὡς ἀπ' εἰκόνης ἐμφαίνονται¹⁰ — καὶ πρὸς τούτοις ὁ Φιλόλαος κατ' ἄλλην ἐπιβολὴν τὴν τοῦ τετραγώνου γωνίαν Ῥέας καὶ Δήμητρος καὶ Ἑστίας ἀποκαλεῖ· διότι γὰρ τὴν γῆν τὸ τετράγωνον ὑφίστησι καὶ στοιχείον ἐστὶν αὐτῆς προσεχές, ὡς παρὰ τοῦ Τιμαίου μεμαθήκαμεν, ἀπὸ δὲ πασῶν τούτων¹⁵ τῶν θειῶν ἀπορροίας ἡ γῆ δέχεται καὶ γονίμους δυνάμεις, εἰκότως τὴν || τοῦ τετραγώνου γωνίαν ἀνῆκεν ταύταις ταῖς ζωογόνοις θεαῖς. καὶ γὰρ Ἑστίαν καλοῦσι τὴν γῆν καὶ Δήμητρά τινες, καὶ τῆς ὅλης Ῥέας αὐτὴν μετέχειν φασί, καὶ πάντα ἐστὶν ἐν αὐτῇ²⁰ τὰ γεννητικὰ αἷτια χθονίως. τὴν τοίνυν μίαν ἔνωσιν τῶν θειῶν τούτων γενῶν τὴν τετραγωνικὴν φησι γωνίαν περιέχειν. ἀπεικάζουσι δὲ καὶ πρὸς τὴν σύμπασαν ἀρετὴν τὸ τετράγωνον ὡς ἔχον τέτταρας ὀρθάς, τελείαν ἐκάστην, ἥπερ δὴ καὶ τὰς ἀρετὰς λέγομεν²⁵

3 διαφερόντων C. || τῆς om. G, add. C. 4 διὰ τοῦτο M.
6 ἡ ante ἰσότης om. M. || μιμεῖται H₂ p. 272. 8 στερεᾶς G, σταθεραῖς C. || τῆς ὅλης G. 10 ἐμφαίνεται G.
11 τοῦτον G, τούτοις C. || κατὰ τὴν ἄλλην G. 16 θεῶν G.
20 Ῥέας G, 'Rhea' B, 'influxus' Z. 21 γεννητὰ G, γεννητικὰ C. || αἷτια. χθονίως τοίνυν B₂, G, 'causas. Terrestri igitur' B, 'causae ... resident. unam siquidem ... unionem in terra' Z. 25 ἥπερ M, C. || λέγομεν M.

Def. XXXV. Παράλληλοι εὐθεταί εἰσιν, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι καὶ ἐκβαλλόμεναι εἰς ἄπειρον ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

Τίνα μὲν στοιχεῖα τῶν παραλλήλων καὶ τίσι γνω-
ρίζονται συμπτώμασιν ἐν τοῖς μετὰ ταῦτα μαθησόμεθα,
τίνες δὲ εἰσιν αἱ παράλληλοι εὐθεταὶ διὰ τούτων ἀφο-
ρίζεται τῶν ῥημάτων. δεῖ τοίνυν αὐτάς, φησὶν, ἐν τε
ἐνὶ ἐπιπέδῳ εἶναι καὶ ἐκβαλλόμενας ἐφ' ἐκάτερα τὰ
μέρη μὴ συμπίπτειν ἀλλήλαις ἀλλ' ἐκβάλλεσθαι εἰς
ἄπειρον. καὶ γὰρ αἱ μὴ παράλληλοι μέχρι τινὸς ἐκ-
βαλλόμεναι μέναιεν ἂν ἀσύμπτωτοι, || τὸ δὲ εἰς ἄπει-
ρον ἐκβαλλόμενας μὴ συμπίπτειν χαρακτηρίζει τὰς
παράλληλους καὶ οὐδὲ τοῦτο ἀπλῶς ἀλλὰ τὸ ἐφ' ἐκά-
τερα ἐκβάλλεσθαι ἐπ' ἄπειρον καὶ μὴ συμπίπτειν. καὶ
γὰρ τῶν μὴ παραλλήλων δυνατόν κατὰ θάτερα μὲν
τὴν ἐκβολὴν ἐπ' ἄπειρον γενέσθαι, κατὰ τὰ λοιπὰ δὲ
οὐ. συννεύουσαι γὰρ ἐπὶ τὰδε τὰ μέρη, | πλέον ἀφ-
ίστανται ἀλλήλων κατὰ τὰ ἔτερα. τὸ δὲ αἰτιον, ὅτι
δύο εὐθεταὶ περιέχειν οὐ δύνανται τι χωρίον. εἰ δὲ
κατὰ ἀμφοτέρα συνεύσαιεν, τοῦτο συμβῆσεται. καὶ
μέντοι καὶ τὸ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ εἶναι τὰς εὐθείας
ὀρθῶς προσείληπται. εἰ γὰρ ἡ μὲν εἴη ἐν τῷ ὑποκει-
μένῳ, ἡ δὲ ἐν μετεώρῳ κατὰ πᾶσαν θέσιν ἀσύμπτωτοί
εἰσιν ἀλλήλαις καὶ οὐ διὰ τοῦτο παράλληλοι εἰσιν. »

3 τὰ om. G. 6 ἐν τούτοις M, G. 13 χαρακτηρίζειν G.

14 παραλλήλοις M. 15 συμπίπτόν G, συμπίπτειν C.

16 γὰρ om. M. || τῶν] τούτων G. 21 τοῦτο μὴ συμβῆσεται G, μὴ delendum not. C. 23 προσείληπται B₃, G, 'insuper acceptum fuit' B, 'assumptum est' Z. 24 ἐν τῷ μετεώρῳ G.

25 καὶ διὰ τοῦτο παράλληλοι οὐκ εἰσιν G.

ἐν οὖν ἔστω τὸ ἐπίπεδον καὶ ἐκβαλλέσθωσαν ἐπ' ἄπειρον κατὰ ἀμφοτέρω καὶ συμπιπτέωσαν ἀλλήλαις κατὰ μηδέτερα. τούτων γὰρ ὑπαρχόντων ἔσονται παράλληλοι εὐθείαι.

- 5 Καὶ ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ὀρίζειται τὸν τρόπον τὰς παραλλήλους εὐθείας, ὁ δὲ Ποσειδώνιος, παράλληλοι, φησὶν, εἶσιν αἱ μῆτε συνευνοῦσαι μῆτε ἀπυνευνοῦσαι ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ, ἀλλ' ἴσας ἔχουσαι πᾶσας τὰς καθέτους τὰς ἀγομένας ἀπὸ τῶν τῆς ἐτέρας σημείων ἐπὶ τὴν λοιπὴν. ὅσαι δ' ἂν ἐλάττους αἰε ποιῶσι τὰς καθέτους συνευνοῦσιν ἀλλήλαις· ἡ γὰρ κάθετος τὰ τε ὕψη τῶν χωρίων καὶ τὰ διαστήματα τῶν γραμμῶν ὀρίζειν δύναται. διόπερ ἴσων μὲν τῶν καθέτων οὐσῶν ἴσα τὰ διαστήματα τῶν εὐθειῶν, μειζόνων
- 10 15 δὲ καὶ ἐλαττόνων γινομένων καὶ ἡ ἀπόστασις ἐλασσοῦται καὶ συνευνοῦσιν ἀλλήλαις, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ κάθετοι ἐλάσσονες.

Δεῖ δὲ εἶδέναι, ὅτι τὸ ἀσύμπτωτον οὐ πάντως παραλλήλους ποιεῖ τὰς γραμμάς — καὶ γὰρ τῶν ὁμοκέντρων κύκλων αἱ περιφέρεται οὐ συμπίπτουσιν — ἀλλὰ δεῖ καὶ ἐπ' ἄπειρον αἰτὰς ἐκβάλλεσθαι. τοῦτο δὲ οὐ μόναις ὑπάρχει ταῖς εὐθείαις, ἀλλὰ καὶ ἄλλαις γραμμαῖς. δυνατόν γὰρ νοῆσαι τεταγμένας ἑλικας περὶ εὐθείας γραφομένας, αἵτινες συνεκβαλλόμεναι

20 25 ταῖς εὐθείαις εἰς ἄπειρον οὐδέποτε συμπίπτουσι. ταῦτα μὲν οὖν παρὰ (?) τούτων ὀρθῶς Γεμῖνος διεῖλεν ἐξ ἀρχῆς, ὅτι τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσιν ὠρισμένα καὶ

1 ἐκβαλλέσθωσαν G. 2 ἀμφοτέρον G, ἀμφοτέρω C.
10 αἰε om. G. 15 γινομένων G, γινομένων C. 20 οὐ om. M, sed postera manu additum est intra lineas. 26 Γεμῖνος ὀρθῶς παρὰ τούτων G, περὶ τούτων ὀρθῶς Γεμῖνος B, 'ex his' B, 'praeter hos' Z. 27 μὲν εἰσιν αἱ μὲν G.

σχῆμα περιέχουσιν, ὡς ὁ κύκλος καὶ ἡ τῆς ἐλλείψεως γραμμὴ καὶ ἡ κισσοειδὴς καὶ ἄλλαι παμπληθεῖς, αἱ δὲ ἀόριστοι καὶ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι, ὡς ἡ εὐθεῖα καὶ ἡ τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομὴ καὶ ἡ τοῦ ἀμβλυγωνίου καὶ ἡ κογχοειδὴς. πάλιν δὲ αὐτῶν εἰς ἄπειρον ἐκβαλλομένων αἱ μὲν οὐδὲν σχῆμα περιλαμβάνουσιν, ὡς ἡ εὐθεῖα καὶ αἱ κωνικαὶ τομαὶ αἱ εἰρημέναι, αἱ δὲ συνελθοῦσαι τε καὶ ποιήσασαι σχῆμα ἐπ' ἄπειρον τὸ λοιπὸν ἐκφέρονται. || τούτων δὲ αἱ μὲν εἰσιν ἀσύμπτωτοι αἱ, ὅπως ποτ' ἂν ἐκβληθῶσιν, μὴ συμπίπτουσιν, 10 συμπτῶται δὲ αἱ ποτε συμπεσοῦμεναι. τῶν δὲ ἀσύμπτῳτων αἱ μὲν ἐν ἐνὶ εἰσιν ἀλλήλαις ἐπιπέδῳ, αἱ δὲ οὐ. τῶν δὲ ἀσύμπτῳτων καὶ ἐν ἐνὶ οὐσῶν ἐπιπέδῳ αἱ μὲν ἴσιν ἀεὶ διάστημα ἀφεστήκασιν ἀλλήλων, αἱ δὲ μειοῦσιν ἀεὶ τὸ διάστημα, ὡς ὑπερβολὴ πρὸς τὴν 15 εὐθεῖαν καὶ ἡ κογχοειδὴς πρὸς τὴν εὐθεῖαν. αὗται γὰρ ἀεὶ ἐλασσουμένου τοῦ διαστήματος ἀεὶ ἀσύμπτωτοί εἰσιν καὶ συνεύουσι μὲν ἀλλήλαις, οὐδέποτε δὲ συνεύουσι παντελῶς, ὃ καὶ παραδοξότατόν ἐστιν ἐν γεωμετρικῷ θεώρημα δεικνύον σύννευσιν τινῶν γραμμῶν 20 ἀσύνευστον. τῶν δὲ ἴσιν ἀεὶ ἀπεχουσῶν διάστημα αἱ εἰσιν εὐθεῖαι μηδέποτε ἐλασσον ποιοῦσαι τὸ μεταξὺ αὐτῶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παράλληλοί εἰσιν.

Τοσαῦτα καὶ ἀπὸ τῆς Γεωμετρικῆς φιλοκαλίας εἰς τὴν τῶν προκειμένων ἐξήγησιν ἀνελεξάμεθα. 25

1 ἐκλείψεως M. 5 δὲ αὐτὴ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι G.
8 ποιήσασθαι G. 14 ἀφεστήκασιν G, ἀφιστήκασιν C.
16 καὶ ἡ κογχοειδὴς πρὸς τὴν εὐθεῖαν om. G, add. C, omisso autem ἡ. 17 ἐλασσουμέναι C. 25 G addit in fine: Τέλος τοῦ δευτέρου.

PETITA ET AXIOMATA.

|| Τῶν γεωμετρικῶν ἀρχῶν τριχῇ διηρημένων εἰς
 τε ὑποθέσεις καὶ αἰτήματα καὶ ἀξιώματα τὴν μὲν πρὸς
 ἀλλήλας τούτων διαφορὰν ἐν τοῖς πρόσθεν γεγραμμέ-
 νοις παραδεδώκαμεν, περὶ δὲ αἰτήματος καὶ ἀξιώματος
 5 ἰδίᾳ προκείσθω νυνὶ διελθεῖν ἀκριβέστερον, ἅτε δὴ
 καὶ περὶ αὐτῶν ἡμῖν ὄντος ἐνταῦθα τοῦ λόγου προ-
 ηγουμένως. τὰς γὰρ ὑποθέσεις καὶ τοὺς καλουμένους
 ὄρους ἐν τοῖς προειρημένοις ἐσκέμμεθα.

• Κοινὸν μὲν οὖν ἐστὶ τοῖς τε ἀξιώμασι καὶ τοῖς
 10 αἰτήμασι τὸ μὴ προσδεῖσθαι τινος ἀποδείξεως μηδὲ
 γεωμετρικῶν πίστεων, ἀλλ' ὥς γνώριμα λαμβάνεσθαι
 καὶ ἀρχὰς ταῦτα γίνεσθαι τῶν ἐφεξῆς. διέστηκεν δὲ
 ἀπ' ἀλλήλων, ἥ καὶ τὰ θεωρήματα τῶν προβλημάτων
 διώρισται. καθάπερ γὰρ ἐν μὲν τοῖς θεωρήμασι τὶ
 15 ἀκολουθοῦν ἰδεῖν καὶ γνῶναι τοῖς ὑποκειμένοις προτι-

πρόκλου λυκίου πλατωνικοῦ διαδοχῶς εἰς τὸ πρῶτον
 ἐκκλείδου στοιχείου· 1^ο β. M; at in margine f. ΠΡΟΚΛΟΥ
 ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν ἐκκλείδου
 ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΤΡΙΤΟΝ. G.

3 ἄλληλα G. 4 In M adscriptum est in margine: περὶ
 αἰτήματος. 5 προσκείσθω G. 9 In M adscriptum est in
 margine: κοινῶν καὶ διαφορὰ ἀξιώματος καὶ αἰτήματος.
 11 γεωμετρικῶν πίστεων M, quod postera manus correxit in γεω-
 μετρικῶν πίστεων. γεωμετρικῆς πίστεως B, G, 'Geometrica
 fide' B, Z. 13 ἢ M.

θέμεθα, ἐν δὲ τοῖς προβλήμασι ^{continere} πορίσασθαι καὶ ποιῆσαι
 τι προστατιτόμεθα, κατὰ ταῦτα δὴ καὶ ἐν μὲν τοῖς
 ἀξιώμασι ταῦτα λαμβάνεται, ὅσα αὐτόθεν εἰς γνῶσιν
 ἐστὶ καταφανῆ καὶ πρόχειρα ταῖς ἀδιδάκτοις ἡμῶν ἐν-
 νοαίς, ἐν δὲ τοῖς αἰτήμασι ταῦτα ζητοῦμεν λαβεῖν, 5
 ὅσα ἐστὶν εὐπόριστα καὶ εὐμήχανα, τῆς διανοίας οὐ
 καμνουσῆς περὶ τὴν λῆψιν αὐτῶν, οὐδὲ ποικιλίας
 δεόμενα οὐδὲ κατασκευῆς. γνῶσις ἄρα ^{distinct} ἐναργής καὶ
 ἀναπόδεικτος καὶ λῆψις ἀκατάσκευος διορίζουσι τὰ τε
 αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα, ὥσπερ καὶ γνῶσις ἀπο- 10
 δεικτικὴ καὶ λῆψις τῶν ζητουμένων μετὰ παρασκευῆς
 τὰ θεωρήματα τῶν προβλημάτων διέκρινεν. δεῖ γάρ
 δὴ πανταχοῦ τὰς ἀρχὰς τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς διαφέρειν
 τῇ ἀκλότῃ, τῷ ἀναποδείκτῳ, τῷ αὐτοπίστῳ. καθόλου
 γάρ, φησὶν ὁ Σπεύσιππος, ὃν ἡ διάνοια τὴν θήραν 15
 ποιεῖται τὰ μὲν οὐδεμίαν ποικίλην ποιησαμένη δι-
 ἐξοδον προβάλλει καὶ προεντρεπίζει πρὸς τὴν μέλλου-
 σαν || ζήτησιν καὶ ἔχει τούτων ἐναργεστέραν ἐπαφὴν
 μᾶλλον ἢ τῶν ὁρατῶν ἢ ὄψις, τὰ δὲ ἐκ τοῦ εὐθέως
 αἶρειν ἀδυνατοῦσα κατὰ μετὰβασιν ἐπ' ἐκεῖνα δια- 20
 βαίνουσα κατὰ τὸ ἀκόλουθον αὐτῶν ἐπιχειρεῖ ποι-
 εῖσθαι τὴν θήραν. οἷον τὸ μὲν ἀπὸ σημείου γραμμὴν
 εὐθεῖαν ἐπὶ σημείου ἀγαγεῖν ὥς πρόχειρον λαμβάνει
 καὶ εὐπόριστον. τῇ γὰρ ὁμαλῇ φύσει τοῦ σημείου
 συγκινουμένη καὶ συμπροιοῦσα τῷ μηδαμοῦ μᾶλλον 25

2 κατὰ] καὶ G, κατὰ C. 3 αὐτόθεν G. || φύσιν C.
 7 λείψιν G. 12 προέκρινε G, διέκρινε C. 15 θήραν],
 θεωρίαν G, θῆραν B₁, 'venatur' B, 'inspectiones' Z. 20 ἀπ'
 ἐκείνων G, ἐπ' ἐκεῖνα C. || διαβάλλουσα M, cui postera manus
 supra addidit διαβαίνουσα. 21 καὶ τὸ ἀκόλουθον G. || ἐπι-
 χειρεῖσθαι G, ἐπιχειρεῖ ποιεῖσθαι C. 25 συγκινουμένη G. ||
 προιοῦσα G, συμπροιοῦσα C.

καὶ ἦττον ἀπονεύειν εἰς τὸ ἕτερον καταντᾶ σημείον.
 πάλιν εὐθείας τὸ μὲν τῶν περάτων μένον, τὸ δὲ περὶ
 αὐτὸ κινούμενον ἀπραγματεύτως γέγραφεν τὸν κύκλον.
 εἰ δέ τις ἔλικα μονόστροφον γράφειν ἐθέλησειεν, ποι-
 5 κλωτέρας δεῖται μηχανῆς — καὶ γὰρ κινήσεις ποι-
 κίλαι γεννῶσιν αὐτήν — καὶ εἰ τις τρίγωνον ἰσόπλευ-
 ρον συστήσασθαι, κἀνταῦθα δεῖσεται μεθόδου τινὸς
 εἰς τὴν τοῦ τριγώνου σύστασιν. ἐρεῖ γὰρ ὁ γεωμετρι-
 κὸς νοῦς, ὅτι νοήσας εὐθείαν κατὰ μὲν θάτερον τῶν
 10 περάτων μένουσαν κατὰ δὲ θάτερον κινουμένην περὶ
 ἐκεῖνο καὶ σημείον ἀπὸ τοῦ μέλλοντος ἐπ' αὐτῆς κινού-
 μενον γέγραφα τὴν ^{ἐκ τῆς} ~~μονόστροφον~~ ^{ἑξῆς} ~~ἔλικα~~. ἅμα γὰρ καὶ
 τὸ πέρας τῆς εὐθείας κυκλογραφοῦν καὶ τὸ σημείον
 ἐπὶ τῆς εὐθείας κινούμενον εἰς ταὐτὸ καταστάντα καὶ
 15 συμπεσόντα ποιῇ μοι τὴν τοιαύτην ἔλικα. καὶ πάλιν
 κύκλους ἴσους γράψας καὶ ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς εἰς
 τὰ κέντρα τῶν κύκλων ἐπιξεύξας καὶ ἀπὸ θατέρου
 τῶν κέντρων ἐπὶ θάτερον εὐθείαν ἀγαγὼν ἔξω τὸ
 ἰσόπλευρον τρίγωνον. πολλοῦ ἄρα δεῖ ταῦτα δι'
 20 ἀπλῆς ἐπιβολῆς ἀποτελεῖσθαι καὶ τῆς πρώτης ἐπι-
 νοίας. ἀγαπήμεν γὰρ ἀκολουθοῦντες αὐτῶν ταῖς
 γενέσεσι.

Τὸ μὲν οὖν ῥᾶον τὰ τοιαῦτα πορίζεσθαι ἢ καὶ
 χαλεπώτερον, καὶ ἢ διὰ πλειόνων δεικνυσθαι μέσων
 25 ἢ δι' ἐλαττόνων παρὰ τὰς ἕξεις γίνεσθαι τῶν μεταχει-

1 καταντᾶ] κατὰ ταῦτα G. 2 μένον τὸ δὲ] μόνον G.
 3 ἀπραγματεύτως om. G, add. C. 9 νοῆσαι G. 12—14
 γέγραφα . . . κινούμενον om. G. 14 καταστήσαντα M, G;
 sed in M postera manus puncta supra ησ addidit. 16 ὅσους G,
 ἴσους C. 18 θατέραν M. 20 ὑποτελεῖσθαι G, ἀποτελεῖ-
 σθαι C. 21 ἀγαπήν μὲν G, ἀγαπήν μὲν C. 25 ἕξης G,
 ἕξεις C. || γίνεσθαι M, C, 'evenit' B, om. Z.

ριζομένων, τὸ δὲ ὅλως ἀποδείξεως δεῖσθαι καὶ κατασκευῆς παρὰ τὴν ιδιότητα τῶν ζητουμένων τῆς τῶν αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων ἐναργείας ἀπολειπομένην. ἄμφω μὲν οὖν τὸ ἀπλοῦν ἔχειν δεῖ καὶ εὐληπτον, τότε αἴτημα λέγω καὶ τὸ ἀξίωμα, ἀλλὰ τὸ μὲν αἴτημα προστάττει ἡμῖν μηχανήσασθαι καὶ πορίσασθαι τινα ὕλην εἰς συμπτώματος ἀπόδοσιν ἀπλὴν ἔχουσαν καὶ εἰπετὴ τὴν λῆψιν, τὸ δὲ ἀξίωμα συμβεβηκός τι καθ' αὐτὸ λέγειν γνώριμον αὐτόθεν τοῖς ἀκούουσιν, ὥσπερ καὶ τὸ θερμὸν εἶναι τὸ πῦρ ἢ ἄλλο τι τῶν περιφανε-¹⁰ στράτων, ἐφ' ὧν τοῖς ἀποροῦντας ἢ αἰσθήσεως ἢ κο-¹¹ λασσεως δεῖσθαι λέγομεν, ὥστε ὁμογενὲς μὲν τὸ αἴτημα τῷ ἀξιώματι, διαφέρον δὲ αὐτοῦ τὸν εἰρημένον τρόπον. ἐκάτερον γὰρ | ἐστὶν ἀρχὴ ἀναπόδεικτος, ἀλλὰ τὸ μὲν ὠδί, τὸ δὲ ἄλλως, καθάπερ εἴπομεν. ¹⁵

Ἦδη δὲ οἱ μὲν πάντα αἰτήματα || καλεῖν ἀξιούσιν, ὥσπερ καὶ προβλήματα τὰ ζητούμενα πάντα. καὶ γὰρ ὁ Ἀρχιμήδης τῶν ἀνισορροπιῶν ἀρχόμενος: „Αἰτούμεθα, φησί, τὰ ἴσα βάρη ἀπὸ τῶν ἴσων μηχανῶν ἰσορροπεῖν.“ καίτοι τοῦτο μᾶλλον ἀξίωμα ἢ τις ²⁰ πρόσειποι. οἱ δὲ πάντα ἀξιώματα προσαγορεύουσιν, ὥσπερ δὴ καὶ θεωρήματα πάντα τὰ ἀποδείξεως δεόμενα. κατὰ τὴν αὐτὴν γὰρ ὥς ἔοικεν ἀναλογίαν ἀπὸ τῶν ἰδίων ἐπὶ τὰ κοινὰ μεταβεβήκασιν ὀνόματα. δι-

1 δεῖσθαι] χρῆσθαι G (χρῆσθαι καὶ κατασκευῆς δεῖσθαι), H₁ p. 454. 3 ἐναργείας G, H₂ p. 258, ἐναργείας C. || ἀπολειπομένων G, 'quae ... deficit' B, 'repudiantium' Z. 5 λέγων G, λέγω C, H₁ p. 454, H₂ p. 258. 6 προστάττειν M, C, 'imperat' B, 'praecipit' Z. 7 συμπτώσιν G, συμπτώματος C, συμπτωμάτων H₁ p. 454, H₂ p. 258. || ὑπόδοσιν H₁, ἀπόδοσιν H₂. 8 καθ' αὐτὸ G, καταντὸ M, καθ' αὐτὸ (καὶ ταύτῃ) H₂ p. 258. 11 ἐφ' ὧν καὶ τοὺς G. 20 καὶ τοιοῦτο G. 21 προσείποι] εἴποι G.

έστηκεν δὲ ὁμοως ὥσπερ πρόβλημα θεωρήματος οὕτως
καὶ αἴτημα ἀξιώματος, εἰ καὶ ἀμφοτέρω ἀναπόδεικτά
έστι, καὶ τὸ μὲν ὡς εὐπόριστον λαμβάνεται, τὸ δὲ ὡς
εὐγνωστον ὁμολογεῖται.

- 5 Γεμῖνος μὲν οὖν κατὰ τοῦτον τὸν λόγον τὰ
αἰτήματα διαιρεῖ τῶν ἀξιωμάτων, ἄλλοι δ' ἂν φαῖεν,
ὅτι τὰ μὲν ἴδια τῆς γεωμετρικῆς έστιν ὕλης, τὰ δὲ
κοινὰ πάσης τῆς περὶ τὸ ποσὸν καὶ πηλίκον θεωρίας.
τὸ μὲν γὰρ τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι καὶ πᾶσαν
10 εὐθείαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν ὁ γεω-
μέτρης οἶδεν, τὸ δὲ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα
εἶναι κοινὴ έστιν ἐννοια καὶ ὅ τε ἀριθμητικὸς αὐτῇ
χρηταὶ καὶ ἕκαστος τῶν ἐπιστημόνων ἐφαρμόζων τῇ
ἑαυτοῦ ὕλῃ τὸ κοινόν. ὁ δὲ Ἀριστοτέλης, ὡς πού
15 καὶ πρότερον εἰπομεν, αἰτημά φησιν ἀποδεικτὸν ὃν
καὶ μὴ συγχωρούμενον ὑπὸ τοῦ ἀκούοντος ὁμοως ἀρ-
χὴν λαμβάνεσθαι, τὸ δὲ ἀξίωμα ἀναπόδεικτον ὑπάρ-
χειν καθ' αὐτὸ καὶ πάντας ἂν ὁμολογῆσαι κατὰ διάθε-
σιν, εἰ καὶ λόγον ἔνεκα τινὲς διαμφισβητοῖεν πρὸς
20 αὐτό.

Τριῶν δὲ τούτων ὄντων διορισμῶν κατὰ μὲν τὸν
πρῶτον, ὃς τῷ πορίσασθαι καὶ τῷ γινῶναι μόνον τὸ
αἴτημα διίστησι τοῦ ἀξιώματος, δηλὸν ὅτι τὸ πάσας
ὀρθὰς ἴσας εἶναι τὰς γωνίας οὐκ έστιν αἴτημα, οὐδὲ
25 τὸ πέμπτον τὸ ἔαν εἰς δύο εὐθείας εὐθειά τις ἐμπί-
πτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο

8 ποικίλον G, ποιλίκον C. 14 ὥπου M; postera manus
σ addidit; ὥσπερ G, 'ut' B, 'sicut' Z. 15 ἀποδεικτικόν G.

21 δὲ G. 22 ὃς] ὡς M, G; in M postera manus ὃς super
ὡς scripsit. || τὸ πορίσασθαι καὶ τὸ γινῶναι C. 24 εἶναι
ἴσας G. || In M adscriptum est in margine: ὅτι τὸ ὅ καὶ ἔ
οὐκ έστιν αἴτημα.

ὀρθῶν ἐλάσσοντας ποιῇ, ἐκβαλλομένας τὰς εὐθείας
 συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσ-
 σονες. ταῦτα γὰρ οὐκ εἰς κατασκευὴν λαμβάνεται
 οὐδὲ πορίσασθαι τι ἄξιοι, ἀλλὰ σύμπτωμά τι δηλοῖ
 ταῖς ὀρθαῖς γωνίαις συννύαρχον καὶ ταῖς ἀπ' ἐλασ- 5
 σόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομέναις. κατὰ δὲ τὸν δεύ-
 τερον οὐκ ἔσται ἀξίωμα τὸ δύο εὐθείας χωρίον μὴ
 περιέχειν, ὃ καὶ νῦν τινες ὡς ἀξίωμα προσγράφουσι.
 καὶ γὰρ τοῦτο τῆς γεωμετρικῆς ὕλης ἐστίν, ὥσπερ τὸ πά-
 σας τὰς ὀρθὰς ἴσας εἶναι γωνίας, κατὰ δὲ τὸν τρίτον 10
 τὸν Ἀριστοτελικὸν πάντα μὲν, ὅσα δι' ἀποδείξεως
 πιστοῦνται τινος, ἔσται αἰτήματα, ὅσα δὲ ἀναπόδεικτά
 ἔστιν, ἀξιώματα. μάτην οὖν τῶν ἀξιωμάτων Ἀπολ-
 λώνιος ἐπεχείρησεν ἀποδείξεις παραδιδόναι. ὀρθῶς
 γὰρ καὶ ὁ Γεμίνος ἐπέστησεν, ὅτι οἱ μὲν καὶ τῶν 15
 ἀναποδείκτων ἀποδείξεις ἐπενόησαν καὶ ἀπὸ ἀγνω-
 στοτέρων μέσων τὰ γνῶριμα πᾶσιν κατασκευάζειν
 ἐπεχείρησαν — ὃ δὴ πέπονθεν ὁ Ἀπολλώνιος δει-
 κνύναι βουλόμενος ὅτι ἀληθὲς τὸ ἀξίωμα τὸ λέγον τὰ
τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι — οἱ δὲ καὶ τὰ 20
ἀποδείξεως δεόμενα ἐν τοῖς ἀναποδείκτοις προσειλή-
φασιν, ὡς αὐτὸς Εὐκλείδης τό τε πέμπτον αἴτημα
καὶ τὸ τέταρτον. καὶ γὰρ τοῦτο τινες ὡς ἀμφιβόλον
 ἀποδείξεως δεῖσθαι φασί. καὶ πῶς γὰρ οὐ γελοῖον,
 ὦν τὰ ἀντίστροφα θεωρήματά ἐστιν ἀποδείκτά, ταῦτα 25
 ὡς ἀναπόδεικτα προστάττειν. ὅτι γὰρ τῶν συμπί-
 πτουσῶν εὐθειῶν αἱ ἐντὸς ἐλάσσονες εἰσὶ δυεῖν ὀρθαῖν,
 αὐτὸς ὁ Εὐκλείδης δείκνυσιν ἐν ἐκείνῳ τῷ θεωρή-

1 ποιεῖ C. 6 ἐκβαλλομένην C. 15 καὶ post οἱ μὲν
 om. G. 25 ἀποδείκτικα G, ἀναποδείκτικα C. 26 προς-
 ἀπτει C. 27 ἐκτὸς G, ἐντὸς C.

ματι „παντὸς τριγώνου αἱ δύο γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν πάντῃ μεταλαμβανόμεναι.“ ἀλλὰ καὶ ὅτι οὐ πάντως ἡ τῇ ὀρθῇ ἴση ὀρθή ἐστι δείκνυται σαφῶς· οὐκ ἄρα ἀναπόδεικτα τὰ τούτοις ἀντιστρέφοντα εἶναι ⁵ συγχωρητέον, φησὶν ὁ Γεμῖνος. ἔοικεν οὖν κατὰ τὴν τούτου διάταξιν τρία μὲν εἶναι αἰτήματα, τὰ δὲ λοιπὰ δύο δεῖσθαι τῆς ἀποδεικτικῆς ἐπιστήμης, αὐτὰ τε καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα αὐτοῖς, ἐν δὲ τοῖς ἀξιώμασι τὸ δύο εὐθείας χωρίον μὴ περιέχειν προσκεισθαι περιττῶς, ¹⁰ εἴπερ δι' ἀποδείξεως ἔχοι τὸ πιστόν.

Περὶ μὲν οὖν τῆς διαφορᾶς τῶν αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων τσαῦτα, πάλιν δὲ αὐτῶν ἀξιωμάτων τὰ μὲν ἐστὶν ἀριθμητικῆς ἴδια, τὰ δὲ γεωμετρίας, τὰ δὲ κοινὰ αὐταῖς ἀμφοτέραις. τὸ μὲν γὰρ πάντα ἀριθμὸν ¹⁵ ὑπὸ μονάδος μετρεῖσθαι ἀξίωμα ἀριθμητικόν ἐστι, τὸ δὲ „αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἐφαρμόζουσιν ἀλλήλαις“ καὶ τὸ πᾶν μέγεθος ἐπ' ἄπειρον εἶναι διαίρετον ἀξιώματα γεωμετρικά ἐστίν, τὸ δὲ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι, καὶ ὅσα τοιαῦτα, κοινὰ ἐστὶν ἀμφοῖν. ²⁰ χρῆται δὲ ἑκάτερα καὶ τούτοις ἐφ' ὅσον τὸ ὑποκείμενον ἀπαιτεῖ, οἷον ἡ μὲν γεωμετρία ἐπὶ μεγεθῶν, ἡ δὲ ἀριθμητικὴ ἐπ' ἀριθμῶν. ὡσαύτως δὲ καὶ τῶν αἰτημάτων τὰ μὲν ἴδια τῶν || ἐπιστημῶν ἐστίν, τὰ δὲ κοινὰ. τὸ μὲν γὰρ διελεῖν τὸν ἀριθμὸν εἰς τὰ ἐλάχιστα μέρη ²⁵ τῆς ἀριθμητικῆς ἰδίου ἂν φαίης αἰτήμα, τὸ δὲ πᾶσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβαλεῖν τῆς γεωμετρίας, τὸ δὲ εἰς ἄπειρον αὔξειν τὸ ποσὸν κοινὸν ἀμφοτέρων. καὶ γὰρ ὁ ἀριθμὸς καὶ τὸ μέγεθος τοῦτο δύναται πάσχειν.

3 παντὸς C. 4 τὰ ante τούτοις om. M, G, in M postera manus addidit. || εἶναι om. G. 12 αὐτῶν G. 17 διαίρετήν G.

Pet. I—III. Ἡτήσθω ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ
 πᾶν σημείον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν καὶ
 πεπερασμένην εὐθεῖαν | κατὰ τὸ συνεχές ἐπ'
 εὐθείας ἐκβαλεῖν καὶ παντὶ κέντρῳ καὶ δια-
 στήματι κύκλον γράψαι. 5

Ταῦτα τὰ τρία καὶ ἐναργείας ἔνεκα καὶ τοῦ πορί-
 σασθαί τι προστάττειν ἡμῖν ἐν τοῖς αἰτήμασιν ἕξ
 ἀνάγκης ταχθήσεται κατὰ γε τὸν Γεμῖνον. τὸ μὲν γὰρ
 ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημείον εὐθεῖαν γραμ-
 μὴν ἀγαγεῖν ἐπόμενόν ἐστι τῷ ῥύσιν εἶναι τοῦ σημείου 10
 τὴν γραμμὴν καὶ τὴν εὐθεῖαν ὁμαλὴν καὶ ἀπαρέγκλι-
 τρον ῥύσιν. νοήσαντες οὖν τὸ σημείον κινούμενον τὴν
 ὁμαλὴν καὶ ἐλαχίστην κίνησιν ἐπὶ θάτερον σημείον
 καταστήσομεν, καὶ τὸ πρῶτον αἶτημα γέγονεν οὐδὲν
 ποικίλον ἡμῶν ἐπινενοηκότων. εἰ δὲ δὴ τῆς εὐθείας 15
 σημείῳ περατουμένης ὡσαύτως νοήσαιμεν τὸ πέρας
 αὐτῆς κινούμενον τὴν ἐλαχίστην καὶ ὁμαλὴν κίνησιν,
 ἔσται τὸ δεύτερον αἶτημα πορισθὲν ἀπὸ εὐμηχάνου
 καὶ ἀπλῆς ἐπιβολῆς. εἰ δὲ αὖ μένουσαν μὲν τὴν πε-
 περασμένην εὐθεῖαν κατὰ θάτερον, κινουμένην δὲ 20
 περὶ τὸ μένον κατὰ τὸ λοιπόν, τὸ τρίτον ἂν εἴη γένος.
 κέντρον μὲν γὰρ ἔσται τὸ μένον σημείον, διάστημα
 δὲ ἡ εὐθεῖα. ὅση γὰρ ἂν αὕτη τυγχάνῃ, τοσοῦτο
 ἔσται τὸ ἀπόστημα τοῦ κέντρου πρὸς πάντα τὰ μέρη
 τῆς περιφερείας. εἰ δὲ τις ἀποροίῃ, πῶς κινήσεις ἐπ- 25
 εισάγομεν τοῖς γεωμετρητοῖς ἀκινήτοις οὖσιν, πῶς δὲ

1 ἡτήσθω M, G. 6 ἐναργείας G, ἐναργείας C.
 14 καταιτήσομεν G. 15 δεῖ G, δεῖ C. 18 ἔστι C. 21 καὶ
 τὸ λοιπόν C. 22 γὰρ ἔστι G. 23 τοσοῦτον ἔστι G.
 26 γεωμετρικοῖς G, γεωμετρητοῖς C.

τὰ ἀμερῇ κινουμένην — ταῦτα γὰρ ἀδύνατα εἶναι παν-
 τελῶς — ἀξιόσομεν αὐτὸν μὴ παντάπασιν δυσχερά-
 νειν μεμνημένον τῶν ἐν ἀρχῇ, προαποδεδειγμένων, ὥς
 ἄρα περὶ τῶν ἐν φαντασίᾳ κειμένων οἱ λόγοι γράφου-
 5 σιν ἐκεῖ πάντα τὰ τῆς διανοίας εἰκόνας ὧν ἔχει λόγων.
 τὸ γὰρ ἄγραφον γράμμα^{αἰσθητὸν} οὗτος ἦν ὁ τελευταῖος
 νοῦς καὶ παθητικός. ἀλλ' οὐδὲν ἡμῖν ὁ λόγος οὗτος.
 ὁ γὰρ τοι νοῦς ὁ τὰ εἶδη δεχόμενος ἀλλαχόθεν διὰ
 κινήσεως αὐτὰ δέχεται. τὴν δὲ κίνησιν μὴ τοι σωμα-
 10 τικὴν ἀλλὰ φανταστικὴν νοήσωμεν καὶ τὰ ἀμερῇ τὰς
 μὲν σωματικὰς κινήσεις κινεῖσθαι μὴ συγχωρῶμεν τὰς
 δὲ αὐτὰ φανταστικὰς διεξόδους ὑπομένειν. καὶ γὰρ ὁ
 νοῦς ἀμερῆς ὧν κινεῖται καὶ οὐ τοπικῶς καὶ ἡ φαν-
 τασία κατὰ τὸ ἑαυτῆς || ἀμερὲς ἔχει κίνησιν ἰδίαν.
 15 ἡμεῖς δὲ εἰς τὰς σωματικὰς κινήσεις ἀποβλέποντες
 ἀπογινώσκουμεν τῶν ἐν τοῖς ἀδιαστάτοις κινήσεων. τοῦ
 μὲν οὖν σωματικοῦ τόπου καὶ τῶν ἔξω κινήσεων τὰ
 ἀμερῇ καθαρεύει· κινήσεως δὲ ἄλλο εἶδος καὶ τόπος
 ἄλλος ἐπ' αὐτῶν θεωρεῖται ταῖς κινήσεσι σύστοιχος,
 20 ἐπεὶ καὶ θεοῖς ἔχειν τὸ σημεῖον ἐν τῇ φαντασίᾳ λέγο-
 μεν καὶ οὐ ζητοῦμεν, πῶς ἀμερὲς ἐστὶ δύναται μένειν
 τὸ κινούμενόν που καὶ περιεχόμενον ὑπὸ τοῦ τόπου.
 τόπος γὰρ τῶν μὲν διαστατῶν διαστατός ἐστι, τῶν δὲ
 ἀμερῶν ἀδιάστατος. ἄλλα οὖν τὰ ἰδίως τῶν γεωμε-
 25 τρητῶν εἶδη καὶ ἄλλα τὰ ἀπ' ἐκείνων ὑφιστάμενα, καὶ
 ἄλλη τῶν σωματῶν κινήσεις, ἄλλη τῶν ἐν φαντασίᾳ

2 δυσχαιρένην M. 3 τὸν M. 5 πάσας τὰς G, πάντα τὰ B₃,
 πάντα τὰς C, 'omnes' B, Z. || ὡς B₃. || λόγων B₃, λόγον G, λόγῳ C,
 'rationem' B, Z. 9 τὴν μὲν G, τὴν δὲ C. 11 μὲν om. G, add. C.

16 διαστήμασι G, διαστατοῖς C. 18 τῆς κινήσεως C.
 20 τὸ om. G. 22 κινούμενον] 'movetur', et in margine 'iacet' B,
 'motum' Z. 24 γεωμετρικῶν G. 26 ἡ κινήσεις, καὶ ἄλλη G.

νοουμένων, καὶ ἄλλος ὁ τῶν διαστατῶν τόπος, ἄλλος ὁ τῶν ἀμερῶν. καὶ χρη̃ ταῦτα διελομένους μὴ συγχεῖν μηδὲ ἐπιταράττειν τῶν πραγμάτων τὰς οὐσας.

Ἔοικεν μὲν τῶν τριῶν τούτων αἰτημάτων τὸ μὲν πρῶτον ἐν εἰκασίᾳ ἡμῖν ἐμφανίζειν, ὅπως τὰ ὄντα ⁵ περιέχεται ἐν τοῖς αὐτῶν αἰτίοις ἀμερεστέροις οὐσι καὶ ὁρίζεται ἀπ' αὐτῶν, καὶ ὅτι καὶ πρὶν ὑποστῇ πανταχόθεν ὑπ' ἐκείνων περιείληπται — καὶ γὰρ ἡ εὐθεῖα τῶν σημείων ὄντων ἐπὶ θάτερον ἀπὸ θατέρου ἐπι-
ξέγγνυται καὶ περατοῦται ὑπ' αὐτῶν καὶ μεταξὺ αὐτῶν ¹⁰ ἀπείληπται — τὸ δὲ δεύτερον, ὅπως τὰ ὄντα ἐχόμενα τῶν οἰκείων ἀρχῶν πρόεισιν ἐπὶ πάντα τὴν τε πρὸς ἐκεῖνα συνέχειαν φυλάττοντα καὶ μὴ ἀποσπώμενα ἀπ' αὐτῶν, ἀλλὰ διὰ τὴν ἀπειροδύναμον αἰτίαν πάντη ἐπειγόμενα χωρεῖν, τὸ δὲ τρίτον, ὅπως τὰ προσελθόντα ¹⁵ πάλιν ἐπιστρέφεται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχάς. ἡ γὰρ τοῦ κινουμένου περὶ τὸ μένον στροφὴ τὸν κύκλον ἀπογεννωῶσα μιμεῖται τὴν κατὰ κύκλον ἐπάνοδον.

Δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι τὸ ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι οὐ πάσαις ὑπάρχει γραμματῶν· οὔτε γὰρ τῇ κυκλικῇ οὔτε τῇ ²⁰ κισσοειδεῖ οὔτε ὅλως ταῖς σχηματογραφούσαις, ἀλλ' οὔδὲ ταῖς μὴ ποιούσαις σχῆμα. οὔδὲ γὰρ ἡ μονόστροφος ἑλιξ ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεται — μεταξὺ γὰρ δύο σημείων ἔχει τὴν σύστασιν — οὔδὲ τῶν ἄλλων οὐδεμία γραμ-
μῶν τῶν οὕτω γεννωμένων. ἀλλ' οὔδὲ ἀπὸ παντὸς ση- ²⁵ μείου δυνατόν ἐπὶ πᾶν πᾶσαν ἐπιξευγνῖναι γραμμὴν· οὐ γὰρ πᾶσα μεταξὺ πάντων σημείων ὑφίστασθαι δύναται.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων· ἐπὶ δὲ τὰ ἐξῆς ἴωμεν.

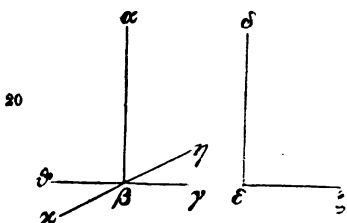
4 μὴν] μὲν G. || αἰτημάτων τούτων G. 6 ἀμερίστοις G.

11 ἐχόμεν G, ἐχόμενα C. 12 ἐπὶ πάντη τε M. 17 μέσον C.

26 ἐπὶ πᾶν πᾶσαν om. G. || πᾶν om. M.

Pet. III. Καὶ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι.

|| Τοῦτο εἰ μὲν ὥς ἐναργὲς καὶ μὴ δεόμενον ἀποδείξωσιν συγχωροῦμεν, αἰτημα μὲν οὐκ ἔστιν κατὰ τὸν
 5 Γεμῖνον, ἀξίωμα δέ. ^{ἀλλ' οὐ πορίσασθαι [τι] δι' ἀπλῆς ἐπινοίας ἀξιοί.} ^{συμβεβηκός γάρ τι καθ' αὐτὸ} λέγει ταῖς ὀρθαῖς, ἀλλ' οὐ πορίσασθαι [τι] δι' ἀπλῆς ἐπινοίας ἀξιοί. ἀλλ' οὐδὲ κατὰ τὴν Ἀριστοτέλους διαίρεσιν αἰτημά ἐστι. τὸ γὰρ αἰτημα κατ' ἐκείνον δεῖται ἀποδείξωσιν τινός. εἰ δὲ ἀποδεικτὸν αὐτὸ φαίμεν
 10 εἶναι καὶ ζητοῦμεν αὐτοῦ τὴν ἀπόδειξιν, οὐδ' ὥς κατὰ τὸν Γεμῖνον ἐν τοῖς αἰτήμασι ταχθήσεται. προφαίνεται μὲν οὖν καὶ κατὰ τὰς κοινὰς ἡμῶν ἐπινοίας ἡ τῶν ὀρθῶν ἰσότης, μονάδος δὲ ἔχουσα λόγον ἢ ὄρον πρὸς τὴν ἐπ' ἄπειρον αὕξησιν καὶ ἐλάττωσιν τῶν ἐφ'
 15 ἑκάτερα γωνιῶν ἴση ἐστὶ πρὸς πᾶσαν ὀρθήν. καὶ γὰρ τὴν πρώτην οὕτως ὑπεστήσαμεν | τὴν ὀρθήν, ἴσας



20

τὰς ἐφ' ἑκάτερα γωνίας ποιήσαντες τῆς ἐφεστῶσης εὐθείας, πρὸς ἣν ἐφ-
 ἔστηκεν. εἰ δὲ δεῖ καὶ
 ἀποδείξιν αὐτοῦ παρα-
 θέσθαι γραμμικὴν, ἔστω-
 σαν δύο ὀρθαὶ αἱ ὑπὲρ
 αβγ καὶ ὑπὸ δεζ. λέγω

25 δὴ ὅτι ἴσαι εἰσὶν. εἰ γὰρ μή, ἢ ἑτέρα μείζων. ἔστω ἡ πρὸς τὸ β. ἐφαρμοζομένης ἄρα τῆς δε ἐπὶ τὴν αβ ἡ

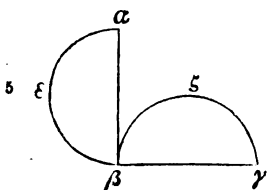
6 τι ego addidi, 'nihil' B, 'quod . . . exquiri nequeat' Z. ||
 διὰ πολλῆς B₂. G. 7 ἀξιοῦ M, et supra οὐ postera manu οἱ,
 ἀξιοῦν B₂. G, 'iubens' B, om. Z. 9 φαμὲν M, G. 14 τῶν
 πρὸς G, τῶν C. 16 ἐπιστήσαμεν G, ἐπεστήσαμεν C. 20 δεῖ
 δὴ M. 24 καὶ αἱ ὑπὸ δεζ G. 25 ἡ ἑτέρα αὐτῶν μείζων G.

ἐξ ἐντὸς πεσεῖται, πιστεύω ὡς ἡ $\overline{\beta\eta}$, καὶ ἐκβεβλήσθω
 ἡ $\overline{\beta\gamma}$ ἐπὶ τὸ $\overline{\theta}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$, ὀρθὴ καὶ
 ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\theta}$ καὶ ἴσαι ἀλλήλαις — ἔχομεν γὰρ ἐν τοῖς
 ὅροις ὅτι ἡ ὀρθὴ γωνία ἴση τῇ ἐφεξῆς — ἡ ἄρα ὑπὸ
 $\overline{\alpha\beta\theta}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$. πάλιν ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{\beta\eta}$ ⁵
 ἐπὶ τὸ $\overline{\kappa}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὲρ $\overline{\alpha\beta\eta}$, καὶ ἡ ἐφεξῆς
 ὀρθὴ διὰ ταῦτα καὶ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\eta}$. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\kappa}$
 ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\eta}$, ὥστε ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\theta}$ ἐλάσσων τῆς ὑπὸ
 $\overline{\alpha\beta\eta}$, ἀλλὰ μείζων, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἐστὶν
 ὀρθὴ μείζων ὀρθῆς. 10

Τοῦτο μὲν οὖν καὶ ἄλλοις δέδεικται τῶν ἐξηγη-
 τῶν καὶ οὐ πολλῆς ἐδεῖτο πραγματείας, ὁ δὲ Πάππος
 ἐπέστησεν ἡμᾶς ὀρθῶς, ὅτι τὸ ἀντίστροφον οὐκέτι
 ἀληθές, τὸ τὴν ἴσην τῇ ὀρθῇ γωνίαν ἐκ παντὸς εἶναι
 ὀρθήν, ἀλλ' εἰ μὲν εὐθύγραμμος εἴη, πάντως ὀρθὴν ¹⁵
 εἶναι, δύνασθαι δὲ καὶ περιφερόγραμμον || γωνίαν
 ἴσην ὀρθῇ δειχθῆναι, καὶ δῆλον, ὡς οὐκέτι τὴν τοι-
 αύτην ὀρθήν (εἶναι δύνασθαι?) προσαγορεύομεν. κατὰ
 γὰρ τὴν τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν τομὴν τὴν ὀρθὴν
 ἐλαμβάνομεν ὑφιστάντες αὐτὴν ὑπὸ εὐθείας ἐφεστῶ- ²⁰
 σης ἀκλινῶς πρὸς τὴν ὑποκειμένην, ὥστε ἡ ἴση τῇ
 ὀρθῇ οὐ πάντως ὀρθὴ ἐστίν, εἴπερ μηδὲ εὐθύγραμμος.
 νενοησθῶσαν οὖν εὐθεῖαι δύο ἴσαι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$ ποιοῦσαι

1 πιστεύω] πιστέτω B₃, G, 'Cadat' B, Z. 2 ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$,
 ὀρθὴ καὶ om G. 7. 8 ἡ ἄρα ... $\overline{\alpha\beta\eta}$ om. G. 9 ἀλλὰ καὶ
 μείζων G. 14 γωνία G. 17 ὀρθῇ] ὀρθήν C. 18 προσαγο-
 ρεύομεν M. 20 ὑφιστάσεως G, ἐφεστῶσης C. 22 ὀρθὴ
 ἐστίν] ἴση τῇ ὀρθῇ ἐστίν G, quod correxit C.

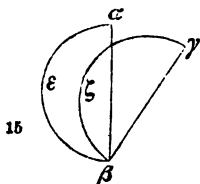
τὴν πρὸς τὶ β ὀρθήν, καὶ ἔστωσαν ἴσα καὶ ἐπ' αὐτῶν
ἡμικύκλια κέντρῳ καὶ διαστήματι γραφέντα τὰ α ε β



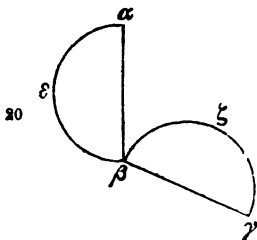
β ζ γ. ἐπεὶ οὖν ἴσα τὰ ἡμικύκλια,
ἐφαρμόσει ἀλλήλοις, καὶ ἴση ἡ
ὑπὸ ε β α γωνία τῇ ὑπὸ ζ β γ.
κοινὴ προσκεισθῶ ἡ λοιπὴ ἡ
ὑπὸ α β ζ. ὅλη ἄρα ἡ ὀρθὴ ἴση

ἐστὶ τῇ μηννοειδεὶ τῇ ὑπὸ ε β ζ.
καὶ ὅμως οὐκ ἔστιν ἡ μηννοειδὴς ὀρθή. τῷ δὲ αὐτῷ

10 τρόπῳ καὶ ἀμβλείας οὔσης ἢ ὀξείας τῆς ὑπὸ α β γ



δειχθήσεται αὐτῇ ἴση γωνία ἢ μη-
νοειδὴς. τοῦτο γάρ ἐστι τὸ εἶδος
τῶν περιφερογράμμων γωνιῶν τὸ
συμβιβάζομενον ταῖς εὐθυγραμμῶν
πλὴν τό γε τοσοῦτον ἰστέον· ἐπὶ
μὲν τῆς ὀρθῆς καὶ τῆς ἀμβλείας προσ-
θεῖναι δεῖ τὴν μεταξὺ γωνίαν τῆς



α β εὐθείας καὶ β ζ περιφερείας,
ἐπὶ δὲ τῆς ὀξείας ἀφαιλεῖν. ἡ
γὰρ α β εὐθεῖα τέμνει τὴν β ζ
περιφέρειαν. ἐκκείσθω οὖν ἑκα-
τέρας τῶν ὑποθέσεων τὰ δια-
γράμματα.

1 τὸ β γ M. || ἔστωσαν ἴσαι M, B, G; B alterum hoc ἴσαι,

Z prius ἴσαι omisit. 2. 3 α β β ζ M. 8 μηννοειδεῖ] 'Cornicu-
lari' B, qui etiam infra vocem μηννοειδὴς voce Cornicularis
reddit; 'lunullae' Z. 20 τέμνει M.

Ταῦτα μὲν οὖν ἀναγεγράφθω δεικνύντα καὶ ὅτι
πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ὅτι οὐ πάντως
ἡ τῇ ὀρθῇ ἴση ὀρθή ἐστιν. εἰ γὰρ μηδὲ εὐθύγραμμος
εἴη, πῶς ἂν ὀρθὴν τις εἰποι τὴν τοιαύτην;

Φανερόν δὲ καὶ ἐκ τοῦδε τοῦ αἰτήματος, ὅτι ἡ
ὀρθότης τῆς γωνίας τῇ ἰσότητι συγγενής ἐστιν, ὥσπερ
ἡ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῇ ἀνισότητι. καὶ γὰρ ἐστὶν
ἡ μὲν ὀρθότης αὐτῇ τῇ ἰσότητι σύστοιχος — ἀμφο-
τεραι γὰρ ὑπὸ τὸ πῆρας, ὥσπερ δὴ καὶ ἡ ὁμοιότης —
ἡ δὲ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῇ ἀνισότητι, καθάπερ καὶ
ἡ ἀνομοιότης· ἀπειρίας γὰρ ἔκγονοι πᾶσαι. || διὸ καὶ
οἱ μὲν τὸ ποσὸν ὀρῶντες τῶν γωνιῶν τὴν ὀρθὴν ἴσην
τῇ ὀρθῇ λέγουσιν, οἱ δὲ τὸ ποῖον ὁμοίαν. ὅπερ γὰρ
ἐστὶν ἐν ποσοῖς ἡ ἰσότης τοῦτο ἐν τοῖς ποιοῖς ἡ
ὁμοιότης. 15

Pet. V. Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπί-
πτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας
δύο ὀρθῶν ἐλάττουνας ποιῇ, ἐκβαλλομένας τὰς
εὐθείας ἐπ' ἄπειρον συμπίπτειν, ἔφ' ἃ μέρη
εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλλάττονες. 20

Τοῦτο καὶ παντελῶς διαγράφειν χορὴ τῶν αἰτη-
μάτων· θεωρήμα γὰρ ἐστὶ, πολλὰς μὲν ἀπορίας ἐπι-
δεχόμενον, ἃς καὶ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τινὶ βιβλίῳ δια-
λῦσαι προὔθετο, πολλῶν δὲ εἰς ἀπόδειξιν δεόμενον
καὶ ὄρων καὶ θεωρημάτων. καὶ τό γε ἀντιστρέφον 25

6 συγγενές G, συγγενής H₁ p. 454, H₂ p. 257.

13 ὁμοίως G. 14 ἡ et ante ἰσότης et ante ὁμοιότης om.
H₂ p. 257. 16 Καὶ om. G. || συμπίπτουσα M. 19 ἐπ'
om. M. 20 δύο om. G. 23 Πτολεμαῖος G. 24 δεομέ-
νων G, δεόμενον C. 25 καίτοι γε ἀντιστρέφων G.

καὶ ὁ Εὐκλείδης ὡς θεώρημα δείκνυσιν. ἴσως δὲ ἄν
 τινες ἀπατώμενοι καὶ τοῦτο τάττειν ἐν τοῖς αἰτήμασιν
 ἀξιώσειαν, ὡς διὰ τὴν ἐλάττωσιν τῶν δύο ὀρθῶν
 αὐτόθεν τὴν πίστιν παρεχόμενον τῆς τῶν εὐθειῶν
 5 συνεύσεως καὶ συμπτώσεως. πρὸς οὓς ὁ Γεμίτος
 ὀρθῶς ἀπήντησε λέγων ὅτι παρ' αὐτῶν ἐμάθομεν τῶν
 τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἡγεμόνων μὴ πάνυ προσέχειν
 τὸν νοῦν ταῖς πιθαναῖς φαντασίαις εἰς τὴν τῶν λό-
 γων τῶν ἐν γεωμετρίας παραδοχῇ. ὁμοιον γὰρ φησι
 10 καὶ Ἀριστοτέλης ρητορικὸν ἀποδείξεις ἀπαιτεῖν καὶ
 γεωμέτρου πιθανολογοῦντος ἀνέχεσθαι, καὶ ὁ παρὰ
 τῷ Πλάτῳ Συμίας, ὅτι „τοῖς ἐκ τῶν εἰκότων τὰς
 ἀποδείξεις ποιουμένοις σύννοια οὐσιν ἀλαξόσι“. κἀν-
 ταῦθα τοίνυν τὸ μὲν ἡλαττωμένων τῶν ὀρθῶν συ-
 15 νέειν τὰς εὐθείας ἀληθές καὶ ἀναγκαῖον, τὸ δὲ συ-
 νευούσας ἐπὶ πλεόν ἐν τῷ ἐκβάλλεσθαι συμπεσεῖσθαι
 ποτε πιθανόν, ἀλλ' οὐκ ἀναγκαῖον, εἰ μὴ τις ἀπο-
 δείξειεν λόγος, ὅτι ἐπὶ τῶν εὐθειῶν τοῦτο ἀληθές. τὸ
 γὰρ εἶναι τινὰς γραμμὰς συνιούσας μὲν ἐπ' ἄπειρον,
 20 ἀσυμπτώτους δὲ ὑπαρχούσας, καίτοι δοκοῦν ἀπίθανον
 εἶναι καὶ παράδοξον, ὅμως ἀληθές ἐστι καὶ πεφώραται
 ἐπ' ἄλλων εἰδῶν τῆς γραμμῆς. μήποτε οὖν τοῦτο καὶ
 ἐπὶ τῶν εὐθειῶν δυνατόν, ὅπερ ἐπ' ἐκείνων τῶν γραμ-
 μῶν; ἕως γὰρ ἂν δι' ἀποδείξεως αὐτὸ καταδησώ-
 25 μεθα, περισπᾷ τὴν φαντασίαν τὰ ἐπ' ἄλλων δεικνύ-
 μενα γραμμῶν. εἰ δὲ καὶ οἱ διαμφισβητοῦντες λόγοι
 πρὸς τὴν σύμπτωσιν || πολὺ τὸ πληκτικὸν ἔχουσιν, πῶς
 οὐχὶ πολλῶ πλεόν ἂν τὸ πιθανὸν τοῦτο καὶ τὸ ἄλογον
 ἐκβάλλοιμεν τῆς ἡμετέρας παραδοχῆς;

3 ἀξιώσειαν ἂν G, ἀξιῶσιν ἂν M. 12 Συμίας G. Phaedo
 92, D. 26 ἀμφισβητοῦντες G. 29 ἐκβάλλοιμεν G.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἀπόδειξιν χρὴ ζητεῖν τοῦ προκειμέ-
νου θεωρήματος δῆλον ἐκ τούτων, καὶ ὅτι τῆς τῶν
αἰτημάτων ἐστὶν ἀλλότριον ιδιότητος, πῶς δὲ ἀποδει-
κτέον αὐτὸ καὶ διὰ ποίων λόγων ἀναιρετεόν τὰς πρὸς
αὐτὸ φερομένας ἐνστάσεις, τηρικαῦτα λεκτέον, ἥνίκα ⁶
ἂν καὶ ὁ στοιχειωτὴς αὐτοῦ μέλλῃ ποιεῖσθαι μνήμην
ὥς ἐναργεῖ προσχρώμενος. τότε γὰρ ἀναγκαῖον αὐτοῦ
δεῖξαι τὴν ἐνάργειαν οὐκ ἀναποδείκτως προφαινο-
μένην ἀλλὰ δι' ἀποδείξεων γνωρίμων γιγνομένην.

7/22 S^u

Axiom. I—V. Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ¹⁰
ἐστὶν ἴσα, καὶ ἐὰν ἴσα ἴσοις προστεθῇ, τὰ ὅλα
ἴσα ἐστίν, καὶ ἐὰν ἴσων ἀφαιρεθῇ, τὰ κατα-
λειπόμενα ἴσα ἐστίν, καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους
μεῖζον, καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ταῦτ' ἐστὶ τὰ κατὰ πάντα ἀναπόδεικτα καλού- ¹⁵
μενα ἀξιώματα, καθόσον ὑπὸ πάντων οὕτως ἔχειν
ἀξιούται, καὶ διαμφισβητεῖ καὶ πρὸς ταῦτα οὐδεὶς.
πολλάκις μὲν γὰρ καὶ τὰς προτάσεις ἀπλῶς ἀξιώματα
καλοῦσιν, ὁποῖαί ποτε ἂν ᾧσιν εἴτε ἀμεσοὶ κύβητος
εἴτε καὶ δεομεναὶ τινος ὑπομνήσεως, καὶ οἷ γε ἀπὸ ²⁰

6 ἂν om. G. || μέλει G. || ποιήσασθαι G. 7 ἐναργῇ C.
ἐαυτοῦ G, αὐτοῦ C. 8 ἐνέργειαν G, ἐνάργειαν C. || προ-
φερομένην G, προφαινομένην C. 10 In M in margine ad-
scriptum est: περὶ ἀξιωμάτων ἥτοι κοινῶν ἐννοιῶν. 12 ἀπὸ
ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ G. 13—14 καὶ ἐὰν ἀνίστοις ἴσα προσ-
τεθῇ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἄνισα, καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίστων ἴσα ἀφαιρεθῇ,
τὰ λοιπὰ ἐστὶν ἄνισα, καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια ἴσα ἀλλή-
λοις ἐστίν, καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση ἴσα ἀλλήλοις ἐστί, καὶ
τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζον ἐστίν, καὶ δύο εὐθείαι χωρίον οὐ
περιέχουσι. G et B, sed contra auctoris sententiam paulo
infra propositam. 15 Ταῦτά ἐστι G. 17 καὶ post διαμφι-
σβητεῖ om. G.

Proclus.

13
ἡμετέροις ἀναπόδεικτα - εἰς τὴν ἀνάγκην τοῦ ἀποδείξε-
σθαι μετὰ τὸν οὐκ ἐστίν. εἰς τὴν ἀνάγκην τοῦ ἀποδείξε-
σθαι μετὰ τὸν οὐκ ἐστίν.

τῆς Στοᾶς ἅπαντα λόγον ἀποφαντικὸν ἀποφαντικὸν ἀξιῶμα
 προσαγορεύειν εἰώθασιν. καὶ ὅταν διαλεκτικὰς ἡμῖν
 γράφωσι τέχνας περὶ ἀξιωμάτων, τοῦτο διὰ τῶν ἐπι-
 γραμμάτων δηλοῦν ἐθέλουσιν. ἀκριβέστερον δέ τινες
 5 ἀπὸ τῶν ἄλλων προτάσεων διακρίνοντες τὸ ἀξιῶμα
 τὴν ἄμεσον καὶ αὐτόπιστον δι' ἐνάργειαν προτάσιν
 οὕτως ὀνομάζουσιν, ὥσπερ καὶ ὁ Ἀριστοτελέης καὶ
 οἱ γεωμέτραι λέγουσιν. ταῦτόν γάρ ἐστιν κατὰ τού-
 τους ἀξιῶμα καὶ ἔννοια || κοινή. πολλοῦ ἄρα δεήσο-
 10 μεν ἡμεῖς τὸν γεωμέτρον Ἀπολλώνιον ἐπαινεῖν, ὃς
 καὶ τῶν ἀξιωμάτων ὡς οἶεται γέγραφε ἀποδείξεις,
 ἀπεναντίας Εὐκλείδῃ φερόμενος. ὁ μὲν γάρ καὶ τὸ
 ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς αἰτήμασι κατηρώδησεν, ὁ δὲ καὶ
 τῶν ἀναποδείκτων ἐπεχείρησεν ἀποδείξεις εὐρίσκειν.
 15 ἦν δὲ ἄρα διωρισμένα ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων τῇ φύσει
 καὶ τῶν ἐπιστημῶν διαφέρουν τὸ γένος τῶν τε περὶ
 τὰς ἀμέσους προτάσεις καὶ πάντα δι' ἐνάργειαν προσ-
 πιπτούσας καὶ τῶν ταῖς ἀποδείξεσι χρωμένων, αἱ τὰς
 ἀρχὰς ἀπ' ἐκείνων λαμβάνουσι καὶ λαβοῦσαι χρῶνται
 20 πρὸς τὰ οἰκεία συμπεράσματα δεόντως. ὅτι δὲ καὶ
 ἡ ἀπόδειξις, ἣν ὁ Ἀπολλώνιος εὐρηκέναι πέπεισται
 τοῦ πρώτου τῶν ἀξιωμάτων, οὐδὲν μᾶλλον ἔχει τὸ
 μέσον τοῦ συμπεράσματος γνωριμότερον, εἰ μὴ καὶ
 πλέον ἀμφισβητούμενον, μάθοι τις ἂν ἐπιβλέψας εἰς
 25 αὐτὴν καὶ σμικρόν. „ἔστω γάρ, φησί, τὸ α τῷ β ἴσον,

1 ἀποφαντικὸν] καταφατικὸν G. 2 ὅτε G, ὅταν C.
 3 τέχνας γράφωσι G. || τοῦτο διὰ τῶν ἐπιγραμμάτων
 om. G. 4 ἐθέλουσιν G. 6 ἐνάργειαν G, ἐνάργειαν C.
 9 δὲ ἄρα G. 10 ὃς] ὡς M. 12 Εὐκλείδῃ G. || τὸ
 om. G. 13 ἀποδεικτικὸν G. 21 ὁ om. G. 22 τὸν
 μέσον M.

τοῦτο δὲ τῷ $\bar{\gamma}$, λέγω ὅτι καὶ τὸ $\bar{\alpha}$ τῷ $\bar{\gamma}$ ἴσον. ἐπεὶ
 γὰρ τὸ $\bar{\alpha}$ τῷ $\bar{\beta}$ ἴσον τὸν αὐτὸν αὐτῷ κατέχει τόπον,
 καὶ ἐπεὶ τὸ $\bar{\beta}$ τῷ $\bar{\gamma}$ ἴσον, τὸν αὐτὸν καὶ
 τούτῳ κατέχει τόπον. καὶ τὸ $\bar{\alpha}$ ἄρα τῷ $\bar{\gamma}$
 τὸν αὐτὸν κατέχει τόπον. ἴσα ἄρα ἐστίν. $\alpha \left| \begin{array}{c} \beta \\ \gamma \end{array} \right| 5$
 ἐν δὴ τούτοις δύο προλαβεῖν ἀναγκαῖον,
 ἐν μὲν ὅτι τὰ τὸν αὐτὸν κατέχοντα τόπον
 ἀλλήλοις ἴσα ἐστίν, ἕτερον δὲ ὅτι τὰ τῷ
 αὐτῷ τὸν αὐτὸν κατέχοντα τόπον καὶ ἀλλήλοις τὸν
 αὐτὸν κατέχει τόπον. ταῦτα δὲ ὅτι πολλῷ ἀσαφέστερα 10
 τοῦ προτεθέντος ἀξιώματος ἐναργές· πῶς γὰρ τὰ τὸν
 αὐτὸν ἐκπληροῦντα τόπον ἴσα ἐστίν; καθ' ὅλα ἢ κατὰ
 μέρος ἢ κατὰ σχηματισμὸν λόγου; διὸ καὶ οὐκ ἔστι
 παντελῶς εὐπαράδεκτον τὸ μεταβαίνειν ἐπὶ τὸν τόπον,
 ὅς ἐστιν ἀγνωστότερος ἡμῖν τῶν ἐν τόπῳ ὄντων. χα- 15
 λεπὴ γοῦν καὶ ἡ εὗρεσις τῆς οὐσίας καὶ ἀμφισβητήσι-
 μος. ἵν' οὖν μὴ μακρογοῶμεν, πάντα ἀξιώματα ὥς
 ἄμεσα καὶ αὐτοφανῇ παραδοτέον, γνώριμα ἀφ' ἐαν-
 τῶν ὄντα καὶ πιστά. ὁ γὰρ τοῖς φανερωτάτοις ἀπό-
 δεῖξιν προσάγων οὐ βεβαιοτὴν περὶ αὐτῶν ἀλήθειαν, 20
 ἀλλ' ἐλαττοτὴν ἐνάργειαν, ἣν ἔχομεν ἐν ταῖς ἀδι-
 δάκτοις προλήψεσιν.

Τοῦτό τε δὴ περὶ τῶν ἀξιωμάτων προληπτέον
 κριτήριον τῆς ιδιότητος αὐτῶν, καὶ ὅτι πάντα τοῦ
 κοινοῦ γένους ἐστὶ τῶν μαθημάτων. οὐ γὰρ μό- 25
 νον μεγέθεσιν ἐπαληθεύει τούτων ἕκαστον, ἀλλὰ καὶ

2 αὐτῷ om. G, add. C. 3—4 καὶ ἐπεὶ τὸ ... τούτῳ
 κατέχει τόπον om. G. 4 τὸ ἄρα $\bar{\alpha}$ M, G. 11 προθέν-
 τος G, προτεθέντος C. 14 εὐπαράδεκτον M, G; in M autem
 ε ante on rasura est deletum. 16 οὖν G. 25—26 οὐ μό-
 νον λέγεται μεγέθεσιν ἀληθεύειν G, οὐ γὰρ μόνον λέγεται
 μεγέθεσιν ἐπαληθεύειν B₃, 'et non solum in Magnitudini-

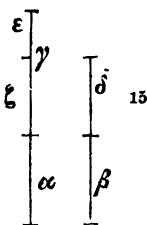
ἀριθμοῖς καὶ κινήσει καὶ χρόνοις. καὶ τοῦτο ἀναγκάως. τὸ γὰρ ἴσον καὶ ἄνισον καὶ τὸ ὅλον καὶ τὸ μέρος || καὶ τὸ μείζον καὶ τὸ ἔλασσον κοινὰ καὶ τῶν διηρημένων ἐστὶ ποσῶν καὶ τῶν συνεχῶν. ἥ τε οὖν
 5 περὶ τοὺς χρόνους θεωρία δεῖται πάντων τούτων ὡς ἐναργῶν καὶ ἡ περὶ τὰς κινήσεις καὶ ἡ περὶ τοὺς ἀριθμοὺς καὶ τὰ μεγέθη, καὶ ἐπὶ πάντων ἀληθές, καὶ τὸ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι καὶ τῶν λοιπῶν, ὅπερ ἂν λάβωμεν. κοινοῖς δὲ οὗσιν ἕκαστος
 10 χρῆται κατὰ τὴν οἰκείαν ὕλην, ἐφ' ὅσον αὐτὴ ἀπαιτεῖ, καὶ ὁ μὲν ὡς ἐπὶ μεγεθῶν, ὁ δὲ ὡς ἐπ' ἀριθμῶν, ὁ δὲ ὡς ἐπὶ χρόνων αὐτῷ προσχρῆται. καὶ οὕτως ἴδια γίνονται τὰ συμπεράσματα καθ' ἑκάστην ἐπιστήμην καὶ ἡ τὰ ἀξιώματα κοινά.

15 Καὶ μὴν καὶ τὸν | ἀριθμὸν αὐτῶν οὔτε εἰς ἐλάχιστον δεῖ συναιρεῖν, ὡς Ἡρῶν ποιεῖ τρία μόνον ἐκθέμενος — ἀξίωμα γὰρ καὶ ὅτι τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον, καὶ ὁ γεωμέτρης πολλαχοῦ καὶ τοῦτο παραλαμβάνει πρὸς τὰς ἀποδείξεις, καὶ ὅτι τὰ ἐφαρμο-
 20 ζοντα ἴσα· καὶ γὰρ τοῦτο εὐθὺς ἐν τῷ τετάρτῳ συντελέσει πρὸς τὸ ζητούμενον — οὔτε αὖ προστιθέναι ἄλλα ἐπ' ἄλλοις, ὧν τὰ μὲν ἐστὶν ἴδια τῆς γεωμετρικῆς ὕλης, ὡς δύο εὐθείας χωρίον μὴ περιέχειν, καίτοι τῶν ἀξιωμάτων τοῦ κοινοῦ γένους ὄντων, ὡς εἰπομεν,
 25 τὰ δὲ ἔπεται τοῖς ἐκκειμένοις, οἷον τὸ ἴσα εἶναι τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια. τοῦτο γὰρ ἀκολουθεῖ τῷ ἂν ἴσοις ἴσα προστεθῇ τὰ ὅλα ἴσα εἶναι. τὰ γὰρ ἴσον τῷ

bus . . . verificari dicitur' B, 'verum esse dicitur' Z. 8 τῷ om. M. 11 ὁ δὲ ὡς ἐπ' ἀριθμῶν om. G. 15 αὐτὸν G, αὐτῶν C. 17 καὶ ante ὁ om. G. 18 προσλαμβάνει G. 25 εἶναι post διπλάσια posuit G, quod corr. C. 27 τὰ γὰρ ἴσα G.

ἡμίσει προσλαβύντα αὐτὸ τὸ ἡμισυ διπλάσια γίνεται τοῦ αὐτοῦ καὶ ἴσα ἀλλήλοις διὰ τὴν ἴσην προστεθήκην. καὶ κατὰ τοῦτον τὸν λόγον οὐ τὰ διπλάσια μόνον, ἀλλὰ καὶ τὰ τριπλάσια καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ πολλαπλάσια πάντα ἴσα φανήσεται. 5

Τούτοις δὲ τοῖς ἀξιώμασιν ὁ Πάππος συναναγράφεσθαί φησιν ὅτι καὶ ἂν ἴσοις ἄνισα προστεθῇ, ἢ τῶν ὅλων ὑπεροχὴ ἴση ἐστὶν τῇ τῶν προστεθέντων, καὶ ἀνάπαλιν, ἐὰν ἀνίσοις ἴσα προστεθῇ, ἢ τῶν ὅλων ὑπεροχὴ ἴση ἐστὶ τῇ τῶν ἐξ ἀρχῆς. καὶ ἐστὶ καὶ ταῦτα ¹⁰ προφανῇ μὲν ἀφ' ἑαυτῶν, δείκνυνται δὲ ὁμῶς τοῦτον τὸν τρόπον. ἔστω ἴσα τὰ \bar{a} $\bar{\beta}$, καὶ προσκεισθῶ αὐτοῖς ἄνισα τὰ $\bar{\gamma}$ $\bar{\delta}$, μείζον δὲ τὸ $\bar{\gamma}$ τοῦ $\bar{\delta}$ τῷ $\bar{\varepsilon}$, [†] ἐπεὶ οὖν τὸ \bar{a} τῷ $\bar{\beta}$ ἴσον καὶ τὸ $\bar{\xi}$ τῷ $\bar{\delta}$, τὸ $\bar{\alpha\xi}$ τῷ $\bar{\beta\delta}$ ἴσον. ἐὰν γὰρ ἴσοις ἴσα προστεθῇ, τὰ ὅλα ἴσα. [†] τὸ ἄρα $\bar{\gamma\alpha}$ τοῦ $\bar{\beta\delta}$ τῷ $\bar{\varepsilon}$ μόνον ὑπερέχει, ὥ καὶ τὸ $\bar{\gamma}$ μόνον ὑπερεῖχεν τοῦ $\bar{\delta}$. πάλιν ἄνισα τὰ $\bar{\gamma}$ $\bar{\delta}$ καὶ προσκεισθῶ ἴσα τὰ \bar{a} $\bar{\beta}$, καὶ ἔστω τοῦ $\bar{\gamma}$ πρὸς τὸ $\bar{\delta}$ ὑπεροχὴ τὸ $\bar{\varepsilon}$. || ἐπεὶ οὖν τὸ \bar{a} τῷ $\bar{\beta}$ ἴσον ²⁰



7 ἴσοις ἴσα G. 9 ἀνίσας ἴσοις G, ἀνίσοις ἴσας C. || In M adscriptum est in margine: τὸ ἄνισα οὐκ πρὸς ἀλλήλα ἀκουστέον ἀλλὰ πρὸς τὰ, πρὸς ἃ προστίθεται. 13 τὰ $\bar{\delta}$ $\bar{\gamma}$ M. || δέ τοι $\bar{\gamma}$ G, δὲ τὸ $\bar{\gamma}$ C. || τῷ $\bar{\varepsilon}$ τοῦ $\bar{\varepsilon}$ B. || Post τῷ $\bar{\varepsilon}$ addit B 'reliquum vero sit f', quod, cum ex diagrammate possit intelligi, haud scio an de suo B adiecerit. 15. 16 ἴσα ἴσοις G. 16 Ante τὸ ἄρα equidem puto excidisse: μείζον δὲ τὸ $\bar{\alpha\gamma}$ τοῦ $\bar{\alpha\xi}$ τῷ $\bar{\varepsilon}$. || $\bar{\gamma\alpha}$ $\bar{\gamma\delta}$ M, G. 20 τοῦ $\bar{\varepsilon}$ C. || Post τὸ $\bar{\varepsilon}$ addit B 'reliquum vero f'.

καὶ [†] τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ ἴσον τῷ $\overline{\beta\delta}$, ὅλον ἄρα τὸ $\overline{\alpha\gamma}$ τοῦ $\overline{\beta\delta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$ μόνῳ ὑπερέχει, ὥ καὶ τὸ $\overline{\gamma}$ τοῦ $\overline{\delta}$.

Ταῦτα οὖν ἔπεται τοῖς προειρημένοις ἀξιώμασι καὶ εἰκότως ἐν τοῖς πλείστοις ἀντιγράφοις παραλείπεται, ὅσα δὲ ἄλλα τούτοις προστίθῃσιν, προεῖληπται διὰ τῶν ὄρων καὶ ἐκείνοις ἀκόλουθα, οἷον ὅτι πάντα τοῦ ἐπιπέδου τὰ μέρη καὶ τῆς εὐθείας ἀλλήλοις ἐφαρμόττει — τὰ γὰρ εἰς ἄκρον τεταμένα τοιαύτην ἔχει φύσιν — καὶ ὅτι γραμμὴν μὲν διαιρεῖ σημεῖον, ἐπιφάνειαν δὲ γραμμή, στερεὸν δὲ ἐπιφάνεια — πάντα γὰρ διαιρεῖται τούτοις, ὅφ' ὧν καὶ περατοῦται προσεχῶς — καὶ ὅτι τὸ ἄπειρον ἐν τοῖς μεγέθεσιν ἔστιν καὶ τῇ προσθέσει καὶ τῇ ἐπικαθαιρέσει, δυνάμει δὲ ἐκάτερον· πᾶν γὰρ συνεχὲς ἐπ' ἄπειρον διαιρετόν ἐστι
καὶ αὐξητόν.

1 Inter καὶ et τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ excidisse videtur τὸ $\overline{\zeta}$ τῷ $\overline{\delta}$; B addit 'f ipsi d'. 6 ἀκολουθεῖ G, ἀκολουθον B, 'consequuntur' B, 'sequuntur' Z. 8 τεταγμένα G, τεταμένα C.

PROPOSITIONUM PARS PRIOR.

Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ ταῦτα ^{διηγεῖται} συνεκεφαλαιωσάμεθα, τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς λοιπῶν τὴν ἐπίσκεψιν ποιησόμεθα· μέχρι γὰρ τούτων αἱ ἀρχαί. τῶν δὲ πρὸς γεωμετρίαν ἐνστάσεων οἱ μὲν πλείστοι πρὸς τὰς ἀρχὰς ἠπόρησαν ἀνυπόστατα τὰ μέρη δεικνύναι σπουδάσαντες — ὧν καὶ ⁵ οἱ λόγοι διατεθρύλονται, τῶν μὲν καὶ πᾶσαν ἐπιστήμην ἀναιροῦντων καὶ ὥσπερ πολεμίων καρπούς ἐξ ἀλλοτρίας χώρας καὶ γονίμου τῆς φιλοσοφίας ἀφανίζοντων ὥσπερ τῶν Ἐφεκτικῶν, τῶν δὲ τὰς γεωμετρικὰς μόνας ἀρχὰς ἀνατρέπειν προθεμένων, ὥσπερ ¹⁰ τῶν Ἐπικουρείων — οἱ δὲ ἤδη καὶ ταῖς ἀρχαῖς ἐπιτρέψαντες οὐ φασὶ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀποδείκνυσθαι, μὴ συγχωρηθέντος αὐτοῖς καὶ ἄλλου τινός, ὃ μὴ προεῖληπται ἐν ταῖς ἀρχαῖς. τοῦτον γὰρ τὸν τρόπον τῆς ἀντιρρήσεως μετήλθεν Ζήνων ὁ Σιδώνιος μὲν, ¹⁵

1 συνεκεφαλαιωσάμεθα *M*, συνεκεφαλαιωσόμεθα *G*.

2 λοιπὸν *M*, *B*, λοιπὴν *G*, 'reliquum est ut' *B*, 'id quod est reliquum' *Z*. 4 ἐνστάσεων *M*, *B*, *G*, 'Eorum, qui instant' *B*, 'Ex his qui . . . obiciant' *Z*. 5 τὰ μέρη] 'partes' et in margine 'terminos' *B*, 'partes' *Z*. 6—7 In *M* in margine adscriptum est: 6. διὰ τ (σημαίνει διὰ τούτου τοὺς?) ἀνατρέποντας τὴν γεωμετρίαν. 9 Ἐφεκτικῶν] 'Pyrrhonorum Philosophorum' *B*, 'Ephestici' *Z*. || δὲ om. *M*, delendum not. *C*. 10 In *M* postera manus ὥσπερ delendum not. et καὶ add. 12 ἐπιτρέψαντες *G*, ἐπιτρέψαντες *C*. 15 ἀντιρρήσεως *G*, ἀντιρρήσεως *C*.

τῆς δὲ Ἐπικούρου μετασχὼν αἰρέσεως, πρὸς ὃν καὶ
ὁ Ποσειδώνιος ὅλον γέγραφε βιβλίον δεικνὺς ^{πολλὰ} σα-
θρὰν αὐτοῦ πᾶσαν τὴν ἐπίνοιαν.

Ἄλλ' αἱ μὲν ὑπὲρ τῶν ἀρχῶν ἀντιλογίαι μετρίως
ἡμῖν διὰ τῶν ἐμπροσθεν ἡγνύσθησαν, τὴν δὲ τοῦ Ζή-
νωνος ἐπιβολὴν μικρὸν ὕστερον ἐπισκεψόμεθα. νυνὶ
δὲ ἀναλαμβάνοντες ἐπὶ βραχὺ τὸν τῶν θεωρημάτων καὶ
προβλημάτων λόγον καὶ περὶ τῆς διαφορᾶς αὐτῶν καὶ
τῶν ἑκατέρου μερῶν καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς διαιρέσεων
ἐπὶ τὴν ἐξήγησιν τραπώμεθα τῶν δεικνυμένων ὑπὸ
τοῦ στοιχειωτοῦ, τὰ μὲν γλαφυρώτερα τῶν εἰς αὐτὰ
γεγραμμένων τοῖς παλαιοῖς ἀναλεγόμενοι καὶ τὴν
ἀπέραντον αὐτῶν πολυλογίαν συντέμνοντες, τὰ δὲ ||
τεχνικώτερα καὶ μεθόδων ἐπιστημονικῶν ἐχόμενα
παραδιδόντες, τῇ τῶν πραγμάτων ἐπεξεργασίᾳ πλέον
ἀπονέμοντες ἢ τῇ ποικιλίᾳ τῶν πτώσεων καὶ τῶν λημ-
μάτων, οἷς ὥς τὸ πολὺ τοὺς νεαροπρεπεῖς ἐπιτρέχον-
τας ὀρῶμεν.

Prop. I, probl. I. Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας
πεπερασμένης τρίγωνον ἰσοπλευρον συστή-
σασθαι.

Τῆς ἐπιστήμης πάσης διττῆς οὔσης καὶ τῆς μὲν
περὶ τὰς ἀμέσους προτάσεις ἀσχολουμένης, τῆς δὲ περὶ

1 μετέχων G, μετασχὼν C. 4 ἀντιλογίαι] 'causae' et
in margine 'sermones' B, 'rationes ... accusantes' Z.

5 ἡγνύσθησαν B, G, 'in unum coactae atque inter se coniunctae
sunt' B, 'dictae sunt' Z. 7 τὸν] τὴν (ἐπιβολὴν) A, p. 308.

8 λόγων M, G. || τῆς om. G, A. 11 ταῦτα G, A.

16 τῶν ante λημμάτων om. G, A. 17 πολὺ νεαροπρεπῶς G,
πολὺ τοὺς νεαροπρεπεῖς C, πολὺ νεαροπρεπεῖς A. || ἐπιτρέ-
χοντες C. 19 In M adscriptum est in margine αὐτῶν θεωρημα.

20 τὸ ἰσοπλευρον G.

τὰ ἐξ ἐκείνων δεικνύμενα καὶ ποριζόμενα καὶ ὅλως
περὶ τὰ ἀκόλουθα ταῖς ἀρχαῖς ἐξελιττούσης τὴν ἑαυτῆς
πραγματεῖαν, αὕτη πάλιν ἐν τοῖς γεωμετροῦ τοῖς λόγοις
διελθὼν ἑαυτὴν εἰς τε τὴν τῶν προβλημάτων ἀπεργα-
σίαν καὶ τὴν τῶν θεωρημάτων εὕρεσιν, προβλήματα 5
μὲν καλέσασα, ἐν οἷς τὰ μὴ ὄντα πω πορίσασθαι προ-
τίθεται καὶ εἰς ἐμφανὲς παραγαγεῖν καὶ προσμηχανή-
σασθαι, θεωρήματα δέ, ἐν οἷς τὸ ὑπάρχον ἢ μὴ ὑπάρ-
χον ἰδεῖν καὶ γινῶναι καὶ ἀποδείξαι προαιρεῖται. τὰ
μὲν γὰρ γενέσεις καὶ θέσεις καὶ παραβολάς, ἀναγρα- 10
φὰς καὶ περιγραφὰς καὶ ἐναρμόσεις καὶ ἐπαφὰς καὶ
ὅσα τοιαῦτα ὑποστήσασθαι παρακελεύεται, τὰ δὲ τὰ
συμπτώματα καὶ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τοῖς ὑπο-
κειμένοις τῇ γεωμετρίᾳ πιέσαι | καὶ καταδήσασθαι
σπεύδει διὰ τῶν ἀποδείξεων. περὶ ὧν γε μὴν ζη- 15
τήσεις γενέσθαι δυνατόν, περὶ τούτων πάντων ἡ γεω-
μετρία ποιεῖται τὸν λόγον, τὰ μὲν εἰς τὰ προβλήματα
ἀναφέρουσα, τὰ δὲ εἰς τὰ θεωρήματα. καὶ γὰρ τὸ τί
ἐστὶ ζητεῖ, καὶ τοῦτο διχῶς, ἢ γὰρ τὸν λόγον ζητεῖ
καὶ τὴν νόησιν, ἢ τὴν οὐσίαν αὐτὴν τοῦ ὑποκειμένου. 20
λέγω δὲ οἷον ὅταν ζητῇ, τίς ἡ ὁμοιομερὴς γραμμῇ.
τοῦτο γὰρ ζητοῦσα ἢ τὸν ὄρον εὑρεῖν ἐθέλει τῆς τοι-
αύτης γραμμῆς, ὅτι ὁμοιομερὴς ἐστὶ γραμμῇ ἢ πάντα
τὰ μόρια πᾶσιν ἐφαρμόζοντα ἔχουσα, ἢ αὐτὰ τὰ εἶδη
τῶν ὁμοιομερῶν γραμμῶν λαβεῖν, οἷον ὅτι ἢ εὐθεῖά 25

3 γεωμετρικοῖς G. 6 πῶς G, πω C. || προστίθεται G.
7 παραγαγεῖν G. 10 γὰρ om. G, add. C. 11 καὶ ἐναρμό-
σεις καὶ ἐπαφὰς om. G. 13 τὰ ante καθ' αὐτὰ om. G.
15 γὰρ μὴν om. G. 19 In M adscriptum est in margine τὸν
ὄρισμόν. 20 τὴν νόησιν ἢ τὴν νόησιν καὶ τὴν οὐσίαν G;
C καὶ in ἡ mutavit. 21 δὴ G, δὲ C. || οἷον om. G. || τίς ἢ]
τις, εἰ G. || ἡ γραμμῇ G. 23 ἐστὶν ἡ G.

ἐστίν, ἡ περιφερὴς, ἡ περὶ κύλινδρον ἑλιξ. καὶ πρὸς
 τούτῳ || τὸ εἰ ἐστὶν αὐτὸ καθ' αὐτὸ ζητεῖ — καὶ τοῦτο
 μάλιστα ἐν τοῖς διορισμοῖς ἐξετάζουσα, εἰ ἀδύνατον
 τὸ διὰ τοῦτο ζητούμενον ἢ δυνατόν, καὶ μέχρι τίνος
 5 ἐγχωρεῖ καὶ ποσαχῶς — καὶ μὴν καὶ τὸ ὁποῖόν τι
 ἐστίν· ὅταν γὰρ τὰ καθ' αὐτὰ συμβεβηκότα τῷ τρι-
 γώνῳ καὶ τῷ κύκλῳ καὶ ταῖς παραλλήλοις ἐπισκοπῇ,
 δῆλον ὅτι τὸ ὁποῖόν ἐστίν ἐνταῦθα ζητεῖ.

Τὴν γε μὴν αἰτίαν καὶ τὸ διὰ τί πολλοῖς μὲν
 10 ἔδοξεν ἢ γεωμετρία μὴ θεωρεῖν — ταύτης γὰρ ἐστὶ καὶ
 ὁ Ἀμφίνομος τῆς δόξης Ἀριστοτέλους κατάρξαν-
 τος — εὗροι δ' ἂν τις, φησὶν ὁ Γεμῖνος, καὶ τὴν
 τούτου ζήτησιν ἐν γεωμετρῷ. πῶς γὰρ οὐχὶ γεωμέ-
 τρου τὸ ζητῆσαι, δι' ἣν αἰτίαν ἐν μὲν τοῖς κύκλοις
 15 ἄπειρα πολυγώνια ἐγγράφεται ἰσόπλευρα, ἐν δὲ ταῖς
 σφαίραις οὐκέτι πολυέδρα σχήματα ἰσόπλευρα καὶ ἰσο-
 γώνια καὶ ἐξ ὁμοίων ἐπιπέδων συγκείμενα. δυνατόν
 ἐγγράφειν ἄπειρα; τίνος γὰρ ἂν εἴη τοῦτο καὶ ζητῆσαι
 καὶ εὑρεῖν ἢ τοῦ γεωμέτρου; ὅταν μὲν οὖν ὁ συλλο-
 20 γισμὸς ἢ δι' ἀδυνατοῦ τοῖς γεωμέτραις, ἀγαπῶσι τὸ
 σύμπτωμα μόνον εὑρεῖν, ὅταν δὲ διὰ προηγουμένης
 ἀποδείξεως, τότε πάλιν, εἰ μὲν ἐπὶ μέρους αἱ ἀποδεί-
 ξεις γίνονται, οὕτω δῆλον τὸ αἰτιον, εἰ δὲ καθ'
 ὅλον καὶ ἐπὶ πάντων τῶν ὁμοίων, εὐθύς καὶ τὸ διὰ
 25 τί γίνεται καταφανές.

1 πρὸ τούτου postera manu in *M* super πρὸς τούτῳ; in
 margine adscriptum est τὴν οὐσίαν τοῦ πράγματος. πρὸς
 τούτῳ *B*, *G*. 'ante hoc' *B*, 'insuper' *Z*. 9 διότι *M*, *G*,
 'propter quid' *B*, causam' *Z*. 11—13 In *M* adscriptum est in
 margine: ὅλον ὅταν λέγῃ ἐν τοῖς τόποις οὐ δὴ γὰρ ἐν ταῖς
 ἐπιστημονικαῖς ἀρχαῖς ἐπιζητεῖ τὸ διὰ τί. 16 ἰσόπλευρα
 ἰσογώνια *G*. 19 ὅτε *G*. 24 διότι *M*, *G*.

Περὶ μὲν οὖν τῶν ζητουμένων τοσαῦτα· πᾶν δὲ πρόβλημα καὶ πᾶν θεώρημα τὸ ἐκ τελείων τῶν ἑαυτοῦ μερῶν συμπεπληρωμένον βούλεται πάντα ταῦτα ἔχειν ἐν ἑαυτῷ· πρότασιν, ἐκθεσιν, διορισμόν, κατασκευήν, ἀπόδειξιν, συμπέρασμα· τούτων δὲ ἡ μὲν πρότασις ⁵ λέγει, τίνος δεδομένου τί τὸ ζητούμενόν ἐστιν. ἡ γὰρ τελεία πρότασις ἐξ ἀμφοτέρων ἐστίν. ἡ δ' ἐκθεσις αὐτὸ καθ' αὐτὸ τὸ δεδομένον ἀποδιαλαβοῦσα προ-
ευτρεπίζει τῇ ζητήσει. ὁ δὲ διορισμός χωρὶς τὸ ζητού-
μενον, ὅτι ποτὲ ἐστίν, διασαφεῖ. ἡ δὲ κατασκευή τὰ ¹⁰ ἐλλείποντα τῷ δεδομένῳ πρὸς τὴν τοῦ ζητουμένου θή-
ραν προστίθῃσιν. ἡ δὲ ἀπόδειξις ἐπιστημονικῶς ἀπὸ
τῶν ὁμολογηθέντων συνάγει τὸ προκείμενον. τὸ δὲ
συμπέρασμα πάλιν ἐπὶ τὴν πρότασιν ἀναστρέφει βε-
βαιοῦν τὸ δεδειγμένον. καὶ τὰ μὲν σύμπαντα μέρη ¹⁵
τῶν τε προβλημάτων καὶ τῶν θεωρημάτων ἐστὶ το-
σαῦτα· τὰ δὲ ἀναγκαιότατα καὶ ἐν πᾶσιν ὑπάρχοντα
πρότασις καὶ ἀπόδειξις καὶ συμπέρασμα. δεῖ γὰρ καὶ
προειδέναι τὸ ζητούμενον καὶ δείκνυσθαι τοῦτο διὰ
τῶν μέσων καὶ συνάγεσθαι τὸ δεδειγμένον. καὶ τοί- ²⁰
των τῶν τριῶν ἐκλείπειν τι τῶν ἀδυνάτων ἐστίν. τὰ
δὲ λοιπὰ πολλαχοῦ μὲν παραλαμβάνεται, πολλαχοῦ δὲ
καὶ οὐδεμίαν παρέχοντα χρεῖαν παραλείπεται. διο-
ρισμός τε γὰρ καὶ ἐκθεσις οὐκ ἐστίν ἐν ἐκείνῳ τῷ

1 ζητημάτων G. 3 πεπληρωμένον (πεπληρωμένον) H₂ p. 259. 6 δεδομένου G, δεδομένου H₁ p. 454, H₂ p. 259.

10 τὰ εἰωθότα M, B₃, G; in M autem adscriptum est in margine manu primae proxima γρ. τὰ ἐλλείποντα, 'familiaria' Z, ἐλ-
λείποντα (ἐκλείποντα) H₁ H₂. 'quae ... desunt' B. 11 δι-
δομένῳ M, G, δεδομένῳ H₁ H₂. || θήραν] αἰτίαν H₁ H₂.

12 ἀπὸ] ἐκ H₂. 16 τῶν ante θεωρημάτων om. G. || τοσαῦτα]
ταῦτα H₂. 20 τῷ δεδειγμένῳ (δεδειγμένῳ) H₁ H₂.

22. 23 καὶ post δὲ om. G. 23 ὥς ante οὐδεμίαν additum
est in H₁ H₂.

προβλήματι ἰσοσκελὲς τρίγωνον συστήσασθαι ἔχον
 ἑκατέραν τῶν πρὸς τῇ βάσει διπλασίαν τῆς λοιπῆς, ||
 κατασκευὴ δὲ ἐν πλείστοις πάνυ θεωρήμασιν οὐκ ἔστι
 τῆς ἐκθέσεως ἀποχρώσεως ἄνευ προσθήκης ἄλλης ἐκ
 5 τῶν δεδομένων δεῖξαι τὸ προκείμενον. πότε οὖν ἐκ-
 λιμπάνειν τὴν ἐκθεσίν φαμεν; ὅταν ἐν τῇ προτάσει
 μηδὲν ἢ δεδομένον, ὅτι ἡ πρότασις διήρηται ὡς ἐπίπαν
 εἰς δεδομένον καὶ ζητούμενον. οὐ μὴν τοῦτο ἀεὶ γίνε-
 ται, ἀλλ' ἐνίοτε μόνον λέγει τὸ ζητούμενον, ὃ δὲ
 10 γινῶναι ἢ πορίσασθαι, ὡς ἐπὶ τοῦ προειρημένου προ-
 βλήματος. οὐ γὰρ προλέγει, τίνος δεδομένου δεῖ
 συστήσασθαι τὸ ἰσοσκελὲς ἔχον ἑκατέραν τῶν ἰσων
 διπλασίαν τῆς λοιπῆς, ἀλλ' ὅτι δεῖ πορίσασθαι. καὶ
 γίνεται μὲν πάνταῦθα ἐκ προγινωσκομένων ἢ τοῦ
 15 προκειμένου λῆψις. καὶ γὰρ τί τὸ ἰσοσκελὲς καὶ τί τὸ
 ἰσον ἢ διπλάσιον εἰδότες τυγχάνομεν. τοῦτο δὲ ἀπά-
 σης διανοητικῆς μαθήσεως ἰδιὸν φησιν Ἀριστοτέλης.
 ὑπόκειται δὲ ὅμως οὐδὲν ἡμῖν ὥσπερ ἐπ' ἄλλων προ-
 βλημάτων, οἷον ὅταν λέγῃ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πε-
 20 περασμένην δίχα τεμεῖν. ἐνταῦθα γὰρ εὐθεῖα δέδο-
 ται, προσταττόμεθα δὲ αὐτὴν δίχα διελεῖν, καὶ διωρί-
 σται, τί μὲν τὸ δεδομένον χωρίς, τί δὲ τὸ ζητούμενον.
 ὅταν μὲν οὖν ἡ πρότασις ἀμφοτέρω ἐκῇ, τότε καὶ
 διορισμὸς εὐρίσκεται καὶ ἐκθεσις, ὅταν δὲ ἐκλείπῃ τὸ
 25 δεδομένον, ἐκλιμπάνει καὶ ταῦτα. ἢ γὰρ ἐκθεσις

1 προβλήματι] Eucl. IV, 10. 4 ἐκθέσεως] 'Expositione'
 et in margine 'Demonstratione' B, 'expositio' Z. 5 ἐκλει-
 πάνειν G, ἐκλιμπάνειν C. || In M in margine legitur: ση.
 πότε ἐκλιμπάνει ἡ ἐκθεσις. 7 διαιρεῖται H_1 p. 454, H_2
 p. 265. 19 ὅτε λέγει G. (Eucl. I, 10). 23 ἔχη] σὺν
 H_1 , H_2 . 24 ἐλλείπη H_1 , H_2 . 25 ἐκλειπάνει G, ἐλλει-
 πάνει H_1 , H_2 .

τοῦ δεδομένου ἐστὶν καὶ ὁ διορισμός. ἔσται γὰρ ὁ αὐτὸς τῇ προτάσει. τί γὰρ ἄλλο ἂν εἰποῖς διοριζόμενος ἐπὶ τοῦ προορηθέντος προβλήματος, | ἢ ὅτι δεῖ εὑρεῖν ἰσοσκελὲς τοιόνδε; τοῦτο δ' ἦν ἡ πρότασις. ἐὰν ἄρα ἡ πρότασις μὴ ἔχη τὸ μὲν δεδομένον, τὸ δὲ ³ ζητούμενον, ἡ μὲν ἔκθεσις σιωπᾶται τῷ μὴ εἶναι τὸ δεδομένον, ὁ δὲ διορισμὸς παραλείπεται, ἵνα μὴ ὁ αὐτὸς γένηται τῇ προτάσει. πολλὰ δ' ἂν εὔροις καὶ ἄλλα τοιαῦτα προβλήματα καὶ μάλιστα ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς καὶ ἐν τῷ δεκάτῳ εὑρεῖν δύο εὐθείας δυ- ¹⁰ νάμει συμμέτρους μέσον περιεχούσας καὶ πάντα ὅσα τοιαῦτα.

Πᾶν γε μὴν τὸ δεδομένον καθ' ἓνα τούτων δίδο-
ται τῶν τρόπων, ἢ θέσει, ἢ λόγῳ, ἢ μεγέθει, ἢ εἶδει.
τὸ μὲν γὰρ σημεῖον θέσει δίδοται μόνον, γραμμῇ δὲ ¹⁵
καὶ τὰ ἄλλα πᾶσιν. ὅταν γὰρ λέγωμεν τὴν δοθεῖσαν
γωνίαν εὐθύγραμμον, τὸ εἶδος λέγομεν, ὅποιον δέδο-
ται τῆς γωνίας, ὅτι εὐθύγραμμον, ἵνα μὴ ζητῶμεν
διὰ τῶν αὐτῶν μεθόδων καὶ τὴν περιφερόγραμμον
δίχα τεμεῖν, ὅταν δὲ ὅτι δύο δοθεισῶν εὐθειῶν ²⁰
ἀνίστων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσην ἀφελῇν,
τῷ μεγέθει δέδοται. τὸ γὰρ μείζον καὶ ἐλασσον καὶ
τὸ πεπερασμένον καὶ ἄπειρον τοῦ μεγέθους ἐστὶν ἴδια
κατηγορήματα. ὅταν δὲ λέγωμεν ὅτι ἐὰν τέσσαρα

1—6 τοῦ δεδομένου . . . ἡ μὲν ἔκθεσις bis redditum est in G. 3 προορηθέντος] προβληθέντος H_2 p. 265. 4 τοιοῦτον primo, τοῦτο altero loco G, τοῦτο H_1 p. 454. 10 ἐν τῷ δεκάτῳ] Prop. XIX, quae tamen non δύο εὐθείας sed μέσας iubet inveniri. 13 In M in margine adscriptum est: ὅτι τὸ δεδομένον ἢ θέσει ἢ λόγῳ ἢ μεγέθει ἢ εἶδει. || δέδοται H_2 p. 269. 15 δέδοται H_2 . 16 ὅτε G. 17—18 τὸ εἶδος . . . εὐθύγραμμον bis legitur in M, et in margine εἶδει. 20 ὅτε G, ὅταν C, H_1 . || εὐθειῶν δοθεισῶν G. 22 τῷ μεγέθει. δέδοται γὰρ τὸ μείζον M. 24 M in margine λόγῳ.

μεγέθη ἀνάλογον ἤ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσται, δέδοται ὁ αὐτὸς || λόγος ἐν τοῖς τέτρασιν μεγέθεσιν. ὅταν δὲ πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ χρῇ τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσην εὐθείαν θέσθαι, τότε τῇ θέσει δέδοται τὸ ⁵ σημεῖον. διὸ καὶ τῆς θέσεως διαφόρου δυναμένης εἶναι καὶ ἡ κατασκευὴ ποικιλίαν ἐπιδέχεται. δίδεται γὰρ τὸ σημεῖον ἢ ἔξω τῆς εὐθείας ἢ ἐπὶ τῆς εὐθείας καὶ ἐπ' ἄκρων τῆς εὐθείας ἢ ἐν τῷ μεταξὺ τῶν περάτων αὐτῆς. τετραχῶς οὖν τοῦ δεδομένου λαμβανομένου ¹⁰ δῆλον ὅτι καὶ ἡ ἐκθεσις γίνεται τετραχῶς. ἐνίοτε δὲ καὶ δύο συμπλέκει τρόπους καὶ τρεῖς.

Τὴν δὲ λεγομένην ἀπόδειξιν ὅτε μὲν καὶ τὰ ἴδια τῆς ἀποδείξεως ἔχουσιν εὐρήσομεν ἀπὸ τῶν ὀρισμῶν μέσων τὸ ζητούμενον δεικνύουσιν — αὕτη γὰρ ἀποδείξεως τελειότης — ὅτε δὲ ἐκ τεκμηρίων ἐπιχειροῦσαν. καὶ δεῖ μὴ λανθάνειν. πανταχοῦ μὲν γὰρ τὸ ἀναγκαῖον ἔχουσιν οἱ γεωμετρικοὶ λόγοι διὰ τὴν ὑποκειμένην ὕλην, οὐ πανταχοῦ δὲ περαίνονται διὰ τῶν ἀποδεικτικῶν μεθόδων. ὅταν γὰρ διὰ τοῦ τὴν ἐκτὸς ²⁰ τοῦ τριγώνου γωνίαν ἴσην εἶναι δύο ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίας δεικνύηται τὸ τρίγωνον ἴσας ἔχον τὰς ἐντὸς τρεῖς γωνίας δυσὶν ὀρθαῖς, πῶς ἀπ' αἰτίας ἢ ἀποδείξεις αὕτη, πῶς δὲ οὐχὶ τεκμηρίον ἔστι τὸ μέσον; καὶ γὰρ μήπω τῆς ἐκτὸς οὔσης γωνίας αἱ ἐντὸς οὔσαι ²⁵ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. ἔστι γὰρ τὸ τρίγωνον καὶ τῆς πλευρᾶς μὴ ἐκβεβλημένης. ὅταν δὲ διὰ τῆς τῶν κύκλων περιγραφῆς τὸ συσταθὲν τρίγωνον ἰσόπλευρον

2 τέτρασι G. 3 M in margine θέσει. || ὅτε G. || χρῇ M, G. 6 δέχεται G, ἐπιδέχεται C. || δέδοται G, δίδεται C. 9 αὐτῆς] τῆς τῆς M. || παραλαμβανομένου G. 10 γένηται G, γίνεται C, H₁ p. 454, H₂ p. 270. 21 ἀπεναντίας G. || δειγνύται G, δεικνύται C.

δεικνύηται, ἀπ' αἰτίας ἢ ἐπιβολὴ γίνεται. τὴν γὰρ ὁμοιότητα καὶ ἰσότητα τῶν κύκλων τῆς τοῦ τριγώνου κατὰ τὰς πλευρὰς ἰσότητος αἰτιασόμεθα.

Τό γε μὴν συμπεράσμα διπλοῦν εἰώθασι ποιῆσθαι ⁵τινα τρόπον· καὶ γὰρ ὥς ἐπὶ τοῦ δεδομένου δείξαντες καὶ ὥς καθόλου συνάγουσιν ἀνατρέχοντες ἀπὸ τοῦ μερικοῦ συμπεράσματος ἐπὶ τὸ καθόλου. διότι γὰρ οὐ προσχωρῶνται τῇ ιδιότητι τῶν ὑποκειμένων, ἀλλὰ πρὸ ὁμμάτων ποιούμενοι τὸ δεδομένον γράφουσι τὴν γωνίαν ἢ τὴν εὐθείαν, ταύτων ἡγοῦνται τὸ ἐπὶ ¹⁰ταύτης συναγόμενον καὶ ἐπὶ τοῦ ὁμοίου συμπεπεράσθαι παντός. μεταβαίνουνσι μὲν οὖν ἐπὶ τὸ καθόλου, ἵνα μὴ μερικὸν ὑπολάβωμεν εἶναι τὸ συμπεράσμα. εὐλόγως δὲ μεταβαίνουνσι, ἐπειδὴ τοῖς ἐκτεθεῖσιν, οὐχ ἢ ταῦτά ἐστιν, ἀλλ' ἢ τοῖς ἄλλοις ὅμοια, χρῶνται πρὸς ¹⁵τὴν ἀπόδειξιν. οὐ γὰρ ἢ τοσὴδε ἐστὶν ἢ ἐκκειμένη γωνία, ταύτῃ τὴν διχοτομίαν ποιοῦμαι, ἀλλ' ἢ μόνον εὐθύγραμμος. ἔστι δὲ τὸ μὲν τοσόνδε τῆς ἐκκειμένης ἰδίου, τὸ δὲ εὐθύγραμμον πασῶν τῶν εὐθυγράμμων κοινόν. ἔστω γὰρ ἡ δεδομένη ἢ ὀρθή. εἰ μὲν οὖν τῇ ²⁰ἀποδείξει τὴν ὀρθότητα παρελάμβανον, οὐκ ἡδυνάμην ἐπὶ πᾶν τὸ εἶδος τῆς εὐθυγράμμου μεταβαίνειν, εἰ δὲ τὸ μὲν ὀρθὸν αὐτῆς οὐ προσποιοῦμαι, || τὸ δὲ εὐθύγραμμον σκοπῶ μόνον, ὁμοίως ὁ λόγος ἐφαρμόσει καὶ παρὰ ταῖς εὐθυγράμμοις γωνίαις. 25

1 δεικνύηται] δείκνυνται M, C. || δεικνύηται . . . ἐπιβολή om. G. 3 κατὰ τὰς πλευρὰς om. G. 5 τινα om. G.
6 συνάγουσαι G, συνάγουσιν C. || ἀνατρέχοντος M.
8 προσδέονται G, προσχωρῶνται C. 14 ἐκτεθεῖσιν G, ἐκτεθεῖσιν C. 17 ταύτην C. 18 εὐθύγραμμον G, εὐθύγραμμος C. || τοσόνδε] ποσὸν G. 19 δὲ post τὸ om. G, add. C.

Ταῦτα δὲ πάντα τὰ προειρημένα σκεψάμεθα ἐπὶ τοῦ πρώτου τούτου προβλήματος. ὅτι μὲν γὰρ πρόβλημά ἐστι δῆλον. ἐπιτάττει γὰρ ἡμῖν τριγώνου μηχανήσασθαι γένεσιν ἰσοπλεύρου. συνέστηκεν δὲ ἡ ἐν
 5 τοῦτῳ πρότασις ἐκ τε τοῦ δεδομένου καὶ τοῦ ζητούμενου. δέδοται μὲν γὰρ εὐθεία πεπερασμένη, ζητεῖται δέ, πῶς ἂν ἐπ' αὐτῆς συσταίῃ τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον, καὶ ἡγείται τὸ δεδομένον, ἔπεται δὲ τὸ ζητούμενον, ἵνα καὶ συννημμένον πλέξης, εἰ ἔστιν εὐθεία πε-
 10 ρερασμένη, δυνατόν ἐπ' αὐτῆς συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον. οὗτε γὰρ μὴ εὐθείας οὐσης συσταίῃ ἂν τρίγωνον — ὑπὸ γὰρ εὐθειῶν περιέχεται γραμμῶν — οὔτε μὴ πεπερασμένης· οὐ γὰρ δύναται γωνία γενέσθαι [εἰ μὴ] πρὸς ἐνὶ σημείῳ· τῆς δὲ ἀλείρου
 15 πέρας σημεῖον οὐκ ἔστιν.

Μετὰ δὲ τὴν πρότασιν ἐξῆς ἡ ἐκθεσις· Ἔστω ἡ δοθεῖσα εὐθεία πεπερασμένη ἥδε. καὶ ὁρᾷς ὅτι το δεδομένον αὐτὸ λέγει μόνον ἡ ἐκθεσις, οὐ προσποιησομένη τὸ ζητούμενον. καὶ ἐπὶ ταύτῃ ὁ διορισμός·
 20 Δεῖ δὴ ἐπὶ τῆς ἐκτεθείσης πεπερασμένης εὐθείας τρίγωνον ἰσόπλευρόν συστήσασθαι. τρόπον τινὰ προσεχείας ἔστιν αἷτιος ὁ διορισμός. προσεχεστέρους γὰρ ἡμᾶς ποιεῖ πρὸς τὴν ἀπόδειξιν ἀναφωνῶν τὸ ζητούμενον, ὥσπερ ἡ ἐκθεσις εὐμαθεστέρους ἀπεργάζεται
 25 πρὸ ὁμμάτων ποιουμένη τὸ δεδομένον. μετὰ δὲ τὸν

1 In *M* ἄρ in margine est adscriptum. 5 δεδομένου *G*.
 7 τρίγωνον om. *G*. 9 ἡ εὐθεία *C*. 14 εἰ μὴ] Hoc
 vel simile quid videtur excidisse. In *M* postera manus super
 πρὸς ἐνὶ scripsit χωρὶς. *B*₂ = *G*. 'nisi in uno fiat signo' *B*,
 om. *Z*. 15 πέραση ἔστι σημεῖον *G*, πέρας οὐκ ἔστι σημεῖον *C*.
 17 ὥδε *G*.

διορισμὸν ἢ κατασκευή· Κέντρον μὲν τῷ ἐτέρῳ πέρατι
 τῆς εὐθείας διαστήματι δὲ τῷ λοιπῷ γεγράφθω κύκλος,
 καὶ πάλιν κέντρον μὲν τῷ πρότερον [διαστήματι], δια-
 στήματι δὲ τῷ κέντρῳ γεγράφθω κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ
 κοῖνου σημείου τῆς τῶν κύκλων τομῆς ἐπὶ τὰ πέρατα ⁵
 τῆς εὐθείας ἐπεξεύχθωσαν εὐθεῖαι. καὶ ὁρᾷς ὅτι πρὸς
 τὴν κατασκευὴν χρῶμαι τοῖς αἰτήμασιν, τῷ τε ἀπὸ
 παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημείον εὐθεῖαν γραμμὴν
 ἀγαγεῖν καὶ τῷ κέντρῳ καὶ διαστήματι κύκλον γράψαι.
 καθόλου γὰρ τὰ μὲν αἰτήματα συντελεῖ ταῖς κατα- ¹⁰
 σκευαῖς, τὰ δὲ ἀξιώματα ταῖς ἀποδείξεσιν. ἐφεξῆς οὖν
 ἢ ἀπόδειξις· Ἐπειδὴ θάτερον σημείον τῶν ἐπὶ τῆς
 δοθείσης εὐθείας κέντρον ἐστὶν τοῦ περιέχοντος αὐτὸ
 κύκλου, ἴση ἐστὶν ἢ ἐπὶ τὴν κοινὴν τομὴν τῇ δοθείσῃ
 εὐθείᾳ. διὰ ταῦτα δὴ καὶ ἐπεὶ τὸ λοιπὸν σημείον τῶν ¹⁵
 ἐπὶ τῆς δοθείσης τοῦ περιέχοντος αὐτὸ κύκλου κέν-
 τρον ἐστίν, ἴση ἐστὶν ἢ ἐπὶ τὴν κοινὴν τομὴν τῶν
 κύκλων τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ. καὶ τούτων ὑπόμνησις
 ἀπὸ τοῦ ὁρισμοῦ τοῦ κύκλου, ὃς ἔλεγεν ἴσας εἶναι τὰς
 ἐκ τοῦ κέντρου πάσας. ἑκατέρα ἄρα τῇ αὐτῇ ἐστὶν ²⁰
 ἴση. τὰ δὲ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα || διὰ τὸ α
 ἀξίωμα. αἱ τρεῖς ἄρα ἴσαι. συνέστη ἄρα ἐπὶ ταύτης
 τῆς εὐθείας ἰσόπλευρον τρίγωνον. τοῦτο μὲν τὸ πρό-
 τερον συμπέρασμα τῇ ἐκθέσει ἐπόμενον. ἐπὶ δὲ τούτῳ

2 εὐθείας] ἐτέρας *M, B₁, G*, 'rectae Lineae' *B, Z*. 3—4
 κέντρον μὲν τῷ πρότερον, διαστήματι δὲ τῷ κέντρῳ *M, B₂*, μὲν
 τῷ κέντρῳ τῷ πρότερον, διαστήματι δὲ τῷ κέντρῳ *G*, 'Centro
 quidem reliquo, intervallo autem eo, quod prius Centrum erat' *B*,
 'centro quidem reliquo, intervallo vero cetero' *Z*. 8 ἐπὶ πᾶν
 σημείον om. *G*. 9 τῷ διαστήματι *G*. 11 ἀξιώματα *H₂*
 p. 271, κοινὰ ἔννοια *H₂* p. 274. 15 ἐπεὶ] ἐπὶ *M*.
 20 ἐκ κέντρου *G*. 21 α om. *M, G*, 'primum' *B*, 'ex com-
 muni intelligentia' *Z*. 23 πρότερον *G*, πρότερον *C*.

τὸ καθόλου· Ἐπὶ τῆς δοθείσης ἄρα εὐθείας τρίγωνον
 ἰσόπλευρον συνέστη. καὶ γὰρ τὴν διπλασίαν τῆς νῦν
 ἐκτεθείσης ποιήσης δεδομένην, αἱ αὐταὶ κατασκευαὶ
 καὶ ἀποδείξεις ἀρμόσουσιν, καὶ τριπλασίαν καὶ ἄλ-
 5 λην ὁπασοῦν μέζονα ταύτης ἢ ἐλάσσονα λάβης. τού-
 τοις δὲ προσέθηκεν τὸ ὅπερ ἔδει ποιῆσαι, δεικνύς
 ὅτι τὸ συμπέρασμα προβληματικόν. καὶ γὰρ ἐπὶ τῶν
 θεωρημάτων προστίθῃσι τὸ ὅπερ ἔδει δεῖξαι. τὰ μὲν
 γὰρ ποίησιν ἐπαγγέλλεται τινος, τὰ δὲ δεῖξιν καὶ εὗρε-
 10 σιν ὄντος. ὅλως μὲν οὖν ἐπάγει ταῦτα τοῖς συμπε-
 ράσμασιν ἐνδεικνύμενος, ὅτι τὰ τῆς προτάσεως γέγο-
 νεν, καὶ τέλος ἀρχῇ συνάπτων καὶ μιμούμενος τὸν
 ἀνελιχθέντα νοῦν καὶ πάλιν εἰς τὴν ἀρχὴν ἐπιστρέ-
 φοντα. οὐ ταὐτὸν δέ, ἀλλ' ὅτε μὲν τὸ ὅπερ ἔδει ποι-
 15 ῆσαι, ὅτε δὲ τὸ ὅπερ ἔδει δεῖξαι διὰ τὴν τῶν προβλη-
 μάτων πρὸς τὰ θεωρήματα διαφορὰν.

Ἡμεῖς μὲν οὖν ἐφ' ἐνὸς τοῦ πρώτου προβλήματος
 ἐγυμνάσαμεν πάντα ταῦτα καὶ σαφῇ πεποιήκαμεν. δεῖ
 δὲ τοὺς ἀκούοντας καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ταῦτα ζητεῖν,
 20 τίνα μὲν παραλαμβάνεται, τίνα δὲ παραλείπεται τῶν
 κεφαλαίων καὶ ποσαχῶς τὸ δεδομένον δέδοται, καὶ
 ἀπὸ ποίων ἀρχῶν ἢ τὰς κατασκευὰς ἢ τὰς ἀποδείξεις
 λαμβάνομεν. ἡ γὰρ τούτων συνοπτικὴ θεωρία γυμνα-
 σίαν οὐκ ὀλίγην ἐμποιεῖ καὶ μελέτην τῶν ἐν γεω-
 25 μετρίας λόγων. ἀλλ' ἐπειδὴ καὶ ταῦτα διώρισται, φέρε
 καὶ περὶ τῶν συνηγορημένων τούτοις βραχέα διελθω-
 μεν, τί ^{ἀπὸ ποίων} λῆμμα, τί ^{ἀπὸ ποίων} πτωσίς, τί ^{ἀπὸ ποίων} πορίσμα, τί ^{ἀπὸ ποίων} ἐνστασίς, τί
 ἀπαγωγή. (J.)

4 ἀρμόζουσι G. 17 ἀφ' G, ἐφ' C. 21 δίδοται M.
 26 καὶ post φέρε om. G, add. C. || βραχίον G. 27 In M in
 margine legitur: τί λῆμμα.

Τὸ μὲν οὖν λῆμμα πολλάκις καὶ κατὰ πάσης προ-
τάσεως εἰς κατασκευὴν ἄλλου λαμβανομένης κατηγο-
ροῦσιν, ἐκ τοσῶνδε λημμάτων αὐτοῖς τὴν ἀπόδειξιν
γεγονέναι φάσκοντες. ἰδίως δὲ τὸ ἐν τοῖς γεωμετρου-
μένοις λῆμμα πρότασις ἐστὶ δεομένη πίστεως. ὅταν ⁵
γὰρ ἢ περὶ τὴν κατασκευὴν ἢ περὶ τὴν ἀπόδειξιν λά-
βωμέν τι τῶν μὴ δεδειγμένων ἀλλὰ λόγου δεομένων,
τότε τὸ ληφθὲν ὡς ἀμφίβολον καθ' αὐτὸ ζητήσεως
ἀξιόσαντες λῆμμα αὐτὸ προσαγορεύομεν τοῦ αἰτήμα-
τος καὶ ἀξιώματος διαφέρων τῷ ἀποδεικτὸν ὑπάρχειν, ¹⁰
ἐκείνων ἄνευ ἀποδείξεως εἰς πίστιν ἄλλων αὐτόθεν
παραλαμβανομένων. περὶ δὲ τὴν εὐρεσιν τῶν λημ-
μάτων τὸ μὲν ἄριστον τῆς διανοίας ἐστὶ πρὸς τοῦτο
ἐπιτηδειότης. πολλοὺς γὰρ ἔστιν ἰδεῖν ὅξεῖς περὶ τὰς
λύσεις || καὶ οὐ μεθόδοις τοῦτο ποιοῦντας, ὥσπερ καὶ ¹⁵
ὁ καθ' ἡμᾶς Κράτιστος ἱκανὸς μὲν ἦν θηρᾶσαι τὸ
ζητούμενον ἐκ πρώτων καὶ ἐλαχίστων ὡς δυνατόν.
ἐχρήσατο δὲ τῇ φύσει πρὸς τὴν εὐρεσιν. μέθοδοι δὲ
ὅμως παραδίδονται, καλλίστη μὲν ἢ διὰ τῆς ἀναλύ-
σεως ἐπ' ἀρχὴν ὁμολογουμένην ἀνάγουσα τὸ ζητούμε- ²⁰
νον, ἢν καὶ ὁ Πλάτων ὡς φασὶν Λεωδάμαντι
παραδέδωκεν, ἀφ' ἧς καὶ ἐκεῖνος πολλῶν κατὰ γεω-
μετρίαν εὐρετῆς ἱστορήται γενέσθαι. δευτέρᾳ δὲ ἢ
διαιρετική, κατ' ἄρθρα μὲν διαιροῦσα τὸ προκειμένον
γένος, ἀφορμὴν δὲ τῇ ἀποδείξει παρεχομένη διὰ τῆς ²⁵
τῶν ἄλλων ἀναιρέσεως τῆς τοῦ προκειμένου κατα-
σκευῆς, ἢν καὶ αὐτὴν ὁ Πλάτων ἐξέμνησεν ὡς πάσαις

2 ἄλλων G. 3 ἀπόδοσιν B₃, G, 'demonstrationem' B, 'as-
signationem' Z. 4 τὸ om. G. 6 λαμβάνωμεν G.

10 τῷ ἀποδεικτικῷ G, τὸ ἀποδεικτικὸν C. 11 αὐτόθι G.

22 παρέδωκεν G.

ταῖς ἐπιστήμασις ἐπίκουρον γινομένην. τρίτη δὲ ἡ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς οὐκ αὐτὸ δεικνύσα τὸ ζητούμενον αὐτόθεν, ἀλλὰ τὸ ἀντικείμενον ἐλέγχουσα καὶ κατὰ συμβεβηκὸς τὸ ἀληθὲς εὐρίσκουσα.

5 Τὸ μὲν οὖν λήμμα τοιαύτην ἔχει θεωρίαν, ἡ δὲ πτῶσις διαφόρους τῆς κατασκευῆς τρόπους ἐπαγγέλλεται καὶ θέσεων ἐξαλλαγὴν τῶν σημείων μετατιθεμένων ἢ τῶν γραμμῶν ἢ τῶν ἐπιπέδων ἢ τῶν στερεῶν. καὶ ὅλως πᾶσα αὐτῆς ἡ ποικιλία περὶ τὴν
10 καταγραφὴν ὁράται, διὸ καὶ πτώσις ἀποκαλεῖται μετάθεσις οὕσα τῆς κατασκευῆς.

Τὸ δὲ πόρισμα λέγεται μὲν καὶ ἐπὶ προβλημάτων τινῶν, οἷον τὰ Εὐκλείδῃ γεγραμμένα πορίσματα. λέγεται δὲ ἰδίως, ὅταν ἐκ τῶν ἀποδεδειγμένων ἄλλο
15 τι συναναφανῇ θεωρήμα μὴ προθεμένων ἡμῶν, ὃ καὶ διὰ τοῦτο πόρισμα κεκλήκασιν, ὥσπερ τι κέρδος ὃν τῆς ἐπιστημονικῆς ἀποδείξεως πάρεργον.

Ἡ δὲ ἐνστασις κωλύει τὴν ὅλην ἀτραπὸν τοῦ λόγου ἥτοι πρὸς τὴν κατασκευὴν ἢ πρὸς τὴν ἀπόδει-
20 ξιν ἀπαντῶσα, καὶ οὐχ ὥσπερ τὴν πτώσιν προθέμενον ἀναγκαῖον ἐπιδεικνύναι τὴν πρότασιν ἐπαληθεύουσαν, οὕτω καὶ τὴν ἐνστασιν, ἀλλὰ ἀνελεῖν δεῖ τὴν ἐνστασιν καὶ δεῖξαι τὸν χρώμενον αὐτῇ ψευδόμενον.

Ἡ δὲ ἀπαγωγὴ μετάβασις ἐστὶν ἀπ' ἄλλου προ-

1 γινομένην G. 2—3 ζητοῦσα τὸ δεικνύμενον αὐτόθεν G.

6 M in margine τί πτώσις 7 θέσεως G, θέσεων C.

9 ἡ αὐτῆς G. 10 καταστροφὴν C, 'descriptionem' B, Z.

12 M in margine τί πόρισμα. 13 Εὐκλείδῃ G. 15 συν-

αφανῇ G, συναποφανῇ N. p. 437. 18 M in margine τί ἐνστασις.

20 προθέμενον] προσιέμενον G, προσέμενον C,

'qui Casum proponit' B, 'casum, propositum' Z. 21 ἀπο-

δεικνύναι G. 22 καὶ post οὕτω om. G. 23 χρόνον G.

24 M in margine τί ἀπαγωγὴ.

βλήματος ἢ θεωρήματος ἐπ' ἄλλο, οὗ γνωσθέντος ἢ πορισθέντος καὶ τὸ προκείμενον ἔσται καταφανές, οἷον ὥσπερ καὶ τοῦ διπλασιασμοῦ τοῦ κύβου ζητηθέντος μετέθεσαν τὴν ζήτησιν εἰς ἄλλο, ᾧ τοῦτο ἔπεται, τὴν εὑρεσιν τῶν δύο μέσων, καὶ τὸ λοιπὸν ἐξήτουν, πῶς 5 ἂν δύο δοθεῖσων εὐθειῶν δύο μέσαι ἀνάλογον εὑρεθῇεν. πρῶτον δὲ φασὶ τῶν ἀπορουμένων διαγραμμάτων τὴν ἀπαγωγὴν ποιήσασθαι Ἰπποκράτην τὸν Χίου, ὃς καὶ μνηύσκον ἐτετραγώνισε καὶ ἄλλα πολλὰ κατὰ γεωμετρίαν εὑρεν εὐφνης περὶ τὰ διαγράμματα 10 εἶπερ τις ἄλλος γενόμενος.

Τοιαῦτα καὶ περὶ τούτων· ἐπὶ δὲ τὸ προκείμενον ἐπανέλθωμεν πρόβλημα.

Τὸ μὲν οὖν ἰσόπλευρον || τρίγωνον ὅτι κάλλιστον ἐν τοῖς τριγώνοις καὶ τῷ κύκλῳ συγγενέστατον τῷ 15 πάσας ἰσας ἔχοντι τὰς ἐκ τοῦ κέντρου καὶ μίαν καὶ ἀπλήν τὴν ἑξωθεν αὐτὸ ὀρίζουσαν γραμμὴν παντὶ καταφανές. ἔοικεν δὲ ἡ τῶν δύο κύκλων περιλήψις, καὶ τούτων ἐκ μέρους ἑκατέρου — οὐ γὰρ εἰς ὅλον ἑκάτερον ἐγγέγραπται, ἀλλ' εἰς τὸ ἕκτον ἑκατέρου — 20 δηλοῦν ὡς ἐν εἰκόσιν, ὅπως καὶ τὰ προελθόντα ἀπὸ τῶν ἀρχῶν τὸ τέλειον καὶ τὸ ταῦτόν καὶ τὸ ἴσον ἀπ' ἐκείνων καταδέχεται. κατὰ γὰρ τοῦτον τὸν τρόπον καὶ τὰ ἐπ' εὐθείας κινούμενα κύκλῳ περιάγεται διὰ τῆς αἰετ. γενεσίας, καὶ αἱ ψυχαὶ μεταβατικῶς ἔχουσαι 25 νοήσεις διὰ τῶν ἀποκαταστάσεων καὶ τῶν περιόδων

2 ἔστι G. 7 φησὶ C. || ἀπορουμένων διαγραμμάτων] 'quum descriptiones sunt ambiguae' Z, 'praedictorum titulum' B. $B_3 = M$, G. || διαγραμμάτων] δύο γραμμάτων C. 9 ἐτετραγώνησε M, C. 17 αὐτόν M, G. 20 ἕκτον] ἐκ τῶν G. 26 νοήσεις] κινήσεις G, $B_3 = M$. 'motus' et in margine 'Intelligentias' B, 'intelligentias' Z.

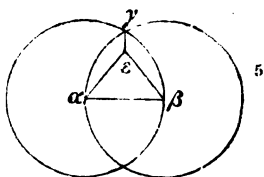
ἀπεικονίζουσι τὴν ἀμετάβατον ἐνέργειαν τοῦ νοῦ.
 λέγεται δὲ καὶ ὑπὲρ δύο νοῶν ἡ ζωογόνοος πηγὴ περι-
 ἔχεσθαι τῶν ψυχῶν. εἰ τοίνυν ὁ μὲν κύκλος εἰκὼν
 ἐστὶ τῆς νοεράς οὐσίας, τὸ δὲ τρίγωνον τῆς πρωτί-
 5 στης ψυχῆς διὰ τε τὴν ἰσότητα καὶ τὴν ὁμοιότητα
 τῶν γωνιῶν καὶ πλευρῶν, εἰκότως ἂν καὶ τοῦτο διὰ
 τῶν κύκλων ἐν αὐτοῖς μέσον ἀπολαμβάνομενον ἰσό-
 πλευρον ἀποδεικνύοιτο. εἰ δὲ καὶ πᾶσα ψυχὴ πρόεισιν
 ἀπὸ νοῦ καὶ ἐπιστρέφει πρὸς νοῦν καὶ μετέχει τοῦ
 10 νοῦ δυαδικῶς, εὖ ἂν ἔχοι καὶ ταύτῃ τὸ τρίγω-
 νον τῆς τριφυνοῦς τῶν ψυχῶν ὑποστάσεως σύμβολον
 ὃν ὑπὸ δυεῖν κύκλων περιληφθὲν λαμβάνειν τὴν
 γένεσιν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν ὥς ἐξ εἰκόνων ἡμᾶς ἀναμνη-
 15 σκέτω τῆς τῶν πραγμάτων φύσεως. ἐπειδὴ δέ τις
 πρὸς τὴν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου σύστασιν ἐνέστη (J)
 σαν οἰόμενοι τὴν ὅλην γεωμετρίαν διελλέγειν βραχέα
 καὶ πρὸς τούτους ἀπαντήσομεν. λέγει δὲ Ζήνων
 ἐκεῖνος, οὗ καὶ πρότερον ἐμνήσθην, ὅτι, καὶ ταῖς
 20 ἀρχαῖς τις ἐπιτρέψῃ τῶν γεωμετρῶν, οὐκ ἂν συσταίῃ
 τὰ ἐφεξῆς, μὴ συγχωρηθέντος αὐτοῖς ὅτι δύο εὐθειῶν
 τὰ αὐτὰ τμήματα οὐκ ἔστιν. εἰ γὰρ τοῦτο μὴ δοθείη,
 τὸ ἰσόπλευρον οὐ δείκνυται τρίγωνον. ἔστω γάρ φη-
 σιν ἡ αβ εὐθεῖα, ἐφ' ἧς δεῖ συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευ-

5 Post ἰσότητα additum est καὶ τιμιότητα in H_2 p. 270.

7 μέσων M . 10 διαδικῶς G , δυαδικῶς C . 12 δυοῖν
 κύκλοι G . || ὑπολειφθὲν C . 14 ἐκείνων G , εἰκόνων C .
 16 ἀνέστησαν G , ἐνέστησαν C . 18 πρὸς τούτοις M . || ἀπαν-
 τήσομεν G . 20 ἐπιστρέφει G , ἐπιτρέφει C . 23—24 τὸ
 ἰσόπλευρον . . . συστήσασθαι $om.$ G , $add.$ C . 23 δείκνυ-
 ται] 'constitueretur' et in margine 'ostenderetur' B , 'osten-
 ditur' Z .

ρον τρίγωνον. καταγεγράφθωσαν οἱ κύκλοι καὶ ἀπὸ
 τῆς κοινῆς αὐτῶν τομῆς ἐπεζεύχθωσαν αἱ $\gamma\epsilon\alpha$ $\gamma\epsilon\beta$
 κοινὸν ἔχουσαι τὸ $\gamma\epsilon$ τμήμα.
 συμβαίνει τοίνυν τὰς μὲν ἀπὸ
 τῆς κοινῆς τομῆς ἴσας εἶναι τῇ
 $\alpha\beta$ τῇ δοθείσῃ, οὐκέτι δὲ τὰς
 τοῦ τριγώνου ἴσας, ἀλλὰ ἐλάσ-
 σονας τὰς δύο || τῆς $\alpha\beta$. τοῦτον

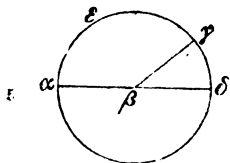


δὲ μὴ συστάντος οὐδ' ἂν τὰ ἐφεξῆς ἔτι σύστασιν λά-
 βοι. μήποτε οὖν, φησὶν ὁ Ζήνων, καὶ τῶν ἀρχῶν 10
 δοθεισῶν οὐχὶ ἔπεται τὰ ἐξῆς, εἰ μὴ καὶ τοῦτο προ-
 ληφθεῖ τὸ μήτε περιφερῶν μήτε εὐθειῶν εἶναι τμή-
 ματα κοινά.

Πρὸς δὴ ταῦτα ρητέον πρῶτον μὲν, ὅτι τοῦτο
 τρόπον τινὰ προεῖληπται ἐν ταῖς ἀρχαῖς τὸ δύο εὐ- 15
 θειῶν μὴ εἶναι τμήμα κοινόν — καὶ γὰρ ὁ τῆς εὐθείας
 ὁρισμὸς τοῦτο εἶχεν, εἶπερ εὐθειά ἐστιν ἡ ἐξ ἴσων κει-
 μένη τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις. τὸ γὰρ ἴσον εἶναι τὸ
 διάστημα τῶν σημείων τῇ εὐθείᾳ μίαν ποιεῖ τὴν συν-
 ἀπτουσαν αὐτὰ καὶ ἐλαχίστην, ὥστε, εἰ τις αὐτὴν κατὰ 20
 μέρος ἐφαρμόσοι, καὶ κατὰ λοιπὸν μέρος ἐφαρμόττειν.
 ἐπ' ἄκρον γὰρ τεταμένη διὰ τὸ ἐλαχίστην εἶναι ὅλη
 ἐπὶ ὅλην πίπτειν ἀναγκασθήσεται — καὶ δὴ καὶ ὅτι
 ἐν τοῖς αἰτήμασι τοῦτο προδήλως εἰληπται. τὸ γὰρ
 καὶ πεπερασμένην εὐθείαν ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν δεῖ 25
 κνύει σαφῶς, ὅτι μίαν εἶναι δεῖ τὴν ἐκβαλλομένην
 καὶ κατὰ μίαν κίνησιν ἐκβάλλεσθαι. εἰ δὲ δεῖ καὶ

3-8 In M triangulum aequilaterum est depictum et ϵ infra
 γ positum. 15 τὸ] τῶν G . 18 ἑαυτοῖς M . 21 ἐφαρμόσ-
 σοι G . 22 ἐπ' ἄκρων M . 27 κατὰ τὴν μίαν G .

ὥσπερ λήμματος τούτου λαβεῖν ἀπόδειξιν, ἔστω, εἰ
 δυνατόν, ἡ $\overline{αβ}$ τμήμα κοινὸν τῆς $\overline{αγ}$ καὶ τῆς $\overline{αδ}$, καὶ



κέντρῳ μὲν τῷ $\overline{β}$, διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{βα}$ γεγράφθω κύκλος ὁ $\overline{αγδ}$. ἐπεὶ
 οὖν εὐθεία ἐστὶ διὰ τοῦ κέντρου ἡ
 $\overline{αβγ}$, ἡμικύκλιόν ἐστι τὸ $\overline{αεγ}$, καὶ
 ἐπεὶ εὐθεία διὰ τοῦ κέντρου ἡ
 $\overline{αβδ}$, ἡμικύκλιον τὸ $\overline{αεδ}$. ἴσα ἄρα ἀλλήλοις τὰ $\overline{αεγ}$
 $\overline{αεδ}$ ὅπερ ἀδύνατον.

- 10 Πρὸς δὴ ταύτην τὴν ἀπόδειξιν ὁ Ζήνων εἰποι
 ἄν, ὅτι καὶ τὸ τὴν διάμετρον δίχα τέμνειν τὸν κύκλον
 ἀποδεδείχεται προλαβόντων ἡμῶν, ὅτι οὐκ ἔστι δύο
 περιφερειῶν ἐν τμήμα κοινόν. | οὕτω γὰρ ἐλαμβάνο-
 μεν τὴν ἑτέραν ἐπὶ τὴν ἑτέραν ἐφαρμόττειν τῶν περι-
 15 φερειῶν, ἢ μὴ ἐφαρμόττουσαν ἐκτός πίπτειν ἢ ἐντός.
 κωλύει δέ, φησὶν, οὐδὲν μὴ ὅλην ἐφαρμόζειν πρὸς
 ὅλην, ἀλλὰ κατὰ τι μέρος. ἕως δ' ἂν μὴ ἀποδεικνύηται
 τὸ τὴν διάμετρον δίχα τέμνειν τὸν κύκλον οὐδὲ τὸ
 προκείμενον δειχθήσεται.

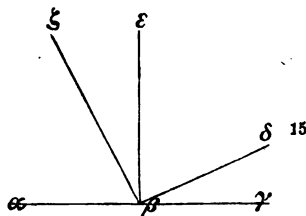
- 20 Πρὸς ταῦτα καὶ ὁ Ποσειδώνιος ὀρθῶς ἀπήντη-
 σεν ἐπισκώψας τὸν ^{ἐκ τῶν} ~~ὀριμνὸν~~ ^{ἐκ τῶν} ~~Επίκουρον~~ ὡς οὐ συν-
 ειδότα, καὶ κατὰ μέρος μὴ ἐφαρμόττωσιν αἱ περι-
 φέρειαι, || προχωροῦσαν τὴν ἀπόδειξιν· καθ' ὃ γὰρ

1 τοῦτο M, C. 2 καὶ ante κέντρῳ om. M. 4 βᾶ] βδ G,
 $\overline{αβ}$ C. 6 ἐστὶ ante τὸ $\overline{αεγ}$ om. G, add. C. 8 τὰ $\overline{αβγ}$
 $\overline{αβδ}$ M, G. 10 δὲ G, δὴ C. 14 τὴν post ἐλαμβάνομεν
 om. G, add. C. 15 ἔξω G, ἐκτός C. 21 ὡς συ συνειδότα M,
 ὡς συνειδότα G, 'tanquam conscium' B, 'utpote cognoscen-
 tem' Z.

οὐκ ἐφαρμόζουσι μέρος, ἡ μὲν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτὸς ἔσται, καὶ τὰ αὐτὰ ἄτοπα, τῆς εὐθείας ἀπὸ τοῦ κέντρου προβληθείσης ἐπὶ τὴν ἐκτὸς περιφέρειαν. ἔσονται γὰρ ἴσαι αἱ ἐκ τοῦ κέντρου οὐσαι, ἥ τε μείζων ἢ ἐπὶ τὴν ἐκτὸς καὶ ἡ ἐλάσσων ἢ ἐπὶ τὴν ἐντός. ἡ οὖν ὅλη πρὸς ⁵ ὅλην ἐφαρμόσει καὶ ἴσαι εἰσὶν, ἥ κατὰ μέρος ἐφαρμόζουσα παραλλάττει καθ' ἕτερον, ἡ οἷδεν μέρος αὐτῆς οὐδενὶ ἐφαρμόξει, καὶ εἰ τοῦτο, ἡ ἐκτὸς πίπτει ἢ ἐντός· πάντα δὲ ταῦτα ὡσαύτως διελέγχεται.

Ταῦτα μὲν ὑπὲρ τούτων· ὁ δὲ Ζήνων ἐτέραν ¹⁰ ἀπόδειξιν ἀναγράφει τοιαύτην, ἣν καὶ διαβάλλειν ἐπιχειρεῖ. ἔστω γὰρ δύο εὐ-

θειῶν τῶν $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$ τμήμα κοινὸν ἢ $\overline{αβ}$ καὶ ἤχθω τῇ $\overline{αγ}$ πρὸς ὀρθὰς ἢ βε. ὀρθὴ ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{εβγ}$. εἰ μὲν οὖν καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{εβδ}$ ὀρθή, ἴσαι ἔσονται,



ὅπερ ἀδύνατον, εἰ δὲ μή, ἤχθω τῇ $\overline{αδ}$ πρὸς ὀρθὰς ἢ $\xiβ$. ὀρθὴ ἄρα ἢ ὑπὸ $\xiβα$. ἣν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ $\epsilonβα$ ὀρθή· ἴσαι ἄρα εἰσὶν ἀλλήλαις, ὅπερ ἀδύνατον. ἡ μὲν ²⁰ οὖν ἀπόδειξις αὕτη· διαβάλλει δὲ αὐτὴν ὡς προλαμβάνουσάν τι τῶν ὕστερον, ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ [εὐθείαν] πρὸς ὀρθὰς ἀγαγεῖν. ὁ δὲ Ποσειδώνιος οὐδαμοῦ μὲν ἐν ταῖς στοιχειώσεσιν ἀπόδειξιν τοιαύτην φέρεσθαί φησιν, ἀλλὰ τὸν ²⁵

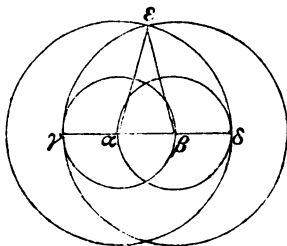
1 οὐκ om. G. 5 εἰ οὖν G, ἢ οὖν C. 6 εἰσὶν, ἢ ἢ G. 11 ἀπόδειξιν C. || In M angulus $\xiβδ$ acutus est. 14 ἤχθω om. M. 21 διαβάλλει δὲ αὐτὴν om. G. || παραλαμβάνουσης G, παραλαμβάνουσας C. 23 εὐθείαν om. M, B, G.

Ζήνωμα συνοφαντεῖν τοὺς ἐφ' ἐαυτοῦ γεωμέτρως ὡς
 + μόχθηρα αποδείξει χρωμένους· εἶναι δέ τινα καὶ ὑπὲρ
 ταύτης λόγον εἰπεῖν. ἐπεὶ γὰρ ἐστὶ τις πάντως ἐκάτερα
 τῶν εὐθειῶν πρὸς ὀρθάς — πᾶσαι γὰρ δύο εὐθεῖαι
 5 δύνανται ποιεῖν ὀρθήν. καὶ τοῦτο προσηλήφαμεν ὀρι-
 ζόμενοι τὴν ὀρθήν. παρὰ γὰρ τὴν τοιάνδε κλίσιν
 μόνην ὑφιστάνομεν τὴν ὀρθήν — ἔστω ἥδε τυχὸν ἦν
 ἀνεστήσαμεν. πρὸς τὸ καὶ αὐτὸν τὸν Ἐπίκουρον
 συγχαρεῖν καὶ τοὺς ἄλλους φιλοσόφους πολλὰ μὲν
 10 δυνατὰ πολλὰ δὲ καὶ τῆς ἀδυνατοῦ ὕλης ὑποτίθεσθαι
 τῆς τοῦ ἀκολούθου ἔνεκα θεωρίας.

|| Τοσαῦτα περὶ τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου. δεῖ δὲ
 καὶ τὰ λοιπὰ συστήσασθαι καὶ πρότερον τὸ ἰσοσκελές.

ἔστω οὖν ἡ $\overline{αβ}$, ἐφ' ἧς δεῖ συστήσασθαι τὸ ἰσοσκελές.

15



20

καὶ γεγράφθωσαν κύκλοι
 ὡς ἐπὶ τοῦ ἰσοπλεύρου καὶ
 ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα ἡ
 $\overline{αβ}$ ἐπὶ τὰ $\overline{γδ}$ σημεία. ἴσα
 ἄρα ἡ $\overline{γβ}$ τῇ $\overline{αδ}$. κέντρῳ
 οὖν τῷ $\overline{β}$, διαστήματι δὲ
 τῷ $\overline{γβ}$ γεγράφθω κύκλος ὁ

$\overline{γε}$, καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ $\overline{α}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{δα}$ ὁ δὲ
 κύκλος. καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{ε}$, καθ' ὃ τέμνουσιν ἀλλήλους
 οἱ κύκλοι ἐπὶ τὰ $\overline{αβ}$ σημεία ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{εα}$ $\overline{εβ}$.

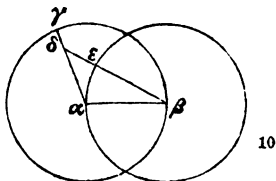
25 ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ μὲν $\overline{εα}$ τῇ $\overline{αδ}$, ἡ δὲ $\overline{εβ}$ $\overline{βγ}$, ἴση δὲ ἡ

1 ἀφ' G, ἐφ' C. 5 προσηλήφαμεν M, G, 'praeassumpsi-
 mus' B, 'praecepimus' Z. 6 τοιαύτην C. 10 ὑποτίθεσθαι G.
 17 ἐκάτερας G, ἐφ' ἐκάτερα C.

$\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$, ἴση καὶ ἡ $\overline{\epsilon\alpha}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$. ἀλλὰ καὶ μείζους τῆς $\overline{\alpha\beta}$. ἰσοσκελὲς ἄρα ἐστὶν τὸ $\overline{\alpha\beta\epsilon}$ τρίγωνον, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Ἀλλὰ δὴ προστετάχθω σκαληνὸν συστήσασθαι τρίγωνον ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας τῆς $\overline{\alpha\beta}$. καὶ γε-
γράφωσαν οἱ κύκλοι κέντροις

καὶ διαστήμασιν ὡς ἐπὶ τῶν πρότερον. καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τοῦ κέντρον ἔχοντος τὸ $\overline{\alpha}$ σημεῖον τὸ $\overline{\gamma}$ καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{\alpha\gamma}$, καὶ ἐπὶ ταύτῃ σημεῖον τὸ $\overline{\delta}$, καὶ



ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{\delta\beta}$. ἐπεὶ οὖν κέντρον τὸ $\overline{\alpha}$, ἴση δὲ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, μείζων ἄρα ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῆς $\overline{\alpha\delta}$. κέντρον δὲ καὶ τὸ $\overline{\beta}$. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{\epsilon\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$. μείζων ἄρα ἡ $\overline{\delta\beta}$ τῆς $\overline{\beta\alpha}$. ἡ δὲ $\overline{\beta\alpha}$ τῆς $\overline{\alpha\delta}$ μείζων. αἱ τρεῖς ἄρα $\overline{\delta\beta}$ $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\delta}$ 15 ἄνισοί εἰσιν· σκαληνὸν ἄρα τὸ τρίγωνόν ἐστιν, ὥστε συνεστάθῃ τὰ τρία τρίγωνα.

Ταῦτα μὲν οὖν πολυθρύλητα, τὸ δὲ ἐν τούτοις γλαφυρόν, ὅτι τὸ μὲν ἰσόπλευρον πανταχόθεν ἴσον ὄν μοναχῶς συνίσταται, τὸ δὲ ἰσοσκελὲς ἐν δύο μόναϊς 21 πλευραῖς ἰσότητα ἔχων διχῶς συνίσταται· ἡ γὰρ δοθεῖσα εὐθεῖα ἢ ἐλάσσων ἐστὶν ἀμφοτέρων τῶν ἴσων,

2 ἐστὶν om. G, add. C. 6—11 Figuram bis in M descriptam cum priore coniunxit B mutata tamen constructione.

10—11 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{\alpha\gamma}$. . . τὸ $\overline{\delta}$ om. G, add. C; 'et pro-tendatur recta Linea af, producatumque ad g Signum' B.

13 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ G, τῆς $\overline{\alpha\delta}$ C. 18 οὖν om. G. || πολυθρύλλεται G, πολυθρίλλεται C. 21 ἰσότητα . . . συνίσταται om. G, add. C.

ὡς ἡμεῖς ἐποιήσαμεν, ἢ μείζων ἀμφοτέρων, τὸ δὲ σκα-
ληνὸν πάντῃ ἄνισον ὃν τριχῶς συνίσταται· ἢ γὰρ
δοθεῖσα ἢ μεγίστη ἐστίν, ἢ ἐλαχίστη τῶν τριῶν, ἢ τῆς
μὲν μείζων, τῆς δὲ ἐλάσσων. καὶ ἔξεστιν ἐκάστην
5 ἑαυτῷ ἢ προτείναντα ἢ συστείλαντα τῶν ὑποθέσεων
γυμνάζεσθαι· ἥμιν δὲ ἀρκείτω τὰ ἐκκείμενα.

Καθόλου δὲ θεωρήσομεν, ὅτι τῶν προβλημάτων
τὰ μὲν μοναχῶς γίνεταί, τὰ δὲ πλεοναχῶς, τὰ δὲ
ἀπειραχῶς. λέγεται δὲ, ὡς φησὶν Ἀμφίνομος, τὰ
10 μὲν μοναχῶς συνιστάμενα [τεταγμένα], τὰ δὲ πλεονα-
χῶς || καὶ κατὰ ἀριθμὸν ὠρισμένον μέσα, τὰ δὲ ἀπειρα-
χῶς ποικιλλόμενα ἄτακτα. πῶς μὲν οὖν μοναχῶς ἢ
πλεοναχῶς συσταίῃ ἂν προβλήματα, δῆλον ἐπὶ τῶν
εἰρημένων τριγώνων. τὸ μὲν γὰρ ἰσόπλευρον μοναχῶς,
15 τῶν δὲ λοιπῶν τὸ μὲν διχῶς συνίσταται, τὸ δὲ τρι-
χῶς. ἀπειραχῶς δὲ τὰ τοιαῦτα προβλήματα γένοίτο
ἂν· τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν τεμεῖν εἰς τρία ἀνάλογα.
εἰ μὲν γὰρ εἰς διπλάσιον λόγον τμηθεῖ καὶ τὸ ἀπὸ
τῆς ἐλάσσονος παρὰ τὴν μείζονα παραβληθεῖ ἔλλειπον
20 εἶδει τετραγώνῳ, ἔσται εἰς τρία ἴσα τετμημένη. εἰ δὲ |
τὸ μείζον τμήμα τοῦ ἐλάσσονος εἴῃ μείζον ἢ διπλάσιον
ἢ τριπλάσιον καὶ παραβληθεῖ τῷ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος

3 δοθεῖσα εὐθεῖα *G*. 4 αὐτῶν *G*, ἑαυτῶν *C*. 8 Post
γίνεται (γίνεται) additum est τὰ δὲ διχῶς in *H*, p. 454,
*H*₂ p. 259. 10 τεταγμένα om. *M*, *B*₂, *G*; 'ordinata' *B*;
excidiisse verbum est manifestum. In *G* adscripsit *C* in mar-
gine: 'additae hic fuerant dictiones quaedam, mihi (?) non
apparebat quid significaret'. Z nihil videtur desideravisse.
11 ὠρισμένον] συνιστάμενον *G*, ὠρισμένον *C*. 17 τέμνειν
(τέμνον) *H*₂ p. 260. || εἰς τὰ τρία *G*. || ἀνάλογος *H*₂ p. 260
(ἀνάλογα *H*₁ p. 454?). 19 παραβληθῇ *M*, *G*. 20 τετρά-
γωνος *G*, τετραγώνῳ *C*. || ἐστὶν *G*. 21 'maius quam duplum,
utputa triplum' *B*; equidem cum Z vertendum puto 'vel tri-
plum.' 22 τῷ] τὸ *G*.

ἴσον παρὰ τὴν μείζονα ἔλλειπον εἶδει τετραγώνῳ, ἔσται εἰς ἄνισα τρία ἀνάλογον τετμημένη. ἐπεὶ οὖν ἀπειραχῶς ἂν εἰς δύο τμηθεῖη, ὧν τὸ μείζον [τοῦ ἐλάσσονος μείζον] ἔστιν ἢ διπλάσιον ἢ τριπλάσιον — ἐπ' ἀπειρον γὰρ ὁ πολλαπλάσιος πρόεισι λόγος — 5 ἀπειραχῶς καὶ εἰς τρία ἀνάλογα τμηθήσεται.

Λεῖ δὲ εἰδέναι καὶ ὅτι τὸ πρόβλημα λέγεται πλεοναχῶς. καὶ γὰρ πᾶν τὸ προτεινόμενον πρόβλημα καλεῖται, εἴτε μαθήσεως ἔνεκα προτείνοιτο εἴτε καὶ ποιήσεως. ἰδίως δὲ ἐν τοῖς μαθήμασι καλεῖται πρό- 10 βλημα τὸ προτεινόμενον εἰς ποίησιν τὴν θεωρητικὴν. καὶ γὰρ τὸ ποιούμενον ἐν τούτοις τέλος ἔχει τὴν θεωρίαν· καὶ πολλάκις μὲν καὶ τῶν ἀδυνάτων τινὰ προβλήματα καλοῦσιν, ἰδιώτερον δὲ τὸ δυνατόν καὶ μήτε πλεονάζον μήτε ἔλλειπον ἔχει τὴν ἐπωνυμίαν ταύτην. 15 ἔστιν δὲ πλεονάζον μὲν τὸ τοιόνδε τριγώνον ἰσοπλευρον συστήσασθαι ἔχον τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ διμοῖρον ὀρθῆς. τοῦτο γὰρ παρέλκει καὶ περιττῶς πρόσκειται. παντὶ γὰρ ὑπάρχει τῷ ἰσοπλεύρῳ τριγώνῳ. τῶν δὲ πλεοναζόντων ὅσα μὲν ἀσυμβάτοις πλεονάζει συμ- 20 πτώμασι καὶ ἀνυπάρκτοις ἀδύνατα ταῦτα προσαγορεύουσιν, ὅσα δὲ συμβαίνειν δυναμένοις μείζονα ἢ προβλήματα ταῦτα καλοῦσιν. ἔλλειπές δὲ ἔστι πρόβλημα, ἢ καλεῖται ἔλασσον ἢ πρόβλημα, τὸ προσδήκης ἄλλης δεόμενον, ἵνα ἐκ τῆς ἀοριστίας εἰς τάξιν καὶ ὄρον 25

1 τετραγώνος G, τετραγώνῳ C. 2 ἔστιν G. 3 τμηθεῖς G, τμηθεῖη C. || τοῦ ἐλάσσονος μείζον om. M, B₃, G; 4 'aut duplum aut triplum' Z, 'vel duplum vel triplum' B; ego verterim 'quam duplum vel triplum' ut supra. 17 ἔχοντι τῆς G, ἔχον τῇ C. 20 ἀσυμβάτοις G. 22 συμβαίνει M. || ἢ om. G, B, Z, add. B₃, C; in M evanuit quidem ἢ una cum littera π proximi verbi, sed spatium adest duabus litteris sufficiens.

24 ὁ καλεῖται ... πρόβλημα om. G.

ἐπιστημονικὸν ἀχθῇ· οἷον εἰ λέγοι τις ἰσοσκελὲς συ-
 στήσασθαι τρίγωνον. ἔλλειπες γὰρ τοῦτο καὶ ἀοριστῶ-
 4 δες καὶ δεῖ τοῦ προσθήσοντος, ὅποιον ἰσοσκελὲς, τὸ
 ἔχον μείζονα τὴν βάσιν ἢ τὸ ἐλάσσονα ἔχον τῶν ἰσων
 5 ἑκατέρως, καὶ πότερον τὸ ἔχον τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ
 γωνίαν διπλὴν ἑκατέρως τῶν πρὸς τῇ βάσει, οἷον τὸ
 ἡμιτετράγωνον, ἢ τὸ ἔχον ἑκατέραν τῶν πρὸς τῇ βά-
 σει || τῆς πρὸς τῇ κορυφῇ διπλὴν ἢ κατ' ἄλλον τινὰ
 λόγον τὰς γωνίας ταύτας ἔχον, τριπλάσιον ἢ τετρα-
 10 πλάσιον. δυνατόν γὰρ ἀπειραχῶς ποικίλλειν. φανε-
 ρὸν οὖν ἐκ τούτων, ὅτι τὰ κυρίως λεγόμενα προβλή-
 ματα βούλεται τὴν ἀοριστίαν διαφεύγειν καὶ μὴ εἶναι
 τῶν ἀπειραχῶς γινομένων. λέγεται δὲ ὅμως κάκεῖνα
 προβλήματα διὰ τὴν ὁμωνυμίαν τοῦ προβλήματος.
 15 τὸ δὲ πρῶτιστον πρόβλημα τῶν στοιχείων καὶ ταύτην
 πλεονεκτεῖ τῷ μῆτι πλεονάζον εἶναι μῆτε ἔλλειπες μῆτε
 ἀόριστον καὶ πολλαχῶς ἢ ἀπειραχῶς συνιστάμενον.
 ἔδει γὰρ τοιοῦτον εἶναι τὸ τῶν ἄλλων στοιχείων
 ἐσόμενον.

20 Prop. II, probl. II. Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ τῇ
 δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι.

Τῶν προβλημάτων τὰ μὲν ἄπτωτά ἐστιν, τὰ δὲ
 πολύπτωτα, ὥσπερ καὶ τῶν θεωρημάτων. ὅσα μὲν
 οὖν τὴν αὐτὴν δύναμιν ἔχει διὰ πλείονων πεφοιτη-

1 ταχθῇ C. 4 ἔχον τῶν] ἐχόντων G. B₂, = M. || ἴσας G,
 ἴσον C. B₂, = M. Forsitan exciderit post ἴσων πλεονῶν. 'utro-
 que aequalium Laterum, B, Z. 6—8 ἑκατέρως τῶν ... διπλὴν
 om. G, add C sed omissis verbis, οἷον τὸ ... τῇ βάσει. 9 τρῶ-
 πον G, λόγον C. 12 διαφνεῖν H₁ p. 455, H₂ p. 270.

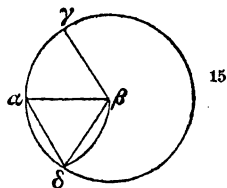
20 In M in margin: β πρόβλημα.

κυλιν διαγραμμάτων καὶ τὰς θέσεις ἐξαλλάττοντα τὸν
 αὐτὸν φυλάττει τῆς ἀποδείξεως τρόπον, ταῦτα λέγεται
 πτώσεις ἔχειν. ὅσα δὲ κατὰ μίαν θέσιν καὶ κατα-
 σκευὴν μίαν προκόπτει, ταῦτα ἄπτωτά ἐστιν. ἀπλῶς
 γὰρ ἡ πτώσις περὶ τὴν κατασκευὴν ὁρᾶται καὶ τῶν 5
 θεωρημάτων καὶ τῶν προβλημάτων. ἐστὶν οὖν τὸ β
 πρόβλημα πολύπτωτον, δέδοται δὲ ἐν αὐτῷ τὸ μὲν
 σημείον τῇ θέσει — ταύτῃ γὰρ καὶ δίδεται μόνον —
 ἡ δὲ εὐθεία τῷ τε εἶδει — οὐ γὰρ ἀπλῶς ἐστὶ γραμμή,
 ἀλλὰ τοιάδε — καὶ τῇ θέσει. ζητεῖται δὲ ταύτῃ τῇ 10
 εὐθείᾳ ἴσην θέσθαι πρὸς τῷ σημείῳ, ὅπου ποτ' ἂν ἡ
 τοῦτο κείμενον. πρόδηλον δὲ ὅτι πάντως ἐν τῷ ὑπο-
 κειμένῳ ἐπιπέδῳ τὸ σημείον ἐστὶν, ἐν ᾧ καὶ ἡ εὐθεία
 καὶ οὐκ ἐν μετεωροτέρῳ. πᾶσι γὰρ τοῖς τῶν ἐπιπέδων
 προβλήμασιν καὶ θεωρήμασιν ἐν ἐπίπεδον ὑποκείσθαι 15
 χρή νομίζειν. εἰ δέ τις ἀποροίη, πῶς τῇ δοθείσῃ
 εὐθείᾳ θέσθαι ἴσην παρακαλεῖται — τί γάρ, εἰ ἄπει-
 ρος δέδοται; τὸ γὰρ δοθὲν τοῦτο καὶ ἐπὶ τὴν πεπε-
 ρασμένην φέρει καὶ ἐπὶ τὴν ἄπειρον· σημαίνει γὰρ
 τὸ ἐκκείμενον πᾶν καὶ || ὑποβεβλημένον ἡμῖν εἰς τὴν 20
 ζήτησιν. δηλοῖ δὲ καὶ αὐτὸς ὅτε μὲν λέγων, ἐπὶ τῆς
 δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης συστήσασθαι τρίγων-
 νον ἰσόπλευρον, ὅτε δὲ ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν
 ἄπειρον κάθετον ἀγαγεῖν — εἰ τις οὖν ταῦτα διαπο-
 ροίη, λεκτέον ὅτι τὴν ἴσην τῇ δοθείσῃ πρὸς τῷ δο- 25
 θέντι σημείῳ θέσθαι παρακαλευσάμενος πῶς οὐχὶ δῆ-
 λόν σοι πεποίηκεν αὐτόθεν, ὅτι ἡ δοθεῖσα πεπεράσται;
 πάντως γὰρ ἡ πρὸς τῷ σημείῳ τεθησομένη πεπεράσται

2. λόγον G, τρόπον C, H₁ p. 455, H₂ p. 270. 3. πτώσιν G,
 πτώσις (πτώσεις, πτώσεις) H₂ p. 270. 9 ἡ τε M. 10 δὲ
 ταύτῃ] γὰρ ταῦτα G. 24 ἀποροίη G, διαποροίη C.

κέντρῳ τῷ δ , διαστήματι δὲ τῷ $\delta\epsilon$ κύκλος ὁ $\epsilon\zeta$. ἐπεὶ οὖν κέντρον τὸ α , ἴση ἢ $\beta\alpha$ τῇ $\alpha\epsilon$. καὶ διὰ τὰ αὐτὰ ἴση ἢ $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\eta$, ὡς ἢ $\delta\gamma$ τῇ $\delta\alpha$ ἴση — τρίγωνον γὰρ ἰσόπλευρον τὸ $\delta\alpha\gamma$ — λοιπὴ ἄρα ἢ $\alpha\epsilon$ τῇ $\gamma\eta$ ἴση ἐστίν. ἣν δὲ ἢ $\alpha\epsilon$ τῇ $\alpha\beta$ ἴση, ὥς ἀδείκνυται. καὶ ἢ $\gamma\eta$ 5 ἄρα ἴση τῇ $\alpha\beta$. πρὸς τῷ δοθέντι ἄρα σημείῳ τῷ γ ἴση ἢ $\gamma\eta$ ἐτέθη τῇ $\alpha\beta$.

Ὡς μὲν οὖν πρὸς τὴν τοῦ σημείου θέσιν τοσαῦται γίνονται πτώσεις, ὥς δὲ πρὸς τὴν τοῦ τριγώνου τοῦ ἰσοπλεύρου σύστασιν καὶ τὰς τῶν πλευρῶν ἐκβολὰς 10 καὶ τὰς τῶν κύκλων γραφὰς ἔτι πόλλῃ πλείους. || εἰλήφθω γὰρ ὥς ἐν τῷ στοιχείῳ τὸ α σημεῖον καὶ ἢ $\beta\gamma$ εὐθεῖα, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\beta\alpha$. τρίγωνον οὖν ἐπ' αὐτὴν ἰσόπλευρον μὴ συνεσταῖω ἄνω ἔχον τὴν κορυφὴν διὰ τὸ μὴ εἶναι τόπον, ἀλλὰ κάτω καὶ ἔστω τὸ $\alpha\delta\beta$. οὐκ οὖν ἦτοι ἴση ἢ $\alpha\delta$ τῇ $\beta\gamma$ ἢ μελ- 15 ζων ἢ ἐλάσσων. εἰ μὲν οὖν ἴση, γέγονεν τὸ προταχθέν, εἰ δὲ ἐλάσσων, κέντρῳ τῷ β , διάστηματι δὲ 20

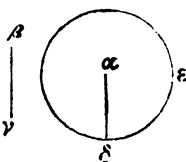


3 $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\zeta$ G , $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\eta$ C . 4 $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 5 ἣν δὲ καὶ C . || $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 7 $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 12 στοιχείῳ τούτῳ σημεῖον τὸ α G , στοιχείῳ τὸ σημεῖον M , C , 'sicut in elemento signum α ' Z , 'in hoc Elemento Signum α ' B , quem fugit voce στοιχείῳ primi problematis figuram significari. Hinc factum est ut et in figuris et in contextu iusto plura mutaret. 13 καὶ ante ἐπεξεύχθω om. G , add. C . 13—17 Figura in M et Z est omissa. B alia ratione eam construxit. 20 usque ad p. 226 9 Hunc locum B bis interpretatus est, primum in contextu, iterum in margine.

κέντρον τοῦ $\overline{\eta\epsilon}$, ἴση ἢ $\overline{\eta\delta}$ τῇ $\overline{\delta\epsilon}$. ἦν δὲ καὶ ἡ $\overline{\delta\alpha}$ τῇ $\overline{\delta\beta}$ ἴση· λοιπὴ ἄρα ἡ $\overline{\alpha\eta}$ ἴση τῇ $\overline{\beta\epsilon}$. ἄλλα ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐκ κέντρον γὰρ εἰσιν ἀμφοτέρω· ἡ ἄρα $\overline{\alpha\eta}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$ καὶ κεῖται πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι. πολλῶν δὲ καὶ ἐτέρων πτώσεων οὐσῶν ἀρκεῖ⁵ καὶ ταύτας πρὸς τὸ παρὸν ἀναγράψασθαι· καὶ γὰρ ἀπὸ τούτων δυνατὸν καὶ περὶ τὰς ἄλλας γυμνάσασθαι τοῖς ζητητικωτέροις.

Ἦδη δὲ τινες ἀφελόντες τὴν τοῦ στοιχείου τούτου κατασκευὴν καὶ ποιικιλίαν εἰρήκασιν οὕτως· ἔστω τὸ 10

$\overline{\alpha}$ τὸ δοθὲν σημεῖον, ἡ δὲ $\overline{\beta\gamma}$ ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα καὶ κέντρῳ μὲν τῷ $\overline{\alpha}$ διαστήματι δὲ τοσοῦτῳ, ὅση ἐστὶν ἡ $\overline{\beta\gamma}$, κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{\epsilon\delta}$ καὶ προσεκβεβλήσθω τις εὐθεῖα ἀπὸ τοῦ



15

$\overline{\alpha}$ ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἡ $\overline{\alpha\delta}$. αὕτη ἄρα ἴση τῇ $\overline{\beta\gamma}$ · τοσαύτη γὰρ ἦν ἡ ἐκ τοῦ κέντρον ὅση ἡ $\overline{\beta\gamma}$, || καὶ γέγονεν τὸ ἐπιταχθέν. εἰ τις οὖν ταῦτα λέγοι, τὸ ἐν ἀρχῇ αἰτεῖται. ὅταν γὰρ λέγῃ κεντρῷ τὸ $\overline{\alpha}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\beta\gamma}$ γράφεσθαι τὸν $\overline{\epsilon\delta}$ κύκλον, ἴσην ἔλαβεν ἥδη 20 τρόπον τινὰ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ κειμένην πέρατι, καὶ φυλάττον τὸ αἶτημα τοῦ διαστήματος τοῦτο μὲν ἐποίει κέντρον, τῷ δὲ ἔγραφεν τὸν κύκλον, ἐνταῦθα δὲ ἄλλο

1 ἡ $\overline{\eta\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta\epsilon}$ M, C, ἡ $\overline{\eta\alpha}$ τῇ $\overline{\eta\epsilon}$ G. 6 ταῦτα G.

8 ζητητικωτέροις G. 20—21 γράφεσθαι ... τῇ $\overline{\beta\gamma}$ om. G, add. C. 22 φυλάττων G, φυλάττον C, 'servans petitio' B, 'servans postulatum' Z. || ἐποίη κέντρον, τὸ δὲ C.

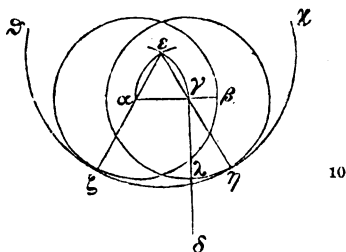
μὲν τὸ κέντρον, ἀλλαχοῦ δὲ τὸ διάστημα τοῦ κύκλου.
πάντη ἄρα τὸν τρόπον τοῦτον τῆς ἀποδείξεως οὐ
προσθησόμεθα.

Prop. III, probl. III. Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν
5 ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσην
ἀφελείν.

Τρίτον πρόβλημα τοῦτο δεδομένας μὲν ἔχον δύο
εὐθείας κατὰ τὸ μέγεθος ἀνίσους, προστάττον δὲ ἀφε-
λεῖν ἀπὸ τῆς μείζονος ἴσην τῇ ἐλάσσονι. ἔστι δὲ καὶ
10 τοῦτο πολύπτετον. αἱ γὰρ δοθεῖσαι ἄνισοι εὐθεῖαι
ἢ διεστιάσιν ἀπ' ἀλλήλων, ὡς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ,
ἢ καθ' ἓν πέρας συνάπτονται, ἢ τέμνουσιν ἀλλήλας,
ἢ ἡ ἑτέρα κατὰ τὸ πέρας ἑαυτῆς τέμνει τὴν ἑτέραν,
καὶ τοῦτο διχῶς, ἢ γὰρ ἡ μείζων τὴν ἐλάσσων, ἢ ἡ
15 ἐλάσσων τὴν μείζονα. ἀλλ' εἰ μὲν καθ' ἓν συν-
άπτοντο πέρας, δῆλη ἡ ἀπόδειξις. τῷ γὰρ κοινῷ πέ-
ρατι κέντρῳ χρησάμενος διαστήματι δὲ τῇ ἐλάσσονι
τῶν εὐθειῶν γράψεις κύκλον καὶ τὴν μείζονα τεμεί-
καὶ ἀφαιρήσεις ἴσην τῇ ἐλάσσονι. ὅσον γὰρ τῆς μεί-
20 ζονος ὁ κύκλος ἐντὸς ἀποτεμένεται, τοσοῦτον ἴσον ἔσται
τῇ ἐλάσσονι. εἰ δὲ ἡ ἑτέρα τέμνοι τὴν ἑτέραν κατὰ
τὸ ἑαυτῆς πέρας, ἥτοι ἡ μείζων τὴν ἐλάσσονα τέμνει
ἢ ἀνάπαλιν, καὶ εἰ ἀλλήλας τέμνουσιν, ἢ εἰς ἴσα τέμνον-

2 τὸν τρόπον τοῦτον] Veri non dissimile est τῷ τρόπῳ
τούτῳ fuisse scriptum. B₃ = M. G. 3 προσθησόμεθα] 'appro-
babimus' et in margine 'conciliabimus' B, 'admittimus' Z.
9 ἴση G, ἴσην C. 12—13 συνάπτονται . . . τὸ πέρας om. G,
add. C. 20 ἔστι G. 21 τέμνει G. 22 ἡ om. G. || τέμνειν C.
τέμει M. 23 ἀλλήλαις τέμνειεν G.

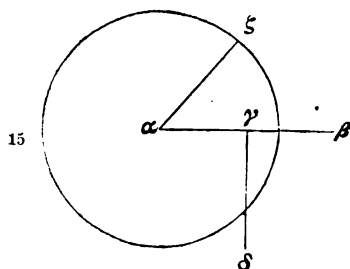
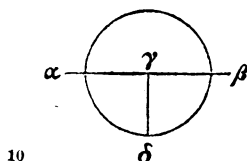
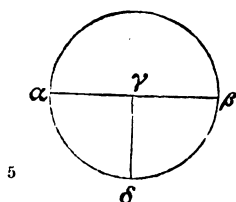
ται ὑπ' ἀλλήλων ἢ εἰς ἄνισα, ἢ ἡ μὲν εἰς ἴσα, ἡ δὲ
εἰς ἄνισα, καὶ τοῦτο διχῶς. ταῦτα γὰρ πάντα ποικιλίαν
ἡμῖν θαυμαστὴν παρέχεται γυμνασίας· παρακείσθω
δὲ καὶ ἡμῖν ὀλίγα || ἐκ πολλῶν. ἔστωσαν ἄνισοι εὐθεῖαι
ἡ $\overline{αβ}$ καὶ ἡ $\overline{γδ}$, μείζων δὲ ἡ $\overline{γδ}$, καὶ τεμνέτω τὴν $\overline{αβ}$ ⁵
τῷ ἐαυτῆς πέρατι τῷ $\overline{γ}$
καὶ κέντρῳ τῷ $\overline{α}$, διαστή-
ματι δὲ τῷ $\overline{αβ}$ κύκλος ὁ
 $\overline{βξ}$ καὶ τρίγωνον ἰσό-
πλευρον ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ τὸ
 $\overline{αεγ}$ · καὶ ἐκβεβλήσθωσαν
αἱ $\overline{εα}$ $\overline{εγ}$ · καὶ πάλιν κέν-



τρῳ τῷ $\overline{ε}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{εξ}$ κύκλος ὁ $\overline{θηκ}$ · καὶ
πάλιν κέντρῳ τῷ $\overline{γ}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{γγ}$ κύκλος ὁ
 $\overline{ηλ}$ · ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{εξ}$ ἴση τῇ $\overline{εη}$, κέντρον γὰρ τὸ $\overline{ε}$, ὥν ¹⁵
ἡ $\overline{εα}$ ἴση τῇ $\overline{εγ}$, λοιπὴ ἡ $\overline{αξ}$ ἴση τῇ $\overline{γγ}$ · ἀλλὰ καὶ ἡ
 $\overline{αξ}$ ἴση τῇ $\overline{αβ}$, κέντρον γὰρ τὸ $\overline{α}$, καὶ | αὕτη τῇ $\overline{γλ}$,
κέντρον γὰρ τὸ $\overline{γ}$ · ἴση ἄρα τῇ $\overline{αβ}$ ἀφήρηται ἡ $\overline{γλ}$.

Ἀλλὰ δὴ ἔστω ἐλάσσων τῆς $\overline{αβ}$ ἡ $\overline{γδ}$, καὶ τε-
μνέτω τὴν $\overline{αβ}$ κατὰ τὸ $\overline{γ}$ τῷ ἐαυτῆς πέρατι. ἢ οὖν ²⁰
κατὰ τὸ μέσον αὐτὴν τεμεῖ ἢ οὐ κατὰ τὸ μέσον.

8 γεγράφθω κύκλος G. 13 ὁ $\overline{ηκ}$ G. 15 $\overline{ηα}$ M,
 $\overline{κλ}$ G, $\overline{ηλ}$ C. 17. 18 $\overline{γλ}$ $\overline{γδ}$ M utroque loco. 18 κέντρον
γὰρ ... ἡ $\overline{γλ}$ om. G, add. C. 19 τῆς $\overline{αγ}$ G, τῆς $\overline{αβ}$ C.
20 τὸ ἐαυτῆς πέρασι M. || γοῦν G. 21 τέμνει
αὐτὴν G.



πρότερον τεμνέτω κατὰ τὸ μέσον·
 οὐκοῦν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσειά ἐστι τῆς
 $\overline{\alpha\beta}$ καὶ ἴση ἢ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ
 ἐλάσσων τῆς ἡμισείας· καὶ κέν-
 τρω τῷ $\overline{\gamma}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\gamma\delta}$
 γράψας κύκλον ἀφαιρήσεις ἀπὸ
 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ μείζων
 τῆς ἡμισείας· καὶ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ ση-
 μείῳ θέμενος ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὴν
 $\overline{\alpha\zeta}$ καὶ γράψας κύκλον κέντρῳ
 τῷ $\overline{\alpha}$ διαστήματι τῷ $\overline{\alpha\zeta}$
 ἀφαιρήσεις ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$
 ἴσην τῇ $\overline{\alpha\zeta}$, τουτέστιν
 τῇ $\overline{\gamma\delta}$.

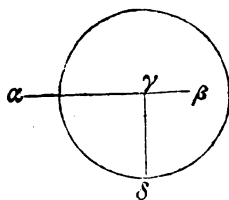
Εἰ δὲ μὴ κατὰ τὸ μέ-
 σον τέμνει τὴν $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\gamma\delta}$,
 ἔστω ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῆς ἡμισείας
 αὐτῆς μείζων. εἰ τοίνυν ἡ
 $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσειά ἐστὶν τῆς

1—4 Figuram om. B. 2 $\overline{\gamma\alpha}$ M. 5—8 Figuram om.
 M, Z. 6 διαγράφας G, γράψας C. 7 $\overline{\alpha\beta}$ G, $\overline{\alpha\gamma}$ C. || τὴν
 $\overline{\gamma\delta}$ G. 17—18 ἔσται ἡ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσεια αὐτῆς, ἢ μεί-
 ζων, ἢ ἴση, ἢ ἐλάσσων G (Z), ἔσται ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῆς ἡμισείας
 αὐτῆς κ. τ. λ. B₉, C. 'erit cd aut ipsius medietas, aut medietate
 maior, aut minor' B. 17 ἡ $\overline{\gamma\alpha}$] ἡ $\overline{\gamma\delta}$ M.

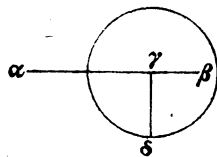
$\overline{\alpha\beta}$ ἢ ἐλάσσων, κέντρῳ χρησά-
μενος τῷ γ , διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{\gamma\delta}$ ἀφαιρήσεις ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσην
τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ μείζων ἐστὶ τῆς
ἡμισείας τῆς $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ
ἦτοι ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ — καὶ γέγονεν
τὸ προσταχθέν — ἢ \parallel καὶ ταύ-
της μείζων — καὶ πάλιν πρὸς
τῷ α θέμενος ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὰ
αὐτὰ ποιήσεις· κέντρῳ γὰρ τῷ
 α διαστήματι δὲ τῷ $\xi\alpha$
γράψεις κύκλον ἀφαιροῦν-
τα ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ ἴσην τῇ
 $\overline{\alpha\xi}$, τουτέστιν τῇ $\overline{\gamma\delta}$.

Εἰ δὲ τέμνοιεν ἀλλή-
λας ὡς αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\alpha\beta}$, κέντρῳ
τῷ β , διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{\beta\alpha}$ κύκλος γεγράφθω ὁ $\alpha\xi$

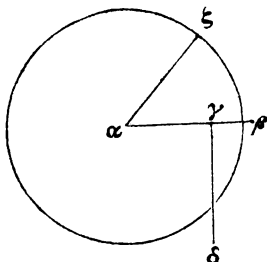
καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ $\overline{\beta\gamma}$ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ ξ . ἐπεὶ οὖν



5



10



15

1—9 Figuram priorem om. M , Z , cum sequente coniunxit B .

3 ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴσην G 4—6 ἢ μείζων ἐστὶ ...
τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ om. B_3 , G , B , Z . Sed recte se habent haec verba, etsi
structura est solutior. Potest enim circulus etiam describi
centro γ distantia $\gamma\delta$, si haec maior est dimidia linea $\alpha\beta$, sed
minor linea $\alpha\gamma$ vel huic aequalis. 5 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ M . 6 τῇ

$\overline{\alpha\beta}$ M . 9 τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὴν $\overline{\alpha\xi}$ B_3 , G , ἴpsam af ipsi cδ' B , Z .

11 δὲ om. G . 15 ἀλλήλας M . 19 ἐπὶ τῷ ξ G ,
ἐπὶ τὸ ξ C .

εἴτε τέμνοιεν ἀλλήλας, εἴτε ἡ ἑτέρα τὴν ἑτέραν, εἶδ' ὅπως οὖν ἄλλως ἔχοιεν θέσεως.

Prop. III, theor. I. Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυοῖς πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρῃ, ἔχει δὲ καὶ γωνίαν γωνία ἴσην τὴν ὑπὸ τῶν πλεωρῶν περιεχομένην, καὶ ἡν βάσει τῇ βάσει ἴσην ἔξει καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσον ἔσται καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται, ὅφ' ἃς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

10

Τοῦτο πρῶτον θεώρημα ἐν τῇ στοιχειώσει παρεῖληψαμεν, τὰ δὲ πρὸ τούτου πάντα προβληματικὰ ἦν, τὸ μὲν πρῶτον || περὶ τὴν τῶν τριγώνων γένεσιν πραγματευόμενον, τὸ δὲ δεύτερον καὶ τρίτον ἴσην εὐθείαν ἄλλην ἄλλη πορίσασθαι προτιθέμενα, καὶ τούτων τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ οὐκ ἴσου τὴν ἴσην ὑφίστατο, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ ἀνίσου κατὰ ἀφαίρεσιν τὸ ἴσον εὗρισκεν. τῆς οὖν ἰσότητος, ἣ τὸ πρῶτιστόν ἐστιν ἐν τῷ ποσῷ σύμπτωμα, πεπορισμένης κατὰ τε τὸ τρίγωνον καὶ εὐθείας, τοῦτο πρῶτον ὅπερ ἐξεθέμεθα θεώρημα παραδίδωσιν ἐπ' ἐκείνοις. καὶ πῶς γὰρ ἔμελλεν μὴ υποστηῆσαι τὰ τρίγωνα μηδὲ πορίσάμενος τὴν γένεσιν

1 εἰ τέμνοιεν ἀλλήλαις G. 2 G addit in margine: 'Hic desunt versus circiter 14'; et C adnotat, postquam supra omissa addidit: 'nihil aliud erat, sequebatur εἰν ut hic, sed continuo in eadem linea, et non apparebat defectus'. 3 τὰς om. M.

4 ταῖς δυοῖς πλευραῖς om. M, G, add. C excepto ταῖς. 9 M in margine: α θεώρημα. 12 τούτων G. || προβλήματα G, 'Problemata' B, Z. B₂ = M. 15—17 M in margine: ση. τί λέγει ἐνθάδε ὁ φιλόσοφος. 19 περιπορευομένης G, πεπορισμένης C. 20 τοῦτο τὸ πρῶτον G, C del. τὸ.

αὐτῶν περὶ τῶν καθ' αὐτὸ συμβεβηκότων αὐτοῖς
 διδάσκειν καὶ γωνιῶν τῶν ἐν αὐτοῖς ἰσότητος καὶ
 πλευρῶν, πῶς δὲ ἂν ἔλαβεν πλευρὰς ἴσας πλευραῖς
 καὶ εὐθείας ἄλλαις εὐθείαις μὴ τοῦτο διαπραγματευ-
 5 σάμενος προβληματικῶς καὶ μηχανησάμενος τὴν τῶν
 ἴσων εὐθειῶν εὐρεσιν, ἀγνέτω γὰρ εἰ τύχοι πρὸ τῆς
 ἐκείνων ποιήσεως, ὅτι ἐὰν δύο τρίγωνα τόδε τι τὸ
 σύμπτωμα ἔχῃ, ἔξει καὶ τόδε πάντως. ἀρα οὖν
 ῥᾶδιον παντὶ πρὸς αὐτὸν ἀπαντᾶν· ἴσμεν γὰρ ὅλως,
 10 εἰ συνίστασθαι δύναται τρίγωνον; ἐπαγέτω δὲ καὶ
 ὅτι καὶ τὰ δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ἴσας ἔχῃ
 ταῖς δύο πλευραῖς — οὐκ ἂν τις καὶ πρὸς τοῦτο διηπό-
 ρησεν, μήποτε οὐδὲ δυνατόν εὐθείας ἀλλήλαις ἴσας
 εἶναι; καὶ μάλιστα ἐπὶ τῶν γεωμετρίας εἰδῶν, ἐν οἷς
 15 οὐ πάντως ἀνισότητος οὔσης καὶ ἰσότης ἐστίν. μαθη-
 σόμεθα γοῦν ὅτι ἡ κερατοειδὴς αἰὲ ἀνισος τῇ ὀξείᾳ
 καὶ οὐδέποτε ἴση, καὶ ἡ τοῦ ἡμικυκλίου ὡσαύτως.
 καὶ ἡ μετάβασις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον οὐ
 πάντως διὰ τοῦ ἴσου γίνεται.

20 Ταῦτα τοίνυν ὁ στοιχειωτὴς προαναφωρῶν καὶ τῶν
 τριγώνων τὴν σύστασιν παραδέδωκεν — κοινὴ γὰρ
 ἐστὶ τῶν τριῶν εἰδῶν — καὶ τὰς τῶν ἴσων εὐθειῶν
 γενέσεις καὶ ταύτας διττάς, τὴν μὲν γὰρ μὴ οὔσαν

4 ἀλλήλαις C, in M ἀλλήλαις mutatum est in ἄλλαις
 prima fortasse manu. || διαπραγματευόμενος G. 5 προβλη-
 ματικῶς καὶ μηχανησάμενος om. G, add. C. 9 οὐκ ἴσμεν
 B₃, G (Z), 'ipsi occurrere, quod neque omnino scimus' et in mar-
 gine 'ipsi occurrere? neque enim omnino scimus' B; in A
 postera manus in margine addidit: ὅτι οὐδὲ. 10 εἰ συν-
 ἵσταται τρίγωνον G, 'si Triangulum constitui potest' et i
 margine 'an Triangulum constitutum sit' B, 'num quod tria-
 gulum constitui possit' Z. 12 ταῖς om. G, add. C. || δ
 ἠπόρῃσεν G, διηπόρῃσεν C, 21 κοινὸν G, κοινή C.

ὅλως ὑφίστησι, τὴν δὲ ἀπὸ τῆς ἀνίσου κατὰ ἀφαίρεσιν
 πορίζεται. καὶ τοῦτοις εἰκότως ἐπιφέρει τὸ θεώρημα,
 δι' οὗ δείκνυται, πῶς τὰ τρίγωνα τὰ ἔχοντα δύο πλευ-
 ρὰς δύο πλευραῖς ἴσας, ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ τὴν
 γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχομέ- 5
 νην ἀναφαίνεται καὶ τὴν βάσιν ἴσην ἔχοντα τῇ βάσει
 καὶ τὸ ἐμβαδὸν τῷ ἐμβαδῷ καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας
 ταῖς λοιπαῖς ἴσας. τρία γάρ ἐστι τὰ δεικνύμενα, δύο
 δὲ τὰ διδόμενα περὶ τὰ τρίγωνα. δέδοται μὲν οὖν
 δύο πλευρῶν ἰσότης καὶ δύο πλευραὶ — καὶ δῆλον 10
 ὅτι τῷ λόγῳ δέδοται — καὶ γωνίας αὖ τῆς ὑπὸ τῶν
 ἴσων περιεχομένης πρὸς γωνίαν ἰσότης. ζητεῖται δὲ
 τρία, ἣ τῆς βάσεως πρὸς τὴν βάσιν ἰσότης | ἣ τοῦ
 τριγώνου πρὸς τὸ τρίγωνον ἢ τῶν λοιπῶν γωνιῶν
 πρὸς τὰς λοιπὰς. ἐπειδὴ δὲ δυνατόν ἦν τὰς μὲν δύο 15
 πλευρὰς ἴσας ἔχειν ταῖς δύο || πλευραῖς, οὐ μέντοι τὸ
 θεώρημα ἀληθεύειν τῷ μὴ εἶναι ἑκατέραν ἑκατέρα
 ἴσην, ἀλλὰ ἅμα ἀμφοτέρως, διὰ τοῦτο προσέθηκεν ἐν
 τοῖς δεδομένοις τὸ ἴσας εἶναι τὰς πλευρὰς οὐχ ἀπλῶς,
 ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα. εἰ γὰρ ἔτυχεν τῶν τριγώνων 20
 θάτερον ἔχον τὴν μὲν τῶν πλευρῶν τριῶν μονάδων,
 τὴν δὲ τεττάρων, τὸ δὲ ὑπόλοιπον τὴν μὲν πέντε, τὴν
 δὲ δυεῖν, ὁρθῆς οὔσης τῆς ὑπὸ τούτων περιεχομένης
 γωνίας, ἥσαν μὲν ἂν αἱ δύο ἅμα πλευραὶ ταῖς δύο
 ἴσαι — ἐπὶ γὰρ καὶ αὗται καὶ ἐκεῖναι — οὐκ 25
 ἐδείκνυτο δὲ ἴσον τῷ τριγώνῳ τὸ τρίγωνον· ὅπου
 μὲν γὰρ τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶν ἕξ, ὅπου δὲ πέντε, καὶ τὸ

11 αὐτῆς G, et M prima manu; αὐ del. not. C. 13—14

— ἢ — ἢ | ἢ — ἢ — καὶ ἢ G, ἢ — ἢ — ἢ M postera manu.

5 πρὸς τὰς λοιπὰς γωνίας G. 20 Figuras duorum triangulorum addit B, Z. 21 ἔχειν G, ἔχον C.

τοῦδε αἰτίον, ὅτι οὐχὶ καὶ ἑκατέρα ἴση ἐστὶν ἑκατέρα.
 πολλοὶ γοῦν ἐν διανομαῖς τισι χωρίων τοῦτο μὴ παρα-
 φυλάξαντες τὸ μείζον λαβόντες χωρίον δικαίῳ ἀπη-
 νέγκαντο δόξαν ὥς τὸ ἴσον ἐλόμενοι δια τὸ συναμφο-
 5 τέρας τὰς περιεχούσας ἴσας εἶναι συναμφοτέραις. δεῖ
 τοίνυν καὶ ἑκατέραν ἑκατέρα λαμβάνειν ἴσην καί, ὅπου
 ἂν ὁ στοιχειωτής τοῦτο προστιθῇ, ἐπισημαίνεσθαι ὥς
 οὐ μάτην προστίθῃσιν· ἐπεὶ καὶ περὶ τῆς τῶν γωνιῶν
 ἰσότητος τῶν δεδομένων ἴσων διαλεγόμενος προσέθη-
 10 κεν τὸ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχομένην, ἵνα μὴ ἀδιορί-
 στως φηθέντος τῶν πρὸς τὴν βάσιν τινὰς λάβωμεν
 γωνιῶν. καὶ μὴν καὶ τὴν βάσιν ἐπὶ τῶν τριγώνων,
 μηδεμιᾶς μὲν πῶ προσονομασμένης, τὴν πρὸς τῇ ὅφει
 κειμένην πλευρᾶν, τῶν δὲ δυεῖν ἤδη προειλημμένων,
 15 ἐξ ἀνάγκης τὴν λοιπὴν εἶναι βάσιν ὑποθετέον. διὸ
 καὶ ἐνταῦθα ὁ στοιχειωτής τὰς δύο προλαβὼν ἴσας
 ταῖς δύο πλευραῖς τὰς ὑπολοίπους βάσεις τῶν τριγώ-
 νων ἐκάλεσεν. τρίγωνον δὲ αὐτὸ ἴσον τριγώνῳ λέγεται
 τηνικαῦτα, ἥνίκα ἂν τὸ ἐμβαδὸν αὐτῶν ἴσον ᾖ. δυ-
 20 νατὸν γὰρ τῶν περιμέτρων ἴσων ὑπαρχουσῶν διὰ
 τὴν ἀνισότητα τῶν γωνιῶν καὶ τὰ ἐμβαδὰ ἄνισα εἶναι.
 καλῶ δὲ ἐμβαδὸν αὐτὸ τὸ χωρίον τὸ ὑπὸ τῶν τοῦ
 τριγώνου πλευρῶν ἀπολαμβάνομενον, ὥσπερ δὴ περι-
 μέτρον τὴν συγκειμένην || γραμμὴν ἐκ τριῶν τριγωνι-
 25 κῶν πλευρῶν. ἄλλο οὖν ἑκάτερον καὶ δεῖ μετὰ τῆς
 τῶν περιμέτρων ἰσότητος κατὰ μίαν πλευρὰν καὶ τὰς

1 τοῦδε] τούτου G. τὸ ante τοῦδε del. not. C. || ἴση
 ἐστὶν om. G. || ἑκατέρα del. not. C. 3 τῶν τὸ μείζον λα-
 βόντων G, corr. C. 10 περιεχομένων G, περιεχομένην C.
 13 πεπροσονομασμένης G, πῶ προσονομασμένης C, πῶ πρὸς
 ὀνομασμένης M. 18 τριγώνῳ ἴσον G. 21 ἰσότητα C.
 23 δὴ καὶ G, δὴ C. 24 γωνικῶν G.

γωνίας ἴσας εἶναι, εἰ μέλλοι καὶ τὸ ἐμβαδὸν εἶναι τῷ ἐμβαδῷ ἴσον. συμβαίνει δὲ ἐπὶ τινων καὶ τῶν ἐμβαδῶν ἴσων ὄντων ἀνίσους εἶναι τὰς περιμέτρους καὶ τῶν περιμέτρων ἴσων οὐσῶν ἄνισα τὰ ἐμβαδά. ⁵ δεῖν γοῦν ὄντων τριγώνων ἰσοσκελῶν, ὧν ἑκάτερον ἔχει τὰς ἴσας πλευρὰς ἀπὸ πέντε μονάδων, τῶν δὲ βάσεων τὸ μὲν ὀκτώ, τὸ δὲ ἕξ· τούτων ὁ μὲν ἄπειρος γεωμετρίας εἰποι ἂν μείζον εἶναι τὸ ἔχον ὀκτὼ τὴν βάσιν. πᾶσα γὰρ ἔσται ἡ περίμετρος ὀκτωκαίδεκα. ὁ δ' αὖ γεωμετρικὸς εἰποι ἂν ὅτι ἑκατέρου τὸ ἐμβαδόν ἐστι δώδεκα. καὶ ταῦτα ἀποδείξει κάθετον ἀγ- ¹⁰ γῶν ἐν ἑκατέρῳ τῶν τριγώνων ἀπὸ τῆς κορυφῆς καὶ ποιήσας ταύτην ἐπὶ θατέρῳ μέρει τῶν τῆς βάσεως τμημάτων. ἔστιν δὲ ὥσπερ ἔφην καὶ τῶν περιμέτρων ἰσαζομένων ἄνισα εἶναι τὰ χωρία. καὶ ἦδη τινὲς κοι- ¹⁵ νωνοὺς ἐαυτῶν ἐν διανομαῖς χωρίων παρεκρούσαντο διὰ τῆς κατὰ τὴν περίμετρον ἰσότητος μείζον λαβόντες χωρίον.

Βάσις δὲ αὖ ἴση λέγεται εἶναι βάσει καὶ ὅλως εὐθεία ἴση ἐστὶν ἄλλη εὐθεία, ἐπειδὴν αὐτῶν τὰ πέ- ²⁰ ρατα συναπτόμενα ὅλην ὅλη ποιήσῃ ἐφαρμόσαι. πᾶσα μὲν γὰρ εὐθεῖα ἐπὶ πᾶσαν ἐφαρμόττει. τῶν δὲ ἴσων καὶ κατὰ τὰ πέρατα γίνεται ἡ ἐφαρμογή. γωνία δὲ ἴση γωνία λέγεται ἡ εὐθύγραμμος τῇ εὐθύγραμμῳ, ὅταν μιᾷς τῶν περιεχουσῶν τὴν ἐτέραν πλευρῶν τιθεμένης ²⁵

3 καὶ post εἶναι add. G. 5 Figuras triangulorum addit B, Z et in M postera manus in margine. 7 τὸν μὲν — τὸ δὲ] τὴν μὲν — τὴν δὲ G. 10 αὖ om. G, add. C. 17 τὴν om. G. 22 ἐπὶ πάσης G, ἐπὶ πᾶσαν C. 23 κατὰ πέρατα M. 24 ὅτε G, ὅταν C. 25 πλευρῶν] πλευρῶν M, G, πλευρᾶς B, C, 'ex lateribus' Z, 'Laterum' B. || περιτιθεμένης G, τιθεμένης C.

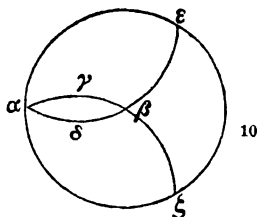
ἐπὶ μίαν τῶν τῆς ἐτέρας καὶ ἡ λοιπὴ τῇ λοιπῇ ἐφαρ-
μόξῃ. ὅταν δὲ ἡ λοιπὴ ἔξω πίπτῃ τῆς λοιπῆς, μείζων
ἐστὶν ἡ γωνία, ἥς ἡ πλευρὰ ἔξω πέπτωκεν, ὅταν δὲ
ἐντός, ἐλάσσων. ὅπου μὲν γὰρ περιλαμβάνει τὴν
5 ἐτέραν, ὅπου δὲ περιλαμβάνεται ὑπ' αὐτῆς. τὴν δὲ
ἰσότητά τῶν γωνιῶν ληψόμεθα κατὰ τὴν ἐφάρμοσιν
τῶν πλευρῶν ἐπὶ τῶν εὐθυγράμμων καὶ ἐπὶ τῶν ἄλ-
λων τῶν ὁμοειδῶν, οἷον τῶν μηνοειδῶν, τῶν || ξυστρο-
ειδῶν, τῶν ἀμφικύρτων, ἐπεὶ δυνατόν καὶ ἴσας εἶναι
10 καὶ μὴ ἐφαρμόττειν ἀλλήλαις τὰς πλευράς. ἴση γὰρ
ἐστὶν ἡ ὀρθὴ μηνοειδεὶ τινὶ γωνίᾳ, καὶ ἀδύνατον
ἐφαρμόσαι ταῖς εὐθείαις τὰς περιφερείας. ἔτι τοίνυν
ἐκείνο προληπτέον, ὅτι ὑποτείνειν λέγονται γωνίας
αἱ πλευραὶ αἱ κατ' ἀντικρὺ κείμεναι. πᾶσα γὰρ τρι-
15 γωνικὴ γωνία περιέχεται μὲν ὑπὸ δύο τῶν τοῦ τρι-
γώνου πλευρῶν, ὑποτείνεται δὲ ὑπὸ τῆς λοιπῆς. διὸ
καὶ ὁ γεωμέτρης τῷ καὶ τὰς γωνίας ἴσας εἶναι προσ-
έθηκεν τὸ ὑφ' ἧς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν, ἵνα
μὴ νομίσωμεν ἀδιάφορον εἶναι οἷαν ποτὲ γωνίαν λα-
20 βεῖν καὶ ταύτην ἴσην εἶπειν τῇ τυχούσῃ τῶν λοιπῶν
δύο τοῦ τριγώνου γωνιῶν. ἀλλὰ ἴσας λέγωμεν, ἅς
ὑποτείνουσιν αἱ ἴσαι πλευραί. καὶ μὴν τῶν ἴσων πλευ-
ρῶν ἡ μὲν ὑποτείνει τὴν ἐτέραν, ἡ δὲ μία τῶν περι-
εχουσῶν τὴν λοιπὴν.

25 Πρὸς μὲν οὖν τὴν σαφήνειαν τοῦ θεωρήματος
τοσαῦτα προειλήφθω, πρὸς δὲ τὴν ἀπόδειξιν ἐκείνο

1 τῇ λοιπῇ om. M. 3 ὅτε G, ὅταν C. 9 καὶ μὴ
ἴσας M, καὶ ἴσας G. 15 τῶν τοῦ τριγώνου] τριγώνων M
19 οἷαν δήποτε G. 20 τῇ χούσῃ M. 26 προειλήφθω
θεωρήσθω G, προειλήφθω B, C. 'Haec . . ad . . inspectionem
. . sint satis' Z, 'considerentur' et in margine 'praeassuman-
tur' B. || ἀπόδειξιν] ὑπόνοιαν G, ἀπόδειξιν B, C, 'demonstra

προλάβωμεν, ὅτι δύο | εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι.
τοῦτο γὰρ ὡς ὁμολογούμενον ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν.
εἰ γὰρ τὰ πέρατα, φησὶν, ἐφαρμόσει τῶν βάσεων ἀλ-
λήλοις, ἐφαρμόσουσι καὶ αἱ βάσεις, εἰ δὲ μή, δύο
εὐθεῖαι χωρίον περιέξουσιν. πόθεν οὖν, ὅτι τοῦτο 5
ἀδύνατον; ἔστωσαν δύο εὐθεῖαι περιέχουσιν χωρίον

αἱ $\alpha\gamma\beta$ $\alpha\delta\beta$ καὶ ἐκβεβλήσθω-
σαν ἐπ' ἄπειρον. καὶ κέντρον
τῷ β , διαστήματι δὲ τῷ $\alpha\beta$ γε-
γράφθω κύκλος ὁ $\alpha\epsilon\zeta$. ἐπεὶ οὖν
διάμετρος ἡ $\alpha\gamma\beta\zeta$, ἡμίσεια τῆς
περιφερείας ἐστὶν ἡ $\alpha\epsilon\zeta$. πάλιν



ἐπεὶ διάμετρος ἡ $\alpha\delta\beta\epsilon$, ἡμίσεια τῆς τοῦ κύκλου περι-
φερείας ἐστὶν ἡ $\alpha\epsilon$. [περιφέρειαι] ἄρα ἴσαι εἰσὶν αἱ
 $\alpha\epsilon$ $\alpha\epsilon\zeta$, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δύο εὐθεῖαι χωρίον 15
περιέχουσιν, ὃ καὶ ὁ στοιχειωτῆς εἰδὼς ἐν τῷ πρώτῳ
τῶν αἰτημάτων ἔλεγεν, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν
σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν, ὡς ἂν μιᾶς ἀεὶ
δυναμένης εὐθείας ἐπιξευγνύναι τὰ δύο σημεία καὶ
οὐ δυεῖν. περιφέρειαι μὲν γὰρ πλείους ἐπιξευγνύουσιν 20
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐπὶ τὰ ἐναντία. οὕτω γὰρ
καὶ τὰ πέρατα τῆς διαμέτρου ἐπιξεύγνυνται διὰ δύο

tionem' Z, 'adversarii obiectionem', in margine 'Demonstra-
tionem' B. 4 ἐφαρμόζουσι G. 10 κύκλος ὁ $\alpha\epsilon\zeta$ γε-
γράφθω G. 12 $\alpha\beta\zeta$ G, et M prima manu. 14 ἡ $\alpha\beta\epsilon$ G. ||
περιφέρειαι add. Kn. II. 15 ἡ $\alpha\epsilon$ $\alpha\beta\zeta$ M prima manu,
ἡ $\alpha\beta\epsilon$, $\alpha\beta\zeta$ G, αἱ $\alpha\epsilon$ $\alpha\epsilon\zeta$ Kn. II. 19 ἐπιξευγνύσθαι G,
ἐπιξευγνύουσι C. || τὰ δύο σημεία . . . ἐπιξευγνύουσι om. G.
22 ξεύγνυνται G.

μὲν περιφερειῶν, μιᾶς δὲ εὐθείας. δυνατόν δὲ καὶ ἐκτὸς τῶν ἡμικυκλίων καὶ ἐντὸς ἀπείρους γραφαὶ περιφερείας || ἐπιζευγνυούσας τὰ δοθέντα σημεῖα. τὸ δὲ αἴτιον, ὅτι ἡ εὐθεῖα ἐλάχιστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ
 5 πέρατα ἔχουσῶν. Ἐν δὲ πανταχοῦ τὸ ἐλάχιστον καὶ αἰὲ μέτρον γίνεται τῶν ἄλλων. ὥσπερ οὖν ἡ ὀρθὴ μία οὕσα μέτρον γίνεται τῆς ἀπειρίας τῶν ἄλλων γωνιῶν — διὰ γὰρ ταύτης ἀκρίβειας εὐρίσκομεν — οὕτω καὶ ἡ εὐθεῖα συντελεῖ πρὸς τὴν καταμέτρησιν τῶν μὴ
 10 εὐθειῶν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων· ὅτι δὲ ἡ σύμπασα τοῦ-
 του τοῦ θεωρήματος ἀπόδειξις ἀπὸ κοινῶν ἐννοιῶν ἡρτηται καὶ ὥς αὐτοφυῆς ἐστὶ καὶ ἀπ' αὐτῆς ὠρμη-
 μένη τῆς τῶν ὑποθέσεων ἐναργείας παντὶ καταφανές.
 15 διότι μὲν γὰρ ἴσαι εἰσὶν αἱ δύο πλευραὶ ταῖς θυσίν, ἐκατέρα ἐκατέρᾳ, ἐφαρμόζουσιν ἀλλήλαις, διότι δὲ αἱ ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχόμεναι γωνίαι ἴσαι, καὶ αὗται ἐφαρμόττουσι. τῆς δὲ γωνίας ἐπὶ τὴν γωνίαν ἀρμο-
 ζούσης καὶ τῶν πλευρῶν ἐπὶ τὰς πλευρὰς ἐφαρμόσει
 20 καὶ τὰ πέρατα κάτω τῶν πλευρῶν, εἰ δὲ ταῦτα, καὶ ἡ βάσις ἐφαρμόσει τῇ βάσει, εἰ δὲ αἱ τρεῖς ταῖς τρισί, καὶ ὅλον τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ καὶ πάντα πᾶσιν. ἡ ἄρα ἰσότης ἐν ὁμοειδέσιν ὁφθεῖσα τῆς ὅλης ἀποδεί-
 ξεως αἰτία ἀνεφάνη. δύο γάρ ἐστιν ἐνταῦθα ἀξιώματα
 25 συνεκτικὰ τῆς συμπάσης μεθόδου τοῦ προκειμένου θεωρήματος, ἔν μὲν ὅτι τὰ ἐφαρμόζοντα ἴσα ἀλλήλοις — τοῦτο ἀπλῶς ἀληθές καὶ οὐδὲ ἐνὸς προσδιορισμοῦ

6 τῆς ἀπειρίας τῶν ἄλλων G, τῆς ἀπειρίας del. not. C. ||
 ἡ om. G. 9 μὴ om. G, add. C. 14 ἐναργείας G.

18 ἐφαρμόζουσι G. 22 πάντα πᾶσιν ἴσα G. 27 προ-
 διορισμοῦ G.

δεόμενον, ὃ χρῆται ὁ στοιχειωτῆς ἐπὶ τε τῆς βάσεως καὶ τοῦ ἐμβαδοῦ καὶ τῶν λοιπῶν γωνιῶν· ταῦτα γὰρ φησιν, διότι, ἐφαρμόζει, ἴσα ἐστίν — ἕτερον δὲ ὅτι τὰ ἴσα ἐφαρμόζει ἀλλήλοις — τοῦτο δὲ οὐκ ἐπὶ πάντων ἀληθές, ἀλλ' ἐπὶ τῶν ὁμοειδῶν. ὁμοειδῆ δὲ λέγω⁵ οἶον εὐθείαν εὐθείαν καὶ περιφέρειαν περιφέρειαν τοῦ αὐτοῦ κύκλου καὶ γωνίας γωνίαις ὑπὸ ὁμοίων ὁμοίως κειμένων περιεχομέναις. τούτων δὲ ὅτι τὰ δεδομένα ἴσα, ἐφαρμόζει ἀλλήλοις· ὥστε εἶναι συνελόντι φάναι τὴν πᾶσαν ἀποδείξιν τοιαύτην· δέδοται ἴσα τάδε¹⁰ τοῖσδε, πλευραὶ δύο δυσὶ καὶ γωνίαι αἱ ὑπ' αὐτῶν περιεχόμεναι, καὶ ἐφαρμόττει ἀλλήλοις ταῦτα. εἰ δὲ ταῦτα ἐφαρμόττει ἀλλήλοις, καὶ ἡ βᾶσις τῇ βάσει καὶ πάντα πᾶσιν· εἰ δὲ ἐφαρμόττει ταῦτα, καὶ ἴσα ἐστίν· εἰ ἄρα δέδοται ἴσα τάδε τοῖσδε, συναποδείκνυνται καὶ¹⁵ ὅτι πάντα πᾶσιν ἴσα. καὶ οὗτος πρῶτος ἀναφαίνεται τὸς τρόπος τῆς γνώσεως τῶν ἴσων πάντη τριγώνων.

Ἀλλὰ περὶ μὲν τῆς ὅλης ἀποδείξεως τοσαῦτα· Κάρκος δὲ ὁ μηχανικὸς ἐν τῇ || ἀστρολογικῇ πραγματείᾳ τὸν περὶ τῶν προβλημάτων καὶ θεωρημάτων²⁰ λόγον ἀνακινήσας — εἰ μὲν κατὰ καιρὸν ἢ μή, παρ-εἰσθῶ πρὸς τὸ παρόν — ἐμβαλὼν δὲ ὅμως εἰς τὴν

3—4 ἴσα ἐστίν ... ἐφαρμόζει om. G. 5 δὲ ταῦτα λέγω G, 'haec dico' B, 'haec ... esse dico' Z. $B_3 = M$. 6 εὐθεῖα G, 'recta Linea' B, 'rectam lineam' Z. || καὶ ante περιφέρειαν om. G. $B_3 = M$. || περιφέρεια G, 'Circumferentia' B, 'circumferentiam' Z. 7—8 γωνίας γωνίαις ... περιεχομέναις ego scripsi; γωνίαι ... περιεχόμεναι M, B₃, G, 'Anguli, qui comprehensi sunt' B, 'anguli ... comprehensi' Z. 8 τούτων δὲ M, B₃, G, 'Horum autem dico' B, 'Horum autem' Z. 11 πλευραῖς C. 12—13 εἰ δὲ ... ἀλλήλοις om. G, add. C. 14 πᾶσα πᾶσιν G, corr. C. 18 ἄλλης G, ὅλης B₃, C, 'tota' et in margine 'Simplici' B, 'tota' Z. 21 ἢ μή, παρεἰσθῶ] '(inquit) ... non praetereatur' B, 'accedat' Z. $B_3 = M$, G.

τούτων διάκρισιν τῇ τάξει πρότερον τὸ προβληματικὸν
 γένος εἶναι φησι τῶν θεωρημάτων. τὰ γὰρ ὑποκει-
 μενα, περὶ [ᾧ] τὰ συμπτώματα ζητεῖται, διὰ τῶν προ-
 βλημάτων ἀνευρίσκεσθαι. καὶ τοῦ μὲν προβλήματος
 5 τὴν πρότασιν ἀπλὴν εἶναι καὶ πάσης ἐντέχνου συν-
 ἔσεως ἀπροσδεᾶ — τότε γὰρ τι φανερώς ποιῆσαι
 παρακελεύεται· συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον,
 ἢ δύο δοθεισῶν εὐθειῶν τῇ ἐλάσσονι ἀπὸ τῆς μεί-
 ζονος ἴσην ἀφαιεῖν. τί γὰρ τούτων ἀσαφές καὶ περι-
 10 ειργασμένον; — τοῦ δὲ θεωρήματος ἐργῶδη καὶ πολ-
 λῆς δεομένην ἀκριβείας καὶ ἐπιστημονικῆς κρίσεως,
 ἵνα μήτε πλεονάζουσα φαίνεται μήτ' ἐλλείπουσα τῆς
 ἀληθείας, οἷον δὴ καὶ τοῦτο πρῶτιστον ὄν τῶν θεω-
 ρημάτων. καὶ ἐπὶ μὲν τῶν προβλημάτων μία τις ἔστιν
 15 ὁδὸς ἢ διὰ τῆς ἀναλύσεως εὐρημένη κοινή, καθ' ἣν
 προιόντες δυνάμεθα κατορθοῦν. οὕτω γὰρ τὰ ἀσα-
 φέστερα θηράται τῶν προβλημάτων. ἐπὶ δὲ τῶν θεω-
 ρημάτων δύσληπτος ἢ μεταχειρήσις, ὥς μέχρις ἡμῶν,
 φησί, μηδένα δύνασθαι κοινὴν παραδοῦναι μέθοδον
 20 τῆς τούτων εὐρέσεως, ὥστε καὶ διὰ τὴν ῥαστώνην
 ἀπλούστερον ἂν εἴη τὸ προβληματικὸν γένος. τούτων
 δὲ διωρισμένων „Διὰ ταῦτα ἄρα, φησί, καὶ ἐν τῇ
 στοιχειώσει τὰ προβλήματα προηγεῖται τῶν θεωρημά-
 των, καὶ ἀπὸ τούτων ἢ στοιχειώσεις ἄρχεται, καὶ τὸ
 25 πρῶτον θεωρῆμα τέταρτόν ἐστι κατὰ τὴν τάξιν, οὗ

3 περὶ τὰ συμπτώματα *M*, πρὸ τῶν συμπτωμάτων *B*₃, *G*,
 περὶ τῶν συμπτωμάτων *C*, 'subiecta in quibus accidentia re-
 sident' *Z*, 'Subiecta enim prius quam Symptomata . . . inve-
 niri quaeruntur' *B*. Ego ἄ post περὶ addiderim. 4 εὐρί-
 σκεσθαι *C*. 5 συναίσεως *C*. 7 ἰσόπλευρον] ἴσον *M*, *G*;
 corr. *Kn*. 11. 9 περιεργασμένον *G*, περιηργασμένον *C*.
 16 σαφέστερα *M*, *B*₃, *G*, 'faciliora' *B*. *Z* καὶ ἐπὶ μὲν . . . θηράται
 τῶν προβλημάτων om.

διότι τὸ πέμπτον ἐξ αὐτῶν δείκνυται, ἀλλ' ὅτι, καὶ ἐμνησθέντων πρὸ αὐτοῦ δεῖται πρὸς τὴν ἀποδείξιν, ἔδει πρωτεύειν ἐκεῖνα, διότι προβλήματα ἦν, τοῦτο δὲ θεωρήματα. παντελῶς γὰρ ἐπὶ τούτου ταῖς κοιναῖς ἐννοαῖς |
χρηται καὶ τρόπον τινὰ τὸ αὐτὸ τρίγωνον ἐν διαφό- 5
ροις λαμβάνει τόποις κείμενον. καὶ γὰρ ἡ εφαρμογὴ καὶ ἡ ἀπὸ ταύτης ἰσότης δεικνυμένη παντάπασιν ἔχεται τῆς αἰσθητῆς καὶ ἐναργοῦς ὑπολήψεως. ἀλλ' ὅμως καὶ τοιαύτης οὔσης τῆς τοῦ πρώτου θεωρήματος ἀποδείξεως εἰκότως προηγήσατο τὰ προβλήματα. διότι 10
καθόλου τὴν προηγουμένην ἐκεῖνα τάξιν ἔλαχεν.

Καὶ ὥς τῇ μὲν τάξει τὰ προβλήματα πρὸ τῶν θεωρημάτων ἐστὶ καὶ μάλιστα τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὰ αἰσθητὰ στρεφομένων τεχνῶν ἀνιοῦσιν || ἐπὶ θεωρίαν. τῇ δὲ ἀξία τὰ θεωρήματα προεπάρχει τῶν προβλη- 15
μάτων. καὶ ἔοικεν ἡ ὅλη γεωμετρία, καθ' ἣ μὲν συνάπτει ταῖς πολλαῖς τεχναῖς, ἐνεργεῖν προβληματικῶς, καθ' ἣ δὲ τῇ πρώτῃ ἐπιστήμῃ γειννᾷ, θεωρηματικῶς ἀνάγεσθαι ἀπὸ τῶν προβλημάτων ἐπὶ τὰ θεωρήματα, ἀπὸ δευτέρων ἐπὶ πρῶτα καὶ [ἐκ] τεχνικωτέρων εἰς ἐπι- 20
στημονικώτερα. μάταιον οὖν τὸν Γεμῖνον αἰτιασθαι ὥς τὸ θεωρήματα τελειότερον εἶναι τοῦ προβλήματος λέγοντα. καὶ γὰρ αὐτὸς ὁ Κάρπος τοῖς προβλήμασι τὸ προηγεῖσθαι κατὰ τὴν τάξιν ἀποδεδωκεν, ὁ δὲ Γεμῖνος κατὰ τὴν τελειότεραν ἄξιαν. καὶ μὴν καὶ περὶ 25
τοῦ τετάρτου θεωρήματος εἰπομεν, ὅπως τρόπον τινὰ δεῖται τῶν πρὸ αὐτοῦ προβλημάτων, ἐν οἷς καὶ τῶν τριγώνων τὰς γενέσεις καὶ τῆς ἰσότητος τὴν εὗρεσιν ἐμάθομεν.]

4 ἐπὶ τούτοις G. 5 ἐν διαφόροις del. not. C. 18 θεωρητικῶς G. 20 ἐκ om. M, G. || εἰς om. G, add. C. 24 τὸ om. G.

Προκείσθω δὲ νῦν καὶ ὅτι ὥς μὲν ἐν θεωρήμασιν ἀπλούστατόν ἐστι καὶ ἀρχοειδέστατον. ἀπ' αὐτῶν γὰρ ὥς εἰπεῖν μόνων αὐτοφυῶς δέκνυνται τῶν πρώτων ἐννοιωῖν. σύμπτωμα δέ τι περὶ τὰ τρίγωνα φαινόμε-
 5 νον τὰ ἔχοντα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δι' ὁ πλευραῖς ἴσας καὶ τὰς ὑπ' αὐτῶν περιεχομένας γωνίας ἀποδεικνύον εἰκότως μετὰ τὰ προβλήματα τέτακται, δι' ὧν τὰ ὑποκείμενα τῷ συμπτώματι τούτῳ καὶ ὅλως τὰ δεδομένα κατεσκευάζετο.

10 Prop. V, theor. II. Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι εἰσίν· καὶ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων εὐθειῶν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι εἰσὶ.

Τῶν θεωρημάτων τὰ μὲν ἐστὶν ἀπλᾶ, τὰ δὲ σύν-
 15 θετα. λέγω δὲ ἀπλᾶ μὲν, ὅσα κατὰ τὰς ὑποθέσεις καὶ κατὰ τὰ συμπεράσματα ἀδιαίρετά ἐστιν, ἐν ἔχοντα τὸ δεδομένον καὶ τὸ ζητούμενον ἐν· οἷον εἰ οὕτως ἔλεγεν ὁ στοιχειωτής· πᾶν τρίγωνον ἰσοσκελὲς ἴσας ἔχει τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας — σύνθετα δὲ τὰ ἐκ
 20 πλειόνων ἢ τὰς ὑποθέσεις ἔχοντα συγκειμένας ἢ τὰ συμπεράσματα τῆς ὑποθέσεως οὔσης ἀπλῆς ἢ καὶ ἀμφοτέρω. καὶ τούτων τὰ μὲν ἐστὶ συμπεπλεγμένα, τὰ δὲ ἀσύμπλεκτα. ἐστὶ δὲ ἀσύμπλεκτα μὲν, ὅσα σύνθετα ὄντα μὴ δύναται διαιρεῖσθαι εἰς ἀπλᾶ θεωρή-
 25 ματα, ὥσπερ τὸ τέταρτον. ἐν ἐκείνῳ γὰρ καὶ τὸ δεδο-
 μένον σύγκειται καὶ τὸ ἐπόμενον, ἀλλ' οὐ δύναται

6 ἀποδεικνύται G, ἀποδεικνύον C. 9 κατασκευάζεται G.

16 διαίρετά M. 24 θεωρεῖσθαι G, διαίρεσθαι in G in margine alia manu quam C.

διαιρεθῆναι τὸ δεδομένον εἰς ἀπλᾶ καὶ ποιήσασθαι
 θεωρήματα. οὐ γάρ, ἐὰν ἴσας ἔχη μόνας τὰς πλευρὰς
 τὰ τρίγωνα ἢ μόνην τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίαν, συμ-
 βαίνει τὰ λοιπὰ. συμπεπλεγμένα δέ, ὅσα διαιρεῖται
 εἰς ἀπλᾶ, οἷον ἐκεῖνο τὸ θεωρήμα· τὰ τρίγωνα καὶ 5
 τὰ παραλληλόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα τὸν
 αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς βάσεσι. δυνατόν || γὰρ καὶ
 διελόντα εἰπεῖν· τὰ τρίγωνα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος
 τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς βάσεσι, καὶ ἐπὶ τῶν παρα-
 λληλογράμμων ὁμοίως. πάντων δὲ τῶν συνθέτων τὰ 10
 μὲν κατὰ τὸ συμπέρασμα συντίθεται ἀπὸ τῆς αὐτῆς
 ὑποθέσεως ὁρμηθέντα, τὰ δὲ κατὰ τὰς ὑποθέσεις ἔχει
 τὴν σύνθεσιν καὶ τὸ αὐτὸ πάσαις ἐπάγει συμπέρασμα,
 τὰ δὲ κατὰ τὸ συμπέρασμα καὶ τὰς ὑποθέσεις συν-
 θετά ἐστι. κατὰ μὲν οὖν τὸ συμπέρασμα ἐνταῦθα (?) 15
 σύνθεσις ἐστίν. ἐπὶ τούτου γὰρ τοῦ θεωρήματος τρία
 ἐστὶ τὰ συναγόμενα· ὅτι αἱ βάσεις ἴσαι, ὅτι τὰ τρί-
 γωνα ἴσα, ὅτι αἱ λοιπαὶ γωνίαι ἴσαι, ὕψ' ἅς αἱ ἴσαι
 πλευραὶ ὑποτείνουνουσιν — κατὰ δὲ τὰς ὑποθέσεις ἐπὶ
 τοῦ κοινοῦ τῶν τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων 20
 θεωρήματος, τῶν ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντων — κατ'
 ἀμφοτέρω δὲ ὡς ἐπ' ἐκείνου· αἱ διάμετροι τῶν κύκλων
 καὶ τῶν ἑλλείψεων τὰ τε χωρία διχὰ διαιροῦσι καὶ τὰς
 περιεχούσας τὰ χωρία γραμμὰς. τῶν δὲ συμπεπλεγμέ-
 νων τὰ μὲν ἐστὶ καθολικά, τὰ δὲ ἐκ τῶν ἐπὶ μέρους 25
 συνάγει τὸ καθόλου. ἐὰν γὰρ εἴπωμεν, ὅτι ἡ διάμε-
 τρος τὸν κύκλον καὶ τὴν ἑλλειψιν καὶ τὰ παραλληλό-

1 θεωρηθῆναι G, διαιρεθῆναι C. 2 μόνας om. G, add. C.

5 Eucl. VI, 1. 15 Pro ἐνταῦθα conicias: ἐν τῷ δ' i. e. ἐν τῷ τε-
 τάρτῳ. 'hic' B, 'hoc vero in loco' Z. $B_3 = M, G$. 21 θεωρημά-
 των C. || καὶ κατ' G, καὶ del. not. C. 25 μέρος G. 26 εἰπομεν M.

γραμμα διαιρεῖ, ἕκαστον μὲν τῶν συμπεπλεγμένων οἱ καθόλου λαμβάνομεν, τὸ δὲ ἐκ πάντων καθόλου ποι-
οῦμεν, ἐὰν δὲ εἰπωμεν· ἐν κύκλῳ πᾶσαι αἱ διὰ τοῦ
κέντρον διχοτομοῦσιν ἀλλήλας καὶ τὰς τῶν τμημάτων
5 πάντων γωνίας ἴσας ποιοῦσι, καθόλου λέγομεν. ἐπὶ
γούν τῆς ἐλλείψεως οὔτε πᾶσαι αἱ τῶν τμημάτων γω-
νίαι ἴσαι εἰσίν, ἀλλὰ μόνων τῶν ὑπὸ τοῦ ἄξονος γινο-
μένων. ὅλως δὲ τὰς συνθέσεις ταύτας ἐμμηχανήσαντο
οἱ γεωμέτραι διὰ τε τὴν συντομίαν καὶ διὰ τὰς ἀνα-
10 λύσεις. πολλὰ γὰρ ἀσύνθετα μὲν ὄντα οὐκ ἀναλύεται,
συντεθέντα δὲ μόνως εὐοδίαν παρέχει πρὸς τὴν ἐπὶ
τὰς ἀρχὰς ἀνάλυσιν.

Τούτων δὴ προτεθεωρημένων τὸ πέμπτον θε-
ώρημα σύνθετον πάντως φητέον καὶ κατ' ἀμφοτέρα
15 σύνθετον, κατὰ τε τὸ δεδομένον καὶ κατὰ τὸ ζητού-
μενον, ἃ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐνδεικνύμενος ἐν ὃν αὐτὸ
ἐμέρισεν καὶ χωρὶς ἑκάτερα παρέθετο τὰ διδόμενα καὶ
τὰ ζητούμενα, τῶν ἰσοσκελῶν εἰπὼν αἱ πρὸς τῇ βάσει
ἴσαι, καὶ πάλιν ἐξῆς· καὶ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων
20 αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι. οὐ γὰρ δύο δεῖ νομίζειν εἶναι
θεωρήματα, ἀλλ' ἓν, σύνθετον δὲ ὃν καὶ κατὰ τὸ δε-
δομένον καὶ κατὰ τὸ ζητούμενον. καὶ τῶν συγκει-
μένων ἑκάτερον τέλειον καὶ ἀληθές, διὸ καὶ ἡ ἀνά-
λυσις ἀληθὴς ἀφ' ἑκατέρου. εἴτε γὰρ αἱ πρὸς τῇ
25 βάσει ἴσαι, ἰσοσκελὲς τὸ τρίγωνον, εἴτε αἱ ὑπὸ τὴν

1 διαιρῇ *M.* || μὲν *om. G.* 'unumquodque ... Complexorum' et in margine 'Unamquamque ... Complexi partem' *B.* 'unumquodque ex complexis' *Z.* 7 μόνον *G.* 'sed soli eorum' et in margine 'Sed eorum tantum' *B.* 'sed earum tantum' *Z.* *B.*₂ = *M.* 11 σύνθετα *G.* || εὐοδίας *G.* 13 προτεθεωρηθέντων *G.* corr. *C.* 16 ὁ *G.* ἃ *B.*₂, *C.* 'quod' et in margine 'quae' *B.* 'quod' *Z.* 17 τὰ δεδομένα καὶ ζητούμενα *G.* 19 ἴσαι post βάσει *om. G.* add. *C.* 24 ἐφ' ἑκατέρου *G.*

βάσιν, ἴσαι εὐθεΐαι προσεκβέβληνται καὶ τὸ || τρίγωνον ἰσοσκελές. ἀλλ' ὁ στοιχειωτὴς πρὸς μὲν τὸ τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας ἴσας εἶναι ποιήσεται τὴν ἀντιστροφὴν, πρὸς δὲ τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας οὐκ ἐτι. καίτοι καὶ τοῦτο ἀληθές. 5

Τούτου μὲν οὖν τὴν αἰτίαν ὕστερον λέξομεν, νῦν δὲ ἐκεῖνο πρῶτον ζητήσωμεν, δι' ἣν αἰτίαν ὅλως τοῦτο προσαπέδειξεν τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας εἶναι. οὐδαμῶς γὰρ τούτῳ χρήσεται πρὸς ἄλλων ἢ κατασκευὴν ἢ ἀπόδειξιν προβλημάτων ἢ θεωρημάτων. 10 ἄχρηστον οὖν ἐσόμενον τί ἔδει παρεμβάλλειν τῷ θεωρήματι τούτῳ; ῥητέον δὲ πρὸς ταύτην τὴν ζήτησιν, ὅτι καὶ εἰ μηδαμοῦ χρῆσθαι μέλλοι τῷ καὶ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας εἶναι, ἀλλὰ πρὸς γε τὰς τῶν ἐνστάσεων ἀνατροπὰς καὶ τὰς διαλύ- 15 σεις τῶν ἀντιπιπτόντων τοῖς θεωρήμασιν ἔσται τοῦτο χρήσιμον. ἐπιστημονικὸν δὲ καὶ τεχνικὸν προοικονομεῖσθαι τὰς λύσεις τῶν μαχομένων τοῖς ῥηθίσεσθαι μέλλουσι καὶ τῶν ἀπαντήσεων προκαταβάλλεσθαι τὰς ἀφορμὰς, ἵνα μὴ μόνον αἱ τῶν ἀληθῶν ἀποδείξεις 20 διὰ τῶν προαποδεδειγμένων, ἀλλὰ καὶ οἱ τοῦ ψεύδους ἔλεγχοι δι' ἐκείνων γίνονται. καὶ λάβοις ἂν καὶ ἐκ τούτου πρὸς ῥητορικὴν ὄφελος τῆς ἐν γεωμετρίας τάξεως. ὁ γὰρ καὶ ἐν ἐκείνοις τοῖς λόγοις τοῦτο δυνάμενος ποιῆσαι καὶ προιδεῖν τὰ μαχόμενα τοῖς ἐφεξῆς 25 κεφαλαίοις καὶ πρὸ τῆς ἐκείνων μεταχειρήσεως ὥς δὲ

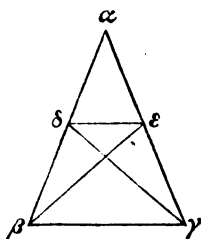
1 προβέβληνται G, προσεκβέβληνται C. 2 πρὸς τῇ βάσει om. M. 4 πρὸς δὲ τὰς omisso τὸ G. 7 ὅλως om. G, add. C. 16 ἔστι C. 22—23 'ex hoc quoque in Geometria ordine' et in margine 'ex hoc quoque eius qui in Geometria est ordinis' B, 'ex hoc ordine geometrico' Z. $B_3 = M, G$. 26 ὁ δὲ ἢ G, B_3, M , sed in M postera manus adscripsit ὥς, '(quod sane praeter propositum est)' B, '(quod aliis otiosum videtur)' Z.

πάρεργον ἄλλοις προηγουμένοις συγκατασκευάσαι τὰς
 λύσεις αὐτῶν, οὗτος ἀσφαλεσιτάτην ἂν μάλιστα μέθ-
 οδον προίσταιτο τῶν ἀγώνων. τοῦτο τοίνυν καὶ ὁ
 στοιχειωτῆς ἐργῶ διδάσκων ἡμᾶς πρὸ τῶν θεωρημά-
 5 των, οἷς τὰ ἀντιπίπτοντα διαλύσομεν τῷ νῦν δεικνυ-
 μένῳ χρώμενοι, συναποδείκνυσιν τὸ καὶ τὰς ὑπὸ τὴν
 βάσιν τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας εἶναι καὶ προεντρε-
 πίζει τὸν τοῦ ψεύδους ἐπ' ἐκείνων ἔλεγχον. ἔσται δὲ
 10 προιοῦσιν δῆλον ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος
 καὶ ἐπὶ τοῦ ἐνάτου τὰς φερομένας ἐνστάσεις ἀπὸ τού-
 του διαλύσομεν. ἐκ δὲ τούτου φανερὸν καὶ δι' ἣν
 αἰτίαν οὐκ ἀντέστρεψεν καὶ ἀπὸ τούτου τὸ ἕκτον, ὥς
 οὐδὲ τούτου προηγουμένην ἔχοντος χρεῖαν, ἀλλὰ κατὰ
 15 τελοῦντος.

Εἰ δέ τις ἡμᾶς ἀπαιτοίη καὶ μὴ προσεκβάλλοντας
 τὰς ἴσας εὐθείας ἀποδεικνύναι τῶν ἰσοσκελῶν ἴσας
 τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας — οὐ γὰρ χρῆναι διὰ τῶν
 ὑπὸ τὴν βάσιν ἀποδεικνύναι καὶ ταύτας ἴσας — τρό-
 20 πον τινὰ μεταθέντες τὴν κατασκευὴν καὶ τὰς ἔξω ποι-
 ῆσαντες ἐντὸς τοῦ ἰσοσκελοῦς δείξομεν τὸ προκείμενον.
 ἔστω γὰρ ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ καὶ εἰλήφθω σημεῖον τυ-
 χὸν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$, καὶ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$ ἴση τῇ $\overline{αδ}$ ἡ
 $\overline{αε}$ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{βε}$ $\overline{δγ}$ $\overline{δε}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ

1 κατασκευάσαι G, συγκατασκευάσαι C. 5 τῶν νῦν
 δεικνυμένων G, corr. C. 9 προιοῦσα G, προιοῦσαν M,
 postera autem manus, γ' super α scripsit. 11 τούτων G, τού-
 του C. 12 ἀντέστρεψεν G. 14 συντελοῦν G, συντελοῦν-
 τος C. 16 προσυμβάλλοντας G, προσεκβάλλοντας C.
 17 εὐθείας ἴσας G. 19 τῇ βάσει G, τὴν βάσιν C. 23 τῇ
 $\overline{αβ}$ $\overline{αε}$ G, τῇ $\overline{αδ}$ ἡ $\overline{αε}$ C. 24 $\overline{δε}$ om. M, G. 'de' B, Z.

$\overline{αβ}$ τῇ $\overline{αγ}$ καὶ ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\parallel \overline{αε}$ καὶ γωνία ἡ $\overline{α}$ κοινή,
 ἔσται καὶ ἡ $\overline{βε}$ ἴση τῇ $\overline{δγ}$ καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς
 λοιπαῖς, ὥστε ἡ ὑπὸ $\overline{αβε}$ τῇ ὑπὸ
 $\overline{αγδ}$ ἴση ἐστίν. πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{δβ}$
 ἴση τῇ $\overline{εγ}$ καὶ ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{δγ}$ καὶ γω-
 νία ἡ ὑπὸ $\overline{δβε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{εγδ}$ ἴση,
 καὶ ἡ $\overline{δε}$ βάσις κοινή, καὶ πάντα
 ἴσα πᾶσιν, ὥστε ἡ μὲν ὑπὸ $\overline{εδβ}$
 ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ἡ δὲ ὑπὸ $\overline{δεβ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{εδγ}$. ἐπεὶ
 οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{εδβ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ὧν ἀφήρηνται ἴσαι 10
 αἱ ὑπὸ $\overline{δεβ}$ $\overline{εδγ}$, λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{βδγ}$ $\overline{γεβ}$ ἴσαι
 εἰσίν. εἰσὶν δὲ καὶ αἱ $\overline{βδ}$ $\overline{δγ}$ πλευραὶ ἴσαι ταῖς $\overline{γε}$ $\overline{εβ}$
 ἑκατέρω ἑκατέρω καὶ ἡ $\overline{βγ}$ κοινὴ βάσις, καὶ πάντα ἄρα
 πᾶσιν, ὥστε καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ὅφ' ἂς αἱ ἴσαι
 πλευραὶ ὑποτείνουσιν, ἴσαι εἰσίν. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{δβγ}$ 15
 τῇ ὑπὸ $\overline{εγβ}$. ὑποτείνει γὰρ τὴν μὲν ὑπὸ $\overline{δβγ}$ ἡ $\overline{δγ}$,
 τὴν δὲ ὑπὸ $\overline{εγβ}$ ἡ $\overline{εβ}$. τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς
 τῇ βάσει ἴσαι καὶ μὴ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων
 εὐθειῶν.

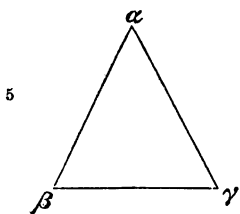


5

"Ετι δὲ συντομώτερον ἀποδείκνυσιν ὁ Πάππος 20
 μηδεμιᾶς προσθήκης δεηθεὶς οὕτως· ἔστω τὸ $\alpha\beta\gamma$

[9—10 ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{δεβ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{εδγ}$ G, corr. C.
 18 παρεκβληθεῖσιν G, προσεκβληθεῖσιν C. 21 δεόμενος G,
 δεηθεὶς B, C, 'quippe qui . . . indiguit' et in margine 'indi-
 gens' B, 'nulla adiectione assumpta' Z.

ἰσοσκελὲς καὶ ἴση ἢ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{αγ}$. νοήσωμεν οὖν τοῦτο
τὸ ἔν ὥς δύο τρίγωνα, καὶ λέγωμεν οὕτως· ἐπεὶ ἔστι



καὶ ἡ $\overline{αβ}$ ἴση τῇ $\overline{αγ}$ καὶ ἡ $\overline{αγ}$ τῇ
 $\overline{αβ}$, δύο αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ ἴσαι δυὸς ταῖς
 $\overline{αγ}$ $\overline{αβ}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ ἴση τῇ
ὑπὸ $\overline{γαβ}$, ἡ αὐτὴ γάρ, ἔστιν ἄρα
καὶ πάντα πᾶσιν ἴσα, ἡ μὲν $\overline{βγ}$
τῇ $\overline{βγ}$, τὸ δὲ $\overline{αβγ}$ τρίγωνον τῷ

$\overline{αβγ}$, ἡ δὲ ὑπὸ $\overline{αβγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγβ}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{αγβ}$ τῇ
10 ὑπὸ $\overline{αβγ}$ γωνία· ὑπὸ γὰρ ταύτας αἱ ἴσαι πλευραὶ
ὑποτείνουσιν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ · τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς
τῇ βάσει ἴσαι. καὶ ἔοικεν τὸν τρόπον τοῦτον τῆς ἀπο-
δείξεως εὑρεῖν κατανοήσας ὅτι καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐπὶ
τοῦ τετάρτου θεωρήματος ἐνώσας || τὰ δύο τρίγωνα
15 καὶ ἐφαρμόσας ἀλλήλοις καὶ ἐκ δυοῖν ἐν ἀποτελέσας
οὕτως αὐτῶν τὴν ἰσότητα τὴν κατὰ πάντα τεθέαται.
κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ οὖν καὶ ἡμᾶς δυνατὸν ἐν τῷ ἐνὶ
τούτῳ παρὰ τὴν λῆψιν τὰ δύο τρίγωνα θεωροῦντας
ἀποδεικνύναι τὴν ἰσότητα τῶν πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν.

20 Τῷ μὲν οὖν Θαλῇ τῷ παλαιῷ πολλῶν τε ἄλλων
εὐρέ|σεως ἔνεκα καὶ τοῦδε τοῦ θεωρήματος χάρις.
λέγεται γὰρ δὴ πρῶτος ἐκεῖνος ἐπιστῆσαι καὶ εἰπεῖν,
ὥς ἄρα παντὸς ἰσοσκελοῦς αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι

2 ἐπεὶ ἔστιν ἡ $\overline{αβ}$ G.

4 δύο δὲ αἱ $\overline{αγ}$ $\overline{αβ}$ G.

8 τῷ $\overline{αβγ}$ τριγώνῳ C.

9 $\overline{αβγ}$... $\overline{αβγ}$... $\overline{αβγ}$... $\overline{αβγ}$ G.

10—11 ὑπὸ γὰρ ... $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ om. G.

19 τὴν βάσιν C.

16 αὐτῶν μὲν ἰσό-
τητα G.

ἴσαι εἶσιν, ἀρχαῖκώτερον δὲ τὰς ἴσας ὁμοίας προσ-
 ειρηκέναι. μειζόνως δὲ ἂν τις ἀγασθῇ τῶν νεωτέρων
 τοὺς ἀποδείξαντας ἔτι καθολικώτερον — ὧν ἐστὶ καὶ
 Γεμῖνος — τὰς ἀφ' ἑνὸς σημείου προσπιπτούσας
 εὐθείας ἴσας ἐπὶ μίαν ὁμοιομερῆ γραμμὴν ἴσας γω- 5
 νίας ποιοῦσας, ὥστ' εἴτε εὐθεῖαν ἔχοι βάσιν εἴτε περι-
 φέρειαν εἴτε ἔλικα κυλινδρικήν, ἴσας αὐτῶν εἶναι τὰς
 πρὸς τῇ βάσει γωνίας. τοῦτο γὰρ ὁ Γεμῖνος τῷ θεώ-
 ρήματι χρώμενος δείκνυσιν, ὅτι μόναι τρεῖς εἰσι γραμ-
 μαὶ καὶ οὐ πλείους αἱ ὁμοιομερεῖς εὐθεῖα καὶ περι- 10
 φερῆς καὶ ἡ περὶ κύλινδρον ἔλιξ. καὶ τοῦτο ἐστὶ τὸ
 κυρίως καθόλου ὃ πρῶτον τὸ σύμπτωμα ὑπάρχει,
 καθάπερ δὴ καὶ τὸ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μεζῶνς ἔχειν
 τριγώνῳ παντὶ δειχθήσεται καθ' αὐτὸ ὑπάρχον. οὐκ
 ἔστιν ἄρα καθόλου τοῦ ἰσοσκελοῦς, εἰ καὶ παντὶ αὐτῷ 15
 ὑπάρχει τὸ τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας ἴσας ἔχειν, ἀλλὰ
 τῶν πρὸς ὁμοιομερῆ γραμμὴν προσπιπτουσῶν εὐθειῶν.
 ἐκείναις γὰρ πρώτως ὑπάρχει τὸ ἴσας ὑποτείνειν
 γωνίας.

Prop. VI, theor. III. Ἐὰν τριγώνου αἱ δύο γω- 20
 νίαι ἴσαι ὦσιν, καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας
 ὑποτείνουσαι πλευραὶ ἴσαι εἶσιν.

Τοῦτο τὸ θεώρημα δύο ταῦτα ἐπεδείξατο πρώτι-
 στον τῶν θεωρημάτων τὴν τε ^{εὐθείαν καὶ περιφερῆς} ἀντιστροφὴν καὶ τὴν

1 δὲ post ἀρχαῖκώτερον om. G, add. C. 3 ὧς ἐστὶ G.
 5 ἐπὶ μιᾷς ὁμοιομεροῦς γραμμῆς G, corr. C. 6 ποιῆσαι G,
 ποιοῦσας C. || ἔχει G. 10 ἡ εὐθεῖα καὶ ἡ G, utrumque ἡ
 del. not. C. 18 ὑπάρχειν M. 20—22 M in margine: γ' θεω-
 ρημα ἢ πρόβλημα. 23 πρώτιστα B, G, 'in primis' B, 'quae ...
 praecipua sunt' Z.

εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγὴν. ἀντιστρέφει μὲν γὰρ τῷ πρὸ αὐτοῦ θεωρήματι, δεικνύται δὲ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς. δεῖ δὲ περὶ ἀμφοτέρων εἰπεῖν, ὅσα πρὸς τὴν παροῦσάν ἐστι πραγματεῖαν οἰκεία.

- 5 Λέγεται τοίνυν ἡ ἀντιστροφή παρὰ τοῖς γεωμέτραις ἡ μὲν προηγουμένως καὶ κυρίως, ὅταν τὰ συμπεράσματα καὶ τὰς ὑποθέσεις ἀλλήλων ἀντιμεταλαμβάνη τὰ θεωρήματα, καὶ τὸ μὲν τοῦ προτέρου συμπεράσμα ὑπόθεσις ἐν τῷ δευτέρῳ γίνηται, ἡ δὲ
10 ὑπόθεσις || ὡς συμπέρασμα ἐπάγεται· οἷον τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι — ὑπόθεσις μὲν τὸ ἰσοσκελὲς ἐνταῦθα τριγώνου, συμπέρασμα δὲ ἡ τῶν πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν ἰσότης — καὶ ὧν αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι, ταῦτα ἰσοσκελῆ, ὃ δὴ καὶ
15 τὸ ἕκτον λέγει θεωρήμα, ὑπόθεσιν μὲν ποιησάμενον τὸ ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας, συμπέρασμα δὲ τὴν ἰσότητα τῶν πλευρῶν τῶν ὑποτείνουσῶν τὰς ἴσας ἐκείνας γωνίας. ἡ δὲ ἐστὶν ἀντιστροφή κατὰ μόνην τὴν ποιὰν τῶν συγκειμένων ἐναλλαγὴν. ἐὰν γὰρ
20 ἡ θεωρημα συνθετοῖ ἀπὸ πλειόνων ὑποθέσεων ἀρχόμενον καὶ λήγον εἰς τι συμπέρασμα, λαβόντες τὸ συμπέρασμα καὶ μίαν τῶν ὑποθέσεων συμπέρασμα ποιοῦνται μίαν τῶν ὑποθέσεων ἢ καὶ πλείους. καὶ κατὰ

8 προβλήματα G, θεωρήματα C. 9 γίνεταί G.

10 ἐπάγεται M, G. 11 πρὸς τὴν βάσιν H₂ p. 271. 13 πρὸς τὴν βάσιν M, G. || καὶ ὧν . . . ἴσαι om. G. 14 ταῦτα ἰσοσκελῆ] τὰ ἰσοσκελῆ ἐστίν G. 17 Alterum τῶν om. G. 18 ἐστίν om. G. 19 ποῖαν G, ποιάν G, ποιιλίαν Kn II,

‘quandam’ B, om. Z. 19—22 M in margine: β εἶδος ἀντιστροφῆς κατὰ μόνην τὴν ποιὰν τῶν συγκειμένων ἐναλλαγὴν.

21 εἰς τὸ G. || λαβόν τε M, C, ‘assumentes’ Z, ‘accipientes’ B. B₂ = G. 22—23 συμπέρασμα . . . ὑποθέσεων om. G (Z),

add. C. 22 ποιοῦνται] ‘inferimus’ et in margine ‘faciunt’ B.

23 ἢ καὶ πλείους B in contextu cum priore μίαν τῶν ὑπο-

τοῦτον τὸν τρόπον τῷ τετάρτῳ θεωρήματι τὸ ὄγδοον ἀντιστρέψει. τὸ μὲν γάρ φησιν ὑπὸ ἴσας πλευρὰς καὶ γωνίας βάσεις ἴσαι ὑποτείνουνσι, τὰ δὲ ἐπ' ἴσων βάσεων ἴσαι πλευραὶ κείμεναι γωνίας ἴσας περιέχουσιν, ὧν τὸ μὲν ἐπὶ ἴσων βάσεων συμπέρασμα ἦν τοῦ προ-⁵ τέρου, τὸ δὲ ἴσαι πλευραὶ κείμεναι μίᾳ τῶν ἐν ἐκείνῳ προειλημμένων ὑποθέσεων. δύο δὲ τούτων οὐσῶν ἀντιστροφῶν ἡ μὲν προηγουμένη μονοειδὴς ἐστὶ καὶ ὠρισμένη, ἡ δὲ ἑτέρα ποικίλη καὶ εἰς ἀριθμὸν πρόεισι πολὺν θεωρημάτων καὶ οὐκ ἐν ἐνὶ ἀντιστρέφουσα ἀλλ'¹⁰ ἐν πολλοῖς διὰ τὸ πλῆθος τῶν ἐν τοῖς συνθέτοις θεωρήμασιν ὑποθέσεων. πολλάκις δὲ καὶ τῷ ἀπὸ δυεῖν [ἢ πλειόνων] ὑποθέσεων ἀρχομένῳ ἐν ἀντιστρέφωμεν, ὅταν αἱ ὑποθέσεις μὴ πᾶσαι ὧσιν ὠρισμένα ἀλλ' ἐνὶ ἀοριστώδεις.¹⁵

Δεῖ δὲ ἐφιστάνειν καὶ ἐν τούτοις, ὅτι πολλὰ ἀντιστροφὰ γίνονται ψευδεῖς καὶ οὐκ εἰδὶ κυρίως ἀντιστροφὰ· οἷον πᾶς ἑξάγωνος ἀριθμὸς τρίγωνός ἐστιν, ἀλλ' οὐκ ἐστὶ ἀληθές, ὅτι πᾶς τρίγωνος ἑξάγωνός ἐστιν. αἷτιον δὲ ὅτι τὸ μὲν ἐστὶ κοινότερον, τὸ δὲ μερικώτε-²⁰

θέσεων coniungit, in margine cum altero. $B_3 = M, G.$ 1 τῷ τετάρτῳ] τῷ δ' M in margine. 2 ἀντιστρέψει G , ἀντιστρέψει $C.$

3 ὑποτείνουνσαι $C.$ || ὑπὸ τῶν ἴσων G , ἐπὶ τῶν ἴσων $C.$ 6 μίαν G , μία $C.$ 7 οὐσῶν] ἴσων M , sed postera manus οὐ super ϵ scripsit. 9 ἡ δὲ] καὶ δὲ G , ἡ δὲ $C.$ 10 πολὺ $C.$

10—11 'non in uno sed in multis' B , 'neque unum cum uno convertit; sed in multis' $Z.$ $B_3 = M, G.$ 11 διὰ] 'propter' et in margine 'iuxta' B , 'ob' $Z.$ 12—13 πολλάκις . . . ὑποθέσεων om. $G.$

12 καὶ τὸ $M.$ 13 ἡ πλειόνων ego addidi, ut sit de quo πᾶσαι possit dici. Nec tamen locus videtur esse sanus, cum ἐν minime congruat cum voce ἐν. || ἀρχομένων $B_3, G.$ || ἐναντιστροφόμενον $B_3, G.$ ἐν ἀντιστροφόμενον M , sed postera manus puncta posuit super ον. 19 ἀλλ οὐκ . . . ἐστὶν om. G , add. $C.$ || ἐστὶ ἐπαληθὲς $M.$

ρον καὶ κατὰ παντὸς λέγεται μόνον θατέρου θάτερον.
ἐφ' ὧν δὲ τὸ πρῶτως ὑπάρχον καὶ τὸ ἢ αὐτὸ λαμβάνεται, ἐπ' ἐκείνων καὶ ἀντιστροφὴ παρακολουθεῖ.
καὶ ταῦτα οὐδὲ τοὺς περὶ τὸν Μέναιχμον καὶ Ἀμφίνομον ἐλέηθεν μαθηματικούς.

Αὐτῶν δὲ τῶν ἀντιστρεφόντων θεωρημάτων τὰ μὲν εἰώθασι καλεῖν προηγουμένα, τὰ δὲ ἀντιστροφα (J.)
ὅταν μὲν γὰρ ὑποθέμενοί τι γένος ἀποδεικνύωσι τὸ περὶ αὐτὸ σύμπτωμα, προηγούμενον τοῦτο λέγουσιν,
10 ὅταν δὲ ἀνάπαλιν ὑπόθεσιν μὲν ποιῶνται τὸ σύμπτωμα, || συμπερασμα δὲ τὸ γένος, ᾧ τοῦτο συμβέβηκεν, ἀντιστροφον τὸ τοιόνδε προσαγορεύουσι. πᾶν ἰσοσκελὲς τρίγωνον ἴσας ἔχει τὰς πρὸς τῇ βάσει, τοῦτο προηγούμενον — ἰπόκειται γὰρ τὸ τῇ φύσει προηγούμενον,
15 λέγω δὴ τὸ γένος αὐτὸ τὸ ἰσοσκελὲς τρίγωνον — πᾶν τρίγωνον δύο γωνίας ἴσας ἔχον καὶ τὰς ὑποτεινούσας πλευρὰς ἴσας ἔχει καὶ ἐστὶν ἰσοσκελὲς, τοῦτο ἀντιστρέφον. ἐναλλάττει γὰρ τὸ ὑποκείμενον καὶ τὸ τούτου πάθος, καὶ τὸ μὲν ὑποτίθῃσι, τὸ δὲ ἀπὸ τούτου
20 τοῦ δείκνυσι.

Τοσαῦτα περὶ τῶν γεωμετρικῶν ἀντιστροφῶν εἴχομεν λέγειν. αἱ δὲ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγὰι πάντως μὲν εἰς ἀδύνατον τελευτῶσιν ἐναργές, καὶ οὐ τὸ ἀντικείμενον ὁμολόγηται, συμβαίνει δὲ τὰς μὲν αὐτῶν
25 ἐπὶ τὰ μαχόμενα ταῖς κοιναῖς ἐννοαῖς ἥτοι αἰτήμασιν | ἢ ταῖς ὑποθέσεσι τελευτᾶν, τὰς δὲ ἐπὶ τὰ τοῖς προαποδεδειγμένοις ἀντιφάσκοντα. τὸ μὲν γὰρ ἔκτον

1 μόνον λέγεται G. 3 ἢ ἀντιστροφή G. 12 οἷον
πᾶν G, οἷον del. not. C. 16 ἔχον ἴσας G. 22—24
M in margine: ση. τὴν εἰς ἀδύνατον δεῖξιν τὴν παρὰ τοῖς
γεωμέτραις.

τοῦτο θεώρημα τὸ συμβαῖνον ἀδύνατον ἐπιδείκνυσι
διὰ τὸ κοινὴν ἔννοιαν ἀνατρέπειν τὴν τὸ ὅλον τοῦ
μέρους μείζον λέγουσαν, τὸ δὲ ὄγδοον καταντᾷ μὲν
εἰς ἀδύνατον, ἀλλ' οὐ κοινῆς ἐννοίας ἀνατρεπτικόν,
ἀλλὰ τοῦ δεδειγμένου διὰ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος. ⁵
ὁ γὰρ ἀπέφησεν τὸ ἐβδομον, τοῦτο ἐκεῖνο δείκνυσι
καταφασκόμενον τοῖς μὴ συγχωροῦσι τὸ ζητούμενον.

Πᾶσά γε μὴν εἰς τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγὴ λαβοῦσα
τῷ ζητουμένῳ τὸ μαχόμενον καὶ τοῦτο ὑποθεμένη πρό-
εισιν, ἕως ἂν εἰς ὁμολογούμενον ἄτοπον καταντίσῃ ¹⁰
καὶ δι' ἐκεῖνο τὴν ὑπόθεσιν ἀνελούσα βεβαιώσῃται
τὸ ἐξ ἀρχῆς ζητούμενον. ὅπως γὰρ εἰδέναι χρὴ ὅτι
πᾶσαι αἱ μαθηματικαὶ πίστεις ἢ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν εἰσιν
ἢ ἐπὶ τὰς ἀρχάς, ὥς πού φησι καὶ ὁ Πορφύριος. καὶ
αἱ μὲν ἀπὸ τῶν ἀρχῶν διτταὶ καὶ αὐταὶ τυγχάνουσιν, ¹⁵
ἢ γὰρ ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν ὥρμηται καὶ τῆς
ἐναργείας μόνης τῆς αὐτοπίστον, ἢ ἀπὸ τῶν προδε-
δειγμένων· αἱ δὲ ἐπὶ τὰς ἀρχάς ἢ θετικάι τῶν ἀρχῶν
εἰσιν ἢ ἀναιρετικάι· ἀλλὰ θετικά μὲν οὔσαι τῶν ἀρ-
χῶν ἀναλύσεις καλοῦνται, καὶ ταύταις αἱ συνθέσεις ²⁰
ἀντίκεινται — δυνατὸν γὰρ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν ἐκείνων
προελθεῖν εὐτάκτως ἐπὶ τὸ ζητούμενον, καὶ τοῦτο
ἐστὶν ἡ σύνθεσις — ἀναιρετικά δὲ οὔσαι εἰς ἀδύνα-
τον ἀπαγαγαὶ προσαγορεύονται. τὸ γὰρ τῶν ὁμολο-
γημένων τι καὶ ἐναργῶν ἀνατρέφαι ταύτης ἔργον τῆς ²⁵
ἐφόδου. καὶ ἐστὶ καὶ ἐπὶ ταύτης συλλογισμὸς τις,

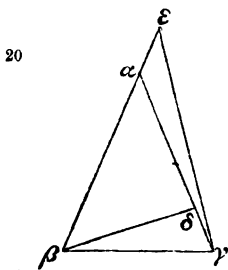
6 ἀπέφησε G, ἀπέφησε C. 8 εἰς ἀδύνατον G, εἰς τὸ
ἀδύνατον C. 9 τοῦτο ὑποθέμενον (τοῦ ὑποθεμένου) H₂
p. 255. 11 δι' ἐκεῖνο M, H₂ p. 255, δι' ἐκεῖνον G.
14 ὥς πού] ὥσπερ H₂ 15 αὐταὶ H₂. 17 ἐναργείας G, H₂. ||
ἀπίστον G, αὐτοπίστον C, H₁ p. 455. 22 προσελθεῖν H₂
p. 255. 26 καὶ ἐστὶν ἐπὶ G, H₂ p. 256.

*) are evident with a view to the fact that the proposition is
proven by the same.

ἀλλ' οὐχ ὁ αὐτὸς ὥσπερ ἐπὶ τῆς ἀναλύσεως. ἐν γὰρ
ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς ἡ πλοκὴ κατὰ τὸ δεύ-
τερόν ἐστιν τῶν ὑποθετικῶν, οἷον εἰ μὴ εἰσιν τῶν
ἴσας ἐχόντων γωνίας τριγώνων αἱ ὑποτείνουσαι πλευ-
5 ραι τὰς ἴσας γωνίας || ἴσαι, τὸ ὅλον ἴσον ἐστὶν τῷ
μέρει· ἀλλὰ τοῦτο ἀδύνατον· εἰσὶν ἄρα τῶν ἴσας
ἐχόντων δύο γωνίας τριγώνων αἱ ὑποτείνουσαι πλευ-
ραι τὰς ἴσας γωνίας καὶ αὐταὶ ἴσαι.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς παρὰ τοῖς γεωμέτραις εἰς
10 τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγῆς· χρῆται δέ, ὅπερ ἔφαμεν, ὁ
στοιχειωτὴς τῇ μὲν ἀντιστροφῇ κατὰ τὴν πρότασιν, τὸ
συμπέρασμα τοῦ πέμπτου θεωρήματος ὡς δεδομένον
λαβὼν καὶ τὴν ὑπόθεσιν τὴν ἐκείνου προστιθεὶς ὡς
ζητούμενον, τῇ δὲ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῇ περὶ τε τὴν
15 κατασκευὴν καὶ τὴν ἀπόδειξιν. εἰ δέ τινες ἐνίσταντο

λέγοντες ὅτι τὸν $\tau\eta\ \alpha\beta$ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ ἴσην ἀφαιροῦντα
οὐ δεῖ πρὸς τῷ γ ποιεῖσθαι τὴν ἀφαίρεσιν, ἀλλὰ πρὸς
τῷ α , θέμενοι καὶ ταύτην τὴν ὑπόθεσιν εἰς τὸ αὐτὸ
καταντήσομεν ἀδύνατον. ἔστω γὰρ



20 ἴση ἡ $\alpha\delta$ τῇ $\alpha\beta$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ
 $\beta\alpha$ καὶ κείσθω ἴση ἡ $\alpha\epsilon$ τῇ $\delta\gamma$.
ὅλη ἄρα ἡ $\beta\epsilon$ ἴση τῇ $\alpha\gamma$. καὶ ἐπε-
ξεύχθω ἡ $\epsilon\gamma$. ἐπεὶ οὖν ἡ $\alpha\gamma$ ἴση
τῇ $\beta\epsilon$, κοινὴ δὲ ἡ $\beta\gamma$, δύο δυνεῖν
25 ἴσαι, καὶ ἡ πρὸς τῷ β γωνία ἴση
τῇ ὑπο $\alpha\gamma\beta$ — οὕτω γὰρ κείται — καὶ πάντα ἄρα

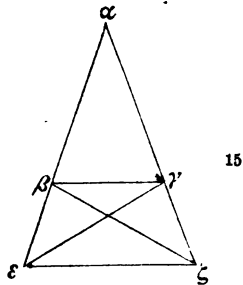
2 τὸν δεύτερον M. 15 ἀνίστανται G. 20 ἡ $\alpha\beta$ τῇ
 $\alpha\delta$ G, corr. C. 22 Post τῇ $\alpha\gamma$ addit G: κοινὴ δὲ ἡ $\beta\gamma$.

παῖσιν ἴσα διὰ τὸ τέταρτον, ὥστε καὶ τὸ $\overline{εβγ}$ τρίγωνον
τῷ $\overline{αβγ}$ τριγώνῳ ἴσον, τὸ ὅλον τῷ μέρει, ὅπερ ἀδύ-
νατον.

Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ τοῦτο δῆλον, ἐπόμενόν ἐστι καὶ τὸ
λοιπὸν δεῖξαι τῆς ἀντιστροφῆς. ὁ μὲν γὰρ στοιχειωτῆς 5
πρὸς μέρος ἀντέστρεψεν τοῦ πέμπτου θεωρήματος
ὅλον τὸ ἕκτον. δεῖ δὲ καὶ τὴν λοιπὴν ἀντιστροφὴν
προσθεῖναι. αὕτη δέ ἐστιν ἡ λαμβάνουσα μὲν ὡς
ὑπόθεσιν τὸ εἶναι τριγώνου τινὸς τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν
γωνίας ἴσας, δεικνύουσα δὲ ἰσοσκελὲς τὸ τρίγωνον. 10

ἔστω τοίνυν τὸ $\overline{αβγ}$ τρίγωνον καὶ
ἐκβεβλήσθωσαν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ καὶ
ἔστωσαν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι.

λέγω ὅτι ἰσοσκελὲς ἐστὶν τὸ $\overline{αβγ}$.
εἰλήφθω γὰρ ἐπὶ τῆς $\overline{αε}$ σημεῖον
τὸ $\overline{ε}$ καὶ ἴση τῇ $\overline{βε}$ ἡ $\overline{γξ}$ καὶ ἐπε-
ξεύχθωσαν αἱ $\overline{εγ}$ $\overline{βξ}$ $\overline{εξ}$. ἐπεὶ
οὖν ἴση ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{γξ}$, κοινὴ ἡ $\overline{βγ}$,



δύο ὀρθοὶ ἴσαι, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{εβγ}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$
γωνίᾳ ἴση, καὶ γὰρ ὑπὸ τὴν βάσιν, καὶ πάντα ἄρα 20
παῖσιν διὰ τὸ τέταρτον. ἴση ἄρα καὶ ἡ $\overline{εγ}$ βάσις τῇ $\overline{ξβ}$
καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βεγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{γξβ}$ ἴση καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{γβξ}$ τῇ

2 τὸ ante ὅλον om. G, add. C. 8 ἡ ante λαμβάνουσα
om. G, add. C. 9 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. 11 ἔστω ... τρί-
γωνον om. M. || $\overline{αγβ}$ G, $\overline{αβγ}$ C. 12 Post 'ab, ac' B addit:
'ad Signa dg', 'ab in ε et ac in ξ' Z. 16 τὸ $\overline{β}$ G.
19 20. τῇ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$ γωνίᾳ ἴση] ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$ G.

ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$, ὑπὸ γὰρ αὐτὰς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνου-
 σιν. ἦν δὲ καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\beta\gamma}$ ὅλη τῇ ὑπὸ $\overline{\xi\gamma\beta}$ ἴση,
 ἀφ' ὧν ἡ ὑπὸ $\overline{\xi\beta\gamma}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\beta}$, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{\epsilon\beta\xi}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\xi\gamma\epsilon}$. ἐστὶν δὲ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\gamma\xi}$ ἴση καὶ ἡ
 5 $\overline{\beta\xi}$ τῇ $\overline{\epsilon\gamma}$ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν καὶ πάντα ἄρα
 παῖσιν ἴσα, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\epsilon\xi}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\xi\epsilon}$ ἴση, ὥστε
 καὶ ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\xi}$ ἴση δι' αὐτὸ τὸ ἔκτον — δέδεικται
 γάρ — ἀφ' ὧν ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\gamma\xi}$ ἴση — οὕτως γὰρ ἀφ-
 ῆρηται — λοιπὴ ἄρα ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴση. ἰσοσκελὲς
 10 ἄρα ἐστὶν τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τρίγωνον. ἐάν τε ἄρα τὰς δύο γω-
 νίας ἴσας ἔχῃ, ἰσοσκελὲς ἐστίν, ἐάν τε τῶν πλευρῶν
 ἐκβληθειςῶν τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας ἔχῃ, καὶ οὕτως
 ἰσοσκελὲς ἔσται τὸ δοθὲν τρίγωνον.

Τί οὖν αἴτιον, δι' ὃ οὐκ ἀντέστρεψεν ὁ στοι-
 15 χιωτής καὶ τὸ λοιπὸν μέρος; ἢ ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ πέμ-
 πτου θεωρήματος τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας
 εἶναι πάρεργον ἦν, ἄλλων ἕνεκα ἀπόρων διαλύσεων
 ἐκβεβλημένον, τὸ δὲ τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσων οὐσῶν
 ἰσοσκελὲς εἶναι τρίγωνον οὔτε πρὸς ἀπόδειξιν προ-
 20 ηγουμένην οὔτε πρὸς διάλυσιν αὐτῷ συντελεῖ τῶν
 ζητουμένων πρὸς τῷ καὶ διὰ τῶν ἐξῆς θεωρημάτων
 ἀποφαίνεσθαι τοῦτο καὶ ἀφορμὰς αὐτῷ κάκεῖνα παρ-
 ἔχειν τοῦ τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνιῶν ἴσων οὐσῶν

3 ἀφ' om. M, G. || λοιπὴ δὲ ἄρα G. 5 περιέχουσι G.
 11—12 ἰσοσκελὲς . . . ἔχῃ om. G, add. C. 16 ὑπὸ τῇ βάσει
 M, G. 17 διαλύσεων G. 18—20 ἴσων οὐσῶν . . . αὐτῷ
 om. G, add. C. 20 τῷ ζητουμένῳ G, corr. C. 21 καὶ ante
 διὰ om. G, add. C. 23 τοῦ τῶν] τούτων M. || ὑπὸ τῇ βάσει
 M, C, ἀπὸ τὴν βάσιν G.

δείκνυσθαι καὶ τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές; εἰ γὰρ εὐθεία
 πᾶσα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα καὶ ποιοῦσα δύο γωνίας
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ, τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνιῶν
 δεδομένων ἴσων καὶ αἱ πρὸς τῇ βάσει | πάντως ἴσαι
 ἔσονται, τούτων δὲ ἴσων οὐσῶν καὶ αἱ ὑποτείνουσαι 5
 αὐτὰς ἴσαι. τούτῳ τοίνυν χρώμενος ἐν πάσῃ τῇ στοι-
 χεῖώσει ἡδύνατο λαμβάνειν ὅτι τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν
 ἴσων οὐσῶν τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές ἐστίν εἴπερ ἐδείτο
 καὶ τούτου πρὸς τινων θεωρημάτων || ἀπόδειξιν. οὐ
 γὰρ μετὰ πολλὰ φανήσεται δεικνύμενον ὅτι, ἐὰν εὐ- 10
 θεία ἐπ' εὐθείαν σταῖσα γωνίας ποιῇ, ἦτοι δύο ὀρθὰς
 ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ. καὶ τὰ μὲν πρὸ τούτου
 οὐδὲν δεῖ τῆς ἀντιστροφῆς ταύτης, τὰ δὲ ἑξῆς, εἰ
 δέοιτο, διὰ τούτου τὴν πίστιν ἔξει τοῦ θεωρήματος.

Prop. VII, theor. III. Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας 15
 δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι δύο εὐθεῖαι
 ἴσαι οὐ σταθῇσονται ἑκατέρω ἑκατέρω πρὸς
 ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ
 αὐτὰ πέφατα ἔχουσαι ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις.

Ἐστὶ μὲν τὸ θεωρήμα τοῦτο ^{καὶ τοῦτο} σπάνιον τι πεπονθὸς 20
 καὶ οὐ πάνυ ταῖς ἐπιστημονικαῖς προτάσεσιν εἰωθός.
 τὸ γὰρ ἀποφατικῶς σχηματίζεσθαι καὶ μὴ καταφατι-
 κῶς οὐ σφόδρα αὐταῖς οἰκεῖον. τὰ γοῦν πολλὰ κατα-
 φάσεις εἶσιν αἱ προτάσεις τῶν τε γεωμετρικῶν καὶ
 τῶν ἀριθμητικῶν θεωρημάτων. αἷτιον δέ, ὥς φησὶν 25

1 δείκνυσθαι δὲ τὸ τρίγωνον M. 3 δύο ὀρθαῖς M. ||
 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. 5—6 ἔσονται . . . αὐτὰς ἴσαι om. G,
 add. C. 8 εἴπειν G, εἴπερ C. 11 ἐπ' εὐθείας G, ἐπ'
 εὐθεῖαν C. || ἦτοι || ἦ G, ἦτοι C. 15 M in margine: ξ θεώ-
 ρημα. 18 καὶ ἄλλω om. M.

17* The proposition is Prop. VII, theor. III. B. 147 || 148 259
 The proposition is Prop. VII, theor. III. B. 147 || 148 259

Ἀριστοτέλης, ὅτι τὸ καθόλου καταφατικὸν ταῖς ἐπιστήμαις ἐστὶ μάλιστα προσήκον ὥς αὐταρκέστερον καὶ μηδὲν τῆς ἀποφάσεως προσδεόμενον, τὸ δὲ καθόλου ἀποφατικὸν δεῖται καὶ τῆς καταφάσεως, εἰ μέλλοι
 5 δεικνυσθαι. ἄνευ γὰρ καταφάσεως οὔτε ἀπόδειξις ἐστίν, οὔτε συλλογισμὸς οὐδεὶς, καὶ διὰ τοῦτο αἱ ἀποδεικτικαὶ τῶν ἐπιστημῶν τὰ μὲν πλεῖστα καταφατικὰ δεικνύουσι, σπανίως δὲ χρῶνται καὶ τοῖς ἀποφατικοῖς συμπεράσμασι.

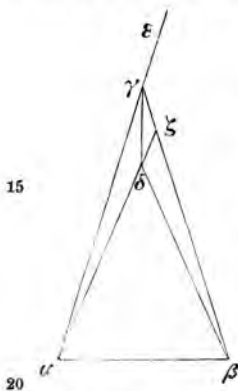
- 10 Θανμαστῆς δὲ ἀκριβείας ἐστὶν ἡ πρότασις τοῦ θεωρήματος πλήρης καὶ πάσαις ἡσφάλιστα ταῖς προσθήκαις, δι' ὧν ἀνέλεγκτος ἀποτετέλεσται καὶ ἀναμφισβήτητος τοῖς συνοφαντεῖν ἐπιχειροῦσι. πρῶτον μὲν γὰρ τὸ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας εἴληπται, ἵνα
 15 μὴ ἐπ' ἄλλης δύο δυσὶν ἴσας δεικνύμεν ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ παραλογιζόμεθα τοὺς τῇ προτάσει χρωμένους. ἔπειτα μιᾶς εὐθείας οὔσης οὐ φησὶν ἐπὶ ταύτην συσταθῆσεσθαι τὰς δύο ταῖς δυσὶν ἴσας οὐχ ἀπλῶς — τοῦτο γὰρ δυνατόν — ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα.
 20 τί γὰρ θανμαστὸν ἀμφοτέρας ἀμφοτέραις ἴσας λαβεῖν τῶν ἐπισυνισταμένων, τὴν μὲν ἐκτείναντα, τὴν δὲ συστείλαντα· ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα φησὶν ἀδύνατον.

4 τῆς καταφάσεως] καταφάσεων H_2 p. 270. || εἰ μέλλοι] μέλλον H_2 . 5 δεικνυσθαι H_2 ; in B_3 et G ommissa sunt verba εἰ μέλλοι δεικνυσθαι, in M conglutinatione litterae post δ sunt oblatae; 'ostendi' B , Z . || ἄνευ γὰρ καταφάσεως] om. B_3 . ἐκ γὰρ τῶν ἀποφατικῶν μόνον G (de suo?), 'nam ex negantibus tantum' et in margine 'nam sine affirmatione' B , 'nam sine affirmatione' Z . || οὐδ' . . . οὐδὲ omisso οὐδεὶς H_2 . 15 ἐπ' ἄλλης G , ἐπ' ἄλλοις C . 16 παραλογιζόμεθα C . || τοὺς om. G , add. C . || χρωμένοι G , χρωμένους B_3 , C , 'Propositioneque utentes circumveniamus' B , 'eos qui . . . utuntur decipiamus' Z . 17 φασὶν M , φασιν G , φῃ B_3 , 'inquit' B , 'dicunt' Z . 18 συστήσασθαι G . || οὐχ om. G . 22 ἑκατέρας ἑκατέραις G , ἑκατέραν ἑκατέραις M , C .

τρίτον προστίθῃσιν τὸ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ ση-
 μείῳ. τί γάρ, εἴ τις ταῖς προϋφαστώσαις δύο ποιήσας
 ἴσας ἄλλας δύο καὶ ἑκατέραν ἑκατέρα ἐφαρμόσειεν
 ταύτας ἐκείναις καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τῷ κορυ-
 φοῦντι τὰς ὑποκειμένους εὐθείας καὶ ταύτας συστή- 5
 σαιτο; πάντως γὰρ ἴσων οὐσῶν τῶν εὐθειῶν καὶ τὰ
 πέρατα ἐφαρμόσει. || τέταρτον τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.
 τί γάρ, εἰ μιᾶς εὐθείας ὑποκειμένης τὰς μὲν ἐπὶ τὸ
 ἕτερον αὐτῆς μέρος ποιήσαιμεν τῶν εὐθειῶν, τὰς δὲ
 ἐπὶ τὸ ἕτερον, ὥστε τὴν εὐθειᾶν κοινὴν εἶναι βάσιν 10
 τριγῶνων δυεῖν τὰς κορυφὰς ἀντικειμένους ἐχόντων;
 ἵνα οὖν μὴ τοῦτο παθόντες τὴν αὐτῶν ἀπάτην ἐπὶ
 τὸν στοιχειωτὴν μεταγάγωμεν προσέδηκεν τὸ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη. πέμπτον ἐπήνεγκε τὸ τὰ αὐτὰ πέρατα
 ἔχουσαι ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις. καὶ γὰρ ἦν δυ- 15
 νατὸν ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας δύο δυσιν ἴσας ἑκατέραν
 ἑκατέρα συστήσασθαι πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ ἐπὶ
 τὰ αὐτὰ μέρη ὅλη τῇ εὐθείᾳ χρησάμενον καὶ ἐπὶ ταύ-
 τας τὰς δύο συνιστάντα, τῶν συνισταμένων οὐ τὰ
 αὐτὰ πέρατα ἐκείναις ἔχουσιν ἀλλὰ ἕτερα. - ἐὰν γοῦν 20
 νοήσωμεν ἐν τετραγώνῳ δύο διαγωνίους ἐπὶ μιᾶς τῶν
 τοῦ τετραγώνου πλευρῶν, ἔδονται δύο δυσιν ἴσαι,
 πλευρὰ καὶ διάμετρος τῇ παραλλήλῳ πλευρᾷ καὶ τῇ
 ἑτέρᾳ διαμέτρῳ, ἀλλ' οὐχ αἱ ἴσαι τὰ αὐτὰ πέρατα
 ἔξουσιν· οὔτε γὰρ αἱ παράλληλοι οὔτε αἱ διαμέτροι 25
 τὰ αὐτὰ ἔξουσιν ἀλλήλαις, αὐταὶ δὲ ἦσαν ἴσαι.

8 μὲν om. G, add. C. 12 αὐτῶν M, G. 13 ἐπαγάγω-
 μεν G, ἐπαγάγωμεν C. 15 ἐξ αὐτῆς M. 19 τὰ δύο G,
 'duas' B, 'duo consistentia' Z. B₂ = M. 20 ἐὰν οὖν M,
 ἐὰν γὰρ B₂, G, 'si enim' B, 'nam si' Z. 22. 23 ἴσαι πλευ-
 ραὶ M. 26 τὰ αὐτὰ πέρατα ἔξουσιν ἀλλήλοισι G.

Τούτων οὖν πάντων τῶν διορισμῶν φυλαττομέ-
νων ἢ τε πρότασις ἀληθὴς καὶ ὁ συλλογισμὸς ἀναμφι-
σβήτητος ἀποδείκνυται. τάχα δ' ἂν τινες καὶ ἐπὶ
τούτοις ἅπασιν τοῖς ἐπιστημονικοῖς ὅροις ἐνίστασθαι
5 τολμήσειαν λέγοντες, ὅτι καὶ τούτων ὑποκειμένων δυ-
νατόν ἐστιν, ὃ φησιν ὁ γεωμέτρης ἀδύνατον εἶναι.
ἔστω γὰρ ἡ $\overline{αβ}$ εὐθεῖα καὶ ἐπὶ ταύτης δύο ταῖς $\overline{αγ}$
 $\overline{βγ}$ δύο ἴσαι αἱ $\overline{αδ}$ $\overline{δβ}$ καὶ ἔστωσαν αὐταὶ ἐντὸς ἐκεί-
νων, ἵνα καὶ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ τῷ $\overline{γ}$ καὶ
10 τῷ $\overline{δ}$ ὧσι καὶ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχωσι ταῖς ἐξ ἀρχῆς



15

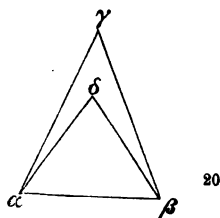
20

εὐθείαις τὸ $\overline{α}$ καὶ τὸ $\overline{β}$, καὶ ἡ μὲν
 $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{αδ}$ ἴση, ἡ δὲ $\overline{βγ}$ τῇ $\overline{βδ}$.
πρὸς δὴ τοὺς οὕτως ἐνισταμένους
ἀπαντησόμεθα τὴν μὲν $\overline{δγ}$ ἐπι-
ξεύξαντες, τὰς δὲ $\overline{αγ}$ καὶ $\overline{αδ}$ ἐκ-
βάλλοντες. τούτων γὰρ κατα-
σκευασθέντων πρόδηλον ὅτι ἰσο-
σκελὲς μὲν τὸ $\overline{αγδ}$ τρίγωνον, ἴσης
οὔσης, ὡς ἐκείνων λόγος, τῆς $\overline{αδ}$
τῇ $\overline{αγ}$. αἱ δὲ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι,
ἡ ὑπὸ $\overline{εγδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{ξδγ}$. [μείζων δὲ τῆς ὑπὸ $\overline{βγδ}$ ἢ
ὑπὸ $\overline{εγδ}$], μείζων ἄρα τῆς ὑπὸ $\overline{βγδ}$ ἢ ὑπὸ $\overline{ξδγ}$, πόλλῳ

8 αἱ δὲ $\overline{αδ}$ $\overline{δβ}$ G, δὲ del. not. C. || ἐντὸς G, ἐντὸς B₃, C,
'extra' B, 'introrsum' Z. In M et Z in figura δ intra est po-
situm. Confusio inde orta est litterarum, quam annotare opus
esse non duxi. 10 ὧσι om. M. 14 ἀποξεύξαντες G, ἐπι-
ξεύξαντες C. 19 ἐκείνος G, ἐκείνων C. 21—22 μείζων
δὲ ... $\overline{εγδ}$ ego addidi. B₃ = M. 22 $\overline{βγδ}$ $\overline{ξγδ}$ M.

ἄρα μείζων || ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ τῆς ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$. ἀλλ' ἐπειδὴ πάλιν ἴση ἡ $\overline{\delta\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\beta}$, ἴσαι καὶ αἱ | πρὸς τῇ βάσει ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ἡ αὐτὴ ἄρα καὶ μείζων πολλῶ καὶ ἴση, ὅπερ ἀδύνατον. καὶ τοῦτο ἦν ἄρα, ὅπερ ἐξηγούμενοι τὸ πέμπτον ἐλέγομεν ὅτι τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν 5 γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι, καὶ εἰ μὴ πρὸς τὰς ἀποδείξεις τῶν ἐξῆς θεωρημάτων, ἀλλὰ πρὸς γε τὰς τῶν ἐνστάσεων διαλύσεις ἐστὶ χρήσιμον. καὶ γὰρ νῦν τὴν ἐνστασιν διηλέγξαμεν λαβόντες ὅτι τῶν $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ ἴσων οὐσῶν ἔσονται καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\delta}$ $\overline{\xi\delta\gamma}$ γωνίαί ἴσαι. 10 φανήσεται δὲ ὡσαύτως καὶ ἐπ' ἄλλων θεωρημάτων ἡμῖν τοῦτο συντελοῦν εἰς τὰς τῶν ἀπορουμένων διαλύσεις.

Εἰ δὲ λέγοι τις ὅτι ἔστωσαν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ ἴσαι αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\beta\gamma}$, ὧν ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ 15 ἡ δὲ $\overline{\beta\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta}$ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ τῷ $\overline{\alpha}$ καὶ τῷ $\overline{\beta}$, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ τὸ $\overline{\gamma}$ καὶ τὸ $\overline{\delta}$ σημείον, τί ἐροῦμεν πρὸς τοῦτον τὸν λόγον; ἡ ὅτι δεῖ καὶ τὰς ἐξ ἀρχῆς εὐθείας ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας συνεστάναι καὶ τὰς ταύταις ἴσας ἐπὶ τῆς αὐτῆς συνίστασθαι τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας; οὕτως γὰρ καὶ ὁ στοιχειωτῆς ἐν τῇ προτάσει λέγει. αἱ δὲ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ $\overline{\alpha\delta}$ εὐθεῖαι

1 $\overline{\beta\gamma\delta}$ $\overline{\xi\delta\gamma}$ M.

5 ὑπὸ τῇ βάσει M, G.

8 ἐστὶ G.

15 ὧν ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$ ἴση om. M.21 $\overline{\alpha\delta}$ G.

οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας, ἀλλὰ πρὸς τινι σημείῳ
 τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας τὴν σύστασιν ἔσχον καὶ οὐκ ἐπ' αὐτῆς,
 ὥστε ἄλλαι μὲν εἰσιν αἱ ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας, οἷον αἱ
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\gamma\beta}$ καὶ αἱ $\overline{\alpha\delta}$ $\overline{\delta\beta}$, καὶ ἄλλαι αἱ ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖαι
 5 καὶ αἱ ταύταις ἴσαι, δέον πως τὰς συνισταμένας
 εὐθείας ἴσας ταύταις εἶναι, αἱ ἦσαν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$
 εὐθείας.

Τοσαῦτα καὶ πρὸς ταύτην εἰρήσθω τὴν ζήτησιν·
 ὅτι δὲ τὸ θεώρημα τοῦτο δέδεικται παρὰ τῷ στοι-
 10 χειωτῇ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς καὶ ὅτι τὸ
 ἀδύνατον μάχεται πρὸς κοινὴν ἔννοιαν τὴν λέγουσαν
 τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον καὶ τὸ αὐτὸ μείζον καὶ
 ἴσον εἶναι ἀδύνατον, πρόδηλον. ἔοικεν δὲ εἶναι τοῦτο
 τὸ θεώρημα λῆμμα προλαμβανόμενον τοῦ ὀγδόου
 15 θεωρήματος. || εἰς γὰρ τὴν ἀπόδειξιν ἐκείνου συντελεῖ
 καὶ οὔτε στοιχεῖόν ἐστιν ἀπλῶς οὔτε στοιχειῶδες. οὐ
 γὰρ ἐπὶ πολλὰ διατείνει τὴν ἑαυτοῦ χρεῖαν. σπανιω-
 τάτην γοῦν αὐτοῦ παρὰ τῷ γεωμέτρῳ τὴν χρῆσιν
 εὐρήσομεν.

1 σημείῳ] σημειώσει M. 3 $\overline{\alpha\beta}$ om. G, add. C. 5 καὶ
 αἱ ταύταις ἴσαι] 'quaeque ipsis aequales constitui debent' et
 in margine 'quaeque ipsis aequales sunt' B, 'quae . . . his
 aequales assumptae sunt' Z. || δέον πως] δέοντως M, G, δέον-
 τως B₃. 'cum tamen opus sit' B, 'oportune' Z. 6 7. ἴσας
 ταύταις . . . $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας om. G, add. C. 8 τοσαῦτα καὶ πρὸς
 ταῦτα καὶ πρὸς ταύτην G. 15 εἰ γὰρ εἰς G. || συντελεῖν M.

Prop. VIII, theor. V. Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔξει τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην. 5

Τὸ ὄγδοον θεωρήμα ἀντίστροφον μὲν ἐστὶ τοῦ τετάρτου, οὐ κατὰ τὴν προηγουμένην ἀντιστροφὴν ληφθέν — οὐ γὰρ ὅλην τὴν ὑπόθεσιν ἐκείνου ποιεῖται συμπέρασμα καὶ ὅλον τὸ συμπέρασμα ὑπόθεσιν — ἀλλὰ τὸ μὲν τῆς ὑποθέσεως τοῦ τετάρτου τὸ δὲ 10 τῶν ἐκείνῳ ζητουμένων συμπλέκον δείκνυσιν ἐν τι τῶν ἐκεῖ δεδομένων. τὸ μὲν γὰρ τὰς δύο πλευρὰς ἴσας εἶναι ταῖς δύο πλευραῖς ὑπόθεσις ἐστὶν ἐν ἀμφοτέραις, τὸ δὲ τὴν βάσιν ἴσην τῇ βάσει ἐν ἐκείνῳ μὲν τῶν ζητουμένων ἦν, ἐν δὲ τούτῳ δέδοται. τὸ δὲ 15 τὴν γωνίαν ἴσην τῇ γωνίᾳ δεδομένον μὲν ἐν ἐκείνῳ, ζητούμενον δὲ ἐν τούτῳ· μόνη τοίνυν ἡ ἐναλλαγὴ τῶν δεδομένων καὶ ζητουμένων ποιεῖ τὴν ἀντιστροφὴν. εἰ δέ τις ἐπιποθοίη μαθεῖν τὴν αἰτίαν, δι' ἣν ὄγδοον τέτακται καὶ οὐ μετὰ τὸ τέταρτον εὐθὺς ὥς 20 ἀντίστροφον ἐκείνῳ, καθάπερ δὴ μετὰ τὸ πέμπτον τὸ ἕκτον ἀντίστροφον ὃν τοῦ πέμπτου — καὶ γὰρ τὰ πλεῖστα τῶν ἀντιστρεφόντων ἔπεται τοῖς προηγουμένοις καὶ ἐπ' αὐτοῖς ἀμέσως δείκνυνται — λεκτέον ὅτι τοῦ μὲν ἐβδόμου τὸ ὄγδοον ἐδείτο. δείκνυνται γὰρ 25 διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς. τὸ δὲ ἀδύνατον, ὅτι

1 Min in margine: ἡ θεωρήμα. 3. 4 τῇ γωνίᾳ τὴν γωνίαν G.

6 μὲν om. G. 13 ἐν om. G. 15 ἐν τούτῳ δὲ G.

21 ἀντίστροφον ἐκείνῳ . . . τὸ ἕκτον om. G. 22 ἀντίστροφως ὃν τὸ πέμπτον G, corr. C.

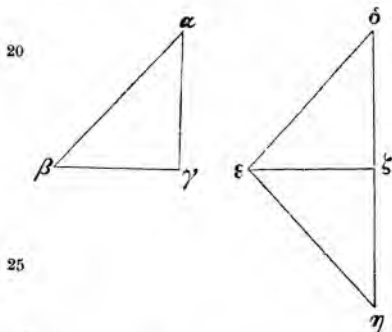
τοιούτον ἔστιν, ἀπὸ τοῦ ἑβδόμου γνώριμον γίνεται. τοῦτο δ' αὖ πάλιν εἰς τὴν ἀπόδειξιν ἐδείτο τοῦ πέμπτου. προείληπται τοίνυν ἀναγκαίως καὶ τὸ ἑβδομον καὶ τὸ πέμπτον τοῦ δεικνυμένου νυνὶ θεωρήματος.

5 ἐπειδὴ δὲ καὶ τὸ ἀντίστροφον τῷ πέμπτῳ ῥᾷδιον εἶχεν καὶ ἀπὸ τῶν πρώτων τὴν ἀπόδειξιν, εἰκότως εὐθὺς μετὰ τὸ πέμπτον ἐτάχθη διὰ τε τὴν πρὸς ἐκεῖνο συγγένειαν καὶ ὅτι διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεικνύμενον ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν ἐλέγχει τὸ ἀδύ-

10 νατον, καὶ οὐχ ὥς τὸ ὄγδοον ἀπ' ἄλλου θεωρήματος. ἐναργέστερα γὰρ εἰς ἔλεγχον τὰ ταῖς κοιναῖς ἐννοιαῖς μαχόμενα τῶν τοῖς θεωρήμασιν ἀντιφασκομένων. ταῦτα γὰρ || διὰ ἀποδείξεως εἴληπται, ἐκείνων δὲ ἡ γνώσις κρείττων ἀποδείξεως.

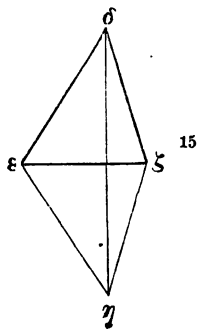
15 Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς διὰ τοῦ προαποδειχθέντος ἑβδόμου θεωρήματος τὸ προκείμενον δείκνυσιν, οἱ δὲ περὶ Φίλωνα μηδὲν τούτου προσδεηθέντες φασὶν ἀπο-

δείξειν τὸ ὄγδοον. ἐννοήσθω γάρ, φασίν, δύο τριγώνων ὄντων τοῦ $\overline{αβγ}$ καὶ δεξ καὶ ἐχόντων δύο πλευρὰς δυσὶν ἴσας καὶ τὴν $\overline{βγ}$ βάσιν τῇ ἐξ ἐφαρμοζομένην τὴν βάσιν τῇ $\overline{βάσει}$ καὶ τιθέμενον τὸ $\overline{αβγ}$



1 ἔστιν om. G, add. C. 12 τοῖς τῶν M, G. 17 προσδεηθέντες G, προσδεηθέντες C. || ἀπόδειξιν M. 19 ἐννοήσθωσαν G, ἐννοήσθω C.

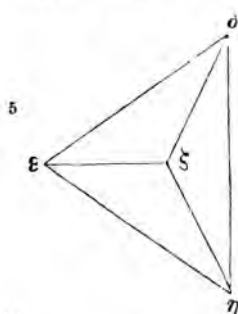
τρίγωνον τῷ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ μὲν ἐπιπέδου, ἵνα μὴ
 κλίσις ἢ τῶν δύο ἢ βάσις, ἐπὶ θάτερα δὲ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$ τυχόν
 εὐθείας, ὥστε ἀντικειμένους αὐτῶν εἶναι τὰς κορυφάς.
 καὶ ἀντὶ τοῦ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἔστω τεθὲν οὕτως τὸ $\overline{\epsilon\zeta\eta}$, καὶ ἴση
 τῇ μὲν $\overline{\delta\epsilon}$ ἢ $\overline{\epsilon\eta}$, τῇ δὲ $\overline{\delta\zeta}$ ἢ $\overline{\zeta\eta}$. ἢ τοίνυν $\overline{\zeta\eta}$ ἢ ἐπ' ⁵
 εὐθείας κλείσεται τῇ $\overline{\delta\zeta}$, ἢ οὐκ ἐπ' εὐθείας, καὶ εἰ μὴ
 ἐπ' εὐθείας, | ἢ κατὰ τὸ ἐντὸς ποιήσῃ γωνίαν πρὸς
 αὐτὴν ἢ κατὰ τὸ ἐκτός. ἔστω πρότερον ἐπ' εὐθείας.
 ἐπεὶ οὖν ἴση ἔστιν ἢ $\overline{\delta\epsilon}$ τῇ $\overline{\epsilon\eta}$ καὶ μία εὐθεῖα ἢ $\overline{\delta\zeta\eta}$,
 ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{\delta\epsilon\eta}$ τρίγωνον καὶ ἴση ἢ πρὸς τῷ $\overline{\delta}$ γω- ¹⁰
 νία τῇ πρὸς τῷ $\overline{\eta}$. εἰ δὲ μὴ ἐπ' εὐθείας ἔστιν, ἐντὸς
 ποιεῖται τὴν γωνίαν καὶ ἐπεξεύχθω ἢ
 $\overline{\delta\eta}$. ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἶσιν αἱ $\overline{\delta\epsilon}$ $\overline{\epsilon\eta}$ καὶ
 ἢ βάσις ἢ $\overline{\delta\eta}$, ἴση ἔστιν καὶ ἢ ὑπὸ
 $\overline{\epsilon\delta\eta}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\eta\delta}$. πάλιν ἐπεὶ
 ἴση ἔστιν ἢ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\zeta\eta}$ καὶ βάσις ἢ $\overline{\delta\eta}$,
 ἴση ἔστιν ἢ ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\eta}$ γωνία τῇ ὑπὸ
 $\overline{\zeta\eta\delta}$. ἣν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ ἴση τῇ
 ὑπὸ $\overline{\epsilon\eta\delta}$, ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ ἴση ἔστιν



1 τῷ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ τὸ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ G. 2 ἢ βάσις τῶν δύο G, τῶν δύο
 ἢ βάσις C. 3 εἶναι αὐτῶν G. 10 ἄρα post ἰσοσκελὲς ad-
 dit G. 13 αἱ $\overline{\delta\epsilon\eta}$ C. 17 ἴση ἔστιν καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\eta}$ γωνία G.

19 usque ad p. 268 1 ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ ἴση ἔστιν ἢ
 ὑπὸ $\overline{\delta\zeta\eta}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\eta\delta}$. ἣν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ ἴση τῇ
 ὑπὸ $\overline{\epsilon\eta\delta}$. ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ ἴση ἔστιν ὅλη τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\zeta}$ ἢ ζ
 γωνία M.

ὅλη τῇ ὑπὸ $\overline{εηξ}$ || γωνία, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. τὸ δὲ
 τρίτον κατὰ τὸ ἐκτὸς ποιείτω γωνίαν πρὸς τὴν $\overline{δξ}$ ἢ



10

$\overline{ζη}$ καὶ ἐπεξεύχθω ἐκτὸς ἢ $\overline{δη}$.

ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἰσὶν αἱ $\overline{δε}$ $\overline{εη}$ καὶ

βάσεις ἢ $\overline{δη}$, ἴσαι αἱ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{δηε}$

γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴσαι αἱ $\overline{δξ}$

$\overline{ζη}$ καὶ βάσεις ἢ $\overline{δη}$, ἴση ἐστὶν ἡ

ὑπὸ $\overline{ξδη}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{ξηδ}$. ἦσαν

δὲ καὶ ὅλαι αἱ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{δηε}$ γω-

νίαι ἴσαι ἀλλήλαις, καὶ λοιπαὶ ἄρα

αἱ ὑπὸ $\overline{εδξ}$ $\overline{ξηε}$ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν καὶ εὐρη-
 ται τὸ προτεθὲν κατὰ πᾶσαν θέσιν τῆς $\overline{ξη}$ εὐθείας
 ἡμῶν τὸ θεώρημα ἀποδεδειχότων, καὶ οὐδαμοῦ τῷ
 ἔβδόμῳ προσεχρησάμεθα.

15

Μήποτε οὖν, φασί, περιττῶς ἐκεῖνο παρεισκευέ-
 κληται τῷ στοιχειωτῇ; εἰ γὰρ μόνου τοῦ ὀρθοῦ ἐνεκα
 αὐτὸ παρειλήφαμεν, δέδεικται δὲ καὶ ἄνευ ἐκείνου τὸ
 ὀρθοῦ, πῶς οὐχὶ παντελῶς ἄχρηστον ἀναφαίνεται
 τὸ ἔβδομον; πρὸς δὲ ταῦτα λεκτέον ἂ καὶ οἱ πρὸ
 20 ἡμῶν, ὅτι τὸ ἔβδομον ἀποδειχθὲν χρησιμώτατόν ἐστι
 τοῖς τὰ ἀστρονομικὰ δεινοῖς εἰς τὸν περὶ τῶν ἐκλεί-
 ψων τόπον. τούτῳ γὰρ φασιν χρώμενοι δεικνύναι
 ὅτι τρεῖς ἐφεξῆς ἐκλείψεις ἴσον ἀπέχουσαι ἀλλήλων

1 ὅλη om. G. 2 κατὰ τὴν ἐκτὸς C. 8 Ante ἦσαν
 in M: καὶ βάσεις. 11 ἀλλήλαις ἴσαι G. 15 παρεισκευέκλη-
 ται B, G, 'introducendum est' B, 'insertam esse' Z. 16 μόνον G
 μόνον C. 19—21 In M in margin: ση. δι' ὅλου χρησίμους
 21 ἐκλείψεις M. 22 τοῦτο M. || φησὶ G.

οὐκ ἂν γένοιτο, λέγω δὲ ὥστε τοσοῦτῳ χρόνῳ τὴν
 δευτέραν διεστάναι τῆς πρώτης, ὅσῳ τὴν τρίτην τῆς
 δευτέρας· οἷον εἰ μετὰ τὴν πρώτην ἢ δευτέρα γέρονεν
 ἕξ μηνῶν παρελθόντων καὶ εἰκοσιν ἡμερῶν, οὐκ ἂν
 γενέσθαι τὴν τρίτην ὕστερον τοσοῦτῳ χρόνῳ τῆς δευ- 5
 τέρας, ἀλλ' ἤτοι πλέονι ἢ ἐλάσσονι. τοῦτο δὲ οὕτως
 ἔχον ἀποδείκνυσθαι διὰ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος.
 καὶ οὐ τοῦτο μόνον τὸν στοιχειωτὴν ὡς πρὸς ἀστρο-
 νομίαν ἡμῖν συντελοῦν ὁδου πάρεργον δεικνύναι,
 ἀλλὰ καὶ ἄλλα θεωρήματα πολλά τε καὶ προβλήματα. 10
 τὸ γοῦν τελευταῖον ἐν τῷ τετάρτῳ, καθ' ὃ τὴν τοῦ
 πεντεκαιδεκαγώνου πλευρὰν ἐγγράφει τῷ κύκλῳ, τίνος
 ἕνεκά φησὶν τις αὐτὸν προβάλλειν ἢ τῆς πρὸς ἀστρο-
 νομίαν τούτου τοῦ προβλήματος ἀναφορᾶς; ἐγγράψαν-
 τες γὰρ εἰς τὸν διὰ τῶν || πόλων κύκλον τὸ πεντεκαι- 15
 δεκάγωνον ἔχουσι τὴν ἀπόστασιν τῶν πόλων τοῦ τε
 ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ζῳδιακοῦ. πεντεκαιδεκαγωνικὴν
 γὰρ ἀλλήλων πλευρὰν ἀφεστήκασιν. εἴοικεν οὖν ὁ
 στοιχειωτὴς καὶ πρὸς τὴν ἀστρονομίαν βλέπων πολλὰ
 προδεικνύναι προευνρεπίζων ἡμᾶς καὶ εἰς ἐκείνην τὴν 20
 ἐπιστήμην. συνιδὼν δὲ ὅτι τοῦτο τὸ ἑβδομον δείκνυ-
 ται ἀπὸ τοῦ πέμπτου καὶ δείκνυσιν χωρὶς ἀπάσης ποι-
 κιλίας τὸ ὁγδοον ταύτην αὐτῷ τὴν τάξιν δέδωκεν,
 ἐπεὶ ἢ γε τοῦ Φίλωνος ἐπιβολὴ καλὴ μὲν, τῇ δὲ
 ποικιλίᾳ τῶν πτώσεων πρὸς στοιχείωσιν ἀνεπιτήδειος. 25

Πρὸς μὲν οὖν τὴν ζήτησιν ταύτην εἰρήσθω το-
 σαῦτα. εἰ δέ τις ἀποροίη, πῶς οὐχὶ καὶ ἐπὶ τοῦ
 ὁγδοοῦ προσέθηκεν, ὅσα ἐπὶ τοῦ τετάρτου, λέγω δὲ
 τὸ καὶ τὰ τρίγωνα ἴσα εἶναι καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας,

ἐροῦμεν ὅτι τῆς πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίας ἰσῆς ἀπο-
δειχθείσης εἶπετο καὶ τὸ πάντα εἶναι πᾶσιν ἴσα διὰ
τὸ τέταρτον. τοῦτο οὖν ἔδει μόνον καθ' αὐτὸ ἀπο-
δεικνύναι, τὰ δ' ἄλλα ὥς ἐπόμενα λαμβάνειν.

- 5 Ἐοικεν δὲ τὴν ἰσότητα τῶν πρὸς ταῖς κορυφαῖς
γωνιῶν ἢ τε τῶν περιεχουσῶν πλευρῶν τὰς γωνίας
καὶ ἢ τῶν βάσεων ἰσότης ποιεῖν. οὔτε γὰρ ἀνίσων
οὐσῶν τῶν βάσεων αἱ αὐταὶ γωνίαι μένουσι τῶν περι-
εχουσῶν ὑποκειμένων, ἀλλὰ τῆς βάσεως ἐλαττουμένης
10 συνελασσοῦται ἡ γωνία καὶ ἀυξομένης συναύξεται,
οὔτε τῶν αὐτῶν βάσεων οὐσῶν, τῶν δὲ πλευρῶν
ἀνισαζομένων μένει ἡ γωνία, ἀλλ' ἐλασσομένων μὲν
αὖξεται, ἀυξανομένων δὲ ἐλασσοῦται. πάσχουσι γὰρ
ἐναντίον πάθος αἱ γωνίαι ταῖς περιεχούσαις. καὶ
15 γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰ νοήσεας εἰς τὸ κάτω
διελκομένας τὰς πλευράς, αὐτὰς μὲν ἐλαττοῖς, αὖξεις
δὲ τὴν γωνίαν τὴν ὑπ' αὐτῶν περιεχομένην καὶ πλείω
ποιεῖς αὐτῶν τὴν ἀπ' ἀλλήλων διάστασιν, εἰ δὲ ἀν-
αγομένας καὶ προσθήκην δεχομένας, ἐλαττοῖς τὴν γω-
20 νίαν, ἣν περιλαμβάνουσι. συμπίπτουσι γὰρ ἐπὶ πλεόν
τῆς κορυφῆς αὐτῶν πορρωτέρω γινομένης τῆς βά-
σεως. ἀσφαλὲς οὖν λέγειν καὶ τὴν βάσιν τὴν αὐτὴν
οὔσαν καὶ τὰς πλευρὰς ἴσας ὑπαρχούσας τὴν ἰσότητα
τῆς γωνίας ἀφορίζειν.

12 ἀνισομένων G, ἀνισομένων C. 13 ἀυξομένων G,
ἀυξανομένων C. 22 τὴν ante αὐτὴν om. G, add. C.
23 ἴσας οὖν ὑπαρχούσας M, G.

Prop. VIII, probl. III. Τὴν δοθεῖσαν εὐθύ-
γραμμον γωνίαν δίχα τεμεῖν.

Τοῖς προβλήμασιν ἀναμίννυσι τὰ θεωρήματα καὶ τοῖς θεωρήμασι συμπλέκει τὰ προβλήματα καὶ δι' ἀμφοτέρων τὴν ὅλην συμπεραίνει στοιχεύσιν τότε μὲν ⁵ τὰ ὑποκείμενα ποριζόμενος, τότε δὲ τὰ περὶ | αὐτὰ συμπτώματα || θεωρῶν. δέξας τοίνυν διὰ τῶν πρόσθεν καὶ περὶ ἐν τρίγωνον τῇ ἰσότητι τῶν πλευρῶν ἐπομένην τὴν ἰσότητα τῶν γωνιῶν καὶ ἀνάπαλιν, καὶ περὶ δύο τρίγωνα ὡσαύτως, πλὴν ὅτι τῆς ἀντιστρο- ¹⁰ φῆς ὁ τρόπος διαφέρων ἦν ἐπὶ τε τοῦ ἐνὸς τριγώνου καὶ τοῖν δυοῖν, μέτεισιν ἐπὶ τὰ προβλήματα καὶ ἐπιτάττει τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν. καὶ δῆλον ὅτι δέδοται μὲν ἐνταῦθα κατὰ τὸ εἶδος ἡ γωνία. εὐθύγραμμος γὰρ εἴρηται καὶ οὐχ ἡ τυχοῦσα. ¹⁵ τὸ γὰρ πᾶσαν γωνίαν δίχα τεμεῖν οὐκ ἔστιν κατὰ στοιχεύσιν, ὅπου καὶ ἀμφισβητήσιμον, εἰ καὶ δυνατόν πᾶσαν διχοτομῆσαι γωνίαν. τὴν γὰρ κερατοειδῆ γωνίαν εἰ δυνατόν δίχα διελεῖν ἀπορήσειας ἄν.

Ἀφώρισται γε μὴν καὶ ὁ λόγος τῆς τομῆς, καὶ ²⁰ τοῦτο πάλιν εἰκότως. τὸ γὰρ εἰς τὸν τυχόντα λόγον διελεῖν ἐκβαίνει τὴν παροῦσαν παρασκευήν, οἷον εἰς τρία ἴσα ἢ τέτταρα ἢ πέντε. τὴν μὲν γὰρ ὀρθὴν τρίχα τεμεῖν δυνατόν ὀλίγοις χρησάμενον τῶν ἐξῆς, τὴν δὲ ὀξεῖαν ἀδύνατον μὴ ἐπ' ἄλλας μεταβάнта γραμμάς, ²⁵

1 M in margin: θ θεωρήμα. 7 θεωρεῖν G, θεωρῶν C.
15 οὐχ om. M. 17 εἰ καὶ δυνατόν] εἶναι δυνατόν εἰ G,
corr. C. 18 ἐστι διχοτομῆσαι M, ἐστὶ διχοτομῆσαι G. || γὰρ
om. M. 19 ἄν om. M. 22 κατασκευὴν G, παρασκευὴν C.

(*) Ἡ δὲ ἀδύνατος ἐστὶν ὅτι ἡ ὀξεῖα γωνία οὐ δύναται διαιρεῖσθαι εὐθέως ἐν δύο ἰσάμεναις γωνίαις.

αὶ τοῦ μικτοῦ εἶσιν εἶδους. δηλοῦσι δὲ οἱ πρόθεσιν
 ποιησάμενοι ταύτην τὴν δοθεῖσαν εὐθύγραμμον γω-
 νίαν τρίχα τεμεῖν. Νικομήδης μὲν γὰρ ἐκ τῶν
 κορχοειδῶν γραμμῶν, ὧν καὶ τὴν γένεσιν καὶ τὴν
 5 τάξιν καὶ τὰ συμπτώματα παραδédωκεν, αὐτὸς εὗρε-
 τὴς ὧν τῆς ιδιότητος αὐτῶν, πᾶσαν εὐθύγραμμον γω-
 νίαν ἐτριχοτόμησεν. ἑτεροὶ δὲ ἐκ τῶν Ἰππίου καὶ
Νικομήδους τετραγωνιζουσῶν πεποιήκασιν τὸ αὐτό,
 μικταῖς καὶ οὗτοι χρησάμενοι γραμμαῖς ταῖς τετρα-
 10 γωνιζούσαις. ἄλλοι δὲ ἐκ τῶν Ἀρχιμηδεῶν ἐλίκων
 ὀρμηθέντες εἰς τὸν δοθέντα λόγον ἔτεμον τὴν δοθεῖ-
 σαν εὐθύγραμμον γωνίαν· ὧν τὰς ἐπινοίας δυσθεω-
 ρήτους οὕσας τοῖς εἰσαγομένοις παραλείπομεν ἐν τῷ
 παρόντι. μᾶλλον γὰρ ἂν κατὰ καιρὸν ἐξετάσαιμεν
 15 ἴσως ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ τοῦ στοιχειωτοῦ τὴν δοθεῖ-
 σαν περιφέρειαν δίχα τέμνοντος. καὶ γὰρ ἐκεῖ ὁ
 αὐτὸς τρόπος τῆς ζητήσεως μὴ δίχα μόνον, ἀλλὰ καὶ
 τρίχα τεμεῖν, καὶ ἀπὸ τῶν αὐτῶν γραμμῶν αἱ ἐπι-
 βολαὶ τοῖς παλαιοῖς γέγονασιν τῆς εἰς τρία ἴσα πάσης
 20 περιφερείας διαιρέσεως. εἰκότως ἄρα καὶ ὁ μεμνη-
 μένος [?] εὐθείας καὶ περιφερείας, τὰ δὲ ἐκ τούτων
 ὑφιστάμενα κατὰ μίξιν εἶδη δυσεξέλικτα ὄντα καὶ
 δυσαρτίθμητα μὴ περιεργαζόμενος πᾶσας τὰς τοιαύτας
 ζητήσεις παρήσιν, ὅσαι τῶν μικτῶν προσδέονται

5 παρέδωκεν G, παραδédωκεν C. 8 εὐπεποιήκασιν G.
 9 καὶ οὗτοι om. G, add. C. 11 δοθεῖσαν om. G, add. C.
 21—22 'merito igitur . . . cum mentionem fecit: circa ea
 quae' Z. 'Iure igitur, qui etiam rectae Lineae tantum et Cir-
 cumferentiae mentionem fecit, solum rectilineum Angu-
 lum Circumferentiamque bifariam tantum secuit.
 Species autem' cet. B. Additamentum unde sumpserit B, nescio;
 equidem post ὁ nomen Euclidis vel similem notionem excidisse
 puto, post μεμνημένος particulam μὲν. $B_3 = M$, G. 22 εἶδη]
 ἢ δὴ G. 24 παρίεισιν G, παρήσιν C.

γραμμῶν, ἐπὶ τῶν πρωτίστων καὶ ἀπλουστάτων εἰδῶν
καὶ τὰ ἐκ τούτων μόνων ἢ πορίζεσθαι δυνάμενα ἢ
θεωρεῖσθαι προτιθεῖς εἰς ζήτησιν· ὅποιον δὴ καὶ τὸ
νῦν προκειμένον ἐστὶ πρόβλημα τὸ τὴν δοθεῖσαν ||
εὐθύγραμμον γωνίαν δίχα τεμεῖν. χρῆται γὰρ ἐν ⁵
τούτῳ πρὸς μὲν τὴν κατασκευὴν αἰτήματι ἐνὶ καὶ τῷ
πρώτῳ καὶ τρίτῳ θεωρήματι, πρὸς δὲ τὴν ἀπόδειξιν
τῷ ὀγδόῳ μόνῳ θεωρήματι. δεῖται γὰρ πάντως ἀπο-
δείξεως καὶ τὰ προβλήματα, ὥς καὶ πρότερον εἴπομεν,
καὶ τὸ ἐπιστημονικὸν ἀπὸ ταύτης προσλαμβάνει. ¹⁰

Ἰσως δ' ἂν τινες ἐνστατῶν τῷ γεωμέτρῳ τὸ συν-
ιστάμενον ἰσόπλευρον ἐπ' αὐτοῦ λέγοντες τὴν κορυ-
φήν οὐκ ἐντὸς ἔχειν τῶν δύο εὐθειῶν, ἀλλ' ἤτοι ἐπὶ
τῆς ἐτέρας ἢ καὶ ἐκτὸς ἀμφοτέρων, γίνεσθαι δὲ σα-
φές τὸ λεγόμενον διὰ τῶν στοιχείων. ἔστω γωνία ἡ ¹⁵

ὑπὸ βαγ, ἣν δεῖ διχοτομῆσαι, καὶ

ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ σημείον τὸ $\overline{β}$ καὶ ἴση

τῇ $\overline{βα}$ ἢ $\overline{γα}$ καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{βγ}$

καὶ ἐπὶ ταύτης ἰσόπλευρον τρίγω-

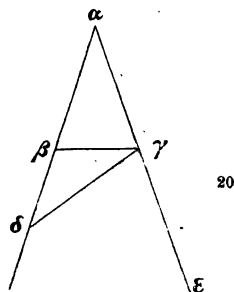
νον τὸ $\overline{βγδ}$. τοῦτο δὴ τὸ $\overline{δ}$ σημείον

ἢ μεταξὺ ἔσται τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ εὐθειῶν

ἢ ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ ἢ ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ ἢ ἐκτὸς

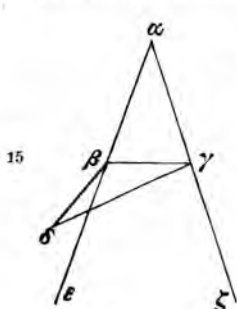
ἐκατέρας. ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς

μεταξὺ ἔλαβεν αὐτό, καὶ διὰ τοῦτο κωλύοντες καὶ τὴν
ἀπόδειξιν ἐμποδίζοντές φασιν ἢ ἐπὶ τῆς ἐτέρας αὐτὸ ²⁵



2 μόνον G. 3 προστιθεῖς G, προτιθεῖς C. 4 ζητού-
μενον G, προκειμένον C. 8 τρίτῳ G, ὀγδόῳ C. 16—23
Figuram cum sequente coniunxit B. 21 ἐστὶ G. 24 οἱ κω-
λύοντες G, οἱ del. not. C.

κείσθαι τῶν εὐθειῶν ἣ καὶ ἐκτὸς ἀμφοτέρων. κείσθω
 τοίνυν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$, ὥστε εἶναι ἰσοπλευρον τὸ
 $\overline{βγδ}$. ἴση ἄρα ἡ $\overline{δβ}$ τῇ $\overline{δγ}$ καὶ αἰ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι
 ἡ ὑπὸ $\overline{γβδ}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$, μείζων ἄρα ὅλη ἡ ὑπὸ
 $\overline{βγε}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γβδ}$ γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{βα}$ τῇ
 $\overline{γα}$, ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ καὶ ἴσας ἔξει τὰς ὑπὸ $\overline{βγ}$ βάσεις.
 ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βγε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{γβδ}$. ἦν δὲ καὶ μείζων,
 ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δύναται ἡ τοῦ ἰσοπλεύρου
 κορυφὴ ἐπὶ τῆς εὐθείας εἶναι τῆς $\overline{αβδ}$. ὁμοίως δει-
 10 ξομεν ὅτι οὐδὲ ἐπὶ τῆς $\overline{αγε}$. κείσθω οὖν ἐκτὸς ἀμ-
 φοτέρων, εἰ δυνατόν. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{γδ}$, ἴσαι



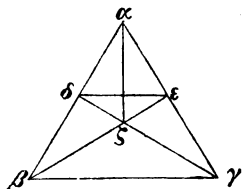
αἰ πρὸς τῇ βάσει ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$ καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{γβδ}$. μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$
 τῆς ὑπὸ $\overline{βγε}$. πόλλω ἄρα μείζων
 ἡ ὑπὸ $\overline{βγξ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γβε}$. ἀλλὰ καὶ
 ἴση, εἰ γὰρ ὑπὸ τὴν $\overline{βγ}$ βάσιν τοῦ
 $\overline{αβγ}$ ἰσοσκελοῦς, ὅπερ ἐστὶν ἀδύνα-
 20 τον. οὐκ ἄρα τὸ $\overline{δ}$ σημεῖον ἔξω
 κείσεται || κατὰ ταῦτα τὰ μέρη τῶν
 δύο εὐθειῶν. ὁμοίως δὴ δεῖξομεν ὅτι οὐδὲ κατὰ τὰ
 ἑτέρα. καὶ ὁρᾷς πάλιν ὅτι τὸν ἐλεγχον πεποιήμεθα

6 βάσεις G. 7 $\overline{ξβδ}$ M. 10 ἐπὶ $\overline{αγε}$ G. 12 καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{γβδ}$ om. M. 14 Post $\overline{γβε}$ addit M: μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{βγδ}$. 15 $\overline{βγξ}$ $\overline{βγδ}$ M, 16 ἔστι γὰρ G. || $\overline{βγ}$ $\overline{ξγ}$ M.
 20 δὲ G, δὴ C.

τῶν ἐνστάσεων προσχωρῶμενοι τῷ τὰ ἰσοσκελεῖ τρίγωνα
τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας ἔχειν. τοῦτο ἐκεῖνο,
ὃ καὶ πρότερον ἐλέγομεν ὅτι πολλὰ τῶν τῇ ἐπιστήμῃ
μαχομένων σάθρα καὶ εὐέλεγκτα διὰ τούτου δείκνυνται
τοῦ θεωρήμα¹τος καὶ ὡς ταύτην ἀποπληροῖ τῷ γεω- 5
μέτρῳ τὴν χρεῖαν.

Εἰ δὲ λέγοι τις τόπον μὴ εἰδέναι ὑπὸ τὴν βγ βά-
σιν, δέον ἔσται συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευρον ἐπὶ τὰ
αὐτὰ ταῖς βα αγ. ἀνάγκη τοίνυν ἢ αὐταῖς ταῖς βα
αγ τὰς συνισταμένας ἐφαρμόζειν, εἴπερ καὶ αὐταὶ ἴσαι 10
τῇ γβ, ἢ ἐκτὸς αὐτῶν πίπτειν, εἰ αὐταὶ ἐλάσσους τῆς
βγ, ἢ ἐντός, εἰ μείζους αἱ βα αγ τῆς βγ. ἐφαρμο-
ζέτωσαν πρῶτον, καὶ ἰσόπλευ-

ρον αὐτὸ τὸ βαγ, καὶ σημείον
ἐπὶ τῆς αβ τὸ δ, καὶ ἀπὸ τῆς
αγ τῇ αδ ἴση ἀφηγήσθω ἡ αε,
καὶ ἐπεζεύχτωσαν αἱ δε, βε,
γδ, αξ. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ αβ τῇ

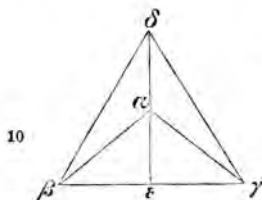


15

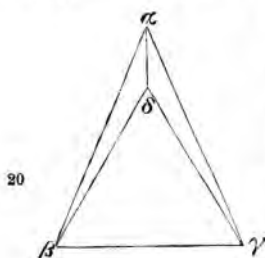
αγ καὶ ἡ αδ τῇ αε, δύο αἱ βα αε δυσὲν ἴσαι ταῖς γα
αδ, καὶ τὴν αὐτὴν γωνίαν περιέχουσιν, ὥστε καὶ 20
πάντα ἴσα πᾶσιν καὶ ἡ ὑπὸ δβε γωνία ἴση τῇ ὑπὸ
εγδ, ἴση δὲ καὶ ἡ δβ τῇ εγ καὶ ἡ βε τῇ γδ, καὶ

2 τῇ βάσει M, G. 3 καὶ om. G, add. C. 7 εἰδέναι] εἶναι
B₃, G, 'esse' B, 'cognoscere' Z. 8 ἔσται] δὲ εἶναι B₃, G,
'erit' B, Z. 10 ἥπερ C. 11 ἢ αὐταὶ C. 16 ἀφαιρέσθω G,
ἀφηγήσθω C. 19 βα καὶ αε G. 20 καὶ post ὥστε
om. G.

πάντα ἄρα παῖσιν, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ δεβ γωνία ἴση τῇ
 ὑπὸ εδγ, ὑπὸ γὰρ ταύτας αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνου-
 σιν. ἴση ἄρα καὶ ἡ δξ τῇ εξ διὰ τὸ ἕκτον. ἐπεὶ οὖν
 ἡ αε ἴση τῇ αδ καὶ ἡ αξ κοινὴ καὶ ἡ δξ τῇ ξε ἴση [?],
 5 τέτμηται ἡ ὑπὸ δαε γωνία εἰς ἴσα, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.
 εἰ δὲ ἐκτὸς πίπτειεν τῶν βα αγ εὐθειῶν αἱ τοῦ ἰσο-



πλεύρου τριγώνου πλευραί, ἔστω-
 σαν αἱ βδ δγ καὶ ἐπιξευχθεῖσα
 ἡ δα ἐκβεβλήσθω ἐπὶ το ε. ἐπεὶ
 οὖν ἴσαι αἱ βδ δγ, κοινὴ δὲ ἡ
 δα, καὶ αἱ βα αγ ἴσαι, καὶ ἡ
 ὑπὸ βδα γωνία ἴση τῇ ὑπὸ γδα
 διὰ τὸ ὄγδοον. πάλιν ἐπεὶ αἱ βδ δγ ἴσαι καὶ ἡ δε
 κοινὴ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, ὡς δέδεικται, ἴση καὶ
 15 ἡ βε τῇ εγ βάσει διὰ τὸ τέταρτον. || ἐπεὶ οὖν ἡ αβ



τῇ αγ ἴση καὶ ἡ αε κοινὴ, καὶ ἡ
 ὑπὸ βαε γωνία ἴση τῇ ὑπὸ γαε,
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι. εἰ δὲ ἐντὸς
 τῶν βα αγ πίπτειεν αἱ τοῦ ἰσο-
 πλεύρου τριγώνου πλευραί, ὡς αἱ
 βδ δγ, ἐπεξεύχθω πάλιν ἡ αδ.
 ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ βα τῇ αγ

2 ταύταις M, ταύτης G. 4 τῇ αδ om. M. 5 Ante τέτμ
 ται exidit fortasse: καὶ ἡ ὑπὸ δαξ ἴση τῇ ὑπὸ εαξ κ.
 B₃ = M. 6 αἱ τοῦ] αὐτοῦ τοῦ G, αἱ τοῦ C. 10 κοινὸν
 κοινὴ C. 14 ὡς] οὐ M. 17 γα εδ M. 21 ἐπεξεύχθωσαν

καὶ ἡ $\overline{αδ}$ κοινή, βάσις δὲ ἡ $\overline{βδ}$ βάσει τῇ $\overline{γδ}$ ἴση ἐστίν,
καὶ ἡ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{γαδ}$ ἴση
διὰ τὸ ὄρθοον. δίχα ἄρα τέμνεται ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία,
ὅπως ἂν συνιστῇται τὸ ἰσόπλευρον.

Ἄλλ' ἐπειδὴ καὶ ταύτας συνεκεφαλαιωσάμεθα, 5
τῶν ἐξῆς ἐχώμεθα θεωρημάτων τοιοῦτον προστιθέντες
περὶ τοῦ δεδοσθαι τὴν γωνίαν ὅτι τετραχῶς δύναται
δίδοσθαι· καὶ γὰρ θέσει, ὡς ὅταν λέγωμεν πρὸς τῇδε
τῇ εὐθείᾳ καὶ τῷδε τῷ σημείῳ κείσθαι τὴν γωνίαν
καὶ εἶναι δεδομένην αὐτὴν οὕτως — καὶ εἶδει, οἷον 10
ὅταν ὀρθὴν λέγωμεν ἢ ὀξεῖαν ἢ ἀμβλείαν ἢ ὅλως
εὐθύγραμμον ἢ μικτὴν — καὶ λόγῳ, ὅταν διπλασίαν
λέγωμεν τῆςδε καὶ τριπλασίαν ἢ ὅλως μείζονα καὶ
ἐλάσσονα — καὶ μεγέθει, ὥσπερ ὅταν τρίτον ὀρθῆς
λέγωμεν. ἡ δὲ νῦν κατὰ τὸ εἶδος δέδοται μόνον. 15

Prop. X, probl. V. Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πε-
περασμένην δίχα τεμεῖν.

Πρόβλημα καὶ τοῦτο πεπερασμένην μὲν εὐθεῖαν
ὑποτιθέμενον, ἐπειδὴ κατ' ἀμφοτέρα ἄπειρον οὐδαμῶς
ἐστὶν ὀρίσαι, τῆς δὲ κατὰ θάτερα μόνον ἀπείρου, 20
ὅπουπερ ἂν ληφθῇ σημεῖον, εἰς ἄνισα ἡ τομὴ γίνεται·
μείζων γὰρ ἐξ ἀνάγκης ἢ ἐφ' ἧ ἢ ἄπειρος τῆς λοιπῆς
πεπερασμένης οὐσης. λείπεται οὖν ἐπ' ἄμφω πεπε-
ρασμένην λαμβάνειν τὴν δίχα τέμνεσθαι μέλλουσαν.
ἴσως δ' ἂν τινες ἐκ τούτου || κινούμενοι τοῦ προβλή- 25

4 συνίσταται M, G, συνίστηται C. 8 ὅτε λέγομεν G.
9 τῷ $\overline{ε}$ G, τῷδε C. 10 διδομένην M. 11 ὅτε ὀρθὴν λέγο-
μεν G, corr. C. 16 M in margine: πρβ. ι. 25 κοινού-
μενοι G.

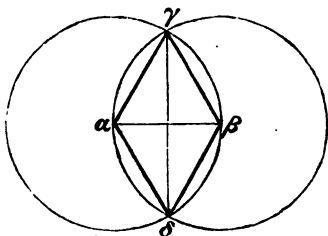
ματος ὑπονοήσκειαν ὅτι προείληπται παρὰ τοῖς γεω-
μέτραις ὥς ὑπόθεσις τὸ μὴ εἶναι τὴν γραμμὴν ἐξ
ἀμερῶν. εἰ γὰρ εἴη, ἢ ἐκ περιττῶν ἐστὶν ἢ πε-
περασμένη ἢ ἐξ ἀρτίων. ἀλλ' εἰ ἐκ περιττῶν, ἔοικεν
5 καὶ τὸ ἀμερὲς τέμνεσθαι δίχα τῆς εὐθείας τεμνομένης,
ἐπεὶ θάτερον αὐτῆς μέρος ἐκ πλειόνων ἀμερῶν ὑπάρ-
χον ἔσται μείζον τοῦ λοιποῦ. οὐκ ἄρα δυνατόν ἐσται
τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν δίχα τεμεῖν, εἴπερ ἐξ ἀμερῶν
τὸ μέγεθος. εἰ δὲ μὴ ἐξ ἀμερῶν, ἐπ' ἄπειρον δι-
10 αιρεῖται. ἔοικεν οὖν, φασίν, ὡμολογηθῆναι τοῦτο καὶ
εἶναι ἀρχὴν γεωμετρικὴν τὸ μέγεθος τῶν εἰς ἄπειρον
εἶναι διαιρουμένων. ἡμεῖς δέ γε τὸ τοῦ Γεμίνου
πρὸς ταῦτα ἐροῦμεν, ὅτι τὸ μὲν διαιρετὸν εἶναι τὸ
συνεχὲς κατὰ κοινὴν ἔννοιαν οἱ γεωμέτραι προλαμβά-
15 νουσιν. τοῦτο γὰρ εἶναι φασιν συνεχὲς τὸ ἐκ μερῶν
συνημμένων ὑφεστώς. πάντως δὲ τοῦτο καὶ διαιρεῖσθαι
δυνατόν. ὅτι δὲ καὶ ἐπ' ἄπειρον διαιρεῖται τὸ συν-
εχὲς οὐ προειλήφασιν ἀλλ' ἀποδεικνύουσιν ἐκ τῶν
οἰκείων ἀρχῶν. ὅταν γὰρ δεικνύωσιν ὅτι ἔστιν τὸ
20 ἀσύμμετρον ἐν τοῖς μεγέθεσι καὶ οὐ πάντα σύμμετρα
ἀλλήλοις, τί ἄλλο δεικνύναι φήσει τις αὐτοὺς ἢ ὅτι
πᾶν μέγεθος εἰς αἰὲ διαιρεῖται καὶ οὐδέποτε ἤξομεν
εἰς τὸ ἀμερές, ὃ ἐστὶ κοινὸν μέτρον τῶν μεγεθῶν ἐλά-
χιστον. τοῦτο οὖν ἀποδεικτόν ἐστιν, ἐκείνο δὲ ἀξίωμα,
25 ὅτι πᾶν συνεχὲς διαιρετόν, ὥστε καὶ ἡ πεπερασμένη
γραμμὴ συνεχὲς διαιρετὴ ἐστίν. καὶ ἀπὸ ταύτης τῆς

6 ἐπὶ θάτερον *M.* 7 ἐστὶ *G.* 10 φησὶν *C.* || ὁμολο-
γεῖσθαι *G.* 11 ἀρχὴν γεωμετρικὴν *G.* 13 ἐνταῦθα *G.*
πρὸς ταῦτα *C.* 14 προλαμβάνουσι *G.* 16 συνημμένον *M.*
'coniunctis' *B.* 'continuis' *Z.* || ὑφεστώς *M.* ὑφεστός *G.* 17 τὸ
ante συνεχὲς om. *G.* add. *C.* 19 ὅτε γὰρ δεικνύουσιν *G.* corr. *C.*

21 φησί *G.* φήσει *C.* 23 ὅτι ἐστὶ *G.* ὅ ἐστι *C.*

ἐννοίας ὁ στοιχειωτῆς διχοτομεῖ τὴν πεπερασμένην
εὐθείαν, ἀλλ' οὐχ ὡς προλαμβάνων ὅτι εἰς ἄπειρον
διαιρετὴ ἐστίν. οὐ γὰρ ταῦτόν διαιρετόν εἶναι τι καὶ
ἐπ' ἄπειρον διαιρετόν. ἐλέγχοιτο δ' ἂν διὰ τοῦ προ-
βλήματος τούτου καὶ ὁ Ξενοκράτειος λόγος ὁ τὰς 5
ἀτόμους εἰσάγων γραμμάς. ὅλως γὰρ εἰ ἐστι γραμμὴ,
ἢ εὐθεῖα ἐστὶ καὶ δυνατόν αὐτὴν διχα τε|μεῖν, ἢ
περιφερῆς καὶ μείζων ἐστὶν εὐθείας τινός — πᾶσα
γὰρ περιφερῆς πάντως ἔχει τινὰ εὐθεῖαν ἐλάσσονα —
ἢ μικτὴ καὶ πολλῷ πλέον αὕτη διαιρετὴ ἐστίν, εἴπερ 10
ἐξ ἀπλῶν ἐστὶ διαιρετῶν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν εἰς ἄλλην ἀναβεβλήσθω θεωρίαν.
τέμνει δὲ διχα τὴν πεπερασμένην εὐθεῖαν ὁ γεωμέτρης
εἰς μὲν τὴν κατασκευὴν τῷ πρώτῳ καὶ τῷ ἐνάτῳ χρώ-
μενος, εἰς δὲ τὴν ἀπόδειξιν τῷ τετάρτῳ μόνῳ. διὰ 15
γὰρ τῶν γωνιῶν δείκνυσιν ἴσας τὰς βάσεις. Ἀπολ-
λώνιος δὲ ὁ Περγαῖος τέμνει τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν
πεπερασμένην διχα τοῦτον τὸν τρόπον. ἔστω, φησὶν,
ἡ αβ εὐθεῖα πεπερασμένη, ἣν δεῖ διχα τεμεῖν, καὶ
κέντρον || τῷ α, διαστήματι δὲ τῷ αβ γεγράφθω κύκλος, 20
καὶ πάλιν κέντρον τῷ β,
διαστήματι δὲ τῷ βα ἕτε-
ρος κύκλος, καὶ ἐπεζεύ-
χθω ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς τῶν
κύκλων ἡ γδ. αὕτη διχα
τέμνει τὴν αβ εὐθεῖαν.



25

3 εἰ ἵναί τι] ἐστὶ G, corr. C. 7 διχοτομεῖν C. 9 τινὰ]
τὴν G, corr. C. 15 μόνον G, μόνῳ C. 19 ἣν δεῖ διχα
τεμεῖν] ἣν διχα τεμεῖν μέλλομεν G, corr. C.

ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αὖ γὰ γβ — ἑκατέρα γὰρ ἴση τῇ
 $\overline{\alpha\beta}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ ἡ $\overline{\delta\alpha}$ τῇ $\overline{\delta\beta}$ ἴση διὰ τὰ αὐτὰ·
 ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ὥστε δίχα
 τέμνεται ὁ $\overline{\alpha\beta}$ διὰ τὸ τέταρτον. τοιαύτη τις ἐστὶν καὶ
 5 ἡ κατὰ Ἀπολλώνιον τοῦ προκειμένου προβλήματος
 ἀπόδειξις, ἀπὸ μὲν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ αὐτὴ
 ληφθεῖσα, ἀντὶ δὲ τοῦ λαβεῖν δίχα τεμνομένην τὴν
 πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$ γωνίαν δεικνύουσα ὅτι δίχα τέμνεται διὰ
 τὴν ἰσότητά τῶν βάσεων. πολλῶ δὲ οὖν κρείττων ἡ
 10 τοῦ στοιχειωτοῦ ἀπόδειξις καὶ ἀπλουστέρα καὶ ἀπὸ
 τῶν ἀρχῶν.

Prop. XI, probl. VI. Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἀπὸ
 τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου πρὸς ὀρθὰς
 γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

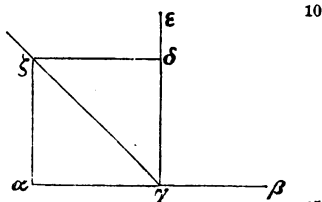
15 Εἴτε πεπερασμένην κατ' ἀμφοτέρα τὴν εὐθεῖαν
 λάβοιμεν, εἴτε κατ' ἀμφοτέρα ἄπειρον, εἴτε ὥδὲ μὲν
 ἄπειρον, ὥδὲ δὲ πεπερασμένην καὶ τὸ σημεῖον ἐπ'
 αὐτῆς, τοῦ γεωμέτρου προχωρεῖ ἡ κατασκευὴ τοῦ
 προκειμένου προβλήματος. καὶ γὰρ ἐπ' ἄκρας τῆς
 20 εὐθείας ἥ τὸ δοθὲν σημεῖον, προσεκβάλλοντες τὴν
 εὐθεῖαν τὰ αὐτὰ ποιήσομεν. δῆλον δὲ ὅτι τὸ μὲν ση-
 μεῖον ἐνταῦθα τῇ θέσει δέδοται ἐπὶ τῆς εὐθείας κεί-
 μενον μοναχῶς κατὰ τὴν θέσιν, ἡ δὲ εὐθεῖα κατὰ τὸ

4 τέμνεται G. 8 τέμνεται G. 10 καὶ ante ἀπλουστέρα
 om. G. 12 M in margine προβ. ἰα. 15—16 Εἴτε πεπερασμέ-
 νην τὴν εὐθεῖαν λάβοιμεν κατ' ἀμφοτέρα, εἴτε ἄπειρον G.
 18 τῷ γεωμέτρῳ προχωρήσει κατασκευὴ G, τῷ γεωμέτρῳ προ-
 χωρεῖ ἡ C. || ἡ ante κατασκευὴ om. M. 20 τὸ ante δοθὲς
 om. G, add. C. || προσεκβάλλοντες G, corr. C.

εἶδος δέδοται· μέγεθος γὰρ αὐτῆς ἢ λόγος ἢ θέσις οὐκ ἀφώρισται. ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς τῷ πρώτῳ χρησάμενος θεωρήματι καὶ τῷ τρίτῳ καὶ ἐν τῶν αἰτημάτων καὶ τῷ πρώτῳ καὶ τῷ ὀγδόῳ πρὸς τούτοις θεωρήματι καὶ τῷ ὄρῳ τῆς πρὸς ὀρθᾶς δεικνύσει τὸ προ-⁵ κείμενον. εἰ δέ τινες τὸ σημεῖον ἐπ' ἄκρας τῆς εὐθείας τιθέντες ἀξιοῦεν μὴ προσεκβάλλοντας ἡμᾶς ἄγειν ἀπὸ τούτου τὴν πρὸς ὀρθᾶς, δυνατόν καὶ τοῦτο δείξομεν. ||

ἔστω γὰρ $\overline{αβ}$ καὶ τὸ δοθὲν σημεῖον $\overline{α}$, καὶ εἰλήφθω

ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τυχὸν τὸ $\overline{γ}$ σημεῖον καὶ ἀπὸ τούτου τῇ $\overline{αβ}$ πρὸς ὀρθᾶς, ὥς ἐν τῷ στοιχείῳ μεμαθήκαμεν ἢ $\overline{γε}$. καὶ ἴση ἀπὸ τῆς $\overline{γε}$ ἀφηρησθῶ τῇ $\overline{αγ}$ ἢ $\overline{δγ}$ καὶ

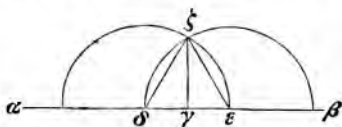


τετμήσθω δίχα ἢ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ γωνία ὑπὸ τῆς $\overline{γξ}$ καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{δ}$ τῇ $\overline{εγ}$ πρὸς ὀρθᾶς ἀχθεῖσα συμπίπτει [ἢ $\overline{δξ}$] τῇ $\overline{γξ}$ κατὰ τὸ $\overline{ξ}$, καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{ξ}$ ἐπὶ τὸ $\overline{α}$ ἐπεζεύχθω ἢ $\overline{ξα}$. λέγω ὅτι ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ γὰρ ἡ $\overline{δγ}$ τῇ $\overline{γα}$ ἴση, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{γξ}$ καὶ ²⁰ γωνίας ἴσας περιέχουσιν — δίχα γὰρ τέτμηται ἡ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ γωνία —, καὶ ἡ $\overline{δξ}$ τῇ $\overline{ξα}$ ἴση, καὶ πάντα ὁμοίως πᾶσιν διὰ τὸ τέταρτον, ὥστε καὶ ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ τῇ πρὸς

1 δίδοται G. 10 σημεῖον τὸ $\overline{γ}$ G. 15 ἡ $\overline{δγ}$ om. G, add. C. 18 ἡ $\overline{δξ}$ ego addidi; om. M, B, G, B, Z. || ἀπὸ τοῦ $\overline{ξ}$] ἀπὸ τῆς $\overline{ξε}$ M. 19 πρὸς τῷ $\overline{α}$] πρὸς τὸ $\overline{γ}$ G, corr. C. 21 τέμνεται G.

τῷ δ. ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ \bar{a} . δέδεικται μὲν οὖν
τὸ προβληθέν· ὃ δὲ στοιχειωτῆς οὐδὲν δεῖται τῆς
ἐπινοίας ταύτης. ἐπέταξεν γὰρ πρὸς ὀρθὰς γωνίας
ἀγαγεῖν γραμμὴν, ἀλλ' οὐ πρὸς μίαν ὀρθήν· δεῖ οὖν
5 μὴ ἐπ' ἄκρας τῆς εὐθείας λαμβάνειν τὸ σημεῖον, ἵνα
ἡ ἀγομένη εὐθεῖα γωνίας ποιῇ πρὸς τὴν ὑποκειμένην
εὐθεΐαν, ἀλλὰ μὴ μίαν γωνίαν.

Ἀπολλώνιος δὲ τὴν πρὸς ὀρθὰς ἄγει τὸν τρώ-
πον τοῦτον. ἐπὶ τῆς $\bar{a}\gamma$ τυχὸν τὸ δ , καὶ ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$
10 ἴση τῇ $\gamma\delta$ ἡ $\gamma\epsilon$, καὶ κέντρῳ τῷ δ , τῷ δὲ $\bar{e}\delta$ διαστή-



ματι γεγράφθω κύ-
κλος, καὶ πάλιν κέν-
τρῳ τῷ \bar{e} , διαστήματι
δὲ τῷ $\bar{d}\epsilon$ κύκλος γε-
15 γράφθω, καὶ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπὶ τὸ $\bar{\gamma}$ ἤχθω [ἡ $\bar{\zeta}\gamma$], λέγω
ὅτι αὕτη ἐστὶν ἡ πρὸς ὀρθὰς. ἐὰν γὰρ ἐπιξευχθῶσιν
αἱ $\bar{\zeta}\delta$ $\bar{\zeta}\epsilon$, ἴσαι ἔσονται· ἴσαι δὲ καὶ αἱ $\bar{\delta}\gamma$ $\bar{\gamma}\epsilon$ καὶ
κοινὴ ἡ $\bar{\zeta}\gamma$, ὥστε καὶ αἱ πρὸς τῷ $\bar{\gamma}$ γωνίαι ἴσαι διὰ
τὸ ὀρθοῦν. ὀρθαὶ ἄρα εἰσίν.

20 Πάλιν οὖν ὀρθῶς, ὅτι || ποικιλωτέρα ἢ ἀπόδειξις
αὕτη τῆς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ ἢ καὶ προσδεηθεῖσα τῆς
τῶν κύκλων γραφῆς, ἐξὸν αὐτόθεν ἐπὶ τῆς $\bar{d}\epsilon$ γράψαι
τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον καὶ δεῖξαι τὸ προκείμενον.
πάντα γὰρ τὰ ἄλλα κοινὰ ταῖς ἀποδείξεσιν ἐστίν. τὴν

4 δεῖ οὖν μὴ] δεῖ οὖν καὶ G, corr. C. 10 διαστήματι
δὲ τῷ $\bar{e}\delta$ G. 15 ἡ $\bar{\zeta}\gamma$ ego addidi; om. M, B₃, G, B, 'recta linea
f.c.' Z. 17 καὶ ante κοινὴ om. M. 21 αὕτη τῇ G, corr. C. ||
ἡ καὶ G, ἡ καὶ C. || προσδεηθεῖσα G. 22 ἐξὸν] ἐξ ὧν M, C.

δὲ διὰ τοῦ ἡμικυκλίου δεῖξιν οὐδὲ λέγειν ἄξιον. πολλὰ γὰρ προλαμβάνει τῶν ὕστερον καὶ τῆς ἐν τῇ στοιχειώσει τάξεως ἀποπίπτει παντελῶς.

Prop. XII, probl. VII. Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν ἄπειρον ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, ὃ μὴ ἐστίν⁵ ἐπ' αὐτῆς, κάθετον εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Τοῦτο τὸ πρόβλημα πρῶτον Οἰνοπίδης ἐξή | τη | σεν χρήσιμον αὐτὸ πρὸς ἀστρολογίαν οἰόμενος. ὁνομάζει δὲ τὴν κάθετον ἀρχαϊκῶς κατὰ γνώμονα, διότι καὶ ὁ γνώμων πρὸς ὀρθὰς ἐστὶ τῷ ὀρίζοντι. τῆς δὲ¹⁰ πρὸς ὀρθὰς ἡ κάθετός ἐστὶν αὕτη διαφέρονσα τῇ σχέσει μόνον, κατὰ τὸ ὑποκείμενον ἀδιάφορος οὖσα, ὥσπερ φασὶ καὶ ἡ κάθετος. διττὴ δ' αὖ κάθετός ἐστίν, ἡ μὲν ἐπίπεδος, ἡ δὲ στερεά. καὶ ὅταν μὲν ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ᾗ τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ ἡ κάθετος,¹⁵ καὶ ἡ εὐθεῖα, ἐπίπεδος λέγεται κάθετος, ὅταν δὲ μετέωρον τὸ σημεῖον καὶ ἔξω τοῦ ὑποκειμένου ἐπιπέδου, στερεά. καὶ ἡ μὲν ἐπίπεδος πρὸς εὐθείαν ἄγεται, ἡ δὲ στερεὰ πρὸς ἐπίπεδον. διὸ καὶ ἀναγκαῖον ἐκείνην οὐ πρὸς μίαν εὐθείαν ποιεῖν γωνίας ὀρθάς, ἀλλὰ²⁰ πρὸς πάσας τὰς ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ. πρὸς γὰρ τὸ ἐπίπεδον ἦν ἡγμένη κάθετος. ἐν τούτῳ τοίνυν ἡ στοιχειωτῆς τῷ προβλήματι κάθετον ἄγειν ἐπίπεδον προ-

4 *M* in margine: πρβ. ἰβ. 5 δοθέντος om. *G.* 11 αὕτη | ταύτη *B*, *G*, ταυτή *C*, 'eadem' *B*, 'haec' *Z.* 13 ὥσπερ φησὶ καὶ ἡ κάθετος *G*, ὥσπερ φασὶ καὶ ἡ κάθετος *B*, *C*, 'quemadmodum (inquit ipse) et Gnomon' *B*, 'sicut etiam ipsam perpendicularis indicat' *Z.* 14 ὅτε *G*, ὅταν *C.* 15 κάθετος εὐθεῖα *B*, *G*, κάθετος καὶ εὐθεῖα *M*, 'Perpendicularis recta linea' *B*, *Z.* 16 ὅτε *G*, ὅταν *C.* 21 Post ἐπιπέδῳ *M* addit γωνίας.

τίθεται. πρὸς τε γὰρ εὐθείαν ἢ ἀγῶγῇ προτίθεται
καὶ ὡς ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ πάντων ὑποκειμένων ὁ λόγος
πρόεισιν.

Ἐπὶ μὲν οὖν τῆς πρὸς ὀρθάς, ἐπειδὴ τὸ σημεῖον
ἐπ' αὐτῆς εἰληπτο τῆς εὐθείας, οὐδὲν ἐδεόμεθα τῆς
ἀπειρίας, ἐπὶ δὲ τῆς καθέτου τὴν δοθεῖσαν ἄπειρον
ὑποτίθεται, ἐπειδὴ τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ κάθετος ἀχθή-
σεται, ἔξω πον κεῖται τῆς εὐθείας. εἰ γὰρ μὴ ἦν ἄπει-
ρος, ἔξῃν οὕτω τὸ σημεῖον λαβεῖν, ὥστε ἔξω μὲν εἶναι
τῆς δοθείσης, ἐπ' εὐθείας δὲ ταύτη κείμενον ὡς ἐκ-
βαλλομένην τὴν εὐθείαν ἐπ' αὐτὸ πίπτειν, καὶ οὐ προ-
εχώρει τὸ πρόβλημα. διὸ ἄπειρον ἔθετο τὴν εὐθείαν,
εἰν' ἐφ' ἑκάτερα αὐτῆς μόνως λαμβάνηται τὸ σημεῖον,
μηδαμοῦ χώρας ὑπολειπομένης αὐτῷ, καθ' ἣν ἐπ'
εὐθείας ἔσται τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, εἰ μὴ μέλλοι πρὸς
αὐτῇ κείσεσθαι καὶ οὐκ ἔξω αὐτῆς.

Ἀπειρος μὲν οὖν ἡ εὐθεῖα δέδοται διὰ || τοῦτο,
ἐφ' ἣν ἡ κάθετος ἀχθήσεται· πῶς δὲ ὅλως ὑπόστασιν
ἔχει τὸ ἄπειρον, ἄξιον θεωρῆσαι. δῆλον γὰρ ὅτι
εὐθείας ἀπειρον οὔσης ἔσται καὶ ἐπίπεδον ἄπειρον,
καὶ ταῦτα κατ' ἐνέργειαν, εἴπερ ἔσται τὸ προβληθέν.
ὅτι μὲν οὖν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς οὐδὲν ἔστι μέγεθος
ἄπειρον κατ' οὐδεμίαν διάστασιν, ἱκανῶς ὃ τε δαιμό-
νιος Ἀριστοτέλης καὶ οἱ ἀπ' αὐτοῦ παραδεξάμενοι
τὴν φιλοσοφίαν δεικνύουσιν. οὔτε γὰρ τὸ κύκλον
κινούμενον ἄπειρον εἶναι ἐνδέχεται οὔτε τῶν ἄλλων

1 τε om. G, add. C. || ἡ] ἦν M. 5 εἰληπται G, εἰληπτο C. ||
ἐνδεόμεθα G, ἐδεόμεθα C. 10 δὲ om. M, G. 15 μέλλει C.

16 κείσεσθαι G, κείσεσθαι C. 17 μὲν om. G, add. C.

21 ἔσται] ἐστὶ G. 23—25 ἱκανῶς . . . δεικνύουσι om. G, qui
voce φανερόν sententiam complet. Omissa verba addit C.

23 ὃ τε] ὅτε καὶ ὁ C.

σωμάτων τῶν ἀπλῶν οὐδέν. ἔστι γὰρ ἐκάστου τόπος
 ὀρισμένος. ἀλλὰ μὴν οὐδὲ ἐν τοῖς χωριστοῖς καὶ ἀμε-
 ρέσι λόγοις εἶναι τὸ τοιοῦτον ἄπειρον δυνατόν. εἰ
 γὰρ μηδὲ διάστασις ἐστὶν ἐν ἐκείνοις μήτε μέγεθος,
 σχολή, εἰ ἄπειρον εἶη μέγεθος. λείπεται δὴ οὖν ἐν τῇ 5
 φαντασίᾳ τὸ ἄπειρον ὑφίστασθαι μόνον οὐ νοούσης
 τὸ ἄπειρον τῆς φαντασίας. ἅμα γὰρ νοεῖ καὶ μορφὴν
 ἐπάγει τῷ νοουμένῳ καὶ πέρας, καὶ τῇ νοήσει τὴν
 τοῦ φαντάσματος ἴστησι διεξοδὸν, καὶ διεξιέσιν αὐτὸ
 καὶ περιλαμβάνει. οὐ νοούσης τοίνυν ἐστὶν τὸ ἄπει- 10
 ρον ἀλλ' ἀορισταινούσης περὶ τὸ νοούμενον καὶ μὴ
 νοούσης μᾶλλον καί, ὅσον ἀκαταμέτρητον ἀφίησι καὶ
 ἀπερίληπτον νοήσει, τοῦτο ἄπειρον λεγούσης. ὥσπερ
 γὰρ τὸ σκότος τῷ μὴ ὄρᾳ ἢ ὄψις γινώσκει, οὕτως
 ἢ φαντασία τὸ ἄπειρον τῷ μὴ νοεῖν. γεννᾷ μὲν οὖν 15
 αὐτὸ τῷ δύνάμιν ἔχειν ἀμερῇ προτέναι δυναμένην
 ἀκαταλήκτως, νοεῖ δὲ ὡς ὑποστάν ὅτι μὴ νοεῖ τὸ ἄπει-
 ρον. ὃ γὰρ ἀφῆκεν ὡς ἀδιεξίτητον, τοῦτο ἄπειρον
 λέγει, ὥστε τὴν ἄπειρον γραμμὴν τὴν δοθεῖσαν ἐν
 τῇ φαντασίᾳ θέμενοι, καθάπερ δὴ καὶ τὰ ἄλλα πάντα 20
 γεωμετρίας εἶδη, τὰ τρίγωνα, τοὺς κύκλους, τὰς γω-
 νίας, τὰς γραμμάς, οὐ θαυμασόμεθα, πῶς κατ' ἐνέρ-
 γειαν ἄπειρός ἐστι γραμμὴ καὶ προστίθησιν ἀορισταί-
 νουσα ταῖς ὀρισμέναις νοήσεσιν. ἢ δὲ διάνοια, παρ'
 ἧς οἱ λόγοι καὶ αἱ ἀποδείξεις, οὐ πρὸς τὴν ἐπιστήμην 25
 χρῆται τῷ ἀπείρῳ — τὸ γὰρ ἄπειρον ὅλως ἐπιστήμη

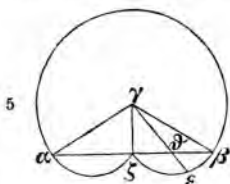
5 σχολή, εἰ] σχολῇ γ' ἂν B₃, G, σχολῆς γ' ἂν C, 'multo mi-
 nus' B, 'nullatenus' Z. || δῆ] δὲ C. 8 τὴν om. G, add. C.

9 αὐτός G. 13 ἀπερίπτον C. 14 ἢ ante ὄψις
 om. G, add. C. 17 ἀκαταλήκτως C. || νοεῖ δὲ] νοεῖτω
 δὲ M. || μὴ νοεῖν M. 22 θαυμαζόμεθα G. 26 χρῶν-
 ται M, C.

ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω μέχρι τῆς περιφε-
 ρείας, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$. | ἐπεὶ οὖν αὐταὶ
 ἐκ κέντρου, καὶ ἡ $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ ἴση, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\theta}$, πάντα
 ἴσα πᾶσιν. ὁρθὰς ἄρα ποιεῖ πρὸς τῷ $\overline{\theta}$ γωνίας ἡ $\overline{\gamma\theta}$.
 πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ ἴσαι, γωνίας ἴσας ποιοῦσι πρὸς 5
 τοῖς $\overline{\alpha}$ καὶ $\overline{\beta}$ σημείοις. ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση,
 ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $[\overline{\gamma\zeta\alpha}]$, καὶ ἡ $\overline{\gamma\beta}$ τῇ
 $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $[\overline{\gamma\beta\zeta}]$. ἐπεὶ
 οὖν αἱ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ καὶ $\overline{\beta}$ ἴσαι, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\alpha}$ τῇ ὑπὸ
 $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση, καὶ εἰσιν ἐφεξῆς, ὁρθαὶ ἄρα εἰσίν. ἐστὶν δὲ 10
 ὁρθὴ καὶ ἑκατέρω τῶν πρὸς τῷ $\overline{\theta}$, ἴση ἄρα ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ
 $\overline{\gamma\zeta}$, ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴση — ἐκ κέντρου γάρ —
 ἡ ἄρα $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴση, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα κατ'
 ἄλλο σημεῖον ὁ κύκλος τέμνει τὴν $\overline{\alpha\beta}$ εὐθεῖαν. εἰ δὲ
 λέγοι τις ὅτι ὁ γραφόμενος κύκλος κατὰ τὸ ξ διχοτο- 15
 μείτω τὴν $\overline{\alpha\beta}$, πάλιν τὸ αὐτὸ δεῖξομεν ἀδύνατον.
 γεγράφθω γάρ καὶ ἡ $\overline{\xi\beta}$ δίχα τετμήσθω κατὰ τὸ $\overline{\theta}$.

2 $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$] 'ca, cb, cf' B. || Post $\overline{\gamma\beta}$ addunt M, G: καὶ ἡ
 $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ ἴση κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω μέχρι τῆς περι-
 φερείας. 6 ἴση post $\overline{\gamma\zeta}$ om. G, add. C. $B_3 = M$. 7—8 $\overline{\gamma\zeta\alpha}$
 τῇ ὑπὸ om. M (Z), καὶ ἡ $\overline{\gamma\beta}$... τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\beta\zeta}$ om. G. 'Similiter
 Angulus cbf Angulo cfh' B. 9 αἱ ante πρὸς om. G, add. C.
 11 ἡ ἑκατέρω G, καὶ ἑκατέρω C. 12 ἐκ κέντρου γάρ —
 ἡ ἄρα $\overline{\gamma\theta}$] ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\theta}$ ἄρα G. 14 εἰ γάρ G, εἰ δὲ C.
 17 γεγράφθωσαν G, γεγράφθω C. || τεμνέσθω G, τετμή-
 σθω C.

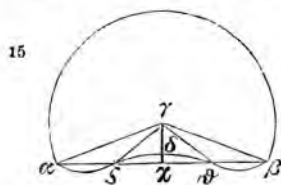
ἐπεὶ οὖν ἴσαι αἱ $\overline{αξ}$ $\overline{ζβ}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{γξ}$, καὶ βάσεις ἡ $\overline{γα}$ τῇ $\overline{γβ}$ ἴση, πάντα ἴσα || $\overline{πᾶσιν}$, ὥστε ὁρθαὶ αἱ πρὸς



τῷ $\overline{ξ}$ γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{ξθ}$ τῇ $\overline{θβ}$ καὶ κοινὴ ἡ $\overline{γθ}$, ἐπιξευ-
χθεῖσα δὲ ἡ $\overline{γξ}$ βάσεις ἴση τῇ $\overline{γβ}$ — ἐκ κέντρου γάρ — ὁρθαὶ εἰσιν
αἱ πρὸς τῷ $\overline{θ}$ γωνίαι. ἴσαι γάρ

εἰσι καὶ ἐφεξῆς. ἐπεὶ οὖν ὁρθὴ ἑκατέρω τῶν ὑπὸ $\overline{γξθ}$ $\overline{γθξ}$, ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{γξ}$ τῇ $\overline{γθ}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{γξ}$ τῇ $\overline{γε}$ ἴση —

10 ἐκ κέντρου γάρ εἰσιν — ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{γθ}$ τῇ $\overline{γε}$,
ὅπερ ἀδύνατον. λείπεται δὴ τὴν τρίτην ἐνστασιν δι-
ελθεῖν. τεμνέτω γάρ, φασίν, ὁ γραφόμενος κύκλος
τὴν εὐθεῖαν κατὰ τε τὰ $\overline{αβ}$ καὶ κατὰ τὰ $\overline{ξθ}$ σημεία.
τεμόντες οὖν ἡμεῖς δίχα τὴν



$\overline{αβ}$ κατὰ τὸ $\overline{κ}$ καὶ ἐπιζεύξαντες
τὰς $\overline{γα}$ $\overline{γξ}$ $\overline{γκ}$ $\overline{γβ}$ δεῖξομεν τὸ
ἀδύνατον. ἐπεὶ γάρ ἴσαι αἱ $\overline{ακ}$
 $\overline{κβ}$ καὶ κοινὴ ἡ $\overline{γκ}$ καὶ αἱ βά-

σεις αἱ $\overline{γα}$ $\overline{γβ}$ ἴσαι [ὁρθαὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{κ}$], καὶ αἱ πρὸς

20 τοῖς $\overline{αβ}$ γωνίαι ἴσαι. ἀλλὰ ἴση ἑκατέρω [τῶν $\overline{γα}$ $\overline{γβ}$]
τῇ $\overline{γξ}$. ὁρθαὶ ἄρα καὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{ξ}$ — ἴσαι γάρ εἰσιν

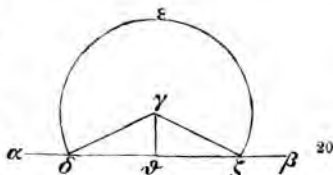
5 δὲ] καὶ G. 6 ὁρθαὶ ἄρα εἰσὶν G. 11 δὲ] δὲ G.

14 τέμνοντες G. 16 $\overline{γβ}$ om. G, C. 19 ὁρθαὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{κ}$
om. M, B₃, G (Z), 'qui ad a b Signa, aequales sunt, qui autem ad
Signum k, recti'. B. 20 τῶν $\overline{γα}$ $\overline{γβ}$ om. M, B₃, G, B, Z.

ἐφεξῆς οὕσαι — ἴση ἄρα ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$. ὁρθὰς γὰρ ὑποτείνουσιν. ἀλλὰ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἐκ κέντρου γὰρ εἰσιν — ἡ ἄρα $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$ ἴση ἐστίν, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυνατόν οὔτε καθ' ἐν σημείον οὔτε κατὰ δύο ἄλλα τὸν γραφόμενον κύκλον τέμνειν 5 τὴν $\overline{\alpha\beta}$ εὐθεΐαν παρὰ τὰ $\overline{\alpha}$ $\overline{\beta}$ σημεία.

Αἱ μὲν οὖν ἐνστάσεις αὐταί· εἰσὶν δὲ καὶ πτώσεις τῆς τοῦ προβλήματος κατασκευῆς, ἃς δεῖ χωρίζειν ἀπὸ τῶν ἐνστάσεων. οὐ γὰρ ταῦτόν πτώσις καὶ ἐνστασις, ἀλλ' ἡ μὲν τὸ αὐτὸ δείκνυσιν ἄλλως, ἡ δὲ εἰς 10 ἀτοπίαν ἐπάγει τὸ ἐνιστάμενον. οἱ δὲ ἐξηγηταὶ μὴ διακρίνοντας ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων, πάντα φέρουσιν εἰς ταῦτόν καὶ εἰσιν ἄδηλοι, πότερον πτώσεις ἢ ἐνστάσεις ἐπαγγέλλονται γράφειν. ἡμεῖς οὖν διελόμενοι χωρὶς μετὰ τὰς ἐνστάσεις τὰς πτώσεις συνάγομεν. 15 ἔστω οὖν εὐθεΐα ἁπείρος ἡ

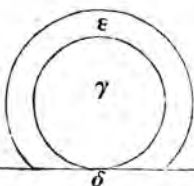
$\overline{\alpha\beta}$, τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον τὸ $\overline{\gamma}$. λέγει οὖν τις ὅτι οὐκ ἔστιν τόπος ἐπὶ θάτερα τῆς εὐθείας, ἀλλ' ἐφ' ἧ καίτοι τὸ $[\overline{\gamma}]$ λαβόντες



οὖν ἐπὶ τῆς εὐθείας] σημείον τὸ $\overline{\delta}$ κέντρον τῷ $\overline{\gamma}$ καὶ διαστήματι τῷ $\overline{\gamma\delta}$ κύκλου περιφέρειαν γράφομεν τὴν

1 ὁρθαί M. 5 ἀλλὰ M, * ἀλλὰ G. 14 ἀπαγγέλλονται G, ἐπαγγέλλονται C. 15 τὰς πτώσεις om. M, C.
17 δὲ ante δοθὲν om. M. 21—22 $\overline{\gamma}$. . . εὐθείας om. M, B₃, G (Z); 'ubi Signum c iacet. Sumentes igitur in ipsa ab recta Linea Signum d' B. 22 τὸ $\overline{\delta}$ om. B₃. 23 γράφομεν τῇ G, γράψομεν τὴν C.

$\overline{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ $\overline{\tau\epsilon\mu\acute{o}\nu\tau\epsilon\varsigma}$ $\overline{\delta\acute{\iota}\chi\alpha}$ κατὰ τὸ $\overline{\theta}$ τὴν $\overline{\delta\zeta}$ ἐπιζεύξομεν
 $\overline{\tau\alpha\varsigma}$ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\theta}$ $\overline{\gamma\zeta}$ · ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{\delta\theta}$ τῇ $\overline{\theta\zeta}$, κοινὴ δὲ ἡ
 $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση — ἐκ κέντρου γὰρ —, αἰ
 πρὸς τῷ $\overline{\theta}$ ἄρα γωνίαι ἴσαι εἰσὶν ἐφεξῆς, ὁρθαὶ ἄρα
 5 εἰσὶν· κάθετος ἄρα ἡ $\overline{\gamma\theta}$ ἐπὶ τὴν $\overline{\delta\zeta}$. καὶ μὴν καὶ
 εἴ τις λέγοι τὸν γραφόμενον
 κύκλον μὴ τέμνειν τὴν $\overline{\alpha\beta}$
 εὐθεΐαν, ἀλλ' ἐφάπτεσθαι
 ὥς τὸν $\overline{\delta\epsilon}$, λαβόντες ἐξωτέ-
 10 ρω σημείον τὸ $\overline{\epsilon}$ κέντρω τῷ
 $\overline{\gamma}$ χρώμενοι καὶ διαστήματι
 τῷ $\overline{\gamma\epsilon}$ ὥσπερ ἐπὶ τοῦ λεχθέντος ἔξομεν τὸ ζητού-
 μενον.



Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν τοῦ προβλήματος πτώσεων
 15 εἰρήσθω γυμνασίας ἕνεκα τῶν ἐντυγχανόντων· εἰ δὲ
 δεῖ καὶ θεωρίαν προσθεῖναι τοῖς δύο τούτοις προβλή-
 μασιν, ἔοικεν ἡ μὲν πρὸς ὁρθὰς ἀναγομένη μιμῆσθαι
 ζωὴν αἰρομένην εἰς ὕψος ἀπὸ τῶν κοιλοτέρων καὶ
 ἀχράντως ἀνιούσαν καὶ μένουσαν ἄκλιτον πρὸς τὰ
 20 χεῖρονα, ἡ δὲ κάθετος ζωῆς μὲν εἰκὼν εἶναι κατιούσης
 τὴν ἀπόδοον καὶ τῆς κατὰ γένεσιν ἀοριστίας οὐκ ἀνα-
 πιμπλαμένης. ἡ γὰρ ὁρθὴ γωνία τῆς ἀκλινοῦς ἐστι
 καὶ τῇ ἰσότητι καὶ τῷ ὄρω καὶ τῷ πέρατι συνεχομένης

1 τέμνοντες G. 3 ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ G, corr. C. 4 ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν ἐφεξῆς G, ἀλλήλαις del. not. C. 6 λέγει C.
 9 ἐξ ἑτέρω G, ἐξωτέρω C. 18 αἰρουμένην M, ἡρομέ-
 νην G, αἰρομένην C. 19 ἄκλιτον G, ἀκλιτον C. 20 κατι-
 ούσης] καὶ κρατούσα (κατιούσα) H₂ p. 269. 21 ἀναπιπλα-
 μένης M.

ἐνεργείας σύμβολον, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος τὸν θατέ-
 ρου κύκλον τὸν τοὺς λόγους ἔχοντα τῶν αἰσθητῶν
 ἐπὶ τῆς θείας ψυχῆς ὁρθὸν προσείρηνεν. ἐπὶ γὰρ τῶν
 ἡμετέρων κλᾶται παντοίας κλάσεις καὶ διαστροφὰς
 ὑπομένει ποικίλας ἀπὸ τῆς γενέσεως, ἐπὶ δὲ τῶν ὅλων 5
 ἄχραντος καὶ ἀρρεπῆς ἴδρυται πρὸ τῶν αἰσθητῶν. εἰ
 δὲ καὶ ἡ εὐθεΐα ἡ ἄπειρος σύμβολόν ἐστιν τῆς γενέ-
 σεως ὅλης τῆς ἀπείρου καὶ ἀορίστως κινουμένης καὶ
 αὐτῆς τῆς ὕλης τῆς μηδένα ὄρον μηδὲ μορφὴν λα-
 χούσης, τὸ δὲ ἔξω κείμενον σημεῖον τῆς ἀμεροῦς 10
 οὐσίας καὶ τῶν ἐνύλων ἐξηρημαμένης εἰκόνα φέροι,
 πάντως που καὶ ἡ ἀγομένη κάθετος ἀπομιμοῖτο ἂν τὴν
 ἐκ τοῦ ἐνὸς καὶ ἀμερίστου προϋούσαν ζωὴν ἀχράντως
 εἰς τὴν γένεσιν. εἰ δὲ καὶ οὐκ ἄλλως δεικνύται οὕσα
 ἡ κάθετος ἢ ἀπὸ τῶν κύκλων, ἔχει ἂν ἐνδείξιν καὶ 15
 τοῦτο || τῆς διὰ τὸν νοῦν ταῖς ζωαῖς ὑπαρχούσης ἀρ-
 ρεψίας. αὐτὴ μὲν οὖν καθ' ἑαυτὴν ἡ ζωὴ ἅτε κίνησις
 οὕσα ἀόριστος ἐστίν, ὁρίζεται δὲ καὶ ἀχράντου πλη-
 ροῦται δυνάμεως νοῦ μετασχοῦσα καὶ νῶ συμπροϋούσα.

| Prop. XIII, theor. VI. 'Ὡς ἂν εὐθεΐα ἐπ' εὐ- 20 Cf. Sim.
 θεΐαν σταθεῖσα γωνίας ποιῇ, ἥτοι δύο ὁρθάς, *Sim. I*
 ἢ δύο ὁρθαῖς ἴσας ποιήσει. *p. 36*

Πάλιν ἐπὶ τὰ θεωρήματα μεταβέβηκεν ἐπόμενος
 τοῖς διὰ τῶν προβλημάτων δεδειγμένοις. ἐπεὶ γὰρ

1 ὅτι C. 3 ὁρθὴν προείρηνεν C. 4 κλύσεις C.
 6 ἡ δὲ G, εἰ δὲ C. 7 γενέσεως] γνώσεως H₂ p. 269.
 11 ἐξηρημαμένης G, ἐξηρημαμένης C. || φέρει G. 12 κάθ-
 οδος C. || ἀπομιμοῖτο G, ἀπομιμοῖτο C. 16 ὑπαρχούσης G,
 ὑπαρχούσαις M, C. || ἀρρεψίας C. 19 'unaque cum Mente
 progrediens' et in margine 'Mentique adhaerens' B, 'cum intel-
 lectu procedat' Z. B₃ = M, G. 20 M in margine θεωρ. ιγ.

ῥηται κάθετος ἐπὶ εὐθείαν καὶ πρὸς ὀρθάς, ἐπόμενον
 ἢν ζητῆσαι, εἰ μὴ κάθετος εἴη, τίνας ποιήσει γωνίας
 καὶ πῶς ἐχούσας πρὸς τῇ εὐθείᾳ ἢ ἐπ' αὐτῆς σταθεῖσα.
 τοῦτο τοίνυν καθόλου δείκνυσιν, ὅτι πᾶσα εὐθεῖα ἐπ'
 5 εὐθείας τινὸς σταθεῖσα καὶ ποιοῦσα γωνίας ἢ δύο
 ποιεῖ ὀρθάς, εἰ ἀπαρέγκλιτος αὐτῆς ἢ στάσις εἴη καὶ
 ἄρρεπῆς ἐφ' ἑκάτερα, ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, εἰ τῇ μὲν
 ἐπικλίνουτο, τῇ δὲ πλέον ἀφεστήκοι τῆς ὑποκειμένης
 εὐθείας. ὅσον γὰρ ἀφαιρεῖ τῆς μιᾶς ὀρθῆς κατὰ τὴν
 10 ἐπὶ θάτερα κλίσιν, τοσοῦτον προστίθῃσι τῇ λοιπῇ
 κατὰ τὴν ἀπόστασιν.

Δεῖ δὲ ἐφιστάνειν, ὅπως ἂν ταύτῃ τῇ προτάσει
 τῆς ἀκριβείας ὁ γεωμέτρης ἐφρόντισεν. οὐ γὰρ ἀπλῶς
 εἶπεν ὅτι πᾶσα εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας σταῖσα ἢ δύο ὀρθὰς
 15 ποιεῖ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἀλλὰ ἐὰν γωνίας ποιῇ.
 τί γάρ, εἰ ἐπ' ἄκρας ἰσταμένη τῆς εὐθείας μίαν ποιεῖ
 γωνίαν, ἐνδέχεται ταύτην ἴσην εἶναι δύο ὀρθαῖς;
 ἀδύνατον δήπου. πᾶσα γὰρ εὐθύγραμμος γωνία δύο
 ὀρθῶν ἐλάσσων ἐστίν, ὥσπερ πᾶσα στερεὰ τεττάρων
 20 ὀρθῶν ἐλάσσων. ἂν τὴν ἀμβλυτάτην οὖν δοκοῦσαν
 εἶναι λαμβάνῃς, αὐξήσεις καὶ ταύτην ὥς οὕτω τὸ μέ-
 τρον ἀπολαβοῦσαν τῶν δύο ὀρθῶν. δεῖ τοίνυν οὕτως
 ἐφιστάναι τὴν εὐθεῖαν, ὥστε γωνίας ποιεῖν.

Τοῦτο μὲν οὖν, ὅπερ ἔφην, τῆς ἐπιστημονικῆς
 25 ἀκριβείας. τί δὲ βουλόμενος προσέθηκεν τὸ ἢ δύο
 ὀρθὰς ποιεῖν ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας; καὶ γάρ, ὅταν

3—5 πῶς ἐχούσας . . . ποιοῦσα γωνίας om. G, C addit
 πῶς ἐχούσας . . . σταθεῖσα, omittit τοῦτο τοίνυν . . . τινὸς
 σταθεῖσα, addit καὶ ποιοῦσα γωνίας. 6 εἴη] ἢ M, ἢ G.
 12 ἀφιστάνειν G. || ταύτῃ] ταῦθα G, corr. C. 15 δυοῖν
 ὀρθαῖς G. 16 εἰ om. G, add. C. 25 προσέθηκε M, προσ-
 έθηκεν B₃, G, 'adiecit' B, Z.

ποιῇ δύο ὀρθαῖς, δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ. ἐαυταῖς γὰρ ἴσαι αἱ ὀρθαί. ἥ τὸ μὲν ἐστὶ κοινὸν καὶ τῶν ἴσων (?) γωνιῶν, τὸ δὲ ἰδιον τῶν ἴσων μόνων; εἰώθαμεν δέ, ὅταν μὲν καὶ τὸ ἰδιον || ἀληθεύῃ, καὶ τὸ κοινὸν ἀπὸ τοῦ ἰδίου σημαίνειν ἕκαστον, ὅταν δὲ ἐκείνον μὴ ⁵ τυγχάνωμεν, ἀρκεῖσθαι τῷ κοινῷ πρὸς τὴν δηλώσειν τῶν ὑποκειμένων πραγμάτων. τὸ μὲν οὖν ἴσας ὀρθαῖς εἶναι τὰς ἐφεξῆς κοινόν ἐστι καὶ τῶν ὀρθῶν, ἀλλ' οὐ μόνων αὐτῶν κατηγορεῖται, τὸ δὲ ὀρθὰς εἶναι τῆς ἰσότητος αὐτῶν ἐξαίρετον ὑπάρχει. μόνον δὲ οὖν ¹⁰ ῥηθὲν τὸ ἴσας εἶναι δυσὶν ὀρθαῖς τὰς ἀνίσους σημαίνει· ταύταις γὰρ ἐπαληθεύεται μόνον, ταῖς δὲ ἴσαις οὐ. καὶ τοῦτο καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἀντιδιαίρεται ταῖς δυσὶν ὀρθαῖς. αὐτὸ γὰρ καθ' ἐαυτὸ τοῦτο λεγόμενον τῶν ἐφ' ἐκάτερα ἀνίσων ἐστὶν σημαντικόν. ἔξεστί γε ¹⁵ μὴν καὶ διὰ τούτων συνορᾶν, ὅπως ἡ ἰσότης καὶ τῆς ἀνισότητος ἐστὶ μέτρον καὶ ὄρος. εἰ γὰρ καὶ ἀόριστος ἐστὶ καὶ ἄπειρος ἡ τῆς ἀμβλείας γωνίας καὶ τῆς ὀξείας μείωσίς τε καὶ αὐξήσις, ὅμως περαίνεσθαι καὶ ἀφορίζεσθαι λέγεται παρὰ τῆς ὀρθῆς. καὶ ἐκατέρα μὲν χω- ²⁰ ρὶς ἀφίσταται (?) καὶ ἀφίσταται τῆς πρὸς ἐκείνην ὁμοιότητος, ἀμφοτέραι δὲ κατὰ μίαν ἔνωσιν ἐπαν- ἄγονται πρὸς τὸν ὄρον τὸν ἐκείνης. ἐπειδὴ δὲ πρὸς τὴν ἀπλότητα τῆς ὀρθῆς ἀδυνατοῦσιν ἐξισοῦσθαι,

1 δύο ὀρθαῖς om. M, C. || ποιῇ M, C. 2 ἥ M, G. || ἴσων] ἀνίσων Kn. II; mihi videtur scribendum καὶ τῶν ἴσων καὶ τῶν ἀνίσων. quae H₂ p. 269 affert, haec verba non continent.

4 ὅτε G, ὅταν C. 5 σημαίνει C. 9 οὐ μόνον G. 10 δὴ] δὲ C. 12 ἴσαις] ἀνίσοις coniecit Kn. II. 16 διὰ τοῦτο G.

17 καὶ ante ἀόριστος om. G. 20 χωρὶς ἀφίστασθαι M, B₃, C; putaveris χωρὶς ἀλλοιοῦνται vel simile quid fuisse scriptum. 21 ἀφίσταται καὶ om. B, 'similitudine ad illam accedunt et ab illa recedunt' Z.

διπλασιαζομένης αὐτῆς τὴν ἰσότητα καταδέχονται.
 παράδειγμα τῆς ἀπειρίας αὐτῶν ἡ δυὰς ἀόριστος οὕσα
 καθ' αὐτήν. καὶ τοῦτο ἐναργῆ φέρειν ἔοικεν εἰκόνα
 τῆς τῶν πρωτογενῶν αἰτίων καὶ καθ' ἓνα ὄρον ἐστώ-
 5 των αἰὲ ὥσαύτως περὶ τὴν ἀπειρίαν τῆς γενέσεως
 προόδου. πῶς γὰρ ἄλλως ἢ γένεσις ἢ τοῦ μᾶλλον
 μετέχουσα καὶ ἦττον καὶ ἀορίστως φερομένη συναρμό-
 ζεται τοῖς νοητοῖς καὶ συνεξισοῦται πῶς αὐτοῖς διὰ
 τῆς μετέξεως ἢ ταῖς γονίμοις δυνάμεσιν ἐκείνων προ-
 10 ἰόντων καὶ ἐαυτὰ πολλαπλασιαζόντων μόνον; τὰ γὰρ
 ἐν τῇ ἐαυτῶν ἀπλότητι καὶ ἀμερείᾳ παντελῶς ἐξήρηται
 τῶν γενητῶν.

Τοσαῦτα καὶ ἀπὸ τούτου τοῦ θεωρήματος εἰς τὴν
 τῶν ὅλων γυνῶσιν παραληπτέον.

15 Prop. XIII, theor. VII. Ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς μὴ
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐφεξῆς γωνίας δύο ὀρ-
 θαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται ἀλλή-
 λαις αἱ εὐθεῖαι.

20 Τοῦτο τὸ θεώρημα τοῦ ἀποδειχθέντος ἐστὶν ἀντί-
 στροφον. ἔπεται γὰρ αἰὲ τὰ ἀντίστροφα τοῖς προ-
 ηγουμένοις θεωρήμασιν. ἐκείνου τρίνυν συστήσαντος
 εὐθείαν ἐπ' εὐθείας καὶ δείξαντος ὅτι τὰς ἐφεξῆς ἢ
 δύο ὀρθὰς ποιεῖ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, τοῦτο λαμβάνει
 25 μὲν πρὸς εὐθείαν τινὲ δύο γιγνομένας ὀρθὰς, || δείκνυσι

9 ἢ ταῖς] ἢ τε *M*, *B*, *C*. 'nisi per participationem, dum ...
 multiplicantur' *B*, 'vel generativis potentis' *Z*. 15 *M* in

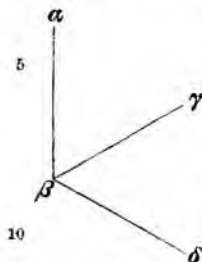
marginē θεωρ. ιδ. 20 ὑποδειχθέντος *G*, ἀποδειχθέντος *C*.
 22 συστήαντος *G*. 24 ποιεῖν *M*, *C*. || δύοσιν ὀρθαῖς *G*.

δὲ ὅτι μία ἐστὶν εὐθεία ἢ ταῦτα ποιοῦσα πρὸς τῇ εἰρημένῃ εὐθείᾳ. τὸ τοίνυν ἐν ἐκείνῳ δεδομένον ἐν τούτῳ ζητεῖται καὶ δείκνυνται διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς. οὕτω γὰρ φιλεῖ τὰ ἀντίστροφα δείκνυσθαι τῶν θεωρημάτων. ἐν δὲ γε τοῖς προβλήμασι καὶ προ-⁵ γουμένας ἐπιδέχεται κατασκευάς.

Ἐξεστί δὲ καὶ τούτῳ τὴν ἀκροτάτην ἀκρίβειαν καὶ ἀνυπερβλήτον τῆς ἐπιστημονικῆς ἐρμηνείας ὁρᾶν. πρῶτον μὲν γὰρ εἰπὼν Ἐὰν πρὸς τινὶ εὐθείᾳ προστίθῃσιν καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ. τί γάρ, εἰ¹⁰ δύο περάτων ὄντων τῆς εὐθείας ἢ μὲν ἀπὸ τοῦ ἐτέρου ἦλθῃ, ἢ δὲ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ, καὶ δύο ἐποιοῦν ὁρθαῖς ἴσας τὰς πρὸς τῇ εὐθείᾳ γωνίας; ἄρα διὰ τοῦτο ἐπ' εὐθείας εἶναι ἠδύναντο; καὶ πῶς αἱ ἀπὸ διαφόρων τῆς αὐτῆς εὐθείας ἡγμέναι σημείων; διὰ δὲ τοῦτο¹⁵ προσέθηκεν τὸ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ ἀμφοτέρως πρὸς ἐνὶ σημείῳ κεῖσθαι βουλούμενος. δεύτερον δέ, ἐπειδὴ καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ τῆς εὐθείας εἶναι σημείῳ τὰς ἀγομένας δυνατόν ἦν καὶ μὴ εἶναι ἐφεξῆς — μυρ-
ρίας γὰρ εὐθείας πρὸς ἐνὶ σημείῳ λαβεῖν ἐνδέχεται²⁰ — προσέθηκεν τὸ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς. τρίτον δέ, ἐπεὶ τὸ ἐξῆς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐφ' ἐκάτερα θεωρεῖται, τὰς δὲ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κειμένας ἐξῆς ἐπ' εὐθείας ἀλλήλαις ἀδύνατον εἶναι, τοῦτο μὲν ἀπέφησεν, παρέσχεν δὲ ἡμῖν ἐννοεῖν ὅτι ἐφ' ἐκάτερα²⁵ ληπτέον τῇ θέσει τὰς ἐφεξῆς. αὗται γὰρ δυνήσονται καὶ ἐπ' εὐθείας δείκνυσθαι. ἔστωσαν πρὸς τῇ $\alpha\beta$

5 γε om. G, add. C. 6 ἐπιδέχεται] δέχεσθαι τὰς G, corr. C. 21 εὐθεῖαι ἐφεξῆς C. 22 ἐπὶ τῷ ἐξῆς M, G, ἐπεὶ τὸ ἐξῆς C. 24 ἀπέφησε G. 26 δυνήσονται] ληφθή-
σονται G, δυνήσονται C.

εὐθεία δύο εὐθείαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη αἱ βγ βδ.
αὐται τοίνυν ἐξῆς μὲν εἰσιν ἀλλήλαις· ἄλλη γὰρ
αὐτῶν οὐκ ἔστιν εὐθεῖα μεταξὺ.
ταῦτα δὲ ἦν ἐφεξῆς, ὧν μηδὲν ἔστιν
ὁμοιον μεταξὺ. καὶ γὰρ κίονας τοῦ-
τους ἐφεξῆς λέγομεν, ὧν μὴ ἔστιν
ἄλλη κίων ἐν μέσῳ· καίτοι γε ἀήρ
ἔστι πάντως μέσος, ἀλλ' οὐδὲν ὁμο-
γενὲς μεταξὺ. διὰ δὴ οὖν τὸ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη κείσθαι τὸ ἐπ' εὐθείας
οὐκ ἔχουσιν, εἰ καὶ δύο ποιοῦσι γω-



νίας ὀρθαῖς ἴσας τὰς πρὸς τῇ αβ γωνίας. κωλύει γὰρ
οὐδὲν μιᾶς μὲν εἶναι καὶ τρίτου τὴν ὑπὸ αβδ, τοῦ
δὲ λοιποῦ διμοίρου τὴν ὑπὸ αβγ.

- 15 || Τοσαῦτα περὶ τῆς προτάσεως· ἐν δὲ τῇ κατα-
σκευῇ χρῆται ἐνὶ αἰτήματι τῷ δευτέρῳ τῷ πᾶσαν
εὐθεῖαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν αἰτου-
μένῳ, καθάπερ ἐν τῇ ἀποδείξει τῷ πρὸ τούτου θεω-
ρήματι, καὶ δυσὶν ἀξιώμασι, τῷ τε τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα
20 [καὶ ἀλλήλοις ἴσα] καὶ τῷ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ
τὰ λοιπὰ εἶναι ἴσα, πρὸς δὲ τὴν τοῦ ἀδυνάτου συν-
αγωγὴν, ὅτι τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζόν ἐστιν. ἦν δὲ
καὶ ἴσον μιᾶς τῆς κοινῆς γωνίας ἀφηρημένης, ὅπερ
ἔστιν ἀδύνατον.

1 εὐθεῖα δύο om. M. 6 καὶ ante ὧν add. G. 7 ἄλλη
M, C. ἄλλος G sed fortasse ex coniectura tantum, cum τούτους
praecedat. 12 πρὸς τῇ αβ] B in contextu 'ad Lineam ab'
in margine 'Signum b'. 'qui sunt in a et b' Z. || γωνία M, G.

20 καὶ ἀλλήλοις ἴσα om. M, G. 23 Post γωνίας addit M
κινήσεως γωνίας.

6 τὸ ἀντὶ τοῦ ὄντος om. G. 14 κοινὴ δὲ ἐστὶν ἡ β̄γ G. ||
 ἴσας om. M. 18 τέμνεται G. || ὁρῶν M. || τῇ ε̄γ || ἐγ̄ς G,
 corr. C. || ἡμῖσι ᾱρα ἡμισείας ὁρῶνς M. 19 ἡ ὑπὸ ζγβ̄·
 μιᾶς ᾱρα om. G. || καὶ ἀντὶ ἡμισείας om. M. || καὶ ἡμισείας
 ὁρῶνς ἐστὶν || καὶ ὁρῶν G.

$\overline{\gamma}$ δύο εὐθείαι ἐξῆς κείνται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη αὖ $\overline{\gamma\epsilon}$
 $\overline{\gamma\zeta}$ ποιῶσαι δύο ὀρθαῖς ἴσας γωνίας, ἡμίσειαν μὲν ἢ
 $\overline{\gamma\epsilon}$, μίαν δὲ καὶ ἡμίσειαν ἢ $\overline{\gamma\zeta}$. Ἴν' οὖν μὴ ζητῶμεν
ἀδύνατα, πῶς αὖ $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\gamma\zeta}$, ποιῶσαι τὰς πρὸς τῇ δγ
5 γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἀλλήλαις εἰσὶν ἐπ' εὐθείας,
προσέθηκεν ὁ γεωμέτρης τὸ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.
δεῖ τοίνυν ἐφ' ἑκάτερα τῆς εὐθείας κείσθαι τὰς ποι-
ούσας πρὸς αὐτὴν δυσὶν || ὀρθαῖς ἴσας τὰς γωνίας,
ἀφ' ἐνὸς μὲν ὠρμημένως σημείου, φερομένης δὲ τὴν
10 μὲν ἐπὶ τὰδε τὴν δὲ ἐπ' ἐκεῖνα τῆς εὐθείας.

Prop. XV, theor. VIII. Ἐὰν δύο εὐθείαι τέμνω-
σιν ἀλλήλας τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ἴσας
ἀλλήλαις ποιῶσι.

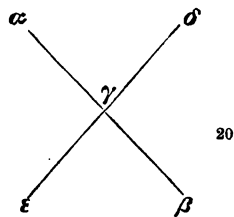
Τὰς ἐφεξῆς γωνίας τῶν κατὰ κορυφὴν διαφέρειν
15 φαμέν· τῶν μὲν γὰρ ἡ γένεσις κατὰ τὴν τομὴν γίνεται
τῶν δύο εὐθειῶν, τῶν δὲ τῆς ἐτέρας μόνον περὶ τὴν
ἐτέραν διαιρουμένης. ἔαν γὰρ ἡ εὐθεῖα αὐτὴ μὲν ἄτμη-
τος, τέμνουσα δὲ τῷ ἑαυτῆς πέρατι ἐκείνην δύο ποιῇ
γωνίας, ταύτας καλοῦμεν ἐφεξῆς, ἔαν δὲ ὑπ' ἀλλήλων
20 τμηθῶσι δύο εὐθεῖαι κατὰ κορυφὴν ἀποτελοῦνται γω-
νίαι. καλοῦνται δὲ οὕτως, ὅτι τὰς κορυφὰς εἰς ταὐτὸ
συμβαλλούσας ἔχουσι σημεῖον. κορυφαὶ δὲ αὐτῶν
τὰ σημεῖα, πρὸς ἃ συναγόμενα τὰ ἐπίπεδα τὰς γω-
νίας ποιεῖ.

4 ἀδύνατον G. 6—7 προσέθηκεν . . . τῆς εὐθείας
om. G, add. C. 9 ὠρμημένης G. 11 M in margine τῇ.
17 διαιρουμένην M, C. || αὐτῇ M. 19 ὑπ' ἐπ' C.

Τοῦτο τοίνυν τὸ θεωρήμα δείκνυσιν, ὅτι δύο εὐθειῶν ἀλλήλας τεμνουσῶν αἱ κατὰ κορυφὴν γωνίαι ἴσαι εἰσὶν, εὐρημένον μὲν, ὡς φησὶν Εὐδήμος ὑπὸ Θαλοῦ πρώτου, τῆς δὲ ἐπιστημονικῆς ἀποδείξεως ἕξιωμένον παρὰ τῷ στοιχειωτῇ. δεικνύται δὲ οὐκ ἐκ 5 πάντων τῶν κεφαλαίων. ἡ μὲν γὰρ κατασκευὴ ἐκλείπειν ἐνταῦθα, ἡ δὲ ἀπόδειξις, ἣν πάντως ἀναγκαῖον ὑπάρχειν, ἥρτηται τοῦ τρισκαιδεκάτου θεωρήματος, προσχορῆται δὲ καὶ ἀξιώμασι δυοῖν, ὧν τὸ μὲν ἐστὶ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα, τὸ δὲ ἐὰν ἀπὸ ἴσων 10 ἴσα ἀφαιρεθῇ τὰ λοιπὰ ἴσα ἐστίν.

Ἀλλὰ τὸ μὲν Εὐκλείδιον θεωρήμα φανερόν· ἀντιστρέφει δὲ τῷ θεωρήματι ἄλλο τοιοῦτον· ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ εὐθεῖαι μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ληφθεῖσαι ποιῶσι τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ἴσας, ἐπ' εὐθείας 15 ἔσονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι. ἔστω γὰρ τις εὐθεῖα ἡ

$\overline{αβ}$ καὶ ἐπ' αὐτῆς | τυχὸν σημείον
τὸ $\overline{γ}$, καὶ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ δύο εὐθεῖαι
αἱ γδ γε μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
εἰλήφθωσαν ἴσας ποιοῦσαι τὰς
ὑπὸ αγδ βγε γωνίας· λέγω ὅτι
ἐπ' εὐθείας εἰσὶν αἱ γδ γε. ἐπεὶ



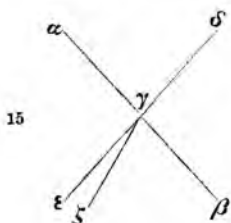
γὰρ ἡ γδ ἐπὶ τὴν $\overline{αβ}$ ἐφέστηκεν, δύο ὀρθαῖς ἴσας
ποιεῖ τὰς ὑπὸ δγα δγβ· ἀλλ' ἡ ὑπὸ δγα ἴση ἐστὶν

5—6 *M* in margin: ση. ὅτι οὐκ ἐκ πάντων δείκνυται τοῦτο τὸ θεωρήμα τῶν κεφαλαίων. 8 ἐλρηται *G*, ἥρτηται *C*.

9 δὲ ante καὶ om. *G*. 16 ἀλλήλαις om. *G*, add. *C*.

19—22 μὴ ἐπὶ . . . αἱ γδ γε om. *G*, add. *C*. 24 τὰς ὑπὸ δγα δεβ *M*.

τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{\delta\gamma\beta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι
 εἰσίν. || ἐπεὶ οὖν πρὸς τινι εὐθείᾳ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ δύο εὐθεῖαι
 ἐξῆς αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐφεξῆς γω-
 νίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν, ἐπ' εὐθείας εἰσὶν ἀλ-
 5 λήλαις αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$. δέδεικται οὖν τὸ ἀντίστροφον τῷ
 προκειμένῳ θεωρήματι· ἔοικεν δὲ ὁ γεωμέτρης αὐτὸ
 παραλιπεῖν ὡς ῥᾶδιόν κατὰ τὴν αὐτὴν ἔφοδον διὰ
 τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεικνύναι καὶ τοῦτο, καθ'
 ἣν τὸ πρὸ αὐτοῦ δεδείχαμεν. τῶν γὰρ αὐτῶν ὑπο-
 10 κειμένων λέγω, ὅτι ἐπ' εὐθείας ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$. εἰ



15

γὰρ μὴ ἐστίν, εἰλήφθω τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἐπ' εὐθείας ἡ $\overline{\gamma\epsilon}$. ἐπεὶ
 οὖν δύο εὐθεῖαι τέμνουσιν ἀλλή-
 15 λας αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\delta\epsilon}$ τὰς κατὰ κορυφὴν
 γωνίας ποιοῦσιν ἴσας· ἴσαι ἄρα
 εἰσὶν αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$. ἀλλ' ἦσαν
 ἴσαι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ · ἡ ἄρα
 ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ἡ μεί-
 ζων τῇ ἐλάσσονι, ὅπερ ἀδύνατον·

οὐκ ἄρα ἄλλη τις ἐστὶν εὐθεῖα τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἐπ' εὐθείας, αἱ
 20 ἄρα $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἐπ' εὐθείας εἰσὶ τῶν κατὰ κορυφὴν γω-
 νιῶν ἴσων ὑποκειμένων. τῆς οὖν αὐτῆς ἀποδείξεως
 οὕσης, ἥτις καὶ ἐπὶ τοῦ τεσσαρεσκαιδεκάτου θεωρή-
 ματος προσέληπτο, πῶς οὐ περίεργον ἦν καὶ ταύτην
 ἐπάγειν τὴν ἀντιστροφὴν; γυμνασίας δὲ ἔνεκα καὶ διὰ

13 αἱ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ $\overline{\delta\epsilon}$ G, καὶ del. not. C. 16 καὶ ἡ M. 21 ἴσων
 τῶν ὑποκειμένων M, G. 22 τρισκαιδεκάτου G, τεσσαρεσκαιδε-
 κάτου C. 23 προσέληπται G. || καὶ ante ταύτην om. G, add. C.

τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς αὐτὸ καὶ διὰ τῆς δεικτικῆς ἐφόδου κατεσκευάσαμεν.

Ἐοικεν δὲ τοῦτο τὸ πεντεκαιδέκατον θεώρημα τῇ ὁμοιομερείᾳ τῶν εἰθειῶν καὶ τῇ ἐπ' ἄκρον τάσει θαρρεῖν, διότι τὰς οὕτως ἐχούσας γραμμὰς καὶ φερομένας ⁵ δι' ἀλλήλων ἀναγκαῖον ὁμοίας ἔχειν τὰς κλίσεις πρὸς ἀλλήλας ἐφ' ἑκάτερα καὶ τὰς αὐτάς. αἱ γοῦν περιφέρειαι καὶ ὅλως αἱ μὴ εὐθεῖαι τέμνουσαι ἀλλήλας τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας οὐ ποιοῦσιν ἐξ ἀνάγκης ἴσας, ἀλλὰ ποτὲ μὲν ἴσας, ποτὲ δὲ ἀνίσους. ἔαν γὰρ δύο ¹⁰ ἴσοι κύκλοι διὰ τῶν κέντρων τέμνωσιν ἀλλήλους ἢ καὶ μὴ διὰ τῶν κέντρων, τὰς μνηοειδεῖς γωνίας ἴσας ποιοῦσι κατὰ κορυφὴν οὔσας, ἀλλ' οὐκέτι τὰς λοιπάς, τὴν τε ἀμφίκυρτον καὶ τὴν ἀμφίκοilon, ἀλλὰ μείζω τὴν ἑτέραν. ἐπὶ δὲ τῶν εὐθειῶν ἢ ἐπ' ἄκρον τάσις ¹⁵ ἴσην τῶν τῆς ἑτέρας τμημάτων || πρὸς τὰ τῆς ἑτέρας τμήματα ποιεῖ τὴν ἀπόστασιν.

Porisma. Ἐκ δὲ τούτου φανερόν ὅτι, ἔαν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς τέτταρας γωνίας τέτταρσιν ὁρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν. 20

Ἐν τι τῶν γεωμετρικῶν ἐστὶν ὀνομάτων τὸ πόρισμα. τοῦτο δὲ σημαίνει διττόν· καλοῦσι γὰρ πορίσματα καὶ ὅσα θεωρήματα συγκατασκευάζεται ταῖς ἄλλων ἀποδείξεσιν, οἷον ἐρμαια καὶ κέρδη τῶν ζητούντων ὑπάρχοντα, καὶ ὅσα ζητεῖται μὲν, εὐρέσεως, δὲ ²⁵ χρήζει καὶ οὔτε γενέσεως μόνης οὔτε θεωρίας ἀπλῆς.

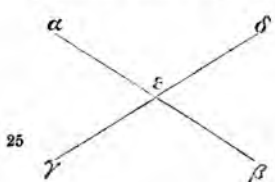
4 ὁμοιομερίᾳ M. 7 καὶ πρὸς αὐτάς G, καὶ τὰς αὐτάς C.

11 ἀλλήλους om. M, C. 13 ποιῶσι M, C. 15 ἄκρον C.

18 τούτων G, τούτου C. 26 χρήζει M, G.

ὅτι μὲν γὰρ τῶν ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι
 θεωρῆσαι δεῖ, καὶ ὄντων δὴ τῶν πραγμάτων ἐστὶν ἡ
 τοιαύτη γνῶσις. τὴν δὲ γωνίαν δίχα τεμεῖν ἢ τρίγωνον
 συστήσασθαι ἢ ἀφελεῖν ἢ θῆσθαι, ταῦτα πάντα
 5 ποίησιν τινος ἀπαιτεῖ, τοῦ δὲ δοθέντος κύκλου τὸ
 κέντρον εὑρεῖν, ἢ δύο δοθέντων συμμετρων μεγεθῶν
 τὸ μέγιστον καὶ κοινὸν μέτρον εὑρεῖν, ἢ ὅσα τοιάδε,
 μεταξὺ πῶς ἐστὶ προβλημάτων καὶ θεωρημάτων. οὔτε
 γὰρ γενέσεις εἰσὶν ἐν τούτοις τῶν ζητούμενων, ἀλλ'
 10 εὐρέσεις, οὔτε θεωρία ψιλή. δεῖ γὰρ ὑπ' ὅψιν ἀγα-
 γεῖν καὶ πρὸ ὁμμάτων ποιήσασθαι τὸ ζητούμενον. τοι-
 αῦτα ἄρα ἐστὶν καὶ ὅσα Εὐκλείδης πορίσματα γέ-
 γραφε, γ' βιβλία πορισμάτων συντάξας.

Ἀλλὰ περὶ μὲν τῶν τοιούτων πορισμάτων παρ-
 15 εἰσθῶ λέγειν, τὰ δὲ ἐν τῇ στοιχειώσει πορίσματα συν-
 αναφαίνεται μὲν ταῖς ἄλλων ἀποδείξεσιν, αὐτὰ δὲ
 προηγουμένης οὐ τυγχάνει ζητήσεως· οἷον καὶ τὸ νῦν
 προκείμενον. ἐξητεῖτο μὲν γὰρ, εἰ δύο εὐθειῶν τεμνου-
 σῶν ἀλλήλας αἱ κατὰ κορυφὴν γωνίαι ἴσαι εἰσὶ. τούτῳ
 20 δὲ δεικνυμένῳ συναποδέδεικται τὸ καὶ τὰς τέτταρας
 γωνίας εἶναι τέτρασιν ὁρθαῖς ἴσας. ὅτε γὰρ ἐλέγομεν·



ἔτσωσαν εὐθεῖαι δύο αἱ \overline{AB} \overline{CD}
 τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ ϵ
 σημεῖον· ἐπεὶ οὖν ἡ \overline{AE} ἐπὶ
 τὴν \overline{CD} ἐφέστηκεν, ποιεῖ τὰς
 ἐφεξῆς || δυσὶν ὁρθαῖς ἴσας,

5 δὲ om. G, add. C. 12 πορίσματα Εὐκλείδης G. || γέ-
 γραφεν M, γέγραφε G. 13 γ, quod om. M, B, G, B, Z, N. p. 438,
 ego addidi ex Pappi coll. libr. VII p. 4, ed. Gerhardt. || προβλη-
 μάτων G, N, πορισμάτων C. 17 οὐ om. G. 18 ἐξητεῖτο C. ||
 εἰ om. G, add. C. 20 συναποδέδεικται G, συναποδέδεικται C.

καὶ πάλιν ἐπεὶ ἡ βε ἐπὶ τὴν γδ ἐφέστηκεν, ποιεῖ τὰς ἐφεξῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἰσας· τότε συναπεδείκνυμεν τῷ ζητουμένῳ ὅτι αὐτὸ περὶ τὸ ε σημεῖον γωνία τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ἔστιν οὖν τὸ πόρισμα θεωρήμα διὰ τῆς ἄλλου 5 προβλήματος ἢ θεωρήματος ἀποδείξεως ἀπραγματεύτως ἀναφαινόμενον. οἷον γὰρ κατὰ τύχην περιπίπτειν εὐόκαμεν τοῖς πορίσμασιν· οὐ γὰρ προθεμένους οὐδὲ ζητήσασιν ἀπαντᾷ, ὅθεν αὐτὰ καὶ τοῖς ἔρμαλοις εἰκάσαμεν. καὶ ἴσως οἱ δεινοὶ τὰ μαθήματα κατ' αὐτὴν 10 αὐτοῖς ἔθεντο τὴν ἐπωνυμίαν ἐνδεικνύμενοι τοῖς πολλοῖς καὶ περὶ τὸ φαινόμενον κέρδος ἐπτοημένοις ὅτι ἄρα τὰ ἀληθῆ τοῦ θεοῦ δῶρα καὶ τὰ ἔρμαια ταῦτά ἐστιν, οὐχ οἷα ἐκείνοις δοκεῖ. ταῦτα γὰρ ὁ ἐν ἡμῖν πόρος ἀπογεννᾷ καὶ ἡ γόνιμος δύναμις τῆς ἐπιστήμης 15 προσβάλλει ταῖς προηγουμέναις ζητήσεσιν εὐπορίας ἀφθόρους | θεωρημάτων ἀναφαίνουσα.

Τὴν μὲν οὖν ιδιότητα τῶν πορισμάτων τοιαύτην εἶναι λεκτέον. διαιρετέον δὲ αὐτὰ πρῶτον μὲν κατὰ τὰς ἐπιστήμας — ἐστὶ γὰρ τὰ μὲν γεωμετρικὰ τὰ δὲ 20 ἀριθμητικὰ τῶν πορισμάτων. τὸ μὲν γὰρ προκείμενον πόρισμα γεωμετρικόν ἐστι, τὸ δὲ ἐπὶ τέλει τοῦ δευτέρου θεωρήματος τοῦ ζ βιβλίου τῶν ἀριθμητικῶν — ἔπειτα δὲ κατὰ τὰ προηγουμένα ζητήματα — τὰ μὲν

1—2 καὶ πάλιν . . . ὀρθαῖς ἰσας om. G. 5 τοῦ ἄλλου G. 10 μαθηματικά G. || κατὰ ταύτην G, κατ' αὐτὴν C. 12 ἐπὶ G, περὶ C. 13 τοιαῦτά ἐστιν C. 18 τοιαῦτα G, τοιαύτην C. 20—21 M in margine: τὰ πορίσματα

τὰ μὲν γεω- / μετρικὰ τὰ δὲ ἀριθ- / μητικὰ.

23 ἐβδόμου G, ζ C. 24 δὲ κατὰ] δέκα τὰ G.

γὰρ προβλήμασιν ἔπεται, τὰ δὲ θεωρήμασι· τοῦτο μὲν
 γὰρ θεωρήματός ἐστι, τὸ δὲ ἐν τῷ δευτέρῳ βιβλίῳ
 κείμενον προβλήματος — τρίτον δὲ αὖ κατὰ τὰς δει-
 ξεις — τὰ μὲν γὰρ ταῖς δεικτικαῖς ἐφόδοις, τὰ δὲ
 5 ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς συγκατασκευάζεται· τὸ
 μὲν προκείμενον τῇ ἐπ' εὐθείᾳ δείξει, τὸ δὲ τῷ πρώτῳ
 τοῦ τρίτου βιβλίου συναποδεδειγμένον τῇ εἰς ἀδύνα-
 τον ἀπαγωγῇ συνανεφάνη. πολλαχῶς δὲ καὶ ἄλλως
 τὰ πορίσματα διαιρεῖν δυνατόν· ἀλλ' ἡμῖν γε ἀρκέσει
 10 καὶ ταῦτα πρὸς τὸ παρόν.

Τοῦτο δὲ τὸ πόρισμα, περὶ οὗ πρόκειται λέγειν,
 διδάσκον ἡμᾶς ὅτι ὁ περὶ ἐν σημείον τόπος εἰς τέτρα-
 σιν ὀρθαῖς ἴσας γωνίας διανέμεται, παρέσχεν ἀφορ-
μὴν κἀκείνῳ τῷ παραδόξῳ θεωρήματι τῷ δεικνύντι
 15 μόνα τρία ταῦτα πολύγωνα πληροῦν δυνάμενα τὸν
περὶ ἐν σημείον ὅλον τόπον, τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον
καὶ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ ἐξάγωνον τὸ ἰσόπλευρον
καὶ ἰσογώνιον. ἀλλὰ τὸ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον
 ἐξάκις παραληφθέν — ἕξ γὰρ δίμοιρα ποιήσει τὰς
 20 τέσσαρας ὀρθὰς — τὸ δὲ ἐξάγωνον τρεῖς γενόμενον —
 ἐκάστη γὰρ ἐξαγωνικὴ γωνία ἴση ἐστὶ μιᾷ ὀρθῇ καὶ
 τρίτῳ — τὸ δὲ τετράγωνον τετράκις — ἐκάστη γὰρ
 τετραγωνικὴ γωνία ὀρθή ἐστιν. ἕξ οὖν ἰσόπλευρα τρί-
 γωνα συννεύσαντα κατὰ τὰς γωνίας τὰς τέσσαρας ὀρ-
 25 θὰς συμπληροῖ || καὶ τρία ἐξάγωνα καὶ τετράγωνα τέσ-
 σαρα. καὶ ἕκαστον δὲ τῶν ἄλλων πολυγώνων ὁπωσοῦν
 ἐπισυντιθέμενον κατὰ τὰς γωνίας ἢ ἐλλείπει τῶν τεσ-

1 γὰρ ante προβλήμασιν om. G. 15 ταῦτα τὰ τρία H₂
 p. 256, τρία H₂ p. 271. || πληροῦν δυνάμενα] πληρούμενα G,
 πληροῦν δυνατὸν C. 16 Post τρίγωνον G addit καὶ τετρά-
 γωνον. 20 τρεῖς M, G, 'ter' B, Z. 20—24 τέσσαρας ...
 γωνίας τὰς om. B₃.

σάρων ὀρθῶν ἢ πλεονάζει· μόνα δὲ ταῦτα κατὰ τοὺς εἰρημένους ἀριθμοὺς ἐξισοῦνται ταῖς τέττασιν ὀρθαῖς. καὶ ἐστὶ τὸ θεωρήμα τοῦτο Πυθαγόρειον.

Διὰ τοῦτο δὲ τὸ πόρισμα κἂν πλείους εὐθεΐαι τῶν δυεῖν δι' ἐνὸς σημείου τέμνωσιν ἀλλήλας, οἷον ⁵ τρεῖς ἢ τέτταρες ἢ ὅποσαι οὖν, αἱ γινόμεναι γωνίαι πᾶσαι τέττασιν ὀρθαῖς ἴσαι δείκνυνται· μερίζονται γὰρ τὸν τεσσάρων τόπον. δῆλον δὲ ὅτι διπλασίους ἀεὶ γενήσονται τῶν εὐθειῶν αἱ γωνίαι· καὶ οὕτω δύο μὲν εὐθειῶν τεμνουσῶν ἀλλήλας ἔσονται γωνίαι τέσ- ¹⁰ σαρες ἴσαι τέττασιν ὀρθαῖς, τριῶν δὲ ἕξ γωνίαι, τεσσάρων δὲ ὀκτώ· καὶ ἐπ' ἄπειρον ὁμοίως. ἀεὶ γὰρ διπλασιάζεται μὲν τὸ πλῆθος τῶν εὐθειῶν. αἱ δὲ γωνίαι κατὰ μὲν τὸ πλῆθος αὖξονται, κατὰ δὲ τὸ μέγεθος ἐλασσοῦνται, διότι τὸ διαιρούμενον ἀεὶ ταυτόν ¹⁵ ἐστίν, αἱ τέσσαρες ὀρθαί.

Prop. XVI, theor. VIII. Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἢ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου γωνία ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ²⁰ μείζων ἐστίν.

Ταύτην τὴν πρότασιν οἱ μὲν ἐλλειπῶς προενεγκάμενοι χωρὶς τοῦ μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἀφρομῆν παρέσχον ἴσως μὲν καὶ ἄλλοις τισίν, αὐτὰρ καὶ Φιλίππῳ, καθάπερ φησὶν ὁ μηχανικὸς Ἡρῶν, διαβολῆς. οὐ γὰρ πάντως, ἢ τριγώνον ἐστίν, καὶ ἐκτὸς ²⁵ ἔχει γωνίαν. ὅσοι δὲ περιγράφειν τὴν αἰτίασιν ταύ-

4—5 πλῆθος εὐθεΐαι τὰ ἐν δυεῖν M, C.
τεσσάρων τόπον G.

26 ἔχοι M.

Proclus.

17 M in margine ις.

8 τὸν τῶν
20 μείζον M.

την ἡθέλησαν, μετὰ τῆς ἐκκειμένης προσθήκης ταύ-
την παραδεδώκασιν συνήθους οὔσης τῷ γεωμέτρῳ.
καὶ γὰρ ἐν τῷ πέμπτῳ θεωρήματι τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν
τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας ἀποδειξαι βουλόμενος
5 προσέθηκεν ὅτι καὶ προσεκβληθεισῶν ἴσων εὐθειῶν
αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι εἰσίν. καὶ εἰ παρ' ἄλ-
λοις οὖν ἔλλειπῆς ἦν, ἀλλὰ παρὰ τῷ στοιχειωτῇ τὸ
πλήρες ἔχουσα γέγραπται.

Τί δ' οὖν φησιν ἡ πρότασις ὅτι παντὸς τριγώνου
10 εἰ μίαν τινὰ τῶν πλευρῶν προσεκβάλῃς τὴν ἐκτὸς
αὐτοῦ συνισταμένην γωνίαν εὐρήσεις μείζονα τῶν ἐν-
τὸς καὶ ἀπεναντίον ἐκατέρας; ἀμφοτέραις μὲν γὰρ ἴση
δειχθήσεται μικρὸν ὕστερον, ἐκατέρας δὲ μείζων ἐκ
τούτου δείκνυνται. καὶ ἀναγκαίως πρὸς τὰς ἀπεναν-
15 τίον αὐτὴν || συνέκρινεν ἄλλ' οὐ πρὸς τὴν ἐφεξῆς.
αὕτη μὲν γὰρ καὶ ἴση δύναται εἶναι καὶ ἐλάσσων
αὐτῆς, ἐκείνων δὲ ἐκατέρας μείζων [ἡ ἐκτὸς] ἐκ παν-
τός. ἐὰν γοῦν ὀρθογώνιον ᾗ τὸ τρίγωνον καὶ νοήσης
ἐκβαλλομένην μίαν τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἡ ἐκτὸς ἴση
20 ἔσται τῇ ἐφεξῆς· ἐὰν δὲ ἀμβλυγώνιον ᾗ, ἔσται δυνα-
τὸν τὴν ἐντὸς μείζονα εἶναι τῆς ἐκτὸς. ἀλλὰ πρὸς τὰς
ἀπεναντίον — τῶν γὰρ ἐντὸς τοῦ τριγώνου μία μὲν
ἔστιν ἡ ἐφεξῆς αὐτῇ, δύο δὲ ἀπεναντίον — τούτων
οὖν ἐκατέρας μείζων ἡ ἐκτὸς, ἄλλ' οὐ τῆς ἐφεξῆς αὐτῇ
25 κειμένης.

4 ἴσας om. *M*, *G*, add. *Kn. II.* 9 τί δὲ *G*, τί δὲ *C*.

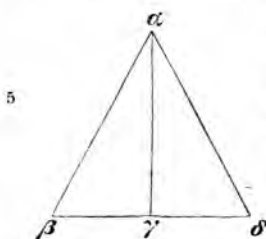
12 ἀμφοτέραι *M*. 17 ἐκείνων] ἐκείναι *M*, *B*, *C*, ἐκείνη *G*,
'illorum' *B*, 'ille' *Z*. || ἡ ἐκτὸς, quod ego addidi, om. *M*, *B*, *G*,
B, *Z*. 18 οὖν *G*. || νοήσεις *G*. 19 μίαν ἐκβαλλομένην *G*.
22 ἐκτὸς τοῦ τριγώνου *M*, *B*, *G*, 'intra Triangulum' *B*, 'extra
triangulum' *Z*. 23 ἡ ante ἐφεξῆς om. *G*, add. *C*. || αὕτη
M, *B*, *C*, αὕτῃ (sic) *G*, om. *Z*. 'ipsi' *B*. || ὑπεναντίον *G*,
ἀπεναντίον *C*.

Ἦδη δέ τινες συνάπτοντες τὰ δύο θεωρήματα τοῦτό τε καὶ τὸ ἐξῆς ἀποδεικνύμενον οὕτω προφέρονται τὴν πρότασιν· Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἢ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου | γωνία ἐκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον 5 μείζων ἐστί, καὶ δύο ὁποιαοῦν τῶν ἐντὸς γωνιῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν. ἔχουσι δὲ ἀφορμὴν τῆς συμπλοκῆς τῶν θεωρημάτων, ἐπειδὴ καὶ αὐτὸς ὁ γεωμέτρης ἐξῆς ἐπὶ τῶν ἴσων οὕτως ἐποίησε· Παντὸς τριγώνου ἢ ἐκτὸς γωνία δύο ταῖς ἐν- 10 τὸς καὶ ἀπεναντίον ἴση, καὶ αἱ τρεῖς τοῦ τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. κἀνταῦθα τοίνυν ἀξιοῦσιν ἐν τοῖς ὁμοίοις συμπλέκειν τὰ ζητούμενα καὶ ποιεῖν τὴν πρότασιν σύνθετον. καὶ δῆλον ὅτι τὸ μὲν προκείμενον εἰς ἀπόδειξιν ἔσται σύνθετον, 15 τὸ δὲ δεδομένον, εἰ μὲν μετὰ τῆς εἰρημένης προσθήκης ἐκφέροιτο, καὶ αὐτὸ σύνθετον — δεῖ γὰρ δύο νοεῖν, τρίγωνον ὑποκείμενον καὶ μίαν πλευρὰν ἐκβεβλημένην — εἰ δὲ ἄνευ ταύτης [?], δυνάμει μὲν σύνθετον, κατ' ἐνέργειαν δὲ ἀπλοῦν. πάντως γάρ, 20 κἂν μὴ προσκේται, δεῖ συμπαραλαμβάνειν καὶ τοῦτο ὡς δεδομένον. αὐτῷ γὰρ τῷ τὴν ἐκτὸς ὑποθέσθαι γωνίαν ὡς οὔσαν τὴν πλευρὰν ὡς ἐκβεβλημένην παρείληφεν.

Τοσαῦτα περὶ τούτων· λάβοιμεν δ' ἂν ἀπὸ τοῦ 25 προκειμένου θεωρήματος ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου

2 τοῦτό τε] τὸ, τε παρὸν G, τῆς τότε C. 4 προσεκβληθείσης G. 8 ἐπειδὴ δὲ G, ἐπειδὴ καὶ C. 16 δὲ ante δεδομένον om. M. || εἰ μὴ G. 19 ἄνευ ταύτης] ἐν ταύτη M, B, G, 'sine hac' B, 'in hac' Z. 21 κἂν μὴ προσκේται om. G, add. C. 22 αὐτὸ γὰρ τῷ G, αὐτὸ γὰρ τὸ C. 23 ὡς ante ἐκβεβλημένην om. G. 24 προεῖληψε G, παρείληψε C.

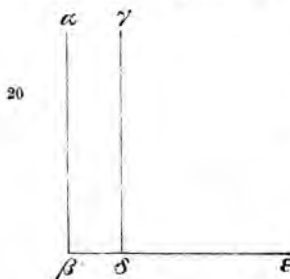
τρεις εὐθείας ἰσας ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθείαν προσπίπτειν
ἀδύνατον. ἔστωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ ἐνὸς σημείου τρεῖς



αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$ ἰσαι ἐπὶ τὴν $\overline{βδ}$
εὐθείαν ἡγμέναι. ἐπεὶ οὖν ἴση
ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{αγ}$, ἰσαι εἰσὶν αἱ πρὸς
τῇ βάσει γωνίαι, ἡ ἄρα ὑπὸ
 $\overline{αβγ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{αγβ}$. || πάλιν
ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{αδ}$, ἴση ἡ
ὑπὸ $\overline{αβδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$. ἦν δὲ

10 τῇ ὑπὸ $\overline{αβγ}$ ἴση ἡ ὑπὸ $\overline{αγβ}$ γωνία· ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{αγβ}$
ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ἡ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον,
ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου
τρεις εὐθεῖαι ἰσαι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθείαν ἀχθήσονται.

Διὰ τοῦδε δὲ τοῦ θεωρήματος κάκεινο ἀποδειξο-
15 μεν ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὴν
ἐκτὸς γωνίαν ἴσην ποιῇ τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, οὐ
ποιήσουσι τρίγωνον αἱ εὐθεῖαι οὐδὲ συμπεσοῦνται,



ἐπεὶ ἔσται αὐτὴ καὶ μείζων
καὶ ἴση ὅπερ ἀδύνατον. οἷον
ἔστωσαν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ εὐθεῖαι
καὶ εἰς αὐτὰς ἡ $\overline{βε}$ ἐμπεσοῦσα
ποιεῖτω ἰσας τὰς ὑπὸ $\overline{αβδ}$
 $\overline{γδε}$. οὐ συμπεσοῦνται δὴ
αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$. εἰ γὰρ συμπε-

9—11 ἦν δὲ . . . ὑπὸ $\overline{αδβ}$ om. G. 14 δὲ om. G. ||
ἐκεῖνο G, κάκεινο C. 16 ποιεῖ τὴν C. 17 ποιήσωσι M.
αἱ om. M. 18 αὐτῇ M. 22 τὰς ὑπὸ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ G, corr. C.

σοῦνται μενουσῶν τῶν ἰσῶν γωνιῶν ἔσται ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\epsilon}$,
 τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$ ἰση, ἐκτὸς οὕσα καὶ μείζων τῆς ἐντὸς
 καὶ ἀπεναντίον. ἀνάγκη ἄρα, εἰ συμπίπτουσιν, μηκέτι
 μένειν ἰσας τὰς γωνίας, ἀλλὰ ἐκ παντὸς αὖξέσθαι τὴν
 πρὸς τῷ $\overline{\delta}$. εἴτε γὰρ μενούσης ἀκινήτου τῆς $\overline{\alpha\beta}$ νοή- 5
 σειας κινουμένην ἐπ' αὐτὴν τὴν $\overline{\gamma\delta}$, ἵνα συμπέσῃσι,
 πλείονα ποιεῖς διάστασιν κατὰ τὴν $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ γωνίαν —
 ὅσῳ γὰρ πρόσεισιν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$, τοσοῦτῳ μᾶλλον
 ἀφίσταται τῆς $\overline{\delta\epsilon}$ — εἴτε μενούσης τῆς $\overline{\gamma\delta}$ νοήσεως
 κινουμένην ἐπ' αὐτὴν τὴν $\overline{\alpha\beta}$, ἐλάττονα ποιήσεις τὴν 10
 $\overline{\alpha\beta\delta}$ γωνίαν — ἅμα γὰρ ἐπὶ τὴν $\overline{\gamma\delta}$ φέρεται καὶ ἐπὶ
 τὴν $\overline{\beta\delta}$ — εἴτε καὶ ἄμφω κινουμένας ποιήσεως πρὸς
 ἀλλήλας, τὴν μὲν $\overline{\alpha\beta}$ εὐρήσεις ὥς ἐπὶ τὴν $\overline{\beta\delta}$ φερο-
 μένην καὶ συνάγουσαν τὴν γωνίαν, τὴν δὲ $\overline{\gamma\delta}$ τῆς $\overline{\delta\epsilon}$
 ἀφισταμένην διὰ τὴν ἐπὶ τὴν $\overline{\alpha\beta}$ κίνησιν καὶ αὖξουσαν 15
 τὴν ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ γωνίαν. ἐξ ἀνάγκης ἄρα εἰ γε τρίγωνον
 ἔσται καὶ συμπεσοῦνται αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ μείζων ἡ ἐκτὸς
 ἔσται γωνία τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον· ἢ γὰρ τῆς ἐν-
 τὸς μενούσης αὖξεται ἡ ἐκτός, ἢ τῆς ἐκτὸς μενούσης

3 οὗ G , εἰ C .5 νοήσης M , νοήσεις G .

6 συμ-

πίπτωσι G , συμπεσῶσι C .7 τὴν $\overline{\gamma\delta}$ G , τὴν $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ C .8 πρόσεισιν G . || τοσοῦτον G .

9—11 εἴτε μενούσης . . . ἐπὶ

τὴν $\overline{\beta\delta}$ om. G .16 εἰ γε] εἴτε M .18 ἢ εἰ γὰρ M .

19 usque ad p. 310 1 αὖξεται ἡ ἐκτός ἢ τῆς ἐκτὸς μενούσης
 ἐλασσούται ἡ ἐντός] ἐλασσούται ἡ ἐκτός M (Z), αὖξεται ἢ
 ἐκτός B_3 , G , αὖξεται ἡ ἐκτός C , 'externus augetur aut externo
 manente internus minuitur' B .

ἐλασσοῦται ἡ ἐντός, ἢ, εἰ (?) καὶ ἡ ἐντός συνάγεται,
καὶ ἡ ἐκτός ἐπὶ πλέον διίσταται. αἰτία δὲ τούτων ἡ
κίνησις τῶν εὐθειῶν, τῆς μὲν ἐφ' ἧ ποιεῖ τὴν ἐντός
γωνίαν κινουμένης ἐπὶ ταῦτα, τῆς δὲ ἐφ' ἧ ποιεῖ τὴν
5 ἐκτός γωνίαν ἀπὸ τούτων φερομένης. καὶ ἔχεις ἐκ
τούτων || συλλογίζεσθαι, πῶς αἱ γενέσεις τῶν πραγμά-
των ὑπ' ὅψιν ἡμῖν τὰς ἀληθινὰς ἄγουσι τῶν ζητου-
μένων αἰτίας.

Prop. XVII, theor. X. Παντός τριγώνου αἱ δύο
10 γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες εἰσι πάντα
μεταλαμβανόμεναι.

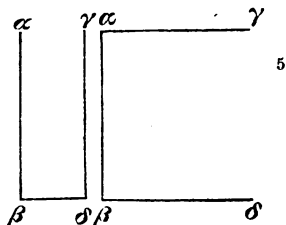
Νῦν μὲν ἀορίστως δείκνυνται δύο ὅποιαοῦν τοῦ
τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάττωες· ἐν δὲ τοῖς
ἐφεξῆς καὶ ἀφορισθήσεται, πόσῃ ἐλάττους, ὅτι τῇ
15 λοιπῇ τοῦ τριγώνου γωνίᾳ. αἱ γὰρ τρεῖς ἴσαι ταῖς
δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν, ὥστε αἱ δύο τῇ λοιπῇ τῶν δύο
ὀρθῶν ἐλαττοῦνται. καὶ ἡ μὲν τοῦ στοιχειωτοῦ δεῖξις
φανεράν ἔχει τὴν ὁδόν. χρῆται γὰρ τῷ πρὸ τούτου
θεωρήματι. δεῖ δὲ καθάπερ ἐν τῷ πρόσθεν εἰς τὴν
20 γένεσιν ἀπιδόντα τῶν τριγώνων τὴν αἰτίαν εὐρεῖν

1 εἰ καὶ ἐντός omissio ἡ M. || εἰ om. B, quod probes.
4—5 κινουμένης . . . ἐκτός γωνίαν om. B₃, G, add. C. || τὴν ἐκτός
γωνίαν] τὴν ἐντός γωνίαν M (Z), B in contextu liberius:
'altera quidem ad eas partes, ubi internum diminuit Angulum,
altera vero ad eas, ubi externum auget tendente' et in mar-
gine: 'Altera quidem ad eas partes in quibus internum facit
Angulum tendente: altera vero ab iis partibus, in quibus ex-
ternum facit Angulum sese movente'. 6 τούτου G.

9 M in margine ιξ. 12 δείκνυνται G. || δύο post δείκνυνται
om. G. 13 ἐν δὲ τῆς ἐφεξῆς G. 15 Inter γωνία et αἱ
γὰρ leguntur in G: αἱ τρεῖς ἴσαι ταῖς δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν.
ὥστε αἱ δύο τῇ λοιπῇ τοῦ τριγώνου γωνίᾳ. 20 ἀποδίδοντα C.

τοῦ προκειμένου συμπτώματος. ἔστωσαν οὖν αἱ $\overline{\alpha\beta}$
 πάλιν καὶ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\beta\delta}$ πρὸς ὀρθάς. εἰ οὖν μέλλοι τρί-
 γωνον ἔσεσθαι, δεῖ συνεῦσαι

τὰς $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$ πρὸς ἀλλήλας. ἡ
 δὲ σύννευσις αὐτῶν ἐλαττοῖ
 τὰς ἐντὸς γωνίας, ὥστε ἐλάτ-
 τους γίνονται διεῖν ὀρθῶν.
 εἰσὶ γὰρ ὀρθαὶ πρὸ τῆς συ-
 νεύσεως. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ



τῆς $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\beta\delta}$ νοήσωμεν
 ἐστώσας ὀρθάς, τὰ αὐτὰ συμβήσεται κατὰ τὴν σύννευ-
 σιν τῶν εὐθειῶν καὶ ἔσονται αἱ πρὸς τῇ $\overline{\alpha\beta}$ γωνίαι
 δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες· καὶ ἐπὶ τῆς λοιπῆς πλευρᾶς
 ὡσαύτως.

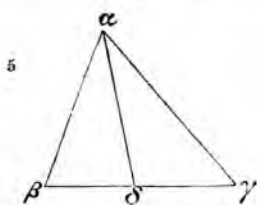
Τοῦτο οὖν τὸ αἰτιόν ἐστιν, ἀλλ' οὐχὶ τὸ μείζονα 15
 εἶναι τὴν ἐκτὸς ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
 γωνιῶν. ἐκβεβλήσθαι μὲν γὰρ τὴν πλευρὰν οὐκ ἀναγ-
 καίον, οὐδὲ ἔξω τινὰ συνεστάναι γωνίαν, τῶν δὲ
 ἐντὸς γωνιῶν $\overline{\beta}$ ὅποιαιοῦν εἶναι $[\overline{\beta}]$ ὀρθῶν ἐλάττους
 ἀναγκαῖον. τὸ δὲ μὴ ἀναγκαῖον τοῦ ἀναγκαίου πῶς 20
 ἂν αἰ|τιον εἴη; ἀλλ' ὅπερ εἶπον τὸ μὲν αἰτιόν ἐστι
 τὸ ῥηθέν, ἡ σύννευσις τῶν εὐθειῶν || ἐπὶ τὴν βάσιν
 ἐλαττοῦσα τὰς ὀρθάς.

3—10 Priori figurae B triangulum abd inscripsit. In altera
 figura, quam B omisit, in M et Z litterae $\alpha\beta$ sunt permutatae.

9 καὶ G , καὶ C . '10 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\beta\delta}$] $\overline{\alpha\delta}$ M , B_3 , G (Z); B utrum-
 que omisit. 18 συστάναι G , συνεστάναι C . 19 $\overline{\beta}$] δύο G .

alter. $\overline{\beta}$ om. M , G . 23 ἐλαττούσας M , C , ἐλαττοῦσας B_3 , ἐλατ-
 τονῶν G , 'diminuentium' B , 'quod ... coitio restringit' Z .

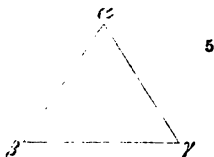
Τοῦ δὲ στοιχειωτοῦ διὰ τῆς ἐκτὸς γωνίας δείξαν-
τος τὸ ζητούμενον φέρε καὶ μὴ προσεκβάλλοντές τινα
τῶν πλευρῶν τὸ αὐτὸ κατασκευάσωμεν. ἔστω τρίγω-



- 5 νον τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ εἰλήφθω τυχὸν
σημεῖον ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ $\overline{δ}$, καὶ
ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ οὖν τρι-
γώνου τοῦ $\overline{αβδ}$ μία [πλευρὰ]
προσεκβέβληται ἡ $\overline{βδ}$, ἡ ἐκτὸς
γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{αδγ}$ μείζων ἐστὶ τῆς ἐντὸς τῆς ὑπὸ $\overline{αβδ}$.
10 πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{αδγ}$ μία πλευρὰ προσεκβέ-
βληται ἡ $\overline{δγ}$, ἡ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αδβ}$ μείζων τῆς ἐντὸς
τῆς ὑπὸ $\overline{αγδ}$. ἀλλὰ μὴν αἱ περὶ τὴν $\overline{αδ}$ γωνίαι δύο
ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι διὰ τὸ τρισκαιδέκατον. αἱ ἄρα ὑπὸ
 $\overline{αβγ}$ $\overline{αγβ}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάττους. ὁμοίως
15 δείξομεν ὅτι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ $\overline{βγα}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν
εἰσιν ἐλάττους ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ σημείου λαβόντες καὶ ἐπι-
ζεύξαντες ἀπὸ τοῦ $\overline{β}$ [εὐθείαν] ἐπὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον.
καὶ πάλιν τὰς ὑπὸ $\overline{γαβ}$ $\overline{αβγ}$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους ἀπο-
φανοῦμεν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ σημείου λαβόντες καὶ ἐπιζεύξαν-
20 τες ἀπὸ τοῦ $\overline{γ}$ εὐθείαν ἐπὶ τοῦτο τὸ σημεῖον. δέδεικται
ἄρα τὸ προκείμενον διὰ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος μὴ
προσεκβληθείσης τινὸς τῶν τοῦ τριγώνου πλευρῶν.

2 μὴ om. G, add. C. 3 κατασκευάσωμεν B_3, G , 'ostenda-
mus' B, 'struemus' Z; in M litterae σω evanuerunt. 7 πλευρὰ
om. M, G. 9 ἐστὶ om. G. 12 $\overline{αγδ}$ $\overline{αβγ}$ M. 13 δεκα-
τρίτον G, τρισκαιδέκατον C. 17 εὐθείαν om. M, G.

Διὰ τούτου τοίνυν δυνατὸν κάκεινο δεικνύναι,
ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου ἐπὶ μίαν εὐθεΐαν δύο
κάθετοι οὐκ ἀχθήσονται. ἔστωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ α ση-
μείου ἐπὶ τὴν $\overline{\beta\gamma}$ δύο κάθετοι αἱ
 $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$. ὀρθαὶ ἄρα εἰσὶν αἱ ὑπὸ
 $\overline{\alpha\beta\gamma}$ $\overline{\alpha\gamma\beta}$ γωνίαι. ἀλλ' ἐπεὶ τριγ-
wόν ἐστι τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$, δύο ὁποιαοῦν
γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσους εἰσὶν.



αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ $\overline{\alpha\gamma\beta}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσους
εἰσὶν. ἀλλὰ καὶ ἴσαι δυεῖν ὀρθαῖς διὰ τὰς καθετούς· 10
ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο
κάθετοι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν ἀχθήσονται.

Prop. XVIII, theor. XI. Παντὸς τριγώνου ἡ μεί-
ζων πλευρὰ τὴν μείζονα γωνίαν ὑποτείνει.

|| Ὅτι μὲν ἡ τῶν πλευρῶν ἰσότης ἐφ' ἐκάστου τῶν 15
τριγώνων ἴσας ἀποτελεῖ τὰς ὑπὸ τούτων ὑποτεينوμέ-
νας γωνίας καὶ ἡ τῶν γωνιῶν ἰσότης ὡσαύτως τὰς
ὑποτεξινούσας αὐτὰς πλευρὰς ἴσας ἀποφαίνει μεμαθή-
καμεν διὰ τε τοῦ πέμπτου καὶ ἕκτου θεωρήματος· ὅτι
δὲ καὶ ταῖς ἀνισότησι τῶν πλευρῶν ἡ τῶν ὑποτεينو- 20
μένων γωνιῶν ἀνισότης ἀκολουθεῖ καὶ ἀνάπαλιν διὰ
τούτων διδασκόμεθα τῶν θεωρημάτων τοῦ τε ὀκτω-
καιδεκάτου λέγω καὶ τοῦ ἐννεακαιδεκάτου. τὸ μὲν γὰρ

3 ἀναχθήσονται G. 4—8 Figuram om. B; sed invenitur
ea in M et Z. 9 αἱ ἄρα . . . ἐλάσσους εἰσὶν om. G, add. C.

13 In M in margine $\overline{\alpha\gamma}$. 19 $\tau\epsilon$ om. G. 22 $\overline{\alpha\gamma}$ G,
ὀκτωκαιδεκάτου C. 23 $\overline{\alpha\beta}$ G, ἐννεακαιδεκάτου C.

δείκνυνσι τὴν μείζονα πλευρὰν ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν, τὸ δὲ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν τὴν μείζονα πλευρὰν, ἀντιστρέφοντα μὲν ἀλλήλοις, ἐπὶ δὲ τῶν ἐναντίων πραγμάτων τὰ αὐτὰ θεωροῦντα συμπτώματα τῷ τε
 5 πέμπτῳ καὶ τῷ ἕκτῳ θεωρήματι. φανερόν δὲ ὅτι τὴν μείζονα καὶ τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν ἀνάλογον ληψόμεθα καὶ διαιρήσομεν τὴν μεγίστην καὶ μέσην καὶ ἐλαχίστην, καὶ τὰς γωνίας ὡσαύτως ἐπὶ τῶν σκαληνῶν τριγώνων. ἐπὶ δὲ τῶν ἰσοσκελῶν ἀρκέσει τὸ μείζον
 10 ἀπλῶς καὶ ἔλασσον. μία γὰρ ἐστὶν ἡ ταῖς δυσὶν ἄνισος, ἥτοι μείζων οὕσα ἢ ἐλάττων, ὥς ἐπὶ γε τῶν ἰσοπλευρῶν οὐκ ἔχει ταῦτα τὰ θεωρήματα χώραν. καὶ ὁρᾷς ὅπως τὰ μὲν τῆς ἰσότητος τῶν γωνιῶν ἢ πλευρῶν δεικτικά τοῖς ἰσοπλευροῖς καὶ ἰσοσκελέσιν ἐφήρμοττεν,
 15 τὰ δὲ τῆς ἀνισότητος τοῖς σκαληνοῖς καὶ τοῖς ἰσοσκελέσιν. αἴτιον δὲ ὅτι τὰ μὲν τῶν τριγώνων ἰσότητός ἐστι μόνης ἑκγωνα, τὰ δὲ ἀνισότητος μόνης, τὰ δὲ ἀμφοτέρων, ὥδι μὲν διὰ τῆς ἰσότητος, ὥδι δὲ διὰ τῆς ἀνισότητος ὑφίστάμενα· καὶ τὰ μὲν ὄντα τῷ πέρατι
 20 συγγενῇ, τὰ δὲ τῇ ἀπειρίᾳ, τὰ δὲ κατὰ τὴν μῆξιν ἀμφοτέρων ἀπογεννώμενα, ὥστε διὰ πάντων ἡ τριάς αὕτη πεφοίτηκεν, οἷον γραμμῶν, γωνιῶν, σχημάτων, καὶ ἐν τοῖς σχήμασι τριπλεύρων, τετραπλεύρων, ἑξῆς ἀπάντων. ἀλλὰ καὶ τὸ πέρας οὗ μὲν διὰ τῆς ὁμοιότη-
 25 τος, οὗ δὲ διὰ τῆς ἰσότητος ἐμφαντάζεται τοῖς γεωμετρικοῖς εἰδεσι, καὶ τὸ ἀπειρον οὗ μὲν διὰ τῆς

1 τὴν μείζονα γωνίαν ὑπὸ τὴν μείζονα πλευρὰν G, corr. C.

13 τῆς om. G.

17 τὰ δὲ ἀνισότητος μόνης om. H₂

p. 266. 21 διὰ παντός H₂ p. 266. 22 αὕτη M, G, H₂.

23 τριπλευρον M, τριπλεύρον G, corr. C. || τετραπλευρον M.

24 οὗ μὲν G, οὗ μὲν C.

25 οὗ δὲ διὰ τῆς ἰσότητος

om. G, add. C. || ἐμφαντάζετο G, ἐφαντάζετο C.

ἀνομοιότητος, οὐ δὲ διὰ τῆς ἀνισότητος, καὶ τὸ μικτὸν ὅτε μὲν ἐξ ὁμοιοτήτων, ὅτε δὲ ἐξ ἰσοτήτων. ἀλτιον δὲ καὶ τούτων ὅτι τὰ εἶδη τὰ γεωμετρικὰ τῷ ποσῷ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ. διότι τῶν δύο τούτων ἐπισημαινομένων δῆλον (?) καὶ ὅτι παντὸς τριγώνου λέγων ὁ στοι-⁵ χειωτῆς οὐχὶ καὶ τοῦ ἰσοπλεύρου λέγει, ἀλλὰ τοῦ ἔχοντος μείζω καὶ ἐλάττω πλευρὰν. δεῖ γὰρ τὸ δεδομένον ἡγούμενον νομίζειν, ἐπόμενον δὲ (?) τὸ ζητούμενον. ὃ δ' ἂν μείζονα πλευρὰν ἔχη καὶ ἐλάσσονα, τοῦτο ὑπὸ τὴν μείζονα πλευρὰν τὴν μείζονα γωνίαν [ἔξει].¹⁰

Ἐπειδὴ δὲ ὁ || γεωμέτρης ἐν τῇ κατασκευῇ λαβὼν τὸ $\alpha\beta\gamma$ τρίγωνον καὶ μείζονα τὴν $\alpha\gamma$ τῆς $\alpha\beta$, ἵνα δέξῃ τῆς πρὸς τῷ γ γωνίας τὴν πρὸς τῷ β μείζονα, ἀφείλεν ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τῇ $\alpha\beta$ ἴσην τὴν $\alpha\delta$, φαίη δ' ἂν τις ὅτι πρὸς τῷ γ δεῖ γενέσθαι τὴν ἀφαίρεσιν, φέρε¹⁵ καὶ ἐπὶ ταύτης τῆς ὑποθέσεως δειξώμεν τὸ προκειμε-

1 τὸ μικτικόν, ὃ γὰρ μὲν *G*. 2 ὁμοιοτήτων ... ἰσοτήτων] 'ex similitudinibus et dissimilitudinibus ... ex aequalitatibus et inaequalitatibus' *B*, cui adstipulatur *Kn. II*.

3 τῷ ποσῷ τόπῳ ὃ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ *M*, τῷ τόπῳ ὃ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ * *B*, *G*, 'ad Quantitatem, ad Qualitatemque spectant' *B*, 'loco quo satis sit et qualitate fiunt' *Z*.

5 δῆλον ex coniectura scripsi; ἡμῶν *M*, *B*, *C*, ἡμῖν *G*, 'eo quia nos haec duo annotare debemus' *Z*; *B* liberius: Haec itaque assignavimus, quoniam haec duo nobis assignantibus, manifestum nobis erit'. 8—9 ἐπόμενον' ὃ δ' ἂν τὸ ζητούμενον *M*, ἐπόμενον, ὃ (*C*. ὅτι) δ' ἂν τὸ ζητούμενον *B*, *G*,

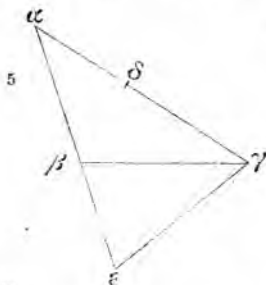
'quod datum antecedens: consequens sit. si vero quaesitum' *Z*, 'Dato praecedenti Quaesitum consequens existimare: quod autem' *B*. 9 τούτῳ *G*, τοῦτο *M*, *B*, *C*, 'huic' *B*, 'hoc est' *Z*.

10 ἔξει ex coniectura dedi; *M*, *B*, *G*, *Z* verbum omittunt; 'esse' *B*. 13 πρὸς τὸ γ *M*, *G*. 13—15 Figuram ab Euclide

descriptam addit *B*. 15 πρὸς τῷ $\gamma\delta$ *M*, 'ad signum cd' *Z*,

'ad Signum c' *B*. 16 δειξώμεν *M*, *B*, *G*, δειξώμεν *C*, 'ostendamus' *B*, 'demonstrabimus' *Z*.

νον, ὡς Πορφυρίος. ἔστω γὰρ ἡ $\overline{\delta\gamma}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ
 ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{\alpha\beta}$ ἐπὶ τὸ ε καὶ κείσθω ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\delta\alpha}$
 ἴση. ὅλη ἄρα ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$,
 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\epsilon\gamma}$. ἐπεὶ οὖν
 ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ | ἴση, καὶ ἡ ὑπὸ
 $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\epsilon}$ διὰ τὸ
 πέμπτον. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ μεί-
 ζων τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$. ἐστὶν δὲ καὶ
 ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ μείζων τῆς ὑπὸ
 $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$. τοῦ γὰρ $\gamma\beta\epsilon$ μία πλευρὰ

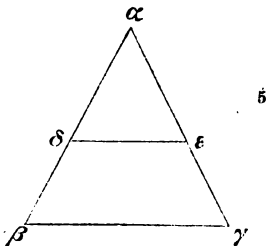


ἐκβεβλήται ἡ $\overline{\epsilon\beta}$, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἐκτὸς οὖσα τῆς
 ἀπεναντίον καὶ ἐντὸς μείζων ἐστὶ. πολλῶν ἄρα μείζων
 ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

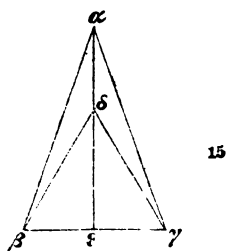
Αἱ μὲν οὖν γεωμετρικαὶ δεῖξεις τοιαῦται. δῆλον
 15 δὲ ὅτι τὸ αἷτιον τούτου τοῦ συμπτώματος ἐστὶν ἡ τῆς
 πλευρᾶς αὐτῆς τῆς ὑποτεينوύσης τὴν γωνίαν ὑπεροχὴ
 κατὰ τὸ μέγεθος ἢ ἐλάττωσις· μείζων μὲν γὰρ οὖσα
 διῖσθησιν ἐπὶ πλεον τὴν γωνίαν, ἐλαττουμένη δὲ συν-
 ελαττοῖ κακείνην καὶ ἐπὶ μείον συνάγει. τοῦτο δὲ
 20 διὰ τὴν ἐπ' ἄκρον τάσιν τῆς εὐθείας. ἐπ' ἄκρον γὰρ
 αὐτὴ τεταμένη καὶ τῶν γωνιῶν τὰ μεγέθη κατὰ τὴν
 ἑαυτῆς αὐξήσιν καὶ μείωσιν συμμετατίθησιν. καὶ
 ταῦτα λέγομεν ἐφ' ἐνὸς τριγώνου, ἐπεὶ δυνατὸν καὶ
 τὴν αὐτὴν γωνίαν ὑπὸ μείζονος καὶ ἐλάσσονος εὐθείας
 25 ὑποτείνεσθαι καὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν μείζω καὶ ἐλάττω

11 ἡ $\overline{\epsilon\gamma}$ M. 15 τοῦτο M, C. || ἡ] ἢ G. 19 μείον] μάλλον
 M, G. 21 τεταγμένη G. 24 εὐθείας om. G, add. C.

γωνίαν ὑποτείνειν. ἔστω γὰρ εἰ τύχοι τρίγωνον ἰσο-
σκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$ σημεῖον,
καὶ ἴσῃ ἢ $\overline{αε}$ τῇ $\overline{αδ}$ [ἐπὶ τῆς
 $\overline{αγ}$] καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{δε}$. τὴν
οὖν πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίαν ὑπο-
τείνουσιν αἱ $\overline{δε}$ $\overline{βγ}$, ὧν ἡ μὲν
μείζων ἢ δὲ ἐλάσσων, καὶ μυ-
ρίας ὅσας || λαβεῖν δυνατὸν
κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον τὴν $\overline{α}$
γωνίαν ὑποτεινούσας μείζους καὶ ἐλάσσους εὐθείας. 10



πάλιν ἔστω τὸ $\overline{αβγ}$ ἰσοσκελὲς, καὶ ἐλάσσων ἢ $\overline{βγ}$ τῶν
 $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$, καὶ ἰσόπλευρον τρίγωνον
ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ $\overline{βδγ}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἢ $\overline{αδ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$. ἐπει
οὖν τοῦ $\overline{αβδ}$ τριγώνου ἐκτός ἐστιν
ἡ ὑπὸ $\overline{βδε}$ γωνία, μείζων ἐστὶ τῆς
ὑπὸ $\overline{βαδ}$, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ
ἡ ὑπὸ $\overline{γδε}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{γαδ}$. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{βδγ}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{βαγ}$ καὶ ὑποτείνει ἀμφοτέρως ἢ
αὐτὴ εὐθεῖα μείζονα καὶ ἐλάσσονα γωνίαν. δέδεικται 20
δὲ ὅτι τὴν αὐτὴν γωνίαν μείζους εὐθεῖαι καὶ ἐλάσ-
σους ὑποτείνουσιν. ἀλλ' ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τριγώνου



3 ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ addendum esse puto; om. M, B, G, B, Z.

14 ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$ om. M. 15 $\overline{αβγ}$ M. 16—18 τῆς ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$. . . μείζων om. G, add. C. 21 εὐθείας M, C.

μία εὐθεία μίαν ὑποτείνει γωνίαν καὶ ἡ μὲν μείζων
τὴν μείζονα ἐκ παντός, ἡ δὲ ἐλάσσων τὴν ἐλάσσονα·
καὶ τὸ αἷτιον ἐθεωρήσαμεν.

Prop. XIX, theor. XII. Παντὸς τριγώνου ὑπὸ τὴν
5 μείζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει.

Τοῦτό ἐστι τὸ ἀντίστροφον τῷ εἰρημένῳ θεωρή-
ματι. καὶ ἐστὶν ἀπλοῦν ἐν ἑκατέρῳ τὸ τε διδόμενον
καὶ τὸ ζητούμενον. καὶ τὸ ἐκεῖ συμπέρασμα ὑπόθεσις
ἐστὶν ἐνταῦθα, ἡ δὲ ἐκεῖ ὑπόθεσις τοῦτου συμπέ-
10 ρασμα. προτέτακται δ' ἐκείνο, διότι δεδομένην ἔχει
τὴν ἀνισότητά τῶν πλευρῶν, ἔπεται δὲ τοῦτο τὰς γω-
νίας ἀνίσους ὑποθέμενον. δοκοῦσι γὰρ αἱ μὲν πλευραὶ
τὰ εὐθύγραμμα περιέχειν, αἱ δὲ γωνίαι περιέχεσθαι.
καὶ ὁ τρόπος δὲ τῆς ἀποδείξεως ἐπ' ἐκείνου μὲν δεικτι-
15 κός, ἐπὶ δὲ τούτου διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς.

Ὁ μὲν οὖν γεωμέτρης ἐκ διαιρέσεως τὸ ἀδύνατον
συλλογίζεται. τῶν γὰρ γωνιῶν οὐσῶν ἀνίσων λέγω,
φησὶν, ὅτι καὶ αἱ ὑποτείνουσαι πλευραὶ ἀνισοί, καὶ ||
ἡ μείζων ὑποτείνει τὴν δεδομένην μείζονα γωνίαν.
20 εἰ γὰρ μὴ ἐστὶν ἡ τὴν μείζονα γωνίαν ὑποτείνουσα
μείζων, ἴση ἐστὶν ἢ ἐλάττων. ἀλλ' εἰ μὲν ἴση, καὶ αἱ
γωνίαι, ὥς ὑποτείνουσιν, ἴσαι διὰ τὸ ε, εἰ δὲ ἐλάττων,
καὶ ἡ γωνία, ἣν ὑποτείνει, ἐλάττων διὰ τὸ πρὸ τούτου.
δέδεικται γὰρ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μείζων
25 πλευρὰ ὑποτείνουσα καὶ ὑπὸ τὴν ἐλάσσονα ἡ ἐλάσσων.

1 μίαν om. G, add. C.

4 In M in margin: ιθ.

7 δεδομένον G. 20 ὑποτείνουσα om. M. 21 μείζων, ἴση
ἐστὶν] ἡ μείζων ἐστὶ ἢ ἴση G, corr. C. 22 ε] πέμπτον G.

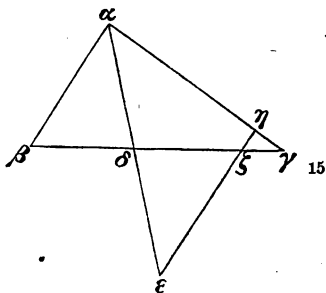
23 ὑποτείνει] ὑπὸ τὴν M.

ἔχουσι δὲ ἀνάπαλιν αἱ γωνίαι· μείζων ἄρα ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς. δυνατόν δὲ καὶ ἄνευ ταύτης τῆς διαίρεσως δεῖξαι τὸ προκείμενον προαποδείξαντες λημμάτιόν τι τοιοῦτον·

Ἐὰν τριγώνου γωνία δίχα τμηθῇ καὶ ἡ⁵ τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθεῖσα εἰς ἄνισα αὐτὴν διαιρῇ, αἱ τὴν γωνίαν περιέχουσαι πλευραὶ ἄνισοι ἔσονται, καὶ μείζων μὲν ἡ τῷ μείζονι τμήματι τῆς βάσεως συμπίπτουσα, ἐλάσσων δὲ ἡ ἐλάσσονι.¹⁰

Ἔστω τρίγωνον τὸ

$\overline{αβγ}$ καὶ τετμήσθω δίχα ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία, καὶ ἡ $\overline{αδ}$ εἰς ἄνισα τεμνέτω τὴν $\overline{βγ}$, καὶ μείζων ἡ $\overline{γδ}$ τῆς $\overline{βδ}$. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{αβ}$. ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{αδ}$ καὶ κελσθω ἴση ἡ $\overline{δε}$

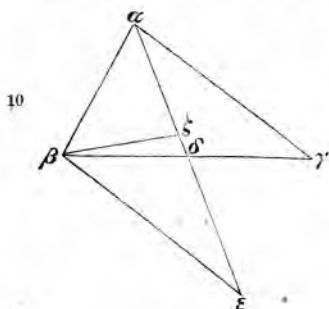


τῇ $\overline{αδ}$. καὶ ἐπεὶ μείζων ἡ $\overline{δγ}$ τῆς $\overline{δβ}$, κελσθω ἴση τῇ $\overline{βδ}$ ἡ $\overline{δξ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{εξ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ὡς ἐπὶ²⁰ τὸ $\overline{η}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\overline{δε}$ καὶ ἡ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{δξ}$, δύο δυσὶν ἴσαι, καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι τὰς κατὰ κορυφὴν· βάσις ἄρα ἡ $\overline{βα}$ βάσει τῇ $\overline{εξ}$ ἴση καὶ

19 Post τῇ $\overline{αδ}$ addunt $M, B_3, G (Z)$: καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{βε}$, quae linea etiam in figuris in M et Z ducta est. B , cum supervacanea sint, iure et verba et lineam omisit; nisi forte Proclum superflua quoque addidisse malis credere.

πάντα παῖσιν, ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ γωνία τῇ
 ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\beta}$ ἴση ἐστίν. ἀλλὰ αὕτη τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ ἴση ἐστίν,
 ὥστε καὶ πλευρὰ ἡ $\overline{\alpha\eta}$ τῇ $\overline{\epsilon\eta}$ ἴση διὰ τὸ ἕκτον. μεί-
 ζων ἄρα ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. ἡ δὲ $\overline{\epsilon\zeta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση. μείζων
 5 ἄρα ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\alpha\beta}$, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Τούτου προληφθέντος δειξομεν ὅτι ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει. ἔστω τρί-



πρὸς τῷ γ. ἐλάσσων δὲ [ἢ πρὸς τῷ γ] τῆς ὑπὸ αβδ.
 ἢ ἄρα ὑπὸ δβε ἐλάσσων τῆς ὑπὸ αβδ. τετμήσθω
 οὖν δίχα ἢ ὑπὸ αβε τῇ βξ εὐθείᾳ· μέζων ἄρα ἢ εξ
 τῆς ξα. ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ αβε ἢ πρὸς τῷ β γω-
 νία δίχα ἐτμήθη τῇ βξ καὶ μέζων ἢ εξ τῆς αξ, διὰ ⁵
 τὸ πρόδειχθῆν μέζων ἢ βε τῆς βα. ἢ δὲ βε τῇ αγ
 δέδεικται ἴση. μέζων ἄρα ἢ γα τῆς αβ. δέδεικται
 ἄρα τὸ ζητούμενον.

Καὶ φανερόν ὅτι τὴν ποικιλίαν τῆς ἀποδείξεως
 παραιτούμενος ὁ στοιχειωτῆς τὸν τρόπον τοῦτον ἐφυ- ¹⁰
 λάξατο καὶ τῇ ἐκ διαιρέσεως εἰς τὸ ἀδύνατον ἀγοίσῃ
 δείξει προεχρήσατο βουλόμενος τὸ ἀντίστροφον ποι-
 ῆσαι τῷ προηγουμένῳ μηδενὸς μεταξὺ παρεμπίπτον-
 τος, ἐπεὶ καὶ τὸ ὄγδοον ἀντιστρέφον πρὸς τὸ τέταρτον
 πολλὴν ἐνεποίησε ταραχὴν δυσεπίγνωστον ποιῆσαν ¹⁵
 τὴν ἀντιστροφὴν. αἰρετώτερον γὰρ τὸ δι' ἀδυνάτου
 δεικνύναι τὰ ἀντιστρέφοντα μετὰ τοῦ τὴν συνέχειαν
 φυλάττειν ἢ τὸ διακόπτειν τὴν συνέχειαν μετὰ τῆς
 προηγουμένης ἀποδείξεως. διὸ δὴ τὰ ἀντίστροφα
 πάντα σχεδὸν δι' ἀδυνάτου δεικνύσι. 20

1 ἢ πρὸς τῷ γ ex coniectura addidi. $B_2 = M, G$.

1—2 τῆς ὑπὸ αβδ . . . ἐλάσσων om. G, B, Z . ¹⁰ ἐφυλάτ-
 τετο G , ἐφυλάξατο C . ¹⁵ ἐποίησε G , ἐνεποίησε C . ¹⁹ ἀντι-
 στρόφια M . ²⁰ πάντα] ταῦτα G , corr. C .

Prop. XX, theor. XIII. Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντη μεταλαμβανόμεναι.

- Τοῦτο τὸ θεώρημα ^{pull to piece, close} διασύρειν μὲν εἰώθασιν οἱ
 5 Ἐπικούρειοι καὶ ὄντω λέγοντες αὐτὸ δῆλον εἶναι καὶ
 μηδεμιᾶς δεῖσθαι κατασκευῆς· ὁμοίως δ' ἀνεπιστήμο-
 νος ἔργον εἶναι τὰ τε ἐμφανῇ παραμυθίας ἀξιοῦν καὶ
 τοῖς ἀδήλοις αὐτόθεν πιστεύειν. ὁ γὰρ ταῦτα συγγέων
 φανερός ἐστι τό τε ἀναπόδεικτον καὶ τὸ ἀποδεικτὸν
 10 ἀγνοῶν. ὅτι δὲ καὶ ὄντω τὸ προκείμενον θεώρημα
 γνωρίμον κατασκευάζουσιν ἐκ τοῦ τεθέντος ^{χωρὶς τῆς} χορτοῦ
 κατὰ τὸ ἕτερον πέρας τῶν πλευρῶν τὸν ὄνον τὴν
 μίαν ὁδεύειν πλευρὰν ἀλλὰ μὴ τὰς δύο τροφῆς ὁρε-
 γόμενον.
 15 Πρὸς δὲ ταῦτα λεκτέον ὅτι σαφὲς μὲν κατὰ τὴν
 αἰσθησιν ἔστω τὸ θεώρημα, οὕτω δὲ σαφὲς κατὰ τὸν
 ἐπιστημονικὸν λόγον. πολλὰ γὰρ τοῦτο πέπονθε τῶν
 πραγμάτων, || οἷον θερμαίνει τὸ πῦρ· καὶ τοῦτο τῇ
 αἰσθήσει σαφές, ἀλλὰ πῶς θερμαίνει τῆς ἐπιστήμης
 20 ἔργον ἐλεῖν, πότερον ἀσωμάτῳ δυνάμει ἢ σωματικαῖς
 τομαῖς, σφαιρικοῖς μορίοις ἢ πυραμοειδέσι. πάλιν ὅτι
 κινούμεθα τῇ αἰσθήσει δῆλον, πῶς δὲ κινούμεθα,
 παραστῆσαι τῷ λόγῳ χαλεπὸν, πότερον κατὰ ἀμερές,
 ἢ κατὰ διάστημα· πῶς δὲ ἄπειρα δῶμεν. εἰς ἄπειρον
 25 γὰρ διαιρετὸν πᾶν μέγεθος. ἔστω τοίνυν καὶ τοῦ

1 In *M* in margin: ἄ. ση. δια τὸν επικουρον ωρ.

4 οἱ οὖν ἐπικούρειοι *G*. 7 εἶναι ἔργον *G*. || τε om. *G*, add. *C*.

9 καὶ τὸ ἀποδεικτὸν om. *G*, καὶ τὸ ἀποδεικτικὸν *C*.

15 δὴ *G*, δὲ *C*. 16 ἔστι *G*, ἔστω *C*.

τριγώνου τὸ μείζους εἶναι τὰς δύο τῆς μιᾶς τῇ αἰσθήσει καταφανές, ἀλλὰ πῶς τοῦτο γίνεται τῆς ἐπιστήμης ἔργον εἰπεῖν.

Ἀλλὰ πρὸς μὲν τοὺς Ἐπικουρείους καὶ ταῦτα ἀρκούντως ἀντειρήσθω· δεῖ δὲ καὶ τὰς ἄλλας ἀποδείξεις 5 τοῦ προκειμένου θεωρήματος συντόμως ἱστορήσαι, ὅσας οἱ περὶ Ἡρώνα καὶ Πορφύριον ἀνέγραψαν τῆς εὐθείας μὴ προσεμβαλλομένης, ὃ πεποίηκεν ὁ στοι-

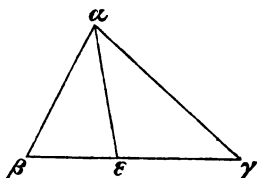
χειωτής. ἔστω τρίγωνον τὸ

$\overline{αβγ}$. δεῖ δὲ δεῖξαι τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$

τῆς $\overline{βγ}$ μείζους. τετμήσθω δίχα

ἢ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ οὖν

τριγώνου τοῦ $\overline{αβε}$ γωνία ἐκτὸς



10

ἢ ὑπὸ $\overline{αεγ}$, μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$. ἀλλ' ἡ ὑπὸ

$\overline{βαε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{εαγ}$ ἴση· ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{αεγ}$ μείζων τῆς ὑπὸ 15

$\overline{εαγ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αγ}$ πλεονεχῆ τῆς $\overline{γε}$ μείζων. διὰ τὰ

αὐτὰ δὴ καὶ ἡ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{βε}$ μείζων. τριγώνου γὰρ τοῦ

$\overline{αεγ}$ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αεβ}$ καὶ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$, τουτ-

έστιν τῆς ὑπὸ $\overline{εαβ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{βε}$ μείζων. αἱ

ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$ ὅλης μείζους. ὁμοίως δεῖξομεν καὶ 20

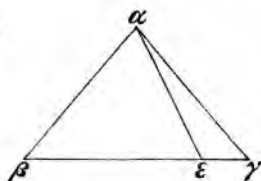
ἐπὶ τῶν ἄλλων.

Πάλιν ἔστω τρίγωνον τὸ $\overline{αβγ}$. εἰ μὲν οὖν ἰσό-
πλευρόν ἐστι τὸ $\overline{αβγ}$, πάντως αἱ δύο μείζους τῆς λοι-
πῆς — τριῶν γὰρ ἴσων δύο ὅποιαοῦν διπλάσια τοῦ ἐνός

4 μὲν et καὶ om. G, add. C. 11 τῆς $\overline{βγ}$ om. G, add. C.
16 τὰ αὐτὰ] ταῦτα G. 24 οὐσῶν G, ἴσων C.

— εἰ δὲ ἰσοσκελές, ἥτοι ἐλάσσονα ἔχει τῶν ἴσων ἐκατέρας τὴν βάσιν ἢ μείζονα. εἰ μὲν οὖν ἐλάσσων ἡ βάσις, πάλιν αἱ δύο μείζους τῆς λοιπῆς· εἰ δὲ μείζων

5



ἡ βάσις, ἔστω ἡ $\overline{βγ}$ μείζων, καὶ ἀφηρησθῶ ἴση ἐκατέρα ἐκείνων ἡ $\overline{βε}$, καὶ ἐπεξενύχθω ἡ $\overline{αε}$. ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $\overline{αεβ}$ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αεγ}$ γωνία, μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$. διὰ

- 10 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{αεβ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$ μείζων. αἱ ἄρα περὶ τὴν $\overline{αε}$ γωνίαι μείζους ὅλης τῆς πρὸς τῷ $\overline{α}$, ὧν ἡ ὑπὸ $\overline{βεα}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{βαε}$, ἐπεὶ καὶ \parallel ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{αεγ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$ μείζων, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{γε}$ μείζων. ἦν δὲ ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση.
- 15 αἱ ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ μείζους τῆς $\overline{βγ}$. εἰ δὲ σκαληνὸν τὸ $\overline{αβγ}$, ἔστω μέγιστη ἡ $\overline{αβ}$, μέση ἡ $\overline{αγ}$, ἐλαχίστη ἡ $\overline{βγ}$. ἡ μὲν οὖν μέγιστη μεθ' ἐκατέρας ληφθεῖσα πάντως μείζων τῆς λοιπῆς· καὶ γὰρ καθ' αὐτήν ἐκατέρας μείζων. εἰ δὲ τὴν $\overline{αγ}$ καὶ $\overline{βγ}$ δεῖξαι ζητοῦμεν τῆς $\overline{αβ}$
- 20 μέγιστης οὔσης μείζονας, ὥς ἐπὶ τοῦ ἰσοσκελοῦς ποιήσομεν ἀπὸ τῆς μέγιστης ἀφελόντες τῇ ἐτέρᾳ ἴσην, καὶ ἐπιζεύξαντες ἀπὸ τοῦ $\overline{γ}$, καὶ ἀποχορησάμενοι ταῖς ἐκτὸς τῶν τριγώνων γωνίαις.

2 ἐκατέραν M, G .

3 πάλαι G .

5 ἐκατέρα M, G .

11 περὶ τὴν $\overline{α}$ καὶ $\overline{ε}$ G .

14 ἦν δὲ καὶ G .

17 μεθ' ἐκατέ-

ραν λειφθεῖσα G .

18 καθ' αὐτήν M , καθ' αὐτήν G . \parallel ἐτέ-

ρας G , ἐκατέρας C .

19 Figura, quam B addit, omitta est

in M , neque est necessaria.

20 μείζονα M ,

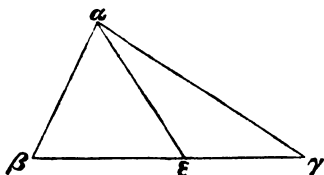
21 ἐκατέρα G .

Πάλιν ἔστω τρίγωνον τυχόν | τὸ $\overline{αβγ}$. λέγω ὅτι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ μείζονες εἰσὶ τῆς $\overline{βγ}$. εἰ γὰρ μή, ἦτοι ἴσαι εἴσιν, ἢ ἐλάσσονες, ἔστωσαν ἴσαι, καὶ ἀφηρησθῶ

τῇ $\overline{αβ}$ ἴση ἢ $\overline{βε}$. λοιπὴ

ἄρα ἢ $\overline{εγ}$ τῇ $\overline{αγ}$ ἴση.

ἐπεὶ οὖν ἢ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση, γωνίας ἴσας ὑπο-



5

τείνουσιν. ὁμοίως δὲ καί, ἐπεὶ ἢ $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{γε}$ ἴση, γωνίας ἴσας ὑποτείνουσιν. αἱ ἄρα πρὸς τῷ $\overline{ε}$ γωνίαι ¹⁰ ἴσαι καὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{α}$, ὅπερ ἀδύνατον. πάλιν δὲ

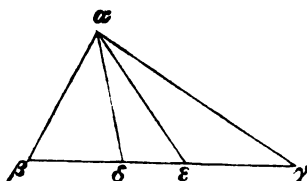
ἔστωσαν ἐλάσσονες αἱ $\overline{αβ}$

$\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$, καὶ ἀφηρησθῶ

τῇ μὲν $\overline{αβ}$ ἴση ἢ $\overline{βδ}$, τῇ δὲ

$\overline{αγ}$ ἢ $\overline{γε}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἢ

$\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βδ}$, ἴση ἢ ὑπὸ $\overline{βδα}$



15

τῇ ὑπὸ $\overline{βαδ}$, καὶ ἐπεὶ ἴση ἢ $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{γε}$, ἴση ἢ ὑπὸ $\overline{γεα}$

τῇ ὑπὸ $\overline{εαγ}$. δύο ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{βδα}$ $\overline{γεα}$ ἴσαι δυεῖν

ταῖς ὑπὸ $\overline{βαδ}$ καὶ $\overline{εαγ}$. πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ

$\overline{αδγ}$ || ἐκτὸς ἢ ὑπὸ $\overline{βδα}$, μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{εαγ}$, καὶ γὰρ ²⁰

τῆς ὑπὸ $\overline{δαγ}$. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καί, ἐπεὶ τριγώνου

τοῦ $\overline{αβε}$ ἐκτὸς ἢ ὑπὸ $\overline{γεα}$, μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{βαδ}$, καὶ

9—10 ὁμοίως . . . ὑποτείνουσιν om. G. 10 πρὸς τὸ $\overline{αε}$ M, πρὸς τῇ $\overline{εγ}$ C, 'ad e Signum' B, 'ad $\overline{ε}$ ' Z. 19 τῇ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ M, G. 20—21 ἐκτὸς . . . ὑπὸ $\overline{δαγ}$ om. G, add. C, sed praeposito $\overline{γεα}$ ante μείζων. 21 καὶ ἐπὶ G.

γὰρ τῆς ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\epsilon}$ μείζων. αὖ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\alpha}$ $\overline{\gamma\epsilon\alpha}$ μείζους
 ἐκεῖ δύο τῶν ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\delta}$ $\overline{\epsilon\alpha\gamma}$. ἦσαν δὲ καὶ ἴσαι αὐταῖς·
 ὅπερ ἀδύνατον. αὖ ἄρα $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ οὔτε ἴσαι εἰσὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$,
 οὔτε ἐλάσσους, ἀλλὰ μείζους. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν
 5 ἄλλων.

Prop. XXI, theor. XIII. Ἐὰν τριγώνου ἐπὶ μιᾷς
 τῶν πλευρῶν δύο εὐθεῖαι συσταθῶσιν ἐντὸς
 ἀπὸ τῶν περάτων ἀρξάμεναι, αὖ συσταθεῖσαι
 τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου πλευρῶν ἐλάττους
 10 μὲν ἔσονται, μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Τὸ μὲν δηλούμενον ὑπὸ τῆς προτάσεως φανερόν
 καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ παρὰ τῷ στοιχειωτῇ τὸ ἐναργὲς ἔχει
 καὶ ταῖς πρώταις ἀρχαῖς ἐπόμενον τὸ θεωρήμα. ἐκ
 γὰρ δύο θεωρημάτων ἡρτῆται τοῦ τε πρὸ τούτου
 15 δειχθέντος καὶ τοῦ ἐκκαιδεκάτου. πρὸς μὲν γὰρ τὸ
 δεῖξαι τὰς συσταθείσας ἐντὸς ἐλάσσονας τῶν ἐκτὸς
 ἐκείνου δεῖται τοῦ θεωρήματος, παντὸς τριγώνου αὖ
 δύο μείζους εἶσιν τῆς λοιπῆς, πρὸς δὲ τὸ τὴν ὑπ'
 αὐτῶν περιεχομένην γωνίαν ἀποφῆναι μείζονα τῆς
 20 ὑπὸ τῶν ἐκτὸς περιεχομένης, ἐκεῖνο αὐτῷ συντελεῖ,
 τὸ παντὸς τριγώνου τὴν ἐκτὸς γωνίαν μείζονα εἶναι
 τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. λάβοις δ' ἂν ἅμα τῆς γεω-
 μετρικῆς ἀκριβείας πίστιν καὶ τῶν ἐν τοῖς μαθήμασι
 παραδόξων ὑπόμνησιν, εἰ δεῖξαιμεν ὅτι δυνατόν ἐντὸς

4 οὔτε μείζους *M*, *B*, *G*, 'sed maiora' *B*, 'maiора igitur' *Z*.

6 In *M* in margine κα.

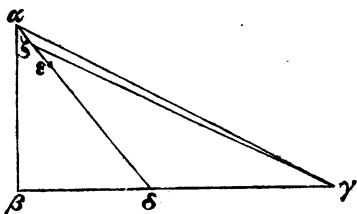
7 σταθῶσιν *G*, συσταθῶσιν *C*.

12 παρὰ] ἐπὶ *G*, corr. *C*.

14 ἡρτῆται *G*, ἡρτῆται *C*.

15 τῆς *G*, ἐκκαιδεκάτου *C*.

τριγώνου τινὸς ἐπὶ μιᾷ τῶν πλευρῶν οὐχ ὅλης ἀλλὰ
 μέρους αὐτῆς συστήναι δύο εὐθείας μείζους τῶν ἐκτός,¹⁾
 καὶ πάλιν μέλιονα (?) γωνίαν περιεχούσας τῆς ὑπὸ
 τῶν ἐκτὸς περιεχομένης. τούτου γὰρ δειχθέντος ἅμα
 μὲν δῆλον ὅτι ἀναγκαίως ὁ στοιχειωτὴς προσέθηκεν ⁵
 τὸ ἀπὸ τῶν περάτων ἄρχεσθαι δεῖν τῆς κοινῆς βά-
 σεως τὰς ἐντὸς συνισταμένας καὶ τὸ ἐπὶ μιᾷ ὅλης
 συνίστασθαι, ἀλλὰ οὐκ ἐπὶ μέρους τῆς ὅλης. ἅμα δὲ
 καὶ ὅπερ εἶπομεν ἐν τι τῶν ἐν γεωμετρία παραδόξων
 ἀναφανήσεται. πῶς γὰρ οὐ παράδοξον, εἰ αἱ μὲν ἐπὶ ¹⁰
 τῆς ὅλης || συνιστάμεναι τῶν ἐκτὸς ἐλάσσους εἶσιν, αἱ
 δὲ ἐπὶ μέρους μείζονες; ἔστω δὴ οὖν ὀρθογώνιον τρι-
 γωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$, ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν καὶ
 εἰληφθῶ σημεῖον τυ-
 χὸν τὸ δ ἐπὶ τῆς $\beta\gamma$
 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\alpha\delta$.
 μείζων ἄρα ἡ $\alpha\delta$ τῆς
 $\alpha\beta$. ἀφηγήσθω ἀπὸ τῆς
 $\alpha\delta$ ἴση τῇ $\alpha\beta$ ἡ $\delta\epsilon$,

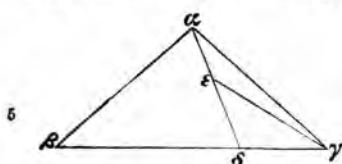


15

καὶ ἡ $\epsilon\alpha$ διηρησθῶ δίχα κατὰ τὸ ζ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ²⁰
 $\gamma\zeta$. ἐπεὶ οὖν τρίγωνόν ἐστι τὸ $\alpha\gamma\zeta$ αἱ $\alpha\zeta$ $\zeta\gamma$ μείζους
 εἰσὶ τῆς $\alpha\gamma$. ἀλλ' ἡ $\alpha\zeta$ ἴση τῇ $\zeta\epsilon$. αἱ ἄρα $\zeta\epsilon$ $\zeta\gamma$ μεί-
 ζους τῆς $\alpha\gamma$. ἴση δὲ ἡ $\delta\epsilon$ τῇ $\alpha\beta$. αἱ ἄρα $\zeta\gamma$ $\zeta\delta$ μεί-
 ζους τῶν $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$, καὶ εἰσιν ἐντός. πάλιν ἔστω τρίγωνον

3 μείζονα M , B_3 , G , 'maiozem' Z , 'minorem' B . Cum infra
 ἐλάσσονα scriptum sit, hoc quoque loco ἐλάσσονα erit restituend-
 dum. || τῆς ὑπὸ τῆς G , corr. C .

ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ μείζονα τὴν βάσιν ἔχον τὴν $\overline{βγ}$ ἑκα-
τέρας τῶν ἰσῶν, καὶ ἀφηρησθῶ ἀπὸ τῆς $\overline{βγ}$ ἴση τῇ



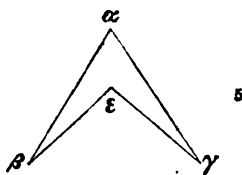
$\overline{αβ}$ ἢ $\overline{βδ}$, καὶ ἐπεζεύχθω
ἡ $\overline{αδ}$, καὶ σημείον ἐπὶ
τῆς $\overline{αδ}$ τυχὸν εἰλήφθω
τὸ ε, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{εγ}$.

ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βδ}$, ἴση καὶ γωνία ἡ ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βδα}$, καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{εδγ}$ ἐκτός
ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{βδα}$, μείζων ἐστὶ τῆς ἐντός καὶ ἀπεναν-
10 τίον τῆς ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ μείζων τῆς
ὑπὸ $\overline{δεγ}$. πολλῶ ἄρα μείζων ἡ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{δεγ}$.
καὶ περιέχεται ἡ μὲν ὑπὸ $\overline{βαγ}$ ὑπὸ τῶν ἐκτός, ἡ δὲ
ὑπὸ $\overline{δεγ}$ ὑπὸ τῶν ἐντός. συνεστάθησαν ἄρα ἐντός
τοῦ τριγώνου αἱ $\overline{δεεγ}$ γωνίαν περιέχουσαι ἐλάσσονα
15 τῶν ἐκτός, καὶ δέδεικται τὸ προκείμενον οὐ προσχρη-
σάμενων ἡμῶν ταῖς παραλλήλοις τῶν ἐξηγητῶν. ἀναγ-
καῖον ἄρα τὰς συνεσταμένας εὐθείας ἀπὸ τῶν περάτων
ἄρχεσθαι τῆς βάσεως. αἱ γὰρ ἐπὶ μέρους αὐτῆς συν-
ιστάμεναι καὶ μείζους δείκνυνται ποτε τῶν ἐκτός καὶ
20 ἐλάσσονα περιέχουσαι γωνίαν.

Οὕτω δὲ καὶ συνεσταμένων ἀπὸ τῶν περάτων
ἀναφαίνεται καὶ τὸ εἶδος τῶν καλουμένων ἀκιδοειδῶν
τριγώνων, ἐν καὶ τοῦτο τῶν ἐν γεωμετρία || παρα-

9 καὶ μείζων ἐστὶ G. 11 πολλῶ ... ὑπὸ $\overline{δεγ}$ om. G,
add. C. 12 τῆς ὑπὸ τῶν ἐκτός M. 13 συνεστάτωσαν M,
συνέστησαν B, G, constitutae sunt B, Z. 17 συνεσταμέναις G.
22 καλουμένων om. G.

δόξαν τρίγωνον τετράπλευρον εὔρειν οἶον τὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$.
 περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τεττάρων πλευρῶν τῶν $\overline{\beta\alpha}$
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\epsilon\beta}$, τρεῖς δὲ ἔχει γωνίας,
 μίαν μὲν τὴν πρὸς τῷ β , ἑτέραν
 δὲ τὴν πρὸς τῷ α , λοιπὴν δὲ τὴν
 πρὸς τῷ γ . τετράπλευρον ἄρα ἐστὶ
 τρίγωνον τὸ προκείμενον σχῆμα.



Prop. XXII, probl. VIII. Ἐκ τριῶν εὐθειῶν, αἵ
 εἰσιν τρισιὶ ταῖς δοθείσαις εὐθείαις ἴσαι, τρί-
 γωνον | συστήσασθαι. δεῖ δὲ τὰς δύο τῆς λοι- 10
 πῆς μείζους εἶναι πάντη μεταλαμβανομένας.

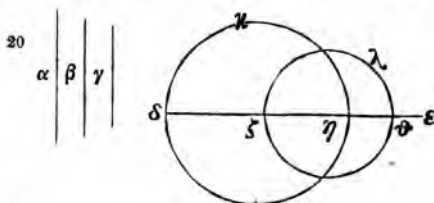
Ἐπὶ τὰ προβλήματα μετεληλύθαμεν αὐτίς· καὶ
 παρακελεύεται τριῶν ἐκκειμένων εὐθειῶν, ὧν αἱ δύο
 μείζους τῆς λοιπῆς, συστήσασθαι τρίγωνον ἐξ ἴσων
 πλευρῶν ταῖς δοθείσαις εὐθείαις, πρῶτον μὲν τοῦτο 15
 συνιδῶν, ἐξ αὐτῶν ἐκείνων θέσιν ἤδη λαβουσῶν εἰρη-
 μένην συστήναι τρίγωνον ἀδύνατον, ἀλλ' ἐκ τῶν
 ἴσων αὐταῖς δυνατὸν, ἐπειδ' ὅτι δεῖ τὰς εὐθείας τὰς
 συμπληροῦν μελλούσας τὸ τρίγωνον τὰς δύο τῆς λοι-
 πῆς μείζους ἔχειν πάντη μεταλαμβανομένας — παν- 20
 τὸς γὰρ τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ μείζους εἰσὶ τῆς
 λοιπῆς, ὥς δέδεικται — καὶ διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν
 προσθεῖς, ὥς ἄρα ἀναγκαῖον καὶ τῶν ἐξ ἀρχῆς εὐθειῶν

8 *M* in margine κβ. 9 ἴσαι om. *M*. 13 παρακελεύεται] 'inbet Euclides' *B*. 16 συνιδόντων *M*, *G*. || λαμβανουσῶν *G*, λαβουσῶν *C*. 20 ἔχειν] εἶναι *G*. 20—21 πάντη . . . τῆς λοιπῆς om. *G*.

τὰς δύο μείζους εἶναι τῆς λοιπῆς κατὰ πᾶσαν λῆψιν,
ἣ οὐκ ἔσται τρίγωνον ἐκ τῶν ἴσων αὐταῖς εὐθειῶν,
πρὸς δὲ τοῦτοις καὶ τὰς ἐνστάσεις ἀπάσας ἀνελὼν τὰς
πρὸς τὴν κατασκευὴν φερομένας, διὰ τῆς προσθήκης
5 ταύτης μόνης κάκεινας λύεσθαι δυναμένας.

Ἔστιν οὖν τὸ πρόβλημα τῶν διωρισμένων, ἀλλ'
οὐ τῶν ἀδιορίστων. καὶ γὰρ τῶν προβλημάτων ὥσπερ
τῶν θεωρημάτων τὰ μὲν ἔστιν ἀδιορίστα, τὰ δὲ δι-
ωρισμένα. ἔαν μὲν γὰρ εἰπωμεν ἀπλῶς οὕτως ἐκ τριῶν
10 εὐθειῶν ἴσων τρισὶ ταῖς δοθείσαις συστήσασθαι τρί-
γωνον, ἀδιορίστον καὶ ἀδύνατον, ἔαν δὲ προσθῶμεν,
ὥν αἱ δύο μείζους εἰσὶ τῆς λοιπῆς πάντη μεταλαμβα-
νόμεναι, διωρισμένον τε καὶ δυνατόν. γίνεται γὰρ
αὐτὸ καὶ τοῦτο· ὥσπερ || τῶν θεωρημάτων κατὰ τὸ ἀλη-
15 θές καὶ ψεῦδος ἢ διαίρεσις, οὕτω καὶ τῶν προβλημά-
των κατὰ τὸ δυνατόν ἀποφανθέν [καὶ τὸ ἀδύνατον].

Ὅτι δὲ καὶ αἱ πρὸς τὴν κατασκευὴν ἐνστάσεις ἐν-
τεῦθεν λύονται, μάθοιμεν ἂν σμικρὸν εἰς αὐτὴν ἐπι-



βλέψαντες. ἔπακο-
λουθήσομεν γὰρ
τοῖς τοῦ γεωμέ-
τρου ῥήμασιν.
ἔστωσαν τρεῖς εὐ-
θεῖαι $\bar{\alpha}$ $\bar{\beta}$ $\bar{\gamma}$, ὧν
αἱ δύο μείζους τῆς

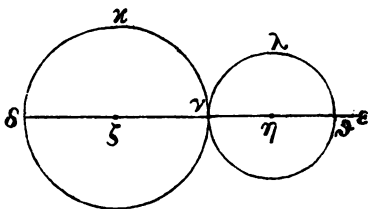
1—2 τὰς δύο ... εὐθειῶν om. G, add. C. 3 πρὸς δὲ
τοῦτο M. 5 κάκεινης G, κάκεινα C. 13—14 δυνατόν γίνε-
ται. καὶ γὰρ αὐτὸ καὶ τοῦτο M, δυνατόν. γίνεται γὰρ καὶ
αὐτοῦτο B₃, G, 'fit ... possibile. Id etiam scire expedit' Z, 'Pos-
sibile. fit enim hoc quoque'. B. 16 καὶ τὸ ἀδύνατον om.
M, B₃, G; 'sic problematicum enuntiatum iuxta possibilitatem
spectatur' Z, 'iuxta Possibile enuntiatum atque Impossibile' B.

18 μικρὸν G. 19—25 Figuram om. M.

λοιπῆς πάντα μεταλαμβανόμεναι, καὶ δεὸν ἔστω ποι-
 ῆσαι τὸ προσταχθέν. ἐκκείσθω τις εὐθεία ἡ δὲ ἐπὶ
 θάτερα μὲν πεπερασμένη, οἷον κατὰ τὸ δ, ἐπὶ θάτερα
 δὲ ἄπειρος, καὶ κείσθω τῇ μὲν $\bar{\alpha}$ ἴση ἡ $\bar{\delta\zeta}$, τῇ δὲ β
 ἴση ἡ $\bar{\zeta\eta}$, τῇ δὲ γ ἴση ἡ $\bar{\eta\theta}$. καὶ κέντρῳ τῷ ζ, δια-
 στήματι δὲ τῷ ζδ κύκλος γεγράφθω ὁ κ, καὶ πάλιν
 κέντρῳ τῷ η, διαστήματι δὲ τῷ ηθ κύκλος γεγράφθω
 ὁ λ, καὶ τεμνέτωσαν ἀλλήλους οἱ κύκλοι. τοῦτο γὰρ
 ἔλαβεν ὁ στοιχειωτής. πόθεν οὖν τοῦτο; φησὶν τις.
 μήποτε γὰρ ἡ ἐφάπτονται μόνον ἀλλήλων, ἡ οὐδὲ 10
 ἐφάπτονται; τῶν γὰρ τριῶν ἐν τι πᾶσχειν αὐτοὺς
 ἀναγκαῖον, ἡ τέμνειν ἀλλήλους, ἡ ἐφάπτεσθαι, ἡ δι-
 εστάναι ἀπ' ἀλλήλων. λέγω δὴ οὖν ὅτι τέμνουσιν ἐξ
 ἀνάγκης ἀλλήλους. ἐφαπτέσθωσαν γὰρ πρότερον ἀλ-
 λήλων. ἐπεὶ τοίνυν

15

τὸ ζ κέντρον ἐστὶ
 τοῦ κ κύκλου, ἴση
 ἐστὶν ἡ $\bar{\delta\zeta}$ τῇ $\bar{\zeta\eta}$,
 καὶ ἐπεὶ τὸ η κέν-
 τρον ἐστὶ τοῦ λ κύ-



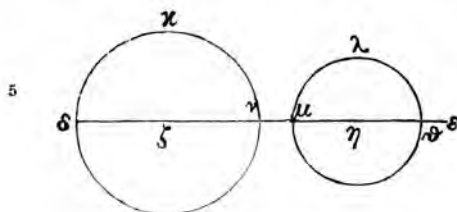
20

κλου, ἴση ἐστὶν ἡ $\bar{\theta\eta}$ τῇ $\bar{\eta\nu}$. δύο δὴ αὖ δὲ $\bar{\eta\theta}$ ἴσαι
 μιᾷ τῇ $\bar{\zeta\eta}$. ἐκείντο δὲ μείζους αὐτῆς, ὥσπερ καὶ ἡ $\bar{\alpha}$
 μετὰ τῆς γ τῆς β μείζων. ἴσαι γὰρ ἐκείναις. || πάλιν,

1 ἔστι G, ἔστω C. 4. 5 Alterum et tertium ἴση om. G, add. C. 9 ἔλαβεν G, 'sortitus est' et in margine 'assumpsit' B.

13 ὅτι οὐ τέμνουσιν G. 23 ἐκείνοις G, ἐκείναις C. || Post ἐκείναις addit B: 'Aequales igitur ipsi, ipsaque maiores sunt,

εἰ δυνατόν, διεστάτωσαν ἀλλήλων αἱ κύκλοι, ὥς οἱ
 κ λ . ἐπεὶ οὖν τὸ ξ τοῦ κ κέντρον, ἴση ἡ $\overline{\delta\xi}$ $\overline{\tau\eta}$ $\overline{\xi\nu}$,



καὶ ἐπεὶ τὸ η
 τοῦ λ κέντρον
 ἡ $\overline{\theta\eta}$ ἴση $\overline{\tau\eta}$
 $\overline{\eta\mu}$. μείζων
 ἄρα ὅλη ἡ $\overline{\xi\eta}$
 τῶν $\overline{\delta\xi}$ $\overline{\theta\eta}$.

ὑπερέχει γὰρ ἡ $\overline{\xi\eta}$ $\overline{\tau\eta}$ $\overline{\nu\mu}$ τῶν $\overline{\delta\xi}$ $\overline{\eta\theta}$. ἔκειτο δὲ τὰς $\overline{\delta\xi}$
 10 $\overline{\theta\eta}$ μείζους εἶναι τῆς $\overline{\xi\eta}$, ὥσπερ καὶ τὰς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\tau\etaς\beta}$.
 ἴση γὰρ ἡ μὲν $\overline{\delta\xi}$ $\overline{\tau\eta}$ $\overline{\alpha}$, ἡ δὲ $\overline{\xi\eta}$ $\overline{\tau\eta}$ $\overline{\beta}$, ἡ δὲ $\overline{\theta\eta}$ $\overline{\tau\eta}$ $\overline{\gamma}$.
 ἀνάγκη ἄρα τοὺς κ λ κύκλους τέμνειν ἀλλήλους, ὥστε
 ὁ στοιχειωτῆς ὀρθῶς τέμνοντας ἔλαβεν ἀλλήλους τοὺς
 κύκλους, ἐπειδὴ καὶ τῶν τριῶν εὐθειῶν ὑπέθετο τὰς
 15 δύο μείζους τῆς λοιπῆς πάντη μεταλαμβανομένης καὶ
 οὔτε ἴσας οὔτε ἐλάττους τῆς μιᾶς. ἀνάγκη δὲ ἐφαπτο-
 μένων μὲν ἴσας εἶναι, διεστώτων δὲ ἐλάσσους τὰς δύο
 τῆς λοιπῆς.

quod fieri non potest'.

9 ἐκεῖ δὲ G, ἔκειτο δὲ C.

14 ἐπεὶ G, ἐπειδὴ C. 16—17 τῆς μιᾶς . . . ἐλάσσους om. G,
 add. C.

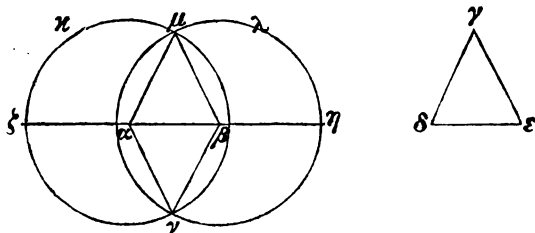
Prop. XXIII, probl. VIII. *Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνία ἴσην γωνίαν εὐθύγραμμον συστήσασθαι.*

Πρόβλημα καὶ τοῦτο, Οἰνοπίδου μὲν εὗρημα⁵ μαῖλλον, ὥς φησὶν Εὐδημος, γωνίας δὲ σύστασιν ἀπαιτοῦν ἴσης ἄλλῃ τῇ δοθείσῃ γωνία εὐθυγράμμῳ πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ δοθέντι σημείῳ. τὸ μὲν οὖν τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον ἀναγκαιῶς εἶναι προσέθηκεν, ἐπειδὴ καὶ ἀδύνατον¹⁰ πᾶσιν γωνία ἴσην γωνίαν πρὸς εὐθείᾳ συστήσασθαι. δέδεικται γὰρ ὅτι τῶν περιφερογράμμων γωνιῶν δύο μόνον εἰσὶν εὐθυγράμμοις ἴσαι, ἥ τε τοῦ πελεκέως^{ΔΕΥΚΕΥΣ} πᾶσιν εὐθυγράμμῳ ἴση δεικνυμένη καὶ ἡ τοῦ μηννοειδοῦς^{ΔΕΥΚΕΥΣ} ἀχήμετος^{ΔΕΥΚΕΥΣ} διμοίρω ὀρθῆς ἴση οὔσα. ||¹⁵ γίνεται δὲ τὸ μηννοειδὲς τοῦτο δύο κύκλων διὰ τῶν κέντρων τεμνόντων ἀλλήλους. τὸ δὲ πρὸς εὐθείᾳ τινὶ γίνεσθαι τὴν σύστασιν τῆς γωνίας ὠρισμένην ποιεῖ τὴν συνισταμένην καὶ οὐκ ἀδιάφορον κατὰ τὸ εἶδος, ἀλλ' ἦτοι εὐθύγραμμον ἢ μικτήν. οὐδεμιᾶς δὲ μικτῆς²⁰

1 *M* in margine *πρ. β̄ κγ.* 5 καὶ om. *G.* 7 ἴσας *G.* ἴσης *C.* 11 πρὸς εὐθείαν *G.* 13 ἥ τε τοῦ μηννοειδοῦς *G.* ἥ τε μηννοειδῆς *C.* qui tamen in margine adnotavit: 'erat etiam imutatus (?) γωνία tamen non apparebat, quid scriptum esset'. 'angulus bipennnis' *Z.* 'Angulus scilicet Figurae Lunularis' *B.* Supra (p. 189, 12—190, 23) legitur vox μηννοειδῆς, quam hoc loco Proclus certae tantum huiusmodi angulorum speciei tribuit. 14 ἥδη δεδεικνυμένη *G.* ἴση δεικνυμένη *C.* || ἡ τοῦ πελεκέως *G.* ἡ τοῦ μηννοειδοῦς *C.* 'angulus lunularis figurae' *Z.* 'Angulus Figurae illius, quae Securi similis est' *B.* — Demonstrationem, eiusmodi angulum duabus Recti tertiis esse aequalem, quam Proclus omisit, addidit Taylor in pag. 126. Proclus huius anguli mentionem fecit in pag. 301, 10—13. 18 *στάσιν G.* 20 *μικτόν G.* *μικτήν C.*

ἴσης εἶναι δυναμένης εὐθύγραμμῳ πρόδηλον ὅτι καὶ αὐτὴ πάντως εὐθύγραμμος ἐστίν.

Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς ἀπλῶς προσχρησάμενος τῷ πρὸ τούτου προβλήματι καὶ ἐκ τριῶν εὐθειῶν ἴσων 5 τρισὶ ταῖς δοθείσαις συστήσας τρίγωνον ἐποίησεν τὸ προσταχθέν, λαβοῖς δ' ἂν τὴν σύστασιν τοῦ | τριγώνου διδασκαλικώτερον τὸν τρόπον τοῦτον. ἔστω

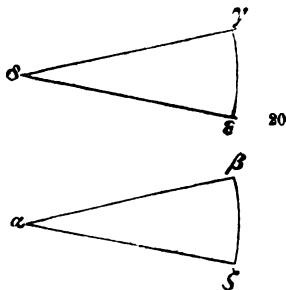


εὐθεῖα ἡ $\overline{αβ}$, τὸ δὲ πρὸς αὐτῇ δοθὲν σημεῖον τὸ $\overline{α}$, ἡ δὲ δοθεῖσα εὐθύγραμμος ἡ ὑπὸ $\overline{γδε}$. δεῖ δὴ ποιῆσαι 10 τὸ προσταχθέν. ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{γε}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα ἡ $\overline{αβ}$, ὥς ἐπὶ τὰ $\overline{ζη}$, καὶ κείσθω τῇ μὲν $\overline{γδ}$ ἴση $\overline{ζα}$, τῇ δὲ $\overline{δε}$ ἴση ἡ $\overline{αβ}$, τῇ δὲ $\overline{γε}$ ἡ $\overline{βη}$, καὶ κέντρῳ τῷ $\overline{α}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{ζα}$ κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{κ}$, καὶ πάλιν ὥσπερ ἐπὶ τοῦ πρὸ τούτου κέντρῳ τῷ 15 $\overline{β}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{βη}$ κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{λ}$. τέμνουσιν ἄρα ἀλλήλους οἱ κύκλοι ὥς προδεδείκται. τεμνέτωσαν κατὰ τὰ $\overline{μν}$ σημεία, καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{μ}$ ἐπιξέυ-

2 αὕτη G. 6 προσταθέν M, προτεθέν B₃, G, 'Propositum'
B, Z. 9 ὑπὸ γδ. ἔδει M. 14 ὥς G, ὥσπερ C. 17 μ] ν G, 'n' B, 'm' Z.

χθωσαν ἐπὶ τὰ κέντρα, καὶ ἀπὸ τοῦ $\bar{\nu}$ ὠσαύτως. ἐπεὶ οὖν $\bar{\iota}\sigma\eta$ ἡ $\bar{\xi}\alpha$ τῇ $\bar{\alpha}\mu$ καὶ τῇ $\bar{\alpha}\nu$, ἡ δὲ $\bar{\xi}\alpha$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\gamma}\delta$, καὶ ἡ $\bar{\alpha}\mu$ καὶ ἡ $\bar{\alpha}\nu$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ τῇ $\bar{\gamma}\delta$. πάλιν ἐπεὶ $\bar{\iota}\sigma\eta$ ἡ $\bar{\eta}\beta$ τῇ $\bar{\beta}\mu$ καὶ τῇ $\bar{\beta}\nu$, ἡ δὲ $\bar{\eta}\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$, ἡ ἄρα $\bar{\beta}\mu$ καὶ ἡ $\bar{\beta}\nu$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$. ἀλλὰ καὶ ἡ $\bar{\alpha}\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\delta}\epsilon$. δύο ἄρα $\bar{\alpha}\iota$ $\bar{\alpha}\beta$ $\bar{\alpha}\mu$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ ταῖς $\bar{\delta}\epsilon$ $\bar{\delta}\gamma$ καὶ βάσεις ἡ $\bar{\beta}\mu$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\bar{\mu}\alpha\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ πρὸς $\bar{\tau}\omega$ $\bar{\delta}$. καὶ πάλιν δύο $\bar{\alpha}\iota$ $\bar{\nu}\alpha$ $\bar{\alpha}\beta$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ δυοῖν ταῖς $\bar{\gamma}\delta$ $\bar{\delta}\epsilon$, καὶ βάσεις ἡ $\bar{\nu}\beta$ βάσει τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$ $\bar{\iota}\sigma\eta$, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\bar{\nu}\alpha\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ ὑπὸ $\bar{\gamma}\delta\epsilon$. καὶ γέγονεν τὸ προσταχθὲν διπλασίως. οὐ γὰρ μίαν μόνον, ἀλλὰ δύο συνεστησάμεθα γωνίας $\bar{\iota}\sigma\alpha\varsigma$ τῇ δοθείσῃ ἐφ' ἑκάτερα τῆς $\bar{\alpha}\beta$ εὐθείας, || ἵνα καὶ ἐν τοῖς ἐξῆς, ἐφ' ὁπότερα ἂν βουλώμεθα ποιεῖσθαι τὴν σύστασιν, ἀναμφισβήτητον εἴη καὶ μὴ τις ἀντιλέγῃ.

Ταῦτα μὲν οὖν πρὸς τὴν τοῦ στοιχειωτοῦ κατασκευὴν συμβαλλόμεθα, τὴν δὲ Ἀπολλωνίου δεῖξιν οὐκ ἐπαινοῦμεν, ὥς δεομένην τῶν ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ δεικνυμένων. λαβὼν γὰρ ἐκεῖνος γωνίαν τυχοῦσαν τὴν ὑπὸ $\bar{\gamma}\delta\epsilon$ καὶ εὐθείαν τὴν $\bar{\alpha}\beta$ κέντρῳ $\bar{\tau}\omega$ $\bar{\delta}$, διαστήματι δὲ $\bar{\tau}\omega$ $\bar{\gamma}\delta$ γράφει τὴν $\bar{\gamma}\epsilon$ περιφέρειαν, καὶ ὠσαύτως κέντρῳ $\bar{\tau}\omega$ $\bar{\alpha}$, διαστή-



1 $\bar{\nu}$] $\bar{\mu}$ G, 'm' B, 'n' Z. 13 ἐν τοῖς ἐφεξῆς G.
14 ἀναμφισβήτητον G. 16 συμβαλλόμεθα G.

ματι δὲ τῷ $\overline{αβ}$ τὴν $\overline{ξβ}$, καὶ ἀπολαβὼν τῇ $\overline{γε}$ ἴσῃν τὴν $\overline{ξβ}$ ἐπιξεύγνυσιν τὴν $\overline{αξ}$. καὶ ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβηκυίας τὰς $\overline{α}$ δὲ $\overline{γωνίας}$ ἴσας ἀποφαίνει. δεῖ δὲ προλαβεῖν καὶ ὅτι ἡ $\overline{αβ}$ ἴση τῇ $\overline{γδ}$, ἵνα καὶ οἱ κύκλοι
 5 ἴσοι ᾖσι. τὴν οὖν τοιαύτην κατασκευὴν ὥς τοῖς ὕστερον προσχρωμένῃν ἄλλοτρίαν εἶναι τῆς στοιχειώσεως νομίζομεν, τὴν δὲ τοῦ γεωμέτρου προτιθέμεν ὥς ταῖς ἀρχαῖς ἐπομένῃν.

Prop. XXIII, theor. XV. Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 10 πλευρὰς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρῃ, ἔχῃ δὲ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξει.

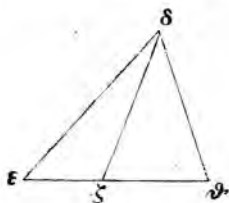
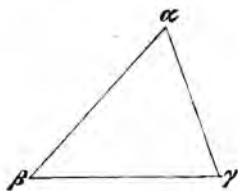
Πάλιν ἐπὶ τὰ θεωρήματα μεταβέβηκε καὶ τοὺς
 15 ὁμοίους ἀποδίδωσι περὶ τῆς ἀνισότητος λόγους ἐπὶ δύο τριγώνων, οὓς καὶ ἐπὶ τῆς ἰσότητος. δύο γὰρ ὑποθέμενος τρίγωνα δύο πλευρὰς ἴσας ἔχοντα, ἑκατέραν ἑκατέρῃ, τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίαν ὅτε μὲν ἴσῃν ἐν ἀμφοτέροις τίθεται, ὅτε δὲ ἄνισον, καὶ τῇ
 20 μὲν ἰσότητι ταύτης ἐπομένῃν ἔδειξεν τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων καὶ τῇ τούτων ἰσότητι δείκνυσιν ἐπακολουθεῖσαν τὴν τῶν γωνιῶν τῶν πρὸς ταῖς κορυφαῖς

1 τὴν $\overline{βξ}$ περιφέρειαν G, τὴν $\overline{ξβ}$ C. 9 In M in margine κδ. 15 περὶ τῆς ἀνισότητος om. G, add. C. 16 τῆς ante ἰσότητος om. G. 19 In M in margine: ἀπὸ τῶν δ καὶ ἡ δῆλον τὸ θεωρήμα. 20 ταύτη G, ταύτης C. 21 τούτων] in M in margine: τούτων, τινῶν δῆλον ὅτι τῶν βάσεων καὶ γὰρ ἀντιστρέφει. 22 τῶν ante πρὸς ταῖς om. G.

ἰσότητα, καὶ τῇ ἀνισότητι τὴν ἀνισότητα. τοῦτο τοί-
 νυν || τὸ θεωρήμα τὸ νῦν προτεινόμενον ἀντίκειται
 μὲν τῷ τετάρτῳ — ἐκεῖνο μὲν γὰρ ἴσας ὑπέθετο τὰς
 πρὸς ταῖς κορυφαῖς τῶν τριγώνων γωνίας, τοῦτο δὲ
 ἀνίσους. καὶ ἐκεῖνο μὲν ἴσας αὐτῶν ἀπεδείκνυ τὰς βά- 5
 σεις τοῦτο δὲ ὡσαύτως ταῖς γωνίαις ἀνίσους — προ-
 ηγεῖται δὲ τοῦ ἐφεξῆς θεωρήματος. ἐκεῖνο μὲν γὰρ
 ἀπὸ τῶν βάσεων ἐπὶ τὰς γωνίας, καθ' ἃς ὑποτείνου-
 σιν αἱ βάσεις, μετὰγει τὸν τῆς ἀνισότητος λόγον, τοῦτο
 δὲ ἀνάπαλιν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς βάσεις τὰς ὑπ' 10
 αὐτάς. ὥσπερ αὖ τὸ ἐφεξῆς ἀντίστροφον μὲν ἐστὶ
 πρὸς τοῦτο κατὰ τὸν εἰρημένον τρόπον, ἀντικείμενον
 δὲ τῷ ὀγδόῳ θεωρήματι. τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ τῆς ἰσότη-
 τος τῶν βάσεων ἴσας ἀποδείκνυσιν τὰς πρὸς ταῖς κο-
 ρυφαῖς γωνίας, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἀνισότητος τῶν βάσεων 15
 καὶ ἐκεῖνας ἀνίσους ἀποφαίνει. κοινὸν δὲ τοῖς τέτρα-
 σιν, ὧν δύο μὲν περὶ τὸ ἴσον στρέφεται, τὸ δ' καὶ τὸ η ,
 δύο δὲ περὶ τὸ ἄνισον, τοῦτό τε καὶ τὸ ἐξῆς, καὶ δύο
 μὲν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἄρχεται, τὸ τέταρτον καὶ ὃ νυνὶ
 προσεθέμεθα ζητεῖν, δύο δὲ ἀπὸ τῶν βάσεων, τό τε 20
 ὀγδοον καὶ τὸ ἐφεξῆς τεταγμένον — δεῖ (?) οὖν τούτοις
 τέτρασι τῷ δ καὶ η καὶ $\kappa\delta$ καὶ $\kappa\epsilon$ τοῖς ἅπασι τὸ τὰς
 δύο πλευρὰς ἴσας ἔχειν ταῖς δύο πλευραῖς ἐκατέραν
 ἐκατέρα. τούτων γὰρ ἀνίσων οὐσῶν περιτιτῇ πᾶσα
 ζήτησις καὶ ἀπάτης οὐκ ἀπηλλαγμένη. 25

1 τὴν ἀνισότητα τῇ ἀνισότητι G. || τοῖνυν] οὖν G.
 5 ἀποδείκνυσιν G, ἀπεδείκνυσιν C. 11 αὐτὸ G. || ἀντιστρό-
 φιον M, in quo in margine legitur: ση. τί ἐστὶν ἀντίστροφον
 καὶ τί ἀντικείμενον. 16 ἀποφαίνον G, ἀποφαίνει C. || In
 M in margine: ὁρόλον singulis litteris compendio ὡς suppo-
 sitis. 21 τεταγμένον G, τεταγμένον C.

Τοσαῦτα καθόλου περὶ τῶν προκειμένων εἰρήσθω.
 φέρε δὲ καὶ τὴν τοῦ στοιχειωτοῦ κατασκευὴν τοῦδε
 τοῦ θεωρήματος ἀνασκευάμεθα, καὶ τὸ ἐλλείπον αὐτῇ
 προσθῶμεν. λαβὼν γὰρ δύο τρίγωνα τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{δεξ}$
 ἴσας ἔχοντα τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ ταῖς $\overline{δε}$ $\overline{δξ}$ ἑκατέραν ἑκατέρα
 καὶ τὴν πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίαν τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ μείζονα,
 δείξαι τε βουλόμενος τὴν $\overline{βγ}$ τῆς $\overline{εξ}$ μείζονα πρὸς τῇ
 $\overline{εδ}$ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{δ}$ συνίστησιν ἴσην |
 γωνίαν τῇ πρὸς τῷ $\overline{α}$ τὴν ὑπὸ $\overline{εδθ}$ — μείζων γὰρ ἡ
 πρὸς τῷ $\overline{α}$ τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ — καὶ ἀφείλεν ἴσην τῇ $\overline{αγ}$
 τὴν $\overline{δθ}$. τῆς οὖν $\overline{εξ}$ εὐθείας ἐκβαλλομένης τὸ $\overline{θ}$ ση-
 μεῖον ἢ ἀνωτέρω πίπτει τῆς εὐθείας, ἢ ἐπ' αὐτῆς, ἢ
 ὑπ' αὐτήν. ὁ μὲν δὴ στοιχειωτῆς ὡς ἀνωτέρω κεί-
 μενον ἔλαβεν. ἔστω δὲ ἐπ' αὐτῆς || τῆς εὐθείας. πά-

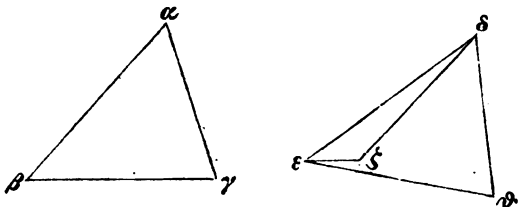


15 λιν οὖν αὐτόθεν δείξομεν. δύο γὰρ αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ δύο
 ταῖς $\overline{δε}$ $\overline{δθ}$ ἴσαι καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι. καὶ ἡ

2 καὶ] κατὰ M, C.
 αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{δ}$ C.
 12 ἐπ' αὐτήν G, ὑπ' αὐτήν B.

8 πρὸς αὐτῆς σημείῳ $\overline{δ}$ G, πρὸς
 10 ἀφείλεν] ἐπιζεύγνυσιν B, G, 'au-
 fert' Z, 'connectit' B.

$\overline{\beta\gamma}$ ἄρα βάσις τῇ $\varepsilon\theta$ ἴση. ἀλλ' ἡ $\varepsilon\theta$ τῆς $\varepsilon\zeta$ μείζων,
ὥστε καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῆς $\varepsilon\zeta$ μείζων. ἀλλὰ δὴ ἔστω τῆς $\varepsilon\zeta$
κατωτέρω κείμενον. ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν $\varepsilon\theta$ ἐροῦμεν



ὥς, ὅτι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ταῖς $\overline{\delta\epsilon}$ $\overline{\delta\theta}$ ἴσαι καὶ γωνίας ἴσας
περιέχουσι, καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ ἄρα ἴση τῇ $\varepsilon\theta$. ἐπεὶ οὖν τρι-⁵
γώνου τοῦ $\varepsilon\theta\delta$ ἐντὶς συνέστησαν αἱ $\overline{\delta\zeta}$ $\overline{\xi\epsilon}$ ἐπὶ τῆς
 $\overline{\delta\epsilon}$, ἐλάσσους εἶσι τῶν ἐκτός. ἴση δὲ ἡ $\overline{\delta\theta}$ τῇ $\overline{\delta\zeta}$ —
καὶ γὰρ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ — μείζων ἄρα ἡ $\overline{\delta\epsilon}$ τῆς $\varepsilon\zeta$. ἀλλ' ἡ
 $\overline{\delta\epsilon}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ ἔστιν ἴση, μείζων ἄρα ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῆς $\varepsilon\zeta$. κατὰ
παῖσαν ἄρα θέσιν δέδεικται τὸ θεώρημα. 10

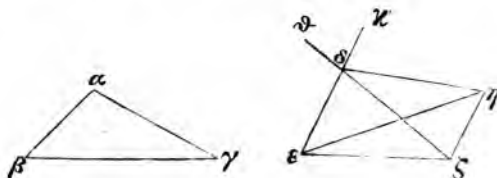
Διὰ τί δὴ οὖν οὐχ, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ τετάρτου θε-
ωρήματος προσαπέδειξεν ὅτι καὶ τὰ ἐμβαδὰ τῶν τρι-
γώνων ἴσα ἐστίν, οὕτω καὶ ἐν τούτῳ προσέθηκεν, ὅτι
πρὸς τῇ ἀνισότητι τῶν βάσεων καὶ τὰ ἐμβαδὰ ἀνισα;
πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπορίαν λεγέσθω ὅτι οὐχὶ ὁ¹³
αὐτὸς λόγος ἐπὶ τε τῶν ἴσων γωνιῶν καὶ βάσεων καὶ
τῶν ἀνίσων. ἴσαις μὲν γὰρ οὖσαις ταῖς γωνίαις καὶ
ταῖς βάσεσιν ἔπεται καὶ ἡ τῶν τριγώνων ἰσότης.

¹ μείζων τῆς $\varepsilon\zeta$ G.
¹³ οὕτω] τοῦ G, corr. C.

³ κείμενη G.
¹⁴ ἀνισα om. M.

¹¹ δὴ om. G.
¹⁵ δὴ G, δὲ C.

ἀνίστοις δὲ ἄρα οὐσῶν οὐκ ἀνάγκη τὴν ἀνισότητα τῶν
 ἐμβαδῶν ἀκολουθεῖν, ἀλλὰ γὰρ δύναται καὶ ἴσα εἶναι
 τὰ τρίγωνα καὶ ἄνισα, καὶ μείζον τὸ ἔχον τὴν μείζονα
 γωνίαν καὶ βάσιν καὶ αὐτὴν ἔλασσον. διὰ τοῦτο οὖν ἐ
 5 στοιχειωτῆς παρέλειπεν τὴν τῶν τριγώνων σύγκρισιν,
 ἅμα δὲ καὶ ὅτι ἡ περὶ τούτων θεωρία τῆς τῶν παραλ-
 λήλων δεῖται πραγματείας. εἰ δὲ δεῖ προλαβόντας
 ἡμᾶς τὰ μέλλοντα δείκνυσθαι καὶ νῦν ποιήσασθαι
 τὴν τῶν ἐμβαδῶν παράθεσιν, λέγομεν ὅτι δύο ὀρθαῖς
 10 ἴσων οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha}$ δ $\overline{\gamma}$ γωνιῶν — γινέσθω δὲ ὁ λόγος
 ἐπὶ τῆς ἐν τῷ στοιχείῳ καταγραφῆς — ἴσα δείκνυται
 τὰ τρίγωνα, || μειζόνων δὲ δυεῖν ὀρθῶν ἔλασσον τὸ
 ἔχον τὴν μείζονα γωνίαν, ἔλασσόνων δὲ οὐσῶν, μείζον.



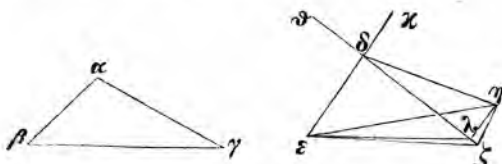
ἔστω γὰρ τὰ ἐν τῷ στοιχείῳ κατεσκευασμένα καὶ ἐκ-
 15 βεβλήσθωσαν αὐτὴν ἐδ $\overline{\zeta\delta}$, καὶ ὑποκεισθῶσαν αὐτὴν ὑπὸ
 $\overline{\beta\alpha\gamma}$ ἐδξ δύο ὀρθαῖς ἴσαι. ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ ἴση
 τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$, αὐτὰ ἄρα ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ ἐδξ δύο ὀρθαῖς ἴσαι
 εἰσὶν. εἰσὶ δὲ καὶ αὐτὴν ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\kappa\delta\eta}$ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσαι.
 κοινὴ ἀφηγήσθω ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$

5 τὴν τριγώνου G, τὴν τῶν τριγώνων C. 8 τὰ μένοντα G,
 corr. C. 14 στοιχειωτῇ M, C.

τῇ ὑπὸ ηδκ ιση. ἀλλ' ἡ ὑπὸ εδξ ιση τῇ ὑπὸ θδκ
 — κατὰ κορυφὴν γὰρ — καὶ ἡ ὑπὸ ηδκ ἄρα. καὶ
 ἐπεὶ τριγώνου τοῦ ηδξ ἐκτός ἐστιν ἡ ὑπὸ ηδθ, ιση
 ἐστὶ ταῖς δύο ἀπεναντίον ταῖς πρὸς τῷ η καὶ ξ. ἀλλὰ
 αὐταὶ ισαὶ ἀλλήλαις· καὶ γὰρ ἡ δη τῇ δξ· ἡ ἄρα ὑπὸ ⁵
ηδθ διπλῇ τῆς πρὸς τῷ η γωνίας. ιση ἄρα ἡ πρὸς
 τῷ η τῇ ὑπὸ κδη, καὶ εἰσιν ἐναλλάξ· παράλληλος
 ἄρα ἡ δε τῇ ξη. τὰ ἄρα ηδε ξδε τρίγωνα ἐπὶ τῆς
 αὐτῆς βάσεως ἐστὶν τῆς δε καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλ-
 λήλοις ταῖς δε καὶ ηξ· ισα ἄρα ἐστίν· ἀλλὰ τὸ ηδε ¹⁰
τῷ αβγ ισον, καὶ τὸ δεξ ἄρα τῷ αβγ ισον. καὶ ὁρᾷς
 ὅτι τριῶν ἰδεήθημεν θεωρημάτων, ἃ τῆς τῶν παραλ-
 λήλων ἐστὶ πραγματείας, ἐνὸς μὲν ὅτι παντὸς τριγώ-
 νου ἡ ἐκτός γωνία δύο ταῖς ἐντός καὶ ἀπεναντίον
ιση, ἐτέρου δὲ ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπί- ¹⁵
 πتуса τὰς ἐναλλάξ ισας ποιῇ, παράλληλοί εἰσιν αἱ
 εὐθεῖαι, τοῦ τρίτου δὲ ὅτι τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως
 τρίγωνα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ισα ἐστίν·
 ἃ καὶ ὁ στοιχειωτὴς εἰδὼς παρῆκεν τὴν τῶν τριγώνων
 σύγκρισιν. ἀλλὰ δὴ ἔστωσαν αἱ ὑπὸ βαγ εδξ γωνίαι ²⁰
μείζους δυεῖν ὀρθῶν καὶ κατεσκευάσθω τὰ αὐτά. ἐπεὶ
 οὖν αἱ ὑπὸ βαγ εδξ, τουτέστιν αἱ ὑπὸ εδη εδξ μεί-

4 ταῖς δύο ταῖς ἀπεναντίον G. 6 ταῖς πρὸς τῷ η καὶ
ξ γωνίαις G, corr. C. 11 Prius ισον om. M. 12 τῆς
 om. G, add. C. 21 δυεῖν] δύο G, δυοῖν C. || προκατα-
 σκευάσθω G, κατασκευάσθω C. 22 αἱ ὑπὸ ante εδη om. G,
 add. C.

ζους δύο ὀρθῶν, αὐτὴ δὲ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{ηδκ}$ ἴσαι δύο ὀρθαῖς,
κοινῆς ἀφαιρουμένης τῆς ὑπὸ $\overline{εδη}$, μείζων ἢ ὑπὸ $\overline{εδξ}$

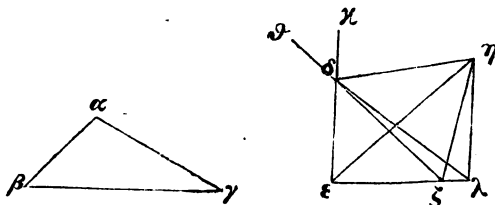


τῆς ὑπὸ $\overline{ηδκ}$, τουτέστιν ἢ ὑπὸ $\overline{κδθ}$ μείζων || τῆς ὑπὸ
 $\overline{ηδκ}$. μείζων ἄρα ἢ διπλῇ [τῆς ὑπὸ $\overline{ηδθ}$, τουτέστι
5 διπλῆς] τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$ γωνίας. ἢ ἄρα ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἐλάσ-
σων ἐστὶ τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$. κείσθω ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἢ
ὑπὸ $\overline{δηλ}$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{ελ}$. παράλληλος ἄρα ἢ $\overline{ηλ}$
τῇ $\overline{δε}$. τὰ ἄρα $\overline{ηδε}$ $\overline{λδε}$ τρίγωνα ἴσα ἐστίν. ἀλλὰ τὸ
 $\overline{λδε}$ τοῦ $\overline{ζδε}$ ἑλάσσον· τὸ ἄρα $\overline{ηδε}$ ἑλάσσον τοῦ $\overline{ζδε}$.
10 ἴσον δὲ τὸ $\overline{ηδε}$ τῷ $\overline{αβγ}$ · τὸ ἄρα $\overline{αβγ}$ ἑλάσσον τοῦ
 $\overline{ζδε}$ τὸ ἔχον τὴν μείζονα [γωνίαν]. τὸ δὲ τρίτον
ἕστωσαν ἐλάσσους ὀρθῶν δυεῖν αὐτῶν γωνίαι, καὶ
κατεσκευάσθω τὰ αὐτά. ἐπεὶ οὖν αὐτὴ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{ηδκ}$

1 αὐτὴ δὲ] τῆς G , αὐτὴ δὲ C . 4 τῆς ὑπὸ $\overline{ηδθ}$, τουτέστι
διπλῆς ex coniectura addidi. μείζων ἄρα ἢ διπλῇ M , μείζων
ἐστὶν ἢ (ἢ B_3) διπλῇ τῆς ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἢ διπλῇ B_3 , G , 'maior igitur
est duplo' Z , 'Angulus igitur gdh maior quam duplus est Anguli
 gdk , ipse nempe qui duplus est' B . 5 γωνίας om. G .

8 ἐστὶν om. G . 10—11 ἴσον . . . $\overline{ζδε}$ om. G , add. C .
11 γωνίαν om. M , B_3 , G . In M additum est post μείζονα: τὸ ἄρα
 $\overline{ηδε}$ ἑλάσσον τοῦ $\overline{ζδε}$ τὸ ἔχον τὴν μείζονα.

δυεῖν ὀρθαῖς ἴσαι, κοινῆς ἀφαιρουμένης τῆς ὑπὸ
[$\varepsilon\delta\eta$ ἐλάσσων ἢ ὑπὸ $\varepsilon\delta\zeta$, τουτέστιν ἢ ὑπὸ $\kappa\delta\theta$, τῆς



ὑπὸ $\eta\delta\kappa$. καὶ] ὅλη ἢ ὑπὸ $\eta\delta\theta$ ἐλάσσων ἢ διπλῇ τῆς
ὑπὸ $\eta\delta\kappa$. ἀλλὰ καὶ διπλῇ ἐστὶ τῆς πρὸς τῷ η γωνίας.
ἢ ἄρα ὑπὸ $\eta\delta\kappa$ μείζων τῆς πρὸς τῷ η . κείσθω τῇ 5
ὑπὸ $\eta\delta\kappa$ ἴση ἢ ὑπὸ $\delta\eta\lambda$, καὶ συμπιπτέτω ἢ $\eta\lambda$ τῇ $\varepsilon\zeta$
κατὰ τὸ λ , καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\delta\lambda$. παράλληλος ἄρα ἢ
 $\eta\lambda$ τῇ $\delta\varepsilon$. ἴσα ἄρα τὰ $\eta\delta\varepsilon$ $\delta\lambda\varepsilon$ τρίγωνα ἀλλήλοις.
ἀλλὰ τὸ μὲν $\lambda\delta\varepsilon$ μείζων τοῦ $\zeta\delta\varepsilon$, τὸ δὲ $\eta\delta\varepsilon$ ἴσον τῷ
 $\alpha\beta\gamma$. τὸ ἄρα $\alpha\beta\gamma$ μείζων τοῦ $\delta\zeta\varepsilon$. δέδεικται ἄρα 10
τὸ $\alpha\beta\gamma$ τῷ $\delta\varepsilon\zeta$ καὶ ἴσον καὶ μείζων καὶ ἑλασσον τῶν
πρὸς τῷ α καὶ δ γωνιῶν ἢ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν ἢ
μειζόνων δυεῖν ὀρθῶν ἢ ἐλασσόνων. καὶ πᾶσαι αἱ
ὑποθέσεις τὸ δυνατόν ἔχουσι. τί γάρ, εἰ ἢ πρὸς τῷ

2—3 $\varepsilon\delta\eta$. . . $\eta\delta\kappa$. καὶ addidi ex coniectura; in *M* legi-
tur tantum $\kappa\delta\theta$, in *B*, *G* $\varepsilon\delta\eta$. 'kdh' *Z*, 'edg' *B*. 4—5 γω-
νίας . . . τῷ η om. *G*, add. *C*. 5 μείζων ἐστὶ *C*.

6 $\eta\lambda$ τῇ om. *M*.

$\bar{\alpha}$ εἴη μιᾶς ἡμισείας ὀρθῆς, ἵ δὲ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ ἡμισείας;
 οὐχὶ δυσὶν ὀρθαῖς αἰ δύο ἴσαι; τί δέ, εἰ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$
 μιᾶς ἡμισείας, || ἡ δὲ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ μιᾶς; οὐχὶ μείζους
 δύο ὀρθῶν; τί δέ, εἰ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$ μιᾶς ἡμισείας, ἡ
 5 δὲ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ τρίτου; οὐχὶ ἐλάσσους δύο ὀρθῶν; καὶ
 αἰ εἰ ἡ $\bar{\alpha}$ μείζων τῆς πρὸς τῷ $\bar{\delta}$. πᾶσαι οὖν διὰ τῆς
 τῶν παραλλήλων ἡμῖν γερόνασι προσχρήσεως. ἀναγ-
 καίως ἄρα παράκεινται τῷ στοιχειωτῇ.

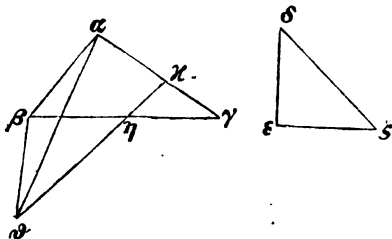
Prop. XXV, theor. XVI. || Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 10 πλευρὰς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἐκά-
 τέρα, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔχῃ,
 καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔξει τὴν
 ὑπὸ τῶν ἴσων ἐνθειῶν περιεχομένην.

Τοῦτο τὸ θεωρήμα ἀντίκειται μὲν τῷ ὀγδόῳ,
 15 ἀντιστρέφει δὲ τῷ πρὸς αὐτοῦ. κατὰ συζυγίαν γὰρ ὁ
 στοιχειωτῆς προήγαγεν τὰ τε ἐπὶ τῆς ἰσότητος τῶν
 γωνιῶν καὶ τῶν βάσεων καὶ τὰ ἐπὶ τῆς ἀνισότητος
 θεωρήματα καθ' ἑκατέραν τῶν συζυγιῶν τὰ μὲν προ-
 γρούμενα, τὰ δὲ ἀντίστροφα λαμβάνων καὶ ἐπὶ μὲν

1 μιᾶς καὶ ἡμισείας G. 1—3 ἡμισείας; οὐχὶ . . . πρὸς
 τῷ $\bar{\delta}$ om. G, add. C. 2 οὐχὶ om. C. 3 μιᾶς καὶ ἡμι-
 σείας C. || μιᾶς; οὐχὶ] μιᾶς οὐσης M, διμοίρον, οὐχὶ G.
 ἡμισείας οὐχὶ B₃, 'unius qui . . . sit' Z, 'binae unius Recti
 Tertiae, nonne' B. 4 μιᾶς καὶ ἡμισείας G. 6 οὖν om. M,
 B₃ = G, 'at (= autem?)' Z, 'itaque' B. 8 κεῖνται G.
 9 Procli commentario hoc loco addunt Z et B (p. 198—200) in-
 certi auctoris quod in fine additum est scholium et deinceps B
 (p. 200—207) alterum scholium a se compositum una cum corol-
 lario. 10 δύο πλευραῖς om. M. 14 In M in margine κῆ.
 16 τε om. G, add. C. 18 ἑτέραν C.

τῶν προηγουμένων ταῖς ἐπ' εὐθείας δείξεισι χρώμενος, ἐπὶ δὲ τῶν ἀντιστροφῶν ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς. οὕτω δὲ καὶ ἐφ' ἐνὸς ἐκάστου πεποίηκεν τριγώνου· τότε μὲν τῇ ἰσότητι τῶν ἐν αὐτῷ πλευρῶν δεικνυσι τὴν ἰσότητα τῶν ὑποτεينوμένων γωνιῶν ἀκολουθοῦσαν, τότε δὲ τῇ ἀνισότητι * καὶ αὐτὴ πάλιν ἀντιστροφῶς τῇ μὲν ἰσότητι τῶν γωνιῶν τὴν ἰσότητα τῶν ὑποτείνουσῶν πλευρῶν, τῇ δὲ ἀνισότητι τὴν ἀνισότητα ἀποφαίνων ἐπομένην. ἀλλ' ἐπὶ τὸ προκείμενον ἐλθόντες ὅπως μὲν ὁ γεωμέτρης ἔδειξεν τὸ θεώρημα 10 πρόδηλον ὄν παρῶμεν ἐκ τῶν βιβλίων ἀναλέγεσθαι τοῖς φιλομαθέσιν, ἃς δὲ καὶ οἱ ἄλλοι κομίζουσιν ἀποδείξεις τοῦ αὐτοῦ, συντόμως ἱστορήσωμεν, καὶ πρῶτον ἦν Μενέλαος ὁ Ἀλεξανδρεὺς ἀνεύρεν καὶ παρέδωκεν. ἔστω δύο τρίγωνα

τὰ $\alpha\beta\gamma$ δεξ, ἰσας
ἔχοντα δύο τὰς $\alpha\beta$
 $\alpha\gamma$ δυσὶ ταῖς δε
δεξ καὶ τὴν $\beta\gamma$
μείζονα τῆς εξ.
λέγω ὅτι ἡ πρὸς



τῷ α τῆς πρὸς τῷ δ μείζων. ἀφηγήσθω γὰρ ἀπὸ τῆς $\beta\gamma$ τῇ εξ ἰση ἢ $\beta\eta$, καὶ συνεστάτω πρὸς τῷ β σημείω τῇ ὑπὸ δεξ γωνία ἰση ἢ ὑπὸ $\eta\beta\theta$, καὶ κείσθω ἰση τῇ δε ἢ $\beta\theta$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\eta\theta$ καὶ ἐκβεβλήσθω 25

1 ἐπ' εὐθείαις M. 2 ἀντιστροφῶν M, ἀντιστροφῶν C.
7—8 τὴν ἰσότητα ... τῇ δὲ ἀνισότητι om. G, add. C. 9 Post ἐπομένην G addit: τῇ δὲ ἀνισότητι τὴν ἰσότητα.

9—10 βακ . . . ἡ ὑπὸ om. *M*, *B*₃, *G*, *Z*, 'Totus igitur bhk
 Angulus toto hoc Angulo est minor' *B*. 14 οὐ om. *M*, *B*₃, *G*, *Z*.
 'non' *B*. 22 διαστήματι δὲ καὶ διαστήματι *G*.

φόμενος ἦξει καὶ διὰ τοῦ $\overline{\theta}$. γεγράφθω ὡς $\overline{\varepsilon\zeta\kappa\theta}$. καὶ
 ἐπεὶ αἱ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ τῆς $\overline{\beta\gamma}$ μείζους, αὐταὶ δὲ ἴσαι τῇ $\overline{\varepsilon\theta}$
 καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῇ $\overline{\eta\varepsilon}$, ὁ κέντρον τῷ $\overline{\varepsilon}$ γραφόμενος κύκλος,
 διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\varepsilon\eta}$, τέμνει τὴν $\overline{\varepsilon\theta}$. τεμνέτω ὁ $\overline{\eta\kappa}$,
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν ἐπὶ τὰ κέντρα τῶν κύκλων ἀπὸ τῆς 5
 κοινῆς τομῆς αἱ $\overline{\kappa\delta}$ $\overline{\kappa\varepsilon}$. ἐπεὶ οὖν τὸ $\overline{\delta}$ κέντρον τοῦ
 $\overline{\theta\kappa\zeta}$, || ἴση τῇ $\overline{\theta\delta}$ ἡ $\overline{\delta\kappa}$, $\overline{\iota\tau\upsilon\tau\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu}$ τῇ $\overline{\delta\zeta}$ καὶ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$.
 πάλιν ἐπειδὴ κέντρον τὸ $\overline{\varepsilon}$ τοῦ $\overline{\eta\kappa}$, ἴση ἡ $\overline{\varepsilon\kappa}$ τῇ $\overline{\varepsilon\eta}$
 τουτέστι τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐπεὶ οὖν δύο αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ δύο ταῖς $\overline{\delta\varepsilon}$
 $\overline{\delta\kappa}$ ἴσαι καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῇ $\overline{\varepsilon\kappa}$, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ γωνία 10
 τῇ ὑπὸ $\overline{\varepsilon\delta\kappa}$ ἴση. μείζων ἄρα τῆς ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\varepsilon}$ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$.

Prop. XXVI, theor. XVII. Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 γωνίας δύο γωνίαις ἴσας ἔχη, ἑκατέραν ἑκα-
 τέρα, ἔχη δὲ καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ
 ἴσην, ἥτοι τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις ἢ τὴν 15
 ὑποτείνουσιν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν, καὶ
 τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς
 ἴσας ἔξει καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ
 γωνίᾳ ἴσην ἔξει.

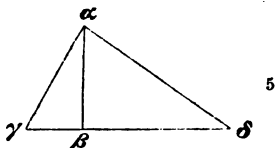
Τὸν τὰ τρίγωνα καὶ τὰς πλευρὰς καὶ τὰς γωνίας 20
 καὶ τὰ ἐμβαδὰ συγκρίνειν βουλόμενον ἀναγκαῖον ἢ
 μόνας τὰς πλευρὰς λαβόντα ἴσας ζητεῖν τὴν ἰσότητα

1 ὡς ὁ $\overline{\varepsilon\kappa\theta}$ G, C. 4 τῇ $\overline{\varepsilon\eta}$ M. || ὡς $\overline{\eta\kappa}$ G. 7 καὶ
 τῇ $\overline{\alpha\gamma}$] καὶ ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ M, ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ B, G. 8 ἐπεὶ G, ἐπειδὴ C.
 12 In M in margine $\overline{\kappa\zeta}$.

τῶν γωνιῶν, ἢ μόνας τὰς γωνίας ἴσας ζητεῖν τὴν
 ἰσότητά τῶν πλευρῶν, ἢ μίξαντα γωνίας καὶ πλευράς.
 μόνας μὲν οὖν γωνίας ἴσας λαβὼν οὐκ ἡδύνατο δεικνύ-
 ναι καὶ τὰς πλευράς τῶν τριγώνων ἴσας. ἐστὶν γὰρ
 5 ἰσογώνια τρίγωνα καὶ τὰ σμικρότατα τοῖς μεγίστοις,
 καὶ ταῖς πλευραῖς καὶ τοῖς περιεχομένοις χωρίοις λει-
 πόμενα τῶν ἐτέρων, τὰς δὲ γωνίας ἴσας ἔχοντα ἐκεί-
 νοις κατὰ μίαν. μόνας δὲ τὰς πλευράς ἴσας ὑποθέ-
 μενος πάντα ἔδειξεν ἴσα κατὰ τὸ ὄγδοον θεωρήμα,
 10 ἐν ᾧ δύο τρίγωνα ἐστὶν ἔχοντα δύο πλευράς ἴσας
 δυσὶν ἑκατέραν ἑκατέρᾳ καὶ τὴν βάσιν ἴσην τῇ βάσει.
 καὶ δεικνύται ἰσογώνια ταῦτα καὶ ἴσων περιληπτικὰ
 χωρίων. καὶ ὁ στοιχειωτὴς τὴν προσθήκην ταύτην
 ἀφείλεν ὥς ἐπομένην ἐξ ἀνάγκης καὶ ἀποδείξεως οὐ
 15 δεομένην, καθάπερ διὰ τὸ τέταρτον. πλευράς δὲ καὶ
 γωνίας λαμβάνων ἢ μίαν πλευρὰν ὥφειλεν λαβεῖν μιᾶ
 ἴσην καὶ μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ, ἢ μίαν πλευρὰν καὶ
 τὰς δύο γωνίας τῶν τριγώνων ἴσας, ἢ ἀνάπαλιν μίαν
 γωνίαν καὶ δύο πλευράς, ἢ μίαν γωνίαν καὶ τρεῖς
 20 πλευράς, ἢ μίαν πλευρὰν καὶ τὰς τρεῖς γωνίας, ἢ καὶ
 πλείους μιᾶς πλευρᾶς λαμβάνειν καὶ πλείους μιᾶς
 γωνίας. ἀλλὰ μίαν γωνίαν καὶ μίαν πλευρὰν λαβὼν
 οὐκ ἐδείκνυ τὸ προκείμενον τῶν ἄλλων τὴν ἰσότητα.
 δυνατόν γοῦν δύο τρίγωνα κατὰ μίαν μόνην πλευρὰν
 25 ἴσα ὄντα καὶ μίαν γωνίαν πᾶσιν ἄνισα τοῖς λοιποῖς

5 ἰσόγωνα G, ἰσογώνια C. 8 ἴσας ante ὑποθέμενος
 om. G, add. C. 11 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ] ἑκατέρας M, ἑκατέ-
 ρας ἑκατέραις G. 12 ἰσόγωνα G, ἰσογώνια C. 15 καθάπερ
 om. G. 18 Post ἀνάπαλιν addit G τῶν τριγώνων ἴσας, del.
 not. C. 20 τὰς om. G, add. C. 21 πλείω μιᾶς πλευρᾶς G,
 πλείονας μιᾶς πλευρᾶς C. 23 ἐδείκνυτο M, G, ἐδείκνυτο
 τὸ C. 24 μόνην μίαν G. 25 παντάπασις ἄνισα G, πᾶσιν
 ἄνισαι C.

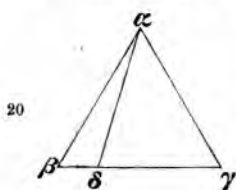
ὑπάρχειν. ἔστω γὰρ εὐθεία ἡ $\overline{αβ}$ ἐστῶσα ὀρθὴ ἐπὶ
 τὴν $\overline{γδ}$, μέζων δὲ τῆς $\overline{βγ}$ ἢ $\overline{βδ}$, καὶ ἐπεξεύχθωσαν ||
 αὖ $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$. οὐκοῦν τοῖς τριγώ-
 νοις τούτοις μία μὲν κοινὴ
 πλευρὰ καὶ μία γωνία μιᾷ ἴση,
 τὰ δὲ ἄλλα ἄνισα πάντα. μίαν
 δὲ πλευρὰν καὶ δύο γωνίας λα-
 βεῖν ἐξῆν καὶ δεῖξαι τὰ λοιπὰ ἴσα. καὶ τοῦτο ποιεῖ
 διὰ τοῦδε τοῦ θεωρήματος, μίαν δὲ πλευρὰν καὶ τρεῖς
 γωνίας ἴσας ἔτι ὑποτίθεσθαι περιττόν, εἴπερ καὶ δύο 10
 μόνων ἴσων οὐσῶν δέδεικται ἡ τῶν λοιπῶν ἰσότης.
 πάλιν μίαν γωνίαν καὶ δύο πλευρὰς λαβὼν ἐδείξεν
 τὰ ἄλλα ἴσα ἐν τῷ τετάρτῳ θεωρήματι. μίαν δὲ γω-
 νίαν καὶ τρεῖς πλευρὰς ἴσας λαβεῖν περίεργον ἦν, καὶ
 γὰρ αἱ δύο μόνον ἴσαι ληφθεῖσαι συνῆγον τὴν ἰσό- 15
 τητα τῶν ἄλλων. καὶ μὴν καὶ τὸ δύο πλευρὰς καὶ
 δύο γωνίας ἴσας λαμβάνειν, ἢ δύο πλευρὰς καὶ τρεῖς
 γωνίας ἴσας, ἢ δύο γωνίας καὶ τρεῖς πλευρὰς, πάντα
 ταῦτα περιττά. τὰ γὰρ ταῖς ἐλάττωσιν ὑποθέσεσιν
 ἐπόμενα πάντως ἀκολουθεῖ καὶ ταῖς πλείοσι μόνον 20
 μετὰ τῶν δεόντων προσδιορισμῶν λαμβανομένων τῶν
 ὑποθέσεων. τρεῖς οὖν ἡμῖν ἀνεφάνησαν ὑποθέσεις
 ἀποδείξεως δεόμεναι, ἢ τε μόνας λαμβάνουσα τὰς τρεῖς
 πλευρὰς καὶ ἢ τὰς δύο πλευρὰς καὶ τὴν μίαν γωνίαν
 καὶ ἢ ἀντίθετος πρὸς ταύτην ἢ τὴν μίαν πλευρὰν καὶ 25
 τὰς δύο γωνίας, ἣν νῦν ὁ γεωμέτρης προστίθησιν. καὶ



10 ἢπερ C. 21 δοθέντων G, δεόντων B, C. 'dati' et in
 margine 'decentibus' B. || προσδιορισμὸν M. B, = M.
 22 ἀνέφωσαν G, ἀνεφάνησαν C. 24 καὶ ἡ τὰς δύο πλευρὰς
 om. M, B, G, Z; B etiam καὶ τὴν μίαν γωνίαν omisit et καὶ
 ἡ ἀντίθετος πρὸς ταύτην post προστίθησιν addit.

διὰ τοῦτο ταῦτα τρία μόνα θεωρήματα περὶ τῆς ἰσότη-
τος τῶν τριγώνων ἔχομεν τῆς ἐν ταῖς πλευραῖς καὶ
ταῖς γωνίαις τῶν ἄλλων πασῶν ὑποθέσεων ἢ ἀδυνα-
των οὐσῶν δεῖξαι το ζητούμενον ἢ δυνατῶν μὲν, ἀλλὰ
5 περιττῶν τῷ δι' ἐλλαττόνων ὑποθέσεων τὰ αὐτὰ
πεφηνέναι.

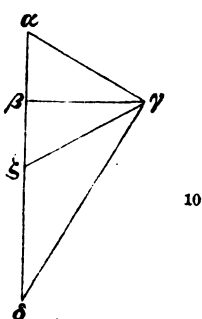
Ὡσπερ οὖν, ὅτε δύο πλευρὰς ἐλάμβανεν ἴσας δυ-
σιν καὶ γωνία μίᾳ μίαν ἴσην, οὐ τὴν τυχοῦσαν ἐλάμ-
βανεν γωνίαν, ἀλλ', ὥς αὐτοῦ προσετίθει, τὴν ὑπὸ
10 τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην, οὕτω καὶ δύο γω-
νίας δυσὶ λαμβάνων ἴσας καὶ μίαν πλευρὰν μίᾳ, οὐ
τὴν τυχοῦσαν λαμβάνει ταύτην, ἀλλ' ἦτοι τὴν πρὸς
ταῖς ἴσαις γωνίαις ἢ τὴν ὑποτείνουσιν ὑπὸ μίαν τῶν
ἴσων γωνιῶν. οὕτε γὰρ γωνίαν ἐπὶ τοῦ τετάρτου
15 ληφθεῖσαν ἴσην τὴν τυχοῦσαν οὕτε πλευρὰν ἐπὶ τοῦδε
τοῦ θεωρήματος οἷαν ποτὲ δεικνύναι τὰ λοιπὰ ἴσα
δυνατόν· λέγω δὲ οἷον ὄντος ἰσοπλεύρου τριγώνου



τοῦ $\overline{αβγ}$ διηγήσθω ἢ $\overline{βγ}$ εἰς ἄνισα
τῇ $\overline{αδ}$. γίνεται ἄρα δύο \parallel τρι-
γωνα τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ταῖς $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$ ἴσας
ἔχοντα καὶ μίαν γωνίαν τὴν πρὸς
τῷ $\overline{β}$ τῇ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ ἴσην· ἀλλ'
οὐκέτι τὰ λοιπὰ ἴσα, οἷον ἢ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{δγ}$ · ἄνισοι γάρ·
ἀλλ' οὐδὲ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ἴσαι. τὸ δὲ αἰτιον ὅτι
25 γωνία γωνίαν ἴσην ἐλάβομεν οὐ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων

1 μόνα τὰ τρία G. 3 πασῶν ὑποθέμενων G, πάντων
ὑποθέσεων C. || In M in margine ση. ὅλον. 6 πέφηνεν M,
πεφυνέναι G, πεφηνέναι C. 10 Post γωνίας G add. περισ-
σῆν, quod del. not. C. 12 ἦτοι] ἦν G, corr. C. 24 γωνίαι
om. G, add. C.

πλευρῶν περιεχομένην. κατὰ ταῦτὰ δὴ καὶ τοῦτο τὸ
 θεωρήμα φανήσεται διαπίπτον, εἰ μὴ λάβοιμεν κατὰ
 τὸν εἰρημένον διορισμὸν ἴσην τὴν πλευρὰν τὴν ὑπο-
 τείνουσιν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν ἢ τὴν πρὸς
 ταῖς ἴσαις γωνίαις. ἔστω γὰρ ὀρθογώνιον τὸ $\alpha\beta\gamma$,⁵
 ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν α
 καὶ μείζονα τὴν $\beta\gamma$ τῆς $\beta\alpha$, καὶ ἐκ-
 βεβλήσθω ἡ $\alpha\beta$, καὶ συνεσταῖτω τῇ
 ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$ γωνίᾳ ἴση πρὸς τῇ $\beta\gamma$ καὶ
 τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ γ ἢ ὑπὸ $\beta\gamma\delta$
 καὶ συμπιπτέτωσαν αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$ ἐκβαλ-
 λόμεναι κατὰ τὸ δ . δύο οὖν τρίγωνα
 ἔστι τὰ $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\delta$ ἔχοντα μίαν πλευ-
 ρὰν κοινὴν τὴν $\beta\gamma$ καὶ δύο γωνίας ἴσας, τὴν μὲν
 ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ τῇ ὑπὸ $\gamma\beta\delta$ — ὀρθαὶ γάρ — τὴν δὲ ὑπὸ ¹⁵
 $\beta\alpha\gamma$ τῇ ὑπὸ $\beta\gamma\delta$ — οὕτως γὰρ συνέστησαν — ἴσα
 ἄρα, ὥς ἔοικεν, ἔστι τὰ τρίγωνα. καίτοι δείκνυνται τὸ
 $\beta\delta\gamma$ μείζον τοῦ $\alpha\beta\gamma$. αἴτιον | δὲ ὅτι τὴν $\beta\gamma$ κοινὴν
 ἐλάβομεν ἐν μὲν τῷ $\alpha\beta\gamma$ ὑποτείνουσιν τὴν μίαν τῶν
 ἴσων γωνιῶν τὴν πρὸς τῷ α , ἐν δὲ τῷ $\beta\gamma\delta$ πρὸς ταῖς ²⁰
 ἴσαις οὐσαν γωνίαις. ἔδει δὲ ἄρα ἐν ἀμφοῖν ἢ μίαν
 ὑποτείνειν τῶν ἴσων γωνιῶν ἢ πρὸς ταῖς ἴσαις κείσθαι
 γωνίαις. τοῦτο δὲ μὴ φυλάττοντες ἴσον ἀποφαίνομεν



1 κατὰ ταῦτα *M, G.* 'Eodem sane modo' *B.* 3 τὴν ante
 ὑποτείνουσιν om. *G.* 11 αἱ $\beta\delta$ $\gamma\delta$ *G.* αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$ *C.*
 15 ὀρθαὶ γάρ om. *G.* 19 μίαν] μὲν *G.* corr. *C.*

τὸ τρίγωνον, ὃ ἐστὶ μείζον ἐξ ἀνάγκης. πῶς γὰρ οὐ
 μείζον τὸ $\beta\gamma\delta$ τοῦ $\alpha\beta\gamma$; συνεστάτω γὰρ πρὸς τῇ $\beta\gamma$
 εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\parallel \gamma$ τῇ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$
 ἴση ἡ ὑπὸ $\xi\gamma\beta$. μείζων γὰρ τῆς ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$ ἢ ὑπὸ $\beta\gamma\delta$,
 5 ὥσπερ καὶ ἡ πρὸς τῷ α γωνία. ἐπεὶ οὖν δύο τρί-
 γωνά ἐστι τὰ $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\delta$ δύο γωνίας ἔχοντα τὰς ὑπὲρ
 $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\alpha$ δυσὶν ἴσας ταῖς ὑπὸ $\gamma\beta\delta$ $\beta\gamma\delta$, ἐκατέραν
 ἐκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν κοινὴν τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις
 γωνίαις τὴν $\beta\gamma$, ἴσα ἐστὶ τὰ τρίγωνα. μείζον δὲ τὸ
 10 $\beta\gamma\delta$ τοῦ $\beta\gamma\delta$. μείζον ἄρα ἐστὶν καὶ τοῦ $\alpha\beta\gamma$. πρό-
 τερον δὲ ἴσον ἐδείκνυτο διὰ τὴν λήψιν τῆς τυχοῦσης
 πλευρᾶς.

Τοσαῦτα καὶ πρὸς τὴν τῶν προκειμένων ἀκρι-
 βειαν ὁ Πορφύριος ἡμῖν συμβάλλεται, Εὐδημος
 15 δὲ ἐν ταῖς γεωμετρικαῖς ἱστορίαις εἰς Θαλῆν τοῦτο
 ἀνάγει τὸ θεωρήμα. τὴν γὰρ τῶν ἐν θαλάττῃ πλοίων
 ἀπόστασιν δι' οὗ τρόπου φασὶν αὐτὸν δεικνύναι
 τούτῳ προσχρησθαί φησιν ἀναγκαῖον.

Ἐκ δὲ τῆς προειρημένης διαιρέσεως συνοπτικῶς
 20 ληφόμεθα πᾶσαν τὴν περὶ τῆς ἰσότητος τῶν τριγώνων
 θεωρίαν, καὶ τῶν παραλελειμμένων τὰς αἰτίας ἔχομεν
 λέγειν ὡς ψευδεῖς τὰς ὑποθέσεις ἢ ὡς περὶ τὰς ἐλέγ-
 χοντες. καὶ μέχρι τούτου πέρας ἔχειν θησόμεθα τῷ
 στοιχειώτῃ τὸ πρῶτον τμήμα τὰς τε συστάσεις τῶν
 25 τριγώνων καὶ τὰς συγκρίσεις κατὰ τὸ ἴσον καὶ τὸ

14 M in margine manu postera: Θανμάσειεν ἂν τις τὸν
 φιλόσοφον πρόκλον τῆς εὐγνώμοσύνης. οὐ γὰρ ὡς οἰκεῖα
 ἀλλ' ὡς περὶ πορφύριον διδάχθεις διωμολόγει τὰ λεχθέντα.

ἄνισον πεποιημένῳ καὶ διὰ μὲν τῆς συστάσεως τὴν οὐσίαν αὐτῶν παραδεδωκότι, διὰ δὲ τῆς [συγκρίσεως τὴν] ἰσότητά [καὶ] τὴν ἑτερότητα. τρία γὰρ τὰ περὶ τὴν ὑπαρξίν, [τὸ ὄν,] τὸ ταύτον καὶ τὸ ἕτερον, καὶ ἐν ποσοῖς καὶ ἐν ποιοῖς κατὰ τὴν ιδιότητα τῶν ὑπο- 5 κειμένων. δέκνυνται οὖν ἐκ τούτων ὡς εἰκόνων ὅτι καὶ ἕκαστον ἐαυτῷ ταύτόν ἐστι καὶ ἑαυτοῦ ἕτερον διὰ τὸ ἐν αὐτῷ πλήθος καὶ πάντα ταῦτα ἀλλήλοις καὶ ἕτερα ἀλλήλων. καὶ γὰρ ἐφ' ἐνὸς ἐκάστου τῶν τριγώνων εὗρηται τὸ ἴσον καὶ ἄνισον καὶ ἐπὶ πλειόνων 10 ἐνός.

2. 3 συγκρίσεως τὴν et καὶ addidi, et ἰσότητος, quod in *M*, *B*₃, *G* (et *Z*) legitur, in ἰσότητα mutavi secundum *B* scribentem 'per Comparationem vero Identitatem atque Diversitatem'.

4 τὸ ὄν om. *M*, *B*₃, *G*, *Z*, 'Essentia' *B*. 8 ἐν αὐτῷ] ἑαυτοῦ *C*. || ταῦτα *M*. 11 *G* addit in fine: Τέλος τοῦ τρίτου.

PROPOSITIONUM PARS POSTERIOR.

|| Περὶ μὲν τῆς τῶν τριγώνων γενέσεώς τε καὶ
 ἰσότητος ἢ ἀνισότητος ὅσα δυνατόν ὥς ἐν στοιχειώσει
 λέγειν ἐκ τῶν εἰρημένων μεμαθήκαμεν, περὶ δὲ τῶν
 τετραπλεύρων ἐφεξῆς ὁ Εὐκλείδης διέξεισι προηγου-
 5 μένως μὲν περὶ τῶν παραλληλογράμμων ἡμᾶς δι-
 δάσκων, τῇ δὲ τούτων θεωρίᾳ συνεισφέρων καὶ τὴν
 περὶ τῶν τραπέζιων διδασκαλίαν. διήρηται γάρ, ὥς
 πον καὶ πρότερον ἐν ταῖς ὑποθέσεσιν εἰπομεν, τὶ
 τετράπλευρον εἰς τε τὸ παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρα-
 10 πέζιον, καὶ τὸ παραλληλόγραμμον εἰς ἑτέρα ἅττα εἶδη
 καὶ τὸ τραπέζιον ὡσαύτως. ἀλλ' ἐπεὶ τὸ μὲν παραλ-
 ληλόγραμμον διὰ τὴν τῆς ἰσότητος μετουσίαν τεταγμέ-
 νον ἐστί, τὸ δὲ τραπέζιον οὐ τὴν αὐτὴν οὐδὲ ὁμοίαν
 ἔχει τὴν τάξιν, προηγουμένως μὲν εἰκότως αὐτῷ [τὰ?]
 15 τῶν παραλληλογράμμων ὁ λόγος ἀπεργάζεται, συν-
 θεωρεῖ δὲ τούτοις καὶ τὸ τραπέζιον. ἀναφανήσεται
 γὰρ ἐκ τῆς τῶν παραλληλογράμμων τομῆς ἢ τῶν τρα-
 πέζιων γέννησις, ὥς ἔσται προοῦσιν ἡμῖν γνωρίζον.

πρόκλου πλατωνικοῦ διαδόχου εἰς τὸ πρῶτον εὐκλείδου
 στοιχεῖον. 2^ο f, M, at in margine Δ. ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟ-
 ΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν Εὐκλείδους στοι-
 χεῖων βιβαῖον τέταρτον. G.

4 διέξεισι G, διέξεισι C. 8 πον] p. 169, 10 ss. 14 τάσιν
 M, G, τάξιν C. || τὰ ego addidi. C τὴν pro τῶν scripsit; 'de
 parallelogrammis' B, Z. B₃ = M, G. 18 γένεσις C.

Ἄλλ' ἐπειδήπερ πάλιν ἀδύνατον εἶπεν τι περὶ
 τῆς τῶν παραλληλογράμμων ἢ συστάσεως ἢ ἰσότητος
 ἄνευ τῆς τῶν παραλλήλων θεωρίας — ὥς γὰρ καὶ ἐκ
 τοῦ ὀνόματος δῆλον, παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ ὑπὸ
 παραλλήλων τῶν ἀπεναντίον κειμένων εὐθειῶν περι- 5
 γραφόμενον — ἐντεῦθεν ἀναγκαίως ἀπὸ τῶν παραλ-
 λήλων ποιεῖται τὴν ἀρχὴν τῆς διδασκαλίας καὶ κατὰ
 βραχὺ προῶν ἀπὸ τούτων εἰς τὴν τῶν παραλληλο-
 γράμμων εἰσβάλλει θεωρίαν ἐνὶ μέσῳ χρησάμενος
 θεωρήματι τῆς τε τούτων καὶ τῆς ἐκείνων στοιχει- 10
 ὥσεως, ὃ δοκεῖ μὲν σύμπτωμά τι ταῖς παραλλήλοις
 ὑπάρχον θεωρεῖν, γένεσιν δὲ πρώτην παραλληλογράμ-
 μου παραδίδωσι. τῷ οὖτον γὰρ ἐστι τὸ αἰ τὰς ἴσας
 τε καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπι-
 ξευγνύουσαι καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ παράλληλοί 15
 εἰσιν. ἐν γὰρ τούτῳ θεωρεῖται μὲν || τι ταῖς ἴσαις
 καὶ παραλλήλοις συμβεβηκός, ἐκ δὲ τῆς ἐπιξεύξεως
 ἀναφαίνεται τὸ παραλληλόγραμμον τὸ ἴσας ἔχον καὶ
 παραλλήλους τὰς ἀπεναντίον κειμένας πλευράς.

Ὅτι μὲν οὖν ἀναγκαίως ὁ περὶ τῶν παραλλήλων 20
 λόγος προείληπται, δῆλον ἐκ τούτων. τρία δὲ ἐστὶν
 ἀναλαμβάνειν ταῖς παραλλήλοις ὑπάρχοντα καθ' αὐτό
 καὶ ἢ αὐτὸ χαρακτηριστικά τε αὐτῶν καὶ ἀντιστρέ-
 φοντα πρὸς αὐτάς, οὐ μόνον τὰ τρία ἅμα, ἀλλὰ καὶ
 ἕκαστον ἀποδιαληφθὲν τῶν λοιπῶν, ὧν τὸ μὲν ἐστὶν 25
 εὐθείας τεμνούσης τὰς παραλλήλους ἴσας εἶναι τὰς
 ἐναλλάξ, τὸ δὲ εὐθείας τεμνούσης τὰς παραλλήλους

7 καὶ κατὰ] καὶ τὰ M, κατὰ G. 9 θεωρίαν om. G,
 add. C. 11 σύμπτωμά τι in G in mar-
 gine postera manu. 12 παραλληλογράμμων G, παραλληλο-
 γράμμον C. 13 αἰ τὰς] αὐτάς G, τὰς C. 15 αὐταὶ M, G.
 16 τι] τοι C. 20 περὶ om. G. 23 ἢ om. G, ἢ M, ἢ C.

ἴσας εἶναι τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς, τὸ δὲ λοιπὸν εὐθείας
 τεμνούσης τὰς παραλλήλους ἴσην εἶναι τὴν ἐκτὸς τῇ
 ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. Ἐκαστον γὰρ τῶν συμπτωμά-
 των τούτων ἱκανὸν ἀποδειχθὲν παραλλήλους ἀποφῇ-
 5 ναι τὰς εὐθείας.

Τοῦτον δὲ τὸν τρόπον εἰώθασι καὶ οἱ ἄλλοι μα-
 θηματικοὶ διαλέγεσθαι περὶ τῶν γραμμῶν, ἐκάστου
 εἰδούς τὸ σύμπτωμα παραδιδόντες. καὶ γὰρ Ἀπολ-
 λώνιος ἐφ' ἐκάστης τῶν κωνικῶν γραμμῶν, τί τὸ
 10 σύμπτωμα δείκνυσιν, καὶ ὁ Νικομήδης ἐπὶ τῶν κορυ-
 ειδῶν, καὶ ὁ Ἰππίας ἐπὶ τῶν τετραγωνιζουσῶν, καὶ
 ὁ Περσεύς ἐπὶ τῶν σπειρικῶν. μετὰ γὰρ τὴν γένε-
 σιν τὸ καθ' αὐτὸ καὶ ἡ αὐτὸ ὑπάρχον ληφθὲν ἀφο-
 ρίζει τὸ συστάν ἡμῖν εἶδος ἀπὸ τῶν ἄλλων ἀπάντων.
 15 κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ὁ στοιχειωτής τὰ συμπτώ-
 ματα τῶν παραλλήλων ἀνευρίσκει πρῶτον.

Prop. XXVII, theor. XVIII. Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας
 εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐναλλάξ γωνίας ἴσας
 ἀλλήλαις ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις
 20 αἱ εὐθεῖαι.

Ἐπὶ τοῦ ὁμολογουμένου προεἰληπται τὸ εἶναι τὰς
 εὐθείας ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ, μᾶλλον δὲ ἐπὶ πάντων τῶν
 ἐν τῷ ἐπιπέδῳ θεωρημάτων. τοῦτο δὲ προσέθεμεν
 διὸ τὸ μὴ πάντως τῶν ἐναλλάξ ἴσων οὐσῶν παραλ-
 25 λήλους εἶναι τὰς εὐθείας, εἰ μὴ καὶ ἐν τῷ αὐτῷ εἶεν

4 ὑποδειχθὲν C. 10 Νικόδημος M, B₃, G, Νεικόδημος C,
 'Nicodemus' Z, 'Nicomedes', at in margine 'Nicodemus' B.

17 In M in margine κζ. 18 ἴσας om. M, G. 19 ἀλλή-
 λους M, G, ἀλλήλαις C. 20 αἱ om. M, G. 23 προσέθηκεν G.

ἐπιπέδῳ. κωλύει γὰρ οὐδὲν οἶον χιαστὶ τῶν εὐθειῶν
κειμένων, τῆς μὲν ἐν ἄλλῳ, τῆς δὲ ἐν ἄλλῳ ἐπιπέδῳ,
ἐμπιπτουσιν εἰς αὐτὰς εὐθείαν ἴσας ποιεῖν τὰς ἐναλ-
λάξ, ἀλλ' οὐ παράλληλοι αἱ οὕτως || κείμεναι. προ-
εἴληπται οὖν ὅτι πάντα, ὅσα καταγράφομεν ἐν τῇ 5
ἐπιπέδῳ πραγματεία, περὶ ἐν καὶ ταὐτὸν ἐπίπεδον
φανταζόμεθα. διόπερ οὐκ ἐδεήθη καὶ ταύτης τῆς
προσθήκης.

Αὐτὸ δὲ δὴ τὸ ἐναλλάξ ἰστέον ὅτι διχῶς ὁ γεω-
μέτρης παραλαμβάνει, ποτὲ μὲν κατὰ τὴν τοιάνδε θε- 10
σιν, ποτὲ δὲ κατὰ τὴν τοιάνδε τῶν λόγων ἀκολουθίαν.
καὶ κατὰ μὲν τοῦτο τὸ σημαίνονμενον ἐν τῷ πέμπτῳ
καὶ ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς χρῆται τῷ ἐναλλάξ, κατὰ δὲ
τὸ ἕτερον ἐν τε τούτῳ καὶ ἐν τοῖς ἄλλοις ἅπασι
βιβλίοις ἐπὶ τῶν παραλλήλων εὐθειῶν καὶ τῆς εἰς 15
ταύτας ἐμπιπτούσης. | τὰς γὰρ γωνίας τὰς μὴ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ γιγνομένας, μηδὲ ἐφεξῆς ἀλλήλαις κειμένας,
ἀλλὰ διειργόμενας μὲν ὑπὸ τῆς ἐμπιπτούσης, ἐντὸς
δὲ ἄμφω τῶν παραλλήλων, διαφερούσας δὲ τῷ τὴν
μὲν ἄνω κείσθαι, τὴν δὲ κάτω, τὰς ἐναλλάξ προσαγο- 20
ρεύει. λέγω δὲ οἶον εὐθειῶν οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha\beta}$ καὶ $\overline{\gamma\delta}$
καὶ ἐμπιπτούσης εἰς αὐτὰς τῆς α — ε — β
 $\overline{\varepsilon\zeta}$ ἐναλλάξ εἶναι φησι τὰς ὑπὸ
 $\overline{\alpha\epsilon\zeta}$ καὶ $\overline{\delta\zeta\epsilon}$ καὶ πάλιν τὰς γ — ζ — δ
ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\epsilon}$ καὶ $\overline{\beta\epsilon\zeta}$ ὡς ἐνηλλαγμένως ἔχουσας κατὰ τὴν 25
θέσιν.

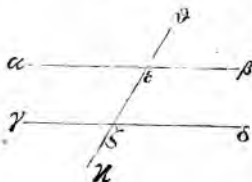
Λεῖτ δὲ εἰδέναι ἐκεῖνο ὅτι τοιαύτης οὔσης θέσεως

5 ἐν om. M, G.
19 τῶν $\bar{\gamma}$, τῷ C.

18 διηργμένας G, διηγομένους C.

τῶν εὐθειῶν ἐκ διαιρέσεως ἕξ τὰ πάντα γίνεται συμ-
 πτώματα, ὧν τὰ τρία μόνον ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν, τρία
 δὲ παρήκυν. ἢ γὰρ ἐπὶ ταῦτα μέρη ληψόμεθα τὰς
 γωνίας ἢ οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτά. καὶ εἰ ἐπὶ τὰ αὐτά μέρη,
 5 ἢ ἀμφοτέρως ἐντὸς τῶν εὐθειῶν, ὥς ἀποδείκνυσιν ὁ
 λόγος παραλλήλους, ἢ ἄμφω ἐκτός, ἢ τὴν μὲν ἐκτός,
 τὴν δὲ ἐντός, καὶ εἰ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά, πάλιν ὡσαύτως
 ἢ ἐκτός ἀμφοτέρως τῶν τεμνομένων εὐθειῶν ἀνάγκη
 λαμβάνειν, ἢ ἐντός, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός.

10



γινέσθω δὲ ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 καταγραφῆς σαφὲς τὸ λεγόμε-
 νον. καὶ ἔστωσαν εὐθεῖαι τινες
 αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$ καὶ ἐμπιπτέτω εἰς
 αὐτὰς ἡ $\overline{\epsilon\zeta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω

15

ἐπὶ τὰ $\overline{\theta\kappa}$. εἰ μὲν οὖν ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη λάβοις τὰς γωνίας ἢ ἐντὸς ἄμφω θήσεις,
 ὥς τὰς ὑπὸ $\overline{\beta\epsilon\zeta}$ καὶ $\overline{\epsilon\zeta\delta}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{\alpha\epsilon\zeta}$ καὶ $\overline{\epsilon\zeta\gamma}$, ἢ
 ἐκτός ἄμφω, ὥς τὰς ὑπὸ $\overline{\theta\epsilon\beta}$ καὶ $\overline{\delta\zeta\kappa}$ ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{\theta\epsilon\alpha}$ καὶ $\overline{\gamma\zeta\kappa}$, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός, ὥς τὰς

20

ὑπὸ $\overline{\theta\epsilon\beta}$ καὶ $\overline{\epsilon\zeta\delta}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{\kappa\zeta\delta}$ καὶ $\overline{\xi\epsilon\beta}$, ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{\theta\epsilon\alpha}$ καὶ $\overline{\epsilon\zeta\gamma}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{\kappa\zeta\gamma}$ καὶ $\overline{\alpha\epsilon\zeta}$. τετραχῶς γὰρ
 αὗται ληφθήσονται. εἰ δὲ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς
 γωνίας λαμβάνοις, ἢ ἐντὸς αὐτὰς θήσεις, ὥς τὰς ὑπὸ
 $\overline{\alpha\epsilon\zeta}$ καὶ ὑπὸ $\overline{\epsilon\zeta\delta}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\epsilon}$ καὶ $\overline{\xi\epsilon\beta}$, ἢ ἐκτός

3 ταῦτα G, τὰ αὐτὰ C.

4 εἰ om. M, G, add. C.

16 λάβοι M, G, λάβοις C.

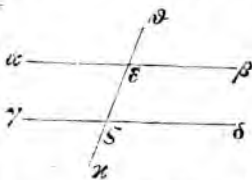
20—21 ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{\kappa\zeta\delta}$... $\overline{\epsilon\zeta\gamma}$ om. G, add. C.

ἀμφοτέρως, ὡς τὰς ὑπὸ $\overline{αεθ}$ καὶ $\overline{δζκ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{θεβ}$
καὶ $\overline{γζκ}$, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός, καὶ τοῦτο
τετραχῶς πάλιν, ἢ γὰρ τὰς ὑπὸ $\overline{αεθ}$ καὶ $\overline{εζδ}$, ἢ τὰς
ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{εζγ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κζγ}$ καὶ $\overline{ζεβ}$, ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{κζδ}$ καὶ $\overline{ζεα}$ θήσεις. καὶ παρὰ ταύτας ἄλλη λήψις 5
οὐκ ἔστιν.

Ἐξαχῶς οὖν λαμβανομένων τῶν γωνιῶν ὁ γεω-
μέτρης τρεῖς μόνους ἐκλέξατο καὶ ταῦτα εἰς τὰ ἐπόμενα
συμπτώματα τῶν παραλλήλων ἀπέφηνεν ὄντα χαρα-
κτηριστικά. τούτων δὲ τῶν τριῶν μία μὲν ἐστὶν ἐκ 10
τῶν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά, ἐκ μὲν τῶν ἐντὸς ληφθεισῶν
μόνον, ἃς καὶ ἐκάλεσεν ἐναλλάξ, ὡς παραλελειφθαι
τὰς ἐκτός οὕσας ἀμφοτέρως καὶ τὴν μὲν ἐκτός, τὴν δὲ
ἐντός, ἐκ δὲ τῶν ἐπὶ τὰ αὐτά, τῶν δὲ ἐντὸς ἀμφοτέ-
ρων, ἃς δυσὶν ὀρθαῖς εἶναί φησιν ἴσας, καὶ ὧν ἡ μὲν 15
ἐστὶν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτός, ἃς εἶπεν ἴσας εἶναι, ὑπολειπο-
μένης δὲ μιᾶς λήψεως τῆς ἐκτός ἀμφοτέρως ὑπο-
τιθεμένης.

Ἡμεῖς οὖν φαμεν ὅτι καὶ ταῖς παραληφθεῖσαις
τρισὶν ὑποθέσεσιν τὰ αὐτὰ ἔπεται. ἔστωσαν γὰρ ἐπὶ 20
τὰ αὐτὰ μέρη ἄμφω ἐκτός αἱ

$\overline{θεβ}$ $\overline{δζκ}$. λέγω ὅτι αἵ ταις δύο
ὀρθαῖς εἰσὶν ἴσαι. εἰ γὰρ ἡ
ὑπὸ $\overline{δζε}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ
ἡ ὑπὸ $\overline{βεζ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{δζκ}$, εἰ δὲ



αἱ ὑπὸ $\overline{βεζ}$ $\overline{εζδ}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι, καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{δζκ}$ $\overline{θεβ}$
δύο ὀρθαῖς ἴσαι. πάλιν ἔστωσαν μὲν ἐπὶ τὰ αὐτά

μέρη αἱ γωνίαι, ὧν ἡ μὲν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτός, αἱ αεθ
καὶ εζδ. λέγω ὅτι καὶ αὗται δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι.
εἰ γὰρ ἡ ὑπὸ αεθ ἴση τῇ ὑπὸ βεξ, αἱ δὲ ὑπὸ βεξ
καὶ εζδ δύο ὀρθαῖς εἰσιν, καὶ αἱ ὑπὸ αεθ καὶ εζδ δύο
5 ὀρθαῖς ἴσαι. πάλιν ἔστωσαν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μὲν,
ἄμφω δὲ ἐκτός τῶν εὐθειῶν, ὥς αἱ αεθ δξκ. λέγω
ὅτι αὗται ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν. εἰ γὰρ αἱ ὑπὸ αεθ καὶ
βεξ ἴσαι ἀλλήλαις, ἡ δὲ ὑπὸ δξκ τῇ ὑπὸ βεξ, ἡ ὑπὸ
αεθ ἄρα ἴση τῇ ὑπὸ δξκ γωνία. ἐὰν ἄρα ληφθῇ τὰ
10 ἐπὶ τῶν τριῶν ὑποθέσεων, ὥς ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν,
ἐπόμενα ὥς ἀληθῆ πάντα τὰ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τῶν λοι-
πῶν τριῶν, πλὴν ὅτι, ἐφ' ὧν μὲν ὁ γεωμέτρης ἔλα-
βεν, κατὰ || δύο μὲν λήψεις ὑπόκεινται ἴσαι ἀλλήλαις
αἱ γωνίαι, κατὰ μίαν δὲ δύο ὀρθαῖς αἱ γωνίαι, ἐπὶ
15 δὲ τούτων ἀνάπαλιν κατὰ δύο μὲν δύο ὀρθαῖς ἴσαι,
κατὰ μίαν δὲ ἀλλήλαις. ἔξ γὰρ οὐσῶν πασῶν τῶν
λήψεων ἐκ μὲν τῶν τριῶν συμβαίνει δύο ὀρθαῖς ἴσας
εἶναι τὰς γωνίας, ἐκ δὲ τῶν τριῶν ἴσας ἀλλήλαις,
ὥστε εἰκότως αἱ παραλειμμέναι ταῖς μνήμης ἡξιω-
20 μέναις λήψεσιν ἀνάπαλιν ἔχουσιν. ἔοικεν δὲ ὁ γεω-
μέτρης ταύτας ἐκλέξασθαι τῶν ὑποθέσεων, ὅσαι ἢ
καταφατικὸν πλεονάζον ἔχουσιν, ἢ ἀπλουστεραὶ εἰσιν,
καὶ διὰ τοῦτο λαβεῖν ἐκ μὲν τῶν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μό-
νας τὰς ἐντός, ὥς δὴ κέκληκεν ἐναλλάξ, ἐκ δὲ τῶν
25 ἐπὶ τὰ αὐτὰ [τὰς ἐντός καὶ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ]

λέ 5 αὐτὰ om. *M, G*, add. *C*. 17 λείψεων *G*. 21 ἐκ-
γέσθαι *C*. 23 ἐκ μὲν evanuerunt in *M, G* asteriscum po-
suit, ἐκ μὲν *C*. 25 τὰς ἐντός . . . τὴν δὲ om. *M, G (Z)*; *B*, et *C*
τὰς tantum addunt. 'tum internos, tum unum quidem inter-

ἐκτός, τὰς δὲ ἄλλας δι' ἀποφάσεως μᾶλλον δηλουμένης ἢ ὥς ποικιλωτέρας φυλάξασθαι. ἀλλ' οὖν εἴτε ταύτην, εἴτε ἄλλην αἰτίαν φητέον, δῆλον ἐκ τούτων, πόσα ἐστὶ τὰ ἐπόμενα αὐτοῖς.

Prop. XXVIII, theor. XVIII. Ἐὰν εἰς δύο εὐ-
θείας εὐθεία ἐμπίπτουσα τὴν ἐκτός γωνίαν
τῇ ἐντός καὶ ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
ἴσην ποιῇ ἢ τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
δύο ὀρθαῖς ἴσας, | παράλληλοι ἔσονται
εὐθεῖαι.

10

Τὸ μὲν πρὸ τούτου θεωρήμα τὰς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
μέρη γωνίας λαμβάνον, ἐντός δὲ τῶν εὐθειῶν κειμέ-
νας, ἴσας ἀλλήλαις ἐδείκνυ παραλλήλους οὕσας τὰς
εὐθείας, τοῦτο δὲ τὰς λοιπὰς δύο ὑποθέσεις προστί-
θῃσιν, ὧν ἡ μὲν τὰς γωνίας μερίζει κατὰ τὸ ἐντός 15
καὶ ἐκτός, ἡ δὲ ἀμφοτέρας ἐντός ὑποτίθεται καὶ δεί-
κνυσι τὸ αὐτὸ συμπέρασμα. δόξειεν δ' ἂν ἀτόπως ὁ
στοιχειωτής τὰ θεωρήματα μερίσαι. δεόν γὰρ ἦν ἢ
τὰς τρεῖς ὑποθέσεις διαλαβεῖν καὶ ποιῆσαι τρία θεω-
ρήματα, ἢ εἰς ἓν συνάγειν πάσας θεωρήματα, ὥσπερ 20
ἐποίησεν ὁ Ἱεραπολίτης Αἰχλείας ὁ τὴν ἐπιτομὴν γρά-
ψας τῶν στοιχείων, ἢ διελεῖν εἰς δύο βουλόμενον
εὐτακτον ποιήσασθαι τὴν διαίρεσιν καὶ χωρὶς μὲν
λαβεῖν τὰς ὑποθέσεις, ἐφ' ὧν ἴσαι εἶσιν αἱ γωνίαι,
χωρὶς δὲ ἐκείνην, ἐφ' ἧς δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. νῦν 25

num, alterum vero externum' B.

4 αὐτοῖς G, αὐτοῖς C.

5 In M in margine πῆ. 13 ἴσας om. G, add. C. 18 ἦν ἢ]

ἦν ἐπὶ G, corr. C. 20 πάσης M. 24 καὶ αἱ γωνίαι M, C.

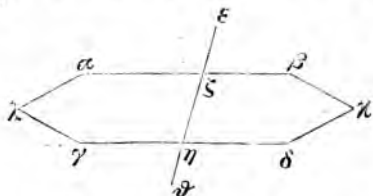
25 ἐφ' οἷς M, G, ἐφ' ἧς C.

31 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100

δὲ ἐν ἐνὶ μὲν θεωρήματι τὰς ἐναλλάξ ἴσας ὑπέθετο,
ἐν ἐνὶ δὲ τὴν ἐκτὸς [ἴσην τῇ ἐντὸς] καὶ τὰς ἐντὸς καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας. τί οὖν τὸ αἴτιον
τῆς τοιαύτης διαιρέσεως; εἰ οὖν πρὸς τὴν ἰσότητα
5 τῶν γωνιῶν ἀπέβλεψεν τὴν πρὸς ἀλλήλας ἢ τὴν πρὸς
τὰς δύο ὀρθάς, οὐδὲ ταύτη || διέστησε τὰ προκείμενα
θεωρήματα ἀπ' ἀλλήλων, ἀλλὰ πρὸς ἐκεῖνο τὸ τὰς
γωνίας ἢ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη λαμβάνεσθαι ἢ μὴ ἐπὶ τὰ
αὐτά. τὸ μὲν γὰρ πρὸ τούτου τὰς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
10 παρελάμβανε — τοιαῦται γὰρ αἱ ἐναλλάξ — τοῦτο δὲ
τὰς ἐπὶ τὰ αὐτά, ὡς καὶ ἐκ τῆς προτάσεως δῆλον.

Ἄλλ' ὅπως μὲν ὁ στοιχειωτὴς δείκνυσιν ὅτι δύο
ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν τῶν ἐντὸς αἱ εὐθεῖαι παράλληλοι
εἰσιν, φανερόν ἐκ τῶν γεγραμμένων. Πτολεμαῖος δὲ
15 ἐν οἷς ἀποδείξει προέθετο τὰς ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο
ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσιν αἱ
τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, τοῦτο πρὸ πάντων δεικνύς
τὸ θεωρήμα τὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων ὑπαρχουσῶν τῶν
ἐντὸς παραλλήλους εἶναι τὰς εὐθείας οὕτω πως δεί-

20



25

κνυσιν. ἔστωσαν δύο
εὐθεῖαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$,
καὶ τεμνέτω τις αὐ-
τὰς εὐθεῖα ἡ $\overline{εζηθ}$,
ὥστε τὰς ὑπὸ $\overline{βζη}$
καὶ ὑπὸ $\overline{ξηδ}$ γωνίας
25 δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν. λέγω ὅτι παράλληλοι εἰσιν
αἱ εὐθεῖαι, τουτέστιν ἀσύμπτωτοί εἰσιν. εἰ γὰρ δυ-

2 ἴσην τῇ ἐντὸς om. M, B₃, G (Z), 'externum interno' B.

18 δυεῖν ὀρθῶν M, G. 23 ἡ $\overline{εζη}$ C.

νατόν, συμπιπτεύωσαν ἐκβαλλόμεναι αἱ $\overline{\beta\zeta}$ $\overline{\eta\delta}$ κατὰ τὸ $\overline{\kappa}$. ἐπεὶ οὖν εὐθεῖα ἡ $\overline{\eta\zeta}$ ἐφέστηκεν ἐπὶ τὴν $\overline{\alpha\beta}$, δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ τὰς ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\beta\zeta\eta}$ γωνίας. ὁμοίως δέ, ἐπεὶ ἡ $\overline{\eta\zeta}$ ἐφέστηκεν ἐπὶ τὴν $\overline{\gamma\delta}$, δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ τὰς ὑπὸ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ $\overline{\delta\eta\zeta}$ γωνίας. αἱ τέσσα- 5 ρες ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\beta\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ $\overline{\delta\eta\zeta}$ τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ὧν αἱ δύο αἱ ὑπὸ $\overline{\beta\zeta\eta}$ $\overline{\xi\eta\delta}$ δύο ὀρθαῖς ὑπόκεινται ἴσαι. λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ καὶ αὗται δύο ὀρθαῖς ἴσαι. εἰ οὖν αἱ $\overline{\xi\beta}$ $\overline{\eta\delta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν τῶν ἐντὸς ἐκβαλλόμεναι συνέπεσον κατὰ τὸ $\overline{\kappa}$, 10 καὶ αἱ $\overline{\xi\alpha}$ $\overline{\eta\gamma}$ ἐκβαλλόμεναι συμπεσοῦνται. δύο γὰρ ὀρθαῖς καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ ἴσαι εἰσίν. ἡ γὰρ κατ' ἀμφοτέρω συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι, ἡ κατ' οὐδέτερα, εἴπερ καὶ αὗται κακεῖναι δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. συμ- πιπτεύωσαν οὖν αἱ $\overline{\xi\alpha}$ $\overline{\eta\gamma}$ κατὰ τὸ $\overline{\lambda}$. αἱ ἄρα $\overline{\lambda\alpha\beta\kappa}$ 15 $\overline{\lambda\gamma\delta\kappa}$ εὐθεῖαι χωρίου περιέχουσιν, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυνατόν ἐστίν δύο ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν τῶν ἐντὸς συμπίπτειν τὰς εὐθείας. παράλληλοι ἄρα εἰσίν.

2 ἡ $\overline{\xi\alpha}$ $\overline{\eta\gamma}$, ἡ $\overline{\xi\beta}$ $\overline{\eta\delta}$. 3 $\overline{\alpha\zeta\epsilon}$ $\overline{\beta\zeta\epsilon}$ M, G , $\overline{\alpha\zeta\beta}$, $\overline{\beta\zeta\eta}$ C .

6 $\overline{\alpha\zeta\epsilon}$ $\overline{\beta\zeta\epsilon}$ M, G , $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\beta\zeta\eta}$ C . 8 ὑπόκειται M, G , ὑπόκειν-
ται C . 9. 10 δύο ὀρθῶν οὐσῶν M, G . 10—11 συνέπεσον
... ἐκβαλλόμεναι om. G , add. C . 12 ἴσαι om. G . 15—16
 $\overline{\lambda\alpha}$ $\overline{\kappa\zeta}$ $\overline{\lambda\gamma}$ $\overline{\eta\kappa}$ M, C , $\overline{\lambda\alpha}$ $\overline{\xi\kappa}$ $\overline{\lambda\gamma}$ $\overline{\eta\kappa}$ G . 17 δύο om. M, G .

|| Prop. XXVIII, theor. XX. Ἡ εἰς τὰς παραλλήλους εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς τε ἐναλλάξ ἴσας ποιεῖ καὶ τὴν ἐκτὸς τῇ ἐντὸς [καὶ ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσην καὶ τὰς ἐντὸς] καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας.

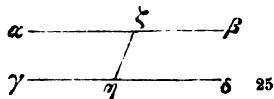
Τοῦτο τὸ θεωρήμα ἀμφοτέροις ἀντιστρέφει τοῖς προειρημένους θεωρήμασι. τὸ γὰρ ἐν ἑκατέρῳ ζητούμενον ὑπόθεσιν ποιεῖται, τὰ ἐν ἐκείνοις δεδομένα δεικνύναι προτίθεται. καὶ δεῖ μεμνησθαι καὶ τῆς τοιαύτης τῶν ἀντιστροφῶν διαφορᾶς, ὅτι πᾶν τὸ ἀντιστρέφον ἢ ἐν ἐνὶ ἀντιστρέφει, ὡς τῷ πέμπτῳ τὸ ἕκτον, ἢ πλείοσιν ἐν, ὡς τὸ νυνὶ προκείμενον τοῖς πρὸ αὐτοῦ. ἐν δὲ τούτῳ τῷ θεωρήματι πρῶτον ὁ στοιχειωτῆς ἐχρησάτο τούτῳ τῶν αἰτημάτων τῷ ἔαν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, συμπίπτειν τὰς εὐθείας ἐκβαλλομένας, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὅπερ ἐξηγούμενοι τὰ πρὸ τῶν θεωρημάτων ἐλέγομεν, ὡς οὐ παρὰ πάντων τοῦτο συγκεχώρηται εἶναι ἀποδείκτως ὁμολογούμενον. καὶ πῶς γὰρ ἂν εἴη τοιοῦτον, οὗ τὸ ἀντίστροφον ὡς ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς θεωρήμασιν ἀναγέγραπται; τὸ γὰρ παντὸς τριγώνου δύο τὰς ἐντὸς γωνίας ὅποιασοῦν ἐλάσσους εἶναι δύο ὀρθῶν ἀντίστροφόν ἐστι τῷ αἰτήματι τούτῳ· ἐπεὶ καὶ συνενεῖν τὰς εὐθείας ἀεὶ μᾶλλον καὶ μᾶλλον ἐκβαλλο-

1 In *M* in margine κθ.2 ἐναλλάξ γωνίας *G*.3—5 καὶ ἀπεναντίον ... ἐντὸς om. *M, G*.11 ἐν ἐνὶ *M, G*.15 εὐθείας om. *M, G*.22 ἀποδεικτικὸν *C*.

μένας οὐκ ἔστι τεκμήριον τῆς συμπτώσεως διὰ τὸ καὶ ἄλλας εὐρῆσθαι γραμμὰς συννενοῦσας μὲν ἀεὶ πλέον καὶ πλέον, συμπιπτούσας δὲ οὐδέποτε, καθὰ καὶ εἰρη-
ται πρότερον.

Ἦδη μὲν οὖν καὶ ἄλλοι τινὲς ὡς θεώρημα προ-⁵
τάξαντες τοῦτο αἴτημα παρὰ τῷ στοιχειωτῇ ληφθὲν ἀποδείξεως ἤξιωσαν. δοκεῖ δὲ καὶ ὁ Πτολεμαῖος αὐτὸ δεικνύει ἐν τῷ περὶ τοῦ τὰς ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν, καὶ δεικνύει πολλά προλαβὼν τῶν μέχρι τοῦδε τοῦ θεωρήματος¹⁰ ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ προαποδεδειγμένων. καὶ ὑπο-
κείσθω | πάντα εἶναι ἀληθῆ, ἵνα μὴ καὶ ἡμεῖς ὄχλον ἐπεισάγωμεν ἄλλον, καὶ ὡς λημμάτιον τοῦτο δεικνύ-
σθαι διὰ τῶν προειρημένων. Ἐν δὲ καὶ τοῦτο τῶν προδεδειγμένων τὸ τὰς ἀπὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων ἐκ-¹⁵
βαλλομένας μηδαμῶς συμπίπτειν. λέγω τοίνυν ὅτι καὶ τὸ ἀνάπαλιν ἀληθές, καὶ τὸ παραλλήλων οὐσῶν τῶν εἰθειῶν || καὶ τεμνομένων ὑπὸ μιᾶς εὐθείας τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας εἶναι. ἀνάγκη γάρ τὴν τέμνουσαν τὰς παραλλήλους²⁰ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας ἢ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους ἢ μείζους. ἔστω-
σαν οὖν παραλλήλοι αἱ αβ γδ,

καὶ ἐμπίπτέτω εἰς αὐτὰς ἡ ηζ·
λέγω ὅτι οὐ ποιεῖ δύο ὀρθῶν
μείζους τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ



αὐτά. εἰ γὰρ αἱ ὑπὸ αζη γηξ δύο ὀρθῶν μείζους,

3 καθὼς G, καθ' αἱ C. 5—6 προτάξαντες τοῦτο αἴτημα om. G, add. C. 13 δεικνύσθω C. 22 ἢ μείζους om. M, G, add. C. 24 εἰς M, G, ζη C.

- αἱ λοιπαὶ αἱ ὑπὸ βξ η δ ης δύο ὀρθῶν ἐλάσσους· ἀλλὰ καὶ δύο ὀρθῶν μείζους αἱ αὐταί — οὐδὲν γὰρ μᾶλλον αἱ αξ γ η παράλληλοι ἢ αἱ ζ β η δ, ὥστε εἰ ἡ ἐμπεσοῦσα εἰς τὰς αξ γ η δύο ὀρθῶν μείζους ποιεῖ τὰς
- 5 ἐντός, καὶ ἡ εἰς τὰς ζ β η δ ἐμπίπτουσα δύο ὀρθῶν ποιήσῃ μείζους τὰς ἐντός — ἀλλ' αἱ αὐταὶ καὶ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους — αἱ γὰρ τέσσαρες αἱ ὑπὸ α ξ η γ ης β ξ η δ ης τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι — ὅπερ ἀδύνατον. ὁμοίως δὲ δεῖξομεν ὅτι εἰς τὰς παραλλήλους ἐμπί-
- 10 πτουσα οὐ ποιεῖ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας. εἰ δὲ μήτε μείζους μήτε ἐλάσσους ποιεῖ τῶν δύο ὀρθῶν, λείπεται τὴν ἐμπίπτουσαν δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας.
- 15 Τούτου δὲ οὖν προδεδειγμένου τὸ προκείμενον ἀναμφισβητήτως ἀποδείκνυται. λέγω γὰρ ὅτι ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι ἐκβαλλόμεναι, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν
- 20 αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες. μὴ γὰρ συμπίπτουσιν. ἀλλ' εἰ ἀσύμπτωτοί εἰσιν, ἐφ' ἃ μέρη αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, πολλῷ μᾶλλον ἔσονται ἀσύμπτωτοι ἐπὶ θάτερα, ἐφ' ἃ τῶν δύο εἰσὶν ὀρθῶν αἱ μείζονες, ὥστε ἐφ' ἑκάτερα ἂν εἶεν ἀσύμπτωτοι αἱ
- 25 εὐθεῖαι. εἰ δὲ τοῦτο, παράλληλοι εἰσιν. ἀλλὰ δέδεικται ὅτι ἡ εἰς τὰς παραλλήλους ἐμπίπτουσα τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ γω-

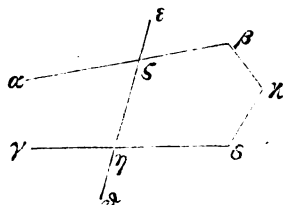
1 β ξ η M, G, β ξ η C.

25 εἰς τοῦτο M, G, εἰ δὲ τοῦτο C.

νίας. αὶ αὐταὶ ἄρα καὶ δύο ὀρθαῖς ἴσαι καὶ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὅπερ ἀδύνατον.

Ταῦτα προδεδειχώς ὁ Πτολεμαῖος καὶ καταστήσας εἰς τὸ προκείμενον ἀκριβέστερόν τι προσθεῖναι βούλεται καὶ δεῖξαι ὅτι, ἐάν εἰς δύο εὐθείας εὐθεία 5 ἐμπέτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθῶν ποιῇ ἐλάσσονας, οὐ μόνον οὐκ εἰσὶν ἀσύμπτωτοι αἱ εὐθεῖαι, ὥς δέδεικται, ἀλλὰ καὶ ἡ σύμπτωσις αὐτῶν κατ' ἐκεῖνα γίνεται τὰ μέρη, ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, || οὐκ ἐφ' ἃ αἱ μείζονες. ἔστωσαν 10

γὰρ δύο εὐθεῖαι αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$
καὶ ἐμπέτουσα εἰς αὐτὰς
ἡ ἐξηθ ποιείτω τὰς ὑπὸ
 $\alpha\zeta\eta$ καὶ ὑπὸ $\gamma\eta\zeta$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους. αἱ λοιπαὶ
ἄρα μείζους δύο ὀρθῶν.



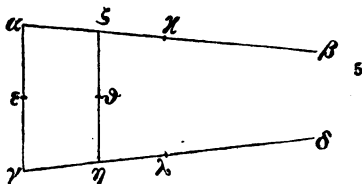
ὅτι μὲν οὖν οὐκ ἀσύμπτωτοι αἱ εὐθεῖαι δέδεικται. εἰ δὲ συμπίπτουσιν, ἢ ἐπὶ τὰ α γ συμπεσοῦνται, ἢ ἐπὶ τὰ β δ . συμπιπτέτωσαν ἐπὶ τὰ β δ κατὰ τὸ κ . ἐπεὶ οὖν αἱ μὲν ὑπὸ $\alpha\zeta\eta$ καὶ $\gamma\eta\zeta$ δύο ὀρθῶν εἰσὶν ἐλάσ- 20 σους, αἱ δὲ ὑπὸ $\alpha\zeta\eta$ $\beta\zeta\eta$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι, κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ὑπὸ $\alpha\zeta\eta$, ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\zeta$ ἐλάσσων ἔσται τῆς ὑπὸ $\beta\zeta\eta$. τριγώνου ἄρα τοῦ $\kappa\eta\zeta$ ἡ ἐκτὸς τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐλάσσων, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα κατὰ ταῦτα συμπίπτουσιν. ἀλλὰ μὴν συμπί- 25 πτousi. κατὰ θάτερα ἄρα ἡ σύμπτωσις αὐτῶν ἔσται, καθ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάσσονες.

Ταῦτα μὲν οὖν ὁ Πτολεμαῖος. ἐφιστάνειν δὲ ἄξιον, μὴ ποτε παραλογισμός τις ἔστιν ἐν ταῖς εἰλημμέναις ὑποθέσεσι, λέγω δὲ ἐν ἐκείναις, ἐν αἷς ἔλεγεν ὅτι τῆς τεμνουσῆς εὐθείας τὰς ἀσυμπτώτους τέτταρας ἐντὸς γωνίας ποιούσης αἱ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κατ' ἀμφοτέρα τὰ μέρη ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ἢ δύο ὀρθῶν μείζους ἢ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες. οὐ γὰρ τελεία ἡ διαιρέσις. κωλύει γὰρ οὐδὲν τὸν ἀσυμπτώτους λέγοντα τὰς ἀπ' ἐλασσόνων δυεῖν ὀρθῶν ἐκβαλλομένας τὰς μὲν τῶν ἐπὶ τὰ αὐτὰ δύο ὀρθῶν μείζους λέγειν, τὰς δὲ ἐπὶ θάτερα δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας, καὶ οὐχ ἓνα περὶ τούτων ἀποδέχεσθαι λόγον. ἀτελοῦς δὲ οὔσης τῆς διαιρέσεως οὐκ ἀποδέδεικται τὸ προκείμενον. ἔτι δὲ κακείνῳ πρὸς τὴν δεῖξιν ῥητέον, ὅτι οὐ καθ' αὐτὸ 15 δείκνυσι τὸ ἀδύνατον. οὐ γὰρ ἐπειδὴ παραλλήλους τέμνουσά τις εὐθεῖα μείζους ἐποίησεν τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ κατ' ἀμφοτέρα μέρη δύο ὀρθῶν ἢ ἐλάσσους, διὰ τοῦτο ἀκολουθεῖ τὸ ἄτοπον ταύταις ταῖς ὑποθέσεσιν, ἀλλ' ἐπειδὴ τέσσαρες τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι αἱ ἐντὸς 20 τῶν τεμνομένων, διὰ τοῦτο ἀδύνατος ἑκατέρω τῶν ὑποθέσεων τούτων, || ἐπεὶ καὶ μὴ παραλλήλους τις λάβῃ τὰς εὐθείας τὰ αὐτὰ ἀκολουθήσει τῶν ὑποθέσεων τῶν αὐτῶν εἰλημμένων.

Πρὸς μὲν οὖν Πτολεμαῖον ταῦτα λέγοντες ἐπιστήσομεν· φανερὰ γὰρ ἡ τῆς δείξεως ἀσθένεια διὰ τῶν εἰρημμένων. φέρε δὲ κακείνους ἐπισκεψώμεθα τοὺς λέγοντας ἀδυνατὸν εἶναι τὰς ἀπ' ἐλασσόνων ἢ

1 ἐφιστάνειν μὲν C. 8 τὸν] τῶν C. 9 δυεῖν ὀρθαῖς M, δυοῖν ὀρθαῖς G, δυοῖν ὀρθαῖν C. 12 ἀποδέχεται M, G. 13 ἔστι G, ἔτι C. 17 ἢ om. G, add. C. 21 καὶ] ἐάν G. 22 λάβε G, λάβοι C. 26 φέρε δὲ G.

δύο | ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν. λαβόντες γὰρ
 εὐθείας δύο τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτουσιν εἰς αὐτὰς
 τὴν $\overline{αγ}$ καὶ ποιοῦσαν
 τὰς ἐντὸς δύο ὀρθῶν
 ἐλάσσονας οἶονται (?)
 δεικνύναι μὴ συμπι-
 πτούσας τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$. δι-
 ηγήσθω γὰρ δίχα ἡ $\overline{αγ}$



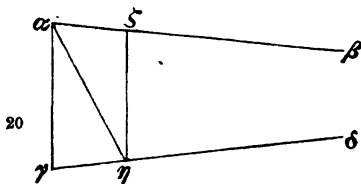
κατὰ τὸ ε καὶ ἀφηγήσθω ἀπὸ μὲν τῆς $\overline{αβ}$ ἴση τῇ $\overline{αε}$
 ἡ $\overline{αξ}$, ἀπὸ δὲ τῆς $\overline{γδ}$ ἴση τῇ $\overline{εγ}$ ἡ $\overline{γη}$. δῆλον ἄρα ὅτι 10
 αἱ $\overline{αξ}$ $\overline{γῆ}$ οὐ συμπεσοῦνται κατὰ τὸ $\overline{ξη}$. εἰ γὰρ συμ-
 πεσοῦνται, ἔσονται αἱ δύο τῇ $\overline{αγ}$ ἴσαι ἐν τριγώνῳ,
 ὅπερ ἀδύνατον. πάλιν ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{ξη}$ καὶ τετμήσθω
 δίχα κατὰ τὸ θ καὶ ἴσαι ἀφηγήσθωσαν. οὐδὲ αὗται
 ἄρα συμπεσοῦνται διὰ τὰ αὐτά. καὶ τοῦτο εἰς ἅπει- 15
 ρον ποιοῦντες, ἐπιξευγνύντες τὰ ἀσύμπτωτα σημεῖα
 καὶ τὴν ἐπεξευγμένην διχοτομοῦντες καὶ ἴσας ἀπὸ
 τῶν εὐθειῶν τοῖς ταύτης ἡμίσεσιν ἀφαιροῦντες, δει-
 κνύναι φασὶν ὅτι οὐδαμοῦ συμπίπτουσιν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$
 εὐθεῖαι. 20

Τούτων δὲ τοιαῦτα λεγόντων φητέον ἡμῖν ὅτι λέ-
 γουσι μέντοι ἀληθεῖς, οὐ μέντοι ὅσον γε οἶονται. ὅτι
 μὲν γὰρ ὀρίσαι τὸ σημεῖον τῆς συμπτώσεως ἀπλῶς

5 οἶονται] οἶον M, G , οἶονται B_2 , 'ut' Z , 'fieri potest in-
 quiant' B . 13 ἡ $\overline{ξη}$ καὶ τετμήσθω om. G , add. C .
 18 ταῖς ταύταις M, G . 22 οἶονται M , οἶον τε G , οἶονται B_2 ,
 'quantum sit satis' Z , 'opinantur' B . || ὅτι μὲν γὰρ ὀρίσαι
 (ὀρίσαι B_2) M, G , τὸ μὲν γὰρ ὀρίσαι C , 'determinatur' Z , 'de-
 terminare' B .

οὕτως οὐκ ἔστιν, ἀληθές. οὐ μέντοι τὸ μηδὲ τὸ
 παράπαν συμπίπτειν αὐτὰς ἀληθές. μὴ συμπιπτέτω-
 σαν γὰρ αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{βαγ}$ καὶ ὑπὸ $\overline{δγα}$ γωνίας
 ὠρισμένης κατὰ τὸ ξ καὶ τὸ η . ἀλλ' οὐδὲν κωλύονται
⁵ κατὰ τὰ $\overline{κ}$ $\overline{λ}$ συμπεσεῖν, κἂν ἴσαι ὧσιν αἱ $\overline{ξκ}$ $\overline{ηλ}$ ταῖς
 $\overline{ξθ}$ $\overline{θη}$. τῶν γὰρ $\overline{ακ}$ $\overline{γλ}$ συμπιπτουσῶν κατὰ τὰ $\overline{κ}$ $\overline{λ}$
 οὐκέτι μένουσιν αἱ ὑπὸ $\overline{κξθ}$ $\overline{ληθ}$ γωνίαι αἱ αὐταί,
 καὶ γίνεται τι τῆς $\overline{ξη}$ ἐκτὸς τῶν $\overline{ακ}$ $\overline{γλ}$ εὐθειῶν, καὶ
 οὕτως αἱ δύο πάλιν αἱ $\overline{ξκ}$ $\overline{ηλ}$ μείζους τῆς βάσεως,
¹⁰ ὅσῃν ἀπολαμβάνουσιν ἐντὸς τῆς $\overline{ξη}$ εὐθείας.

Ἔτι δὲ καὶ κεῖνο φητέον, ἀδιορίστως αὐτῶν λεγόν-
 των τὰς ἀπ' ἑλασσόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομένας
 μὴ συμπίπτειν, ὅτι ἀναιροῦσιν καὶ ἃ μὴ βούλονται.
 ἔστω γὰρ ἡ καταγραφὴ ἡ αὐτή. πότερον οὖν δυνα-
¹⁵ τόν ἔστιν ἀπὸ τοῦ $\overline{α}$ ἐπὶ τὸ $\overline{η}$ ἐπιξεῦξαι εὐθεῖαν, ἢ



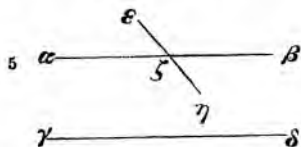
οὐ δυνατόν; εἰ μὲν γὰρ
 ἀδύνατον, τῷ πέμπτῳ
 αἰτήματι προσαναιροῦσι
 καὶ τὸ πρῶτον || τὸ ἀπὸ
 παντὸς σημείου λέγον
 ἐξεῖναι ἐπὶ πᾶν σημεῖον
 εὐθεῖαν ἀγαγεῖν, εἰ δὲ

δυνατόν, ἐπεξεύχθω. ἐπεὶ οὖν αἱ ὑπὸ $\overline{ξαγ}$ $\overline{ηγα}$ ἐλάσ-
 σους εἰσὶ δύο ὀρθῶν, δῆλον ὅτι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{ηαγ}$ $\overline{ηγα}$
²⁵ πολλῶ μᾶλλον ἐλάσσους εἰσὶ τῶν δύο ὀρθῶν. αἱ ἄρα

ἀη γη συμπεπτώκασι κατὰ τὸ ἡ ἀπ' ἐλασσόνων ἐκ-
 βεβλημένοι δύο ὀρθῶν. οὐκ ἄρα δυνατόν λέγειν
 ἀδιορίστως τὰς ἀπ' ἐλασσόνων δύο ὀρθῶν ἐκβαλλο-
 μένας μὴ συμπίπτειν. ἀλλ' ὅτι μὲν τινες εὐθεῖαι συμ-
 πίκτουσιν ἀπ' ἐλασσόνων δυεὶν ὀρθαῖν ἐκβληθεῖσαι 5
 δῆλον, εἰ καὶ πάσαις τοῦτο ζητεῖν ἔοικεν ὁ λόγος.
 εἴποι γὰρ ἂν τις ἀορίστου τῆς ἐλαττώσεως οὔσης τῶν
 δύο ὀρθῶν κατὰ μὲν τὴν τοσήνδε ἐλάττωσιν ἀσυμ-
 πτώτους μένειν τὰς εὐθείας, κατὰ δὲ ἄλλην τὴν ταύ-
 της ἐλάσσονα συμπίπτειν. πρὸς δὲ τὸν τοῦτο ἐπίξη- 10
 τοῦντα κατασκευαζόμενον ἰδεῖν λεγέσθω παρ' ἡμῶν
 ὅτι δεῖ προλαβεῖν ἀξίωμα τοιοῦτον, ᾧ καὶ Ἀριστο-
τέλης ἐχρήσατο κατασκευάζων πεπερασμένον εἶναι
τὸν κόσμον. ἔαν ἀφ' ἐνὸς σημείου δύο ἐκβάλλωνται
 εὐθεῖαι γωνίαν ποιουῖσαι ἐπ' ἄπειρον, πᾶν πεπερασμέ- 15
 νον μέγεθος ὑπερβάλλει ἢ διάστασις αὐτῶν τῶν εἰς
 ἄπειρον ἐκβαλλομένων. ἔδειξε γοῦν ἐκεῖνος ὅτι ἀπέ-
 ρων οὐσῶν τῶν ἀπὸ τοῦ κέντρου πρὸς τὴν περιφέ-
 ρειαν ἐκβεβλημένων ἄπειρον τὸ μεταξύ. πεπερασμέ-
 νου γὰρ ὄντος αὐξῆσαι τὴν διάστασιν ἀδύνατον, ὥστε 20
 οὐκ ἄπειροι αἱ εὐθεῖαι. παντὸς οὖν τοῦ ληφθέντος
 πεπερασμένου μεγέθους μείζον ἀλλήλων διαστήσονται
 ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἄπειρον αἱ εὐθεῖαι. τούτου δὲ προ-
 υποτεθέντος λέγω ὅτι, ἔαν παραλλήλων εὐθειῶν τὴν
ἐτέραν τέμνει τις εὐθεῖα, τεμεῖ καὶ τὴν λοιπὴν. ἔστω- 25
 σαν γὰρ παραλλήλοι αἱ αβ γδ, καὶ τεμνέτω τὴν αβ
 ἡ εζη. λέγω ὅτι τὴν γδ τεμεῖ. ἐπεὶ γὰρ δύο εὐθεῖαι

1 συμπίπτουσι C. || ἡ] α M, G, ἡ G. 4 μὴ om. M, G,
 add. C. 7 ἂν τις om. G, add. C. 10 τοῦτον C. 12 De coelo
 I, 5 p. 271, 28 ss. ed. Bekker. 19 ἐκβεβλημένον C. 22 μείζω C.
 23 δὲ C. 25 τέμνει om. G, add. C. || εὐθείαν M, G.

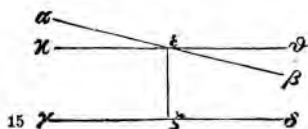
είσιν ἄφ' ἐνὸς σημείου τοῦ ζ, εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι αἱ βξ ζη, παντὸς μεγέθους μείζονα ἔχουσι διά-



στασιν, ὥστε καὶ τούτου, ὅσον ἐστὶ τὸ μεταξὺ τῶν παραλλήλων. || ὅταν οὖν μείζον ἀλλήλων διαστῶσιν τῆς τούτων διαστάσεως τεμεῖ ἡ ζη τὴν γδ. ἐὰν ἄρα παρα-

λλήλων τὴν ἑτέραν τέμνῃ τις εὐθεῖα, τεμεῖ καὶ τὴν λοιπήν. τούτου προαποδειχθέντος ἀκολουθῶς δεῖξομεν

τὸ προκείμενον. ἔστωσαν γὰρ δύο εὐθεῖαι αἱ αβ γδ, καὶ ἐμπίπτειν εἰς αὐτὰς ἡ



ἐξ ἐλάσσονας δύο ὀρθῶν ποιοῦσα τὰς ὑπὸ βεξ δεξ. λέγω ὅτι συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι κατὰ ταῦτα τὰ μέρη,

ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάσσους. ἐπειδὴ γὰρ αἱ ὑπὸ βεξ δεξ ἐλάσσους εἰσὶ δύο ὀρθῶν, τῇ ὑπεροχῇ τῶν δύο ὀρθῶν ἔστω ἴση ἡ ὑπὸ θεβ. καὶ ἐκβεβλή-

σθω ἡ θε ἐπὶ τὸ κ. ἐπεὶ οὖν εἰς τὰς κθ γδ ἐμπίπτωκεν ἡ εξ καὶ ποιεῖ τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας τὰς ὑπὸ θεξ δεξ, παράλληλοί εἰσιν αἱ θκ γδ εὐθεῖαι. καὶ τέμνει τὴν κθ ἡ αβ· τεμεῖ ἄρα καὶ τὴν γδ διὰ τὸ προδεδειγμένον. συμπεσοῦνται ἄρα αἱ αβ γδ

9 εὐθεῖαν M, C. 10 προαποδειχθέντες M, G, corr. C.
13 ἐλάσσαν C. 17 ὀρθῶν] εὐθειῶν G.

κατὰ τὰ μέρη ἐκεῖνα, ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὥστε δέδεικται τὸ προκείμενον.

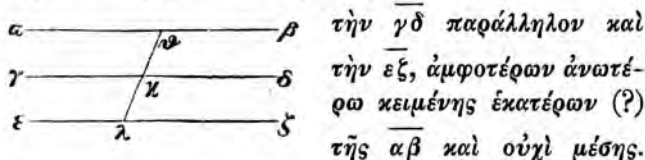
Prop. XXX, theor. XXI. Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παραλλήλοι καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παραλλήλοι.

Ἐλῶθεν ὁ γεωμέτρης ἐν τοῖς περὶ | τῶν σχέσεων 5
λόγοις δεικνύναι τὴν ταυτότητα διήκουσαν ἐν ἅσασιν
τοῖς πρὸς τὸ αὐτὸ τὴν αὐτὴν ἔχουσι σχέσιν. οὕτω
γὰρ καὶ ἐν τοῖς ἀξιώμασιν ἔλεγεν τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα
[καὶ ἀλλήλοις ἴσα] καὶ ἐν τοῖς ἐξῆς ἐρεῖ τὰ τῷ αὐτῷ
ὅμοια καὶ ἀλλήλοις ὅμοιά ἐστι, καὶ οἱ τῷ αὐτῷ λόγῳ 10
οἱ αὐτοὶ καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί. κατὰ τοῦτον
οὖν τὸν τρόπον καὶ νῦν ἀποδείκνυσιν ὅτι αἱ τῇ αὐτῇ
εὐθείᾳ παραλλήλοι καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παραλλήλοι. συμ-
βέβηκεν δὲ οὐκ ἐπὶ πασῶν τῶν σχέσεων εἶναι τοῦτο
ἀληθές. οὐ γὰρ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια καὶ ἀλλήλων 15
διπλάσια ἐστίν, οὐδὲ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίδια καὶ ἀλλή-
λων ἡμίδια ἐστίν. ἀλλ' ἔοικεν ἐπ' ἐκείνων μόνων
χώραν ἔχειν, ὅσαι ἀντιστρέφουσι συνωνύμως, ἐπὶ τῆς
ἰσότητος, || ἐπὶ τῆς ὁμοιότητος, ἐπὶ τῆς ταυτότητος,
ἐπὶ τῆς παραλλήλου θέσεως. ἡ γὰρ παραλλήλος παραλ- 20
λήλῳ παραλλήλός ἐστιν, ὥς τὸ ἴσον ἴσῳ ἴσον, καὶ τὸ
ὅμοιον ὁμοίῳ ὅμοιον. καὶ γὰρ ἐστὶν ὁμοιότης θέσεως
ἡ παραλληλότης, εἰ δυνατόν εἰπεῖν.

Λέγει δ' οὖν καὶ δείκνυσιν ἐν τούτοις ὅτι αἱ τῇ

1 τὰ om. G, add. C. 3 M in margine ὁ. 9 καὶ ἀλλή-
λοις ἴσα om. M, B₃, G (Z), 'et inter se sunt aequalia' B. 16 καὶ
ἀλλήλων ἡμίδια ἐστίν om. M, C. 18 ὅσα G. 22 'ipse
namque Parallelarum ad sese respectus similitudo positionis
est' et in margine 'ipsa namque Parallelitas si dici potest
similitudo' B. 23 εἰ] ἡ M.

αὐτῇ παράλληλοι πάντως οὕτως ἔχουσιν, ὥστε καὶ ἀλλήλαις εἶναι παράλληλοι. καὶ αὐτὸς μὲν τὰς τῇ αὐτῇ παραλλήλους ἄκρας ἔλαβεν καὶ μέσσην, πρὸς ἣν αὐταὶ τὴν ὁμοίαν ἔχουσι σχέσιν, ἵνα καὶ ἀπὸ κοινῆς
 5 ἐννοίας ἡμῖν γένηται σαφὲς τὸ λεγόμενον. εἰ γὰρ αἱ ἐφ' ἑκάτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, πάντως καὶ τῇ μεταξὺ κειμένη συμπεσοῦνται καὶ οὐκέτι πρὸς αὐτὴν ἔσονται παράλληλοι. δυνατόν δὲ καὶ ἐναλλάξαντα τὴν θέσιν δεῖξαι ταῖς αὐταῖς ἐφόδοις, αἷς ὁ γεωμέτρης
 10 ἐχρήσατο πρὸς τὸ προκείμενον, οἷον πρὸς τὴν $\overline{αβ}$ καὶ



15 ἐμπίπτουσα γὰρ ἡ $\overline{θκλ}$ εἰς αὐτὰς ἴσην ποιήσῃ ἑκατέρω τῶν ὑπὸ $\overline{θκδ}$ $\overline{κλζ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αθκ}$, ὅτι (?) ἐναλλάξ, ὥστε καὶ ἀλλήλαις ἴσας ποιήσῃ τὰς ὑπὸ $\overline{θκδ}$ $\overline{κλζ}$. παράλληλοι ἄρα αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{εζ}$. εἰ δὲ λέγοι τις· ἔστωσαν αἱ $\overline{αθ}$ $\overline{θβ}$ παράλληλοι τῇ $\overline{γδ}$, καὶ ἀλλήλαις ἄρα παρ-
 20 ἀλλήλοισι εἰσιν, ἐροῦμεν ὅτι αἱ $\overline{αθ}$ $\overline{θβ}$ μιᾶς εἰσὶν παρ-αλλήλου μέρη καὶ οὐ δύο. δεῖ γὰρ τὰς παραλλήλους

5 γένοιτο C. 13 κειμένων M, G, κειμένης B₃, C. || ἑκατέρω M, G, ἑκατέρων B₃, C; B liberius 'ambabus supra iacentibus, ipsa ab infra, et non media existente'; figuram quoque secundum hanc descriptionem construxit. 'ambabus superne iacentibus, utrisque vero ipsa $\overline{αβ}$ ' Z. Forsitan scriptum fuerit ἀμφοτέρων ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῆς $\overline{αβ}$ κειμένων καὶ ἀνωτέρω κειμένης ἑκατέρας. 16 ὅτι] οὕση C, (ἡ ἔστιν?).

ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλόμενας νοεῖν, ἡ δὲ $\overline{\alpha\theta}$ ἐκβληθεῖσα πίπτει ἐπὶ τὴν $\overline{\theta\beta}$, ἡ αὐτὴ ἄρα ἐστὶν καὶ οὐκ ἄλλη ἐκείνη. πάντα ἄρα τὰ μέρη τῆς παραλλήλου καὶ αὐτὰ παράλληλά ἐστι τῇ εὐθείᾳ ἢ καὶ ὅλη παράλληλος ἦν καὶ τοῖς μέρεσιν αὐτῆς, οἷον καὶ ἡ $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\kappa\delta}$ καὶ ἡ $\overline{\theta\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$. ἐκβαλλόμεναι γὰρ ἐπ' ἄπειρον ἀσύμπτωτοι μένουσιν.

Τούτοις ἀναγκαίως ἐπεσημηγάμεθα διὰ τὰς σοφιστικὰς ἐνοχλήσεις καὶ τὰς γεωροπρεπεῖς τῶν ἀκουόντων ἔξεις. χαίρουσι γὰρ οἱ πολλοὶ τοῖς τοιοῦτοις παραλογισμοῖς προστυγχάνοντες καὶ τοῖς ἐπιστήμοσιν ὅχλον περιττὸν ἐπείσάγοντες.

Ἀντιστρέφειν δὲ οὐδὲν δεῖ τὸ θεώρημα καὶ δεικνύναι ὅτι αἱ ἀλλήλαις παράλληλοι καὶ τῇ αὐτῇ παράλληλοί εἰσιν. πάλιν γάρ, ἂν ὑποθώμεθα τὴν ἐτέραν τινὲ παράλληλον, ἐκείνη τε καὶ ἡ λοιπὴ τούτων ἔσονται τῇ αὐτῇ παράλληλοι, καὶ εἰς ταὐτὸ ἐπανήξομεν.

|| Prop. XXXI, probl. X. Διὰ τοῦ δοθέντος σημείου τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ παράλληλον εὐθεῖαν γράμμην ἀγαγεῖν. 20

Ἔδει μὴ μόνον ἡμᾶς τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα ταῖς παραλλήλοις μαθεῖν ἐν τοῖς τοῦ στοιχειωτοῦ λόγοις, ἀλλὰ καὶ τὴν γένεσιν ἱστορεῖν διὰ τῶν γεωμετρικῶν μεθόδων καὶ γινῶναι, πῶς ἂν γένοιτο ἄλλη εὐθεῖα παράλληλος ἄλλῃ. πολλαχοῦ γὰρ αἱ γενέσεις 25

- τρανεστέραν ἡμῖν ποιούσιν τῶν ὑποκειμένων τὴν
 οὐσίαν. τοῦτο δὴ οὖν ὁ στοιχειωτὴς ποιεῖ διὰ τῶν
 προκειμένου προβλήματος. σημεῖον γὰρ λαβὼν καὶ
 εὐθείαν ἄγει διὰ τοῦ σημείου τῇ εὐθείᾳ παράλληλον.
 5 δεῖ δὲ προειληφέναι ἡμᾶς ὅτι τὸ σημεῖον ἐκτὸς πάν-
 τως κείσθαι τῆς εὐθείας ἀναγκαῖον. οὐ γάρ, ἐπειδὴ
 εἴρηται διὰ τοῦ δοθέντος σημείου, καὶ ἐπ' αὐτῆς αὐτὸ
 τῆς εὐθείας δώσομεν. οὐ γὰρ ἔσται τις ἄλλη παρὰ
 τὴν εὐθείαν ἢ δι' αὐτοῦ φερομένη παράλληλος. μερί-
 10 σας οὖν τὸ σημεῖον καὶ τὴν εὐθείαν ἐδήλωσεν ὅτι τὸ
 σημεῖον ἐκτὸς λαμβάνειν χρὴ τῆς εὐθείας· ὅπερ ἐπὶ
 τῆς καθέτου καὶ διὰ τοῦ προσθεῖναι σαφεὲς ἐποίησεν,
 ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν ἄπειρον ἀπὸ τοῦ δοθέντος
 σημείου, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον ἀγαγεῖν. ἔν-
 15 μὲν οὖν κοινὸν τούτοις ἀμφοτέροις τοῖς προβλήμασιν,
 ἕτερον δὲ ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο κάθετοι
 οὐκ ἄγονται ἐπὶ τὴν αὐτήν, καὶ διὰ τοῦ αὐτοῦ ση-
 μείου δύο παράλληλοι οὐκ ἄγονται τῇ αὐτῇ, δι' ὃ καὶ
 ὁ στοιχειωτὴς οὕτως εἶπεν ἐνικῶς εὐθείαν γραμμὴν
 20 ἀγαγεῖν, ἐκεῖ μὲν κάθετον, ἐνταῦθα δὲ παράλληλον.
 ἀλλ' ἐκεῖνο μὲν δέδεικται, τοῦτο δὲ φανερόν ἐκ τοῦ
 προαποδειχθέντος. εἰ γὰρ διὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τῇ
 αὐτῇ δύο παράλληλοι ἀχθεῖεν, ἔσονται καὶ ἀλλήλαις
 παράλληλοι συμπέπτουσαι κατὰ τὸ δοθὲν σημεῖον,
 25 ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον.

Δεῖ δὴ καὶ ταῖς διαφοραῖς προσέχειν τῶν προτά-
 σεων, ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου καὶ διὰ τοῦ δο-
 θέντος σημείου. ὅπου μὲν γὰρ τὸ σημεῖον ἀρχὴ ἔστι
 τῆς ἀγομένης, καὶ διὰ τοῦτο ἀπ' αὐτοῦ ἡ ἀγωγή, ὅπου

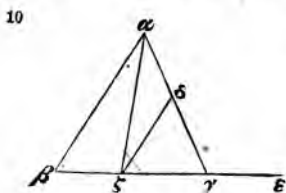
δὲ ἐπ' αὐτῆς ἐστὶ τῆς ἀγομένης, καὶ διὰ τοῦτο ἡ ἀγωγή δι' αὐτοῦ. οὐ γὰρ ὡς τεμνούσης εὐθείας τὸ δοθὲν σημεῖον εἴρηται τὸ δι' αὐτοῦ, ἀλλ' ὡς συμπιπτούσης αὐτῷ καὶ ὀριζούσης τὸ ἐαυτῆς ἀπόστημα πρὸς τὴν ἐκείνην εὐθεῖαν τῇ διαστάσει τοῦ σημείου⁵ καὶ τῆς εὐθείας. ὅσον γὰρ τὸ δοθὲν || σημεῖον τῆς δοθείσης εὐθείας ἀφ' ἑστέηκεν, τοσοῦτον καὶ ἡ παράλληλος ἔχει τὸ μεταξὺ ἐαυτῆς τε καὶ ἐκείνης.

Prop. XXXII, theor. XXII. Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἡ ἐκτὸς τοῦ¹⁰ τριγώνου γωνία δύο ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐστὶν ἴση καὶ αἱ ἐντὸς τοῦ τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰδῖν.

Ὅσον ἐνέλειπεν ἐν τῷ $\overline{\iota\epsilon}$ καὶ $\overline{\iota\zeta}$ θεωρήματι, τοσοῦτον προστίθησιν ἐν τούτῳ. οὐ γὰρ μόνον ὅτι ἡ¹⁵ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου ἐκατέρως τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον μείζων διὰ τούτου μανθάνομεν, ἀλλὰ καὶ ὅσῳ μείζων. ἴση γὰρ ἀμφοτέραις οὕσα μείζων ἐστὶν ἐκατέρως τῇ λοιπῇ, οὐδὲ ὅτι δύο τοῦ τριγώνου ὅποιοι οὖν ἐλάσσους εἰσὶ δυνεῖν ὀρθαῖν ἐκ τούτων γινώσκομεν,²⁰ ἀλλὰ καὶ πόσῳ ἐλάσσους. τῇ γὰρ λοιπῇ τῶν τριῶν. ἐκεῖνα μὲν οὖν ἀοριστότερά πως ἦν τὰ θεωρήματα, τοῦτο δὲ τὸν τῆς ἐπιστήμης ὅρον ἀμφοτέροις ἐπήγαγεν. καὶ οὐ διὰ τοῦτο περιττὰ ἂν εἴποιμεν ἐκεῖνα. καὶ γὰρ συνετέλεσεν ἡμῖν εἰς πολλὰς ἀποδείξεις, ἀφ'²⁵ ὧν καὶ τοῦτο δείξομεν. καὶ ἀναγκαῖον τὴν γνῶσιν ἡμῶν ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον προλοῦσαν ἐκ

τῶν ἀορίστων ἐπιβολῶν ἐπὶ τοὺς ὠρισμένους καὶ ἀνελέγκτους λόγους μεταβαίνειν.

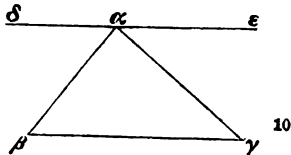
Ἄλλ' ὁ μὲν στοιχειωτῆς ἔξω τὴν παράλληλον
ἄγων ἔδειξεν ἐκάτερον τῶν ζητουμένων. ἔστι δὲ καὶ
5 μὴ ἔξω ἄγοντα τὰ αὐτὰ δεικνύναι, τὴν τάξιν μόνην
ἐναλλάξαντα τῶν δεικνυμένων. ὁ μὲν γὰρ πρότερον
ἔδειξεν τὸ τὴν ἐκτὸς γωνίαν ἴσην εἶναι ταῖς ἐντὸς
καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἀπὸ τούτου τὸ λοιπὸν κατεσκευά-
σεν, ἡμεῖς δὲ ἀνάπαλιν ποιήσωμεν. ἔστω δὴ οὖν τὸ



αβγ τριγώνον καὶ ἐκβεβλή-
σθω ἡ βγ ἐπὶ τὸ ε, καὶ εἰλή-
φθω σημείον ἐπὶ τῆς βγ τὸ
ξ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ αξ, καὶ
διὰ τοῦ ξ παράλληλος ἦχθω

15 τῇ $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\xi\delta}$. ἐπεὶ οὖν $\overline{\text{παράλληλος ἢ } \xi\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ
εἰς αὐτὰς ἐμπίπτωκεν ἡ τε $\overline{\alpha\zeta}$ καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$, αἱ τε ἐναλ-
λάξ ἴσαι || καὶ ἡ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\gamma}$
ἴση ταῖς ὑπὸ $\overline{\zeta\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\beta\zeta}$. ὁμοίως δὴ δεῖξομεν $\overline{\text{παράλ-}}$
 $\overline{\text{ληλον ἀγαγόντες ὅτι καὶ ἡ ὑπὸ } \alpha\zeta\beta}$ ἴση ταῖς ὑπὸ $\overline{\zeta\alpha\gamma}$
20 $\overline{\alpha\gamma\zeta}$. δύο ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\beta}$ $\overline{\alpha\zeta\gamma}$ ἴσαι ταῖς τρισὶ τοῦ
 $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τριγώνου. αἱ ἄρα τρεῖς δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶ
ταῖς ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\beta}$ $\overline{\alpha\zeta\gamma}$. ἀλλὰ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\zeta}$ $\overline{\alpha\gamma\epsilon}$ δύο ὀρ-
θαῖς ἴσαι. κοινὴ ἀφηγήσθω ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\zeta}$. λοιπὴ ἄρα
ἡ ἐκτὸς ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐστὶν ἴση.

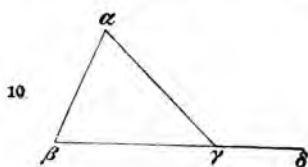
Τοῦτο μὲν δὴ τὸν εἰρημένον ἀποδείκνυνται τρό-
 πον· Εὐδημος δὲ ὁ περιπατητικὸς εἰς τοὺς Πυθα-
 γορείους ἀναπέμπει τὴν τοῦδε τοῦ θεωρήματος εὐρε-
 σιν, ὅτι τρίγωνον ἅπαν δυσὶν ὀρθαῖς ἰσας ἔχει τὰς
 ἐντὸς γωνίας. καὶ δεικνύναι φησὶν αὐτοὺς οὕτως τὸ 5
 προκείμενον. ἔστω τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$, καὶ ἤχθω διὰ
 τοῦ α τῇ $\beta\gamma$ παράλληλος ἡ $\delta\epsilon$. ἐπεὶ οὖν παράλληλοί
 εἰσιν αἱ $\beta\gamma$ $\delta\epsilon$, καὶ αἱ ἐναλ-
 λὰς ἰσαι εἰσὶν, ἴση ἄρα ἡ μὲν
 ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ τῇ ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$, ἡ δὲ
 ὑπὸ $\epsilon\alpha\gamma$ τῇ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$. κοινὴ προσκείσθω ἡ $\beta\alpha\gamma$. αἱ
 ἄρα ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ $\beta\alpha\gamma$ $\gamma\alpha\epsilon$, τουτέστιν αἱ ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ $\beta\alpha\epsilon$,
 τουτέστιν αἱ δύο ὀρθαὶ ἰσαι εἰσὶ ταῖς τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τρι-
 γώνου τρισὶ γωνίαις. αἱ ἄρα τρεῖς τοῦ τριγώνου δύο 15
 ὀρθαῖς εἰσιν ἰσαι.



Τοιαύτη μὲν οὖν καὶ ἡ τῶν Πυθαγορείων ἀπό-
 δεξις· δεῖ δὲ καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα τῷ θεωρήματι
 τοῦ στοιχειωτοῦ προσιστορῆσαι. ἀντιστρέφει δὲ δεῖν
 πρὸς ἓν, ἐπειδὴ τοῦτο σύνθετόν ἐστι κατὰ τε τὸ ζητού- 20
 μενον καὶ κατὰ τὸ δεδομένον. καὶ γὰρ τοῦτο διπλοῦν
 ἐστὶ· τρίγωνον γὰρ καὶ μία τῶν πλευρῶν ἐκβεβλη-
 μένη. κάκεινο ὡσανύτως. ἓν μὲν γάρ ἐστι τὸ τὴν
 ἐκτὸς ἴσην εἶναι ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, ἕτερον δὲ
 τὸ τὰς ἐντὸς τρεῖς γωνίας δύο ὀρθαῖς εἶναι ἰσας. εἰάν 25

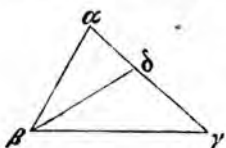
13 τουτέστιν ἡ ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ $\beta\alpha\epsilon$ M, G. 14 αἱ δύο ὀρ-
 θαῖς C. 15 δύσιν ὀρθαῖς G. 19 δὲ ante δεῖν om. G,
 add. C. 25 δύσιν G, δύο C.

οὖν ὑποθώμεθα καὶ τὴν ἐκτὸς εἶναι ταῖς ἐντὸς ἴσην καὶ ἀπεναντίον, δείκνυμεν ἐκβεβλημένην πλευρὰν καὶ ἐπ' εὐθείας οὖσαν τῇ μιᾷ τῶν τριγώνου πλευρῶν τὴν ἐκτὸς — ἐὰν δὲ τὰς τρεῖς γωνίας τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας, δείκνυμεν ὅτι τὸ σχῆμα τριγώνον ἐστι. καὶ οὕτως ὅλον ἐστὶ τὸ ζητούμενον πρὸς ὅλον ἀντιστρέφον τὸ δεδομένον. ἔστω τοίνυν τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$



καὶ ἡ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ || ἴση ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. λέγω ὅτι ἡ $\beta\gamma$ ἐστὶν ἡ προσεκβεβλημένη ἕως τοῦ δ , καὶ μία εὐθεῖα ἐστὶν ἡ $\beta\gamma\delta$.

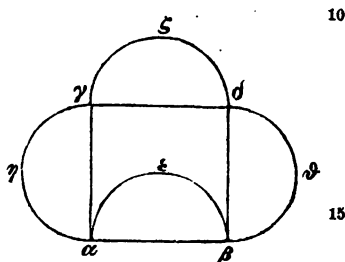
ἐπεὶ γὰρ ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ ἴση ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$. αἱ ἄρα ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ $\alpha\gamma\beta$ ἴσαι ταῖς τρισὶ τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τοῦ τριγώνου. ἀλλ' αἱ τρεῖς τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τριγώνου δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. ἐὰν δὲ πρὸς τινὶ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐξῆς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας εἰσὶν ἀλλήλαις $\alpha\gamma$ εὐθεῖαι. ἡ ἄρα $\beta\gamma$ τῇ $\gamma\delta$ ἐπ' εὐθείας ἐστὶν. πά-



λιν ἔστω τις σχῆμα τὸ $\alpha\beta\gamma$ τρεῖς ἔχον γωνίας μόνας δύο ὀρθαῖς ἴσας τὰς $\alpha\beta\gamma$. λέγω ὅτι τριγώνον ἐστι καὶ μία εὐ-

25 θεῖα ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$. ἐπεξεύχθω | γὰρ ἡ $\beta\delta$. ἐπεὶ οὖν ἑκατέρου τῶν $\alpha\beta\delta$ $\delta\beta\gamma$ τριγώνων αἱ τρεῖς γωνίαι

δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι, ὧν αἱ τοῦ $\overline{αβγ}$ δύο ὀρθαῖς
 ἴσαι, λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{αδβ}$ $\overline{γδβ}$ δύο εἰσιν ὀρθαῖς
 ἴσαι. καὶ εἰσιν πρὸς τῇ $\overline{βδ}$ εὐθείᾳ. ἐπ' εὐθείας ἄρα
 ἐστὶν ἡ $\overline{δγ}$ τῇ $\overline{δα}$. ἐὰν οὖν εὐθύγραμμοι ᾖ τὸ σχῆμα
 τὸ ἔχον τὰς ἐντὸς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἐκ παντὸς ⁵
 τρίγωνόν ἐστιν. οὐ μὲν ἐὰν ἔχη τι τὰς ἐντὸς δύο
 ὀρθαῖς ἴσας, ἐκ παντὸς τρίγωνόν ἐστι. καὶ γὰρ περι-
 φερόγραμμοι εὗροις ἂν ἔχον τὰς ἐντὸς δυσὶν ὀρθαῖς
 ἴσας. ἔστω γὰρ τετράγωνον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ ||
 ἐντὸς ἡμικύκλιον γεγράφ-
 φθω τὸ $\overline{αεβ}$, ἐπὶ δὲ τῶν
 ἄλλων ἐκτὸς τὰ $\overline{ηξ}$ $\overline{θδ}$.
 δύο δὲ γωνίας ἔχει τὸ
 ὑπὸ τῶν ἡμικυκλίων περι-
 εχόμενον τὰς ὑπὸ $\overline{ηαε}$
 $\overline{εβθ}$ δύο ὀρθαῖς ἴσας ταῖς



ὑπὸ $\overline{γαβ}$ $\overline{δβα}$ — δέδεικται γὰρ τοῦτο ἐν τοῖς αἰτη-
 μασι — καὶ μόναι αὗται γωνίαι εἰσὶν ἐν τῷ σχήματι
 τούτῳ. ἔστιν ἄρα τι σχῆμα μὴ τρίγωνον τὰς ἐντὸς
 ἔχον γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας. ²⁰

Ταῦτα καὶ περὶ τῶν ἀντιστροφῶν· ἐπεὶ δὲ ἔχο-
 μεν ὅτι παντὸς τριγώνου αἱ τρεῖς γωνίαι δύο ὀρθαῖς
 ἴσαι εἰσὶν, δεῖ μέθοδον λαβεῖν, καθ' ἣν καὶ τῶν ἄλ-
 λων πάντων πολυγώνων εὐθυγράμμων τὰς γωνίας
 εὐρήσομεν ὁπόσαις ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν, οἷον τετραγώ- ²⁵
 νου, πενταγώνου καὶ τῶν ἐξῆς ἀπάντων πολυπλεύρων.

χοῖ τοῖνυν εἰδέναι πρῶτον ὅτι πᾶν σχῆμα εὐθύγραμ-
 μον εἰς τρίγωνον ἀναλύεται. πάντων γὰρ ἀρχὴ τῆς
 συστάσεως τριγώνων, ὃ καὶ ὁ Πλάτων ἐφη διδάσκων
 ὅτι ἡ ὀρθὴ (?) τῆς ἐπιπέδου βάσεως ἐκ τριγώ-
 5 νων συνέστηκεν. ἕκαστον δὲ ἀναλύεται εἰς δυάδι
 ἐλάσσονα τρίγωνα τῶν οἰκείων πλευρῶν, εἰ τετρά-
 πλευρόν ἐστιν, εἰς δύο, εἰ πεντάπλευρον, εἰς τρία, εἰ
 ἑξάπλευρον, εἰς τέσσαρα. δύο γὰρ τρίγωνα συντε-
 θέντα τετράπλευρον ἐποίησε εὐθύς· ὃ δὲ τῶν συν-
 10 θέτων τριγώνων ἀριθμῷ τὸ πρῶτον συστὰν διήνεγκεν
 τῶν ἑαυτοῦ πλευρῶν, τούτῳ καὶ τὰ ἐξῆς πάντα δια-
 φέρει. δυάδι ἄρα πᾶν πολὺπλευρον πλείους ἔχει πλευ-
 ρὰς τῶν τριγώνων, εἰς ἃ διαλύεται. ἀλλὰ μὴν ἅπαν
 γε τριγώνων δεδεικται δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχον τὰς
 15 γωνίας. διπλάσιος ἄρα ὁ τῶν γωνιῶν (?) ἀριθμὸς
 αὐτῶν τῶν συντεθέντων τριγώνων γενόμενος παρ-
 ἔξεται τὸ πλῆθος τῶν ὀρθῶν, ὅσαις ἕκαστον πολὺγ-
 νον ἴσας ἔχει γωνίας. διὸ πᾶν μὲν τετράπλευρον
 τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει γωνίας· ἐκ δυεῖν γὰρ συν-
 20 ἔκειτο τριγώνων· πᾶν δὲ πεντάπλευρον ἕξ, καὶ τοῦτο
 ἐξῆς ὁμοίως.

Ἐν μὲν οὖν τοῦτο ληπτέον ἐκ τοῦ θεωρήματος
 τούτου περὶ πάντων τῶν πολυγώνων ἅμα καὶ εὐθύ-
 γραμμων· ἔτερον δὲ ἐπόμενον τούτῳ συνέλωμεν, ὅτι

4 ἡ ὀρθὴ] 'rectus angulus' Z, 'rectitudo', in margine
 'recta', B. Ego sanum hunc locum esse negaverim, etsi idem in
 Platonis Timaeo (p. 53, C) legitur. B₂ = M, G. 5 δὲ] γὰρ C. ||
 δυάδι C. 9 ἐποίησαν G. 15—16 ὁ τῶν γωνιῶν ἀριθμὸς αὐτῶν
 σ. τρ. M, G, ὁ τῶν γωνιῶν ἀριθμὸς αὐτῶν τῶν σ. τρ. B₂, C,
 'numerus angularum ipsorum tr. comp.' Z, 'Angulorum nume-
 rus eorum, quae composita sunt Triangulorum' B. Ego con-
 ieceram ὁ τῶν τριγώνων ἀριθμὸς ὁ τῶν σ. τρ. 24 συνέλο-
 μεν M, C. || M in margine ση. λίαν ἀναγκαῖον.

πᾶν σχῆμα εὐθύγραμμον ἐκάστης τῶν πλευρῶν ἅπαξ ἐκβληθείσης τὰς ἐκτὸς συνισταμένας γωνίας ἴσας ἔχει τέτρασιν ὀρθαῖς. διπλασίας μὲν γὰρ εἶναι δεῖ τὰς ἐφ' ἐκάτερα γωνίας ὀρθὰς τοῦ πλήθους τῶν πλευρῶν, ἐπειδὴ πρὸς ἐκάστη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι συνίστανται. 5 ἀφαιρουμένων δὲ τῶν ἴσων ταῖς ἐντὸς ὀρθῶν αἱ λοιπαὶ γίνονται αἱ ἐκτὸς τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι. οἷον εἰ τὸ σχῆμα τρίγωνον, ἐκάστης αὐτοῦ πλευρᾶς ἅπαξ ἐκβαλλομένης ἕξ ὀρθαῖς ἴσαι συνίστανται γωνίαι || αἷ τε ἐντὸς καὶ ἐκτὸς, ὧν αἱ ἐντὸς ἴσαι δυσὶν, αἱ λοιπαὶ 10 ἄρα αἱ ἐκτὸς τέτρασιν, — εἰ δὲ τετράπλευρον, ὁκτὼ αἱ πᾶσαι διπλασίαι γὰρ τῶν πλευρῶν ὧν ἐντὸς τέτρασιν, καὶ ἐκτὸς ἄρα ἄλλαις τοσαύταις ἴσαι, — εἰ δὲ πεντάπλευρον, δέκα μὲν αἱ πᾶσαι, ἕξ δὲ ἐντὸς, τέτρασι δὲ ταῖς λοιπαῖς αἱ ἐκτὸς καὶ ἐπ' ἅπειρον 15 ὁμοίως ἢ αὐτῇ μέθοδος.

Ἐπὶ δὴ τούτοις κἀκεῖνα συναγάγωμεν ὅτι διὰ τοῦτο τὸ θεώρημα τὸ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον ἐκάστην ἔχει γωνίαν διμοίρου ὀρθῆς, τὸ δὲ ἰσοσκελές, ὅταν ἔχη τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ ὀρθήν, τὰς λοιπὰς ἡμι- 20 σείας ὀρθῆς ἔχει, οἷον τὸ ἡμιτετράγωνον, τὸ δὲ σκαληνὸν τὸ ἡμιτρίγωνον, ᾧ γίνεται ἐν ἰσοπλεύρῳ τριγώνῳ καθέτου ἀχθείσης ἀπ' οἷας τινὸς γωνίας ὑπὸ τὴν ὑποτείνουσιν αὐτὴν πλευράν, τὴν μὲν ἔχει ὀρθήν, τὴν δὲ διμοίρου οὔσαν, ἥτις ἦν καὶ τοῦ ἰσοπλεύρου 25

7 ss. *M* in margine addit figuras trianguli, quadrati, pentagoni, hexagoni. prioribus tribus adscripta sunt tot β i. e. duo quot sunt anguli, hexagono autem quattuor δ . intra triangulum scriptum est β , intra quadratum δ , intra pentagonum ϵ , extra triangulum et quadratum adscriptum est δ . 17 ἐπειδὴ *M*, *C*. 20 πρὸς τῇ κορυφῇ *C*, πρὸς τὴν κορυφήν *M*, *G*. 25 διμοιροῦσαν *M*, *G*, δυμοιροῦσαν *C*.

τριγώνου, τὴν δὲ λοιπὴν ἄρα τρίτου. δεῖ γὰρ εἶναι
 δυοῖν ὀρθαῖς ἴσας τὰς τρεῖς. ταῦτα δὲ οὐ παρέργως
 ἐπισημαίνομαι, ἀλλὰ ὡς προπαρασκευάζοντα ἡμᾶς πρὸς
 τὴν τοῦ Τιμαίου διδασκαλίαν.

- 5 Καὶ μὴν καὶ κεῖνο ῥητέον, ὅτι τὸ τὰς ἐντὸς γωνίας
 δύο ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν καθ' αὐτὸ καὶ ἢ αὐτὸ ὑπάρχει
 τῷ τριγώνῳ· δι' ὃ καὶ Ἀριστοτέλης πρόχειρον ἔχει
 τὸ παράδειγμα τοῦτο ἐν ταῖς ἀποδεικτικαῖς πραγμα-
 τείαις τὸ ἢ αὐτὸ θεωρῶν. ὥς οὖν παντὶ σχήματι τὸ
 10 πεπερατωσθαι καθ' αὐτὸ ὑπάρχει καὶ πρώτως, οὕτω
 τῷ τριγώνῳ τῷ εὐθυγράμμῳ παντί, εἰ καὶ μὴ σχή-
 ματι παντί, τὸ τὰς ἐντὸς γωνίας δυεῖν ὀρθαῖν ἴσας
 ἔχειν. καὶ ἔοικεν καὶ κατὰ τὰς κοινὰς ἐννοίας προσ-
 πίπτειν ἡμῖν ἢ τοῦ θεωρήματος ἀλήθεια. ἐὰν γὰρ
 15 νοήσωμεν εὐθείαν καὶ ἐπὶ τῶν περάτων αὐτῆς τινὰς
 πρὸς ὀρθὰς ἐστῶσας, εἴτα συνιούσας εἰς τριγώνου
 γένεσιν, ὀρῶμεν ὅτι, καθόσον συνενύουσιν, κατὰ το-
 σοῦτον ἐλαττοῦσι τὰς ὀρθὰς, ἄς ἐποιοῦν πρὸς τῇ
 εὐθείᾳ, ὥστε ὅσον ἐκείνων (?) ἀφείλον, τοσοῦτον
 20 προσλαβοῦσαι κατὰ τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ σύννευσιν
 εἰς ἀνάγκης τὰς τρεῖς ποιοῦσιν δυοῖν ὀρθαῖς ἴσας.

6 ἢ αὐτῷ C. 10 οὕτω τῷ τριγώνῳ C, οὕτω τριγώνῳ B,
 ὡς M, G, 'sic' Z, 'ita rectilineae' et in margine 'triangulo' B.
 19 ἐκείνων] ἔχει ὡς M, B, G, 'quantum id est quod ab
 eis' Z, 'quantum est quod' B.

Prop. XXXIII, theor. XXIII. Αἱ τὰς ἰσας τε καὶ παραλλήλους εὐθείας ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπι-
 ξευγνύουσαι | εὐθεται καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ
 παράλληλοι εἰσιν.

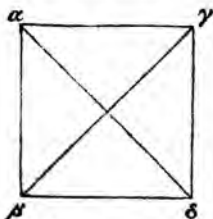
Τοῦτο τὸ θεώρημα ὥσπερ μεθόριον ἐλέγομεν εἶναι τῆς τε περὶ τῶν παραλλήλων καὶ τῆς τῶν παραλληλογράμμων || ζητήσεως. καὶ γὰρ τῶν ἴσων τε καὶ παραλλήλων εὐθειῶν δοκεῖ τι σύμπτωμα λέγειν καὶ γένεσιν παραλληλογράμμων λεληθῆναι παραδί-
 δωσι. γίνεται γὰρ παραλληλόγραμμον ἐκ τε τῶν ἐξ 10
 ἀρχῆς ἴσων καὶ παραλλήλων καὶ ἐκ τῶν ταύτας ἐπι-
 ξευγνυουσῶν καὶ δεικνυμένων ὡσαύτως ἴσων τε καὶ παραλλήλων. διὸ καὶ τὸ μετὰ τοῦτο εὐθὺς ὥς ἂν ὑποστάντος ἤδη τοῦ παραλληλογράμμου τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τοῖς τοιοῦτοις χωρίοις θεωρεῖ. 15

Ταῦτα μὲν οὖν σαφῆ· δεῖ δὲ καὶ τὴν ἀκρίβειαν τὴν ἐν τῇ προτάσει διασκέψασθαι. πρῶτον μὲν οὖν ὅτι οὐκ ἠρκέσθη τῷ ἴσας εἶναι τὰς ἐπιξευγνυμένας. οὐ γὰρ πάντως αἱ ἐπιξευγνύουσαι τὰς ἴσας ἴσαι εἰσίν, εἰ μὴ καὶ παράλληλοι εἰεν. τριγώνου γὰρ ὄντος ἴσο- 20
 σκελοῦς καὶ σημείου ληφθέντος ἐπὶ μιᾷς τῶν ἴσων καὶ ἀχθείσης διὰ τοῦδε τῇ βάσει παραλλήλου ἴσας μὲν ἐπιξευγνύουσιν ἢ τε παρέλληλος τῇ βάσει καὶ αὐτὴ ἢ βάσις· οὐ μέντοι καὶ ἴσαι εἰσίν. οὐ γὰρ ἦσαν ἐκεί-
 ναι παρέλληλοι αἱ συμπίπτουσιν κατὰ τὴν τοῦ τρι- 25
 γώνου κορυφῇν. δεῦτερον δὲ ὅτι οὐδὲ τὸ παραλλή-
 λους εἶναι τὰς ὑποκειμένας εὐθείας, μὴ ἴσας δέ, τὰς

1 M in margine 1γ.
 Proclus.

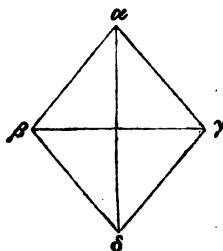
9 παραλληλόγραμμον M, παραλληλογράμμον C.

- ἐπιξευγνυούσας παραλλήλους ποιήσῃεν ὑπέλαβεν. ἐπὶ γὰρ τῆς εἰρημένης κατασκευῆς τῆς κατὰ τὸ ἰσοσκελὲς τρίγωνον καὶ τοῦτο φανερόν. ἡ γὰρ ἀχθεῖσα καὶ ἡ βάσις παράλληλοι εἰσιν· ἀλλ' αἱ ἐπιξευγνυούσαι αὐ-
- 5 τὰς οὐ παράλληλοι. μέρη γὰρ εἰσι τῶν τοῦ ἰσοσκελοῦς πλευρῶν. δεῖ δὴ οὖν πρὸς μὲν τὴν ἰσότητα τῶν ἐπιξευγνυουσῶν τῆς τῶν ἐπιξευγνυμένων παραλλήλου θέσεως, πρὸς δὲ τὴν τῶν παραλλήλων θέσιν τῆς ἐκείνων ἰσότητος. διόπερ ὁ στοιχειωτὴς ἄμφω παρέλαβεν
- 10 ἐπὶ τῶν ἐπιξευγνυμένων, ἵνα ἄμφω δείξῃ καὶ περὶ τὰς ἐπιξευγνυούσας εὐθείας, τό τε ἴσας ἀλλήλαις εἶναι καὶ τὸ παραλλήλους. τρίτον δὴ λεγέσθω πρὸς τοῦτοις ὅτι καὶ ἴσων ὑποκειμένων εὐθειῶν καὶ παραλλήλων οὐ πάντως αἱ ἐπιξευγνυούσαι αὐτὰς ἴσαι καὶ
- 15 παράλληλοι εἰσιν. εἰ γὰρ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐπιξεύξεις ποιησόμεθα, παραλλήλους μὲν αὐτὰς ἀδύνατον εἶναι — τέμνονται γὰρ ὑπ' ἀλλήλων — ἴσας δὲ ποτὲ μὲν δυνατόν, ποτὲ δὲ ἀδύνατον. εἰ μὲν γὰρ λάβοις ἢ τετράγωνον ἢ ἑτερόμηκες χωρίον ὥς τὸ αβγδ
- 20 καὶ ἐπιξεύξαις τὰς αδ βγ, αἱ διάμετροι ἴσαι μὲν, οὐ παράλληλοι δέ. καίτοι ἐπιξευγνύουσιν ἴσας τε καὶ παραλλήλους τὰς καταντικρὺν πλευρὰς τῶν εἰρημένων χωρίων. εἰ δὲ ῥόμβον ἢ ῥομβοειδές, αἱ διάμετροι τούτων πρὸς τῷ μὴ παράλληλοι εἶναι οὐδὲ ἴσαι εἰσίν.



4 αἱ om. M, G, add. C. 8 ἐκείνων] 'illarum' et in margine 'harum' B. 11 ἐπιξευγνύσας M, G.

ἐπεὶ γὰρ ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{γδ}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{αγ}$, καὶ γωνία
 ἄνισος ἡ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγδ}$, καὶ αἱ βάσεις ἄνισοί
 εἰσιν. εἰκότως οὖν ὁ στοιχειω-
 τῆς ἀξιοῦ τὰς ἐπιξευγνυούσας
 τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ
 τὰ αὐτὰ μέρη ποιεῖσθαι τὴν ἐπί-
 ξευξιν, ἵνα τῶν ἴσων καὶ παραλ-
 λήλων ὑποκειμένων τῶν $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$
 μὴ τὰς $\overline{αδ}$ καὶ $\overline{βγ}$ λαβῶμεν τὰς
 ἐπιξευγνυούσας, ἀλλὰ τὰς $\overline{αβ}$



καὶ $\overline{γδ}$. ταύτας γὰρ ἂν καὶ δείξαιμεν ἴσας καὶ παρα-
 λλήλους, ἐκείνας δὲ παραλλήλους μὲν οὐδέποτε, ἴσας
 δὲ ἐπὶ μὲν τοῦ τετραγώνου καὶ τοῦ ἑτερομήκους δεί-
 ξαιμεν ἂν, ἐπὶ δὲ τοῦ ῥόμβου καὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς οὐκ
 ἂν ποτε δείξαιμεν, τὸ γὰρ ἀντικείμενον δέδεικται, ὅτι 15
 ἄνισοί εἰσι διὰ τὴν ἀνισότητά τῶν ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη γωνιῶν.

Prop. XXXIII, theor. XXIII. Τῶν παραλληλο-
 γράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε
 καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ἡ διάμετρος
 αὐτὰ διχα τέμνει.

Ἐκ τοῦ προειρημένου θεωρήματος ὑποστὰν ἤδη
 τὸ παραλληλόγραμμον λαβὼν θεωρεῖ τὰ περὶ αὐτὸ
 πρῶτως ὑπάρχοντα καὶ τὰ χαρακτηριστικὰ τῆς ιδίας

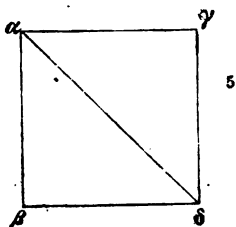
3—10 Figuram om. M. 18 M in margine 18. 20 ἡ om.
 M, G, add. C.

αὐτοῦ συστάσεως. ἔστιν δὲ ταῦτα· τὸ τὰς ἀπεναν-
 τίων πλευρὰς ἴσας εἶναι καὶ τὰς γωνίας τὰς ἀπεναν-
 τίων ἴσας, καὶ τὸ δίχα τέμνεσθαι ὑπὸ τῆς διαμέτρου
 τὰ χωρία. περὶ γὰρ τούτων εἰρηται τὸ καὶ ἡ διάμε-
 5 τρος αὐτὰ δίχα τέμνει, ὥς τὸ ἐμβαδὸν εἶναι τὸ
 διχοτομούμενον ὅλον, ἀλλὰ μὴ τὰς γωνίας, δι' ὧν ἡ
 διάμετρος ἔρχεται. ταῦτα οὖν καθ' αὐτὸ τοῖς παραλ-
 ληλογράμμοις ὑπάρχει τὰ τρία· ἡ τῶν ἀπεναντίων
 [γωνιῶν ἰσότης, ἡ τῶν ἀπεναντίων] πλευρῶν ἰσότης,
 10 ἡ τῶν χωρίων κατὰ τὰς διαμέτρους διχοτομία. καὶ
 ὁρᾷς ὅπως ἀπὸ πάντων ἐθήρασε τὰς ιδιότητας αὐτῶν,
 ἀπὸ τῶν πλευρῶν, ἀπὸ τῶν γωνιῶν, ἀπὸ τῶν ἐμβα-
 δῶν. τετάρτων δὲ ὄντων παραλληλογράμμων, ἃ καὶ
 ἐν ταῖς || ὑποθέσεσιν ὥρισато, τοῦ τετραγώνου, τοῦ
 15 ἑτερομήκους, τοῦ ῥόμβου, τοῦ ῥομβοειδοῦς, ἄξιον ἐπι-
 σημήνασθαι τοσοῦτον, ὅτι, εἰ μὲν τὰ τέσσαρα δια-
 ροῦμεν κατὰ τὰ ὀρθογώνια, εὐρήσομεν οὐ μόνον τὰ
 χωρία διχοτομούσας τὰς διαμέτρους αὐτῶν, ἀλλὰ καὶ
 αὐτὰς ἴσας τὰς διαμέτρους ἐπὶ τῶν ὀρθῶν γωνιῶν —
 20 ἐπὶ δὲ τῶν μὴ τοιούτων ἀνίσους, καὶ εἰρηται ἐν τῷ
 πρὸ τούτου θεωρήματι — εἰ δὲ κατὰ τὰ ἰσόπλευρα,
 πάλιν εὐρήσομεν ἐν τοῖς ἰσοπλεύροις οὐ μόνον τὰ
 χωρία δίχα τεμνόμενα ὑπὸ τῶν διαμέτρων, ἀλλὰ καὶ
 τὰς γωνίας, δι' ὧν αὐταὶ φέρονται. καὶ γὰρ ἐπὶ
 25 τοῦ τετραγώνου καὶ ἐπὶ τοῦ ῥόμβου τὰς γωνίας αἱ
 διάμετροι διχοτομοῦσιν, οὐ τὰ χωρία μόνον, ἐπὶ
 δὲ τοῦ ἑτερομήκους καὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς τὰ χωρία
 μόνον.

8 ἀπεναντίων *M, G.* 9 γωνιῶν ἰσότης, ἡ τῶν ἀπεναν-
 τίων *om. M, B₃, G (Z);* 'Laterum et Angulorum' *B.* 16 ἄξιον
 δὲ *G.* 17 κατὰ μὲν τὰ *C.*

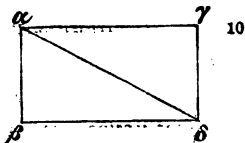
Ἐστω γάρ τετράγωνον ἢ ῥόμβος τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ
 διάμετρος ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{βδ}$ ἴσαι ταῖς | $\overline{αγ}$

$\overline{γδ}$ — ἰσοπλευρά γάρ — καὶ αἱ
 ὑπὸ $\overline{αβδ}$ $\overline{αγδ}$ ἴσαι — ἀπεναντίον
 γάρ — καὶ ἡ βάσις κοινή, πάντα
 ἴσα πᾶσιν, ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{βαγ}$



$\overline{γδβ}$ γωνίαι διχα τέμνεται. πάλιν
 ἔστω τὸ αὐτὸ ἑτερομήκης ἢ
 ῥομβοειδές. εἰ οὖν διχα τέμνεται

ἡ ὑπὸ $\overline{γαβ}$, ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\overline{γαδ}$ ἴση
 τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ἴση ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αβ}$



τῇ $\overline{βδ}$, ἀλλ' εἰσὶν ἄνισοι. ὥς οὖν

$\overline{συλλήβδην}$ εἰπὼν, ἐπὶ μὲν τοῦ τετραγώνου καὶ αἱ
 διάμετροι ἴσαι διὰ τὴν ὀρθότητα τῶν γωνιῶν καὶ αἱ 15.
 γωνίαι διχα τέμνονται ὑπὸ τῶν διαμέτρων διὰ τὴν
 ἰσότητα τῶν πλευρῶν, καὶ τὸ ἐμβαδὸν εἰς ἴσα διαι-
 ρεῖται κατὰ τὴν διαγώνιον διὰ τὴν κοινὴν ιδιότητα
 τῶν παραλληλογράμμων. ἐπὶ δὲ τοῦ ἑτερομήκους
 αἱ μὲν διάμετροι ἴσαι, αἱ δὲ γωνίαι οὐ τέμνονται 20.
 διχα ὑπὸ τῶν διαμέτρων, ἡ δὲ τῶν χωρίων εἰς ἴσα
 διαίρεσις ὑπάρχει, καὶ τοῦτο καθόσον ἐστὶ παρ-
 αλληλόγραμμον. ἐπὶ δὲ τοῦ ῥόμβου ἄνισοι μὲν || αἱ

2 ἡ $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ἴση M, G, ἡ $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ἴσαι C. 9 τέμνεται C. 10 ἡ ὑπὸ $\overline{γαβ}$ καὶ $\overline{γδβ}$ C. 10—18 Figuram om. M. 20 ἴσαι] B addit (in margine inventum?) 'eo quod rectangulum est'. 21 διαμέτρων] B addit 'eo quod non est aequilaterum'.

διάμετροι, διχοτομοῦνται δὲ ὑπὸ τούτων οὐ μόνον τὰ χωρία, διότι παραλληλόγραμμον, ἀλλὰ καὶ αἱ γωνίαι, διότι ἰσοπλευρον. ἐπὶ δὲ τοῦ λοιποῦ τοῦ ῥομβοειδοῦς καὶ αἱ διάμετροι ἄνισοι ὥς μὴ ὀρθογωνίου
 5 καὶ αἱ γωνίαι εἰς ἄνισα τέμνονται ὑπὸ τούτων ὥς μὴ ἰσοπλεύρου, μόνον δὲ τὰ χωρία ἴσα γίνεται τὰ ἐφ' ἑκάτερα τῶν διαγωνίων ὥς παραλληλογράμμου.

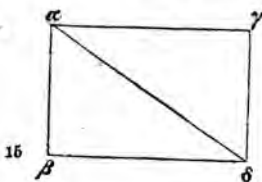
Ταῦτα μὲν οὖν εἰρηται τὴν ἐν ταῖς διαιρέσεσι τῶν παραλληλογράμμων τεττάρων ὄντων ὑποδεικνύ-
 10 οντα διαφοράν, ἐκεῖνο δὲ ἄξιον μὴ παρελθεῖν ἐν τούτῳ τῷ θεωρήματι τεχνικὸν ἀναφανιζόμενον, ὅτι τῶν θεωρημάτων τῶν μὲν ὄντων καθόλου, τῶν δὲ οὐ καθόλου — πῶς δὲ τούτων ἑκάτερον λέγομεν, ἀναμνήσομεν μετέρχεσθαι — ἐν τῷ μεμερίσθαι (?) τὸ
 15 ζητούμενον καὶ τὸ μὲν ἔχει καθόλου, τὸ δὲ οὐκ ἐπι-
 τοιοῦτον. καίτοι γε δόξειεν ἂν πᾶν θεωρημα εἶναι καθολικόν, καὶ πᾶν τὸ δεικνύμενον ὑπὸ τοῦ στοιχειω-
 τοῦ τοιοῦτον ὑπάρχειν. οἷον καὶ ἐνταῦθα οὐ μόνον τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς ἢ γωνίας ἴσας ἔχειν καθ-
 20 ὅλου δοκεῖ λέγεσθαι κατὰ πάντων τῶν παραλληλο-
 γράμμων, ἀλλὰ καὶ τὸ τὴν διάμετρον διχοτομεῖν ἑκα-
 στον. ἀλλ' ὅμως τὰ μὲν καθόλου δείκνυσθαι λέγομεν, τὰ δ' οὐ. ἄλλως γὰρ εἴωθε προσαγορεύεσθαι καθόλου τὸ ἐπὶ πάντων ἀληθεῖον, ἐφ' ὧν λέγεται, ἄλλως τὸ

1 διάμετροι] B addit 'quoniam non est rectangulum'.

13. 14 ἀναμνήσομεν ἐν τῷ μεμερίσθαι et in margine μετέρχε-
 σθαι M, G; 'quo enim pacto horum utrumque in quaesiti par-
 titione dicamus, recensebimus' Z; 'Quomodo autem utrumque
 horum dicimus, commemorabimus cum Quaesitum partiemur,
 quod unam quidem partem habet universalem' B, quem sequi-
 tur T. ἀναμνήσομεν ἐν τῷ μετέρχεσθαι B. Coniecerim ἐν
 τούτῳ μεμερίσθαι. 15 καὶ τὰ μὲν M, G. 19 ἀπεναντίας
 M, G, ἀπεναντίον C. 24 καὶ ἄλλως C.

πάντα περιλαμβάνον, οἷς ὑπάρχει τὸ αὐτὸ σύμπτωμα. καθόλου γὰρ καὶ ὅτι πᾶν ἰσοσκελὲς τὰς τρεῖς γωνίας δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει, ὅτι ἐπὶ πάντων ἀληθὲς τῶν ἰσοσκελῶν· καθόλου δὲ καὶ ὅτι πᾶν τρίγωνον τὰς τρεῖς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ἔχει, ὅτι πάντα περι- 5 εἴληφεν, οἷς τοῦτο καθ' αὐτὸ ὑπάρχει. διὸ καὶ πρώτως τριγώνῳ φαμὲν δεικνυσθαι τὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς γωνίας. κατὰ τοῦτο τοίνυν τὸ σημαίνόμενον τὰ μὲν καθόλου τῶν θεωρημάτων λέγοντες, τὰ δὲ οὐ καθόλου, τοῦτο τὸ θεωρημὰ φαμεν τὸ μὲν τῶν 10 ζητουμένων ἔχειν καθόλου, τὸ δὲ οὐ. τὸ μὲν γὰρ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς ἢ γωνίας ἴσας ἔχειν καθολικὸν ἔστι — μόνοις γὰρ ὑπάρχει τοῖς παραλληλογράμμοις — τὸ δὲ τὴν διάμετρον δίχα τὸ χωρίον τέμνειν οὐ καθόλου, διότι μὴ πάντα περιεῖληφεν, ἐφ' ὅσων θεω- 15 ρεῖται τὸ σύμπτωμα τοῦτο· καὶ γὰρ τοῖς κύκλοις ὑπάρχει καὶ ταῖς ἐλλείψεσι. καὶ εἰκόασιν αἱ πρώται τῶν πραγμάτων ἐπιβολαὶ τοιαῦται εἶναι μερικώτεραι, προΐονσαι δὲ τὸ ὅλον συλλαμβάνειν. θεωρήσαντες γὰρ οἱ ἀρχαῖοι ὅτι ἡ διάμετρος || δίχα τέμνει τὴν ἐλ- 20 λειψιν καὶ ὅτι τὸν κύκλον καὶ ὅτι τὸ παραλληλόγραμμον, τὸ κοινὸν ἐν τούτοις ἐπεθεώρησαν. λαμβάνει δέ, φησὶν Ἀριστοτέλης, τὸ μὴ καθόλου δεικνύς τις ὡς καθόλου διὰ τὸ εἶναι ἀνώνυμον τὸ κοινόν, ᾧ πρώτως ὑπάρχει τὸ σύμπτωμα. τί γὰρ κοινὸν ἀριθμοῖς καὶ 25 μεγέθεσι καὶ κινήσεσι καὶ φθόγγοις, οἷς ἅπασιν ὑπάρχει τὸ ἐναλλάξ, οὐκ ἔστιν εἰπεῖν. καὶ τί κοινὸν ἐλλείψει καὶ κύκλῳ καὶ παραλληλογράμμῳ, χαλεπὸν ἀποδοῦναι. τὸ μὲν γὰρ ἔστιν εὐθύγραμμον, τὸ δὲ

περιφερόγραμμον, τὸ δὲ μικτόν. διόπερ οἴομεθα καθόλου δεικνύναι τὸν ἀποδεικνύντα ὅτι πᾶν παραλληλόγραμμον ἢ διάμετρος δίχα τέμνει τῷ μὴ συνορᾶν τὸ κοινόν, δι' ὃ ἀληθές. τοῦτο μὲν οὖν καὶ ἐπὶ τῶν
 5 παραλληλογράμμων τὸ τοιοῦτον οὐκ ἔστιν καθόλου διὰ τὴν εἰρημένην αἰτίαν, ἐκεῖνο δὲ τὸ πᾶν παραλληλόγραμμον ἴσας ἔχειν τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας. καὶ γὰρ ἐὰν ὑποτεθῇ τι σχῆμα τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἔχον, δειχθήσεται
 10 τοῦτο παραλληλόγραμμον. ἔστω γὰρ τοιοῦτον τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$



καὶ διάμετρος ἡ $\alpha\delta$. ἐπεὶ οὖν αἱ $\alpha\beta$ $\beta\delta$ ἴσαι ταῖς $\alpha\gamma$ $\gamma\delta$ καὶ αἱ ὑπ' αὐτῶν περιεχόμεναι γωνίαι ἴσαι καὶ ἡ βάσις κοινή, καὶ πάντα πᾶσιν ἴσα. εἰ ἄρα ἡ ὑπὸ $\beta\alpha\delta$ τῇ ὑπὸ $\alpha\delta\gamma$ ἴση, καὶ ἡ ὑπὸ $\alpha\delta\beta$ τῇ ὑπὸ $\gamma\alpha\delta$, παράλληλος ἄρα ἡ μὲν $\alpha\beta$ τῇ $\gamma\delta$, ἡ δὲ $\alpha\gamma$ τῇ $\beta\delta$, ὥστε παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$.

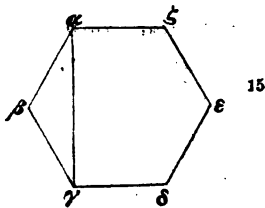
20 Τοσαῦτα περὶ τούτων· εἰκεν δὲ καὶ αὐτὸ τὸ ὄνομα τῶν παραλληλογράμμων ὃ στοιχειωτῆς συνθεῖναι τὴν ἀφορμὴν λαβὼν ἀπὸ τοῦ προειρημένου θεωρήματος. ἐπειδὴ γὰρ ἔδειξεν ὅτι αἱ τὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους ἐπιζευγνύουσαι εὐθεῖαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ
 25 μέρη καὶ αὐταὶ ἴσαι καὶ παράλληλοι εἰσι, δηλὸν ὅτι τὰς ἀπεναντίον ἀπέφηνε παραλλήλους, καὶ τὰς ἐπι-

1 οἴομεθα G. 8 ὑποθῇ M, G, 'supposita fuerit' B, 'supponitur' Z. 25 αἱ αὐταὶ M, G, καὶ αὐταὶ C.

ξευγνυούσας· καὶ τὰς ἐπιξευγνυμένας. τὸ δὲ ὑπὸ παρ-
αλλήλων περιεχόμενον εἰκότως παραλληλόγραμμον
ἐκάλεσεν, ὡς τὸ ὑπὸ εὐθείων γραμμῶν περιεχόμενον
εὐθύγραμμον προσείρηκεν.

Καὶ ὁ μὲν στοιχειωτὴς δῆλός | ἐστὶ τὸ παραλλη-⁵
λόγραμμον ὡς ἐν τετραπλεύροις τιθέμενος. ἐπιστῆσαι
δὲ ἄξιον, μήποτε καὶ πᾶν εὐθύγραμμον ἀρτιόπλευρον,
ὅταν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ὑπάρχη, παραλλη-
λόγραμμον φητέον. ἔχει || γὰρ καὶ τοῦτο τὰς ἀπεναν-
τίον πλευρὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους καὶ τὰς ἀπ-¹⁰
εναντίον γωνίας ἴσας· οἷον τὸ ἐξαγώνον καὶ τὸ ὀκτά-
γωνον καὶ τὸ δεκάγωνον. ἐὰν γὰρ νοήσης ἐξαγώνον

τὶ $\alpha\beta\gamma\delta\epsilon\zeta$ καὶ ἐπιτεύξης τὴν
 $\alpha\gamma$, δεικνύεις παράλληλον τὴν
 $\alpha\zeta$ τῇ $\gamma\delta$. ἐστὶ γὰρ μιᾶς ὀρθῆς
καὶ τρίτου ἢ πρὸς τῷ β καὶ
ἐκάστη τῶν τοῦ ἑξαγώνου, ὅταν
ἰσογώνιον ᾖ, καὶ ἴση ἢ $\alpha\beta$ τῇ



$\beta\gamma$ — κείτῃ γὰρ ἰσόπλευρον — ἐκατέρα ἄρα τῶν
ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$ $\beta\gamma\alpha$ τρίτου ἐστίν, αἱ ἄρα ὑπο $\xi\alpha\gamma$ $\alpha\gamma\delta$ ὀρ-²⁰
θαὶ εἰσιν, ὥστε παράλληλος ἢ $\alpha\zeta$ τῇ $\gamma\delta$. ὁμοίως δὲ
καὶ τὰς ἄλλας τὰς ἀπεναντίον δεῖξομεν παραλλήλους,
καὶ ἐπὶ τοῦ ὀκταγώνου ὡσαύτως καὶ τῶν λοιπῶν. εἰ
οὖν παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ ὑπὸ παραλλήλων τῶν
ἀπεναντίον περιεχόμενον, καὶ ἐν τοῖς μὴ τετραπλεύροις²⁵

1 καὶ τὰς ἐπιξευγνυμένας om. G. 8 καὶ ante παρ-
αλληλόγραμμον addit C. 11 καὶ τὸ ὀκτάγωνον om. G,
add. C.

ἔσται παραλληλόγραμμον. πλὴν ὅτι κατὰ τὸν στοι-
χειωτὴν πᾶν παραλληλόγραμμον τετράπλευρόν ἐστι,
φανερὸν. δηλοῖ δὲ ἐν ἐκείνῳ μάλιστα τῷ θεωρήματι,
ἐν ᾧ φησι παραλληλόγραμμον τριγώνῳ τὴν αὐτὴν
5 ἔχον βάσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ὃν διπλά-
σιον εἶναι τοῦ τριγώνου. τοῦτο γὰρ ἐπὶ μόνων τῶν
τετραπλεύρων ἀληθές.

Prop. XXXV, theor. XXV. Τὰ παραλληλόγραμμα
τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς
10 παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ὡς περ τῶν θεωρημάτων ἐλέγομεν εἶναι τὰ μὲν
καθολικά, τὰ δὲ ἐπὶ μέρους, καὶ ὃν τρόπον ταῦτα διαι-
ρούμενοι (?) προσετίθεμεν, καὶ ὅτι τὰ μὲν ἀπλᾶ, τὰ δὲ
σύνθετα, καὶ τί τούτων ἐκάτερον ἐπεδείκνυμεν, οὕτω
15 δὴ κατ' ἄλλην διάκρισιν τὰ μὲν εἶναι τοπικά φημεν,
τὰ δὲ οὐ. καλῶ δὲ τοπικά μὲν, ὅσοις ταῦτόν σύμ-
πτωμα πρὸς ὅλῳ τινὶ τόπῳ συμβέβηκεν, τόπον δὲ
γραμμῆς ἢ ἐπιφανείας || θέσιν ποιούσαν ξὺν καὶ ταύ-
τόν σύμπτωμα. τῶν γὰρ τοπικῶν τὰ μὲν ἐστὶ πρὸς
20 γραμμαῖς συνιστάμενα, τὰ δὲ πρὸς ἐπιφανείαις. καὶ
ἐπειδὴ τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσὶν ἐπίπεδοι, αἱ δὲ στε-
ρεαί, — ἐπίπεδοι μὲν, ὧν ἐν ἐπιπέδῳ ἀπλῇ ἢ νόησις,
ὥς τῆς εὐθείας, στερεαὶ δέ, ὧν ἡ γένεσις ἐκ τινος
τομῆς ἀναφαίνεται στερεοῦ σχήματος, ὥς τῆς κυλιν-
25 δρικής ἑλίκος καὶ τῶν κωνικῶν γραμμῶν — φαίην

1—2 πλὴν ὅτι . . . παραλληλόγραμμον om. G, add. C. B₂
= M. 2 πᾶν] om. B, at in margine 'omne'; πάντα M, C;
τὴν πᾶν τὸ B₂; 'omne' Z. 8 M in margine λε. 11 ἐπὶ
τῶν θεωρημάτων C.

ἂν καὶ τῶν πρὸς γραμμαῖς τοπικῶν τὰ μὲν ἐπίπεδον
ἔχειν τόπον, τὰ δὲ στερεόν.

Τὸ μὲν οὖν προκείμενον θεωρήμα καὶ τοπικόν
ἐστὶ καὶ τῶν πρὸς γραμμαῖς τοπικῶν καὶ ἐπίπεδον.
τὸ γὰρ μεταξὺ πᾶν τῶν παραλλήλων τόπος ἐστὶ τῶν 5
συνισταμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλογράμ-
μων, ἃ δὴ καὶ δείκνυσιν ὁ στοιχειωτὴς ἴσα ἀλλήλοις.
τῶν δὲ στερεῶν λεγομένων τοπικῶν θεωρημάτων
παραδειγμα ἔστω τοιοῦτο· τὰ εἰς τὰς ἀσυμπτώτους
καὶ τὴν ὑπερβολὴν ἐγγραφόμενα παραλληλόγραμμα 10
ἴσα ἐστίν. ὅτι γὰρ ἡ ὑπερβολὴ στερεὰ γραμμὴ, ἐστὶ
δῆλον. κώνου γάρ ἐστι γραμμὴ.)

Τὰ δ' οὖν τοιαῦτα τῶν θεωρημάτων, ὡς φησὶν
ὁ Γεμῖνος, ἀπέκταζεν ὁ Χρῦσιππος ταῖς ιδέαις.
ὡς γὰρ ἐκεῖναι τῶν ἀπείρων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις 15
τὴν γένεσιν περιλαμβάνουσιν, οὕτως καὶ ἐν τοῖτοις
τῶν ἀπείρων ἐν ὠρισμένοις τόποις ἡ περὶληψις γίνε-
ται. καὶ διὰ τὸν ὅρον τοῦτον ἡ ἰσότης ἀναφαίνεται.
τὸ γὰρ ὕψος τῶν παραλλήλων τὸ αὐτὸ μένον ἀπείρων
νοουμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλογράμων 20
πάντα ἴσα ἀλλήλοις ἀποφαίνει.

Τοπικὸν οὖν θεωρήμα πρῶτον ὁ στοιχειωτὴς ἀν-
έγραψεν. τὸ προκείμενον καὶ ἔοικεν ὡς ἐν στοιχείῳ
κατὰ πάσας τὰς διαιρέσεις τὰ θεωρήματα ποικίλλων
μηδὲ τὴν τοιαύτην εἰκότως ιδεᾶν αὐτῶν παραλείπειν. 25
ἀλλὰ ἐνταῦθα μὲν, ἐπειδὴ περὶ εὐθυγράμμων ὁ λόγος,
τοπικὰ παραδίδωσιν ἐπίπεδα πρὸς εὐθείαις, ἐν δὲ τῷ
τρίτῳ τὰ περὶ κύκλων καὶ τῶν ἐν τοῖτοις συμπτω-

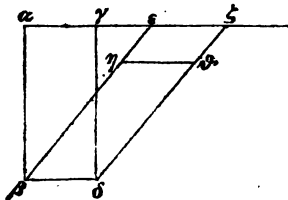
5 πᾶν τῶν] πάντων C. 'totum' B, 'omne illud' Z.
7 ἴσα] εἰς M, G, corr. C. 13 δ' om. G, add. C.
14 ιδίαις M, C.

μάτων πραγματευόμενος τὰς περιφερείας ἡμᾶς ἀνα-
 διδάξει τῶν τοπικῶν ἅμα καὶ ἐπιπέδων θεωρημάτων.
 τοιοῦτον γὰρ ἐν ἐκείνοις τὸ αἶ ἐν τῷ αὐτῷ τμή-
 ματι γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις καὶ τὸ αἶ ἐν ἡμι-
 5 κυκλίῳ ὀρθαί. ἀπείρων γὰρ συνισταμένων πρὸς
 τῇ περιφερείᾳ γωνιῶν τῆς αὐτῆς βάσεως οὔσης πᾶσαι
 δείκνυνται ἴσαι. καὶ ἐστὶν ἀνάλογον ἐκεῖνα τοῖς τρι-
 γώνοις καὶ παραλληλογράμμοις τοῖς ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 βάσεως.

10 Τὸ μὲν δὴ τῶν προσεχῶς ζητηθησομένων θεωρη-
 μάτων εἶδος τοιοῦτόν ἐστι, τοπικὸν παρὰ τοῖς πα-
 λαιοῖς μαθηματικοῖς ἐπονομαζόμενον. || δόξειεν δ' ἂν
 παντελῶς εἶναι θαυμαστὸν τοῖς ἀπείροις τῆς τοιαύτης
 θεωρίας, εἰ τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλόγραμμα
 15 ἴσα ἀλλήλοις ἐστί. πῶς γὰρ τοῦ μήκους τῶν συν-
 ισταμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως χωρίων ἐπ' ἀπειρον
 αὐξανόμενου — ἐφ' ὅσον γὰρ τὰς παραλλήλους ἐκ-
 βάλλομεν, ἐπὶ τοσοῦτον καὶ τὰ μήκη τῶν παραλληλο-
 γράμμων αὖξειν δυνάμεθα — πῶς δὲ τούτου γινο-
 20 μένου μένει τῶν χωρίων ἡ ἰσότης, εἰκότως ἂν τις
 ἐπιζητήσκειν. εἰ γὰρ τὸ μὲν πλάτος ταυτὸν — ἡ γὰρ
 βάσις μία — τὸ δὲ μῆκος μεῖζον, πῶς οὐχὶ καὶ τὸ
 χωρίον μεῖζον; ἐστὶ μὲν οὖν τὸ θεώρημα τοῦτο καὶ
 τὸ περὶ τῶν τριγώνων ἐξῆς τῶν παραδόξων ἐν τοῖς
 25 μαθήμασι καλουμένων θεωρημάτων. ἐξεργάσαντο

1 ἡμᾶς in *M* maximam partem evanuit, *G* loco eius asteriscum posuit, ἡμ' *B*₃, *C* ἡμᾶς adscripsit; 'circumferentiasque tractans theorematum . . . docebit' *Z*, 'ea etiam quae in Circumferentiis constituuntur . . . docebit' *B*. 7 ἴσαι] *B* addit: 'Si vero quod a Basi et Circumferentia comprehenditur, Semicirculus fuerit, recti omnes esse ostenduntur' quod in margine eum invenisse veri non dissimile est. || ἐκεῖνα *M*, *G*, ἐκεῖνο *C*. 14 εἰ] εἰς *M*. 17 αὐξανόμενου *G*, αὐξανόμενον *C*. 25 ἐξεργάσαντο *C*.

γὰρ καὶ οἱ ἀπὸ τῶν μαθημάτων τὸν παράδοξον λεγόμενον τόπον, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ἐπὶ τῶν δειγμάτων, καὶ τίθενται καὶ τοῦτο τὸ θεώρημα τῶν τοιούτων εἶναι. καταπλήττει γοῦν τοὺς πολλοὺς εὐθύς, εἰ τὸ μῆκος πολλαπλασιαζόμενον | οὐκ ἀναιρεῖ τὴν ⁵ ἰσότητά τῶν χωρίων τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως. ὁμοίως δὲ λεγέον ὅτι μέγιστον ἢ τῶν γωνιῶν ἰσότης δύναται καὶ ἀνισότης πρὸς τὴν αὐξήσιν τῶν χωρίων ἢ τὴν ἐλάττωσιν. ὅσῳ γὰρ ἀνίσους ποιῶμεν τὰς γωνίας, τόσῳ μᾶλλον ἐλαττωῦμεν τὸ χωρίον, εἰ μένοι τὸ ¹⁰ μῆκος καὶ τὸ πλάτος ταύτων. δεῖ οὖν τοῦ μήκους αὐξήσεως, ἵνα τὴν ἰσότητα φυλάξωμεν. ἔστω γὰρ εἰ τύχοι παραλληλογράμμου τὰ $\overline{αβγδ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{αγ}$ εἰς ἄπειρον. καὶ ἔστω τυχὸν ὀρθογώνιον τοῦτο, καὶ ἐπὶ τῆς $\overline{βδ}$ βάσεως ἑταρον συνεστιάτω τὸ $\overline{βεξδ}$. ¹⁵ ὅτι μὲν οὖν τὸ μῆκος ἡὔξεται δῆλον. μείζων γὰρ ἢ $\overline{βε}$ τῆς $\overline{αβ}$ ὀρθῆς οὔσης τῆς πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίας. ἀλλὰ τοῦτο ἀναγκαίως γέγονεν. ἄνισοι γὰρ αἱ γωνίαι γέγονασιν τοῦ $\overline{βεξδ}$ παραλληλογράμμου, καὶ αἱ μὲν ὀξεῖαι, αἱ δὲ ἀμβλείαι. τοῦτο δὲ συμβέβηκεν διὰ τὸ τὴν $\overline{βε}$ πλευρὰν ὥσπερ συμπτύσσασθαι πρὸς τὴν $\overline{βδ}$ καὶ συστελλεῖν τὸ χω- ²⁰ ρίον. εἰλήφθω γὰρ εἰ τύχοι ἰση τῇ $\overline{αβ}$ ἢ $\overline{βγ}$, καὶ



20

10 μένει C. 12 φυλάξωμεν M. 13 τύχη C.
 25 συμπίπτειν C. | πρὸς om. G, add. C. 26 τύχη C.

παράλληλος διὰ τοῦ η τῇ $\beta\delta$ ἢ $\eta\theta$. ἐστὶν ἄρα καὶ τὸ
 μῆκος τοῦ $\beta\delta\eta\theta$ ἴσον τῷ μῆκει τοῦ $\alpha\beta\gamma\delta$ καὶ τὸ πλά-
 τος ταυτὸν, || ἀλλὰ τὸ χωρίον ἔλασσον τοῦ χωρίου καὶ
 γὰρ τοῦ $\beta\epsilon\zeta\delta$ ἔλασσόν ἐστιν. ἡ μὲν δὴ τῶν γωνιῶν
 5 ἀνισότης τὸ ἐμβαδὸν ἡλάττωσεν, ἡ δὲ τοῦ μήκους
 αὐξήσεις, ὅσον ἀφείλεν ἐκείνη, τοσοῦτον προσθεῖσα
 τὴν ἰσότητα τῶν χωρίων ἐφύλαξεν. ὅρος δὲ τῆς τοῦ
 μήκους αὐξήσεως ἐστὶν ὁ τῶν παραλλήλων τόπος. ὀρ-
 10 θογωνίων μὲν γὰρ συναμφοτέρων ὄντων τῶν παραλ-
 ληλογράμμων δέκνυνται τὸ τετράγωνον τοῦ ἑτερομή-
 κους μείζον, ἰσοπλεύρων δὲ ἀμφοτέρων ὄντων τὸ
 ὀρθογώνιον δέκνυνται τοῦ μὴ ὀρθογωνίου μείζον.
 καὶ γὰρ ἡ τῶν γωνιῶν ὀρθότης καὶ ἡ τῶν πλευρῶν
 ἰσότης τὸ πᾶν δύναται πρὸς τὴν τῶν χωρίων αὐξη-
 15 σιν. ὅθεν δὴ τὸ μὲν τετράγωνον ἀναφαίνεται τῶν
 ἰσοπεριμέτρων μείζον, τὸ δὲ ῥομβοειδὲς ἀπάντων
 ἔλασσον.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν ἐν ἄλλοις δείξομεν· πρεπωδέ-
 στερα γὰρ ἐστὶ ταῖς ὑποθέσεσι τοῦ δευτέρου βιβλίου.
 20 πρὸς δὲ τὸ προκείμενον θεωρήμα δεῖ γινώσκειν ὅτι
 τε παραλληλόγραμμα λέγων ἴσα τὰ χωρία λέγει καὶ
 οὐ τὰς πλευράς, — περὶ τούτων γὰρ ὁ λόγος, περὶ
 τῶν ἐμβαδῶν — καὶ ὅτι νῦν πρῶτον ἐν τῇ ἀποδείξει
 τοῦδε τοῦ θεωρήματος μνήμην ἐποιήσατο τῶν τραπε-
 25 ζίων· ᾧ καὶ δῆλον ὅτι εἰκότως ἐν ταῖς ὑποθέσεσι
 καὶ τοῦτο, ὅτι ποτὲ ἐστὶν, ἐδίδαξεν, ὅτι τετράπλευρον

2 ἴσων M, G, ἴσον C. 3 ἀλλὰ χωρίον G, ἀλλὰ τὸ χω-
 ρίον C. 5 ἰσότης C. || εἰ δὲ M, G, ἡ δὲ C. 8 Post παρ-
 αλλήλων addit G γράμμων, quod delendum notavit C. || ὀρθο-
 γώνιον M, G, ὀρθογωνίῳ C. 21 Post λέγων addit C ὅτι.

μὲν τῷ γένει, μὴ παραλληλόγραμμον δέ. τὸ γὰρ μὴ (?) τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας ἰσας ἔχον ἐκβέβηκεν τῆς τῶν παραλληλογράμμων τάξεως.

Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς ἀπέδειξεν τὸ προκείμενον τὴν χαλεπωτέραν πτωσιν ἐκλεξάμενος. εἰ δὲ λέγοι τις, 5

ἔστω τὰ $\overline{αβγδ}$ καὶ $\overline{βγδε}$ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τῆς

$\overline{δβ}$, ὥστε τὴν $\overline{δγ}$ διάμε-

τρον εἶναι τοῦ $\overline{αβ}$, δεῖξομεν ὅτι ἴσα ἐστὶν ἀντόθεν.

τὸ γὰρ $\overline{βγδ}$ τρίγωνον ἑκατέρου ἡμισὺ ἐστίν, διότι

τοῦ $\overline{αβ}$ διάμετρος ἡ $\overline{γδ}$,

τοῦ δὲ $\overline{δε}$ ἡ $\overline{βγ}$. αἱ δὲ διάμετροι διχοτομοῦσι τὰ πα-

ραλληλόγραμμα. ἴσον ἄρα τὸ $\overline{αβ}$ τῷ $\overline{δε}$. πάλιν εἰ τις

τὴν $\overline{δγ}$ τέμνουσαν ὑποδοῖτο τὴν τοῦ $\overline{αβ}$ παραλληλο- 15

γράμμον πλευράν, καὶ οὕτως

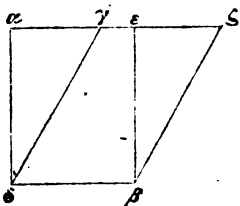
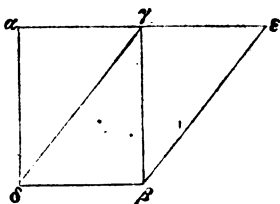
κείμενα τὰ παραλληλόγραμμα

ὡς τὰ $\overline{αβδε}$ καὶ $\overline{βγδξ}$, δεῖξο-

μεν ὅτι καὶ ταῦτα ἴσα ἐστίν. ||

ἐπεὶ γὰρ ἴση ἡ $\overline{αε}$ τῇ $\overline{γξ}$ —

ἑκατέρα γὰρ ἴση τῇ $\overline{δβ}$ ἀπ-



1 τὸ γὰρ μὴ] τὸ γὰρ μὴ δὲ τὸ M, B, G ; 'ex eo quod neque ... neque' Z, 'quod enim ... non' B. Fortasse scribendum: τὸ γὰρ δύο μὲν πλευρὰς παραλλήλους, μὴ δὲ τὰς ἀπεναντίον κτλ. 5 λέγει G. 9 αὐτόθι C, 'ex hoc loco' et in margine 'ex hoc loco, id est ratione loci' B. 13 ἡ $\overline{βγ}$] διάμετρος ἡ $\overline{γδ}$ C. 14 τῷ $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δε}$ C.

εναντίον οὕσα — κοινὴ ἀφηρησθῶ ἡ $\overline{\gamma\epsilon}$. ἴση ἄρα
 ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$. ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ
 $\overline{\gamma\alpha\delta}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\xi\epsilon\beta}$ — παράλληλος γὰρ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$. καὶ
 βάσεις ἄρα ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\xi\beta}$ βάσει ἴση καὶ ὅλον τὸ $\overline{\alpha\delta\gamma}$
 5 $\overline{\tau\rho\iota\gamma\omega\upsilon\omicron\nu}$ τῷ $\overline{\epsilon\beta\zeta}$ $\overline{\tau\rho\iota\gamma\omega\upsilon\omicron\nu}$ ἴσον. κοινὸν προσκείσθῶ
 τὸ $\overline{\gamma\beta}$ $\overline{\tau\rho\alpha\pi\epsilon\zeta\iota\omicron\nu}$. ὅλον ἄρα τὸ $\overline{\alpha\beta}$ ἴσον τῷ $\overline{\delta\zeta}$. καὶ
 ὁρᾷς ὅτι $\overline{\tau\rho\epsilon\iota\varsigma}$ αὗται μόναι πῶς εἰσιν. ἡ γὰρ $\overline{\delta\gamma}$ ἡ
 τέμνει τὴν $\overline{\epsilon\beta}$, ὡς ὁ στοιχειωτῆς ἔλαβεν, ἡ ἐπὶ τῷ $\overline{\epsilon}$
 πίπτει, ὡς ἐν τῇ πρὸ ταύτης καταγραφῇ, ἡ τέμνει τὴν
 10 $\overline{\alpha\epsilon}$, ὡς νῦν ὑπεθέμεθα. καὶ δέδεικται κατὰ πάσας τὰς
 πτώσεις τὸ θεώρημα ἀληθές. πλὴν ὅτι διττῆς οὕσης
 τῶν $\overline{\tau\rho\alpha\pi\epsilon\zeta\iota\omicron\nu}$ διαφορᾶς καὶ τῶν μὲν οὐδετέραν τῶν
 ἀπεναντίον ἐχόντων παράλληλον, τῶν δὲ μὲν μίαν,
 ἐπὶ τῶν παρὰ τῷ γεωμέτρῳ $\overline{\tau\rho\alpha\pi\epsilon\zeta\iota\omicron\nu}$ τὸ ἕτερόν ἐστιν
 15 εἶδος καὶ ἐπὶ τῆς καταγραφῆς ταύτης. ἡ γὰρ $\overline{\gamma\epsilon}$ τῇ
 $\overline{\delta\beta}$ παράλληλος.

Prop. XXXVI, theor. XXVI. Τὰ παραλληλό-
 γραμμα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς
 αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

20 Τὸ μὲν πρὸ τούτου τὰς βάσεις τὰς αὐτὰς ἐλάμ-
 βανεν, τοῦτο δὲ ἴσας μὲν, διαφορούσας δὲ ἀλλήλων.
 κοινὸν δὲ ἀμφοτέροις τὸ ἐν ταῖς αὐταῖς ὑποτίθεσθαι
 παραλλήλοις τὰ παραλληλόγραμμα. δεῖ δὴ οὖν αὐτὰ
 μήτε ἐνδοτέρω πίπτειν τῶν ὑποκειμένων παραλλήλων

5 $\overline{\epsilon\beta\delta}$ M, G, $\overline{\epsilon\beta\zeta}$ C.
 margine 'Rursus quod' B.

11 πλὴν ὅτι] 'nisi quod' et in

εὐθειῶν, μήτε ἐξωτέρω. παραλληλόγραμμα γὰρ ἐν ταῖς αὐταῖς εἶναι λέγεται παραλλήλοις, ὅταν αἱ τε βάσεις αὐτῶν καὶ αἱ ταύταις ἀπεναντίον κείμεναι ταῖς αὐταῖς ἐφαρμοζῶνται παραλλήλοις. ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτῆς ἔδειξεν τὸ θεωρήμα τὰς βάσεις πάντη κεχω-⁵ ρισμένας λαβὼν, κωλύει δὲ οὐδὲν καὶ οὕτως αὐτὰς ὑποκειμένας λαβεῖν, ὥς ἔχειν τι μέρος κοινόν. ἔστω

γὰρ τὰ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$ παραλληλόγραμ-

μα ἐπὶ ἴσων βάσεων τῶν $\varepsilon\beta$

$\xi\delta$. λέγω ὅτι ἴσα ἐστίν. ἐπι-

ξεύχθωσαν αἱ $\varepsilon\gamma$ $\beta\eta$. || ἐπεὶ οὖν

ἴση ἡ $\varepsilon\zeta$ τῇ $\beta\delta$ — καὶ γὰρ ἡ

$\varepsilon\beta$ τῇ $\xi\delta$ — ἀλλ' ἡ $\gamma\zeta$ τῇ $\delta\eta$

ἴση [καὶ ἡ ὑπὸ $\varepsilon\zeta\gamma$ τῇ ὑπὸ $\beta\delta\eta$ — παράλληλος γὰρ

ἡ $\gamma\zeta$ τῇ $\delta\eta$ —] καὶ ἡ $\gamma\varepsilon$ τῇ $\beta\eta$ ἴση. ἐστὶ δὲ καὶ παρ-¹⁵

άλληλος· παραλληλόγραμμόν ἄρα τὸ $\gamma\beta$. καὶ ἔχει βά-

σιν τὴν αὐτὴν ἐκατέρω τῶν $\alpha\beta$ $\gamma\delta$, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς

ἐστὶ παραλλήλοις. | ἴσον ἄρα τὸ $\alpha\beta$ τῷ $\gamma\delta$. εἰ δέ τις

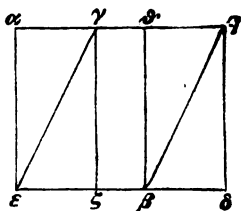
μήτε κοινὸν μέρος ἐχούσας ὑποθόιτο τὰς τῶν παραλ-

ληλογράμμων βάσεις, μήτε κεχωρισμένας ἀλλήλων,²⁰

ἀλλ', ὅπερ ὑπολείπεται μόνον, συναπτούσας ἀλλήλαις

καθ' ἐν σημείον, ὥς ἐπὶ τῶν $\alpha\beta$ $\varepsilon\delta$, ἐροῦμεν ὅτι ἴση

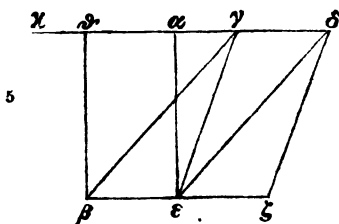
ἡ $\beta\varepsilon$ τῇ $\varepsilon\zeta$ καὶ τῇ $\gamma\delta$, ὥστε καὶ ἡ $\gamma\beta$ τῇ $\delta\varepsilon$. αἱ γὰρ



10

14—15 καὶ ἡ ὑπὸ $\varepsilon\zeta\gamma$... τῇ $\delta\eta$ om. *M*, *B*, *G* (*Z*), 'et Angulus cfe aequalis Angulo gdb' *B*. 17 ἐκατέρω *M*, *G*, ἐκατέρω *C*.

τὰς ἰσας καὶ παραλλήλους ἐπιξενγνύουσαι καὶ αὐταὶ ἴσαι καὶ παραλλήλοί εἰσι. παραλληλόγραμμον ἄρα



ἐστὶ τὸ βδ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων καὶ ἐν ταῖς παραλλήλοις ταῖς αδ βε. ἴσα ἄρα τὰ αβ δε παραλληλόγραμμά ἐστιν.

Ἡμεῖς μὲν οὖν κατὰ τὴν πρώτην ἐπιβολὴν τὰς τοῦ
 10 θεωρήματος κατασκευὰς διείλομεν, εἰπόντες τὰς βάσεις ἢ κοινὸν ἔχειν μέρος, ἢ ἄπτεσθαι μόνον ἀλλήλων, ἢ διεστάναι ἀπ' ἀλλήλων. δυνατόν δὲ καὶ ἄπτανται, ὥς αἱ βε εζ, ἐκτὸς ὅλον τὸ δε τῆς αε ὑποτίθεσθαι, ἢ τὴν γε πλευρὰν ἐφαρμόζουσαν τῇ αε,
 15 ἢ τὴν γε τέμνουσαν τὴν αθ, ἢ τὴν γε πίπτουσαν ὡς διάμετρον τῇ θε — ὅτε καὶ ἡ δξ ἢ αὐτὴ ἔσται τῇ αζ — ἢ τῆς αθ ἐκβεβλημένης ἐπὶ τὸ κ τὴν γε πίπτουσαν ἐκτὸς τοῦ θ, καὶ τὴν δξ ἢ τέμνουσαν τὴν αθ, ἢ ἐφαρμόζουσαν * * *

5 ταῖς αβ δε M, G. 9 κατὰ] καὶ M, G; κατὰ in G in margine postera manu. 12 ἢ διεστάναι ἀπ' ἀλλήλων om. G, add. C; 'aut tangere tantum se invicem, aut a se invicem distare' et in margine 'aut a se invicem separatatas esse aut tangere tantum se invicem' B. 15 αθ] αε M, G. 17 ἐπὶ τὸ κ, ἢ τὴν γε M, G. 19 usque ad p. 403, 4 Finem huius commentarii et propositionem tricesimam septimam et initium commentarii ei additi om. M, B₃, G (Z), nec ulla re lacunam notant, cum verbum ἐφαρμόζουσαν (congruentem) statim sequatur verbum ἀποφαίνονται (ostendunt). Z tamen post propositionem tricesimam septimam addit: 'Proclus hoc in loco

|| [Prop. XXXVII, theor. XXVII. *Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.*]

|| * * * ἀποφαίνονται. καὶ γὰρ ἴσων ἐκείνων ἄνισα τὰ χωρία, καὶ ἀνίσων ἴσα δεικνύνται. τοιοῦτον 5 δέ τι πεπόνθασιν οἱ χωρογράφοι τὰ μεγέθη τῶν πόλεων ἐκ τῶν περιμέτρων συλλογιζόμενοι. ἤδη δέ τινες κοινωνοὶ κτημάτων ἐν τῇ διαιρέσει παρελογίσαντο τοὺς συνδιανεμομένους τῇ ὑπεροχῇ τῆς περιμέτρου παραχρησάμενοι, καὶ πλείονα λαβόντες τῶν ἀπελθόν- 10 των — ἐλληφότες τὸ (?) ὑπὸ τῆς μεζονος περιμέτρου περιεχόμενον ἐμβαδὸν εἶτα (?) ἀμείψαντες χωρία περιοχῇ ἐλάσσονι (?) χρώμενα — βελτίστων ἀπηνέγκαντο δόξαν. οὐεῖν γοῦν προκειμένων ἰσοσκελῶν τριγώνων, ὧν τὸ μὲν ἑκατέραν τῶν ἴσων ἔχει πέντε, 15 τὴν δὲ βάσιν ἕξ τῶν αὐτῶν, τὸ δὲ ἑκατέραν μὲν τῶν ἴσων πέντε, τὴν δὲ βάσιν ὀκτώ τῶν αὐτῶν, οἷον πήχεων, δακτύλων, κομιδῇ ἀπατᾷ τὸν ἄπειρον τούτων εἰς αἴρεσιν. τοῦτο μὲν γὰρ τὴν περίμετρον ἔχει δέκα καὶ ὀκτώ, θάτερον δὲ ἕξ καὶ δέκα τῶν αὐτῶν μέτρων. 20

vacat'. B de suo lacunam quam in omnibus suis invenit exemplaribus explet (p. 244—247) et delineationibus figurarum et expositione ea, quam desideraveris. 5 ἄνισα δεικνύνται. τοιοῦτον C. 10—14 Locum pluribus de causis dubium interpretatus est Z: 'et ea plura esse quae sub maiori ambitu comprehenduntur arbitrantes, aream vero in praedia [in margine 'aliter areas'] minori ambitu utilia distribuentes, potiorum opinionem reportarunt' et B; 'pluraque sumpserunt cum peragrantes eam suscepissent possessionem, quae a maiori ambitu continebatur: Aream autem cum in quaedam spatia, quae minori fruebantur ambitu, immutassent, optimi existimati fuere'.

11 ἐλληφότων τοῦ M, G, ἐλληφότων τὸ B₃. 12 εἶτα δ' εἰς αὐτὴν M, B₃, G. 13 περιοχῆς δι' ἐλάσσονι M, B₃, G. 15 B triangulorum descripsit figuras. || ἔχειν C.

- ἀλλ' ὁ γεωμετρικὸς οὐκ ἀγνοήσει ὅτι ἴσα ἐστὶ τὰ χωρία, καὶ αἱ περίμετροι ἄνισοι ὧσιν. δώδεκα γὰρ ἑκάτερόν ἐστιν. ἐὰν γὰρ ἀγάγῃς ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετον δίχα μὲν διαιρήσεις τὰς βάσεις καὶ ποιήσεις
- 5 ἐν θατέρῳ μὲν τριῶν, ἐν δὲ λοιπῷ τεττάρων τὸ ἥμισυ τῆς βάσεως, αὐτὴν δὲ τὴν κάθετον ἀνάπαλιν οὐ μὲν τεττάρων, οὐ δὲ τριῶν. δεῖ γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς πεντάδος ἴσον [εἶναι] τῷ τε ἀπὸ τῆς κάθετου καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως. ἀλλ' εἰ μὲν αὕτη τριῶν, ἡ
- 10 κάθετος τεττάρων, [εἰ δ'] αὕτη τεττάρων, ἐκείνη δὴ λαδὴ τριῶν. ποιήσας οὖν τὴν κάθετον ἐπὶ τὸ ἥμισυ τῆς βάσεως ἕξεις τὸ ἴσον τῷ τριγώνῳ χωρίον. τοῦτο δὲ ταυτόν ἐστιν καθ' ἑκάτερον, εἴτε τὸν τρία ἐπὶ τὸν τέσσαρα, εἴτε τὸν τέσσαρα ἐπὶ τὸν τρία ποιήσεις.
- 15 Ταῦτα μὲν οὖν εἴρηται πρὸς ἐνδειξιν τοῦ τὴν ἰσότητα τῶν χωρίων μὴ || πάντως ἐκ τῶν περιμέτρων λαμβάνειν, ἵνα μὴ θαυμάζωμεν, εἰ τῶν ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τριγώνων ἐπ' ἅπειρον αὐξέσθαι κατὰ τὰς λοιπὰς πλευρὰς δυναμένων ἐντὸς τῶν αὐτῶν παραλλή-
- 20 λων ὅμως ἢ τῶν χωρίων ἰσότης ἀνεξάλλακτος διαμένει. δεῖ δὲ ἐκεῖνα τῶν τριγώνων ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις λέγειν, ὅσα τὰς βάσεις ἐπὶ τῆς ἐτέρας ἔχοντα τῶν παραλλήλων ἐρείδει τὰς κορυφὰς ἐπὶ τῆς λοιπῆς, καὶ ὧν ἡ ἐπὶ τὰς κορυφὰς ἐπιζευγνυμένη μία τέ ἐστιν
- 25 εὐθεῖα καὶ παράλληλος ταῖς βάσεσιν ἐπὶ μιᾷς εὐθείας κειμέναις.

2 δέκα *M, G.* 8 εἶναι om. *M, G.* 10 εἰ δ' om. *M, G.*
 12 χωρίον *G,* χωρίον *C:* 'quod Trianguli spatium est aequale'
 et in margine 'aequale Triangulo spatium' *B.* 13 καθ' ἕτε-
 ρον *M, G.* 25 εὐθεῖα . . . βάσεσιν om. *G,* add. *C.*

Prop. XXXVIII, theor. XXVIII. Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παρα-
αλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ἐστὶ μὲν καὶ τοῦτο τὸ θεώρημα τοπικὸν ἀνάλο-
γον τοῖς παραλληλογράμμοις καὶ τὴν τῶν τριγώνων 5
θέσιν ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὑποτιθέμενον. δοκεῖ δέ
μοι τῶν τεττάρων τούτων θεωρημάτων, ὧν δύο μὲν
ἐστὶν ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων δεδειγμένα, δύο δὲ
ἐπὶ τῶν τριγώνων, καὶ τὰ μὲν τῆς αὐτῆς οὔσης βά-
σεως, τὰ δὲ ἴσων ὑπαρχουσῶν τῶν βάσεων, μίαν ἀπό- 10
δειξιν ἐν τῷ ἕκτῳ βιβλίῳ κατὰ τὸ πρῶτον θεώρημα
παρέχεσθαι, λανθάνειν τε τοὺς πολλοὺς τοῦτο ποιῶν.
ὅταν γὰρ τούτῳ δεικνύῃ τὰ τρίγωνα καὶ παραλληλό-
γραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἔχοντα πρὸς ἄλληλα τὸν
λόγον, ὃν ἔχουσιν αἱ βάσεις, οὐδὲν ἄλλο ἢ ταῦτα 15
πάντα καθολικώτερον ἀποδείκνυσιν ἐκ τῆς ἀναλογίας.
τὸ γὰρ αὐτὸ ὕψος οὐδὲν διαφέρει ἢ ἐν ταῖς αὐταῖς
εἶναι παραλλήλοις. πάντα γὰρ τὰ ἐν ταῖς αὐταῖς
ὄντα παραλλήλοις ὑπὸ τὸ αὐτὸ ἐστὶν ὕψος καὶ ἀνά-
παλιν. ὕψος γάρ ἐστιν ἡ ἀπὸ τῆς ἐτέρας παραλλήλου 20
κάθετος ἐπὶ τὴν λοιπὴν. ἐκεῖ μὲν οὖν δι' ἀναλογίας
δέδεικται ὅτι οὕτως ἔχει τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλλη-
λόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος τουτέστιν τὰ ἐν ταῖς
αὐταῖς κείμενα παραλλήλοις, ὥς αἱ βάσεις· καὶ ἴσων
οὐσῶν τῶν βάσεων ἴσα τὰ χωρία, καὶ διπλάσια διπλα- 25
σίῳ, καὶ ἄλλον λόγον ἔχουσῶν τὸν αὐτὸν ἔξει καὶ τὰ

1 M in margine λξ. 2 ἐπὶ τῶν ἴσων C. || αὐταῖς om.
M, G. 9 καὶ τὰ] κατὰ M, G. 10 ἴσων τῶν M, G, ἴσα
τῶν C. 13 τοῦτο M, G.

- χωρία λόγον πρὸς ἄλληλα. ἐνταῦθα δέ — οὐ γὰρ ἦν ἀναλογία χρῆσθαι μηδέπω διδάξαντα περὶ αὐτῆς — ἀρκεῖται τῇ ἰσότητι μόνῃ, καὶ ταύτην ἐκ τῆς ἰσότητος ἢ ταυτότητος τῶν βάσεων συλλογίζεται. ἐν ἐνὶ
- ⁵ δ' οὖν ἐκείνῳ τὰ τέτταρα ταῦτα θεωρήματα περιέχεται, οὐ μόνον ὅτι διὰ μιᾶς ἀποδείξεως δείκνυσιν, ὅσα ἐν τοῖς τέτρασιν περιέχεται τούτοις, ἀλλ' ὅτι καὶ πλέον τι προστίθῃσιν τὴν ταυτότητα τῶν λόγων, καὶ ἄνισοι αἶ || βάσεις ὦσι.
- ¹⁰ Ταῦτα περὶ τούτων | ὅτι δὲ καὶ τοῦτο πολύπτυ-
τόν ἐστι τὸ θεωρήμα καὶ δυνατόν τὰς βάσεις τὰς τῶν
τριγώνων ἢ ταὐτὸν μέρος ἐχούσας λαμβάνειν, ὥς ἐπὶ
τῶν παραλληλογράμμων, ἢ μηδενὶ μὲν κοινῷ μέρει
χρωμένας, καθ' ἓν δὲ σημεῖον ἀλλήλαις συναπτούσας,
- ¹⁵ ἢ καὶ πάντῃ κεχωρισμένας, ὥστε εἶναι μεταξὺ γραμ-
μῆν, δῆλόν ἐστι τοῖς καὶ μικρὰ συνεῖναι δυναμένοις,
καὶ ὅτι κατὰ πάσας τὰς πτώσεις, ὅπως ἂν ἔχη τὰς
βάσεις κειμένas ἢ τὰς κορυφάς, ἢ αὐτὴν μέθοδος, ἄγειν
παραλλήλους ταῖς πλευραῖς καὶ ποιεῖν ἐκάτερον τῶν
- ²⁰ τριγώνων [παραλληλόγραμμον καὶ διὰ τούτων τὴν
τῶν τριγώνων] ἰσότητα κατασκευάζειν.

6 ὑποδείξεως C. 7 τελεόν G, πλέον B₃, C, 'plus' Z, 'plus' et in margine 'omnino vel perfectum' B. 13 μέρος om. G, add. C. 16 καὶ ante μικρὰ om. G, add. C. 20—21 παρ-
αλληλόγραμμον . . . τριγώνων om. M, B₃, | G. 'et efficiendi quod
utrumque triangulum aequalitatem efficiat' Z, 'et facere utrum-
que, Triangulorumque aequalitatem ostendere' B.

Prop. XXXVIII, theor. XXVIII. Τὰ ἴσα τριγωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.

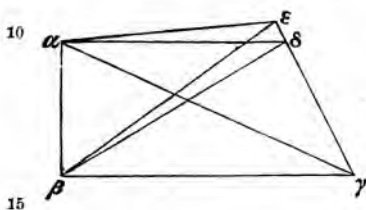
Ὅτε μὲν τὴν ἰσότητα δεικνύναι προὔκειτο, τότε τέτταρα θεωρήματα τὸν ἀριθμὸν ἐποιοῦμεν, δύο μὲν ⁵ ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων, δύο δὲ ἐπὶ τῶν τριγώνων λαμβάνοντες, ἢ ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἢ ἐπὶ ἴσων κείμενα βάσεων. νυνὶ δὲ ἀντιστρέφοντες τὰ μὲν ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων ἀντιστρέφοντα παρήγαμεν, τὰ δὲ ἐπὶ τῶν τριγώνων μνήμης ἤξιώσαμεν. αἴτιον δὲ ὅτι ¹⁰ τρόπος μὲν τῆς ἀποδείξεως ὁ αὐτὸς καὶ ἐπ' ἐκείνων ἀπαραλλάκτως διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς καὶ τῆς ὁμοίας κατασκευῆς, ἀρκούμεθα δὲ ἐπὶ τῶν ἀπλουστείων, λέγω δὴ τῶν τριγώνων, ὑποδείξαντες τὴν μέθοδον καταλιπεῖν τοῖς ἀγχινούστεροις καὶ ἐπὶ τῶν ¹⁵ ὑπολοίπων τὰ αὐτὰ συλλογίζεσθαι, ἐπεὶ, ὅτι γε ἢ αὐτὴ καὶ ἐπὶ τούτων μέθοδος, ῥάδιον συνιδεῖν. λαβόντες γὰρ παραλληλόγραμμα ἴσα ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως, ἢ καὶ ἐπὶ τῶν ἴσων, ἐροῦμεν ὅτι καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. εἰ γὰρ μή, ἢ ἐντὸς πεσεῖ- ²⁰ ται θάτερον τῶν ἐν τῷ ἑτέρῳ παραλλήλων ἐκβαλλομένων, ἢ ἐκτός. ὅπως δὲ ἂν πίπτῃ, λαβόντες ἐκείνο καὶ τὰς ἐν αὐτῷ παραλλήλους ἐδείξαμεν, ἃ καὶ ἐπὶ τῶν τριγώνων, ὅτι τὸ ὅλον ἴσον ἔσται τῷ ἑαυτοῦ μέρει. τοῦτο δὲ ἀδύνατον. 25

Ὅτι δὲ εἰκότως ὁ στοιχειωτῆς προσέθηκεν τὸ καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δῆλόν ἐστι (?). μᾶς γὰρ βάσεως

1 M in margine λθ. 4 πρόκειται M, G. 22 ἂν πίπτῃ ἀντιπίπτῃ M, G. 27 δῆλον ὅτι M, G, δῆλον γὰρ ὅτι μᾶς βάσεως B₂, C, 'perspicuum est' Z, 'manifestum est' B.

ἴσα τρίγωνα λαβεῖν δυνατόν, τὸ μὲν ἐπὶ τὰδε τὰ μέρη, τὸ δὲ ἐπὶ θάτερα. ἀλλ' οὐ πάντως ἐν ταῖς αὐταῖς ἐστὶ ταῦτα παραλλήλοις· οὐδὲ γὰρ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἐστί.

5 Τοῦτο μὲν οὖν διὰ τοῦτο || προσέθηκεν. διχῶς δὲ δυνατόν ὃν ἄγειν τὴν παράλληλον κατὰ τὴν ἄτοπον ὑπόθεσιν αὐτὸς ἤγαγεν ἐντός ἡμεῖς δὲ ἐκτὸς ἀγα-
 ρόντες τὰ αὐτὰ δεῖξομεν. ἔστω γὰρ τὰ $\alpha\beta\gamma$ $\delta\beta\gamma$



τρίγωνα ἐπὶ μιᾷς βά-
 σεως καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
 μέρη. λέγω ὅτι ἐν ταῖς
 αὐταῖς ἐστὶ παραλλή-
 λους καὶ ἡ ἐπὶ τὰς κο-
 ρυφὰς αὐτῶν ἐπιξευ-
 χθεῖσα τῇ βάσει παρ-

ἀλλήλως ἐστίν. ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ $\alpha\delta$. εἰ δὲ μή ἐστίν
 αὐτῇ παράλληλος, ἔστω ἡ ταύτης ἐκτὸς ἡ $\alpha\epsilon$. καὶ ἐκ-
 βεβλήσθω ἡ $\gamma\delta\epsilon$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\epsilon\beta$. ἴσον ἄρα τὸ
 $\alpha\beta\gamma$ τῷ $\epsilon\beta\gamma$, ἀλλὰ τὸ $\alpha\beta\gamma$ τῷ $\delta\beta\gamma$. τὸ ἄρα $\epsilon\beta\gamma$ τῷ

20 $\delta\beta\gamma$ ἴσον, τῷ μέρει τὸ ὅλον· ἀλλὰ ἀδυνατόν· οὐκ
 ἄρα ἔξω πεσεῖται τῆς $\alpha\delta$ ἡ παράλληλος· δέδεικται δὲ
 ὅτι οὐδὲ ἐντός παρὰ τῷ στοιχειωτῇ· αὐτὴ ἄρα ἐστίν
 ἡ $\alpha\delta$ τῇ $\beta\gamma$ παράλληλος· ἐν ταῖς αὐταῖς ἄρα παραλ-
 λήλοις ἐστὶ τὰ ἴσα τρίγωνα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

25 Καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλλήλοις ἀποδέδεικται
 μὲν δὴ καὶ τὸ λοιπὸν μέρος τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγ-

2 ἄλλ' οὐ] ἀλλὰ M , G , 'haec tamen' Z , 'non omnino' B .
 22 αὐτῇ M .

γῆς· ἄξιον δὲ ἐπισημῆνασθαι ὅτι τριττῆς οὔσης τῆς τῶν θεωρημάτων ἀντιστροφῆς — ἡ γὰρ ὅλον ἀντιστρέφει πρὸς ὅλον, ὥς τὸ ὀκτωκαιδέκατον καὶ ἑννεακαιδέκατον εἴπομεν, ἡ ὅλον πρὸς μέρος, ὥς τὸ ἕκτον καὶ πέμπτον, ἡ μέρος πρὸς μέρος, ὥς τὸ ὄγδοον καὶ τέταρτον. οὐ γὰρ ὅλον τὸ δεδειγμένον ἐν θατέρῳ ζητούμενόν ἐστιν ἐν θατέρῳ, οὐδὲ τὸ ζητούμενον δεδομένον, ἀλλὰ μέρος — ἔοικεν δὲ (?) τοιαῦτα εἶναι καὶ ταῦτα τὰ θεωρήματα ἐπὶ τῶν τριγώνων. ἦν γὰρ τὸ ζητούμενον ἐν τοῖς πρὸ τούτων ἴσα εἶναι τὰ τρίγωνα. 10 τοῦτο δὲ οὐ μόνον ἐστὶ δεδομένον ἐν τούτοις, μέρος προσλαβὸν τῆς ἐν ἐκείνοις ὑποθέσεως. τὸ γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εἶναι βάσεως, ἡ ἐπὶ ἴσων, καὶ ἐπὶ τούτων δέδοται καὶ ἐπ' ἐκείνων, πλὴν ὅτι προσέθηκεν ἐν ταύταις ταῖς ὑποθέσεσιν, οὐ μὴν ἐν ἐκείνοις, μήτε ζητού- 15 μενον, μήτε δεδομένον· τὸ γὰρ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρος ἔξωθεν προσείληπται.

|| Prop. XL, theor. XXX. Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστί. 20

Καὶ ὁ τρόπος τῆς ἀντιστροφῆς ὁ αὐτὸς ἐπὶ τούτου καὶ ἡ ἀπόδειξις ἀπαράλλακτος καὶ τὸ παραλειμμένον τῷ στοιχειωτῇ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς ὡσαύτως ἀποδείκνυται. καὶ οὐδὲν δεῖ τὰ αὐτὰ ἀνακυκλεῖν. τριῶν δὲ ὄντων τούτων ἐν ταῖς εἰρημέναις 25

5 μέρος πρὸς μέρος] ὅλον πρὸς μέρος *M*, *B*₃, *G* (*Z*), 'pars ad partem' *B*. 8 καὶ τοιαῦτα τὰ θεωρ. *C*. 17 προσείληπται *G*, προσείληπται *C*. || Propositionem quadragessimam nullo interpolationis signo posito post προσείληπται addunt *M*, *G*.

προτάσεσι, τοῦ ἐπὶ ἴσων εἶναι βάσεων ἢ τῶν αὐτῶν,
 τοῦ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, [τοῦ ἴσα εἶναι τὰ
 τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα], δῆλον ὅτι δύο
 συμπλέκοντες αἰεὶ, τὸ δὲ ἐν καταλείποντες ποικίλως
 5 ἀντιστρέφωμεν. ἢ γὰρ τὰς βάσεις ὑποθησόμεθα τὰς
 αὐτὰς ἢ ἴσας καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις τὰ τρί-
 γωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, καὶ ποιήσομεν τέσ-
 σαρα θεωρήματα, ἢ ἴσα ληφόμεθα αὐτὰ καὶ τὰς βάσεις
 τὰς αὐτὰς ἢ ἴσας, καὶ ποιήσομεν ἄλλα τέτταρα — ὧν
 10 τὰ μὲν δύο παρήκεν ὁ στοιχειωτής, τὰ ἐπὶ τῶν παραλ-
 ληλογράμμων, τὰ δὲ δύο ἔδειξεν τὰ ἐπὶ τῶν τριγώ-
 νων — ἢ καὶ ἴσα λαβόντες καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παρ-
 αλλήλοις δείξομεν τὸ λοιπόν, ἢ ὅτι ἐπὶ τῶν αὐτῶν
 ἐστὶν ἢ τῶν ἴσων | βάσεων, καὶ ποιήσομεν ἄλλα τέτ-
 15 ταρα, ἃ δὴ καὶ πάντῃ παρήκεν ὁ στοιχειωτής· καὶ γὰρ
 ἐπὶ τούτων ἢ αὐτὴ ἀποδείξις, πλὴν ὅσον τούτων τῶν
 τεττάρων τὰ δύο οὐκ ἔστι καθ' ἑαυτὸ ἀληθῆ. οὐ γὰρ
 τὰ ἴσα παραλληλόγραμμα ἢ τρίγωνα καὶ ἐν ταῖς αὐ-
 ταῖς ὄντα παραλλήλοις ἐξ ἀνάγκης ἐπὶ τῆς αὐτῆς βά-
 20 σεως, ἀλλὰ τὸ ὅλον τοῦτο ἐπὶ τούτων τῶν ὑποθέσεων
 ἀληθές, ὅτι ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐστὶ βάσεων ἢ ἐπὶ τῶν
 ἴσων, τὸ δὲ ἕτερον οὐκ ἐκ παντὸς ἐπεται ταῖς ληφθεί-
 σαις ὑποθέσεσιν. ὥστε δέκα ὄντων τῶν πάντων
 θεωρημάτων ἕξ μὲν ὁ γεωμέτρης ἀνέγραψεν, τέσσαρα
 25 δὲ παρήκεν, ἵνα μὴ πάλιν [τὰ αὐτὰ λέγοι] τῆς αὐτῆς
 οὔσης ἀποδείξεως. δεικνύσθω γὰρ ἐπὶ τῶν τριγώνων

2—3 τοῦ ἴσα . . . παραλληλόγραμμα om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*)
 'et aequalia esse Triangula et Parallelogramma' *B*. 3 ἀδῆλοι
M, *B*₃, *G*, 'innotum' *Z*, 'manifestum' *B*. 6 ἢ ἴσα *M*, *G*.
 18 ἐν] ὅσα *G*, ἐν *C*. 25 τὰ αὐτὰ λέγοι] λόγῳ *M*, *λόγῳ *G*
 πᾶσι μοτῇ *B*₃, idem dicat' *Z*, 'eadem ratione frustra labore' *B*.

ὅτι, ἐὰν ἴσα ᾖ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἢ ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἔσται βάσεων, ἢ ἐπὶ ἴσων. μὴ γάρ· ἀλλ'

εἰ δυνατόν, ἔστω τὰ $\alpha\beta\gamma$

δεξ. τρίγωνα οὕτως ἔχοντα ἐπὶ ἀνίσων βάσεων

τῶν $\beta\gamma$ $\epsilon\zeta$, καὶ || ἔστω

μείζων ἢ $\beta\gamma$, καὶ ἀφηγή-

σθω ἡ $\beta\theta$ ἴση τῇ $\epsilon\zeta$, καὶ

ἐπεζεύχθω ἡ $\alpha\theta$. ἐπεὶ οὖν τὰ $\alpha\beta\theta$ δεξ. ἐπὶ ἴσων ἐστὶ

βάσεων τῶν $\beta\theta$ $\epsilon\zeta$ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, 10

[ἴσα] ἄρα ἐστίν· ἀλλὰ καὶ τὰ $\alpha\beta\gamma$ δεξ. ἴσα ὑπόκειται·

τὰ ἄρα $\alpha\beta\gamma$ $\alpha\beta\theta$ ἴσα ἔσται, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα

ἄνισοι αἱ βάσεις τῶν $\alpha\beta\gamma$ δεξ. τριγώνων. ὁ δὲ αὐτὸς

τρόπος τῆς ἀποδείξεως ἔσται καὶ ἐπὶ τῶν παραλληλο-

γράμμων. ἐπεὶ οὖν καὶ ἡ μέθοδος τῆςδείξεως ἡ 15

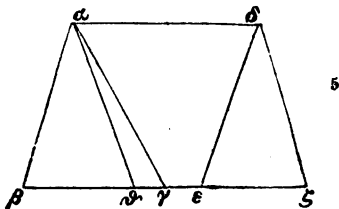
αὕτη καὶ τὸ ἀδύνατον τὸ αὐτό, ὅτι τὸ ὅλον τῷ μέρει

ἴσον, εἰκότως ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ παραλέλειπται.

εἴρηται οὖν ὅτι δέκα θεωρήματα ἐξ ἀνάγκης, καὶ τίνα

τὰ παραλελειμμένα, καὶ τίς ἡ αἰτία τῆς τούτων ἀπο-

σιωπήσεως. ἀλλ' ἐπὶ τὰ ἐφεξῆς τούτοις μεταβαίνωμεν. 20



11 ἴσα ante ἄρα om. M, G (Z), 'aequalia' B. 12 ἔστι C.
19 παραλελεγμένα M, C. 20 μεταβαίνωμεν M, G, 'trans-
eamus' Z, B.

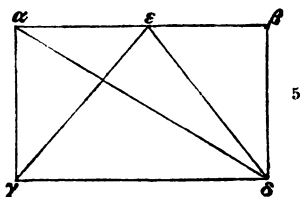
Prop. XLI, theor. XXXI. Ἐὰν παραλληλόγραμ-
 μον τριγώνῳ βάσιν τε ἔχη τὴν αὐτὴν καὶ ἐν
 ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἢ, διπλάσιόν ἐστι τὸ
 παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου.

- 5 Ἔστι μὲν δὴ καὶ τὸ θεωρημα τοῦτο τοπικόν,
 μίγνυνσι δὲ τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων συστά-
 σεις ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος κειμένων. ὥσπερ οὖν τὰ παρ-
 αλληλόγραμμα χωρὶς ἐθεασάμεθα καὶ αὖ πάλιν τὰ
 τριγώνω, οὕτω καὶ ἅμα ἀμφοτέρω λαβόντες ταῦτον
 10 ἐκείνοις πεπονθότα τὸν λόγον, ὃν ἔχει πρὸς ἄλληλα,
 θεωρήσωμεν. ἐπ' ἐκείνων μὲν οὖν ὁ τῆς ἰσότητος
 ἀναφαίνεται λόγος — πάντα γὰρ ἴσα ἀλλήλοις τὰ
 ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων, εἴτε τριγώνω, εἴτε παραλλη-
 λόγραμμα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλλήλοις —
 15 ἐπὶ δὲ τούτων ὁ πρώτιστος δείκνυται τῶν ἄνισων ὁ
 διπλάσιος. τὸ γὰρ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου
 διπλάσιον ἀποδείκνυνσι τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως καὶ
 ὕψους τοῦ αὐτοῦ. ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτῆς τὴν τοῦ
 τριγώνου κορυφὴν ἐκτὸς ὑποθέμενος τοῦ παραλληλο-
 20 γράμμου τὸ προκείμενον ἔδειξεν, ἡμεῖς δὲ ἐπὶ τῆς
 ἐτέρας αὐτὴν λαβόντες τοῦ παραλληλογράμμου πλευ-
 ρᾶς, τῆς παραλλήλου τῇ κοινῇ αὐτῶν βάσει, τὸ αὐτὸ
 ἀποδείξομεν. δύο γὰρ αὗται τοῦ θεωρήματός εἰσι
 25 ἐντὶς τοῦ παραλληλογράμμου τὴν κορυφὴν ἔχειν
 ἀνάγκη τὸ τριγώνον ἢ ἐκτός. ἔστω οὖν παραλληλό-

1 M in margine $\overline{\lambda\theta}$.
 'simul . . . utraque' B.

9 ἅμα om. M, G (Z), add. C,
 10 ἔχη G, ἔχει C.

γραμμον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ τρίγωνον τὸ $\overline{εγδ}$, καὶ κείσθω
τὸ ε μεταξὺ τοῦ $\overline{α}$ καὶ $\overline{β}$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ
οὖν || τὸ παραλληλόγραμ-
μον τοῦ $\overline{αγδ}$ διπλάσιον,
τὸ δὲ $\overline{αδγ}$ ἴσον τῷ $\overline{εδγ}$
τριγώνῳ, τὸ ἅρα παραλλη-
λόγραμμον τοῦ $\overline{εγδ}$ τρι-
γώνον διπλάσιον.



Ὅτι μὲν οὖν τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως δέκνυνται
τοῦ τριγώνου τὸ παραλληλόγραμμον διπλάσιον δῆλον. 10
κἂν ἴσαι δὲ ὧσιν αἱ βάσεις, ὡσαύτως δειχθήσεται
διάμετρον ἡμῶν ἀγαρόντων τῶν παραλληλογράμμων.
τῶν γὰρ τριγώνων ἴσων ὄντων τὸ θατέρου διπλάσιον
ἔσται καὶ τοῦ λοιποῦ διπλάσιον. τὰ δὲ τρίγωνα ἴσα
διὰ τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων καὶ τὴν ταυτότητα τοῦ 15
ὑψους. εἰκότως οὖν καὶ ταῦτα παρήκεν ὁ γεωμέτρης·
ἢ αὐτὴ γὰρ [ἡ] ἀπόδειξις. ἢ γὰρ ταὐτὸν μέρος
ἔξουσιν, ἢ κατὰ σημείον μόνον συναφθήσονται, ἢ κε-
χωρισμέναι ἔσονται ἀπ' ἀλλήλων. ὅπως δ' ἂν ταῦτα
διαποικίλληται, μία ἢ ἀπόδειξις κατὰ πάσας τὰς 20
πτώσεις.

Καὶ μὴν καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα τῷ θεωρήματι
ὡσαύτως ἀποδείξομεν, ὧν ἓν μὲν ἔστιν· ἐὰν τριγώνον
παραλληλόγραμμον διπλάσιον ἢ καὶ τὴν αὐτὴν ἔχη
βάσιν ἀλλήλοις, ἢ ἴσας, εἰ δὲ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἐν 25

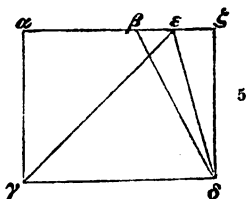
12 παραλληλογράμμων] 'Parallelogrammi' et in margine
'Parallelogrammorum' B. 13 τὸ θατέρου C, τοῦ θατέ-
ρου C. 17 ἢ ante ἀπόδειξις om. M, G. 18 συναφθήσον-
ται C. 20 διαποικίλλεται M, G. 25 'si autem' in marginem
reiecit B.

ταῖς αὐταῖς ἔσται παραλλήλοις — εἰ γὰρ μὴ, τὸ ὅλον
ἴσον ἔσται τῷ μέρει, καὶ ὁ αὐτὸς ἔξει (?) λόγος.
ἀνάγκη γὰρ ἢ ἐπὶ τῶν παραλλήλων πίπτειν τὴν τοῦ
τριγώνου κορυφήν, ἢ ἐκτός. ὁποτέρως δ' ἂν ἔχη, τὸ
5 αὐτὸ ἀδύνατον ἀχθείσης παραλλήλου τῇ βάσει διὰ
τῆς τοῦ τριγώνου κορυφῆς — ἕτερον δέ· ἐὰν τριγώ-
νου παραλληλόγραμμοι διπλάσιον ἢ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς
παραλλήλοις, ἀμφοτέρω ἐπὶ μιᾷ ἔσται βάσεως ἢ ἐπὶ
ἴσων· εἰ γὰρ ἐπὶ ἀνίσων, ἴσας λαβόντες πᾶν τὸ ὅλον
10 μέρει δεῖξομεν ἴσον. εἰς οὖν τοῦτο κοινὸν ἀδύνατον
πάντα τελευτᾷ τὰ θεωρήματα. διόπερ ὁ στοιχειωτῆς
ἱμῖν παρήκεν τὴν ἐν τοῦτοις ποικιλίαν ἀνερευνᾶν
αὐτὸς ἐπὶ τῶν ἀπλουστέρων καὶ ἀρχοειδεστέρων στη-
σας τὴν θεωρίαν.

15 Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ ταῦτα ὑπομένονται, | φέρε γυμνα-
σίας ἔνεκα μὴ λαβόντες παραλληλόγραμμοι ἡμεῖς,
ἀλλὰ τραπέξιον, οὗ δύο μόναι εἰσὶ παράλληλοι, τρι-
γώνῳ τὴν αὐτὴν ἔχον βάσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς κεί-
μενον παραλλήλοις, ἰδωμεν, ὃν ἔχει λόγον πρὸς τὸ
20 τρίγωνον. ὅτι μὲν οὖν διπλάσιον οὐχ ἔξει δῆλον —
ἢ γὰρ ἂν παραλληλόγραμμοι εἴη τετράπλευρόν γε ὄν;
— λέγω δὲ ὅτι ἢ μείζον διπλασίου ἢ ἔλασσον. τῶν
γὰρ δύο ὄντων παραλλήλων πάντως ἢ μὲν ἔστι μεί-
ζων, ἢ δὲ ἐλάσσων, ἐπεὶ ἴσων || οὐσῶν καὶ αἱ ἐπι-
25 ξευγνύουσαι αὐτὰς ἔσονται παράλληλοι. ἂν μὲν οὖν
τὸ τρίγωνον τὴν μείζονα ἔχη βάσιν, ἔλασσον ἢ διπλά-

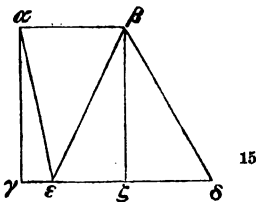
2 ἔξει M, ἔξει B₃₃, G, 'erit' Z, 'vigebit' B. 4 ἂν om. G,
add. C. 7 παραλληλόγραμμος M, G. 10 μέρος δεῖξομεν M,
μέρει δεῖξομεν G, τῷ μέρει δεῖξομεν C. || εἰ G, εἰς C.
13 συστήσας C, 'contraxerit' et in margine 'stiterit' B.
19 εἰδωμεν M, G, 'contemplemur' Z, 'videamus' B. 21 γε
τε ὃν M, G. 24 καὶ αἱ] καὶ M, C, καὶ καὶ G.

σιον ἔσται τοῦ τριγώνου τὸ τετράπλευρον, ἐὰν δὲ τὴν ἐλάσσονα, μείζον. ἔστω γὰρ τὸ $\overline{αβγδ}$ τετράπλευρον καὶ ἐλάσσων ἢ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{γδ}$, καὶ ἐκβεβλήσθω ἢ $\overline{αβ}$ εἰς ἄπειρον, καὶ τρίγωνον τὸ $\overline{εγδ}$ τὴν αὐτὴν ἔχέτω βάσιν τῷ τετραπλεύρῳ τὴν $\overline{γδ}$, καὶ ἤχθω διὰ τοῦ δ τῇ $\overline{αγ}$ παράλληλος ἢ $\overline{δξ}$. διπλάσιον



ἄρα τοῦ $\overline{εγδ}$ τριγώνου τὸ $\overline{αγδξ}$ παραλληλόγραμμον, ὥστε τὸ $\overline{αβγδ}$ τετράπλευρον ἔλασσον ἢ διπλάσιον.¹⁰ πάλιν ἔχέτω τὸ τρίγωνον βάσιν

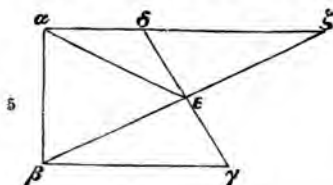
τὴν $\overline{αβ}$, καὶ παράλληλος τῇ $\overline{αγ}$ ἢ $\overline{βξ}$. τὸ ἄρα $\overline{αβγξ}$ διπλάσιον τοῦ τριγώνου, ὥστε τὸ $\overline{αβγδ}$ τετράπλευρον μείζον ἢ διπλάσιον. τούτων δὴ δεδειγμένων λέγομεν ὅτι τετραπλεύρου ὄντος,



οὗ δύο μόνον αἱ ἀπεναντίον παράλληλοι, ἐὰν μὲν ἀπὸ τῆς ἐτέρας τῶν παραλλήλων δίχα τμηθείσης ἐπὶ τὴν λοιπὴν ἐπιξευχθῶσιν εὐθεῖαι, τοῦ γινομένου τρι-²⁰ γώνου ἢ μείζον ἔστι τὸ τετράπλευρον ἢ διπλάσιον, ἢ ἔλασσον, εἰ δὲ ἀπὸ τῆς ἐτέρας τῶν ἐπιξευγνυουσῶν τὰς παραλλήλους δίχα τμηθείσης ἐπὶ τὴν ἐτέραν εὐθεῖαι τινες ἐπιξευχθεῖεν, τοῦ γινομένου τριγώνου τὸ τετρά- πλευρον πάντως διπλάσιόν ἐστιν. τοῦτο οὖν δεικνύ-²⁵

1 ἔστω C. 18 εἰ μὲν M, G. 19 ἐπὶ τῆς ἐτέρας M, G.
22 ἐξευγνυουσῶν M, ξευγνυουσῶν G.

σθω. ἔστω δὴ τετράπλευρον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ παράλλη-
λος ἐν αὐτῷ ἡ $\overline{αδ}$ [τῇ] $\overline{γβ}$, καὶ τεμνέσθω δίχα ἡ $\overline{δγ}$ κατὰ



τὸ $\overline{ε}$, καὶ ἐπεξεύχθωσαν
αἱ $\overline{εα}$ $\overline{εβ}$, καὶ ἐκβεβλή-
σθω ἡ $\overline{βε}$ καὶ συμπι-
πτέτω τῇ $\overline{αδ}$ κατὰ τὸ $\overline{ζ}$.
ἐπεὶ οὖν αἱ κατὰ τὸ $\overline{ε}$

γωνίαι ἴσαι — κατὰ κορυφὴν γάρ — καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{ζδε}$
τῇ ὑπὸ $\overline{βγε}$, ἔσται καὶ ἡ $\overline{ζε}$ τῇ $\overline{εβ}$ ἴση καὶ τὸ $\overline{δεξ}$
10 $\overline{τρίγωνον}$ τῷ $\overline{βγε}$ ἴσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ $\overline{αδε}$.
ὅλον ἄρα τὸ $\overline{αξε}$ ἴσον τοῖς δύο τοῖς $\overline{αδε}$ $\overline{βγε}$. ἀλλὰ
τὸ $\overline{αεξ}$ ἴσον τῷ $\overline{αεβ}$ — ἐπὶ γὰρ ἴσων βάσεων, τῶν
 $\overline{βε}$ $\overline{εξ}$, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις. τὸ ἄρα $\overline{αεβ}$
ἴσον τοῖς $\overline{αδε}$ * * *

15 [|| Prop. XLII, probl. XI. Τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον
παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν γωνίᾳ, ἥ
ἔστιν ἴση τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ.

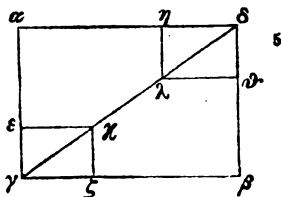
|| Prop. XLIII, theor. XXXII. Παντὸς παραλλη-
λογράμμου τῶν περὶ τὴν διάμετρον παραλλη-
20 λογράμμων τὰ παραπληρώματα ἴσα ἀλλήλοις
ἔστίιν.]

* * * παραλληλόγραμμα μὴ συνάπτειν ἀλλήλοις

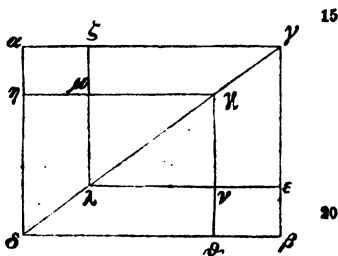
2 ἐν αὐτῇς G, ἐν αὐτῷ C. 14—22 Finis commentarii
in propositionem XLII^{am}, commentarius in propositionem XLII^{am},
initium commentarii in propositionem XLIII^{am} desunt in M,

καθ' ἓν σημείον. ὅτι δὴ καὶ τὰ παραπληρώματα οὐκ ἔστι τετράπλευρα, δεῖ καὶ ταύτην ἐκθέμενον τὴν πρῶ-
σιν ἰδεῖν τὸ αὐτὶ συμβαῖνον. ἔστω γὰρ παραλληλό-

γραμμά τῷ $\alpha\beta$ παραλληλο-
γράμμῳ περὶ τὴν αὐτὴν διά-
μετρον τὰ $\gamma\kappa$ $\delta\lambda$, μεταξὺ δὲ
αὐτῶν ἡ $\kappa\lambda$ εὐθεῖα τῆς δια-
μέτρου μέρος οὖσα. πάλιν
οὖν τὰ αὐτὰ ἐφείς· τὸ $\alpha\gamma\delta$



τρίγωνον ἴσον τῷ $\beta\gamma\delta$ καὶ τὸ $\epsilon\gamma\kappa$ τῷ $\kappa\gamma\zeta$ καὶ τὸ $\delta\eta\lambda$ 10
τῷ $\delta\theta\lambda$. λοιπὸν ἄρκ τὸ $\alpha\eta\lambda\kappa\epsilon$ πεντάπλευρον || ἴσον
τῷ $\beta\zeta\kappa\lambda\theta$ πενταπλεύρῳ. ταῦτα δὲ ἦν τὰ παραπληρώ-
ματα. εἰ δὲ μήτε συνάπτοιτο τὰ παραλληλόγραμμα
κατὰ σημείον, μήτε διεστῶτα εἶη, ἀλλὰ τέμνοντα ἄλ-
ληλα, ἡ αὐτὴ καὶ οὕτως
ἀποδείξεις. ἔστω γὰρ παρ-
αλληλόγραμμον τὸ $\alpha\beta$
καὶ διάμετρος ἡ $\gamma\delta$ καὶ
παραλληλόγραμμα περὶ
αὐτὴν ἓν μὲν τὸ $\epsilon\gamma\zeta\lambda$,
ἑτερον δὲ καὶ τέμνον

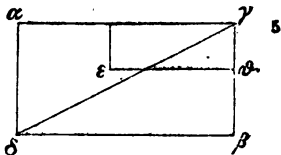


B_2 , G atque in omnibus qui noti sunt codicibus. In M , B_2 , G signa
 $\alpha\delta\epsilon$ ($\alpha\delta\beta$ B_2) statim sequitur vox παραλληλόγραμμα. Z con-
textum perinde continuat, ac si deesse permulta non perspexerit.
 B lacunam explet (pag. 256—262) et supplemento in uno solo
exemplari invento, quod ignotus quidam homo commentario in
 $XLII^{as}$ propositionem addidit, et deliberationibus quæ deside-
rantur in fine $XLII^{as}$ et ab initio $XLIII^{as}$ propositionis recen-
sentibus. $XLII^{as}$ enim propositionem alias se interpretaturum
esse promittit. 1 ἡσθ' ἐν G , καθ' ἓν C . 3 τῷ αὐτῷ C . ||
παραλληλόγραμμον M , G . 14 τέμνονται C .

- τοῦτο τὸ $\overline{\delta\eta\kappa\theta}$. λέγω ὅτι τὰ $\overline{\xi\eta}$ $\overline{\epsilon\theta}$ παραπληρώματα
 ἴσα ἐστίν. ἐπεὶ γὰρ ὅλον τὸ $\overline{\delta\eta\kappa}$ ἴσον τῷ $\overline{\delta\theta\kappa}$, ἐστὶν
 δὲ καὶ μέρος αὐτοῦ τὸ $\overline{\kappa\lambda\mu}$ ἴσον τῷ $\overline{\kappa\lambda\nu}$ — παραλ-
 ληλόγραμμον γὰρ ἐστὶ τὸ $\overline{\lambda\kappa}$ — λοιπὸν ἄρα τὸ $\overline{\delta\lambda\nu\theta}$
 5 $\overline{\tau\rho\alpha\pi\acute{\epsilon}\xi\iota\omicron\nu}$ ἴσον τῷ $[\overline{\delta\lambda\mu\eta}$ $\overline{\tau\rho\alpha\pi\epsilon\zeta\acute{\iota}\omega}$. ἀλλὰ καὶ τὸ]
 $\overline{\alpha\delta\gamma}$ $\overline{\tau\rho\acute{\iota}\gamma\omega\nu\omicron\nu}$ ἴσον τῷ $\overline{\beta\delta\gamma}$, καὶ τὸ $\overline{\xi\gamma\lambda}$ τῷ $\overline{\epsilon\gamma\lambda}$ ἐν
 τῷ $\overline{\epsilon\zeta}$ παραλληλογράμῳ, καὶ $\overline{\tau\rho\alpha\pi\acute{\epsilon}\xi\iota\omicron\nu}$ τὸ $\overline{\delta\eta\mu\lambda}$ τῷ
 $\overline{\delta\theta\nu\lambda}$, λοιπὸν ἄρα τὸ $\eta\zeta$ τετράπλευρον ἴσον τῷ $\overline{\epsilon\theta}$
 τετραπλεύρῳ. δέδεικται ἄρα τὸ θεώρημα κατὰ πάσας
 10 τὰς πτώσεις. εἰσὶ δὲ τρεῖς μόνοι καὶ οὔτε πλείους
 οὔτε ἐλάσσους. τὰ γὰρ παραλληλόγραμμα τὰ περὶ
 τὴν αὐτὴν διάμετρον ἢ τεμεῖ ἄλληλα, ἢ κατὰ σημεῖον
 ἄψεται ἀλλήλων ἢ διεστῶτα ἔσται μέρος τινὶ τῆς δια-
 μέτρου.
- 15 Τὸ δὲ ὄνομα τῶν παραπληρωμάτων ἀπ' αὐτοῦ
 τοῦ πράγματος ἔλαβεν ὁ στοιχειωτής ὡς καὶ τούτων
 παρὰ τὰ δύο παραλληλόγραμμα συμπληρούντων τὸ
 ὅλον. διόπερ αὐτὸ καθ' αὐτὸ μνήμης ἐν τοῖς ὅροις
 οὐκ ἠξιώται. ποικιλίας γὰρ ἔδει πρὸς τὴν σαφήνειαν,
 20 ἵνα γινώμεν, τί παραλληλόγραμμον, καὶ τίνα τὰ περὶ
 τὴν αὐτὴν διάμετρον τῷ ὅλῳ. τούτων γὰρ σαφη-
 νισθέντων καὶ τὶ παραπλήρωμα μόνως ἂν ἐγένετο
 γινώριμον. ἐστὶν δὲ ἐκεῖνα τῶν παραλληλογράμμων
 περὶ διάμετρον τὴν αὐτὴν, ὅσα μέρος τῆς ὅλης δια-

5 $\overline{\delta\lambda\mu\eta}$. . . καὶ τὸ om. M , B_2 , G (Z), 'dlmg Trapezio est aequale. Verum' B . 12 τελεῖα G , τεμεῖ C . || κατὰ τὸ ση-
 μεῖον C . 13 τῆς ἀμέτρου M , G . 15 In M in margine: ση,
 τίνα καλοῦσιν οἱ γεμέτραι παραπληρώματα καὶ πόθεν αὐτὰ
 καὶ διὰ τί οὕτως ὀνομάζουσιν.

μέτρου καὶ αὐτῶν ἔχει διάμετρον, ὅσα δὲ μή, οὐ. ὅταν γὰρ ἡ τοῦ ὅλου διάμετρος τῶν πλευρῶν τινα τέμνῃ τοῦ ἐντὸς παραλληλογράμμου, τότε οὐκ ἔστιν τῷ ὅλῳ τοῦτο τὸ παραλληλόγραμμον περὶ διάμετρον τὴν αὐτήν, οἷον ὡς ἐν τῷ $\overline{αβ}$ παραλληλογράμμῳ ἡ $\gammaδ$ τέμνει τοῦ $\overline{γε}$ παραλληλογράμμου τὴν $\overline{εδ}$ πλευράν. τὸ οὖν $\overline{εγ}$ τῷ $\gammaδ$ περὶ τὴν αὐτήν οὐκ ἔστιν διάμετρον.



10

Prop. XLIII, probl. XII. || Παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν ἐν γωνίᾳ, ἣ ἔστιν ἴση τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Ἔστι μὲν ἀρχαία, φασὶν οἱ περὶ τὸν Εὐδήμον, 15 καὶ τῆς τῶν Πυθαγορείων μούσης εὐρήματα ταῦτα, ἣ τε παραβολὴ τῶν χωρίων καὶ ἡ ὑπερβολὴ καὶ ἡ ἔλλειψις. ἀπὸ δὲ τούτων καὶ οἱ νεώτεροι τὰ ὀνόματα λαβόντες μετήγαγον αὐτὰ καὶ ἐπὶ τὰς κοινὰς λεγομένας γραμμάς, καὶ τούτων τὴν μὲν παραβολήν, 20 τὴν δὲ ὑπερβολὴν καλέσαντες, τὴν δὲ ἔλλειψιν, ἐκείνων τῶν παλαιῶν καὶ θείων ἀνδρῶν ἐν ἐπιπέδῳ καταγραφῇ χωρίων. πρὸς εὐθείαν ὠρισμένην τὰ ὑπὸ τούτων σημαινόμενα τῶν ὀνομάτων ὀρώντων. ὅταν γὰρ

3 τὸ ὅλῳ τοῦτο M, G , τῷ ὅλῳ τούτῳ C . 11 M in margin $\mu\delta$. 13 παραβαλεῖν M, G . || ἐν γωνίᾳ] 'in Angulo' et in margin 'in dato Angulo rectilineo' B . 15 Ἔστι γὰρ G , Ἔστι μὲν C .

εὐθείας ἐκκειμένης τὸ δοθὲν χωρίον πάσῃ τῇ εὐθείᾳ
 συμπαρατείνης, τότε παραβάλλειν ἐκεῖνο τὸ χωρίον
 φασίν, ὅταν μείζον δὲ ποιήσῃς τοῦ χωρίου τὸ μῆκος
 αὐτῆς τῆς εὐθείας, τότε ὑπερβάλλειν, ὅταν δὲ ἔλασσον,
 5 ὡς τοῦ χωρίου γραφέντος εἶναι τι τῆς εὐθείας ἐκτός,
 τότε ἔλλείπειν. καὶ οὕτως ἐν τῷ ἕκτῳ βιβλίῳ καὶ τῆς
 ὑπερβολῆς ὁ Εὐκλείδης μνημονεύει καὶ τῆς ἔλλεί-
 ψεως, ἐνταῦθα δὲ τῆς παραβολῆς ἐδεήθη τῷ δοθέντι
 τριγώνῳ παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἴσον ἐθέλων
 10 παραβαλεῖν [παραλληλόγραμμον?], ἵνα μὴ μόνον σύ-
 στασιν ἔχωμεν παραλληλογράμμον τῷ δοθέντι τριγώνῳ
 ἴσον, ἀλλὰ καὶ παρ' εὐθεῖαν ὠρισμένην παραβολήν·
 οἷον τριγώνου δοθέντος τὸ ἐμβαδὸν ἔχοντος δώδεκα
 ποδῶν, εὐθείας δὲ ἐκκειμένης, ἥς τὸ μῆκος ἐστὶ τετ-
 15 τάρων ποδῶν, τὸ ἴσον τῷ τριγώνῳ παρὰ τὴν εὐθεῖαν
 παραβάλλομεν, εἰ λαβόντες τὸ μῆκος ὅλων τῶν τετ-
 τάρων ποδῶν εὗρομεν, πόσων εἶναι δεῖ ποδῶν τὸ
 πλάτος, ἵνα τῷ τριγώνῳ τὸ παραλληλόγραμμον ἴσον
 γένηται. εὐρόντες γοῦν εἰ τύχοι πλάτος τριῶν ποδῶν
 20 καὶ ποιήσαντες τὸ μῆκος ἐπὶ τὸ πλάτος, τοῦτο δὲ ὀρ-
 θῆς οὔσης τῆς ἐκκειμένης γωνίας, ἔξομεν τὸ χωρίον.
 Τοιοῦτον μὲν δὴ τι τὸ παραβάλλειν ἐστὶν ἄνωθεν
 ὑπὸ τῶν Πυθαγορείων παραδεδομένον. τρία δέ
 ἐστὶν ἐν τῷ προβλήματι τούτῳ τὰ δεδομένα· εὐθεῖα,
 25 παρ' ἣν δεῖ παραβάλλειν, ὡς ὅλην αὐτοῦ τοῦ χωρίου
 γενέσθαι πλευράν, καὶ τρίγωνον, ᾧ ἴσον εἶναι δεῖ τὸ

2 συμπαρατείνεις. τότε παραβάλλειν *M*, συμπααραβα-
 λειν *G*, συμπαρατείνεις, τότε παραβάλλειν *C*. 6 ἐκλείπειν *G*.

10 παραλληλόγραμμον om. *M*, *B*, *G* (*Z*), 'Parallelogrammum'
B. Equidem scribendum esse puto τὸ ἴσον ἐθέλων παραβαλεῖν ut
 infra in linea 15 τὸ ἴσον est scriptum. 16 παραβαλλόμε-
 νον *C*. || εἰ] ἢ *M*, ἢ *G*, 'vel' *Z*, 'si' *B*. || ὅλον *C*.

παραβαλλόμενον, καὶ γωνία, ἣ ἴσην εἶναι [δεῖ] τὴν τοῦ χωρίου γωνίαν. καὶ δῆλον πάλιν ὡς ὀρθῆς μὲν οὔσης τῆς γωνίας τὸ παραβαλλόμενον ἢ τετραγώνον ἢ ἑτερόμηκες ἔσται, ὀξείας δὲ ἢ ἀμβλείας || ἢ ῥόμβος τὸ χωρίον ἢ ῥομβοειδές. ὅτι γε μὴν καὶ τὴν εὐθείαν ⁵ εἶναι δεῖ πεπερασμένην φανερόν. οὐ γὰρ δύναται παρὰ τὴν ἅπειρον. ἅμα οὖν τῷ φάναι παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν παραβαλεῖν ἐδήλωσεν ὅτι καὶ πεπεράνθαι ἀνάγκη τὴν εὐθεῖαν.

Χρηταὶ δὲ εἰς τὴν κατασκευὴν τοῦ προβλήματος ¹⁰ τούτου τῇ συστάσει τοῦ παραλληλογράμμου τοῦ ἴσου τῷ δοθέντι τριγώνῳ. οὐ γὰρ ταῦτόν παραβολὴ καὶ σύστασις, καθὼς εἰπομεν, ἀλλ' ἢ μὲν ὅλον ὑφίστησι τὸ χωρίον καὶ αὐτὸ καὶ τὰς πλευρὰς ἀπάσας, ἢ δὲ μίαν ἔχουσα πλευρὰν δεδομένην παρὰ ταύτην ὑφί- ¹⁵ στησι τὸ χωρίον, οὔτε ἐλλείπουσα κατὰ τὴν ἑκτασιν ταύτην, οὔτε ὑπερβάλλουσα, ἀλλὰ μιᾷ πλευρᾷ ταύτην χρωμένη περιεχούσῃ τὸ ἐμβαδόν. διὰ τί οὖν, φαίης ἂν, ὅτε μὲν τρίγωνα τριγώνοις ἴσα ἐδείκνυ, θεωρήμα- σιν ἐχρήτο, ὅτε δὲ τρίγωνα παραλληλογράμμοις, προ- ²⁰ βλήμασιν; ὅτι, φήσομεν, ἢ ἰσότης ὁμοειδῶν. ὄντων αὐτοφνῆς ἔστι καὶ ἐπιβλέψεως δεομένη μόνης, τῶν δὲ διὰ τὴν κατ' εἶδος ἐξαλλαγὴν ἢ ἰσότης γενέσεως δεῖ- ται καὶ μηχανῆς ὡς καθ' ἑαυτὴν οὐσα δυσεύρετος.

1 δεῖ om. M, B₂, G. 'exdediens est' Z, 'oportet' B.

13 καθὼς] καὶ ὡς M, G, 'nam sicut et' Z, 'ut' B. || ἀλλ' ἢ] ἄλλῃ M, G, 'una' Z, 'verum haec' B. 14 ἢ δὲ μίαν] μίαν δὲ M, G, 'unum vero' Z, 'illa vero' B. 16 ἑκτασιν C. 23 τῆς γενέσεως C.

Prop. XLV, probl. XIII. Τῷ δοθέντι εὐθυγράμ-
μῳ ἴσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν
τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Δύο προβλημάτων, ἐν οἷς τὴν τε σύστασιν εὗρισκε
5 καὶ τὴν παραβολὴν τῶν ἴσων τῷ δοθέντι τριγώνῳ
παραλληλογράμμων, τοῦτο καθολικώτερόν ἐστιν. εἴτε
γὰρ τρίγωνον ἢ τετράγωνον ἢ ὅλως τετράπλευρον, εἴτε
ἄλλο τι πολύπλευρον εἴη δεδομένον, διὰ τούτου τοῦ
προβλήματος ἴσον αὐτῷ παραλληλόγραμμον συστήσο-
10 μεν. πᾶν γὰρ εὐθύγραμμον, ὥς καὶ πρότερον εἴπο-
μεν, καθ' αὐτὸ εἰς τρίγωνον διαλύεται, καὶ τὴν μέθο-
δον τῆς εὐρέσεως τοῦ πλήθους τῶν τριγώνων παρα-
δεδώκαμεν. ἀναλύσαντες οὖν τὸ δοθέν εὐθύγραμμον
εἰς τρίγωνον || καὶ ἐνὶ μὲν αὐτῶν ἴσον παραλληλόγραμ-
15 μον συστήσαντες, τοῖς δὲ λοιποῖς παρὰ τὴν δοθείσαν
εὐθεῖαν ἴσα παραλληλόγραμμα λαμβάνοντες ἐκείνην,
παρ' ἣν ἐποιήσαμεν τὴν πρώτην παραβολήν, ἔξομεν
τὸ ἐκ τούτων παραλληλόγραμμον ἴσον τῷ ἐξ ἐκείνων
τῶν τριγώνων εὐθυγράμμῳ, καὶ ἔσται γεγονὸς τὸ ἐπι-
20 ταχθέν. κἂν δεκάπλευρον οὖν ἢ τὸ εὐθύγραμμον, εἰς
ὀκτώ μὲν τρίγωνα διαλύσομεν, ἐνὶ δὲ ἴσον συστήσομεν
παραλληλόγραμμον καὶ ἐπτάκις παραβάλλοντες ἴσα
τοῖς λοιποῖς ἔξομεν τὸ ζητούμενον.

Ἐκ τούτου δὲ οἶμαι τοῦ προβλήματος ἐπα|χθέν-
25 τες οἱ παλαιοὶ καὶ τὸν τοῦ κύκλου τετραγωνισμόν
ἐξήτησαν. εἰ γὰρ παραλληλόγραμμον ἴσον εὗρίσκεται

1 M in margine $\overline{\mu\epsilon}$ πρβ. 14 ἴσων M, G. 15 συστή-
σασθαι M, G. 19 εὐθυγράμμων M, G. || ἔστω M, C.
21 διαλύσομεν M, G.

παντὶ εὐθυγράμμῳ, ζητήσεως ἄξιον, μὴ καὶ τὰ εὐθύ-
 γραμμά τοις περιφερογράμμοις ἴσα δεικνύναι δυνατόν.
 καὶ ὁ Ἀρχιμήδης ἐδειξεν, ὅτι πᾶς κύκλος ἴσος ἐστὶ
 τριγώνῳ ὀρθογωνίῳ, οὗ ἡ μὲν ἐκ κέντρου ἴση ἐστὶν
 μὲν τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἡ δὲ περίμετρος τῇ βάσει. 5
 ἀλλὰ ταῦτα ἐν ἄλλοις· ἐπὶ δὲ τὰ ἐξῆς ἴωμεν.

Prop. XLVI, probl. XIII. Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐ-
 θείας τετράγωνον ἀναγράψαι.

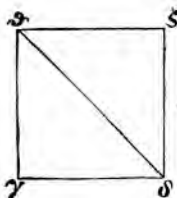
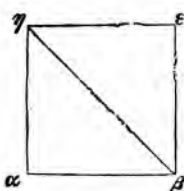
Λέγεται μὲν τοῦ προβλήματος τούτου διαφερόντως
 εἰς τὴν τοῦ ἐφεξῆς θεωρήματος κατασκευὴν, εἰκεν 10
 δὲ τῶν δύο γενέσεις ἐθελῆσαι παραδοῦναι τῶν ἐν
 εὐθυγράμμῳ ἀρίστων, ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ τετρα-
 γώνου· διότι δὴ καὶ πρὸς τὴν σύστασιν τῶν κοσμι-
 κῶν σχημάτων καὶ μάλιστα τῶν τετάρων, ὧν καὶ
 γενέσεις ἐστὶ καὶ ἀνάλυσις, τούτων χρεῖα τῶν εὐθυ- 15
 γράμμων. τὸ μὲν γὰρ εἰκοσάεδρον καὶ ὀκτάεδρον καὶ
 ἡ πυραμὶς ἐκ τῶν ἰσοπλέων σύγκειται τριγώνων, ||
 ὁ δὲ κύβος ἐκ τῶν τετραγώνων. διό μοι δοκεῖ προ-
 ηγουμένως τὸ μὲν συστήσασθαι, τὸ δὲ ἀναγρά-
 ψαι. πρόποντα γὰρ δὴ ταῦτα τὰ ὀνόματα ἀνεῦρεν 20
 τοῖςδε τοῖς σχήμασι. τὸ μὲν γὰρ ὡς ἐκ πολλῶν συγ-
 κροτούμενον συστάσεως δέχεται, τὸ δὲ ὡς ἀπὸ μιᾶς
 πλευρᾶς ἀπογεννώμενον ἀναγραφῆς. οὐ γάρ, ὥσπερ
 τὸ τετράγωνον ἔχομεν πολλαπλασιάσαντες τὸν τῆς δο-
 θείσης εὐθείας ἀριθμὸν ἐφ' ἑαυτόν, οὕτως καὶ τὸ 25

3 ἐστὶν ἴσος *H*, p. 265. 6 δὲ om. *G*, add. *C*. 7 *M* in
 margine *μ*. 10 ἐξῆς *G*, ἐφεξῆς *C*. 12 ἀρίστων *G*.
 18 ὁ δὲ κύβος ἐκ τῶν τετραγώνων om. *G*, add. *C*. || προηγου-
 μένος *C*. 25 οὕτως *C*.

τρίγωνον, [ἀλλ'] ἀλλαχόθεν ἐπιζεύξαντες ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς εὐθείας συγκροτοῦμεν ἐκ τούτων ἐν ἰσοπλευρον τρίγωνον, καὶ ἡ τῶν κύκλων καταγραφὴ συντελεῖ πρὸς τὸ ἀνευρεῖν ἐκεῖνο τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ δεῖ
 5 τὰς εὐθείας εἰς τὰ πέρατα τῆς ἐκκειμένης εὐθείας ἐπιζεύξαι.

Ταῦτα μὲν οὖν δῆλα· δεικτέον δὲ ὅτι τῶν εὐθειῶν ἴσων, ἀφ' ὧν ἀναγράφεται τὰ τετράγωνα, καὶ αὐτὰ ἴσα ἐστίν. ἔστωσαν γὰρ ἴσαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$, καὶ ἀπὸ μὲν

10



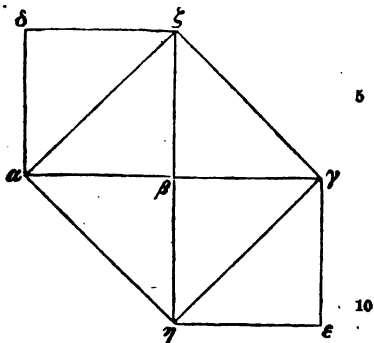
15

τῆς $\overline{αβ}$ ἀναγεγραμμένου τοῦ $\overline{αβεη}$, ἀπὸ δὲ τῆς $\overline{γδ}$ τοῦ $\overline{γδθζ}$, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{ηβ}$ $\overline{θδ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ

$\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ ἴσαι καὶ αἱ $\overline{αη}$ $\overline{γθ}$ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι, καὶ ἡ $\overline{ηβ}$ $\overline{τῇ θδ}$ ἴση καὶ τὸ $\overline{αβη}$ τρίγωνον $\overline{τῷ γδθ}$ τριγώνῳ, καὶ τὰ διπλάσια αὐτῶν. τὸ ἄρα $\overline{αε}$ $\overline{τῷ γζ}$ ἴσον. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸ ἀντιστρέφον ἀληθές. εἰ γὰρ
 20 τὰ τετράγωνα ἴσα, καὶ αἱ εὐθεῖαι, ἀφ' ὧν ἀναγράφονται, ἴσαι ἔσονται. ἔστω γὰρ τετράγωνα ἴσα τὰ $\overline{αζ}$ $\overline{γη}$, καὶ κείσθω ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $\overline{αβ}$ $\overline{τῇ βγ}$. ὁρθῶν ἄρα οὐσῶν τῶν γωνιῶν ἐπ' εὐθείας καὶ ἡ $\overline{ζβ}$

1 ἀλλ' om. M, G (Z), 'sed . . . aliunde' B. 7 δὲ
 ὅτι] ἀντὶ M, C, ὅτε ἀντὶ G, 'vero . . . quod' Z, 'autem
 quod' B.

τῇ $\overline{\beta\eta}$ ἐστίν. ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\xi\gamma}$ $\overline{\alpha\eta}$. ἐπεὶ οὖν ἴσον
τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ τετράγωνον τῷ $\overline{\gamma\eta}$ καὶ τὸ $\overline{\alpha\zeta\beta}$ τρίγωνον ἴσον
τῷ τριγώνῳ τῷ $\overline{\gamma\beta\eta}$. κοινὸν προσκείσθω τὸ
 $\overline{\beta\gamma\zeta}$. || ὅλον ἄρα τὸ
 $\overline{\alpha\gamma\zeta}$ ἴσον τῷ $\overline{\gamma\zeta\eta}$, παρ-
άλληλος ἄρα ἡ $\overline{\alpha\eta}$ τῇ
 $\overline{\xi\gamma}$. πάλιν ἐπεὶ ἡμι-
σειάς ὀρθῆς ἢ τε ὑπὸ
 $\overline{\alpha\zeta\eta}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\eta\beta}$,
παράλληλος ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ τῇ



$\overline{\gamma\eta}$. ἴση ἄρα ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\eta}$, παραλληλογράμμου γὰρ
εἰσιν ἀπεναντίον. ἐπεὶ οὖν δύο τρίγωνά ἐστιν τὰ $\overline{\alpha\beta\zeta}$
 $\overline{\beta\gamma\eta}$ τὰς ἐναλλὰξ ἔχοντα γωνίας ἴσας, παραλλήλων
οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\gamma\eta}$, καὶ μίαν πλευρὰν τὴν $\overline{\alpha\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\eta}$,¹⁵
ἴση ἐστὶ καὶ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\beta\zeta}$ τῇ $\overline{\beta\eta}$. δέδεικται
ἄρα ὅτι καὶ αἱ πλευραί, ἀφ' ὧν ἀναγέγραπται τὰ $\overline{\alpha\zeta}$
 $\overline{\gamma\eta}$ τετράγωνα, ἴσαι εἶσιν ἐκείνων ἴσων ὄντων.

4 τῷ $\overline{\beta\gamma\zeta}$ M, C. 8 πάλιν ἐπὶ M, G.

Prop. XLVII, theor. XXXIII. 'Εν τοῖς ὀρθογώνιοις Δ τὸ ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετράγωνον ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν πλευρῶν τετραγώνοις.

Τῶν μὲν ἱστορεῖν τὰ ἀρχαῖα βουλομένων ἀκούον-
τας τὸ θεώρημα τοῦτο εἰς Πυθαγόραν ἀναπεμπόν-
των ἐστὶν εὐρεῖν καὶ βουθύτην λεγόντων αὐτὸν ἐπὶ
τῇ εὐρέσει. ἐγὼ δὲ θαυμάζω μὲν καὶ τοὺς πρώτους
10 ἐπιστάοντας τῇ τοῦδε τοῦ θεωρήματος ἀληθείᾳ, μειζό-
νως δὲ ἄγαμαι τὸν στοιχειωτὴν, οὐ μόνον ὅτι δι' ἀπο-
δείξεως ἐναργεστάτης τοῦτο κατεδήσατο, ἀλλ' ὅτι καὶ
τὸ καθολικώτερον αὐτοῦ τοῖς ἀνελέγκτοις λόγοις τῆς
ἐπιστήμης ἐπέσειεν ἐν τῷ ἕκτῳ βιβλίῳ, δεικνύσει γὰρ
15 ἐν ἐκείνῳ καθολικῶς ὅτι ἐν τοῖς ὀρθογώνιοις τριγώ-
νοις τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσας τὴν ὀρθὴν γωνίαν
[εἶδος ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν]
εἶδεδεν τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένοις.
πᾶν μὲν γὰρ τετράγωνον ὁμοίον ἐστὶ τετραγώνῳ παντί,
20 οὐ πάντα δὲ τὰ ὅμοια ἀλλήλοις εὐθύγραμμα τετρά-
γωνά ἐστιν, καὶ γὰρ ἐν τριγώνοις καὶ ἐν ἄλλοις ἐστὶ
πολυγώνοις || ὁμοιότης. ὁ τοίνυν ἀποδεικνύς λόγος
τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσας τὴν ὀρθὴν εἶδος, ἢ τετρα-
γωνικὸν εἶτε ἄλλο ὅποιονοῦν, ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ
25 τὴν ὀρθὴν τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμέ-

1 M in margine $\mu\zeta$. 2 $\bar{\Delta}$ om. G. 3—5 'circa rectum Angulum iacentibus' et in margine 'rectum Angulum comprehendentibus' B. 6 ἀκούοντες M, G. 8 βουθύτην G, βου-
θύτην C. 17 εἶδος ... γωνίαν om. M, B₃, G; Z et B quae
necessaria sunt addunt. 19 μὲν om. G, add. C.

νοις εἶδαι καθολικώτερον δεικνύσι καὶ ἐπιστημονικώτερον τοῦ τὸ τετράγωνον μόνον ἴσον τοῖς τετραγώνοις ἀποφαίνοντος. ἐνταῦθα γὰρ καὶ ἡ αἰτία φανερά γίνεται τοῦ καθολικοῦ δειχθέντος, ὅτι ἡ ὀρθότης τῆς γωνίας τὴν ἰσότητα παρέχεται τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσ⁵ σης αὐτὴν εἶδει πρὸς πάντα τὰ ἀπὸ τῶν περιεχουσῶν αὐτὴν τὰ ὅμοια καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα, ὥσπερ ἡ μὲν ἀμβλύτης ὑπεροχῆς, ἡ δὲ ὀξύτης τῆς ἐλαττώσεως.

Ὅπως μὲν οὖν δεικνύνται τὸ ἐν τῷ ἔκτῳ θεωρήματι, ἐν ἐκείνοις ἔσται δῆλον, ὅπως δὲ τὸ προκείμενον¹⁰ ἀληθές, νυνὶ σκοπῶμεν, τοσοῦτον προσθέντες, οὐκ ἐνταῦθα τὸ καθολικὸν δεικνύναι μηδὲν διδάξαντα περὶ ὁμοιότητος εὐθυγράμμων σχημάτων, μηδὲ ὅλως περὶ ἀναλογίας ἐνδειξάμενον. πολλὰ γοῦν τῶν ἐνταῦθα μερικώτερον (?) νῶ δέδεικται καθολικώτερον διὰ τῆς¹⁵ τοιαύτης μεθόδου. δεικνύσι δὲ οὖν ὁ στοιχειωτὴς ἐν τούτοις ἀπὸ τῆς περὶ τῶν παραλληλογράμμων κοινῆς θεωρίας τὸ ζητούμενον. διττῶν δὲ ὄντων τῶν ὀρθογωνίων τριγώνων, τῶν μὲν ἰσοσκελῶν, τῶν δὲ σκαληνῶν, ἐν μὲν τοῖς ἰσοσκελέσιν οὐκ ἂν ποτε εὗροιμεν²⁰ ἀριθμοὺς ἐφαρμόσαι ταῖς πλευραῖς. οὐ γάρ ἐστι τετράγωνος ἀριθμὸς τετραγώνου διπλασίου, εἰ μὴ λέγοι τις τὸν συνεγγυς. ὁ γὰρ ἀπὸ τοῦ ζ τοῦ ἀπὸ τοῦ ε διπλασιός ἐστίν α δέοντος. ἐν δὲ τοῖς σκαληνοῖς δυνατὸν λαβεῖν ἐναργῶς ἡμῖν δεικνύνται τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσ²⁵ σης τὴν ὀρθὴν ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθήν.

2 τοῦ τὸ] τοῦτο M, G. 3 φανερά γίνεται] 'manifesta fit' et in margine 'ostenditur' B. 15 Excidit fortasse δε-
δειγμένων post μερικώτερον. 'quae intellectui particularius
patent' Z. || νῶ] 'in illo' et in margine 'nobis' B. B₂ = M, G.
21 τὰς πλευράς C.

τοιούτων γὰρ ἐστὶ τὸ ἐν πολιτεία τρίγωνον, οὗ τὴν
 ὀρθὴν περιέχουσιν ὅ τε τρία καὶ ὁ τέσσαρα. ὑποτείνει
 δὲ αὐτὴν ὁ ε. τὸ γοῦν ἀπὸ τοῦ ε̄ τετράγωνον ἴσον
 ἐστὶ τοῖς ἀπ' ἐκείνων. τοῦτο μὲν γὰρ ἐστὶν εἰκοσι
 5 πέντε, τὰ ἀπ' ἐκείνων δὲ τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ γ̄ θ, τὸ δὲ
 ἀπὸ τοῦ δ̄ ἐκκαίδεκα.

Σαφές οὖν τὸ λεγόμενον ἐπὶ τῶν ἀριθμῶν· παρα-
 δέδονται δὲ καὶ μέθοδοι τινες τῆς εὐρέσεως τῶν τοι-
 ούτων τριγώνων, ὧν τὴν μὲν εἰς Πλάτωνα ἀναπέμ-
 10 πουςι, τὴν δὲ εἰς Πυθαγόραν. [καὶ ἡ μὲν Πυθαγο-
 ρικὴ] ἀπὸ τῶν περιττῶν ἐστὶν ἀριθμῶν. τίθησι γὰρ
 τὸν δοθέντα περιττὸν ὡς ἐλάσσονα τῶν περὶ τὴν ὀρ-
 θήν, καὶ λαβοῦσα τὸν ἀπ' αὐτοῦ τετράγωνον || καὶ
 τούτου μονάδα ἀφελούσα τοῦ λοιποῦ τὸ ἥμισυ τί-
 15 θησι τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν τὸν μείζονα· προσθεῖσα δὲ
 καὶ τοῖτ' μονάδα τὴν λοιπὴν ποιεῖ τὴν ὑποτείνουσιν·
 οἶον τὸν τρία λαβοῦσα καὶ τετραγωνίσασα καὶ ἀφε-
 λούσα τοῦ ἐννέα μονάδα τοῦ ἡ λαμβάνει τὸ ἥμισυ
 τὸν δ, καὶ τούτῳ προστίθῃσι πάλιν μονάδα καὶ ποιεῖ
 20 τὸν ε, καὶ εὗρηται τρίγωνον ὀρθογώνιον ἔχον τὴν
 μὲν τριῶν, τὴν δὲ τεσσάρων, τὴν δὲ πέντε. ἡ δὲ Πλα-
 τωνικὴ ἀπὸ τῶν ἀρτίων ἐπιχειρεῖ. λαβοῦσα γὰρ τὸν
 δοθέντα ἄρτιον τίθησιν αὐτὸν ὡς μίαν πλευρὰν τῶν
 περὶ τὴν ὀρθήν, καὶ τοῦτον διελοῦσα δίχα καὶ τετρα-
 25 γωνίσασα τὸ ἥμισυ, μονάδα μὲν τῷ τετραγώνῳ προσ-

5 ἐκείνου C. 10 καὶ ἡ μὲν Πυθαγορικὴ om. M, ἡ G,
 ἡ N. p. 150, 'Pythagorica enim quae' Z, 'quippe quae' B.
 13 ἐπ' αὐτοῦ G, ἀπ' αὐτοῦ C. 14 τὸν ἥμισυ G. || συν-
 τίθησι C. 15 προσθεῖσα M. 18 μονάδος C. || τὸν ἥμισυ C.
 19 προστίθῃσι M, G. 23 αὐτῶν M, G, αὐτὸν C.
 24 διεχοῦσα G, διελοῦσα C. || τετραγωνίας M, G.

θεῖσα ποιεῖ τὴν ὑποτείνουσαν, μονάδα δὲ ἀφελούσα τοῦ τετραγώνου ποιεῖ τὴν ἑτέραν τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν οἶον τὸν τέσσαρα λαβοῦσα καὶ τοῦτου τὸ ἥμισυ τὸν β τετραγωνίσασα καὶ ποιήσῃσα αὐτὸν δ. ἀφελούσα μὲν μονάδα ποιεῖ τὸν γ, προσθεῖσα δὲ ποιεῖ ⁵ τὸν ε, καὶ ἔχει τὸ αὐτὸ γεγόμενον τρίγωνον, ὃ καὶ ἐκ τῆς ἑτέρας ἀποτελεῖτο μεθόδου. τὸ γὰρ ἀπὸ τοῦτου ἴσον τῷ ἀπὸ τοῦ γ καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ δ συντεθείσιν.

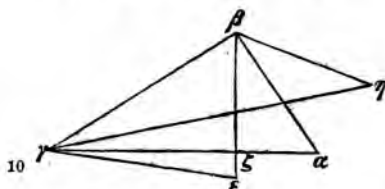
Ταῦτα μὲν οὖν ἔξωθεν προσιστορήσθω τῆς δὲ τοῦ στοιχειωτοῦ ἀποδείξεως οὗσης φανεράς οὐδὲν ¹⁰ ἡγοῦμαι δεῖν προσθεῖναι περιττόν, ἀλλὰ ἀρκεῖσθαι τοῖς γεγραμμένοις, ἐπεὶ καὶ ὅσοι προσέθεσάν τι πλεόν, ὥς οἱ περὶ Ἡρώνα καὶ Πάππου ἠναγκάσθησαν προσλαβεῖν τι τῶν ἐν τῷ ἕκτῳ δεδειγμένων, οὐδενὸς ἔνεκα πραγματειώδους. ἐπὶ τὰ ἐξῆς οὖν μετῴμεν ¹⁵ ἡμεῖς.

Prop. XLVIII, theor. XXXIII. Ἐὰν τριγώνου τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγωνον ἴσον ᾗ τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν ²⁰ λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν ὀρθὴ ἐστίν.

Ἀντιστρέφει μὲν τοῦτο τῷ πρὸ αὐτοῦ θεωρήματι καὶ ὅλον πρὸς ὅλον ἀντιστρέφει. εἰ γὰρ ὀρθογώνιον, τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσας ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν,

1 ἀφελῶν M, G. 3 τὸν ἥμισυ M, G, τὸ ἥμισυ C.
8 συντεθῇσιν M, συντεθῇσι G; Z omisit hoc verbum, B 'compositis' et in margine 'Compositis'. 12 ἐπεὶ δὲ ὅσοι προσέθεσαν τι A, p. 308.

καὶ εἰ τὸ ἀπὸ ταύτης \parallel ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν,
 ὀρθογώνιον ἐστὶ τὸ τρίγωνον ὀρθὴν ἔχον τὴν ὑπὸ
 τῶν λοιπῶν περιεχομένην. καὶ ἡ μὲν ἀπόδειξις τοῦ
 στοιχειωτοῦ φανερά· ὄντος δὲ τριγώνου τοῦ $\overline{αβγ}$ καὶ
 5 ἔχοντος τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$,
 ἀγομένης ἐπ' αὐτοῦ



[τῆς?] τῇ $\overline{βγ}$ πρὸς
 ὀρθὰς ἀπὸ τοῦ $\overline{β}$ ση-
 μεῖον, ἐὰν λέγῃ τις
 ὅτι ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη
 τὴν πρὸς ὀρθὰς ἄγειν

δεῖ καὶ μὴ ἐφ' ἧ ὁ στοιχειωτῆς ἤγαγεν, ἐροῦμεν ὅτι
 ἀδύνατος ὁ λόγος οὔτε γὰρ ἐντὸς τοῦ τριγώνου πί-
 πτειν αὐτὸν δυνατόν, οὔτε ἐκτός, ἀλλ' αὐτὴ ἐστὶν ἡ
 15 $\overline{αβ}$. εἰ γὰρ δυνατόν, πιπτέτω ὡς ἡ $\overline{βε}$. ἐπεὶ οὖν
 ὀρθὴ ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{εβγ}$, ὁξεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{γξβ}$,
 ὥστε ἡ λοιπὴ ἀμβλεῖα, ἡ ὑπὸ $\overline{αξβ}$. μείζων ἄρα ἡ $\overline{αβ}$
 τῆς $\overline{βξ}$. κείσθω οὖν τῇ $\overline{αβ}$ ἴση ἡ $\overline{βε}$, καὶ ἐπεξεύχθω
 ἡ $\overline{εγ}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $\overline{εβγ}$, τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{εγ}$ ἴσον
 20 τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{εβ}$ $\overline{βγ}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{εβ}$ τῇ $\overline{βα}$ ἐστὶν ἴση, τὸ
 ἄρα ἀπὸ τῆς $\overline{εγ}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$. τοῖς δὲ
 αὐτοῖς ἴσον ἦν καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$. ἴσον ἄρα τὸ ἀπὸ
 τῆς $\overline{εγ}$ τῷ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$, καὶ ἡ $\overline{εγ}$ ἄρα ἴση τῇ $\overline{αγ}$. ἦν
 δὲ καὶ ἡ $\overline{εβ}$ ἴση τῇ $\overline{αβ}$. αἱ ἄρα $\overline{βε}$ $\overline{εγ}$ δύο ταῖς $\overline{βα}$

$\overline{αγ}$ ἴσαι συνέστησαν ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ ἑκατέρω ἑκατέρω, ὅπερ
 ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἐντὸς πε|σεῖται ἡ πρὸς ὀρθάς.
 ἀλλὰ μὲν οὐδὲ ἐκτὸς ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τῆς $\overline{αβ}$. εἰ
 γὰρ δυνατόν, πιπτέτω ὡς ἡ $\overline{βγ}$, καὶ ἴση ἔστω τῇ $\overline{αβ}$
 ἡ $\overline{βγ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{γδ}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ 5
 $\overline{ηβγ}$ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{ηγ}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{βγ}$ $\overline{βγ}$. [ἀλλὰ
 ἡ $\overline{ηβ}$ τῇ $\overline{βα}$ ἐστὶν ἴση, τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\overline{ηγ}$ ἴσον τοῖς
 ἀπὸ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$.] ἦν δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$ ἴσον τοῖς
 ἀπὸ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$. || ἴση ἄρα ἡ $\overline{ηγ}$ τῇ $\overline{αγ}$, ἀλλὰ καὶ ἡ
 $\overline{ηβ}$ τῇ $\overline{βα}$ ἐπὶ μιᾷ εὐθείᾳ τῆς $\overline{βγ}$, ὅπερ ἀδύνατον. 10
 οὔτε ἄρα ἐντὸς, οὔτε ἐκτὸς πεσεῖται ἡ ἀγομένη πρὸς
 ὀρθάς ἀπὸ τοῦ $\overline{β}$ σημείου τῇ $\overline{βγ}$. ἐπ' αὐτῆς ἄρα
 πεσεῖται τῆς $\overline{αβ}$, ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{αβγ}$. λέλνται
 ἄρα ἡ ἑνστασις.

Τὸ μὲν οὖν πρῶτον βιβλίον ἄχρι τούτων ὁ στοι- 15
 χιωτὴς συνεπλήρωσεν, πολλὰ μὲν ἀντιστροφῶν εἶδη
 παραδούς — καὶ γὰρ ὅλα πολλάκις ἀντίστρεψεν πρὸς
 ὅλα καὶ ὅλα πρὸς μέρη καὶ μέρη πρὸς μέρη θεωρημά-
 των — πολλὴν δὲ ποικιλίαν προβλημάτων ἐπινοήσας
 — καὶ γὰρ εὐθειῶν τομὰς καὶ γωνιῶν, καὶ θέσεις 20
 καὶ συστάσεις καὶ παραβολὰς παραδέδωκεν — ἐφαψά-
 μενος δὲ καὶ τοῦ παραδόξου λεγομένου τόπου τῶν
 μαθημάτων, καὶ τῶν τοπικῶν αὐτῶν θεωρημάτων

4 Post τῇ $\overline{αβ}$ ἡ $\overline{βγ}$ addunt M et G ἴση ἡ $\overline{β}$ καὶ ἴση.

6—8 ἀλλὰ ἡ $\overline{ηβ}$. . . $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$ om. M, B₂, G (Z) et B, qui tamen
 sequenti sententiae addit 'aequalis vero est ab ipsi gb'.

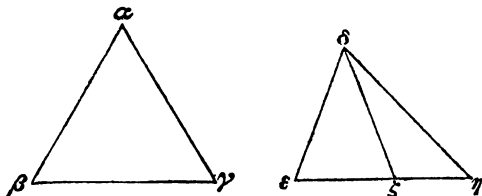
8 δὲ om. B₂. 16 ἡδη C. 21 καὶ παραβολὰς om. G, add. C.
 22 τοῦ λεγομένου C.

ἱκανῶς ἡμᾶς ἀναμνήσας, τῶν τε καθολικῶν καὶ τῶν
 ἐπὶ μέρους τὴν στοιχείωσιν ἐκφήνας, καὶ τῶν ἀδιορί-
 στων καὶ διωρισμένων προβλημάτων τὴν διαφορὰν
 ἐνδειξάμενος — ἃ δὴ πάντα καὶ ἡμεῖς αὐτῷ συνεπό-
 5 μνοι διηρθρώσαμεν — ὅλον δὲ τὸ βιβλίον εἰς ἓνα
 σκοπὸν ἀνενεγκῶν τὴν στοιχείωσιν τῆς περὶ τῶν
 ἀπλουσιῶν εὐθυγράμμων θεωρίας, καὶ τὰς τε συ-
 στασεις αὐτῶν ἐξευρῶν καὶ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα
 αὐτοῖς ἀνασκεψάμενος. ἡμεῖς δέ, εἰ μὲν δυνηθείμεν
 10 καὶ τοῖς λοιποῖς τὸν αὐτὸν τρόπον ἐξελθεῖν, τοῖς θεοῖς
 ἂν χάριν ὁμολογήσαιμεν, εἰ δὲ ἄλλαι φροντίδες ἡμᾶς
 περισπάσαιεν, τοὺς φιλοθεάμονας τῆς θεωρίας ταύτης
 ἀξιοῦμεν κατὰ τὴν αὐτὴν μέθοδον καὶ τῶν ἐξῆς ποι-
 ῆσασθαι βιβλίων τὴν ἐξήγησιν τὸ πραγματειῶδες
 15 πανταχοῦ καὶ εὐδιαίρετον μεταδιώκοντας, ὥς τὰ γε
 φερόμενά νῦν ὑπομνήματα πολλὴν καὶ παντοδαπὴν
 ἔχει τὴν σύγχυσιν αἰτίας ἀπόδοσιν οὐδεμίαν συν-
 εισφέροντα οὐδὲ κρίσιν διαλεκτικὴν οὐδὲ θεωρίαν
 φιλόσοφον.

2 ἐκφῆναι *M*, *G*. 5 διορθώσαμεν *C*. 10 τρόπον
 om. *G*, add. *C*. 19 *G* addit in fine: Τέλος Πρόκλου εἰς τὸ
 αὐτὸ Εὐκλείδου βιβλ.

ΣΧΟΛΙΟΝ ΕΙΣ ΤΟ $\overline{\kappa\delta}$ ΘΕΩΡΗΜΑ.

Εἰ δὲ τὸ ἐμοὶ δοκοῦν ἀποφήνασθαι, ἐσφαλταὶ ὁ φιλόσοφος. οὐ γὰρ δυνατόν ἐπ' αὐτῆς τῆς ὑποτείνουσας τὴν ὕστερον ἐκβληθεῖσαν εὐθείαν πεσεῖν, ἀλλ' ἐξ ἀνάγκης ἀνωτέρω πεσεῖται καθάπερ καὶ ὁ στοιχειωτῆς ἐχρήσατο. Ὅπερ δὲ ἐλέγομεν, δεῖξομεν οὕτως. ἔστω



δύο $\overline{\Delta}$ ἰσοσκελεῖ τὰ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ τὰς δύο πλευρὰς τὰς $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ταῖς δύο ταῖς $\overline{\epsilon\delta}$ $\overline{\delta\zeta}$ ἴσας ἔχοντα, καὶ γωνία ἡ

1 Vide supra pag. 344 lin. 25. || Ἀδήλου σχόλιον εἰς τὸ $\overline{\kappa\delta}$ ($\overline{\kappa\alpha}$ C) θεώρημα Εὐκλείδου στοιχείου πρώτου G. M tamquam initium facit libri quarti: πρόκλοις ληκίος πλάτωνικοῦ ἀλαδόχου εἰς τὸ πρῶτον ἐκκλείδου στοιχείων. et in margine λ' δ. Eadem manu, qua Procli opus, etiam hoc scholium est scriptum. || G in margine: Hoc scholion adiecimus in exemplari quodam veteri repertum. 5 ὥσπερ G, ὅπερ C. 6 $\overline{\Delta}$ om. G.

Proclus.

πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$ γωνίας τῆς πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ μείζων ἔστω. οὐκοῦν
 θετέον ἴσην αὐτῇ γωνίαν τὴν ὑπὸ $\epsilon\delta\eta$, καὶ ἐκβλη-
 θείσα ἡ $\bar{\delta}\eta$ ἔστω ἴση τῇ $\bar{\epsilon}\delta$. ἐὰν δὲ βουλώμεθα ἐπι-
 ζεῦξαι τὴν $\bar{\epsilon}\eta$, οὐ δυνατόν ταύτην τὴν ἐπιξευγνῦσαν
 5 ἐπ' εὐθείας εἶναι τῇ $\bar{\epsilon}\zeta$. εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω αὐτῇ
 ἐπ' εὐθείας, τουτέστιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας πιπτέτω
 ἡ $\bar{\epsilon}\eta$, καθάπερ φαίνεται χρησάμενος ὁ Πρόκλος ἐν
 τῇ δευτέρᾳ αὐτοῦ ὑποθέσει. ἐπεὶ οὖν ἰσοσκελῇ ὑπό-
 κειται τὰ $\bar{\Delta}$, ἴση ἂν εἴη ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ γωνία τῇ πρὸς
 10 τῷ $\bar{\eta}$. ἀλλὰ μὴν καὶ τῇ ὑπὸ $\bar{\delta}\zeta\epsilon$ ἔστιν ἴση, καὶ ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ ἄρα ἴση ἔστιν τῇ ὑπὸ $\bar{\delta}\zeta\epsilon$ γωνία. || τὰ γὰρ
 τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἔστιν ἴσα. εἰ δὲ τοῦτο ἀλη-
 θές, ἔσται τοῦ $\bar{\delta}\zeta\eta\delta$ ἡ ἐκτὸς γωνία τῇ ἐντὸς καὶ
 ἀπεναντίον ἴση, ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυ-
 15 νατὸν ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $\bar{\epsilon}\eta$ εὐθείαν τῇ $\bar{\epsilon}\zeta$. εἰ δὲ
 τοῦτο οὐκ ἐνδέχεται, πολλῷ μᾶλλον οὐδὲ ἐκτὸς πεσεῖ-
 ται· ἐντὸς ἄρα. οὐκ ἄρα ὀρθῶς εἰρηκεν ὁ φιλόσοφος.
 Καὶ ἄλλως δὲ τοῦτο δείξομεν ἀδύνατον ἐπὶ τῆς
 αὐτῆς καταγραφῆς. ἐπεὶ γὰρ ἴση ὑπόκειται ἡ $\bar{\delta}\epsilon$ τῇ
 20 $\bar{\delta}\zeta$ καὶ τῇ $\bar{\delta}\eta$, καὶ ἡ $\bar{\delta}\zeta$ ἄρα τῇ $\bar{\delta}\eta$ ἴση ἂν εἴη, ὥστε
 ἰσοσκελῇ εἶναι τὰ $\bar{\tau\rho\iota\alpha}$ τρίγωνα, ἥγουν τὸ $\bar{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ τὸ
 $\bar{\delta\zeta\eta}$ καὶ ἔτι τὸ $\bar{\delta\epsilon\eta}$. ἴσαι γὰρ εἰδείχθησαν ἀλλήλαις

1 πρὸς τὸ $\bar{\alpha}$ M, G. || πρὸς τὸ $\bar{\delta}$ M, G. || μείζων M, G.

8 βουλώμεθα M, G. 9 $\bar{\Delta}$] δύο G. || πρὸς τὸ $\bar{\epsilon}$ M, G, corr. C. ||
 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ M, G, corr. C. 11 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ G, corr. C.

19 αὐτῆς om. G, add. C.

αἱ τρεῖς πλευραί. οὐκοῦν καὶ αἱ πρὸς ταῖς βάσειςιν
 αὐτῶν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις πεσοῦνται, τουτέστιν ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ τῇ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ καὶ ἔτι τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$, καὶ ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\eta}$. αἱ τέσσαρες ἄρα γωνίαι ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν κατὰ μίαν, ὥστε καὶ δύο αὐτῶν τοῖς ϵ
 λοιποῖς δύο ἴσαι ἔσονται. ἔστωσαν αἱ πρὸς τοῖς $\bar{\epsilon}$ καὶ
 $\bar{\eta}$ δύο ταῖς ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ $\bar{\delta\zeta\eta}$ δυσὶν ἴσαι, ὅπερ συναμφο-
 τεραι συναμφοτέραις. αἱ δὲ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ $\bar{\delta\zeta\eta}$ δύο ὀρθαῖς
 ἴσαι εἰσὶν, εἴπερ εὐθεία ἡ $\bar{\delta\zeta}$ ἐπ' εὐθείαν τὴν $\bar{\epsilon\eta}$ ἐφ-
 ἔστηκεν, ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ $\bar{\delta\epsilon\zeta}$ $\bar{\delta\eta\zeta}$ γωνίαι δυσὶν ὀρ- 10
 θαῖς ἴσαι εἰσὶν. εἰ δὲ τοῦτο ἀληθές, ἀνήρηται τὸ ιζ
 Θεώρημα. ἀλλὰ μὴν ἐκεῖνο ἀληθές, ἀδύνατον ἄρα
 τοῦτο. οὐκ ἄρα ἡ ἐκβαλλομένη | εὐθεῖα ἡ $\bar{\delta\eta}$ ἐπὶ
 τῆς αὐτῆς εὐθείας ἐπιζευχθήσεται τῆς $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ δὲ τοῦτο
 οὐχ οἷόν τε, πολλῶ μᾶλλον, ὥς εἴρηται, οὐδὲ ἐκτός. 15
 μείζον γὰρ τούτου ἐπ' ἐκείνου τὸ συμβαῖνον ἄτοπον.
 φητέον οὖν ὑπὲρ τοῦ φιλοσόφου ὅτι πρὸς εἰσαγομέ-
 νους διαλεγόμενος οὐ πάνυ ἐμμελῶς ἐξέθετο, ἢ γυμνα-
 σίας χάριν τῶν εὐφυῶς διακειμένων καὶ προθυμο-
 ποιίας, ἢ καὶ ἴσως ἐπελάθετο, καὶ οὐδὲν θαυμαστόν. 20

Καὶ ἄλλως· ἐπεὶ γὰρ ἐδείχθησαν αἱ τέσσαρες γω-
 γίαι ἴσαι ἀλλήλαις κατὰ μίαν, τουτέστιν ἡ τε ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$
 καὶ ἡ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\eta}$ καὶ ἔτι ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$,
 ὅταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς
 γωνίας ἴσας ποιῇ, ὀρθὴ ἔστιν ἐκατέρα, ὥστε ὀρθὴ ἂν 25

3. 4 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ ambobus locis M, G, corr. C. 5 τῶν λοι-
 πῶν M, G. 23 ἡ ante πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ om. M, G.

εἴη ἑκατέρω τῶν ὑπὸ $\overline{\delta\zeta\epsilon\delta\zeta\eta}$. εἰ δὲ τοῦτο, καὶ ἡ
 πρὸς [τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς] τῷ $\bar{\eta}$ ὀρθαὶ ἂν εἴεν. εἰ δὲ
 τοῦτο, ἀνῆρηται πάλιν τὸ $\iota\zeta$ θεώρημα. παντὸς γάρ
 φησιν τριγώνου αἱ δύο γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἐλάσσονες
 5 εἰσιν· ἡ δὲ ὑπόθεσις ἡμῶν δείκνυσιν αὐτὰς δύο ὀρ-
 θαῖς ἴσας· ὅπερ ἄτοπον.

1 $\overline{\delta\zeta\eta}$ om. G, add. C. 2 τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς om. M, G. ||
 τὸ $\bar{\eta}$ G, τῷ $\bar{\eta}$ C. || ὀρθὴ ἂν εἴη G.

Addenda.

- P. 1.
 16, 23. Ante ἀριθμῶν videtur addendum φαινόμενων quod
 legitur 17, 10.
 23, 9. Pro λειότητος conieceris *ισότητος* esse scribendum,
 29, 18. ἐν πολιτείᾳ] VII, 533, C.
 42, 20. Post λέγω omisum esse putes καὶ τὴν συνθετικὴν,
 cum 43, 3 legeris τὰ δὲ διὰ συνθέσεως. At vide
 43, 7—9 et 69, 14—19.
 50, 20. φαίνεται in φαίνεσθαι mutare in promptu est. Ba-
 rocius interpretatus est: 'aut in singularibus ex-
 cogitari innatum est apparereve tale, quod existen-
 tiam quoque in his habeat' Zambertus: 'vel in
 singularibus consideratur vel in his etiam essentiam
 obtinere videtur'. Ille igitur καί, hic πέφυκε aut
 non invenit in codice aut omisit. Magis tamen pla-
 cet πέφυκε ἢ φαίνεται additamentum esse lectoris,
 quem fugit infinitivos φαντάζεσθαι, ἔχειν pendere
 a praecedente εἰπωμεν.
 67, 15. ὀρικῶν, quod in codicibus exstat, sensu non caret;
 qui μερικῶν scripserunt, voce καθολικώτερα adducti
 ad id videntur. Utrum a Proclo sit scriptum, haud
 scio an nunquam possit discerni.
 130, 15. Codicis M scripturam Ἀσιναῖος correxit postera ma-
 nus in Ἀθηναῖος. In Zamberti interpretatione le-
 gitur 'Atheniensis philosophus'. Barocius dicit:
 'Asinaeus quoque Philosophus' et Taylor: 'Theo-
 dorus Asinaeus the philosopher'. Ego certi nihil
 adhuc indagavi.

- P. 1.
 140, 7. Verbum *ἔστιν*, quod praebent codices post *νοητῶν* supervacaneum, in margine vel inter lineas sequenti *τελειότερον* fuisse adscriptum puto.
- 147, 20. *φησὶν ὅτι νοῦν μιμείται* ex margine in contextum illata mihi videntur.
- 154, 3. Inter *τό* et *ὅλον* omissum fortasse est *ἐν*. Propius autem ad codicis M scripturam accedes, si *τό* in *αὐτό* mutaveris.
- 155, 17. Post *διακόσμων* excidit verbum similitudinis notionem reddens; nimis enim est durum *προσέοικεν*, quod paullo supra legitur, hoc loco inde supplere.
- 189, 18. Verba *εἶναι δύνασθαι* ex linea 16 male hic sunt repetita.
- 197, 16. Loco lacunoso nec B₃ subvenit, ubi pro vocabulis *τὰ ὅλα ἴσα*. *τὸ ἄρα* leguntur vocabula *ὅλον ἄρα τό*. Ex sequentibus ibi exciderunt lineae 197, 18 usque ad 198, 2.
- 209, 3—4. Priorem huius loci partem sanavisse mihi videor addita voce *διαστήματι*, in altera *πρότερον* ante *κέντρον* audias vel addas.
- 273, 12. *ἐπ' αὐτοῦ* interpretatus est Barocius 'apud ipsum', ego aut *ἐπ' αὐτοῦ* scribendum aut 'in illo' i. e. problemate vertendum puto.
- 274, 13. 14. Cum in M post *γβε* addita sint: *μελίων ἄρα ἡ ὑπὸ βγδ*, locus ita fortasse est scribendus: *μελίων δὲ ἡ ὑπὸ γβδ τῆς ὑπὸ γβε· μελίων ἄρα ἡ ὑπὸ βγδ τῆς ὑπὸ γβε*.
- 304, 6. Aut *τῇ ἐπ' εὐθείας δέξει* scribendum videtur aut adiectivi forma adhibenda *τῇ ἐπευθεία δέξει*, quae in M invenitur et hoc loco et infra 345, 1: *ταῖς ἐπευθείαις δέξεσι*.
- 306, 16—18. Hunc locum aliter quoque restitueris scribens: *ταύτη μὲν γὰρ καὶ ἴση δύναται εἶναι καὶ ἐλάσσων αὐτῆς, ἐκείνων δὲ ἐκατέρως μελίων ἔστιν ἐκ παντὸς*.
- 315, 2. In promptu est scribere: *ὅτε μὲν ἐξ ὁμοιοτήτων καὶ ἀνομοιοτήτων, ὅτε δὲ ἐξ ἰσοτήτων καὶ ἀνισοτήτων*. At Proclus plurali usus idem videtur voluisse dicere ac si *ὁμοιοτήτος καὶ ἀνομοιότητος, ἰσότητος καὶ ἀνισότητος* diceret.
- 325, 10—11. Veri non dissimile est inter *ἴσαι* et *καί* excidisse aliquot verba causam addentia, cur anguli ad *α* punctum iacentes angulis ad *ε* iacentibus aequales esse nequeant. Aut enim duobus rectis essent aequales aut iisdem angulis et aequales et minores iis.
- 333, 12—13. In B₃ in contextu legitur *ἡ τε τοῦ πελέκειως* et in margine *μηνοειδὴς πελεκοειδής*.
- 333, 14—15. B₃: *καὶ ἡ τοῦ μηνοειδοῦς* (alias *πελεκοειδοῦς*).

- P. 1.
 337, 21. δεῖ mutandum videtur in κοινὸν δέ. 'commune cunctis inquam' Barocius.
 345, 6. Post τῇ ἀνισότητι addendum est τὴν ἀνισότητα, quod M et G omittunt.
 349, 3—6. Proclum scripsisse puto: οὐκουν . . . ἄνισα πάντα;
 394, 13. Aut ἐσμεν post διαιροῦμενοι videtur addendum aut διαιρούμεθα scribendum. Barocius καί post προσ-ετίθεμεν non est interpretatus.
 409, 8. δέ post ἔοικεν minus recte videtur additum, cum ἔοικεν referendum sit ad ὅτι post ἐπιστημῆνασθαι in linea 1.

Index nominum.

- Ἀθηνᾶ 30, 3.
 Ἀθηναῖκος, ἡ, ὃν 30, 4.
 Ἀθηναῖος ὁ Κυζικηνός 67, 16.
 Ἀθηναῖος, ὁ 66, 16. 130, 15 ?.
 ὁ Ἀθ. ξένος 24, 7.
 Αἰγύπτιος, ὁ 63, 21. 64, 18. 65, 6.
 Αἴγυπτος, ἡ 65, 7.
 Αἰδης 167, 2. 8.
 Ἀλκίτας ὁ Ἱεραπολίτης 361, 21.
 Ἀκαδήμεια 67, 19.
 Ἀλεξανδρεὺς, ὁ 345, 14.
 Ἀμέριτος (?) 65, 12 annotatio.
 Ἀμύκλας 67, 8.
 Ἀμφίνομος 77, 17. 202, 11.
 220, 9.
 οἱ περὶ Ἀ. 254, 4.
 Ἀναξαγόρας 65, 21. 66, 2.
 Ἀνδρων 80, 17.
 Ἀντιοχεύς 125, 25.
 Ἀπολλώνιος 71, 19. 74, 23. 105, 15. 123, 16. 124, 18. 125, 17. 183, 13. 18. 194, 10. 21. 25—195, 5. 282, 8—19. 336, 16. 356, 8.
 οἱ περὶ Ἀπ. 100, 6.
 ἐν τῷ περὶ τοῦ κοχλίου γράμματι 105, 5.
 ὁ Περιγὰς 279, 16—280, 9.
 Ἀρης 167, 2. 7.
 Ἀριστοτέλης 26, 12. 28, 14. 32, 24. 33, 24. 51, 17. 59, 11. 76, 24. 97, 24. 104, 22. 188, 7. 192, 10. 194, 7. 202, 11. 204, 17. 260, 1. 384, 7. 391, 23.
 ὁ δαιμόνιος 64, 9. 76, 8. 116, 24. 284, 24.
 αἵτημα, ἀξίωμα quid? 182, 14—20.
 κατασκευάζων πεπερασμένον εἶναι τὸν κόσμον 371, 12—23.
 Ἀριστοτελικός (ὀρισμός) 183, 11.
 Ἀρχιμήδεια ἔλικες 272, 10.
 Ἀρχιμήδης 41, 6. 17. 63, 19—25. 68, 12. 18.
 ἐν τοῖς περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου 71, 18.
 τὴν εὐθείαν ὠρίσατο 110, 10—12.
 αἱ ἀνισορροπῆαι 181, 18.
 (περὶ κύκλου) 423, 3—5.
 Ἀρχύτας 66, 15.
 Ἀσιναῖος ? 130, 15.
 Βάκχαι
 ν. Φιλόλογος.
 Γέλων 63, 26.
 Γεμίονος 38, 4. 105, 26. 112, 23. 117, 23. 176, 26. 177, 24. 183. 15. 184, 5. 185, 8. 188, 5. 11. 192, 5. 202, 12—25. 251, 4. 8. 278, 12—279, 4. 395, 14.

- διαίρει τὴν γραμμὴν 111, 1—112, 15.
 τὰ αἰτήματα τῶν ἀξιωματῶν 178, 9—182, 6.
 τὸ θεώρημα τελειότερον εἶναι λέγει τοῦ προβλήματος 243, 21—25.
 Γοργίας
 ν. Πλάτων.
 Δεινόστρατος 67, 11.
 Δημήτηρ 173, 12. 19.
 Διόνυσος 167, 3. 9.
 Ἑλλάς, ἡ 65, 8.
 Ἐπικούρειοι, οἱ 199, 11. 322, 5—14. 323, 4.
 Ἐπίκουρος 200, 1. 216, 21. 218, 8.
 Ἐρατοσθένης 43, 23. 68, 18. 20. 111, 22.
 Ἐρμαϊκός, ἡ, ὁν 30, 4. 55, 20.
 Ἐρμότιμος 67, 20.
 Ἐστία 173, 13. 18.
 Εὐδήμος 299, 3. 333, 6.
 ὁ περιπατητικὸς 125, 7 (περὶ γωνίας). 379, 2.
 ἐν ταῖς γεωμετρικαῖς ἱστορίαις 352, 14—18.
 οἱ περὶ τὸν Εὐδήμον 419, 15.
 Εὐδοξος 67, 2. 10. 21. 68, 8.
 Εὐκλείδης 68, 7—70, 18. 73, 11. 74, 10. 76, 2. 81, 7—22. 94, 8. 109, 7—13. 116, 25. 123, 15. 125, 13. 128, 20. 143, 6. 151, 14—153, 8. 171, 1. 176, 5. 183, 22. 28. 192, 1. 194, 12. 302, 12. 354, 4. 420, 7.
 αὐτός 223, 21. 374, 2. 408, 7.
 ὁ γεωμέτρης 70, 25. 85, 3. 94, 7. 21. 96, 19. 102, 11—21. 113, 10—24. 114, 6. 120, 14—121, 7. 127, 18—128, 19. 142, 9. 172, 10. 196, 18. 224, 14. 238, 17. 239, 2. 262, 6. 264, 18. 273, 11. 275, 5. 279, 13. 280, 18. 286, 20. 292, 12. 298, 6. 300, 6. 306, 2. 307, 9. 315, 11. 318, 16. 330, 21. 336, 7. 345, 10. 349, 26. 357, 9. 358, 2. 359, 7. 360, 10 ss. 373, 5. 374, 9. 400, 14. 410, 24. 413, 16.
 ὁ στοιχειωτής 135, 13. 136, 13. 144, 24. 156, 11. 162, 8. 165, 20. 174, 18. 193, 6. 200, 11. 228, 11. 232, 11. 234, 20. 236, 7. 16. 239, 16. 241, 1. 244, 18. 246, 16. 247, 2. 248, 4. 250, 13. 256, 11. 257, 5. 258, 14. 261, 13. 263, 23. 264, 9. 266, 15. 273, 23. 279, 1. 280, 10. 281, 2. 282, 2. 21. 283, 22. 293, 13. 299, 5. 306, 7. 310, 17. 312, 1. 315, 5. 321, 10. 323, 8. 326, 12. 327, 5. 331, 9. 332, 13. 334, 3. 335, 15. 338, 2. 13. 340, 5. 341, 19. 344, 8. 16. 348, 13. 352, 24. 356, 15. 361, 18. 362, 12. 364, 13. 365, 6. 11. 375, 22 ss. 378, 3. 379, 19. 386, 9. 387, 3. 390, 17. 393, 5. 394, 1. 395, 7. 22. 399, 4. 400, 8. 401, 4. 407, 26. 409, 23 ss. 412, 18 ss. 418, 16. 426, 11. 427, 16. 429, 10. 430, 4. 11. 431, 15. 433, 4.
 πρὸς ἀστρονομίαν βλέπει 268, 15—269, 21.
 ὄνομα παραλληλογράμμων ἔοικε συνθεῖναι 392, 21.
 Opera 68, 23—69, 7. 70, 5—18.
 πορίσματα 212, 13. 302, 12 ss. (τῆς στοιχειώσεως) τὸ πρῶτον 72, 25. 81, 20. 82, 24—84, 7. 162, 22. 431, 15 ss.
 τὸ δεύτερον 60, 17. 304, 2. 398, 19.
 τὸ τρίτον 272, 15. 304, 7. 335, 18. 395, 28.
 τὸ τέταρτον 72, 26. 81, 21. 204, 1. 2. 269, 11.
 τὸ πέμπτον 81, 22. 357, 12.
 τὸ ἕκτον 245, 5—7. 405, 11 ss. 420, 5. 426, 14.
 τὸ ἑβδομον 303, 23.
 τὸ δέκατον 205, 10.
 Εὐκλείδιος λόγος 110, 12. 143, 22.
 θεώρημα 299, 12.

- Ἐφεστικοί, οἱ 199, 9.
 Ζεύς 90, 18.
 Ζανὸς φυλακὴ 90, 17.
 ἡγεῖται δυωδεκάδος 174, 11—16.
 Ζηνόδοτος 80, 15.
 Ζηνόδορος 165, 24.
 Ζήνων, ὁ Σιδώνιος 199, 15.
 200, 5. 214, 18—215, 13. 216, 10—19. 217, 10—23. 218, 1.
 Ἡλείος, ὁ 65, 14.
 Ἡρακλεώτης, ὁ 67, 8.
 Ἡρων 41, 10. 196, 16.
 ὁ μηχανικός 305, 24. 346, 13—347, 11.
 διὰ περὶ Ἡρώνα 323, 7. 9—21(?). 429, 13.
 Θαλῆς 65, 7. 157, 11. 250, 20. 299, 4. 352, 15.
 Θάσιος, ὁ 66, 15.
 Θεαίτητος 66, 16. 67, 22. 68, 8. vide Πλάτων.
 Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος 66, 6.
 ὁ μαθηματικός 110, 7.
 Θεύδιος 67, 12.
 Ἰεραπολίτης, ὁ 361, 21.
 Ἰέρων 63, 18. 23.
 Ἰππίας 272, 7. 356, 11.
 ὁ Ἡλείος 65, 14.
 Ἰπποκράτης medicus 38, 26.
 ὁ Χῖος 66, 4. 7. 213, 8.
 Καλλικλῆς 24, 15.
 Καλυψώ 55, 21.
 Κάριος ὁ Ἀντιοχεύς 125, 25.
 ὁ μηχανικός ἐν τῇ ἀστρολογικῇ πραγματείᾳ περὶ τῶν προβλημάτων καὶ θεωρημάτων 241, 19—243, 11. 23.
 Κλαζομένιος, ὁ 65, 21.
 Κνίδιος, ὁ 67, 2.
 Κολοφώνιος, ὁ 67, 21.
 Κράτιστος 211, 16.
 Κρόνος 167, 2. 6.
 Κτησίβιος 41, 9.
 Κυζικηνός, ὁ 67, 16.
 Κυρηναῖος, ὁ 66, 6.
 Λεωδάμας 66, 15. 18. 211, 21.
 Λέων 66, 19 s. 67, 2.
 Μάγνης, ὁ 67, 12.
 Μάμερκος (?) 65, 12.
 Μεδμαῖος (?), ὁ 67, 24 annotatio.
 Μεναιχμῖος, ὁ 111, 23.
 Μέναιχμος 67, 9. 72, 24. 78, 9. 17. 111, 21.
 οἱ περὶ Μ. 254, 4.
 Μενδαῖος (?), ὁ 67, 24.
 Μενέλαος
 ὁ Ἀλεξανδρεύς 345, 14—346, 13.
 Νεῖλος 64, 21.
 Νεοκλείδης 66, 18.
 Νικομήδης 272, 3—8. 356, 10.
 Ξενοκράτειος λόγος 279, 5.
 Οἰνοπίδης ὁ Χῖος 66, 2. 80, 16. 283, 7—10. 333, 5.
 Ὀμηρικός, ἡ, ὅν 30, 3.
 Ὀρφεύς 155, 18.
 Πάππος 189, 12. 197, 6. 249, 20—250, 12.
 οἱ περὶ Πάππον 429, 13.
 Περγαῖος, ὁ 279, 17.
 Περσεύς 111, 24. 112, 2. 356, 12.
 Πλάτων 3, 14. 10. 18. 11. 27. 12. 8. 13. 11. 16. 6. 22. 9. 29. 15. 26. 30. 11. 32. 3. 19. 34. 4. 37. 1. 41. 1. 42. 10. 45. 15. 48. 3. 50. 10. 17. 52. 20. 57. 3. 66. 3. 8—14. 67. 3. 7. 9. 10. 24. 68. 2. 3. 17. 90. 6. 92. 9. 103. 21—104. 8. 22. 108. 7. 174. 15. 428. 9.
 ὁ Θείος 116, 21.
 ἀφορίζεται τὴν εὐθείαν 109, 21—22.
 ἀνάλυσιν παραδέδωκεν 211, 21.
 διαιρετικὴν ἐξέμνησεν 211, 27 s.
 Ἀντερασταί 66, 3.
 Γοργίας 24, 15. 30, 19.
 Ἐπινομίς 42, 12.
 Θεαίτητος 10, 2. 27, 22.
 Μένων 45, 18.
 Νόμοι 24, 7.
 Παρμενίδης 94, 11. 99, 21. 104, 8. 117, 17.
 Πολιτεία 8, 14. 10, 19. 20, 17.

- 23, 21. 24, 17. 29, 18. 30, 8.
42, 10. 44, 11. 131, 10. 428, 1.
Πολιτικός 30, 16.
Σοφιστής 30, 16.
Συμπόσιον 31, 1.
Τίμαιος 17, 12. 20, 10. 22, 21.
23, 1. 34, 4. 41, 12. 92, 5. 108,
10. 137, 22. 148, 1. 166, 18.
173, 15. 291, 1. 382, 3—5.
384, 4.
Φαίδρος 21, 5.
Φαίδων 192, 12.
Φίληβος 25, 6.
Vide *Σωκράτης*.
Πλατωνικός, ἡ, ὃν 68, 23.
Πλατωνικός Subst. 68, 20.
Pluralis 57, 1.
Πλατωνική μέθοδος 428, 21—
429, 6.
Πλούταρχος 125, 16.
Πλωτίνος 21, 21.
Πορφύριος 255, 14. 297, 4—
298, 3. 316, 1—13. 348, 15—
352, 14.
ἐν τοῖς συμμίκτοις 56, 24.
οἱ περὶ Πορφύριον 323, 7. 22
—324, 23 (?).
Ποσειδάνιος 80, 21. 143, 8. 170,
13. 176, 6—11. 200, 2. 216,
20—217, 9. 24—218, 11.
Πρόκλος 434, 7; *φιλόσοφος* 433,
2. 434, 17. 435, 17; loci, in
quibus Procli leguntur opi-
niones: 30, 8—32, 20. 42, 9
—44, 24. 84, 9—15. 91, 1—
10. 128, 2—22. 158, 6—20.
165, 19—166, 13. 171, 17—
172, 4. 15—173, 2. 213, 14—
214, 13. 218, 12—220, 6. 224,
15—227, 8. 229, 3—232, 11.
239, 5—240, 10. 247, 6—249,
19. 256, 15—258, 13. 262, 3—
264, 7. 270, 5—24. 273, 11—
277, 4. 281, 6—282, 2. 284, 18.
—291, 19. 293, 15—294, 14. 299,
13—301, 17. 303, 5—304, 10.
305, 4—16. 307, 25—310, 8,
19—313, 12. 316, 14—318, 3.
319, 2—321, 8. 322, 15—323,
3. 325, 1—326, 5 (?). 22—329,
7. 330, 17—332, 18. 334, 6—
335, 14. 338, 1—344, 8. 359,
19—360, 9. 368, 1—23. 369,
21—373, 2. 13—23. 374, 8—
375, 7. 378, 4—24. 379, 18—
384, 21. 388, 13—392, 19.
393, 6—394, 1. 11—395, 12.
396, 12—398, 17. 399, 5—400,
16. 401, 6—404, 26. 408, 7—
24. 410, 26—411, 15. 412, 20
—416, 14. 417, 1—419, 10.
424, 7—425, 18. 430, 4—431,
14.
Πτολεμαῖος, ὁ βασιλεὺς 63, 21.
68, 11. 14.
Πτολεμαῖος (ὁ μαθηματικός)
191, 23.
ἐν οἷς ἀποδείξει προέθετο
τὰς ἀπ' ἑλλαττόνων ἢ δύο
ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπί-
πτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες
362, 14—363, 18. 365, 7—368,
1. 24.
Πυθαγόρας 22, 16. 65, 16. 426,
7. 428, 10.
Πυθαγόρειοι 22, 11. 35, 22—
38, 1. 45, 5. 90, 14. 95, 21.
98, 11. 99, 18. 115, 1—8. 130,
8. 166, 14. 173, 2. 379, 2—17.
419, 16. 420, 23.
σύμβολον 84, 15—17.
Πυθαγόρειον ἀρέσκον 142, 8.
Φεώρημα 305, 3.
Πυθαγορική μέθοδος 428, 10
—21.
Πυθαγορικοί 131, 21.
Πυθαγορικώτεροι λόγοι 97, 19
—99, 14.
Ῥέα 90, 15. 173, 12. 20.
Σιδώνιος, ὁ 199, 15.
Σιμίας 192, 12.
Σπενύσιππος 77, 16. 78, 14. 179,
15.
Στησίχορος 65, 12.
Στοά, ἡ 77, 3. 89, 17. 194, 1,
397, 2.
Συράκουσα 41, 7.

Συρακούσιος 63, 19. 22.

Σωκράτης 8, 15. 10, 2. 11, 17.

20, 18. 21, 5. 24, 14. 25, 6.

27, 23. 29, 23. 30, 19. 45, 18.

131, 10. 150, 8.

Vide Πλάτων.

Ταραντίνος, ὁ 66, 15.

Τίμαιος

v. Πλάτων.

Φίλιππος 305, 24.

ὁ Μενδαῖος (?) 67, 23.

Φιλόλαος 130, 10. 167, 1. 14.

173, 11. 174, 4. 13.

ἐν ταῖς Βάγκαις 22, 15.

Φίλων 269, 24.

οἱ περὶ Φίλιωνα 266, 16—269, 18.

Φοίνιξ, ὁ 65, 3.

Χίος, ὁ 66, 2. 5. 213, 9.

Χρυσίππος 395, 14—18.

Index rerum et verborum.

ἀβαθής, ἐς 12, 20. 49, 14. 97, 2. 4. 114, 5. 24.

ἀγαθός, ἡ, ὅν

τὸ ἀγαθόν 25, 17. 29, 1. 31,

15. 17. 49, 3. 131, 2. 174, 9.

ἄγαλμα, τό 138, 11.

ἀγαμαι 69, 5. 141, 16 s. 251, 2.

426, 11.

ἀγαπᾶω 55, 4. 61, 13. 162, 14.

180, 21. 202, 20.

ἀγέλη, ἡ 10, 4.

ἀγέννητος, ὅν 56, 12. 149, 15.

ἀγευστος, ὅν 28, 21.

ἀγεωμέτρητος, ὅν 58, 23. 25.

61, 23. 80, 4.

ἀγγεῖον, τό 141, 23.

ἀγκιτήρ, ὁ 20, 25.

ἀγνοῶ 26, 6. 29, 20. 32, 5. 56,

24. 322, 10. 404, 1.

ἄγνοια, ἡ 46, 23. 70, 1.

ἀγνωστος, ὅν 76, 18. 91, 3. 138,

7. 14. 145, 18.

Comp. 183, 16. 195, 15.

ἄγνοια, ἡ 8, 19. 24, 3.

ἀγραφος, ὅν 186, 6.

ἄγχινους 407, 15.

ἀγῶ passim, e. g. 21, 23. 29,

16. 45, 16. 61, 24. 118, 16 s.

125, 24. 179, 23.

εὐθεῖαν 58, 17. 152, 20. 283,

18 ss.

ἀγωγή, ἡ 284, 1. 376, 29 ss.

ἀγών, ὁ 284, 3.

ἀγώνιος, ὅν 160, 4. 163, 11.

ἀδαμάντινος, ἡ, ὅν 90, 6.

ἀδελφός, ὁ 65, 12. 67, 11.

ἄδηλος, ὅν 289, 13. 322, 8.

ἄδην 35, 17. 126, 7.

ἀδιαίρετος, ὅν 3, 5. 37, 19. 54,

21. 56, 12. 72, 7. 244, 16.

ἀδιαίρετως 153, 27.

ἀδιάστατος, ὅν 50, 1. 15. 54, 6.

55, 17. 56, 19. 100, 18. 142, 1.

186, 16. 24.

ἀδιαστάτως 17, 4. 54, 1. 56, 2.

87, 18. 137, 21. 153, 27.

ἀδιάστροφος, ὅν 20, 15. 23, 24.

108, 11.

ἀδιάφορος, ὅν 238, 19. 283, 12.

333, 19.

ἀδίδακτος, ὅν 119, 1. 179, 4.

195, 21.

ἀδιδακτως 76, 16.

ἀδιεξίτητος, ὅν 285, 18.

ἀδιόριστος, ὅν 330, 7 ss. 432, 2.

ἀδιορίστως 236, 10. 370, 11.

371, 3.

ἄδρανής, ἐς.

Comp. 15, 4.

ἄδυνατῶ 179, 20. 293, 24.

ἄδύνατος, ὅν passim, e. g. 12,

16. 67, 1. 71, 12. 122, 6. 157,

24.

Superl. 140, 9.

ὁ δι' ἄδυνατον τρόπος 73,

22. 202, 20.

- ἡ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγή 212,
 2. 252, 2 s. 254, 22—256, 10.
 321, 11—20.
 τι τῶν ἀδυνάτων 203, 21.
 ἀδυντον, τό 141, 23.
 ἀέλ passim, e. g. 5, 7. 6, 16.
 9, 25. 12, 22. 14, 3. 17, 27. 21,
 2 s.
 πάντα ἀέλ ἐστι διὰ τὸν κύ-
 κλον τῆς γενέσεως 149, 17.
 ἄηρ, ὁ 82, 24. 296, 7.
 ἄθετος, ὃν 59, 18. 96, 8.
 ἄθρῶν 14, 22.
 ἄθροίζω 14, 1.
 ἄθροισις, ἡ 12, 6.
 ἄθροως 3, 17. 5, 21.
 αἰδῖος, ὃν 13, 25. 31, 10. 46,
 16. 77, 20 s. 149, 12.
 αἰρεσις, ἡ 200, 1. 403, 19.
 αἰρετός, ἡ, ὃν 27, 28. 28, 14.
 321, 16.
 αἰρέω 322, 20.
 Med. 27, 22. 236, 4.
 αἰρῶ 179, 20. 290, 18.
 αἰσθησις, ἡ passim, e. g. 10,
 28. 11, 12. 16. 14, 23. 13, 14.
 23. 19, 3. 21, 11. 27, 15. 28,
 6. 29, 8. 30, 13. 46, 3. 52, 19.
 86, 18. 181, 11. 322, 16 ss.
 γραμμῆς 100, 14—19.
 ἐπιφανείας 114, 22—25.
 αἰσθητικός
 Comp. 65, 11.
 αἰσθητός, ἡ, ὃν 19, 21. 78, 16.
 142, 15. 242, 8.
 τὰ αἰσθητά passim, e. g. 4,
 4 ss. 10, 22 ss. 12, 5 ss. 13,
 23 ss. 15, 19. 19, 13. 25, 19.
 27, 8. 34, 11. 13. 35, 8. 36, 9.
 38, 5. 11. 45, 8. 51, 14 ss. 53,
 5 ss. 62, 19. 23. 86, 13. 101,
 13. 130, 3. 139, 13. 243, 14.
 291, 2. 6.
 ἐν τοῖς αἰσθητοῖς οὐδὲν μέ-
 γεθος ἀπειρον 284, 22.
 αἰσχος, τό 26, 16.
 αἰτέομαι 181, 19. 227, 19.
 αἰτῆμα, τό passim, e. g. 58, 1.
 15. 73, 9. 76, 6. 184, 22—29.
 185, 1—193, 9. 209, 7. 10.
 227, 22. 239, 17. 254, 25. 364,
 14.
 quid? 76, 17—23. 178, 2—184,
 10. 365, 5—6.
 αἰτία, ἡ passim, e. g. 5, 20.
 6, 15. 17, 14. 18, 16. 30, 6.
 22 ss. 32, 12 ss. 37, 7. 40, 14.
 54, 3. 57, 5. 61, 9. 88, 24. 92,
 22. 129, 22. 432, 17.
 κατ' αἰτίαν 17, 17. 61, 8. 62,
 21. 102, 6.
 αἰτία γεννητική 97, 10. 151, 5.
 αἱ πρωτογενεῖς 108, 4.
 ἀρχικαί 110, 6. 10.
 ἀληθιναί 310, 8. 20.
 αἰτιάομαι 23, 10. 24, 16. 41, 11.
 143, 21. 207, 3. 243, 21.
 αἰτίαισις, ἡ 305, 26.
 αἰτιολογέω 146, 2.
 αἷτιος, α, ὃν passim, e. g. 13,
 6. 23, 17. 45, 21. 97, 13. 130,
 17. 132, 20.
 τὸ αἷτιον 94, 16 s. 134, 15.
 202, 23. 350, 24.
 τὰ αἷτια 14, 4 ss. 69, 10. 74,
 24. 138, 25. 187, 6. 294, 4.
 πυρός ἄερος ὕδατος γῆς 82,
 18—25.
 ἀκαλλώπιστος, ὃν 141, 24.
 ἀκαταλήκτως 285, 17.
 ἀκαταμέτρητος, ὃν 285, 12.
 ἀκατάσκευος, ὃν 179, 9.
 ἀκιδοειδής, ἐς 165, 23. 328, 22.
 ἀκίνητος, ὃν 12, 26. 13, 5. 18,
 20. 25, 4. 27, 7. 34, 7. 9. 36,
 2. 43, 13. 50, 2. 56, 12. 185,
 26. 309, 5.
 ἀκινήτως 50, 23.
 ἀκλινής, ἐς 132, 21, 133, 8. 14.
 134, 2. 290, 22.
 ἀκλινῶς 189, 21.
 ἀκλιτος, ὃν 132, 20. 173, 5. 9.
 290, 19.
 ἀκοή, ἡ 21, 14.
 ἀκόλαστος, ὃν 24, 16.
 ἀκολουθεῖω 70, 3. 180, 21. 196,
 26. 313, 21. 340, 2. 345, 5.
 349, 20. 368, 18. 22.

- ἀκολουθία, ἡ 357, 11.
 ἀκόλουθος, *ον* 178, 15. 179, 21.
 198, 6. 201, 2. 218, 11.
 ἀκούθως 372, 10.
 ἀκούω 17, 9. 25, 15. 36, 9. 76,
 13. 17. 94, 7. 171, 16. 181, 9.
 182, 16. 210, 19. 375, 9. 426, 6.
 ἀκραίφνης, *ἐς* 56, 20.
 ἀκρατος, *ον* 150, 9.
 ἀκράτως 162, 17.
 ἀκρίβεια, ἡ *passim*, e. g. 4, 22.
 8, 24, 12, 14. 17, 13. 5, 34, 12.
 54, 11. 59, 15. 69, 1. 83, 5.
 87, 8. 135, 2. 139, 26 *ss.* 151,
 15. 260, 10. 292, 13. 295, 7.
 326, 23. 352, 13. 385, 16.
 ἀκριβής, *ἐς* *passim*, e. g. 7, 5.
 12, 18 *s.* 13, 3 *s.* 34, 15 *s.* 43,
 12. 65, 5. 69, 12. 140, 5.
 Comp. 4, 10. 39, 26. 59, 10 *ss.*
 140, 11. 178, 5. 367, 4.
 ἀκριβώω 113, 9.
 ἀκρόασις, ἡ 29, 17.
 ἀκροατής, ὁ 67, 9.
 ἀκρος, *α*, *ον* 88, 11. 109, 22.
 110, 7. 18, 117, 7. 11, 118, 6.
 148, 13. 198, 8. 280, 19 *ss.*
 374, 3.
 Sup. 4, 9. 32, 4. 62, 4. 149, 6.
 155, 11. 295, 7.
 ἀκρος καὶ μέσος λόγος 60, 18.
 τὸ ἄκρον 153, 5. 206, 8. 224,
 10.
 ἐπ' ἄκρον τάσις 301, 4. 15.
 ἀκρότης, ἡ 98, 15.
 ἀκτίς, ἡ 39, 26.
 ἀλαζών 192, 13.
 ἀλήθεια, ἡ *passim*, e. g. 4, 5.
 13, 18. 20, 5. 21, 16. 22, 4.
 49, 6. 59, 5. 70, 2. 195, 20.
 426, 10.
 ἀληθεύω 235, 17. 293, 4. 390,
 24.
 ἀληθής, *ἐς* *passim*, e. g. 13,
 12. 17. 20, 22. 30, 21. 56, 18.
 70, 13. 144, 4. 183, 19. 189,
 14. 192, 5 *ss.* 196, 7. 212, 4.
 240, 27.
 ἀληθινός, ἡ, ὅν 310, 7.
 ἀληθῶς 55, 24.
 ἀληπτος, *ον* 5, 20. 71, 12.
 ἄλις 107, 11.
 ἀλαχόθεν 16, 2. 52, 15. 88, 9.
 142, 16. 186, 8. 424, 1.
 ἀλλαχού 91, 23. 153, 28. 228, 1.
 ἀλλήλων *passim*, e. g. 4, 15. 6,
 11. 10, 8. 9. 12, 23, 21, 4.
 27, 3.
 ἐν ἀλλήλοις πάντα 141, 21.
 ἀλλοιόω 137, 2.
 ἀλλοιώσις, ἡ 139, 14.
 ἀλλοιωτικός, ἡ, ὅν 18, 22.
 ἄλλος, ἡ, *ον* *passim*, e. g. 3,
 12. 4, 3. 5, 20. 7, 6. 10, 5. 11,
 3. 17, 1. 375, 2.
 ἄλλος καὶ ἄλλος 259, 18. 261,
 1 *ss.*
 ἄλλοτε 12, 27. 27, 7. 137, 14.
 147, 21.
 ἀλλότριος, *α*, *ον* 74, 22. 87, 16.
 122, 19. 193, 3. 199, 8. 336, 6.
 ἄλλως *passim*, e. g. 12, 27. 24,
 10 *s.* 27, 7. 73, 5. 93, 4.
 ἄλλως τε καὶ 77, 19.
 ἀλογία, ἡ 26, 18. 46, 25.
 ἄλογος, *ον* 6, 21. 23, 25. 31, 1.
 60, 15 *s.* 65, 19. 74, 23. 192,
 28.
 ἄλυτος, *ον* 23, 24.
 ἄμα *passim*, e. g. 53, 3. 63, 22.
 95, 6. 101, 20. 153, 20.
 ἀμαρτάνω 49, 6.
 ἀμαρτία, ἡ 34, 25.
 ἀμβλυγώνιος
 κῶνος 111, 7. 177, 4.
 Vide *τρίγωνον*.
 ἀμβλύνω 132, 16.
 ἀμβλύνω
 ἡ ἀμβλεῖα (γωνία) *passim*, e. g.
 131, 13—134, 27. 165, 4 *ss.*
 171, 24. 172, 22. 174, 2. 190,
 10. 16. 293, 18. 397, 23. 421,
 4. 430, 17.
 τὴν ἐπίπαν διάστασιν ἐν-
 δίδωσι 167, 20.
 ἡ ἀμβλυτάτη 202, 20.
 τὸ ἀμβλύ 132, 25.

- ἀμβλύτης*, ἡ 23, 8. 171, 20. 191, 7. 10. 427, 8.
ἀμεγέθης, εἰς 49, 26. 54, 4. 7.
ἀμεγέθως 54, 2.
ἀμείβω 403, 12.
ἀμείναν 7, 3. 14, 2, 23, 23. 78, 3. 132, 2. 147, 5.
ἀμείλω 24, 17.
ἀμέρεια, ἡ passim, e. g. 56, 18. 88, 27. 92, 26. 96, 24. 149, 2. 294, 11.
ἀμερῆς, ἐς passim, e. g. 5, 4. 12, 20. 18, 1. 44, 18. 49, 13. 28. 50, 8. 14. 52, 23. 53, 16. 27. 56, 2. 7. 22. 57, 14. 86, 4. 87, 3. 88, 3. 91, 12. 92, 19. 93, 6—94, 7. 94, 20—95, 20. 97, 12. 142, 1. 186, 1—187, 6. 278, 3 ss. 285, 2 ss. 291, 10. 322, 23.
ἀμερίστος, *ον* passim, e. g. 3, 4. 13, 4. 7, 5. 13, 11. 6. 10. 15, 22. 19, 12. 20, 1. 26. 49, 26. 55, 17. 86, 6. 94, 27 ss. 101, 3, 291, 13.
τὰ ἀμερίστα 3, 17. 4, 24. 49, 23 ss. 54, 3.
ἀμερίστως 51, 2. 54, 2. 92, 2.
ἀμερῶς 87, 17. 92, 4. 95, 20. 141, 21.
ἄμεσος, *ον* 193, 19 ss. 195, 18. 200, 23.
ἀμίσως 265, 24.
ἀμετάβατος, *ον* 214, 1.
ἀμετάστατος, *ον* 90, 23.
ἀμετρία, ἡ 4, 12. 134, 1. 168, 21.
ἀμῆχανος, *ον* 74, 21.
ἄμικτος, *ον* 129, 16.
ἄμοιρος, *ον* 150, 14.
ἄμορφία, ἡ 26, 17.
ἄμορφος, *ον* 40, 20. 94, 24. 95, 2.
ἄμόρφωτος, *ον* 46, 8. 52, 13. 56, 21.
ἄμυδρός, ἄ, *όν* 4, 5. 91, 20. Comp. 11, 17. 14, 21. 15, 12.
ἄμυδρόω 87, 9. 95, 4.
ἄμυντικός, ἡ, *όν* 41, 8.
- ἀμφίβολος*, *ον* 183, 23. 211, 8.
ἀμφίκουλος, *ον* 127, 8. 301, 14.
ἀμφικυρτος, *ον* 127, 7. 160, 9. 238, 9. 301, 14.
ἀμφισβητέω 194, 24.
ἀμφισβητήσιμος, *ον* 195, 16. 271, 17.
ἀμφοτέρως, α, *ον* passim, e. g. 7, 6. 34, 14. 60, 16 ss. 78, 13. 106, 20. 184, 14. 28. 260, 20.
ἄμφω passim, e. g. 7, 9. 103, 13. 181, 4. 184, 19. 277, 23. 358, 6.
ἀναβαίνω 31, 16.
ἀναβάλλω 279, 12.
ἀναγκάξω 124, 10. 215, 23. 429, 13.
ἀναγκαῖος, α, *ον* 33, 22. 64, 20. 109, 19 s. 206, 17.
Sup. 203, 17.
ἀναγκαῖον sc. *ἐστί* passim, e. g. 3, 3. 109, 23. 25. 123, 9. 135, 4. 192, 15. 17.
τὰ ἀναγκαῖα 29, 2. 7.
τὸ μὴ ἀναγκαῖον 311, 20.
ἀναγκαιῶς passim, e. g. 152, 26. 196, 1. 266, 3. 306, 14. 327, 5.
ἀνάγκη passim, e. g. 12, 15. 14, 2. 15, 19. 27, 18. 25. 75, 10.
ἐξ ἀνάγκης 277, 22.
ἀναγραφή, ἡ 78, 2. 201, 10. 423, 23.
ἀναγράφω passim, e. g. 42, 8. 56, 9. 64, 3. 68, 4. 71, 5. 75, 4. 80, 13. 191, 1. 217, 11. 323, 7. 364, 23. 395, 22. 423, 8. 19.
ἀνάγω passim, e. g. 55, 21. 62, 17. 68, 10. 147, 14. 211, 20. 270, 18. 352, 16.
Med. 21, 5. 123, 12. 146, 3. 161, 11.
ἀναγωγή, ἡ 21, 8. 31, 16.
ἀναγωγός, *ον* 29, 27. 44, 22.
ἀναδιδάσκω passim, e. g. 22, 11. 34, 6. 36, 17. 42, 4. 43, 20. 54, 17. 62, 5. 75, 6. 137, 23.
ἀναζωπυρέω 20, 20.

- ἀναίρεσις* 211, 26.
ἀναιρετικός, ἡ, ὅν 255, 19. 23.
ἀναυρέω 7, 1. 73, 23. 193, 4.
 199, 7. 212, 22. 255, 11. 330,
 3. 370, 13. 397, 5.
ἀνακαλέω 138, 5. 151, 10.
ἀνακάμπτω 149, 19.
ἀνάκειμαι 130, 10.
ἀνακινέω 38, 7. 140, 15. 241,
 21.
ἀνακλίνω 21, 15.
ἀνάκλασις, ἡ 40, 17.
ἀνακυνέω 89, 28. 91, 1. 147,
 13. 150, 3. 409, 24.
ἀνακύνω 149, 11. 24.
ἀναλαμβάνω 200, 7. 355, 22.
ἀναλέγομαι 48, 4. 177, 25. 200,
 12. 345, 11.
ἀναλογία, ἡ 7, 22. 16, 18. 22,
 19. 34, 23. 43, 23 s. 61, 6. 73,
 22. 168, 13. 181, 23. 405, 16.
 21. 406, 2. 427, 14.
αἱ τρεῖς 67, 5.
ἀναλογίζομαι 7, 19. 35, 21. 100, 9.
ἀνάλογον passim, e. g. 9, 3. 6.
 39, 21. 77, 14. 97, 20. 314, 6.
 396, 7. 405, 4.
κατὰ τὸ ἀνάλογον 117, 2—17.
τρεῖς ἀνάλογα 220, 17—221, 6.
ἀνάλυσις, ἡ 8, 7. 43, 2 ss. 57,
 19. 24. 67, 7. 92, 12. 93, 23.
 242, 15—17. 246, 9. 12. 23.
 255, 20. 256, 1. 423, 15.
καλλίστη μέθοδος 211, 19.
ἀναλυτικός, ἡ, ὅν 42, 20. 69,
 17.
ἀναλύω 73, 18. 118, 15. 246, 10.
 382, 2. 5. 422, 13.
ἀναμετρέω 100, 8. 133, 16.
 Med. 23, 14.
ἀναμετρήσις, ἡ 38, 17. 64, 20.
ἀναμίγνυμι 271, 3.
ἀναμνησκω 29, 7. 25. 45, 20 s.
 89, 20. 97, 18. 214, 14. 390,
 13. 432, 1.
ἀνάμνησις, ἡ 18, 17. 21, 14. 45,
 7 ss.
ἀναμφισβήτητος, ὅν 260, 12.
 262, 2. 335, 14.
ἀναμφισβητήτως 286, 9. 366,
 16.
ἀνάντης, εἰς 22, 3.
ἀνάπαλιν passim, e. g. 18, 26.
 54, 3. 69, 23. 73, 4. 78, 8. 313,
 21.
ἀναπέμψω 28, 11. 44, 12. 118,
 20. 132, 19. 379, 3. 426, 7.
 428, 9.
ἀναπίμπλημι 33, 24. 46, 5. 49,
 21. 87, 2. 14. 138, 27. 166, 20.
 168, 24. 290, 21.
ἀνάπλεως, ὅν 54, 12.
ἀναπλώω 4, 11. 55, 1. 137, 24.
 140, 19.
ἀναπόδεικτος, ὅν passim, e. g.
 179, 9. 14. 181, 14. 182, 2. 17.
 183, 12 ss. 193, 15. 322, 9.
ἀναποδείκτως 32, 6. 193, 8. 364,
 20.
ἀναρμωσσία, ἡ 23, 20.
ἀνάρμωστος, ὅν 26, 20.
ἀναρχος, ὅν 149, 12.
ἀνασκέπτομαι 338, 3. 432, 9.
ἀναστρέφω 57, 26. 203, 14.
ἀναστροφή, ἡ 7, 23. 69, 18.
 τῶν λόγων 60, 24.
ἀνατείνω 20, 26. 27, 26. 174, 12.
ἀνατίθηναι 8, 15. 47, 6. 167, 2.
ἀνατρεπτικός, ἡ, ὅν 255, 4.
ἀνατρέπω 199, 10. 255, 2. 25.
ἀνατρέχω 9, 18. 18, 6. 55, 10.
 57, 18. 85, 3. 93, 13. 153, 13.
 207, 6.
ἀνατροπή, ἡ 247, 15.
ἀναφαίνω passim, e. g. 22, 18.
 63, 18. 83, 21. 132, 13. 303,
 17.
 Pass. 8, 12. 53, 3. 155, 10. 156,
 2. 171, 25. 235, 6. 303, 7. 354,
 16.
ἀναφέρω passim, e. g. 4, 14.
 9, 2. 13, 21. 14, 9. 23, 7. 28, 2.
 4. 43, 15. 71, 3. 99, 10. 121,
 17. 432, 6.
ἀναφορά, ἡ 27, 3. 133, 17. 134,
 24. 269, 14.
ἀναφωνέω 208, 23.
ἀνδριαντοποιητική, ἡ 137, 4.

- ἀνεγείρω* 18, 19, 20, 21, 45, 10, 47, 3, 52, 22, 151, 4, 154, 16.
ἀννέμι 5, 16, 11, 9, 62, 25, 142, 6, 243, 14, 290, 19.
ἀνέκλειπτος, *ον* 108, 12.
ἀνέλεγκτος, *ον* passim, e. g. 13, 4, 22, 5, 33, 23, 34, 7, 44, 14, 68, 10, 140, 3, 260, 12, 378, 2, 426, 13.
Comp. 43, 12.
τὸ ἀνέλεγκτον 3, 8, 11, 21, 12, 14.
ἀνελέγκτως 286, 9.
ἀνέλιξις, *ἡ* 37, 12, 42, 18, 44, 20, 139, 7.
ἀνελίττω (*ἀνελίσσω*) passim, e. g. 4, 12, 11, 19, 16, 11, 18, 23, 43, 10, 55, 3, 62, 11, 149, 2, 210, 13.
ἀνεμιαίος, *ον* 13, 16.
ἀνεξάλλακτος, *ον* 404, 20.
ἀνεξάπατητος, *ον* 70, 8.
ἀνεπιστήμων, *ον* 322, 6.
ἀνεπιτήδεις, *ον* 269, 25.
ἀνερευνάω 414, 12.
ἀνερωτάω 131, 20.
ἀνέσις, *ἡ* 172, 19.
ἀνευ passim, e. g. 30, 23, 39, 11, 54, 7, 71, 12, 78, 18, 204, 4.
ἀνευρόσκω passim, e. g. 17, 27, 22, 28, 40, 24, 42, 2, 57, 16, 64, 1, 345, 14.
ἀνέχομαι 139, 13, 192, 11.
ἀνήκω 138, 22, 142, 2.
ἀνῆρ, *ὁ* 29, 25, 36, 8, 68, 11, 24, 143, 21, 419, 22.
ἀνθρωπικός, *ἡ*, *ὅν* 26, 8.
ἀνθρωπινος, *ἡ*, *ον* 26, 4, 27, 17 ss.
ἄνθρωπος, *ὁ* 29, 2, 5, 40, 8, 63, 17, 64, 10.
ἀνίδρωτος, *ον* 147, 14.
ἀνίλημι 130, 14, 132, 24, 173, 18, 174, 4.
ἀνισάζω 270, 12.
ἀνισορροπία, *ἡ* 41, 11, 181, 18.
ἄνισος, *ον* passim, e. g. 80, 10, 12, 122, 10 ss. 123, 25, 128, 12, 134, 26, 165, 9.
τὸ ἄνισον 7, 27, 131, 16.
ἀνισότης passim, e. g. 49, 22, 83, 14, 124, 9, 132, 4, 14, 165, 5, 168, 20, 191, 9, 10, 293, 17, 313, 20 ss. 336, 15 ss.
ἀνίστημι 218, 8.
ἄνοδος, *ἡ* 9, 17, 20, 1, 44, 8, 64, 21, 84, 19.
ἀνομοειδής, *ἔς* 163, 5.
ἀνομοιοειδής, *ἔς* 164, 2.
ἀνομοιομερής, *ἔς* 112, 18.
ἀνόμοιος 8, 10, 12, 39, 19, 105, 8, 25, 106, 3, 122, 17, 144, 19 ss. 159, 13, 22.
ἀνομοιότης, *ἡ* 8, 8, 23, 17, 106, 23, 191, 11, 315, 1.
ἀνταπόδοσις, *ἡ* 149, 18.
ἀντεραστής, *ὁ* 66, 3.
ἀντέχομαι 66, 14, 70, 2.
ἀντί 13, 17, 14, 9, 267, 4, 280, 7.
ἀντίγραφον, *τό* 198, 4.
ἀντιδιαίρεω 116, 22.
Med. 30, 13, 293, 13.
ἀντίθετος, *ον* 349, 25.
ἀντίκειμαι 7, 26, 79, 14, 16, 212, 3, 254, 23, 255, 21, 261, 11, 267, 3, 337, 2, 12, 344, 14.
ἀντικρύν 238, 14.
ἀντιλαμβάνω.
Med. 4, 5, 20, 1, 74, 7.
ἀντιλέγω 335, 14.
ἀντειρησθῶ 323, 5.
ἀντιλογία, *ἡ* 200, 4.
ἀντιλογικός, *ὁ* 25, 15.
ἀντιμεταλαμβάνω 252, 7.
ἀντιπίπτω 247, 16, 248, 5.
ἀντίρρησις, *ἡ* 199, 15.
ἀντιστρέφω passim, e. g. 69, 22, 184, 4, 8, 191, 25, 248, 12, 252, 1, 253, 2 ss. 258, 14, 429, 22.
ἀντιστροφή, *ἡ* passim, e. g. 69, 19, 247, 3, 251, 24—254, 21, 256, 11, 259, 13, 364, 10.
τριττή 409, 1—6.
ἀντιστροφίος (?) 321, 19, 345, 2.
ἀντίστροφος, *ον* passim, e. g. 183, 25, 189, 13, 254, 7 ss. 265, 6 ss. 321, 19 (?), 345, 2 (?).
ἀντιστρόφος 345, 6.

- ἀντιφάσκω 254, 27. 266, 12.
 ἀντυξ, ἡ 155, 5.
 ἀνύπαρκτος, *ον* 221, 21.
 ἀνυπέροβλητος, *ον* 295, 8.
 ἀνυπόθετος, *ον* 11, 9. 32, 15.
 75, 9.
 ἀνυπόστατος, *ον* 139, 23. 140,
 10. 199, 5.
 ἀνύσιμος, *ον* 74, 3.
 ἀνύω 200, 5.
 ἄνω 153, 5. 225, 15. 357, 20.
 ἄνωθεν *passim*, *e. g.* 19, 20.
 27, 14. 42, 14. 44, 21. 61, 25.
 148, 8.
 ἀνωμαλία, ἡ 106, 15.
 ἀνωμάλως 106, 14.
 ἀνώνυμος, *ον* 391, 24.
 ἀνωτάτω 31, 15.
 ἀνωτέρω 9, 25. 44, 9. 338, 12 s.
 374, 12.
 ἄξία, ἡ 25, 16. 72, 16 (?). 98, 3.
 243, 15. 25.
 ἄξιος, *α*, *ον* *passim*, *e. g.* 28,
 12. 81, 17. 102, 22. 283, 1.
 284, 19. 393, 7.
 ἄξιός *passim*, *e. g.* 9, 21. 12,
 9. 27, 18. 30, 24. 71, 4. 360,
 19.
 ἀξίωμα, τό *passim*, *e. g.* 57,
 28. 58, 7. 15. 76, 6 s. 184, 11—
 22. 188, 5. 193, 16—198, 15.
 209, 11. 22. 240, 24. 278, 24.
quid? 76, 9—11. 77, 1—5. 178,
 2—184, 10. 371, 12. 14—17.
 373, 8.
 ἄξων, ὁ
 τῶν ἐν κόσμῳ περιφορῶν 89,
 22—91, 10.
 κυλίνδρου 105, 21. 156, 18.
 παραβολῆς, ἐλλείψεως 119,
 24. 26. 126, 20. 156, 17. 246, 7.
 σφαίρας 156, 16.
 κώνου 156, 18.
 ἀοριστὰν 285, 11. 23.
 ἀοριστία, ἡ 26, 17. 49, 20. 86,
 19. 133, 12. 22. 149, 27. 221,
 25. 222, 12. 286, 10. 290, 21.
 ἀόριστος, *ον* 98, 21. 101, 18.
 111, 12. 133, 18. 134, 5. 155,
 15. 177, 3. 222, 17. 291, 18.
 293, 17 ss. 371, 7. 377, 22.
 378, 1.
 ἀοριστώδης, *ες* 222, 2. 253, 15.
 ἀορίστως 81, 2. 82, 11. 131, 17.
 133, 5. 291, 8. 294, 7. 310, 12.
 ἀπαγωγή, ἡ 210, 28. 212, 24—
 213, 11.
 εἰς ἀδύνατον 212, 2. 254, 22—
 256, 10. 14. 264, 10. 265, 26.
 266, 8. 295, 4. 300, 8. 301, 1.
 304, 5. 7. 318, 15. 345, 2. 407,
 12. 408, 26. 409, 23.
 ἀπάθεια, ἡ 52, 6.
 ἀπαθής, *ες* 46, 9. 52, 5.
 ἀπαίρω 84, 20.
 ἀπαιτέω *passim*, *e. g.* 32, 21.
 33, 7. 25. 34, 5. 12. 84, 10.
 131, 21. 184, 21. 192, 10. 248,
 16. 302, 5. 333, 7.
 ἀπαλλάσσω 337, 25.
 ἀπαντάω *passim*, *e. g.* 15, 14.
 192, 6. 212, 20. 214, 8.
 Med. 26, 10. 105, 13.
 ἀπάντησις, ἡ 247, 19.
 ἄπαξ 383, 1. 8.
 ἀπαράλλακτος, *ον* 409, 22.
 ἀπαράλλαντος 61, 10. 407, 12.
 ἀπαρέγκλιτος, *ον* 108, 11. 157,
 12. 185, 11. 292, 6.
 ἀπαρτίθμησης, ἡ 162, 24.
 ἄπας *passim*, *e. g.* 4, 5. 5, 9.
 19, 7. 15, 9. 22. 27, 11, 26.
 ἀπατάω 192, 2. 403, 18.
 ἀπάτη, ἡ 70, 14. 261, 12. 337,
 25.
 ἄπανστος, *ον* 6, 16. 90, 5. 21.
 ἀπεικάω 10, 3. 138, 13. 173,
 23. 395, 14.
 ἀπεικασία, ἡ 24, 27. 149, 15.
 ἀπεικονίζω 91, 4. 129, 18. 214, 1.
 ἀπειραχῶς 88, 20. 220, 9 ss.
 222, 10 ss.
 ἀπειρώσις, *α*, *ον* 155, 19.
 ἀπειρία, ἡ *passim*, *e. g.* 6, 7.
 8. 20. 37, 21 ss. 87, 25—88,
 26. 104, 14. 116, 1. 129, 17.
 132, 12. 134, 7. 143, 4. 191,
 11. 294, 2 ss. 314, 20.

- οὐκ ἐνὸν ἀπειρίαν γνώσει
περιλαβεῖν 36, 7.
ἀπειροδύναμος, *ον* 37, 11. 187,
14.
ἄπειρος, *ον* (inexpertus) 396,
13. 403, 18.
ἄπειρος, *ον* passim, e. g. 18, 2.
88, 4 ss. 98, 20. 101, 7—103,
1. 112, 10. 132, 3. 293, 17.
ἡ ἄπειρος μείζων πεπερασμέ-
νης 277, 22.
τὸ ἀπειρον 5, 18. 6, 2. 7, 10.
19, 11. 36, 6. 37, 15. 104, 9.
21. 107, 22. 142, 25. 144, 8 ss.
198, 12. 314, 26. 322, 24. 395,
15 ss.
διπλάσια τῶν ἀπειρῶν 158,
2—20.
τῆς ἀπείρου πέρας σημείον
οὐκ ἔστιν 208, 14 s.
πὼς ὑπόστασιν ἔχει τὸ ἄπει-
ρον 284, 18—286, 11.
ἐκ πέρατος καὶ ἀπείρου τὰ
ἅλλα πάντα 107, 17.
εἰς ἄπειρον 6, 14. 86, 17. 184,
27. 278, 11. 322, 24. 369, 15.
ἐπ' ἀπειρον 6, 17. 60, 15. 88,
10. 107, 16. 111, 5. 15. 132,
3. 184, 17. 187, 19. 23. 198,
14. 278, 9 ss.
ἀπείρως 291, 8.
ἀπελάνω 29, 19. 32, 3.
ἀπεναντίας 171, 22. 194, 12.
206, 21.
ἀπεναντίον passim, e. g. 169,
6. 171, 8. 10. 305, 19 ss. 326,
22. 328, 9. 341, 4. 14. 355,
5 ss. 361, 7 ss. 377, 11 ss.
ἄπερ 75, 27.
ἀτέραντος, *ον* 73, 20. 74, 21.
112, 9. 132, 15. 133, 20. 150,
11. 200, 13.
ἀπεργάζομαι 43, 12. 44, 14. 74,
9. 15. 208, 24. 354, 15.
ἀπεργασία, ἡ 201, 4.
ἀπερεῖδω
Med. 18, 15.
ἀπεριήγητος, *ον* 5, 19.
Proclus.
ἀπερίληπτος, *ον* 285, 13.
ἀπέρχομαι 403, 10.
ἀπέχω 109, 10. 177, 21. 268, 23.
ἀπήχημα, τό 28, 25.
ἀπίθανος, *ον* 192, 20.
ἀπιστος, *ον* 63, 17.
ἀπλατῆς, ἐς 12, 20. 49, 14. 87,
4. 96, 19—97, 5.
ἀπλότης, ἡ passim, e. g. 4, 1.
21. 6, 1. 8, 24. 43, 15. 44, 17.
59, 17. 85, 9. 87, 5. 15. 88,
26. 114, 11. 148, 16. 179, 14.
293, 24.
ἀπλοῦς, ἡ, οὖν passim, e. g.
3, 3. 4. 5, 9. 7, 17. 11, 6. 19,
17. 22, 22. 53, 15. 54, 6. 82,
9. 101, 2. 142, 24 ss.
Comp. 8, 3. 14, 4. 26, 26. 34,
10. 44, 4. 57, 17. 24. 59, 13:
85, 3 ss.
πρὸς αἰσθησιν, πρὸς λόγον
93, 25 s.
γραμμαί 104, 26—106, 19.
θεωρήματα 242, 14 ss.
ἀπλῶν 132, 25.
ἀπλῶς passim, e. g. 7, 26. 14,
15. 32, 23. 36, 4. 81, 2. 134,
11. 369, 23.
ἀπὸ passim, e. g. 5, 17. 6, 10.
15. 8, 5. 18. 9, 7. 15. 17. 27.
26. 16. 18. 63, 24. 82, 22. 376,
27.
τὸ ἀπό = τετράγωνον 404, 7 s.
ἀποβλέπω passim, e. g. 28, 8.
33, 2. 89, 20. 114, 23. 124, 16.
130, 7.
ἀπογεννάω passim, e. g. 5, 17.
6, 11. 13, 15. 19, 19. 7. 86,
14. 137, 4. 139, 15. 314, 21.
ἀπογέννησις, ἡ 149, 22. 151, 6.
ἀπογινώσκω 186, 16.
ἀπογράφω 137, 17.
ἀποδείκνυμι passim, e. g. 14,
11. 32, 7. 34, 26. 35, 1. 58, 16.
75, 8. 15.
ἀποδεικτικός, ἡ, ὅν 14, 20. 42,
21. 69, 16. 179, 10. 184, 7.
206, 19. 260, 6. 384, 8.

- ἀποδεικτός*, ἡ, ὃν 182, 15. 183, 25. 188, 9. 194, 13. 211, 10. 278, 24. 322, 9. 364, 22.
ἀπόδειξις, ἡ passim, e. g. 9, 26. 14, 2 ss. 33, 1 ss. 35, 11. 13. 43, 4. 8. 54, 26. 57, 6 ss. 79, 7. 81, 13 ss. 113, 4. 178, 10. 203, 5. 12. 18. 206, 12—207, 3.
ἀποδέχομαι 34, 1. 100, 5.
ἀποδιαλαμβάνω 203, 8. 355, 25.
ἀποδίδωμι passim, e. g. 3, 17. 32, 17. 33, 22. 34, 2. 40, 14. 45, 1. 50, 17. 146, 8. 391, 29.
ἀπόδοσις, ἡ passim, e. g. 59, 15. 113, 13. 114, 18. 128, 20. 146, 1. 151, 14. 432, 17.
ἀποκαθαίρω 28, 5.
ἀποκαθίστημι 149, 1.
ἀποκαλέω 20, 11. 30, 5. 90, 15. 129, 8. 142, 14. 173, 13. 212, 10.
ἀποκατάστασις, ἡ 22, 28. 213, 26.
ἀποκρίνομαι 68, 16.
ἀπολαμβάνω passim, e. g. 3, 4. 109, 15. 152, 7. 159, 18. 160, 6. 163, 17.
ἀπολαύω 6, 7. 41, 23. 88, 13. 102, 9.
ἀπολείπω 8, 9.
Pass. passim, e. g. 4, 7. 18. 12, 2. 31, 21. 54, 13. 140, 4. 181, 3.
ἀπολήγω 95, 13. 112, 6. 157, 1.
ἀπολογισμός, ὁ 145, 19.
ἀπολυτικός, ἡ, ὃν 46, 24.
ἀπόλυτος, ὃν 139, 9.
ἀπολύτως 174, 16.
ἀπολύω 29, 6. 49, 9. 55, 22.
ἀπομιμέσθαι 5, 1. 41, 14. 138, 15. 173, 6. 291, 12.
ἀπονέμω 10, 20. 146, 7. 200, 16.
ἀπονένω 176, 8. 180, 1.
ἀποπεράτωσις, ἡ 19, 25.
ἀποπίπτω 69, 28. 283, 3.
ἀποπληρώω 6, 4. 84, 22. 275, 5.
ἀπορέω 49, 4. 94, 19. 131, 23. 158, 5. 171, 14. 181, 11. 185, 25. 199, 4. 213, 7. 223, 16. 269, 27. 271, 19.
ἀπορία, ἡ 94, 26. 105, 13. 123, 22. 191, 22. 339, 15.
ἄπορος, ὃν 50, 10. 72, 5. 123, 14. 124, 16. 258, 17.
ἀπόρητος, ὃν 90, 11.
ἀπορρίπτω 29, 24. 150, 6.
ἀπορροία, ἡ 173, 16.
ἀποσιώπησις, ἡ 411, 19.
ἀποσκευάζω 73, 26.
ἀποσπᾶω 187, 13.
ἀπόστασις, ἡ, passim, e. g. 24, 18. 40, 13. 21. 41, 21. 42, 2. 88, 11. 107, 8. 109, 16. 176, 15. 269, 16. 292, 11. 352, 17.
ἀπόστημα, τό 185, 24. 377, 4.
ἀποτελεσμα, τό 18, 25. 19, 21. 61, 8. 73, 8. 132, 1. 139, 16.
ἀποτελεσματικός, ἡ, ὃν 27, 10. 103, 12.
ἀποτελέω passim, e. g. 24, 13. 26, 14. 53, 7. 87, 11. 96, 14. 107, 14. 429, 7.
ἀποτέμνω 228, 20.
ἀποτυπώω 91, 5. 129, 12. 138, 11. 154, 27. 155, 15.
ἀποτυφλώω 20, 19.
ἀποφαίνω passim, e. g. 3, 9. 10, 28. 14, 11. 15, 5. 22, 6. 25, 19. 30, 1. 19. 100, 12. 166, 12. 330, 16.
ἀπόφανσις, ἡ 77, 3.
ἀποφαντικός, ἡ, ὃν 194, 1.
ἀποφαντικῶς 80, 24.
ἀποφασις, ἡ 94, 8—18. 96, 22. 114, 9 ss. 171, 12. 260, 3. 361, 1.
ἀποφάσκω 99, 21.
ἀποφατικός, ἡ, ὃν 94, 10. 260, 4. 8.
ἀποφατικῶς 96, 23. 259, 22.
ἀποφέρω 236, 3. 403, 13.
ἀπόφημι 255, 6. 295, 24.
ἀποφοιτάω 161, 2.
ἀποχή, ἡ 42, 4.
ἀποχρᾶω 204, 4.
Med. 324, 22.
ἀπραγματενύτως 180, 3. 303, 6.
ἀπροσδεής, ἐς 242, 6.

- ἄπτομαι* 60, 14. 135, 22. 402, 11.
ἄπτωτος, *ον* 222, 22.
ἄρα passim, e. g. 5, 5. 8, 21.
 12, 18. 18, 7. 22. 17, 23.
ἄρα 93, 6.
ἄργυρος, *ὁ*, 105, 18.
ἀρέσκω.
τὸ ἀρέσκον 142, 8.
ἀρετῇ, *ῆ* 17, 6. 20, 14. 21, 18.
 24, 6. 8 s. 27, 19. 28, 8. 63, 1.
 133, 20. 173, 24 s.
ἀρεθρον, *τό* 211, 24.
ἀριθμητικός, *ῆ*, *ὅν* 48, 13. 59,
 8. 73, 13. 93, 19. 205, 9. 259,
 25. 303, 21. 23. 357, 13.
ὁ ἀριθμητικός 9, 5 s. 40, 6.
 182, 12.
ῆ ἀριθμητική 6, 22. 23, 28.
 25, 6. 34, 15. 35, 28. 36, 20 ss.
 38, 10. 39, 14 ss. 48, 11. 184,
 13 ss.
ἀρχή 65, 3—5.
ῆ των πολλῶν 25, 11.
geometriae comparata 59, 16
 —61, 17. 95, 23—96, 15.
ἀριθμος, *ὁ* passim, e. g. 6, 15.
 23, 26. 7, 20. 8, 1. 9, 6 ss. 16,
 18. 22, 7. 26, 23, 5. 16. 24, 10.
 25, 10. 33, 7. 35, 19. 36, 20.
 39, 16 ss. 40, 3. 60, 13. 61, 2 ss.
 63, 15. 93, 7. 158, 5 ss. 161,
 20 ss. 184, 14 ss. 253, 9. 382,
 15. 391, 25. 423, 25.
ἐπὶ ψυχῆς 17, 7.
ὅμοιοι, *ἀνόμοιοι* 8, 11. 18.
φαινόμενοι 16, 23. 17, 10.
ὁ γεωμετρικός 23, 22 ss.
ὁ μοναδικός 96, 3.
ἀρχαὶ των ἀριθμ. 17, 15. 33,
 8. 92, 26 ss.
ἕκαστος εἰς ἐστὶ 96, 4.
(κνικλικοί) 159, 3. 17—151, 12.
τρίγωνος, *ἐξάγωνος* 253, 18—
 20.
τετράγωνος 427, 21—429, 8.
ἀριστος, *ῆ*, *ον* 23, 25. 44, 22.
 55, 19. 172, 17. 211, 13.
τὰ ἐν εὐθυγράμμῳ ἀρίστα
 423, 12.
- ἀρκέω* 165, 15. 220, 6. 227, 5.
 286, 13. 293, 6. 304, 9. 314, 9.
 385, 18. 406, 3. 407, 13. 429, 11.
ἀρκούντως 323, 4.
ἀρμόζω 16, 25. 210, 4.
ἀρμονία, *ῆ* 21, 12. 40, 23.
ἀρμονικός, *ῆ*, *ὅν* 16, 19. 25.
ῆ ἀρμονική 34, 16.
ἀρπάζω 55, 27.
ἀρρεπής, *ἐς* 157, 14. 291, 6.
 292, 7.
ἀρρεψία, *ῆ* 133, 13. 135, 9. 291, 16.
ἄρρηγν 151, 9.
ἄρρητος, *ον* 6, 21. 60, 9. 90, 16.
 141, 24.
ἀρρήτως 138, 13. 140, 21.
ἀρτάω 11, 8. 240, 13. 299, 8.
 326, 14.
ἀρτιόπλευρος, *ον* 393, 7.
ἀρτίος, *α*, *ον* 151, 10. 162, 18 ss.
 174, 7. 278, 4. 428, 22 s.
ἄρυσθος, *ον* 40, 20.
ἀρχαῖκός, *ῆ* *ὅν*
Comp. 251, 1.
ἀρχαῖκῶς 283, 9.
ἀρχαῖοι, *οἱ* 391, 20.
τὰ ἀρχαῖα 426, 6.
ἀρχή, *ῆ* passim, e. g. 3, 12. 5,
 17. 6, 9. 7, 15. 9, 1 ss. 11, 9.
 17, 2. 18, 3. 25. 19, 7 ss. 21,
 8. 18. 26, 27. 27, 5. 31, 19.
 32, 1. 9. 37, 16. 42, 14. 43,
 16 ss. 57, 17 ss. 58, 5. 21 ss.
 61, 19. 84, 8. 94, 14. 161, 18.
 179, 13.
ἀρχαὶ τῆς μαθηματικῆς 5, 15.
 7, 6. 13. 29, 20 s. 32, 5. 101,
 4. 255, 13 ss.
πρωτοεργαί 16, 19.
δημιουργικαὶ 37, 4.
ἀριθμῶν 17, 15. 33, 8.
(ἀριθμητικῆς) 65, 4.
γεωμετρικαὶ 178, 1. 199, 2 ss.
 278, 11.
σχημάτων 17, 18. 33, 8.
των τεχνῶν καὶ ἐπιστημῶν
 64, 16. 75, 8 ss.
τῶν ὄντων ἀπάντων 108, 5.

- τῆς διαστάσεως 155, 6.
 Διός 174, 11.
 τὴν ἀρχὴν adverb. 128, 18.
 ἐξ ἀρχῆς 197, 10. 255, 12. 259, 19.
 ἀρχηγικός, ὁ, ὄν 20, 9.
 ἀρχηγός, ὄν 154, 26. 167, 16.
 ἀρχικός, ἡ, ὄν 74, 12. 85, 16. 86, 4. 91, 14. 93, 11. 110, 9. 139, 16.
 ἀρχοειδής, ἐς 71, 13. 73, 8. 74, 17. 82, 13. 98, 11. 103, 22. 113, 11. 244, 2. 414, 13.
 ἀρχοειδῶς 18, 2.
 ἀρχομαι passim, e. g. 6, 15. 18, 18. 19, 20. 64, 23. 70, 7. 25. 81, 25. 117, 15.
 ἀσάλευτος, ὄν 90, 21. 130, 6.
 ἀσαφής, ἐς 195, 10. 242, 9. 16.
 ἀσθενεια, ἡ 368, 25.
 ἀσθενέω 54, 27. 162, 13.
 ἀστρολογία, ἡ 25, 22. 38, 11. 25. 41, 19. 42, 3. 278, 8.
 ἀστρολογικός, ὁ 109, 25. 241, 19.
 ἀστρον, τό 42, 2. 5.
 ἀστρονομία, ἡ 269, 8. 13. 19.
 ἀστρονομικά, τὰ 73, 13. 268, 21.
 ἀσύνγυτος, ὄν 136, 11.
 ἀσύμβατος, ὄν 221, 20.
 ἀσύμβλητος, ὄν 124, 12.
 ἀσυμμετρία, ἡ 26, 17.
 ἀσυμμετρον, τό 278, 20.
 ἀσύμπλεκτος, ὄν 244, 23.
 ἀσύνπικτος, ὄν 175, 12. 24. 176, 18—177, 23. 192, 20. 362, 27. 365, 2—3. 366, 21 ss. 367, 7. 17. 368, 4 ss. 369, 16. 371, 8. 375, 6. 395, 9.
 ἀσύναπτος, ὄν 10, 8.
 ἀσύνευκτος, ὄν 177, 21.
 ἀσύνθετος, ὄν 3, 5. 111, 2. 9. 246, 10.
 ἀσφαλής, ἐς 248, 2. 270, 22.
 ἀσφαλίζω 260, 11.
 ἀσχετος, ὄν 101, 9. 134, 6.
 ἀσχηματιστος, ὄν 52, 12. 54, 8. 94, 25.
 ἀσχημοσύνη, ἡ 139, 4.
 ἀσχολεῖσθαι 41, 26. 200, 23.
 ἀσώματος, ὄν 18, 24. 20, 26. 21, 22. 49, 6. 26. 54, 3. 96, 14. 137, 17. 322, 20.
 τὰ ἀσώματα ψυχὴ καὶ νοῦς 147, 15.
 ἀσωμάτως 17, 3.
 ἄτακτος, ὄν 24, 15. 74, 23. 220, 12.
 ἀτάκτως, 26, 19.
 ἀταξία, ἡ 26, 16.
 ἄτε 31, 20. 52, 23.
 ἀτελευτητος, ὄν 149, 12.
 ἀτελής, ἐς passim. e. g. 12, 18. 15, 14. 19, 4. 21, 17 s. 22, 3. 29, 11. 32, 15. 64, 25. 88, 25. 93, 20. 94, 2. 138, 25. 149, 25. 368, 12.
 οἱ ἀτελέστεροι 82, 6.
 ἀτελῶς 91, 20. 161, 10.
 ἀτιμάζω 28, 23. 29, 13.
 ἄτιμος, ὄν Comp. 14, 25. 15, 2.
 ἄτμητος, ὄν 298, 17.
 ἄτομος, ὄν 279, 6.
 ἄτοπος, ὄν 144, 9. 217, 2. 255, 10. 368, 18. 408, 6. 435, 16. 436, 6.
 ἀτόπως 361, 17.
 ἀτρακτος, ὁ 90, 9.
 ἀτραπός, ἡ 19, 8. 68, 16. 212, 18.
 ἄτρεπτος, ὄν 90, 7. 132, 21.
 ἀτρύτως 155, 20.
 ἄττα 122, 13. 354, 10.
 ἀνυπότως 55, 14.
 ἀν passim, e. g. 9, 5. 10, 22. 17, 18. 40, 2. 22.
 ἀν πάλιν 4, 13.
 ἀνθις, 64, 14.
 ἀνθία, ἡ 4, 1. 20. 28, 27. 43, 15.
 ἄνθος, ὄν passim, e. g. 9, 13. 11, 24. 13, 14. 20, 1. 43, 14. 52, 5. 53, 14. 54, 13. 85, 13 ss. 95, 24. 96, 9. 97, 11. 101, 15. 137, 17.
 ἀνῶως 63, 5. 65, 18. 137, 21.
 ἀνῆλθω 67, 5. 82, 11. 270, 13.
 ἀνῆξ, ἡ 39, 20.

- αὐξήσεις, ἡ 6, 16, 50, 4. 132, 4.
 11. 188, 14. 293, 19. 316, 22.
 397, 8. 12. 398, 6 ss.
 αὐξήτος, ἡ, ὅν 198, 15.
 αὐξέω passim, e. g. 167, 22. 184,
 27. 270, 10 ss. 292, 21. 305, 14.
 αὐτάρ 306, 23.
 αὐτάρκης, εἰς 18, 13. 174, 1.
 260, 2.
 αὐτενέργητος, ὅν 15, 26. 141,
 1. 147, 28.
 αὐτογόνως 16, 7.
 αὐτόζωος, ὅν, 148, 24.
 αὐτόθεν passim, e. g. 7, 9. 76,
 23. 79, 11. 179, 3. 181, 9. 192,
 4. 211, 11. 212, 3. 282, 22.
 αὐτοκίνητος, ὅν 15. 27. 16, 23.
 17, 23. 137, 20. 140, 14. 142,
 3 s. 147, 27. 148, 24.
 αὐτοματίζω 13, 20.
 αὐτοπίστος, ὅν 76, 13. 179, 14.
 194, 6. 255, 17.
 αὐτοπίστως 15, 16.
 αὐτός passim.
 καθ' αὐτό 34, 23. 35, 2 s. 26 ss.
 76, 10. 123, 21.
 καθ' αὐτό καὶ ἡ αὐτό 355,
 22. 356, 13. 384, 6.
 καθ' αὐτά 9, 20. 31, 5.
 ταυτόν 34, 27. 35, 1. 353, 4—
 11.
 ταυτό 76, 7.
 αὐτοτελής, εἰς 91, 18.
 αὐτοφανής, εἰς 195, 18.
 αὐτοφυής, εἰς 240, 13. 421, 22.
 αὐτοφνώς 244, 3.
 ἀφαίσεις, ἡ passim, e. g. 12,
 6. 15, 16. 77, 9. 79, 1. 139, 14.
 19. 26. 140, 2. 235, 1.
 ἀφαιρετικός, ἡ, ὅν 46, 23.
 ἀφαιρέω passim, e. g. 15, 2.
 25, 17. 28, 6. 30, 1. 9. 36, 5.
 69, 27. 227, 9. 292, 9. 338, 10.
 ἀφανής, εἰς 16, 26. 21, 12. 174,
 20.
 ἀφανίζω 64, 15. 22. 95, 7. 154,
 8. 199, 8.
 ἀφεμεύω 128, 21.
 ἀφή, ἡ 50, 6. 54, 16. 58, 13. 60,
 14. 120, 20.
 ἄφθορος, ὅν 303, 17.
 ἀφιερώνω 130, 12.
 ἀφίημι 28, 19. 84, 21. 140, 11.
 141, 18. 150, 15. 285, 12. 18.
 ἀφικνέομαι 64, 10.
 ἀφίστημι 27, 24. 123, 4. 175, 18.
 177, 14. 269, 18. 292, 8. 293,
 21. 309, 9 ss. 377, 7.
 ἀφομοιόω 20, 4.
 ἀφομοιωματικός, ἡ, ὅν 23, 17.
 ἀφομοιώσεις, ἡ 133, 1. 149, 9.
 ἀφοράω 27, 18. 37, 11. 100, 15.
 130, 15. 310, 20.
 ἀφορία, ἡ 23, 20. 150, 4.
 ἀφορίζω passim, e. g. 3, 7. 10,
 15. 11, 26. 25, 4. 31, 12. 35,
 24. 86, 6.
 ἀφορμή, ἡ 174, 19. 211, 25. 247,
 20. 258, 22. 304, 13. 305, 23.
 307, 8. 392, 22.
 ἄφραστος, ὅν 138, 7.
 ἀχλὺς, ἡ, 30, 1.
 ἀχραντος, ὅν 108, 12. 132, 19.
 133, 18. 173, 4. 9. 291, 6. 18.
 ἀχράντως 290, 19. 291, 13.
 ἀχρηστος, ὅν 27, 20. 28, 9. 247,
 11. 268, 18.
 ἄχρη 148, 8. 150, 13. 18. 431, 15.
 ἀχώριστος, ὅν 15, 3. 49, 8. 50,
 21. 53, 15. 86, 27.
 ἀψίς, ἡ 104, 19. 163, 6. 164, 3.
 βάθος, τό 97, 3. 100, 14. 114, 9.
 βαθύς 47, 3.
 βάμα 84, 17.
 βάρος, τό 25, 11. 181, 19.
 βασιλεύς, ὁ 24, 19. 63, 21.
 βασιλικός, ἡ, ὅν 68, 16.
 βάσις, ἡ passim, e. g. 79, 27.
 80, 2. 26. 83, 23. 84, 1. 118,
 16 s. 153, 9.
 γωνιών 396, 6.
 βεβαιόω 195, 20. 203, 14. 255,
 11.
 βελτίων, ὅν 14, 16.
 βέλτιος 403, 13.
 βῆμα 84, 19.
 βίαιος, ὅν 52, 19.

- βιβλίον passim, e. g. 69, 4. 70, 15. 71, 3. 76, 2. 81, 20 ss. 125, 8. 345, 11.
 βίος, ὁ 21, 7. 26, 3. 27, 25. 28, 10. 63, 9.
 βιωτικός, ἡ, ὅν 28, 8.
 βλέπω 55, 11. 70, 23. 141, 14. 269, 19.
 βλοσυρός, ἄ, ὅν 138, 20.
 βουθύτης, ὁ 426, 8.
 βούλομαι passim, e. g. 24, 8. 28, 18. 30, 8. 31, 13. 52, 9. 203, 3. 292, 25.
 βραχύς 73, 19. 210, 26. 214, 17. ἐπὶ βραχύ 200, 7. κατὰ βραχύ 355, 8.
 γέ passim, e. g. 5, 12. 12, 16. 23, 12. 28, 20. 92, 21. 24, 27.
 γειτνιάω 243, 18.
 γελοῖος, α, ὅν 183, 24.
 γενεσία, ἡ 213, 25.
 γενεσιουργός, ὅν 20, 24.
 γένεις, ἡ passim, e. g. 8, 23. 17, 12. 23, 5. 16. 23. 24, 20. 29, 5 ss. 39, 18. 46, 24. 56, 9. 77, 8 ss. 105, 20. 147, 8—22. 164, 15. 201, 10. 290, 21 ss. 294, 5 ss.
 τῆς κυκλικῆς γραμμῆς 106, 16.
 κύκλος τῆς γενέσεως 149, 17.
 τρίγωνον ἀρχὴ τῆς γενέσεως 166, 15.
 αἱ γενέσεις τὰς ἀληθινὰς ὑπ' ὧν ἀγνοοῦν αἰτίας 310, 6—8. 375, 25 s.
 γενητός, ἡ, ὅν 147, 10. 149, 15. 166, 16. 167, 19. 174, 10. 294, 12.
 γενναῖος, α, ὅν 30, 18.
 γεννάω passim, e. g. 13, 15. 16, 3. 17, 27. 37, 12. 22. 88, 5. 99, 2. 132, 5.
 γέννησις, ἡ 13, 10. 354, 18.
 γεννητικός, ἡ, ὅν 6, 5. 13, 7. 50, 24. 88, 21. 92, 27. 93, 4. 97, 10. 99, 14. 139, 9. 140, 24. 151, 5. 164, 9. 173, 21.
 γένος, τό p assim, e. g. 3, 2. 7, 7. 10, 12. 25. 20, 4. 33, 10. 35, 14. 20. 36, 16. 37, 13. 40, 7. 82, 16. 116, 25. 143, 22. 156, 20.
 τὰ μαθηματικά 5, 11. 7, 16. 8, 9. 12, 4.
 τὰ νοητά 6, 1. 32, 10. 62, 22. τῶν ὄντων 85, 12. 91, 28.
 γεωδεσία, ἡ 25, 20. 38, 12. 16. 39, 20 ss. 63, 7.
 γεωμετρῶ 211, 4.
 γεωμέτρης, ὁ 9, 2. 49, 8. 58, 22. 131, 11. 182, 10. 192, 11. 194, 8. 10. 202, 13 ss. 214, 20. 218, 1. 246, 9. 252, 5. 256, 9. 278, 1. 14.
 οἱ πολλοί 131, 17.
 Vide Εὐκλείδης.
 γεωμετρητός, ἡ, ὅν 185, 26. 186, 24. 201, 3.
 γεωμετρία, ἡ passim, e. g. 6, 22. 24, 1. 16. 25, 21. 36, 1. 37, 3. 9. 38, 10. 39, 8. 48, 6—70, 18. 72, 10. 116, 21. 184, 13—29. 201, 16. 210, 24.
 ὕλη καὶ οὐσία 48, 17—56, 22.
 ἐπιστήμη 57, 9—61, 17.
 αἰτίαν ζητεῖ 202, 9—25.
 τέλος ἀριστον 55, 19.
 ὅθεν ὠρμηται καὶ μέχρι τίνος πρόεισιν 61, 25—64, 2.
 γένεις 64, 7—65, 7.
 ἡ ἀπαίρει τὴν ψυχὴν εἰς ὕψος 84, 18—23.
 ἡ ἐξ ἀρχῆς 136, 9.
 γεωμετρικός, ἡ, ὅν passim, e. g. 55, 16. 57, 2. 5. 58, 20 ss. 93, 18. 135, 1. 178, 1. 11. 182, 7. 259, 24. 278, 11. 301, 21. 303, 20. 22.
 νοῦς 180, 8.
 ἀριθμός 23, 22 ss.
 ὁ γεωμετρικός 61, 20. 237, 10. 404, 1.
 ὁ ὡς ἀληθῶς γεωμετρικός 55, 24.
 γεωμετρικῶς 62, 26.
 γῆ 41, 22. 63, 13. 82, 25. 100, 17. 114, 25. 173, 13. 16. 19.

- γίγνομαι v. γίνομαι.
 γινώσκω (γινώσκω) passim,
 e. g. 11, 2. 18, 17. 26, 1. 2.
 27, 22. 29, 9. 31, 23. 201, 9.
 πᾶν ὃ γινώσκει 52, 2.
 γίνομαι passim, e. g. 5, 14.
 22, 27.
 Aor. 6, 27. 15, 9. 16, 12. 39, 11.
 Perf. 11, 4. 224, 21.
 γλαφυρός, ἅ, ὅν 72, 20. 200, 11.
 219, 19.
 γνώμη, ἡ 32, 19.
 γνωμονικῆς, ἡ 41, 25.
 γνώμων, ὁ 41, 26. 60, 10. 153,
 4. 283, 10.
 κατὰ γνώμονα = κἀθετος
 283, 9.
 γνωρίζω passim, e. g. 9, 8. 10,
 12. 11, 12. 25, 11. 30, 14. 23.
 175, 5.
 γνώριμος, ὃν passim, e. g. 14,
 23. 25, 14. 63, 11. 76, 9. 94,
 17. 97, 18. 165, 1. 178, 11.
 266, 1.
 Comp. 8, 5.
 Sup. 71, 16.
 γνωριστικός, ἡ, ὃν 31, 4. 32, 16.
 γνώσις, ἡ passim, e. g. 4, 3.
 14. 8, 3. 25 s. 9, 12. 15. 10,
 20 ss. 11, 8. 17. 15, 11. 18, 28.
 28, 3 ss. 29, 19. 30, 13 ss. 31,
 2. 140, 23 ss. 148, 18. 174, 20.
 179, 3 ss. 241, 71. 294, 14.
 αἱ γνώσεις τῶν ὄντων 3, 15.
 αἱ μέσαι 62, 11.
 αἱ ἀπλᾶι 5, 10.
 αἱ ἀρχηγικώταται 20, 9.
 αἱ μαθηματικαί 7, 19.
 ἀνοδος γνώσεων 9, 17.
 δόξης καὶ αἰσθησεως 18, 15.
 δοξαστική 45, 10.
 τῶν μαθημάτων 20, 11.
 νοερά 19, 24. 21, 16.
 ἀμόρφωτος 46, 8. 52, 13.
 ἀκίνητος 13, 6.
 οὐσιώδης 46, 12.
 αἱ ἐν διεξόδοις φερόμεναι
 20, 3.
 κρείττων ἀποδείξεως 266, 14.
- γνωστικός, ἡ, ὃν 19, 14. 26, 4.
 30, 23. 31, 3. 7. 15. 44, 23.
 57, 10. 141, 4.
 γνωστικῶς 63, 6. 78, 5.
 γνωστός, ἡ, ὃν 48, 12. 142, 2.
 τὰ γνωστά 4, 15. 10, 7. 19 s.
 27, 8. 32, 18. 52, 15 ss. 93, 17.
 95, 13.
 γόνιμος, ὃν 5, 4. 6, 23. 15, 16.
 23, 18. 88, 24. 97, 14. 138, 1.
 141, 2. 151, 10. 164, 13. 173,
 16. 174, 9. 199, 8. 294, 9. 303,
 15.
 γοῦν 195, 16. 234, 16. 236, 5.
 γράμμα, τό 105, 6.
 γραμματεῖον, τό 16, 9. 186, 6.
 γραμμῆς, ἡ passim, e. g. 12, 21.
 39, 10. 40, 10. 49, 15 s. 89, 9.
 121, 22.
 Definitiones 96, 17—100, 3. 185,
 10 s.
 περατοῦσα, περατουμένη 85,
 6. 86, 20. 22. 101, 2—102, 4.
 102, 23—103, 18.
 λόγος αὐτῆς πάντη γίνεται
 μεριστός 87, 9.
 μὴ εἶναι τὴν γραμμὴν ἐξ
 ἀμερῶν 278, 2—12.
 πάντα ἐν ταῖς ψυχαῖς κατὰ
 τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς 92,
 4—8.
 εἶδη καὶ διαιρέσεις 103, 21—
 106, 19. 111, 1—113, 25. 356,
 7—12.
 ἐπίπεδοι, στερεαὶ γραμμαί
 394, 21.
 ἔννοια γραμμῆς 100, 6—9.
 αἰσθησις γραμμῆς 100, 14—19.
 κωνικά 419, 19; vide κωνικός.
 γραμμικός, ἡ, ὃν 121, 22. 188,
 22.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 15.
 γράφω passim, e. g. 16, 9. 10.
 38, 20. 40, 22. 56, 25. 103, 15 s.
 420, 5.
 γυμνάζω 26, 6. 70, 6. 12. 145,
 24. 210, 18. 220, 6. 227, 7.
 γυμνασία 210, 23. 224, 15. 229,

3. 290, 15. 300, 24. 414, 15. 435, 18.
 γυμναστικός, ἡ, ὅν 70, 15.
 γωνία, ἡ passim, e. g. 12, 22. 14. 13. 23, 7. 33, 11. 40, 11. 143, 1. 160, 3. 8. 164, 26 ss. 347, 20 ss.
 (ὄρισμοί) 121, 12—126, 6.
 ἡ περιφερὸς γωνία 104, 12. 128, 16. 129, 20. 333, 12 ss.
 μικταί 104, 18.
 ἐπίπεδος 121, 8. 126, 12—128, 19. 298, 23.
 ἐν στερεοῖς 126, 8.
 στερεὰ τεττάρων ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 19 s.
 εὐθύγωνος 122, 3. 7. 128, 24—134, 19. 333, 3 ss.
 δίχα τεμεῖν 271, ss.
 τρίχα 272, 2—12.
 δύο ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 18 s.
 σύμβολον 128, 26—130, 21.
 μέγιστον δύναται πρὸς αὐξήσιν τῶν χωρίων ἢ ἐλάττωσιν 397, 7 ss.
 τριγώνου γωνίαί 377, 12—379, 16.
 τριγώνου γωνία τέτταρσιν θεοῖς (ἀνατεθεῖσα) 167, 2—11. 174, 3.
 τετραγώνου γωνία (τριῶν θεῶν) 173, 12—21. 174, 4.
 πολυγώνων γωνίαί 381, 23—382, 24.
 αἱ ἐκτὸς γωνίαί 382, 24—383, 16.
 οὐ δύναται γωνία γενέσθαι [εἰ μὴ] πρὸς ἐνὶ σημείῳ 208, 13 s.
 ὁμοία = ἴσα 251, 1.
 κατὰ κορυφήν 298, 12 ss.
 ἐν τμήματι 396, 3—7.
 ἐν ἡμικυκλίῳ 396, 4—5.
 γωνιακός, ἡ, ὅν 129, 7.
 γωνιώω 163, 13.
 Δ = τρίγωνον 426, 2. 433, 6. 434, 9.
 δαιμόνιος 64, 8. 76, 8. 116, 24. 284, 23.
 δαίμων 112, 2.
 δάκτυλος, ὁ 403, 18.
 δεῖ passim, e. g. 7, 6. 8, 21. 21, 17. 22, 1. 55, 23. 75, 27.
 δεῖγμα, τό 397, 2.
 δεικνυμι passim, e. g. 6, 24. 9, 4. 14, 20. 18, 7. 22, 8. 24. 25, 23. 31, 18. 105, 15. 157, 17. 300, 5 ss.
 „ὅπερ ἔδει δεῖξαι“ 81, 11. 210, 8. 15.
 δεικτικός, ἡ, ὅν 301, 1. 304, 4. 314, 13. 318, 14.
 δεινός, ἡ, ὅν 268, 21. 303, 10.
 δεῖξις, ἡ passim, e. g. 56, 8. 210, 9. 283, 1. 304, 2. 6. 310, 17. 316, 14. 335, 16. 345, 1. 368, 14.
 δέκα 403, 19 s. 410, 23.
 δεκάγωνον, τό 393, 12.
 δεκάπλευρος, ὃν 422, 20.
 δεκάς, ἡ 150, 18.
 δέκατος, ἡ, ὃν 205, 10.
 δεκτικός, ἡ, ὃν 124, 9.
 δεόντως 150, 2. 194, 20.
 δεσμός, ὁ 20, 25. 46, 25. 129, 3.
 δεσμώτης, ὁ 46, 13.
 δεύτερος, α, ὃν passim, e. g. 4, 9. 6, 10. 14, 27. 15, 7. 19, 19. 26, 24. 29, 6. 32, 4. 14. 72, 26. 269, 2 ss.
 δεύτερον 13, 27. 33, 21.
 δευτέρως 60, 28. 142, 11.
 δέχομαι passim, e. g. 14, 23. 32, 10. 50, 2. 86, 7. 94, 20. 24.
 δέω 14, 20. 349, 21.
 Med. passim, e. g. 25, 6. 48, 14. 79, 10. 86, 8. 88, 16. 107, 3. 119, 12. 124, 3 ss. 179, 8. 357, 7.
 δηλαδὴ 26, 22. 404, 10.
 δῆλος, ἡ, ὃν 38, 26. 66, 11.
 δῆλον sc. ἐστὶ passim, e. g. 21, 26. 24, 1. 81, 6.
 δηλώω passim, e. g. 28, 13. 46,

20. 76, 21. 90, 3. 92, 11. 376, 10.
 δηλώσις, ἡ 293, 6.
 δημιουργέω 16, 26. 22, 19. 63, 14.
 δημιουργημα, τό 137, 9.
 δημιουργία, ἡ 17, 12. 166, 17.
 δημιουργικός, ἡ, ὅν 37, 4. 89, 19. 90, 3. 108, 16. 130, 16. 137, 23.
 δημιουργικῶς 17, 19. 36, 25.
 δημιουργός, ὁ 17, 3. 36, 15. 90, 12.
 διῆπον passim, e. g. 15. 19. 29, 18. 38, 6. 78, 21. 126, 27. 165, 5.
 διά c. Acc. passim, e. g. 6, 2. 4. 8, 25. 9, 23. 10, 2. 11, 7.
 c. Gen. passim, e. g. 5, 16. 7, 16. 10, 12. 18, 22. 376, 27.
 διαβαίνω 179, 20.
 διαβάλλω 217, 11. 21.
 διαβολή, ἡ 305, 25.
 διαγινώσκω 59, 4.
 διάγνωσις, ἡ 22, 4. 41, 16.
 διαγραμμα 45, 16. 190, 22. 213, 7. 10. 223, 1.
 διαγράφω 191, 21.
 διάγω 67, 19.
 διαγώνιος, ἡ 106, 6. 156, 15. 261, 21. 389, 18.
 διάθεσις 182, 18.
 διαθρυνέω 84, 10. 199, 6.
 διαίρεσις, ἡ passim, e. g. 3, 6. 4, 20. 6, 5. 17, 7. 23, 9, 10. 11, 7. 11. 36, 18. 38, 16. 57, 22. 159, 11. 167, 25.
 ἡ τῶν τετάρων ἐπιστημῶν 35, 21—38, 2.
 ἐπ' ἀπειρον 60, 16 (184, 17. 322, 25).
 διαίρεσιν βιβλίον (Εὐκλείδου) 69, 4.
 τοῦ πρώτου (Εὐκλείδου) βιβλίου 83, 7—84, 7.
 τῶν ἐπιπέδων σχημάτων 163, 1—164, 8.
 τῶν τριγώνων 164, 27 ss.
 τῶν παραλληλογράμμων 388, 13—390, 9.
 κτημάτων 403, 8.
 διαιρητικός, ἡ, ὅν 42, 21. 69, 14. 110, 6. 132, 26.
 ἡ διαιρητική (μέθοδος) 211, 24—212, 1.
 διαιρητικῶς 43, 3.
 διαιρετός, ἡ, ὅν passim, e. g. 54, 21. 88, 10. 122, 9. 11. 124, 8. 125, 22. 167, 23. 198, 14.
 διαιρετὸν τὸ συνεχές 278, 13 ss.
 διαίρῃω passim, e. g. 3, 15. 4, 1. 16, 18. 31, 5. 12. 35, 22. 50, 18. 198, 9. 303, 19.
 Med. 30, 22.
 Pass. passim, e. g. 3, 3. 4, 13. 6, 18. 8, 22. 9, 11. 10, 7. 19. 90, 24.
 διαιωνίζω 90, 8.
 διαιωνίως 91, 1. 148, 17.
 διάκειμαι 435, 19.
 διακόπτω 321, 18.
 διακορής, ἐς 84, 12.
 διακοσμέω 150, 1. 13.
 διακόσμησις, ἡ 63, 4. 90, 21. 99, 11. 130, 17. 149, 20. 156, 4. 167, 3. 174, 10.
 διάκοσμος, ὁ 6, 12. 13, 14. 17, 1. 18, 24. 61, 27. 62, 6. 86, 1. 91, 5. 26. 132, 17.
 διακριβόω 63, 15. 69, 21.
 διακρίνω passim, e. g. 4, 16. 13, 15. 37, 7 (?). 144, 19. 147, 15. 159, 3. 179, 12. 194, 5. 289, 12.
 διάκρισις, ἡ 31, 8. 36, 13. 43, 17. 99, 12. 242, 1. 394, 15.
 διακριτικός, ἡ, ὅν 19, 17.
 διαλαμβάνω 41, 20.
 διαλάμπω 137, 26.
 διαλέγομαι 49, 8. 236, 9. 356, 6.
 διαλεκτική, ἡ 21, 23.
 θριγγός τῶν μαθημάτων 42, 10—44, 24.
 μέθοδοι 42, 18—43, 21. 69, 13—18.
 διαλεκτικός, ἡ, ὅν 44, 16. 20. 57, 21. 194, 2. 432, 18.

- διάλυσις, ἡ 72, 6. 247, 15. 258, 17. 20. 263, 8. 12.
 διαλύω 61, 12. 124, 16. 149, 20. 191, 23. 248, 5. 11. 382, 13, 422, 11. 21.
 διαμαρτάνω 59, 6. 94, 1.
 διαμένω 70, 8. 119, 10. 404, 20.
 διάμετρος, ἡ passim, e. g. 38, 22. 54, 15. 56, 3. 156, 6—157, 9. 158, 1 ss. 160, 12. 216, 11. 18. 239, 11. 13. 245, 21. 26. 261, 23 ss. 417, 5 ss.
 διαμονή, ἡ 23, 24.
 διαμόρφωσις, ἡ 62, 15. 148, 3.
 διαμφισβητέω 104, 26. 182, 19. 192, 26. 193, 17.
 διανέμω 304, 13.
 διανόησις, ἡ 62. 2. 18.
 διανοητικός, ἡ, ὅν passim, e. g. 18, 10. 45, 2. 22. 55, 9. 56, 1. 204, 17.
 διανοητός, ἡ, ὅν passim e. g. 4, 19. 10, 23. 26. 11, 14. 14, 7. 9. 22, 8. 50, 11. 56, 16. 57, 3.
 διάνοια, ἡ 4, 8. 10, 26. 11, 1 ss. 12, 1. 14, 22. 17, 25. 20, 16. 27, 26. 30, 2. 42, 13. 15. 45, 12. 46, 10. 22. 50, 14. 53, 23 ss. 56, 22. 57, 6. 70, 12. 71, 8. 74, 6. 78, 22. 79, 1. 82, 7. 87, 13. 94, 22. 95, 8. 104, 23. 120, 4. 6. 174, 18. 179, 6. 15. 186, 5. 211, 13. 285, 24—286, 11.
 ἔν καὶ πολλὰ οὐσα 36, 19.
 διανομή, ἡ 25, 10. 131, 22.
 τῶν χωρίων 236, 2. 237, 16.
 διαπεραίνω 151, 13.
 διαπίπτω 351, 2.
 διαπλάττω 7, 9. 15, 2.
 διαποικίλλω 413, 20.
 διαπορέω 223, 24. 234, 12.
 διαπραγματεύομαι 234, 4.
 διαπρεπής, ἔς, 137, 9.
 διαπρέπω 21, 3.
 διαρδρόω 74, 13. 432, 5.
 διάρδρωσις, ἡ 113, 25.
 διαριθμέω 70, 11.
 διασάφω 203, 10.
 διασκέπτομαι 385, 17.
 διασπᾶω 129, 14.
 διάσταισις, ἡ passim, e. g. 3, 11. 49, 23. 27. 52, 24. 53, 3. 55, 13. 27. 56, 11. 60, 4. 85, 6. 87, 10 ss. 89, 24. 95, 14. 153, 16. 23. 270, 18.
 εὐθειῶν εἰς ἄπειρον ἐκβαλλομένων 371, 16.
 διαστατός, ἡ, ὅν 12, 25. 54, 9. 97, 22. 114, 17. 116, 8. 142, 13. 167, 26. 186, 23 ss.
 τὰ διαστατά 17, 8. 51, 1. 88, 22. 137, 22.
 τὸ ἐφ' ἑν διαστατόν 97, 7. 98, 19. 126, 2—6.
 διαστατῶς 50, 1. 52, 27. 56, 14. 99, 3.
 διαστέλλω 75, 27.
 διάστημα, τό passim, e. g. 53, 15. 88, 5 s. 95, 20. 96, 9. 18. 100, 13. 176, 12. 14. 322, 24.
 πρῶτον ὑπὸ τὸ σημεῖον 125, 15—126, 6.
 διαστροφή, ἡ 291, 4.
 διαστροφῶς 59, 1.
 διασύρω 322, 4.
 διασώζω 21, 4. 139, 2.
 διάταξις, ἡ 98, 10. 184, 6.
 διατάττω 57, 1.
 διατείνω 18, 9. 20, 10. 48, 1. 72, 14. 117, 15. 138, 23. 264, 17.
 διαφερόντως 26, 13. 27, 11. 45, 14. 46, 18. 55, 16. 69, 4. 164, 15. 173, 3. 423, 9.
 διαφέρω passim, e. g. 6, 21. 10, 9. 16, 2. 26, 8. 33, 3 ss. 53, 8 ss. 67, 13. 74, 11. 81, 1. 179, 13. 357, 19.
 διαφεύγω 222, 12.
 διάφορα, ἡ passim, e. g. 34, 9. 19. 35, 21. 42, 1. 44, 5. 50, 4. 51, 12. 61, 20. 81, 5. 119, 17. 120, 8. 14. 165, 14. 432, 3.
 διάφορος, ὅν passim, e. g. 117, 25. 118, 24. 130, 14. 136, 21. 242, 5,

- διαφορότης, ἡ 25, 11. 57, 16. 62, 15. 144, 7.
 διαφυλάττω 43, 13. 88, 18.
 διδασκαλία, ἡ 10, 16. 74, 8. 82, 5. 94, 18. 354, 7. 355, 7. 384, 4.
 διδασκαλικός, ἡ, ὅν 334, 7.
 διδάσκω 49, 17. 96, 22. 162, 23. 171, 4. 234, 2. 248, 4. 304, 12. 313, 22. 354, 5. 382, 3. 406, 2. 427, 13.
 δίδωμι passim, e. g. 3, 13. 8, 26. 12, 8. 13, 1. 15, 15. 21, 20. 75, 13. 78, 2s. 106, 2. 116, 3. 315, 7.
 πᾶν δεδομένον ἢ θέσει ἢ λόγῳ ἢ μεγέθει ἢ εἶδει 205, 14—206, 11. 235, 11. 271, 14. 277, 7—15.
 δίδειμι 322, 24.
 διείργω 357, 18.
 διελέγχω 29, 21. 59, 6. 214, 17. 217, 9. 263, 9.
 διέλω 171, 22. 270, 16.
 διέξιμι 18, 24. 285, 9. 354, 4.
 διεξοδύνω 4, 11.
 διεξοδικός, ἡ, ὅν 5, 8.
 τό διεξ. 3, 10. 11, 20. Comp. 35, 12.
 διεξόδος, ἡ 19, 9. 20, 3. 44, 21. 62, 18. 179, 16. 186, 12. 285, 9.
 διερευνάομαι 65, 19.
 διέρχομαι 136, 23. 178, 5. 210, 26. 288, 11.
 διεχῆς
 σπείρα 119, 16.
 διηκω passim, e. g. 5, 16. 7, 16. 10, 12. 19, 20. 24, 3. 43, 25. 89, 22. 104, 14. 373, 6.
 διηρημένως 16, 15. 153, 28.
 διικνεύομαι 72, 4.
 δίστημι passim, e. g. 56, 19. 101, 17. 154, 4. 21. 166, 19. 171, 24. 310, 2. 316, 18. 332, 1. 362, 6. 371, 22.
 Perf. passim, e. g. 4, 15. 10, 8. 22, 22. 60, 3. 90, 5. 110, 10. 269, 2. 402, 12.
 τὸ τριχῇ διεστώς (διαστάν) 85, 4. 86, 17. 99, 8. 114, 5.
 (τὸ διχῇ διαστάν) 114, 4. 17. 116, 8. 20.
 δίκαιος, α, ὅν 236, 3.
 δικαιοσύνη 78, 9.
 δικαίως 52, 6.
 διμοιρον, τὸ 221, 17. 296, 14. 304, 19. 333, 15. 383, 19. 25.
 διό passim, e. g. 19, 25. 20, 17. 22, 9. 28, 11. 71, 2.
 διόπερ 3, 14. 97, 4.
 διοπτρική, ἡ 42, 4.
 διορατικός, ἡ, ὅν 70, 5.
 διορίζω passim, e. g. 35, 5. 18. 41, 12. 44, 24. 70, 21. 71, 24. 75, 25. 153, 10. 179, 9. 432, 3. Med. 11, 18. 71, 6.
 διορισμός, ὁ 66, 22. 100, 15. 124, 16. 182, 21. 202, 3. 203, 4. 9. 23. 204, 24 ss. 208, 19 ss. 262, 1. 351, 3.
 διότι passim, e. g. 19, 9. 20, 11. 56, 10. 57, 4.
 διπλασιάζω 294, 1. 305, 13.
 διπλασιασμός, ὁ 213, 3.
 διπλάσιος, α, ὅν 61, 14 ss. 196, 26 ss. 204, 2. 13. 16. 210, 2. 220, 18 ss. 277, 12. 323, 24. 373, 15. 382, 15. 383, 3 ss. 394, 5. 405, 25. 412, 3 ss. 424, 18.
 διπλάσια τῶν ἀπείρων 158, 2—20.
 ὁ διπλάσιος λόγος ὁ πρώτιστος τῶν ἀνίσων 412, 15 s.
 διπλασίον, ὅν 305, 8.
 διπλασίως 335, 10.
 διπλοῦς, ἡ, οὖν 19, 15. 132, 13. 207, 4. 222, 6. 8.
 διττός, ἡ, ὅν passim, e. g. 19, 6. 35, 25. 51, 13 ss. 53, 18 ss. 58, 23. 78, 10. 95, 18. 98, 13. 102, 3. 200, 22. 427, 18.
 δίχα passim, e. g. 80, 10 s. 157, 5. 158, 1. 204, 20 s. 205, 20. 271, 2 ss. 320, 12. 415, 19 ss.
 διχῇ 114, 4. 17. 116, 8. 20. 161, 5.
 διχοτομέω passim, e. g. 157, 10. 246, 4. 271, 18. 273, 16.

- 279, 1. 287, 15. 369, 17. 388, 6 ss.
διχοτομία, ἡ 106, 10. 13. 16. 157, 12. 207, 17. 388, 10.
διχῶς passim, e. g. 72, 23. 127, 12. 163, 24. 164, 3. 169, 20. 201, 19.
δόγμα, τό 22, 10. 13.
δοκέω passim, e. g. 6, 21. 35, 22. 45, 2. 67, 13. 74, 18. 85, 10.
δόξα, ἡ passim, e. g. 4, 5. 10. 11, 22. 12, 1. 14, 23. 15, 15. 18, 14. 35, 12. 65, 15. 66, 4. 80, 4. 96, 2. 125, 6. 17.
δόξασμα, τό 64, 9.
δοξαστικός, ἡ, ὅν 11, 19. 45, 10.
δοξαστός, ἡ ὅν
 τὰ δοξαστά 27, 8.
δόσις, ἡ 55, 20.
δουλεύω 139, 20.
δραστήριος, ὃν 90, 16. 138, 1. 141, 2.
δριμύς 216, 21.
δυναδικός, ἡ, ὅν 97, 23. 98, 20. 99, 18. 132, 13.
δυναδικῶς 101, 12. 214, 10.
δυνάς, ἡ 97, 21—100, 3. 101, 8. 161, 24. 162, 1. 382, 5. 12.
ἀόριστος 101, 18. 294, 2.
δύναμαι passim, e. g. 6, 24. 7, 20. 13, 15. 15, 27. 32, 22. 87, 6. 160, 2.
 opp. *δυναστεύομαι* 8, 13.
δύναμις, ἡ passim, e. g. 6, 23. 8, 12. 18, 3. 22, 9. 23, 6. 9. 42, 18. 49, 2. 62, 7. 20. 69, 26. 87, 23. 88, 18 ss. 144, 5. 294, 19. 303, 15.
δυνάμεις τῆς μαθηματικῆς 18, 8. 19, 6—20, 3.
 τῆς διαληκτικῆς 44, 13—16.
ἀσώματος 322, 20.
δυνάμει 16, 3. 88, 22. 25. 116, 13. 157, 9. 198, 13. 205, 10. 307, 19.
δυναμόω 144, 27.
δυναστεύω
 Pass. 8, 14.
δυνατός, ἡ, ὅν 66, 22.
δυνατόν (sc. ἐστὶ) passim, e. g. 23, 2. 45, 14. 59, 6. 79, 22. 25.
 τὸ δυνατόν 343, 14.
δυνατόν εἰπεῖν 373, 23.
δύο passim, e. g. 5, 18. 33, 4 ss.
δύο Gen. 214, 21. Dat. 291, 22 ss.
δυεῖν Gen. 117, 4. 123, 7. 163, 11 ss. 371, 5. Dat. 14, 12. 362, 18. 365, 15.
δυοῖν Gen. 98, 21. 271, 12.
δυσίη 206, 22. 25. 293, 11 ss.
δυοειδής, ἐς 101, 11. 142, 25. 159, 12. 25. 161, 19.
δυσαρίθμητος, ὃν 272, 23.
δυσεξέλικτος, ὃν 272, 22.
δυσεπίγνωστος, ὃν 321, 15.
δυσεύρετος, ὃν 421, 24.
δυσθεώρητος, ὃν 272, 12.
δυσθήρατος, ὃν 22, 3.
δύσκολος, ὃν 224, 16.
δύσληπτος, ὃν 242, 18.
δυσπερίληπτος, ὃν 74, 8.
δυνωδενάς, ἡ 174, 11—15.
δωδέκα 237, 11. 404, 2. 420, 13.
δωδεκάγωνον, τό 174, 12.
δῶρον, τό 30, 4. 47, 1. 303, 13.
ἔβδομος 248, 9. 255, 5 s. 265, 25 ss. 268, 14 ss.
ἐγγίνομαι 136, 24.
ἐγγονος, ὃν 7, 18.
ἐγγράμματος, ὃν 72, 6.
ἐγγραφή, ἡ 71, 1.
ἐγγράφω 56, 6. 213, 20. 269, 14.
ἐγγύς 98, 4.
ἐγγυτέρω 9, 13. 32, 1.
ἐγείρω 21, 19. 50, 13. 113, 8.
ἐγεῖραι, ἡ 21, 17.
ἐγεῖρτικός, ἡ, ὃν 46, 21.
ἐγεῖραι, ἡ 55, 25.
ἐγγράφω 202, 15. 18. 269, 15. 14. 395, 10.
ἐγκλίνω 134, 26.
ἐγκολπίζω 154, 18.
ἐγκόσμιος, ὃν 91, 6. 147, 5.
ἐγκωμιάζω 64, 4.

ἐγγωρέω 69, 8. 202, 5.

ἐγώ

κατ' ἐμέ 94, 5.

ἔδρα, ἡ 15, 13.

τῶν εἰδῶν 7, 11.

ἐδράζω 86, 8. 89, 27. 90, 20.

ἐθέλω passim, e. g. 117, 19.

141, 19. 143, 21. 144, 2.

ἔθος, τό 20, 15.

εἰ

τὸ εἰ ἔστιν 202, 2.

εἰδησις, ἡ 11, 25. 140, 27.

εἰδοποιία, ἡ 150, 16. 166, 16.

εἶδος, τό passim, e. g. 10, 7.

11, 3. 33, 3. 5. 35, 1. 56, 11.

116, 18. 26. 421, 23.

κυκλικόν cet. 12, 12.

κατατεταγμένον 54, 11.

εἶδη passim, e. g. 7, 2. 11, 8.

22, 13, 11. 15, 6. 12. 16, 6.

17, 6. 18, 20. 20, 4. 37, 20.

69, 15.

ἐν ὕλῃ φερόμενα 3, 10. 16, 4.

τῶν αἰσθητῶν 62, 19. 130, 5.

μαθηματικά 4, 7. 5. 12. 12.

3—18, 6. 22, 11. 35, 17—42, 8.

γεωμετρικά 57, 5. 234, 14. 15.

285, 21. 314, 26. 315, 3.

πρῶτα 5, 3. 11, 6.

μέση 21, 10.

αὔλα 11, 24. 86, 8. 87, 20. 115,

20.

ἐνυλα 38, 8. 167, 22.

χωριστά 86, 24.

ἀχωριστά 86, 27.

ἀκριβῆ καὶ ἀνέλεγκτα 13, 4.

αἰδία 13, 25.

καθολικά 51, 10.

καθολικώτερα καὶ ἀπλούστερα

14, 4.

αὐτὰ ὅφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένα

85, 14.

νοερά 15, 22. 27, 10. 62, 7. 129,

18. 130, 5. 137, 16.

διανοητά 62, 24.

ἀμέριστα 19, 13.

ἔστώτα, ἀκίνητα 25, 5.

ἀμόρφωτα 56, 21.

ἐνδείξεις θανυμαστῇ τοῦ τὰ

εἶδη . . . προηγείσθαι τῶν

μετεχόντων . . . τὴν ὑπό-

στασιν λαμβάνειν 102, 5—10.

τοῖς ὑπερῆχουσι τῶν εἰδῶν

τὸ τοῦ ὅλου πολλάκις ἐπι-

φημίζομεν ὄνομα 172, 25—

173, 2.

εἶδει δεδομένον 205, 14—206,

11. 271, 14. 281, 1.

εἶδη ὅμοια καὶ ὁμοίως ἀνα-

γραφόμενα 426, 15—427, 8.

εἶδωλον, τό 11, 1. 4. 13, 17. 15,

1. 20, 22. 141, 6 ss.

εἰκάζω 303, 9.

εἰκασία 10, 27 s. 11, 1. 16.

εἰκαστικός, ἡ, ὅν 40, 18.

εἰκαστός, ἡ, ὅν 10, 24. 27. 11,

16.

εἰκονικῶς 16, 15. 140, 18.

εἰκοσάεδρον, τό 423, 16.

εἴκοσιν 269, 4.

εἰκότως passim, e. g. 19, 13.

29, 4. 43, 10. 65, 3. 78, 29.

99, 17. 120, 25.

εἰκῶν, ἡ, 4, 24. 5, 6. 11, 5. 15, 1.

21, 16, 12. 22, 6. 35, 9. 37,

26. 40, 21. 62, 5. 22. 63, 2. 16.

89, 14. 91, 8. 13. 101, 4. 23.

104, 5. 115, 10. 116, 2. 128,

26. 129, 8. 130, 2. 132, 26.

134, 3. 137, 15. 140, 16. 145,

24. 155, 2. 161, 1. 173, 3. 10.

186, 5. 187, 5. 213, 21—214,

14. 290, 20. 291, 11. 294, 3.

353, 6.

εἰκώς 34, 5.

τὸ εἰκός 33, 24. 192, 12.

εἰλικρινής, ἐς 12, 24. 87, 5.

139, 1. 140, 3.

εἴμι 31, 19. 187, 28. 423, 6.

εἰμὶ passim, e. g. 49, 26. 53,

25. 64, 14. 84, 12.

τὸ εἶναι 15, 13. 24. 16, 8. 142, 6.

τὸ ὄν vide ὄν.

ἔασιν 155, 5.

εἴπερ 16, 1.

εἴπον passim, e. g. 5, 2. 18, 11.

20, 18. 48, 6. 104, 6.

- εἴπαμεν 119, 20.
 ὥς εἰπεῖν 30, 12. 43, 26. 76, 2.
 244, 3.
 ἐρῶ 78, 7. 113, 14. 116, 7.
 339, 3.
 εἶρηκα 39, 1.
 εἶρημαι 8, 18. 20, 7. 29, 12.
 32, 20.
 ὀηθήσομαι 72, 27. 73, 7.
 ὀητέον 162, 27.
 εἰς passim, e. g. 6, 5. 10, 14.
 11, 6. 12, 7. 15, 24. 16, 8.
 εἰς, μία, ἕν passim, e. g. 7,
 18. 9, 14. 22, 10. 10, 12. 7,
 23. 28. 33, 10 s. 40, 8. 141,
 21 ?.
 ἐνός δέοντος 61, 15. 17.
 τὸ ἐν 5, 19. 7, 19. 19, 10. 50,
 19. 99, 21. 104, 6. 145, 4. 291,
 13.
 τὴν τοῦ νοῦ ζωὴν μετρεῖ,
 πάντων μέτρον 115, 15—16.
 κατὰ μίαν 348, 8.
 εἰσάγω 74, 21. 272, 13. 279, 6.
 435, 17.
 εἰσβάλλω 355, 9.
 εἰσδέχομαι 52, 18.
 εἴσω 141, 8. 19.
 εἶτα 36, 25.
 εἶτε — εἶτε passim, e. g. 9, 9.
 12, 5. 13, 16. 49, 7. 24.
 εἶτε omisso priore εἶτε 167, 5.
 εἴωθα passim, e. g. 12, 6. 72,
 1. 128, 13. 156, 18. 194, 2.
 207, 4. 254, 7. 259, 21. 293, 3.
 322, 4.
 ἐκ passim, e. g. 5, 18. 8, 6. 23.
 11, 22.
 ἐκασταχοῦ 104, 15. 153, 14.
 ἐκαστος passim, e. g. 22, 27.
 23, 1. 33, 2. 17.
 τὰ καθ' ἑκαστα 14, 19. 15,
 18. 22, 1. 26, 7. 30, 14. 84, 8.
 ἑκαστα ἐφ' ἑαυτοῦ 83, 11.
 ἐκάτερος, α, ον passim, e. g.
 8, 2. 35, 25. 36, 5. 7.
 ἐκβαίνω 59, 5. 271, 22. 399, 2.
 ἐκβάλλω passim, e. g. 107, 16.
 111, 5. 15. 175, 2 ss. 182, 10.
 183, 1. 6. 187, 19. 23.
 ἐκβολή, ἡ 175, 17. 225, 10.
 ἐκγονος, ον 6, 8. 13, 22. 40, 10.
 53, 26. 88, 1. 173, 7. 191, 11.
 314, 17.
 ἐκδίδωμι 63, 7.
 ἐκεῖ passim, e. g. 54, 7. 60, 16.
 61, 4. 78, 25. 141, 20.
 ἐκεῖθεν passim, e. g. 15, 8. 11.
 26, 20. 95, 12. 101, 16.
 ἐκεῖνος, η, ο passim, e. g. 5,
 4. 21. 6, 10. 7, 7. 9, 1. 16. 24.
 13, 24. 157, 11.
 ἐκθεσις, ἡ passim, e. g. 203,
 4. 7. 24 ss. 204, 24 ss. 206, 11.
 208, 16 ss. 209, 24.
 ἐκκαίδεκα 428, 6.
 ἐκκαιδέκατος 326, 15.
 ἐκκειμαι passim, e. g. 102, 19.
 117, 4. 190, 21. 196, 25. 207,
 16. 18. 220, 6.
 ἐκκλίνω 73, 22.
 ἐκλέγω 73, 15. 74, 1. 120, 14.
 359, 8. 360, 21. 399, 5.
 ἐκλείπω 110, 1. 203, 21. 204,
 24. 299, 6.
 ἐκλειψις, ἡ 268, 21.
 τρεῖς ἐφεξῆς ἴσον ἀπέχουσαι
 ἀλλήλων οὐκ ἂν γένοιτο
 268, 23—269, 7.
 ἐκλιμπάνω 204, 5. 25.
 ἐκλογή, ἡ 69, 6. 74, 22.
 ἐκλύω 92, 25.
 ἐκπληρόω 195, 12.
 ἐκπλήσω 141, 16.
 ἐκτασις, ἡ 49, 27. 99, 2. 128, 2.
 132, 26. 155, 16. 167, 22. 421,
 16.
 ἐκτείνω 73, 21. 86, 17. 151, 2.
 260, 21.
 ἐκτίθην passim, e. g. 76, 4.
 121, 1. 196, 16. 207, 14. 208,
 20. 210, 3. 417, 2. 435, 18.
 ἐκτός passim, e. g. 52, 27. 119,
 13. 16. 127, 8 s. 152, 19. 153,
 3. 420, 5.
 τὰ ἐκτός 18, 15.
 αἱ ἐκτός γωνίαι 33, 14.

- ἡ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου 305, 18 ss.
 ἔκτος, *η*, *ον* passim, e. g. 213, 20. 248, 12. 252, 15. 254, 27.
 ἐκφαίνω passim, e. g. 5, 3. 20, 6. 22, 9. 23, 4. 22. 37, 3. 20. 43, 18. 62, 13. 64, 15. 92, 17. 141, 24. 432, 2.
 ἐκφανής, *ἐς* 13, 26.
 ἐκφανσις, *ἡ* 26, 26.
 ἐκφαντορικὸς, *ἡ*, *ὄν* 46, 22.
 ἐκφέρω 177, 9. 307, 17.
 ἐλαττώω (ἐλασσώω) passim, e. g. 97, 15. 177, 17. 192, 14. 195, 21. 270, 9 ss. 305, 15. 384, 18. 397, 10.
 ἐλάττων (ἐλάσσων), *ον* passim, e. g. 44, 7. 53, 4. 60, 10. 73, 19. 110, 15. 418, 11.
 Sup. 39, 4. 40, 6. 8. 60, 11. 110, 11 ss. 117, 9. 184, 24. 211, 17. 278, 23. 314, 8.
 τοῦλάχιστον 127, 23.
 ἐλάττωσις, *ἡ* 154, 7. 188, 14. 192, 3. 316, 17. 371, 7 s. 397, 9. 427, 8.
 ἐλαύνω 36, 8.
 ἐλεγχος, *ὁ* 70, 14. 247, 22. 248, 8. 266, 11. 274, 21.
 ἐλέγχω 58, 21. 211, 3. 266, 9. 279, 4. 352, 22.
 ἐλεύθερος, *ον* 65, 17.
 ἐλικοειδής, *ἐς* 104, 2.
 ἐλικώδης (?) 112, 1.
 ἔλιξ, *ἡ* 104, 17. 111, 18. 118, 1. 4. 120, 19. 176, 23.
 ἡ περὶ κύλινδρον ἔλιξ 105, 1 —106, 9. 112, 17—21. 202, 1. 251, 7. 11. 394, 25.
 μονόστροφος 180, 4. 9—15. 187, 23.
 Ἀρχιμηδεῖα 272, 10.
 ἐλίσσω 153, 19.
 ἐλκύω 63, 22.
 ἐλλειπής, *ἐς* 221, 23 ss. 306, 7.
 ἐλλείπω 203, 11. 220, 19. 221, 1. 15. 242, 6. 304, 27. 338, 3. 377, 14. 420, 6. 421, 16.
 ἐλλειπῶς 305, 21.
 ἔλλειψις, *ἡ* 58, 14. 133, 19. 419, 18. 420, 7.
 (κῶνον τομῇ) 106, 15. 112, 4. 119, 25. 126, 23. 152, 5. 156, 17. 159, 17 ss. 177, 1. 245, 23 ss. 391, 17 ss. 419, 21.
 κύκλος δομβοόμενος 172, 4.
 ἐμβαδόν, τό 235, 7. 27. 236, 19 —237, 18. 241, 2. 339, 12 ss. 347, 21. 388, 5. 12. 403, 12. 420, 13. 421, 18.
 ἐμβάλλω 241, 22.
 ἐμμελῶς 435, 18.
 ἐμός, *ἡ*, *ὄν* 91, 1. 94, 5.
 ἐμπαθής, *ἐς* 23, 26. 46, 6. 9.
 ἐμπαλιν 16, 21. 149, 25. 169, 16.
 ἐμπειρία, *ἡ* 25, 19. 30, 20 ss.
 ἐμπειρικὸς, *ἡ*, *ὄν* 26, 5. 30, 14.
 ἐμπλῖτω 110, 17. 182, 25. 191, 16. 308, 15. 21. 341, 15.
 ἐμπλέκω 112, 5.
 ἡ ἐμπεπλεγμένη σπείρα 119, 15.
 ἐμπνέω 86, 2.
 ἐμποδίζω 273, 25.
 ἐμπόδιον, τό 28, 6. 46, 2. 6. 74, 1.
 ἐμποιέω 212, 24. 321, 15.
 ἐμπορεία, *ἡ* 65, 4.
 ἐμπροσθεν 26, 27. 68, 10.
 ἐμπυρος, *ον* 167, 8.
 ἐμφαίνω 52, 8. 106, 25. 118, 22. 173, 10.
 ἐμφανής, *ἐς* 47, 1. 63, 16. 201, 7. 322, 7.
 ἐμφανίζω 83, 9. 143, 20. 174, 18. 187, 5.
 ἐμφαντάξω 138, 24. 314, 25.
 ἐμφασις, *ἡ* 4, 23. 22, 7. 51, 1. 94, 23. 118, 4. 121, 7. 141, 7.
 ἐμφυτος, *ον* 46, 20.
 ἐμψυχος, *ον* 41, 13.
 ἐν passim, e. g. 5, 2. 22. 6, 12 ss. 7, 4 ss. 8, 1. 14 ss.
 ἐναλλαγή, *ἡ* 7, 24. 252, 19. 265, 17.
 ἐναλλάξ passim, e. g. 206, 1. 341, 7. 16. 355, 27. 356, 24.

- τὸ ἐναλλάξ 9, 4 ss. 60, 24. 391, 27.
 διχῶς ὁ γεωμέτρης παραλαμβάνει 357, 9—26.
 ἐναλλάττω 254, 18. 374, 8. 378, 6.
 ἐναντίος, α, ον 8, 19. 12, 25. 23, 1. 9. 18. 26, 21. 49, 22. 69, 28. 74, 5. 139, 17. 239, 21. 270, 14. 314, 3.
 τούναντίον 28, 27.
 ἐνέργεια, ἡ 181, 3. 185, 6. 193, 8. 194, 6. 17. 195, 21. 240, 14. 255, 17.
 ἐναργής, ἐς 179, 8. 188, 3. 193, 7. 195, 11. 196, 6. 243, 8. 254, 23. 255, 25. 266, 11. 294, 3. 326, 12.
 Comp. 89, 6. 179, 18.
 Sup. 426, 12.
 ἐναργῶς 90, 3. 112, 23. 427, 25.
 ἐναρμόνιος, ον 23, 19. 24, 5.
 ἐναρμοσις, ἡ 201, 11.
 ἐνάς, ἡ 142, 5.
 ἐνατος 248, 10. 279, 14.
 ἐνδεα, ἡ 24, 13. 133, 23.
 ἐνδείκνυμι passim, e. g. 23, 3. 84, 17. 90, 9. 96, 1. 97, 14. 135, 6. 143, 17. 432, 4.
 ἐνδειξις, ἡ 91, 11. 102, 5. 110, 4. 162, 20. 291, 15. 404, 15.
 ἐνδέχομαι 284, 26. 292, 17. 295, 20.
 ἐνδίδωμι 9, 27. 149, 22. 167, 21.
 ἐνδοθεν 45, 11. 55, 11.
 ἐνδον 141, 7.
 οἱ ἐνδον λόγοι 18, 18. 140, 16.
 ἐνδοτέρω 400, 24.
 ἐνεμι 36, 7.
 ἐνεκα passim, e. g. 48, 7. 69, 6. 86, 22. 300, 24.
 ἐνεκεν 112, 2.
 ἐνέργεια, ἡ passim, e. g. 6, 18. 18, 9. 21. 25, 3. 28, 12. 37, 2. 38, 11. 44, 23. 46, 9. 12. 49, 12. 55, 18. 56, 1. 89, 23. 91, 17. 95, 10. 291, 1.
 κατ' ἐνέργειαν (ἐνεργεία) oppositum δυνάμει 116, 14. 157, 8. 284, 21. 285, 22.
 ἐνεργέω passim, e. g. 18, 16. 19, 28. 28, 26. 38, 5 (?). 45, 24. 52, 5 ss. 63, 6. 108, 19.
 ἐνηλλαγμένως 357, 25.
 ἐνιαῖος, α, ον 138, 10. 153, 15.
 ἐνιδρύω 21, 2.
 ἐνίζω 89, 24. 101, 19. 116, 1. 148, 22.
 ἐνικός, ἡ, ὄν Sup. 154, 12.
 ἐνικῶς 376, 19.
 ἐνίοτε 204, 9. 206, 10.
 ἐνίστημι passim, e. g. 48, 8. 199, 4. 214, 16. 256, 15. 262, 4. 13. 273, 11. 289, 11.
 ἐννεα 428, 18.
 ἐννεακαιδέκατος 313, 23. 409, 3.
 ἐννοέω 24, 23. 295, 25.
 ἐννοια, ἡ passim, e. g. 76, 12. 97, 5. 110, 17. 119, 4. 120, 3. 179, 4. 279, 1.
 κοινή 74, 15. 76, 16. 109, 18. 182, 12. 194, 9. 240, 12. 243, 4. 244, 4. 254, 25 ss. 264, 11. 266, 9. 11. 278, 14. 374, 5. 384, 13.
 γραμμῆς 100, 6—10.
 ἐπιφανείας 114, 20—22.
 ἐνοειδής, ἐς 4, 2. 17. 86, 4. 87, 21. 138, 7. 139, 9. 140, 20.
 ἐνοειδῶς 55, 15. 92, 2.
 ἐνοποιέω 129, 19.
 ἐνοποιός, ὄν 90, 24.
 ἐνόχλησις, ἡ 375, 9.
 ἐνόω 5, 4. 89, 12. 167, 12. 250, 14.
 ἐνστασις, ἡ passim, e. g. 193, 5. 210, 27. 212, 18—23. 247, 15. 248, 10. 262, 8 s. 275, 1. 286, 14. 288, 11. 289, 9 ss. 330, 3. 17. 431, 14.
 ἐνταῦθα passim, e. g. 37, 8. 45, 16. 53, 12. 87, 3.
 ἐντείνω 79, 21. 23. 80, 4.
 ἐντεῦθεν passim, e. g. 20, 8. 17. 21. 9. 84, 23. 146, 5. 155. 26. 330, 18.
 ἐντεχνος, ον 242, 5.

- ἐντίθημι* 24, 5. 45, 7. 70, 10.
 90, 20.
ἐντός passim, e. g. 73, 3. 119,
 13. 15. 152, 3 ss. 157, 1. 20.
 24.
*ἡ ἐντός καὶ ἀπεναντίον τρι-
 γώνου γωνία* 305, 19 ss.
Vide ἀπεναντίον.
αἱ ἐντός τοῦ τριγώνου γωνίαι
 306, 22. 310, 9 ss.
ἐντυγχάνω 84, 9. 290, 15.
ἐνυλος, ὃν 15, 5. 16. 16, 4. 31,
 9. 38. 8. 41, 4. 88, 25. 96, 8.
 11. 133, 11. 137, 20. 139, 3.
 143, 7. 166, 22. 167, 23. 168,
 1. 19. 291, 11.
ἐνωσις, ἡ 6, 3. 19, 16. 36, 13.
 22. 44, 19. 86, 10. 90, 5. 11.
 101, 25. 129, 9 ss. 138, 4. 139,
 8. 142, 2. 148, 11. 13. 153, 20.
 155, 3. 167, 13. 173, 21. 174,
 13. 293, 22.
ἐνωτικὸς, ἡ, ὃν 91, 4.
ἐξ 38, 11. 237, 7. 269, 4. 304,
 19 ss. 403, 16. 20.
ἐξαγωνικός, ἡ, ὃν 304, 21.
ἐξαγωνον, τό 304, 17 ss. 393,
 11 ss.
ἐξάγωνος ἀριθμός 253, 18 s.
ἐξαίρετος, ὃν 60, 12. 293, 10.
ἐξαιρέω 89, 5. 92, 20. 102, 3.
 138, 6. 294, 11.
ἐξαίφνης 20, 9.
ἐξάνις 304, 19.
ἐξαλλαγή, ἡ 92, 17. 145, 17.
 212, 7. 421, 23.
ἐξαλλάττω 6, 26. 117, 13. 223, 1.
ἐξαπατάω 70, 5.
ἐξάπλευρον, τό 382, 8.
ἐξαπλόω 18, 1. 62, 12.
ἐξαρίθμησης 38, 15.
ἐξαρκέω 6, 11.
ἐξαρχα, τό 42, 1.
ἐξας, ἡ 150, 19.
ἐξαχῶς 359, 7.
ἐξελλίττω 17, 25. 56, 18. 88, 6.
 145, 2. 201, 2.
ἐξεργάζομαι 74, 24. 99, 15. 201,
 2. 396, 25.
- ἐξεργημόω* 291, 11.
ἐξέρχομαι 432, 10.
ἐξεστι 220, 4. 282, 22. 284, 9.
 293, 15. 295, 7. 370, 21.
ἐξετάζω 7, 1. 201, 3. 272, 14.
ἐξευρίσκω 432, 8.
ἐξηγέομαι 89, 11. 93, 17. 132,
 6. 263, 4. 364, 19.
ἐξηγήσεις, ἡ 177, 25. 200, 10.
 432, 14.
ἐξηγητής, ὁ 189, 11. 289, 11.
 328, 16.
ἐξηρημένως 5, 22.
ἐξῆς passim, e. g. 14, 17. 163,
 15. 187, 28. 215, 11. 258, 21.
ἐξίς, ἡ 180, 25.
ἐξίσσω 293, 24. 305, 2.
ἐξίστημι 86, 9. 87, 15. 148, 12.
ἐξυμνέω 211, 27.
ἐξυπαίνω 83, 16.
ἐξω passim, e. g. 16, 12. 49,
 24. 52, 23. 55, 10. 13. 72, 2.
 73, 2. 143, 16.
ἐξωθεν passim, e. g. 18, 18.
 45, 7. 52, 17. 136, 12. 143, 14.
 151, 24. 409, 17. 429, 9.
ἐξωτέρω, 401, 1.
ἐοικα passim, e. g. 52, 10. 73,
 4. 78, 21. 85, 10. 97, 10. 161,
 7. 278, 10.
ἐπαγγελία, ἡ 59, 7.
ἐπαγγέλλομαι 77, 22. 210, 9.
 212, 6. 289, 14.
ἐπάγω passim, e. g. 115, 12.
 138, 4. 143, 2. 144, 17. 210,
 10. 234, 10. 422, 24.
ἐπαινέω 194, 10. 335, 17.
ἐπακολουθέω 106, 16. 330, 19.
 336, 21.
ἐπαληθεύω 171, 7. 195, 26. 212,
 21. 293, 12.
ἐπαναβασμός, ὁ 21, 9.
ἐπανάγω 293, 22.
ἐπάνειμι 19, 5. 23. 43, 20.
ἐπανερχομαι 213, 13.
ἐπανήκω 375, 17.
ἐπάνοδος, ἡ 187, 18.
ἐπαπορέω 123, 21.
ἐπανυξάνω 66, 16.

- ἐπαφή, ἡ 4, 2. 179, 18. 201, 11.
 ἐπεγείρω 66, 14.
 ἐπείγομαι 27, 15. 88, 20. 130,
 1. 187, 15.
 ἐπειδάν 131, 20. 237, 20.
 ἐπειδή passim, e. g. 64, 25. 70,
 1. 75, 6. 85, 8.
 ἔπειμι 61, 25.
 ἐπέπερ 152, 24.
 ἐπεισάγω 185, 25. 365, 13. 375,
 12.
 ἐπεισακτος, *ον* 86, 10.
 ἐπέσειμι 95, 4.
 ἐπεισοδιώδης, *ες* 45, 9. 86, 16.
 92, 23. 96, 6. 130, 25.
 ἔπειτα 76, 4. 128. 10. 260, 17.
 ἐπέκεινα 137, 18.
 ἐπεξεργασία, ἡ 200, 15.
 ἐπεύθειν δειξίς (?) 304, 6.
 345, 1.
 ἐπέχω 7, 19. 161, 18.
 ἐπί c. Acc. passim, e. g. 5, 16.
 6, 17. 8, 6. 9, 2. 18. 11, 9. 18,
 6. 8.
 c. Gen. passim, e. g. 17, 7.
 40, 3. 67, 8. 82, 22. 103, 20.
 105, 3. 243, 4. 273, 12. 338,
 12.
 c. Dat. 18, 1. 65, 14. 15. 66,
 4. 9. 81, 9. 112, 1. 155, 14.
 ἐπιβαίνω 146, 10.
 ἐπιβάλλω 62, 2. 65, 10. 68, 12.
 93, 14.
 ἐπιβλέπω 194, 24. 330, 18.
 ἐπιβλέψις, ἡ 421, 22.
 ἐπιβολή, ἡ passim, e. g. 3, 10.
 4, 13. 11, 19. 20, 2. 22, 2. 55,
 23. 100, 5. 173, 11. 174, 19.
 180, 20. 185, 19. 269, 24. 378,
 1. 402, 9.
 ἐπιγενηματικός, ἡ, *όν* 51, 5.
 ἐπιγίνομαι 153, 25.
 ἐπιγραμμα, τό 111, 24. 194, 3.
 ἐπιγραφή, ἡ 71, 27.
 ἐπιγράφω 70, 10.
 ἐπιδείκνυμι (ἐπιδεικνύω) pas-
 sim, e. g. 12, 9. 26, 11. 45,
 19. 50, 8. 64, 7. 140, 20. 150,
 20. 251, 23.
 ἐπιδέχομαι passim, e. g. 49, 19.
 79, 13. 122, 20. 132, 12. 172,
 19. 191, 22. 295, 6.
 ἐπιδίδωμι 86, 27. 102, 7.
 ἐπίδοσις, ἡ 28, 16. 66, 9.
 ἐπιεγγύνομαι passim, e. g. 180,
 17. 187, 9. 26. 209, 6. 215, 2.
 218, 24. 219, 10. 12.
 ἐπίξευξις, ἡ 355, 17. 386, 16,
 387, 6.
 ἐπιξητέω 116, 4. 371, 10. 396,
 21.
 ἐπιθεωρέω 391, 22.
 ἐπιθολόω 46, 8. 74, 5. 87, 7.
 ἐπικαθαίρεισις, ἡ 198, 13.
 ἐπικλίνω 292, 8.
 ἐπικοινωνέω 41, 24.
 ἐπίκουρος, *ον* 212, 1.
 ἐπικρατέω 92, 18. 108, 16.
 ἐπίκτητος, *ον* 166, 25.
 ἐπιλάμπω 148, 24.
 ἐπιλανθάνω 435, 20.
 ἐπιμελής, *ες* 66, 22.
 ἐπιμελής, *ές* 7, 25.
 ἐπιμήκης, *ες*
 τό ἐπίμηκες σφαιροειδές 120, 1.
 ἐπιμόριος, *ον* 6, 26. 7, 25.
 ἐπινοέω 111, 16. 20. 125, 9. 183,
 16. 185, 15.
 ἐπίνοια, ἡ passim, e. g. 15. 9.
 51, 4. 89, 16. 91, 21. 24. 106,
 23. 26. 136, 12. 180, 20. 272,
 12.
 ἐπίπαν 164, 14. 167, 20. 204, 7.
 ἐπίπεδος, *ον* passim, e. g. 24,
 19. 39, 8 ss. 104, 19. 105, 7.
 107, 19. 357, 6.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 16 ss.
 τό ἐπίπεδον 73, 12. 89, 8. 92,
 11 s. 104, 2 ss. 110, 19. 111,
 13 s. 112, 21. 267, 1. 356,
 22 ss.
 ἄπειρον 284, 20.
 τό ἐπίπεδον γραμμῇ περιέλα-
 βεν 86, 19.
 ὁ τοῦ ἐπίπεδον λόγος βαθύνει
 τό ἐπίπεδον 87, 8.

- πάντα ἐν ταῖς φύσεσι κατὰ τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον 92, 8—13.
 ἡ ἐπίπεδος ἐπιφάνεια 117, 1—13. 120, 14—21. 25—121, 7.
 ἡ ἐπίπεδος γωνία 121, 8. 126, 12—128, 19.
 ἐπίπεδα συναγόμενα γωνίας ποιεῖ 298, 23.
 καθέτος 283, 14—16.
 γραμμή 394, 21 ss.
 ἐπίπλευς
 τὸ ἐπίπλευς σφαιροειδές 120, 1.
 ἐπιποθέω 265, 19.
 ἐπιπόλειος, ὃν 29, 16. 70, 4.
 ἐπιπροσθέω 109, 22. 110, 3. 117, 11.
 ἐπισημάλω 134, 19. 160, 17. 236, 7. 315, 4. 375, 8. 384, 3. 388, 15. 409, 1.
 ἐπισκέπτομαι 34, 21. 44, 5. 200, 6. 368, 26.
 ἐπίσκεψις, ἡ 199, 2.
 ἐπισκοπέω 5, 15. 36, 3. 48, 16. 54, 23. 62, 19. 65, 18. 83, 12. 202, 7.
 ἐπισκώπτω 216, 21.
 ἐπίσταμαι 14, 14.
 ἐπίστασις, ἡ, 102, 22.
 ἐπιστατέω 109, 3.
 ἐπιστήμη, ἡ passim, e. g. 7, 4. 9, 8 ss. 14, 15. 21, 17. 5, 23. 27, 24. 21, 25. 13, 27. 4, 14. 34, 8. 58, 3. 75, 21? 119, 5. 184, 7. 23. 303, 15. 20. 322, 19 ss.
 ἡ πρώτη (πρωτίστη, ἀκροτάτη) 4, 9. 9, 19. 11, 18. 23. 243, 18.
 τῆς γεωμετρίας 57, 9—61, 17.
 μαθηματικά 17, 26. 60, 23.
 ἡ μία 7, 18. 18, 6. 31, 22 ss.
 διττή 200, 22.
 ἀκριβεστέρα ἄλλη ἄλλης 59, 10—60, 1.
 ἡ (μαθηματικὴ) ἐπιστήμη secundum Platonem 25, 12—32, 20.
 ἀρχὰς οὐκ ἀποδείκνυνσι 75, 15.
 τὸ καθόλου καταφατικὸν ταῖς ἐπιστήμας προσήκει 260, 1—9.
 ἐπιστημονικός passim, e. g. 69, 1. 70, 2. 16, 200, 14. 212, 17. 222, 1. 242, 11. 243, 20. 247, 17. 259, 21. 322, 17.
 Comp. 66, 17.
 ἐπιστημονικῶς 203, 12.
 Comp. 427, 1.
 ἐπιστήμων, ὃν 34, 2. 46, 11. 93, 11. 182, 13. 375, 11.
 ἐπιστρεπτικός, ἡ, ὃν 151, 8.
 ἐπιστρέφω passim, e. g. 27, 5. 45, 12. 47, 3. 55, 15. 90, 13. 108, 9. 140, 21. 150, 21.
 ἐπιστροφή, ἡ passim, e. g. 46, 7. 110, 8. 147, 17. 148, 11. 151, 2. 153, 18 ss.
 ἐπισυνίστημι 51, 5. 260, 21.
 ἐπισυντίθημι 304, 27.
 ἐπιταράττω 75, 23. 187, 3.
 ἐπίτασις, ἡ 172, 19.
 ἐπιτάττω 208, 3. 227, 18. 271, 12. 282, 3. 422, 19.
 ἐπιτήδειος, α, ὃν 41, 6.
 ἐπιτηδειότης, ἡ 148, 9. 211, 14.
 ἐπιτηδευμα, τὸ 20, 19.
 ἐπιτίθημι 149, 27.
 ἐπιτομή, ἡ 316, 21.
 ἐπιτρέπω 199, 12. 214, 20.
 ἐπιτρέχω 200, 17.
 ἐπιτροπέω 167, 10. 174, 16.
 ἐπιτυγχάνω 45, 3.
 ἐπιφάνεια, ἡ passim, e. g. 49, 14. 96, 20. 100, 11. 112, 12. 121, 16 ss.
 (ὄρισμοί) 114, 3—14.
 περατοῦσα, περατουμένη 85, 4 s. 86, 18. 115, 10—116, 14.
 τριάδι ἀνάλογον, δυναδική 97, 21—98, 8. 99, 4—8. 20. 115, 1—8.
 τοῦ κυλίνδρου 105, 2. 117, 21. 120, 11. 24.
 τῆς σφαίρας (σφαιρικὴ) 116, 6. 117, 21. 119, 4. 120, 10. 23.
 τοῦ κώνου 117, 21. 120, 24.
 σπειρικὴ 119, 9—18.

- κανοειδής 119, 22—120, 2.
 ἐννοια ἐπιφανείας 114, 20—22.
 αἰσθησις 114, 22—25.
 (ταῦτόν) τῷ ἐπιπέδῳ 115, 17
 —24.
 ἐπίπεδος 117, 1—13. 120, 14
 —21. 25—121, 7.
 μικτή 117, 14—120, 6.
 ὁμοιομερεῖς 120, 8—12.
 ἐπιφανής, ἐς 66, 7. 67, 18.
 ἐπιφέρει 144, 20. 235, 2. 261, 14.
 ἐπιφημιζώ 72, 8. 173, 1.
 ἐπιχειρῶ passim, e. g. 25, 15.
 26, 12. 29, 16. 54, 18. 73, 18.
 144, 3. 179, 21.
 ἐπιχειρήσεις, ἡ 45, 19.
 ἔπομαι passim, e. g. 12, 2. 17,
 11. 26, 26. 27, 1. 31, 18. 48,
 6. 58, 19. 315, 8.
 ἐπονομάζω 46, 18. 72, 3. 396, 12.
 ἐποχέομαι 90, 13. 138, 7. 148, 4.
 ἐπτά 96, 4. 235, 25.
 οἱ ἔ. ὄροι 17, 15.
 οἱ ἔ. λόγοι 17, 17.
 εἶδη τριγώνων 168, 5—12.
 εἶδη τετραπλεύρων 170, 8—15.
 ἐπτάνις 422, 22.
 ἐπταχῶς 170, 8.
 ἐπωνυμία, ἡ 30, 9. 40, 4. 113,
 6. 126, 26. 172, 20. 221, 15.
 303, 11.
 ἐρώω 148, 22.
 ἐρείδω 404, 23.
 ἔργον, τό 55, 20. 79, 7. 248, 4.
 255, 25. 322, 7.
 τῆς ἐπιστήμης 322, 20. 323, 3.
 τῆς μαθηματικῆς 18, 8. 10—
 19, 5.
 τῆς γεωμετρίας 39, 12.
 τῆς γεωδεσίας 39, 20.
 ἐργώδης, ἐς 242, 10.
 ἐρημος, ὃν 150, 10.
 ἔρμαιον, τό 301, 24. 303, 9. 13.
 ἐρμηνεία, ἡ 295, 8.
 (ἔρομαι)
 Aor. 68, 14.
 Fut. 70, 20.
 ἔρχομαι 65, 7. 120, 3. 136, 12.
 159, 25. 388, 7.
 ἔρως, ὁ 90, 13.
 ἐρώτημα, τό 58, 19. 25.
 ἐρωτικός, ὁ 21, 7 s.
 ἔστία, ἡ 29, 14.
 ἔσχατος, ἡ, ὃν 4, 4. 11, 3. 15,
 13. 20, 10. 28, 25. 52, 10. 16.
 94, 13. 145, 2.
 τὰ ἔσχατα 3, 2. 7, 8. 52, 12.
 92, 25. 129, 13. 138, 24. 148, 8.
 ἔσχατως 91, 27.
 ἔταιρος, ὁ 67, 3. 9.
 ἔτερολῶσις, ἡ 106, 24.
 ἔτεροκίνητος, ὃν 16, 1. 137, 21.
 142, 3.
 ἔτερόμηκες, τό 169, 3. 16. 170,
 9. 171, 9. 18. 22. 386, 19 ss.
 388, 15 ss. 389, 10. 421, 4.
 ἔτεροποιός, ὃν 164, 10.
 ἔτερος, α, ὃν passim, e. g. 19,
 2. 30, 24. 34, 15. 27. 35, 1.
 38, 14. 58, 24.
 τὸ ἔτερον 353, 4—11.
 ἔτερότης, ἡ 6, 6. 34, 21. 36, 14.
 18. 131, 16. 132, 5. 353, 3.
 ἔτι passim, e. g. 7, 24. 14, 24.
 19, 1. 28, 17. 49, 9.
 εὐγνωστός, ὃν 182, 4.
 εὐγονία, ἡ 8, 19. 23, 1. 24, 2.
 εὐδαιμονέω 26, 2.
 εὐδαιμονία, ἡ 26, 2. 30, 6.
 εὐδαιμονικῶς 26, 3.
 εὐδιδάκτετος, ὃν 432, 15.
 εὐέλεγκτος, ὃν 275, 4.
 εὐεργετέω 63, 9.
 εὐθεία, ἡ passim, e. g. 35, 4.
 39, 25. 50, 2. 6. 78, 2 s. 103,
 22. 104, 25. 106, 6. 21—107,
 10. 111, 8.
 ὀρισμοί 109, 6—110, 26.
 πρὸς τῆς ἀπειρίας 107, 15.
 σύμβολον τῆς ἀπαρεγκλίτου
 προνοίας 108, 11.
 ἐπ' εὐθείας 294, 18 ss. 299,
 15 ss.
 ὀδεύειν 109, 18. 20.
 ὁμολή, ὅτις 185, 11 s.
 δύο εὐθεῖαι χωρὶον οὐ περι-
 ἔχουσι 239, 1—240, 10.

- ἡ ἐπ' εὐθείας δεῖξις 304, 6.
 345, 1.
 ἡ ἄπειρος σύμβολον τῆς γενέσεως 291, 7—9.
 τρεῖς εὐθεῖαι ἵσαι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθείαν 307, 25—308, 13.
 διαστάσεις εὐθειῶν γωνίαν ποιουσῶν καὶ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλομένων 371, 14—23.
 εὐθύγραμμικός 33, 20.
 εὐθύγραμμος, *ον* 427, 13.
 γωνία *passim*, *e. g.* 80, 11. 120, 23. 122, 3. 7. 127, 15. 128, 24—134, 19. 189, 15—191, 4. 205, 17 *s.* 207, 18 *ss.* 237, 24 *ss.* 292, 18. 333, 3 *ss.*
 τὸ εὐθύγραμμον *passim*, *e. g.* 33, 15. 17. 73, 2. 82, 2 *ss.* 83, 4. 161, 13—164, 17. 318, 13. 422, 10 *ss.* 423, 12. 426, 20.
 εὐθύγραφεῶ 106, 13.
 εὐθύνα, ἡ 15, 15.
 εὐθύς 104, 23.
 τὸ εὐθύ *passim*, *e. g.* 16, 20. 37, 8. 105, 18 *ss.* 108, 20 *ss.* 117, 14 *ss.* 147, 10 *ss.*
 ἀνάλογον τῇ ἀπειρίᾳ 104, 14.
Adv. 34, 8. 172, 14. 16. 202, 24. 265, 20. 382, 9. 397, 4.
 ἐκ τοῦ εὐθέως 179, 19.
 εὐθύτης, ἡ 125, 11.
 εὐλήπτος, *ον* 181, 4.
 εὐλόγως 207, 13.
 εὐλύτος, *ον* 27, 25.
 εὐμαθής, *ἐς* 208, 24.
 εὐμήχανος, *ον* 179, 6. 185, 18.
 εὐμορφία, ἡ 141, 25. 6.
 εὐοδία, ἡ 246, 11.
 εὐπαράδεκτος, *ον* 195, 14.
 εὐπετής, *ἐς* 181, 8.
 εὐπορία, ἡ 303, 16.
 εὐπόριστος, *ον* 179, 6. 24. 182, 3.
 εὐπορος, *ον* 120, 17.
 εὐρεσις, ἡ *passim*, *e. g.* 19, 3. 47, 4. 64, 24. 69, 15. 24. 70, 8. 78, 19. 111, 25. 195, 16. 234, 6.
 εὐρετής, ὁ 272, 5.
 εὐρίσκω *passim*, *e. g.* 13, 12. 24, 19. 43, 2. 51, 7. 55, 6. 61, 13. 64, 18. 233, 17. 422, 4.
 εὐρύθμος, *ον* 137, 16.
 εὐρύνα 112, 8.
 εὐσχημοσύνη, ἡ 137, 8.
 εὐτακτος, *ον* 361, 23.
 εὐτάκτως 162, 6. 255, 22.
 εὐταξία, ἡ 22, 18.
 εὐτρεπής, *ἐς* 55, 5.
 εὐφυνής 113, 8. 213, 10.
 εὐφυνώς 435, 19.
 ἐφάπτω
Med. passim, *e. g.* 10, 8. 19, 24. 28, 19. 34, 13. 35, 12. 331, 10 *ss.*
 ἐφαρμογή, ἡ 237, 23. 243, 6.
 ἐφαρμοζω *passim*, *e. g.* 105, 5. 110, 21. 117, 9. 20. 158, 1. 182, 13. 193, 14.
 ἐφάρμοσις, ἡ 238, 6.
 ἐφαρμόττω *passim*, *e. g.* 7, 20. 33, 16. 120, 11. 142, 11.
 ἐφεξής *passim*, *e. g.* 32, 7. 72, 11. 75, 8. 17. 98, 4. 134, 22. 135, 4 *ss.*
 ταῦτα ἐφεξῆς, ὧν μὴδὲν ὁμοιον μεταξὺ 296, 4.
 ἐφετός, ἡ, ὅν 148, 14. 154, 24.
 ἐφήκω 52, 15.
 ἐφίημι 153, 22. 174, 21.
 ἐφιστάνω 253, 16. 292, 12. 368, 1.
 ἐφίστημι *passim*, *e. g.* 10, 25. 90, 12. 135, 8. 183, 15. 188, 18 *s.* 189, 13. 20. 250, 22. 292, 23. 299, 23. 368, 24. 393, 6. 426, 10.
 ἐφοδος, ἡ 38, 24. 57, 2. 74, 19. 157, 17. 255, 26. 300, 7. 304, 4. 374, 9.
 ἐφορος, ὁ 46, 26.
 ἔχω *passim*, *e. g.* 3, 8. 4, 23. 6, 16. 24. 8, 2. 23. 9, 14. 10, 27. 46, 15. 126, 26. 200, 14. 243, 8.
 ἔως 9, 18. 192, 24. 380, 11.
 ξάω 26, 3.
 ζηλώω 84, 15.
 ζητέω *passim*, *e. g.* 8, 6. 14, 5.

- 18, 27 s. 28, 16. 43, 4. 66, 1.
69, 17 s. 141, 19. 172, 5. 179,
5. 11. 315, 8.
ζητήμα, τό 303, 24.
ζητήσις, ἡ passim, e. g. 19, 1.
3. 29, 3. 47, 3. 66, 20. 68, 1.
70, 22. 79, 17. 84, 8. 179, 18.
423, 1.
ζητητικός
Comp. 227, 8.
ζυγόν, τό 63, 14.
ζωδιακός, ἡ, ὅν 16, 24.
ὁ ζωδιακός (ζωδιακός) 126,
15. 167, 5. 269, 17.
ζωή, ἡ 15, 12. 17, 2. 20, 15. 23,
19. 24, 5. 16. 28, 13. 29, 11.
37, 22 ss. 47, 6. 52, 24. 53,
14. 115, 15. 137, 20. 167, 9.
168, 23. 174, 2. 290, 18. 20.
291, 13 ss.
ζωογόνος, ὃν 90, 16. 173, 18.
214, 2.
ζῶον, τό 149, 21.
ζωτικός, ἡ ὃν 18, 23.
ζωτικῶς 17, 9.
ζῆ 107, 6. 263, 20. 414, 20.
ζῆ 9, 19. 178, 13. 207, 15 ss.
ζῆ αὐτό 355, 23. 356, 13. 384,
6. 9.
ἡγεμονέω 115, 6.
ἡγεμών, ὁ 10, 18. 192, 7.
ἡγέομαι 77, 17. 113, 9. 21. 151,
8. 165, 1. 174, 15. 315, 8.
ἡγουν 122, 1.
ἡδῆ passim, e. g. 21, 19. 25,
15. 37, 16. 77, 15. 181, 16.
227, 9.
ἡδονή, ἡ 24, 18. 28, 22.
ἡθικός, ἡ, ὃν
πρὸς τὴν ἡθ. φιλοσοφίαν
ἡμᾶς τελειοῦ ἡ μαθηματικῇ
24, 4—20.
ἡθος, τό 21, 19. 23, 24. 24, 5.
14. 108, 10.
ἡκω 95, 13. 151, 15. 278, 22.
347, 1.
ἡλιακός, ἡ, ὃν 39, 26.
ἡλίκος, ἡ, ὃν 24, 22.
ἡλιος, ὁ 42, 5. 110, 1.
ἡμέρα, ἡ 63, 25. 269, 4.
ἡμερος, ὃν 138, 19.
ἡμέτερος, α, ὃν 29, 14. 110, 2.
ἡμικύκλιον, τό 80, 3. 5. 104, 18.
113, 17. 134, 13. 158, 3. 11.
21—162, 8. 163, 5 s. 190, 2 s.
216, 6. 8. 234, 17. 240, 2. 283,
1. 381, 10 ss. 396, 4.
ἡμικῶνιον, τό 123, 2.
ἡμιόλιος, α, ὃν 373, 16 s.
ἡμίσεια 161, 10. 230, 2 ss. 239,
11. 13. 297, 17 ss. 344, 1 ss.
383, 20. 404, 9.
ἡμισυ 159, 21. 197, 1. 369, 18.
399, 11. 404, 5. 11. 428, 14 ss.
ἡμιτετράγωνον, τό 222, 7. 383,
21.
ἡμιτρίγωνον, τό 383, 22.
ἡνίκα 63, 27. 193, 5. 236, 19.
ἡνωμένως 138, 9.
ἡπερ 173, 25.
ἡπτον (ἡσσον) passim, e. g. 49,
19. 122, 15. 18. 21. 131, 16.
180, 2. 294, 7.
ἦτοι 25, 7.
θάλασσα (θάλαττα), ἡ 63, 13.
352, 16.
θαρρέω 301, 4.
θάττερον passim, e. g. 107, 4 s.
109, 10. 110, 26. 157, 18.
θάττερα 102, 19 s. 134, 23. 26.
135, 9. 289, 19.
θαῦμα, τό 66, 13.
θανμάζω 28, 27. 141, 10. 285,
22. 404, 17. 426, 9.
θανμαστός, ἡ, ὃν 22, 10. 23,
18. 64, 23. 69, 1. 97, 26. 102,
5. 119, 6. 130, 24. 137, 14.
229, 3. 232, 11. 260, 10. 20.
396, 13. 435, 20.
θανματοποιῖκή, ἡ 41, 8.
θεά, ἡ 173, 18.
θεά, ἡ 20, 21. 49, 11.
θείαινα, ἡ 173, 16.
θέαμα, τό 38, 7. 62, 8.

- θεάομαι 48, 3. 49, 13. 55, 15.
 61, 27. 141, 15. 24. 250, 16.
 412, 8.
 θεός, α, ον 6, 6. 21, 3. 22, 13.
 35, 9. 47, 2. 62, 6. 90, 13. 94,
 23. 116, 20. 128, 27. 129, 9.
 132, 17. 22. 133, 15. 140, 15.
 18. 168, 15. 17. 173, 4. 22.
 291, 3. 419, 22.
 Comp. 137, 25. 147, 6.
 θέλω 141, 12.
 θέμις 104, 6. 140, 11.
 θεολογία, ἡ 22, 1
 utilitas mathematicae 22, 2—
 16.
 θεολογικός, ὁ 156, 1.
 θεός, ὁ 20, 5. 22, 4 ss. 46, 25.
 62, 9. 90, 24. 91, 3. 8. 130, 18.
 131, 1. 138, 7—23. 139, 9.
 140, 13 ss. 141, 23, 25. 146, 6.
 13. 148, 10—16. 150, 6. 10.
 156, 4. 164, 10. 13. 174, 4.
 303, 13. 432, 10.
 ὁ τριαδικός 155, 24.
 θεότης, ἡ 90, 16.
 θεωργία, ἡ 138, 10.
 θεωρῶ 322, 18 s.
 θερμός, ἡ, ὅν 167, 9. 11. 181, 10.
 θερμότης, ἡ 122, 8.
 θέσις, ἡ passim, e. g. 38, 21.
 41, 26. 56, 9. 57, 13. 59, 18.
 20. 60, 13. 63, 12. 78, 3. 26.
 79, 20. 95. 22—96, 15. 127, 21.
 135, 11. 154, 7. 186, 20. 201, 10.
 θέσει δεδομένον 205, 14—206,
 11. 280, 22 s.
 θετικός, ἡ, ὅν 255, 18 s.
 θεωρῶ passim, e. g. 7, 15 ss.
 9, 23. 10, 17. 11, 5. 14, 23.
 13, 7.
 θεωρημα, τό passim, e. g. 7,
 17. 18, 4. 25, 22. 38, 20. 39,
 2. 42. 3. 59, 22. 61, 21. 177,
 20. 178, 13 ss. 200, 7.
 quid? 77, 7—81, 4. 201, 5.
 apud Euclidem 81, 7—22.
 μέρη 203, 2—207, 25.
 τὰ προβλήματα πρὸ τῶν θεω-
 ρημάτων 241, 20—243, 29.
- τὰ μὲν ἀπλᾶ τὰ δὲ σύνθετα
 244, 14—246, 12. 394, 13.
 τοπικά 394, 15 ss.
 θεωρηματικῶς 78, 7. 243, 18.
 θεωρητικός, ἡ, ὅν 24, 23. 27,
 19. 31, 10. 57, 9. 77, 14. 17.
 80, 24. 116, 21. 221, 11.
 θεωρία passim, e. g. 9, 13. 11,
 20. 13, 15. 19, 8. 24. 27. 20,
 6. 21, 1. 24. 23, 4. 26, 9. 27,
 28. 28, 9. 17. 29, 25. 352, 21.
 432, 7 ss.
 φυσική 22, 17.
 θεωρικός, ἡ, ὅν 100, 5. 174, 19.
 θῆλυ, τό 151, 10.
 θηλυπερεπής, ἐς 99, 14.
 θῆρα, ἡ 14, 6. 179, 15. 22. 203,
 11.
 θηρᾶω 211, 16. 242, 17. 388,
 11.
 θνητός, ἡ, ὅν 63, 9.
 οἱ θνητοί 84, 22. 150, 7.
 θριγγός, ὁ
 τῶν μαθημάτων 42, 10—44,
 24.
 θυρός, ὁ 126, 19. 22.
 ἡ τοῦ θυροῦ γραμμή 103,
 6 ss. 111, 6. 126, 20.
 ἱατρικός¹⁹
 ἡ ἱατρική 31, 8. 38, 25.
 τὸ ἱατρικόν 38, 18.
 ἱατρός, ὁ 38, 23. 75, 21. 93, 22.
 ιδέα, ἡ 17, 8. 118, 19. 144, 16.
 146, 6. 395, 25.
 τοπικά θεωρήματα (ἀπεικα-
 σθέντα) ταῖς ιδέαις 395, 14
 —18.
 ἰδιάζω 39, 10. 124, 11. 165, 2.
 171, 14.
 ἴδιος, α, ον passim, e. g. 32,
 16. 60, 7. 11. 101, 19. 135, 23.
 147, 22. 157, 5. 162, 11. 24.
 181, 24. 221, 14. 293, 3 ss.
 ἰδία 178, 5.
 ἰδιότης, ἡ passim, e. g. 22, 7.
 33, 2. 18. 50, 15. 62, 6. 83, 9.
 17. 89, 1. 94, 16. 99, 13. 124,

17. 138, 11. 146, 14. 303, 18. 353, 5.
ιδίως, ἡ passim, e. g. 40, 12. 156, 19. 186, 24. 211, 4. 212, 14.
ἰδρυσίς, ἡ 173, 8.
ἰδρύνω 17, 14. 37, 3. 17. 148, 16. 154, 12.
Pass. 3, 14. 17, 19. 18, 12. 85, 15. 91, 17. 138, 27. 291, 6.
ἰδρύνθην 87, 1.
ἱερός, ἁ, ὄν 22, 14.
ἱκανός, ἡ, ὄν 211, 16. 356, 4.
ἱκανῶς 69, 20. 94, 3. 284, 23. 432, 1.
ἱλάσκομαι 112, 2.
ἴλεως
ἴλεον 138, 20.
ἵνα passim, e. g. 57, 24. 71, 27. 86, 19. 124, 24.
ἰνδάλλομαι 86, 13. 96, 11.
ἱποπέδη, ἡ 127, 1. 128, 5.
ἱππος 112, 5.
ἱσάζω 237, 15.
ἱσημερινός, ὁ 126, 15. 269, 17.
ἱσγώνιος, ὃν 172, 7. 12. 202, 16. 304, 18. 348, 5. 12. 393, 8.
ἱσοδυναμέω 114, 12.
ἱσοκρατής, ἐς 149, 18.
ἱσοπερίμετρα, τὰ 398, 16.
ἰσόπλευρος, ὃν 14, 13. 169, 2 ss. 171, 13. 172, 8 ss. 202, 15 s. 304, 16 ss. 388, 21 ss. 393, 8. 398, 11.
v. τρίγωνον.
ἱσορροπέω 181, 20.
ἱσορροπία, ἡ 41, 12.
ἰσόρροπος, ὃν 41, 15.
ἴσος, ἡ, ὃν passim, e. g. 14, 12. 33, 14. 58, 17. 373, 8 ss.
τὸ ἴσον 7, 26. 79, 19.
ἐξ ἴσου κείσθαι 109, 8—13. 110, 13. 15. 117, 6. 215, 17.
μετάβασις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἕλασσαν οὐ πάντως διὰ τοῦ ἴσου 234, 18.
ἱσοσκελής, ἐς 14, 12.
τραπέζιον 170, 7. 11.
v. τρίγωνον.
ἰσοταχής, ἐς 106, 5.
ἰσότης, ἡ passim, e. g. 7, 2. 12, 21. 22, 24. 24, 17. 49, 14. 21. 58, 14. 63. 15. 83, 13. 124, 9. 191, 6 ss. 290, 23. 313, 15 ss. 373, 19. 421, 21—24.
πρώτιστον ἐν τῷ ποσῷ σύμπτωμα 233, 18.
τῆς ἀνισότητος μέτρον 293, 16 ss.
ἴσσημι 113, 24. 162, 24. 285, 9. 414, 13.
Aor. II. 259, 11. 292, 14.
Perf. passim, e. g. 8, 24. 12, 21. 21, 1. 3. 25, 4. 27, 6. 97, 16. 149, 16. 294, 4. 349, 1.
Pass. 259, 1. 17. 292, 3. 5. 16.
ἱστορία, ἡ 38, 20. 68, 4. 352, 15.
ἱστορέω 64, 19. 65, 14. 111, 22. 113, 7. 211, 23. 323, 6. 345, 13. 375, 23. 426, 6.
ἱστορικός
τὸ ἱστορικόν 38, 18.
ἴσως 29, 14. 93, 19. 110, 4. 272, 15. 303, 10.
ἰνγγικός, ἡ, ὄν 91, 3.
ἶχνος, τό 89, 5. 150, 2.
καθά 286, 19.
καθαίρεω 25, 16.
καθάπερ passim, e. g. 18, 21. 19, 2. 25, 5. 38, 15 s.
καθαρεύω 5, 9. 12, 25. 52, 16. 27. 56, 13. 85, 7. 96, 6. 97, 1. 186, 18.
καθαρός, ἁ, ὄν 43, 14. 47, 5. 49, 15.
Comp. 4, 10. 95, 24.
Sup. 42, 16. 137, 19.
καθαρότης, ἡ 4, 2. 54, 12. 133, 13. 139, 5.
καθαρτικός, ἡ, ὄν 28, 7. 29, 26. 46, 21. 70, 15.
κάθετος, ἡ passim, e. g. 131, 6. 133, 12—18. 134, 27. 135, 16 ss. 176, 9 ss. 237, 11. 283, 6—22. 376, 12 ss. 404, 4 ss.

- αἱ ἀπὸ τῶν (τριγώνου) γωνιών 72, 18.
 στερεά 135, 17. 20—23. 283, 13. 16—22.
 ἐπίπεδος 283, 14—16.
 ζωῆς εἰκόν 290, 20—291, 19.
 δύο ἐπὶ μίαν εὐθεΐαν 313, 1—12.
 κατηγεμών, ὁ 123, 19.
 καθήκω 60, 23. 147, 12. 167, 4.
 κάθηναι 138, 16.
 καθίστημι 63, 17. 180, 14.
 κάθοδος, ἡ 133, 7. 283, 13. 290, 21.
 καθολικός, ἡ, ὅν 51, 10. 74, 16. 80, 6. 245, 25. 390, 17. 391, 12. 394, 12.
 Comp. 14, 3. 19, 18. 65, 10. 67, 15. 251, 3. 405, 16. 422, 6. 426, 13.
 καθολικῶς 426, 15.
 καθόλου passim, e. g. 7, 27. 25, 20. 23. 54, 22. 67, 4. 179, 14. 338, 1.
 διττόν 51, 17. 53, 18.
 ἄλλως τὸ ἐπὶ πάντων ἀληθεύον, ἄλλως τὸ πάντα περιλαμβάνον 390, 12—392, 8.
 τὰ καθόλου passim, e. g. 14, 7 ss. 30, 12. 22. 50, 18. 53, 6.
 καθοράω 12, 2. 61, 25.
 καθόσον passim, e. g. 7, 27. 33, 16. 39, 11. 91, 13.
 καθότι 95, 5.
 καθῶς 421, 13.
 καιρός, ὁ 23, 14. 135, 18. 241, 21. 272, 14.
 καίτοι passim, e. g. 50, 14. 52, 4. 81, 12.
 κακία, ἡ 24, 12. 133, 21.
 κακός
 τὰ κακά 150, 6—12.
 καλέω passim, e. g. 8, 7. 23, 12. 30, 24. 38, 6. 40, 5. 12. 212, 16.
 κάλλος, τό 8, 4. 26, 21. 137, 7. 18. 140, 1. 141, 16. 18. 150, 15.
 τῆς μαθηματικῆς 20, 27 ss. 26, 11—27, 16.
 καλός, ἡ, ὅν 21, 10. 269, 24.
 τὸ καλόν 25, 17. 27, 13.
 Comp. 35, 4.
 Sup. 211, 19. 213, 14.
 καλῶς 67, 14. 78, 14. 83, 5. 135, 5.
 κάμνω 179, 7.
 καμπύλος, ἡ, ὅν 104, 5. 121, 16.
 κανονική, ἡ 38, 12. 40, 9 ss.
 κανών, ὁ 13, 17. 40, 23.
 καρδιοειδής, ἐς 138, 17.
 κάρος, ὁ 47, 3.
 κάρπος, ὁ 199, 7.
 κατὰ c. Acc. passim, e. g. 3, 7. 6, 1. 18. 7, 10. 11. 8, 2. 12. 9, 4. 8. 17, 17. 181, 23.
 καταβαίνω 57, 14. 84, 21.
 καταβάλλω
 Med. 16, 20.
 καταβιβάζω 106, 18.
 καταβολή, ἡ 74, 15.
 καταγραφή, ἡ 212, 10. 340, 11. 358, 11. 370, 14. 400, 9. 15. 419, 22.
 καταγράφω 215, 1. 357, 5.
 καταγω 63, 23. 133, 11.
 καταδεής, ἐς
 Comp. 3, 12. 15, 4. 89, 1. 95, 8. 132, 6.
 καταδέχομαι 5, 24. 26, 21. 101, 3. 213, 23. 294, 1.
 καταδέομαι 43, 4. 83, 5. 192, 24. 201, 14. 426, 12.
 κατακοσμέω 23, 6.
 κατακρύπτω 22, 13.
 καταλαμβάνω 102, 1.
 καταλάμπω 27, 14.
 καταλέγω 125, 14.
 καταλείπω 58, 18. 193, 12. 407, 15.
 καταλήγω 150, 22.
 κατάληξις, ἡ 151, 2.
 κατάληψις, ἡ 7, 5. 19, 12.
 καταμανθάνω 42, 5.
 καταμελέω 84, 23.
 καταμέτρησις, ἡ 41, 25. 240, 9.

- κατανοέω 36, 6. 250, 13.
 κατανοήσις, ἡ 119, 2.
 καταπαύω 18, 19. 180, 1. 185, 14. 255, 3. 10. 256, 19. 367, 3.
 καταπικρύν 386, 23.
 καταπέμπω 121, 7.
 καταπίνω 92, 24.
 καταπλήττω 63, 24. 397, 4.
 καταπραγματεύομαι 76, 22.
 καταπυννώνω 66, 12.
 καταριθμύω 194, 13.
 κατάρχω 202, 11.
 κατασκέυω passim, e. g. 41, 7. 63, 10. 20. 27. 72, 24 ss. 138, 20. 183, 17. 244, 9. 340, 14. 371, 13.
 κατασκευή, ἡ passim, e. g. 102, 18. 179, 8. 181, 1. 183, 3. 203, 4. 10. 204, 3. 206, 6. 209, 1 ss.
 κατατάσσω
 κατατεταγμένον 50, 22. 51, 18. 53, 6. 54, 10. 24.
 κατατομή, ἡ 40, 24.
 καταφαινόμαι 7, 9. 8, 20. 49, 2.
 καταφανής, ἐς passim, e. g. 11, 13. 22, 5. 75, 17. 85, 8. 96, 26. 122, 19. 145, 19. 179, 4.
 κατάφασις, ἡ 114, 14. 259, 23—260, 7.
 καταφάσκω 255, 7.
 καταφατικός, ἡ, ὄν 260, 1. 7. 360, 22.
 καταφατικῶς 96, 23. 259, 22.
 καταφρονητικῶς 28, 20.
 κάτειμι 62, 25. 89, 5. 290, 20.
 κατευθύνω 107, 23. 168, 18.
 κατέχω 52, 21. 95, 6. 109, 8. 115, 7. 117, 5. 151, 7. 195, 2 ss.
 κατηγορέω 45, 17. 79, 13 ss. 80, 19. 211, 2. 292, 9.
 κατηγόρημα, τό 205, 24.
 κατηγορία, ἡ 33, 5. 51, 9. 121, 13. 124, 1.
 κάτοιδα 45, 6. 12.
 κατοπτικός, ἡ, ὄν 19, 26.
 ἡ κατοπτρική 40, 16.
 τὰ κατοπτρικά (Εὐκλείδου) 69, 2.
 κάτοπτρον, τό 11, 3. 121, 6. 141, 5. 10.
 κατορθόω 242, 16.
 κατορύττω 20, 20.
 κάτω 114, 24. 225, 17. 270, 15. 357, 20.
 κάτωθεν 13, 27. 19, 23.
 κατωτέρω 339, 3.
 κείμαι passim, e. g. 55, 2. 109, 23. 121, 4. 127, 24. 172, 1. 186, 4.
 ἐξ ἴσου κείσθαι 109, 8—13. 110, 13. 15. 117, 6. 215, 17.
 κελεύω 100, 8.
 κενός, ἡ, ὄν 16, 9.
 κεντροβαρικά, τὰ 41, 15.
 κέντρον, τό passim, e. g. 52, 21. 107, 2. 6. 115, 4. 119, 11 ss. 155, 12.
 τοῦ κύκλου 152, 10—153, 9.
 ἡ ἐκ (ἀπὸ) τοῦ κέντρου γραμμὴ 12, 21. 49, 15. 152, 6.
 κέντρα τῶν ἐν κόσμῳ περιφορῶν 89, 21—91, 19.
 κέντρασφαιρῶν σύμβολα θεῶν 91, 2. 16—19.
 ἐν τοῖς ἀριθμοῖς 150, 17—22.
 τρεῖς τοῦ κέντρου τόποι 160, 20—24.
 κεντρόω 149, 6. 154, 21.
 κεράννυμι 10, 2.
 κεραιοειδής (γωνία) 104, 18. 113, 17. 122, 2—7. 127, 14. 134, 12. 234, 16. 271, 18.
 κέρδος, τό 212, 16. 301, 24. 303, 12.
 κεφάλαιον, τό 210, 21. 247, 26. 299, 6.
 κινέω passim, e. g. 12, 26 s. 13, 1. 16, 21. 26. 17, 21. 26. 19. 32, 11. 149, 16. 171, 18. 277, 25. 291, 8. 322, 22—24.
 κινήσις, ἡ passim, e. g. 7, 21. 8, 1. 24, 7. 25, 4. 32, 9 ss. 36, 16. 57, 13. 75, 20. 78, 22. 164, 9 ss. 185, 13 ss. 291, 17. 391, 26.
 φαινόμενα 17, 11.

- ἡ πρωτίστη 17, 19, 22.
 οὐ τοπικὴ 18, 22.
 φανταστικὴ 94, 26.
 κοσμικαί 41, 19.
 τρεῖς: ἐπ' εὐθείας, κύκλῳ,
 μικτῇ 104, 25.
 κινητικός, ἡ, ὅν 41, 18, 46, 20.
 119, 21. 133, 1.
 κινουμένως 50, 2.
 κισσός, ὁ 126, 25.
 κισσοειδής (κισσοειδής)
 ἡ κ. γραμμὴ 111, 6. 15. 113,
 5. 126, 24. 128, 4. 6. 152, 8.
 164, 2. 177, 2. 187, 21.
 κίων, ὁ et ἡ
 κίονας τοὺτους 296, 5.
 ἄλλη κίων 296, 7.
 κλάσις, ἡ 125, 10. 11. 19. 128,
 1. 291, 4.
 κλάω 111, 3. 291, 4.
 κλείω 143, 12.
 κληρόα
 Med. 4, 19. 19, 12. 90, 25. 91,
 15. 92, 24.
 κλίμα, τό 38, 21.
 κλίνω 121, 14. 124, 14ss. 184, 23.
 κλίσις, ἡ 121, 13. 122, 22 ss.
 123, 15. 124, 14. 125, 13. 127,
 20. 128, 10 ss. 218, 6. 267, 2.
 292, 10. 301, 6.
 κογχοειδής
 ἡ κ. γραμμὴ 111, 8. 112, 13.
 113, 5. 177, 5. 16. 272, 4. 356,
 10.
 κοίλογωνιος, ὃν 165, 24.
 κοῖλος, ἡ, ὃν 106, 24. 127, 9 ss.
 290, 18.
 κοινός, ἡ, ὃν passim, e. g. 7,
 15. 17. 8. 3. 4. 16. 21. 9, 16.
 21. 10, 11. 12, 7. 15, 17. 27,
 4. 33, 1 ss. 67, 20. 109, 18.
 178, 9. 181, 24. 184, 14 ss.
 195, 25 ss. 293, 2 ss. 337, 16.
 391, 24 ss.
 Comp. 10, 5. 253, 20.
 χρῆσασθαι τοῖς κοῖνοις (λόγοις)
 ἀναγκαῖον 171, 13—15.
 κοινωνιανέω 161, 5. 23. 162, 5.
- κοινωνία, ἡ passim, e. g. 7, 2.
 36, 23. 44, 5. 60, 5. 61, 1 8.
 63, 14. 83, 20. 96, 11. 110, 8.
 129, 3. 14. 166, 24. 174, 6.
 κοινωνός, ὁ 237, 15. 403, 8.
 κοινῶς 7, 27.
 κλακικῶς, ἡ, ὃν 30, 20.
 κλάσις, ἡ 181, 11.
 κόλπος, ὁ 90, 19. 96, 11.
 κομιδῇ 403, 18.
 κομίζω 345, 12.
 κομψός, ἡ, ὃν 143, 21.
 κορυφαῖος, ὁ 27, 23.
 κορυφή, ἡ passim, e. g. 118,
 16. 123, 1. 3. 153, 8. 221, 17.
 222, 5.
 γωνία κατὰ κορυφήν 126, 15.
 298, 12 ss.
 κορυφῶω 261, 4.
 κοσμέω 24, 14. 164, 15.
 κοσμικός, ἡ, ὃν 41, 19. 83, 2.
 σχήματα 65, 20. 70, 24. 71, 23.
 423, 13—18.
 κόσμος, ὁ 22, 20. 37, 20. 63, 16.
 71, 3. 99, 11. 107, 22. 184, 4.
 ὁ ὅλος 89, 20—91, 15.
 πεπερασμένος 371, 13.
 κοχλῶν, τό 105, 6.
 κραῖσις, ἡ 188, 1 ss.
 κρατέω 6, 14. 26, 18. 101, 10.
 18. 24. 132, 9. 168, 15. 19.
 κρείττων 30, 2. 82, 3. 168, 18.
 280, 9.
 κρίνω 27, 18. 34, 21.
 τὸν μαθηματικόν 32, 22.
 κρίσις, ἡ 32, 22. 242, 11. 432,
 18.
 κριτήριον, τό 11, 15. 59, 3. 195,
 24.
 τῶν μαθημάτων 10, 17—11, 26.
 κριτικός, ἡ, ὃν 32, 24. 26. 42, 20.
 κρύπτω 154, 17.
 κρύφιος, α, ὃν 6, 9. 141, 23.
 155, 17. 156, 5.
 ἐν κρυφίῳ 115, 4.
 κρυφίως 46, 1. 56, 13. 88, 4.
 19. 92, 3.
 κτάσμαι 96, 2.

- κτῆμα, τό 403, 8.
 κύβος, ὁ 213, 3. 423, 18.
 κυκλικός, ἡ, ὅν passim, e. g.
 12, 12. 53, 20. 118, 18. 119,
 18. 147, 9 s. 150, 8 ss.
 ἡ κυκλική 103, 4. 106, 11. 16.
 107, 9. 111, 6. 11. 112, 20.
 119, 7. 163, 7 s.
 κυκλικῶς 107, 10. 146, 15. 149,
 7. 155, 23.
 κυκλογραφῶ 106, 14. 180, 13.
 κύκλος, ὁ passim, e. g. 12, 12.
 37, 6 s. 39, 4. 40, 16. 92, 7.
 103, 10. 146, 18—156, 5. 213,
 15 ss. 391, 16 ss.
 αἰσθητοί 53, 5. 54, 11.
 φανταστοί 53, 9. 24. 54, 8. 24.
 ἐν ψυχῇ 16, 21. 26.
 ἐν διανοίᾳ 54, 5.
 ἐν γεωμετρίᾳ 54, 22.
 ἀρχή, τῶν κινουμένων 17, 22.
 ἐν οὐρανῷ 53, 26.
 ἐν πολυγώνοις 56, 5.
 φύσει κρείττων τῶν εὐθυ-
 γράμμων 82, 3.
 ἀνάλογον πέρατι 104, 13.
 147, 4.
 διχοτομία κύκλον γράφουσα
 106, 10.
 τὸ τριαδικὸν ἔχει 115, 3—5.
 κέντρον ἀμερῆστερος 141, 25.
 ὁ οὕτως ὅν 154, 9.
 ὁ τοὺς λόγους ἔχων τῶν αἰσθη-
 τῶν 291, 2.
 τετραγωνισμός 422, 25.
 κύκλῳ 16, 26. 17, 22. 105, 21.
 213, 24.
 τὸ κύκλῳ κινούμενον οὐκ
 ἀπειρον 284, 25 s.
 κυκλοφορία, ἡ 147, 12.
 κυλινδρικός, ἡ, ὅν. Ἐλεξ 105,
 10 ss. 106, 8. 112, 21. 251, 7.
 394, 24.
 ἐπιφάνεια 117, 22. 120, 11 s.
 24. 126, 10.
 κύλινδρος, ὁ 39, 23 s. 71. 18.
 104, 20. 105, 1 ss. 112, 17.
 113, 19. 156, 18. 202, 1. 251,
 11.
 κύριος, α, ὄν
 Sup. 38, 9.
 κυρίως 193, 19. 222, 11. 251,
 12. 252, 6. 253, 17.
 κυρῶν 24, 25.
 κυρτός, ἡ, ὄν 106, 24. 127, 8 ss.
 κώλυμα, τό 46, 9.
 κωλύω 212, 18. 216, 16. 273, 24.
 296, 12. 357, 1. 368, 8. 370, 4.
 401, 6.
 κωνικός
 αἱ κ. τομαί, γραμμαί 111, 19.
 22. 112, 13. 120, 6. 177, 7.
 356, 9. 394, 25. 419, 19.
 ἐπιφάνεια 117, 22. 118, 10—
 15. 120, 5. 24. 126, 10. 160,
 23.
 κωνοειδής 119, 22—120, 2.
 τὸ ὀρθογώνιον κωνοειδές 119,
 24.
 κῶνος, ὁ 39, 23 s. 104, 20. 105,
 9. 111, 18. 112, 3. 113, 19.
 123, 1. 6. 153, 8. 156, 19. 395,
 12.
 ὁ ὀρθογώνιος 111, 7. 177, 4.
 ὁ ἀμβλυγώνιος 111, 7. 177, 4.
 κωνοτομέω 112, 23.
 λαγχάνω passim, e. g. 4, 4. 11,
 23. 15, 24. 16, 8. 21, 11. 19.
 24, 18. 48, 17. 52, 2. 291, 9.
 λαμβάνω passim, e. g. 6, 16.
 9, 24. 15, 20. 27, 5. 28, 17.
 57, 20. 115, 10. 158, 12. 15.
 179, 3.
 λανθάνω 69, 28. 174, 3. 206,
 16. 254, 5. 385, 9. 391, 22.
 405, 12.
 λέγω passim, e. g. 5, 17. 8, 10.
 9, 2. 12, 3 ss. 13, 11. 23, 27.
 183, 19.
 λειότης, ἡ 23, 9.
 λείπω
 Pass. passim, e. g. 4, 21. 16,
 4. 59, 9. 114, 17. 121, 23.
 348, 6.
 λέξις, ἡ 72, 8.
 λήγω 252, 21.
 λήθη, ἡ 46, 23.

- λήμματα*, τό 73, 4. 200, 16. 210, 27. 211, 1—212, 4. 216, 1. 264, 14.
λημματίον, τό 84, 11. 319, 3—320, 5. 365, 13.
λήψις, ἡ 179, 7 ss. 181, 8. 204, 15. 250, 18. 330, 1. 352, 11. 359, 5. 17. 360, 13 ss.
λογικός 143, 21.
λόγιον, τό 98, 18. 129, 6. 155, 3.
λογισμός, ὁ 20, 6. 65, 1.
λογιστική, ἡ 38, 12. 15. 39, 20 ss.
λογιστικός, ὁ 40, 2 ss.
λόγος, ὁ passim, e. g. 6, 27. 10, 27. 12, 7. 20, 12. 26, 20. 27. 29, 16. 25. 30, 11. 16. 33, 17. 72, 9. 98, 11. 172, 15. 186, 7. 201, 19. 371, 6. 373, 10.
ὁ ἱερός 22, 14.
ὁ ῥητός 60, 7.
ἄκρος καὶ μέσος 60, 19.
ὁ κυκλικός 53, 20.
ὁ τριγωνικός 33, 13. 53, 20. 145, 22. 167, 26.
ὁ τετραγωνικός 145, 23.
ὁ τοῦ σχήματος 53, 21. 144, 6—145, 25.
ὁ ἐν διανοίᾳ 53, 23 ss.
ὁ ἐπιστημονικός 322, 17.
ὁ φυσικός 53, 27.
λόγον ἔνεκα 182, 19.
λόγῳ δεδομένον 205, 14—206, 11. 235, 11. 271, 20.
οἱ λόγοι passim, e. g. 5, 6. 6, 14. 24, 7, 2. 12. 24, 8, 8. 9, 16. 11, 21. 12, 14. 17, 5. 18, 24. 22, 18. 24, 24. 25, 2. 18. 26, 6. 54, 7. 57, 12. 186, 4 s.
ἀεὶ-ἐστώτες ἀκίνητοι 12, 22. 26. 27, 7.
αἰτίαι 46, 16.
θεῖοι 47, 2.
ἐνυλίοι 15, 6.
φυσικοί 35, 10. 92, 10. 166, 17.
διανοητικοί 45, 4. 62, 12.
ἀνέλεγκτοι 378, 2. 426, 13.
ἐν ψυχῇ 13, 13 ss. 16, 1 ss. 32, 16.
περὶ τὴν μαθημ. οὐσίαν (μαθηματικοί) 3, 8. 8, 16. 13, 8. 21, 1. 22, 5. 25, 8. 32, 8. 83, 23 ss. 66, 12.
ἀρμονικοί 16, 19. 25. 21, 12.
ἀριθμητικοί 48, 13.
γεωμετρικοί 206, 17.
φαινόμενοι 17, 11. 40, 23.
αἰσθητοί 129, 19.
τῶν αἰσθητῶν 291, 2.
οἱ ἑπτά 17, 17.
τῶν μαθημάτων 17, 23. 45, 23.
ὀριστικοί 57, 23.
οὐσιώδεις 69, 16.
ἀμερεῖς 18, 1. 56, 7. 22. 115, 20. 285, 2.
χωριστοί 85, 14.
οἱ ἐνδον 13, 19. 140, 16.
οἱ ἐν ἀρχῇ 19, 19.
οἱ ἐν τῇ διαλεκτικῇ 21, 24.
τῆς εὐγονίας 24, 2.
τῶν ἀρετῶν 24, 10.
ἀπορρητότεροι 90, 11.
ἀποφατικοί 94, 11.
ιδιάζοντες 171, 14.
λοιπός, ἡ, ὅν passim, e. g. 30, 24. 41, 19. 80, 26. 88, 2. 157, 19.
λύσις, ἡ 131, 23. 211, 15. 247, 18. 248, 2.
λυτός, ἡ, ὅν 166, 21.
λύα 63, 27. 330, 5. 18. 431, 13.
μάθημα, τό passim, e. g. 5, 21. 7, 4. 13. 8, 5. 13. 10, 11. 21, 21. 24, 2. 29, 17. 32, 20. 25. 101, 4. 122, 19. 195, 25. 221, 10. 326, 23. 396, 25 s.
τὸ κριτήριον 10, 17—11, 26.
ὁ θριγγός 42, 10—44, 24.
τὸ ὄνομα 44, 25—46, 18.
ἡ ἀληθὴς οὐσία 13, 12.
οἱ λόγοι 14, 1. 17, 23.
τὸ κάλλος 26, 11 ss.
ἡ θεωρία 28, 17.
ἡ γυνῶσις 28, 21.

- μαθηματικός, ἡ, ὄν 5, 11. 7, 18. 68, 24. 151, 14. 154, 27. 157, 17.
 ὁ μαθηματικός 26, 5. 32, 21—35, 16. 39, 2 s. 78, 9. 118, 7. 254, 5. 356, 6. 396, 12.
 λόγοι 8, 16. 13, 7. 25, 8. 32, 8. 66, 12.
 ἡ μαθηματικὴ 4, 6. 36, 12. 64, 4.
 ἐπιστήμη 10, 13. 17, 26. 29, 14—32, 20. 60, 23.
 ἔργον τῆς μαθ. 18, 10—19, 5. 46, 19—47, 6. εἶδη (μέρη) 35, 17—42, 8.
 δυνάμεις 19, 6—20, 6.
 ὄφελος 20, 8—29, 13. ὄνομα 24, 25—46, 18.
 ἡ μαθ. οὐσία 3, 1. 5, 15. (12, 3—18, 6.)
 τὰ μαθηματικά 4, 18. 6, 7. 11, 10. 16, 22.
 γέννη 7, 7. 16, 8. 9, 12, 3. εἶδη 12, 3—18, 6.
 πιστεῖς 255, 13—256, 8.
 μαθηματικῶς 34, 26.
 μάθησις, ἡ 45, 6 ss. 71, 13. 74, 1. 204, 17. 221, 9.
 μαθητῆς, ὁ 66, 19. 67, 24. 80, 16.
 μαιεῖα, ἡ 47, 4.
 μακάριος, α, ὄν 47, 5.
 μακαριότης, ἡ 148, 13.
 μακρογορέω 195, 17.
 μαλακῶς
 Comp. 68, 9.
 μάλλον passim, e. g. 12, 17. 14, 8. 18. 26. 34, 15 s. 179, 25. 294, 6.
 Sup. 26, 23. 67, 18. 95, 16. 234, 14.
 μανθάνω passim, e. g. 24, 23. 27, 6. 44, 8. 45, 19. 49, 4. 70, 22. 71, 6. 8. 23. 76, 9. 19. 83, 3. 173, 15. 175, 6. 192, 6.
 μάρτυς, ὁ 29, 15.
 μάταιος, α, ὄν 243, 21.
 μάτην 152, 22. 236, 8.
 μάχομαι passim, e. g. 22, 21. 247, 18. 25. 254, 25. 255, 9. 264, 11. 266, 12.
 μέγας
 Comp. passim, e. g. 53, 3. 80, 25. 109, 15. 119, 26. 313, 13 ss.
 Vide μειζόνως.
 Sup. 22, 17. 30, 6. 66, 9. 83, 7. 91, 14. 220, 3. 348, 5.
 μετάβασις ἀπὸ τοῦ μειζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον 234, 18.
 μέγεθος, τό passim, e. g. 36, 4. 37, 15. 17. 38, 21. 109, 11. 121, 21 ss. 126, 5. 184, 17—29, 391, 26.
 τὸ ἐν φαντασίᾳ 53, 12.
 γραμμῇ, μέγεθος ἐφ' ἑν διαστατόν 97, 7.
 τὰ μεγέθη 6, 17. 20. 7, 21. 9, 3 ss. 54, 2. 57, 10. 93, 4. 95, 23 ss.
 ὁμογενῇ μεγέθει 121, 24. 124, 11.
 πᾶν μέγεθος πεπερασμένως ἔχει διαιρέσεις 158, 16.
 μεγέθει δεδομένον 205, 14—206, 11.
 τὸ μέγεθος τῶν εἰς ἄπειρον διαιρουμένων εἶναι 278, 11. 322, 25.
 μεγεθυσμένως 54, 4.
 μέθεξις, ἡ 51, 3. 88, 17. 28. 294, 9.
 μεθίστημι 65, 17.
 Pass. 20, 23.
 μέθοδος, ἡ 44, 20. 57, 21. 70, 5. 97, 6. 180, 7. 200, 14. 205, 19. 206, 19. 240, 25. 242, 19. 248, 2. 375, 24. 381, 23. 383, 16. 406, 18. 407, 15. 17. 411, 15. 422, 11. 427, 16. 432, 13.
 διαλεκτικά 42, 18—43, 21. 69, 13—18.
 (λημμάτων εὐρέσεως) 211, 15—212, 4.
 Πυθαγορικῇ, Πλατωνικῇ 428, 8—429, 8.

- μεθόριος, α, *ον* 385, 5.
 μειζόνως 13, 6. 88, 8. 89, 9.
 251, 2. 426, 10.
 μειώνω 177, 15.
 μείων, *ον* 316, 19. 327, 3.
 μείωσις, *ή* 50, 5. 132, 4. 11.
 293, 19. 316, 22.
 μέλει 158, 16.
 μελετάω 55, 24.
 μελέτη, *ή* 55, 23. 210, 24.
 μέλλω *passim*, e. g. 27, 13. 34,
 21. 179, 17. 193, 6. 233, 21.
 329, 19.
 μέλος, τό 24, 6.
 μέντοι *passim*, e. g. 34, 26. 39,
 3. 40, 7. 67, 16.
 μένω *passim*, e. g. 13, 25. 15,
 27. 49, 18. 86, 25. 90, 20. 22.
 102, 5. 114, 5. 175, 12. 290,
 19.
 μερικός, *ή, όν* 140, 27. 207, 7.
 13.
 Comp. 9, 17. 10, 1. 7. 19, 18.
 35, 20. 74, 8. 132, 18. 253, 20.
 391, 18. 427, 15.
 τὰ μερικά 12, 7. 14, 6. 51, 11.
 μερίζω 87, 19. 133, 23. 246, 17.
 305, 7. 361, 15. 18. 376, 9.
 390, 14.
 μερίς, *ή* 22, 26. 147, 24.
 μερισμός, ό 5, 5. 44, 18. 49, 23.
 52, 24. 92, 25. 133, 11. 134, 6.
 154, 8.
 μεριστός, *ή, όν* *passim*, e. g. 4,
 8. 5, 14. 11, 13. 12, 25. 15,
 23. 20, 2. 31, 6. 46, 6. 50, 7.
 54, 8. 87, 3. 92, 13. 101, 2.
 137, 26.
 τὰ μεριστά *passim*, e. g. 3, 5.
 4, 4. 9, 12. 14, 9. 19, 13. 46,
 4. 51, 22. 54, 2. 89, 12. 91, 19.
 92, 18. 21. 93, 9. 149, 16.
 μεριστάς 4, 24. 50, 1. 54, 4. 56,
 14. 94, 20—95, 20.
 μέρος, τό *passim*, e. g. 41, 4.
 24. 42, 16. 48, 10. 69, 23 s.
 87, 2. 103, 8. 175, 18. 418, 13.
 μέρη *της* μαθηματικής 35,
 17—42, 8.
 θεωρημάτων και προβλημά-
 των 200, 9.
 κατά μέρος 14, 16.
 παρά μέρος 81, 20.
 επί μέρους 202, 22. 394, 12.
 432, 2.
 μέσος, *η, όν* *passim*, e. g. 3, 3.
 16. 4, 19. 5, 25. 6, 12. 19, 12.
 21, 10. 24, 26. 29, 22. 52, 8.
 21. 62, 11. 24. 87, 20. 100, 17.
 109, 22. 110, 6. 117, 11. 150,
 17. 296, 7 s. 355, 9. 374, 3.
 14.
 ἄκρος και μέσος λόγος 60, 19.
 οί μέσοι διάχοσμοι 85, 17.
 μέσα των όντων άπάντων
 108, 6.
 μέσον της περιφερειας 155, 7.
 εύθειαι μέσον περιέχουσai
 205, 11.
 δύο μέσαι άνάλογον 213, 5. 6.
 μέσα προβλήματα 220, 11.
 μεσότης, *ή* 5, 11. 162, 3. 174, 2.
 μεστός, *ή, όν* 69, 2. 137, 20.
 μετά c. Acc. *passim*, e. g. 5,
 19. 10, 16. 18, 5. 97, 27. 99,
 19 s.
 c. Gen. *passim*, e. g. 4, 17. 6,
 11. 19, 22. 20, 2.
 μεταβαίνω 181, 24. 195, 14.
 207, 12 ss. 271, 25. 291, 23.
 336, 14. 378, 2. 411, 20.
 μεταβάλλω 49, 20. 133, 6.
 μεταβασις, *ή* 8, 7. 21, 13. 65,
 2. 69, 17. 74, 14. 18. 85, 3.
 179, 20. 212, 24. 234, 18.
 μεταβατικός, *ή, όν* 213, 25.
 μεταβλητός, *ή, όν* 13, 2.
 μεταβολή, *ή* 23, 11. 25. 63, 5.
 78, 17. 79, 2. 147, 11. 149, 14.
 164, 11. 16.
 μετάβολος, *ον* 11, 13.
 μετάγω 27, 16. 60, 21. 65, 7.
 82, 7. 261, 13. 337, 9. 419, 19.
 μεταδίδωμι 30, 25.
 μεταδιώκω 84, 18. 432, 15.
 μετάδοσις, *ή* 89, 6. 150, 14 s.
 μετάθεσις, *ή* 212, 10.

- μεταλαγχάνω 88, 2.
 μεταλαμβάνω 24, 9. 139, 6. 161, 4. 184, 2. 310, 11. 322, 2. 329, 11 ss.
 μεταξύ passim, e. g. 5, 12. 15, 22. 88, 11. 109, 9. 14. 117, 3. 5. 371, 19. 417, 6.
 μεταστάσεις, ἡ 55, 25.
 μετατίθηναι 212, 7. 213, 4. 248, 20.
 μεταφέρω 117, 13.
 μεταχειρίσας, ἡ 242, 18. 247, 26.
 μεταχειρίζω 180, 25.
 μέτειμι 12, 17. 28, 14. 29, 9. 30, 7. 61, 10. 93, 24. 123, 24. 150, 8. 271, 12. 429, 19.
 μετέρχομαι 199, 15. 329, 12. 390, 14.
 μετέχω passim, e. g. 6, 2. 7, 9. 15, 10. 30, 5. -33, 18. 37, 20. 51, 2 ss. 53, 10. 77, 13. 79, 6. 200, 1. 291, 19.
 μετώρος, ον 110, 20. 118, 11. 152, 25. 175, 24. 223, 14. 283, 16.
 μετεωροσκοπική, ἡ 42, 1.
 μετουσσία, ἡ 99, 4. 148, 10. 354, 12.
 μετρέω 39, 23. 40, 4. 100, 10. 114, 21. 115, 14. 136, 10. 184, 15.
 μετρητική, ἡ 25, 7.
 μέτριος, α, ον 24, 14.
 μετρίως 200, 4.
 μέτρον, τό 5, 23. 25, 2. 10. 63, 12. 134, 24. 145, 12. 168, 16. 19. 292, 21. 403, 20.
 μέτρα τῆς εὐγονίας καὶ τῆς ἀγονίας 8, 18.
 μέτρον τῆς ὅλης ἐπιστήμης 27, 3.
 εἰς ἀνθρώπος τοῦ πλήθους 40, 8.
 ἔν, πάντων μέτρον 115, 16.
 κοινόν μέτρον ἐλάχιστον 278, 23.
 θεῖον καὶ νοερόν 133, 15.
 τῶν γωνιῶν 240, 6—8.
 τῆς ἀνισότητος 293, 17.
 μέγιστον καὶ κοινόν 302, 7.
 μέχοι passim, e. g. 9, 17. 10, 15. 19, 20. 31, 15. 93, 23.
 μέχρις 93, 12. 145, 2. 155, 5.
 μηδαμοῦ 179, 25. 247, 13. 284, 14.
 μηδαμῶς 365, 16.
 μηδέποτε 177, 22.
 μηδέπω 406, 2.
 μηδέτερος 176, 3.
 μήκος, τό 96, 16 ss. 99, 2. 100, 7 ss. 106, 4. 114, 4. 22. 25. 116, 10. 181, 19. 395, 15 ss. 420, 3 ss.
 μῆκυνω 142, 9.
 μῆλότης, ὁ 40, 5.
 μῆν passim, e. g. 8, 4. 12, 16. 23, 12. 24, 21. 202, 5.
 μῆν, ὁ 269, 4.
 μηνίσκος, ὁ 66, 5. 127, 11. 163, 13. 213, 9.
 μνησιδής, ἐς 159, 15. 160, 3. 9. 190, 8 ss. 238, 8. 11. 301, 12. 333, 15 s.
 μήποτε passim, e. g. 105, 11. 192, 22. 215, 10. 234, 13. 268, 15.
 μήπω 78, 1. 206, 24.
 μῆ ὄντα πω 201, 6.
 μηχανάομαι 73, 23. 181, 6. 234, 5. 246, 8.
 μηχανική, ἡ 19, 26. 38, 11. 41, 3 ss. 59, 23. 63, 8. 78, 15. 79, 5.
 μηχανικός, ὁ 241, 19. 305, 24. 346, 13.
 μηχανή, ἡ 14, 7. 122, 25. 180, 5. 421, 24.
 μίγνυμι 118, 5. 144, 13. 348, 2. 412, 6.
 μικρός, α, ὄν 406, 16.
 μικρόν 200, 6. 306, 13.
 κατὰ μικρόν 28, 19.
 μικρότης, ἡ 53, 17.
 μικτός, ἡ, ὄν passim, e. g. 104, 17. 25. 105, 24 ss. 111, 10. 12. 112, 22. 159, 17 ss. 272, 1 ss. 279, 10. 333, 20.

- τὸ μικτόν 104, 9 ss. 107, 18.
 117, 14. 315, 1.
 μιμέσθαι passim, e. g. 56, 7.
 60, 28. 98, 15. 23. 101, 18.
 129, 21. 147, 20? 154, 20.
 μίμησις, ἡ 41, 16.
 μιμησκόμαι 22, 1. 113, 15. 135.
 13. 214, 19. 272, 20. 364, 9.
 μίξις, ἡ 104, 1. 105, 19. 106,
 12. 112, 9. 117, 24—120, 6.
 164, 3. 272, 22. 314, 20.
 μισθός, ὁ 23, 15.
 μνήμη, ἡ 161, 22. 162, 15. 193,
 6. 360, 19. 398, 24. 407, 10.
 418, 18.
 μνημονεύω 65, 13. 66, 3. 8. 68,
 12. 420, 7.
 μοναδικός, ὁ, ὅν 96, 3. 97, 22.
 98, 19. 159, 13. 161, 18.
 μονάς, ἡ 6, 15. 23. 27. 17, 7.
 31, 18. 40, 9. 59, 18. 20. 93,
 7. 19. 101, 8. 147, 4. 150, 18.
 151, 21. 161, 24 ss. 174, 11.
 184, 15. 188, 13. 235, 21. 237,
 6. 428, 14 ss.
 ἄλλη ἡ γεννητική, ἄλλη ὡς
 ὕλη 92, 26 s.
 θέσιν ἔχουσα 95, 21—96, 15.
 σημείον ἀνάλογον μονάδι,
 γραμμὴ μοναδική 97, 20—
 98, 7. 99, 19—100, 3.
 πατρική 98, 17.
 ταυὰ 99, 1.
 νοῦς δύο μονάδας προήγαγεν
 108, 18.
 μοναχῶς 168, 11. 219, 20. 220,
 8 ss. 280, 23.
 μονή, ἡ 153, 25.
 μόνιμος, ὁ 6, 3. 7, 5. 13, 1.
 43, 13. 44, 14. 153, 15. 173, 6.
 τὸ μόνιμον 3, 8. 11, 21. 21, 1.
 90, 8.
 μονίμως 18, 12. 50, 23. 138, 3.
 μονοειδέης, ἐς 5, 1. 82, 9. 115,
 21. 253, 8.
 μονοειδῶς 44, 16.
 μόνον passim, e. g. 15, 21. 26.
 16, 3. 30, 4.
 μόνος, ὁ, ὅν passim, e. g. 6,
 9. 9, 22. 20, 20. 26, 9.
 μονόστροφος, ὁ 180, 4. 12.
 187, 22.
 μόνως 156, 17. 246, 11. 284, 13,
 418, 22.
 μόριον, τό 6, 19. 105, 8. 128, 6.
 198, 7. 201, 24. 322, 21.
 μορφή, ἡ passim, e. g. 7, 12.
 52, 26. 53, 11. 94, 24. 95, 14.
 96, 5. 99, 5. 124, 4. 137, 7.
 15. 138, 19. 139, 19. 140, 19.
 141, 11. 285, 7. 291, 9.
 μορφῶν 12, 13. 51, 4. 56, 20.
 78, 20. 95, 2. 115, 7.
 μόρφωμα, τό 138, 15.
 μορφωτικός, ὁ, ὅν 46, 4. 7. 51,
 21. 55, 23. 95, 9.
 μορφωτικῶς 94, 19.
 μοῦσα, ἡ
 Pl. 8, 15. 23, 21. 150, 5.
 μουσικός, ὁ, ὅν 58, 25.
 μουσική, ἡ 24, 11. 36, 1. 24 s.
 59, 21. 69, 3.
 μουσικός, ὁ 21, 7. 10.
 μοχθηρός, ὁ, ὅν 218, 2.
 μυρίος, α, ὁ 30, 2. 295, 19.
 315, 7.
 μυσταγωγία, ἡ 22, 13.
 μυστικός, ὁ, ὅν
 Sup. 156, 1.
 μῦθος 46, 14.
 ναῦς, ἡ 63, 20. 22.
 ναυτικός, ὁ, ὅν 25, 22.
 νεαροπρεπής, ἐς 200, 17. 375, 9.
 νέος, α, ὁ 24, 9.
 Comp. 66, 2. 18. 67, 2. 68, 6.
 17. 251, 2. 419, 18.
 νεῦρον, τό 41, 13.
 νερός, ὁ, ὅν passim, e. g. 4,
 13. 9, 13. 15, 10. 22. 16, 6.
 18, 12. 22. 19, 24. 20, 23. 21,
 16. 22, 2. 8. 27, 10. 28, 3. 13.
 30, 1. 35, 11. 63, 2. 139, 7.
 147, 16. 214, 4.
 νερεῶς 16, 13. 21. 17, 9. 65, 18.
 νεώω passim, e. g. 5, 12. 36,
 20. 37, 21. 51, 12. 52, 25. 285,
 6—18.

- τὸ ἐν ᾧ δύο τρίγωνα 250, 1.
 ἐννοήσθω 266, 19.
 νόημα, τό 48, 5. 52, 26.
 νόησις, ἡ 5, 8. 10, 25. 11, 1. 9.
 21, 12, 2. 20, 1. 37, 23. 46,
 21. 55, 7. 56, 20. 86, 18. 141,
 1. 148, 20. 201, 20. 213, 26.
 285, 8 ss.
 νοητός, ἡ, ὅν passim, e. g. 3,
 17. 4, 23. 6, 1. 9. 32, 10. 148,
 20.
 τὰ νοητά passim, e. g. 4, 1.
 16. 10, 21 ss. 21, 2. 34, 6 ss.
 35, 8. 37, 21. 38, 5 ss. 88, 23.
 294, 8.
 ἀκροτάτη τάξις τῶν νοητῶν
 155, 11.
 νοητῶς 155, 21.
 νομίζω passim, e. g. 8, 22. 57,
 2. 89, 15. 94, 1. 223, 16. 238,
 19. 336, 7.
 νοῦς, ὁ 4, 9 ss. 11, 27. 15, 10 ss.
 19, 2. 27, 3 ss. 28, 10. 29, 9.
 37, 17. 26. 41, 1. 42, 13. 43,
 15. 44, 12. 15. 47, 2. 5. 48, 16.
 49, 12. 50, 13. 65, 2. 85, 17.
 87, 17. 129, 22. 140, 12. 147,
 15—27. 148, 17—149, 9. 186,
 6 ss. 192, 8. 210, 13. 214, 1—
 10. 291, 16. 19. 427, 15.
 μέτρον τῆς ὅλης ἐπιστήμης
 27, 4.
 ὁ παθητικὸς 52, 3—12. 56, 1
 —22.
 πάντα ἐν νῷ προνοήσθηκε
 92, 1—4.
 ἐν ἑαυτῷ (ἔχει) τὸ εὐθὺν καὶ
 τὸ περιφερές 108, 2—21.
 μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς
 ψυχῆς 115, 14—15.
 ὁ γεωμετρικὸς 180, 9.
 νῦν 310, 12.
 τὸ νῦν ἀμερές; 93, 6.
 νυνί 178, 5. 200, 6. 266, 4.
 ξένος, ὁ 24, 8.
 ξυστροειδής 127, 10. 238, 8.
 ὄγδοος passim, e. g. 253, 1.
 255, 3. 264, 14. 265, 6 ss.
 268, ss.
 ὄγκος 49, 27.
 ὀδεύω 18, 26. 109, 18. 322, 13.
 ὀδός, ἡ 8, 6. 20, 11. 21, 8. 55,
 9. 63, 13. 68, 15. 100, 7. 242,
 15. 269, 9. 310, 18.
 ὄθεν passim, e. g. 6, 13. 11,
 16. 40, 3. 43, 7.
 οἶδα passim, e. g. 16, 16. 29,
 22. 30, 10. 75, 18. 113, 16.
 275, 7. 341, 19.
 οἱ εἰδότες 145, 18.
 οἰκείος, α, ὅν passim, e. g. 9,
 4. 7. 14, 5. 17, 2. 19, 9. 20, 6.
 21, 18. 22, 26. 68, 21. 259, 23.
 οἰκειόω 97, 27. 164, 10. 12.
 οἰκείως 35, 14. 58, 8. 104, 15.
 145, 8.
 οἰκονομία, ἡ
 στοιχειώσεως (Εὐκλείδου) 69,
 25. 75, 5—81, 22.
 οἶμαι passim, e. g. 3, 14. 19,
 13. 23, 1. 30, 16. 34, 25. 68,
 3. 91, 21. 283, 8. 369, 5. 22.
 οἶνος, ὁ 167, 10.
 οἶον passim, e. g. 6, 25. 7, 24.
 18, 14. 23, 28. 92, 24.
 οἶος, α, ὅν 4, 6. 60, 17.
 οἶος ποτέ 350, 16.
 οἰστικός, ἡ, ὅν 23, 21. 52, 2.
 ὀκνέω 52, 4.
 ὀκτάγωνον, τό 393, 11. 23.
 ὀκτάεδρον, τό 423, 16.
 ὀκτώ 237, 7 s. 305, 12. 383, 11.
 403, 17. 20. 422, 21.
 ὀκτωκαίδεκα 237, 9.
 ὀκτωκαίδεκατος 313, 22. 409, 3.
 ὀλίγος, η, ὅν 28, 16. 34, 19. 64,
 5. 210, 24. 229, 4. 271, 24.
 ὀλίγω 66, 2. 67, 2.
 ὀλιγότης, ἡ 23, 10.
 ὀλικός, η, ὅν
 Comp. 9, 18. 10, 1. 6.
 ὀλή, ἡ 41, 13. 64, 1.
 ὀλος, η, ὅν passim, e. g. 5, 15,
 10, 12. 18, 10. 67, 12.

- τὸ ὅλον 6, 19. 98, 14. 19. 144, 21 ss. 193, 13.
 τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου 99, 22.
 τὰ ὅλα 12, 9. 15, 25. 20, 12. 31, 14. 69, 22 s.
 ὅλω καὶ παντί 26, 8.
 ὁλότης, ἡ 91, 6. 98, 23. 144, 19. 145, 20.
 ὁλως passim, e. g. 4, 19. 15, 18. 20, 24. 21, 24. 23, 20. 53, 26. 122, 11.
 ὁμαλός, ἡ, ὅν 179, 24. 185, 11 ss.
 ὁμαλότης, ἡ 149, 10.
 ὁμαλῶς 106, 13.
 ὁμιλέω 127, 24. 159, 23.
 ὁμμα, τό 30, 3. 110, 2. 121, 4. 207, 9. 208, 25. 302, 11.
 τῆς ψυχῆς 20, 16. 18. 21, 18. 28, 5. 46, 13.
 ὁμογενής, ἐς 121, 24. 122, 1. 181, 12. 296, 8.
 ὁμοειδής, ἐς 110, 22. 127, 5. 163, 4. 233, 8. 240, 23. 241, 5. 421, 21.
 ὁμοιοειδής, ἐς 163, 7.
 ὁμοιομέρεια, ἡ 301, 4.
 ὁμοιομερής, ἐς 37, 18. 105, 10 ss. 112, 17 ss. 120, 9. 201, 21 ss.
 εὐθεῖαι πρὸς ὁμοιομερῆ γραμμὴν προσεκβληθεῖσαι 113, 1—3. 251, 4—19.
 ὁμοιομερῶς 105, 4.
 ὁμοιος, α, ὀν passim, e. g. 8, 10. 11. 33, 24. 39, 19. 53, 7. 93, 23. 123, 27. 131, 14. 191, 13. 202, 17. 24. 373, 10 ss. 426, 18 ss.
 ὁμοιότης, ἡ passim, e. g. 8, 8. 33, 6. 91, 10. 109, 6. 132, 10. 147, 3. 25. 149, 10. 22. 150, 15. 154, 15. 191, 9. 15. 207, 2. 293, 22. 314, 24 ss. 373, 19. 23. 426, 22. 427, 13.
 ὁμοιόω 154, 18. 155, 17?
 ὁμολως passim, e. g. 8, 13. 34, 14. 60, 22. 110, 21. 117, 4. 241, 7. 426, 18 ss.
 ὁμόκεντρος, ὀν 53, 13. 160, 5. 161, 3. 163, 12. 176, 19.
 ὁμολογέω passim, e. g. 13, 3. 26, 5. 27, 20. 71, 21. 167, 15. 182, 4. 18. 203, 13. 432, 11.
 ὁμοταχῶς 105, 3.
 ὁμοῦ 7, 18. 70, 27. 100, 12. 145, 10. 153, 25.
 ὁμοφυνής, ἐς 29, 4. 129, 15.
 ὁμόχροος, ὀν 145, 20.
 ὁμωνυμία, ἡ 222, 14.
 ὁμως passim, e. g. 4, 23. 28, 16. 32, 15. 76, 14. 19. 81, 13. ὅν 4, 24. 9, 19.
 τὸ ὅν 9, 19. 20, 22. 21, 16. 145, 4. 161, 11. 210, 10. 353, 4.
 τὰ ὄντα passim, e. g. 3, 2. 15. 4, 3. 5, 1. 16. 6, 12. 25. 7, 7. 14. 9. 22. 10, 21. 15, 13. 20, 5. 31, 22. 62, 5. 85, 12. 91, 28. 130, 22.
 ὄνειδος, τό 29, 23.
 ὄνομα, τό 30, 17. 26. 127, 19. 136, 9. 162, 10. 25. 171, 5. 25. 173, 2. 181, 24.
 μαθηματικά 23, 3.
 γεωμετρικά 301, 21.
 τῶν μαθημάτων 44, 25—46, 18.
 στοιχειώσεως 71, 25—73, 14.
 παραλληλογράμμων 355, 4. 392, 21 ss.
 παραπληρωμάτων 418, 15—18.
 κωνικῶν γραμμῶν 419, 18—21.
 ὀνόματα 'συστήσασθαι, ἀναγράφαι' 423, 19 ss.
 ὀνομάζω 194, 7. 283, 8.
 ὄνος, ὁ 322, 5—14.
 ὄντως passim, e. g. 11, 4. 21, 16. 27, 23 (?). 31, 22. 44, 13.
 ὀξυνώγιος, ὀν
 vide τριγώνον.
 ὀξύγω 132, 17.
 ὀξύς 211, 14.
 ἡ ὀξεῖα (γωνία) passim, e. g. 131, 13—134, 27. 165, 4 ss. 171, 23. 172, 21. 174, 2. 190, 10. 19. 293, 18. 397, 23. 421, 4. 430, 16.

διαίρει τὴν ἀποτελεῖ τὴν φύσιν
167, 23.

τρίγχα τεμεῖν 271, 25 ss.

τὸ ὀξύ 132, 26.

ὀξύτης, ἡ 191, 7. 10.

γωνιών 23, 8. 171, 20. 427, 8.

ὀπη 59, 6.

ὀπόθεν 123, 27.

ὀποιός, α, ον passim, e. g. 18,

12. 46, 19. 118, 22. 193, 19.

τὸ ὀποιόν τί ἐστιν 202, 5. 8.

ὀποιοσοῦν 307, 6. 310, 12. 311,

19. 313, 7. 323, 24. 377, 19.

426, 24.

ὀπόσος, η, ον

οὐδ' εἰπείν ὀπόσαις 64, 64.

ὀποσοσοῦν 305, 6.

ὀπότερος 335, 13.

ὀποτερώς 157, 20.

ὀπου passim, e. g. 60, 15. 61,

3 ss. 81, 10 ss. 92, 21. 23. 223,

11. 376, 28 s.

ὀπουπερ 277, 21.

ὀπτικός, ἡ, ὅν 19, 26.

ὀπτική, ἡ 38, 12. 40, 9 ss. 59,

23. 63, 8.

τὰ ὀπτικά (Εὐκλείδου) 69, 2.

ὀπως 7, 20. 42, 9. 91, 27. 177,

10.

ὀπωσοῦν 93, 9. 114, 18. 125,

22. 210, 5. 233, 2. 304, 26.

ὀρατός, ἡ, ὅν 40, 14. 141, 13.

179, 19.

ὀράω passim, e. g. 12, 23. 29,

21. 54, 25. 55, 1. 17. 56, 2.

78, 5. 11. 141, 13 ss.

ὄργανον, τό 21, 14. 41, 6. 8.

42, 6. 52, 16. 63, 9.

ὀργανοποιική, ἡ 41, 5.

ὀρέγομαι 322, 13.

ὄρεξις, ἡ 46, 5.

ὀρθογωνιαῖος, α, ον 84, 3.

Vide τρίγωνον.

ὀρθογώνιος, ον 169, 3 ss. 171,

113. 21. 172, 15.

κῶνος 111, 7. 177, 4.

κωνοειδές 119, 24.

Vide τρίγωνον. παραλληλό-
γραμμον.

ὀρθός, ἡ, ὅν 119, 10. 291, 3.

349, 1.

ἡ ὀρθή (γωνία) passim, e. g.

76, 21. 80, 4 s. 84, 5. 106, 9.

17. 131, 13—134, 27. 165, 4 ss.

188, 1—191, 15. 421, 2.

ἡ ὀρθή τῆς ἐπιπέδου βάσεως

382, 4.

οὐσίαν παρέχεται 167, 17. 18.

τρίγχα τεμεῖν δυνατόν 271, 23.

σύμβολον 290, 22 ss.

δύο ὀρθαί passim, e. g. 33,

4 ss. 291, 21 ss.

δυνεῖν ὀρθαῖς ἴσος passim, e. g.

14, 12. 206, 22. 291, 22 ss.

294, 17 ss. 377, 13 ss.

δύο ὀρθῶν ἐλάττονες 191, 18 ss.

292, 19. 364, 16 ss.

τέσσαρες ὀρθαί 33, 14. 73, 2.

301, 20. 304, 12 ss.

τετάρων ὀρθῶν ἐλάσσων 292,

20.

(ἡ) πρὸς ὀρθάς passim, e. g.

81, 3 s. 217, 15 ss. 280, 12—

283, 3. 10.

μιμεῖται ζωὴν αἰρουμένην εἰς

ἕψος 290, 17—20.

τὸ ὀρθόν 132, 21.

ὀρθότης, ἡ 12, 22. 32, 26. 133,

3 ss. 135, 6. 172, 23. 173, 5.

191, 6. 8. 207, 21. 389, 15.

ὀρθότης γωνίας ἰσότητα παρ-

έχεται 427, 4 ss.

ὀρθῶς passim, e. g. 32, 22. 34,

22. 78, 13. 93, 27. 105, 26.

118, 7.

ὀρίζω passim, e. g. 6, 18. 8, 17.

25, 9. 27, 9. 31, 17. 60, 9. 62,

16. 75, 8. 19. 142, 18. 253, 9.

14. 291, 18. 369, 23.

τὸ ὠρισμένον 26, 15. 23. 27, 6.

36, 5.

ὀρίζων, ὁ 283, 10.

ὀρικός, ἡ, ὅν 67, 15?

ὀρισμός, ὁ 43, 8. 113, 12. 128,

17. 134, 8. 136, 23. 144, 9.

- 158, 26. 206, 13. 209, 19. 215, 17.
ὀρισμοὶ τῆς εὐθείας 109, 6—110, 27.
τῆς ἐπιφανείας 114, 3—19.
τῆς ἐπιπέδου ἐπιφανείας 117, 1—13.
ὀριστικός, ἡ, ὅν 42, 21. 57, 23. 69, 15.
ὀριστικῶς 43, 4.
ὀρμάω 57, 19.
Med. passim, e. g. 10, 9. 11, 23. 29, 14. 31, 13. 57, 28. 58, 26. 240, 13. 272, 11.
ὄρος, ὁ passim, e. g. 13, 21. 26, 20. 64, 22. 86, 7. 94, 1. 97, 8. 114, 21. 142, 16 ss. 178, 8. 201, 22. 262, 4. 290, 23.
τῆς ἀποδείξεως 14, 8.
οἱ ἑπτά 17, 15.
τῆς κρίσεως 32, 26.
τῆς ἀνέξεως 398, 7 s.
Euclidis definitiones 81, 26. 85, 1—89, 15. 94, 19—95, 20. 96, 17—97, 5. 101, 1—103, 20. 109, 6—20. 114, 3—14. 116, 4—14. 117, 1—5. 123, 15. 19—23. 127, 17—128, 19. 130, 23—25. 134, 19—135, 17. 136, 1—17. 142, 9—143, 8. 151, 14—153, 8. 156, 6—157, 9. 158, 21—159, 11. 161, 13—162, 26. 164, 18—165, 19. 169, 1—9. 171, 1—15. 175, 1—176, 5. 418, 18.
ὅσος, η, ὅν passim, e. g. 7, 3. 8, 12. 14, 2.
ὅστισούν 8, 9.
οὐ 27, 21.
οὐ
οὐ μὴ 17, 26. 46, 14.
οὐδαμῶ 113, 15. 217, 24. 268, 13. 369, 19.
οὐδαμῶς 31, 1. 60, 8. 105, 15. 247, 9. 277, 19.
οὐδέποτε passim, e. g. 133, 6. 158, 11 s. 176, 25. 177, 18. 234, 17.
οὐδέτερος 169, 14. 19. 363, 13.
οὐκέτι passim, e. g. 120, 10. 189, 13. 17. 202, 16. 350, 23.
οὐπω 5, 5. 55, 9. 292, 21. 322, 16.
οὐράνιος, α, ὅν 41, 17. 21. 137, 13. 139, 5. 149, 9.
οὐρανός, ὁ 22, 24. 53, 26. 137, 11. 147, 8—19. 149, 15. 167, 4.
οὗς, τό 41, 1.
οὐσία, ἡ passim, e. g. 11, 14. 13, 1 ss. 15, 2. 9. 20, 4. 46, 22. 86, 3. 9. 133, 2. 167, 7. 195, 16. 201, 20. 353, 2.
ἡ μαθηματική 3, 1. 5, 15.
αἱ πρῶται 4, 18. 62, 10.
ἡ νοητή 4, 23. 174, 20.
ἀμερίστος (ἀμερής) 5, 13. 20, 26. 53, 16. 291, 10.
μεριστή 87, 3. 137, 26.
μία καὶ μόνη 9, 22.
τῶν μαθημ. εἰδῶν 12, 3—18, 5.
τῶν διανοητῶν 14, 10. 55, 9.
νοερά 15, 10. 52, 8.
τῶν εἰδῶν 18, 20.
τῆς γεωμετρίας 48, 17—56, 22.
ἡ ἐστῶσα 34, 7.
τῶν πόλων 90, 9.
οὐσιοποιός, ὅν 167, 19.
οὐσιώω 17, 6. 45, 23. 62, 23.
οὐσιώδης, ες 14, 26. 17, 22. 37, 4. 21. 46, 12. 55, 18. 62, 17. 69, 15. 137, 23.
οὐσιωδῶς 46, 1.
οὗτος passim.
τουτί 47, 6.
ταύτη adverb. 114, 5.
τουτέστι 347, 7. 9. 379, 13 s.
οὕτω passim, e. g. 4, 15. 7, 7. 16. 27, 19.
οὕτως passim, e. g. 13, 20. 29, 7. 30, 25.
οὕτωςί 28, 10.
οὐχί passim, e. g. 15, 3. 23, 13. 94, 4. 112, 12.
ὀφείλω 135, 21. 348, 16.

ὄφελος, τό

τῆς μαθηματικῆς 20, 8—25,
12. 27, 17—29, 13.

τῆς ἀστρολογίας 38, 25.

τῆς ἐν γεωμετρίας τάξεως
247, 22—248, 3.

ὄχλος, ὁ 365, 12. 375, 12.

ὄψις, ἡ 21, 13. 40, 10. 179, 19.
236, 13. 285, 14. 302, 10, 310, 7.

πάθημα 52, 17. 19. 54, 15. 77,
10. 78, 25. 137, 3.

παθητικός

νοῦς 52, 3—12. 56, 1—22.
186, 7.

πάθος, τό passim, e. g. 33,
18. 40, 3. 52, 5. 15. 57, 12.

58, 4. 62, 14. 105, 7. 110, 5.
120, 17. 121, 16. 136, 24.

οὐκ. ποίησις 23, 7.

παιδεία, ἡ 20, 13. 65, 17.

παιδευσις, ἡ 20, 10.

παιδεύω 32, 23. 25.

παιδιά, ἡ 10, 2.

παλαιός, α, ὁν 250, 20.

οἱ παλαιοί 42, 7. 45, 1. 48, 15.
77, 15. 121, 12. 144, 3. 200,

12. 272, 19. 396, 11. 419, 22.
422, 25.

Comp. 116, 17.

πάλιν passim, e. g. 4, 13. 10,
22. 14, 16. 40, 9. 57, 26.

παμπληθής, ἐς 177, 2.

πάμπολν 59, 9. 140, 3.

παντάπασι 186, 2. 243, 7.

πανταχόθεν passim, e. g. 86,
18. 89, 14. 101, 20. 148, 23.

πανταχοῦ passim, e. g. 14, 5.
23, 3. 30, 6. 39, 12. 66, 13.

148, 5. 179, 13. 432, 15.

παντελής, ἐς 35, 19. 144, 26.
146, 13.

παντελῶς passim, e. g. 5, 13.
58, 24. 26. 64, 6. 92, 21. 177,

19. 186, 1.

πάντη passim, e. g. 11, 13. 19,
13. 22, 23. 87, 10. 184, 2. 401,

5. 410, 15.

παντοδαπός, ἡ, ὁν 18, 4. 432, 16.

παντοδύναμος, ὁν 108, 12.

παντοῖος, α, ὁν passim, e. g.
3, 6. 23, 11. 37, 23. 40, 17.

57, 13. 69, 10. 120, 21. 291, 4.

παντοίως 112, 14. 117, 20.

πάντως passim, e. g. 7, 9. 80,
8. 124, 2. 125, 12. 176, 18.

184, 3.

πάννυ 192, 7. 435, 18.

παρά c. Acc. passim, e. g. 3, 2.
40, 21. 71, 26. 106, 17. 180,

25. 181, 2. 220, 19.

c. Gen. passim, e. g. 9, 24. 13,
3. 14, 27. 15, 20 ss. 293, 20.

c. Dat. passim, e. g. 64, 18.
65, 3. 5. 73, 11. 75, 2. 130, 9.

παραβάλλω 220, 19. 22. 419,
13—421, 8. 422, 22.

παραβολή 56, 10. 58, 14. 78, 26.
120, 20. 201, 10. 419, 17 ss.

421, 12. 422, 5.

κῶνον τομῇ 112, 3. 119, 23.
419, 20.

παραγίνομαι 24, 22. 49, 4. 28.
72, 5.

παράγω 5, 22. 16, 5. 17, 1 s.
89, 13. 140, 10. 201, 7.

παραδείγμα, τό 5, 1. 13, 8. 15,
25. 16, 6. 17, 10. 25, 1. 35, 10.

62, 23. 130, 6. 153, 13. 294,
2. 384, 8. 395, 9.

παραδειγματικῶς 16, 4. 140, 17.

παραδείκνυμι 24, 13.

παραδέχομαι 146, 5. 152, 1. 284,
24.

παραδίδωμι passim, e. g. 21,
5. 23, 27. 24, 7. 42, 12. 59, 3.

60, 18. 345, 14.

παραδόξος, ὁν 126, 5. 177, 19.
192, 21. 304, 14. 326, 24. 327,

9 s. 328, 23. 396, 24. 397, 1.
431, 22.

παράδοσις, ἡ 10, 18.

παραδοχή, ἡ 192, 9. 29.

παράθεσις, ἡ 159, 23. 164, 4.
340, 9.

παραιρέω 140, 27.

παραιτέομαι 321, 10.

- παράκειμαι* 229, 3. 344, 8.
παράκειντομαι 133, 7. 201, 12.
 223, 17. 26. 242, 7. 329, 13.
παράκολουθέω 162, 12. 254, 3.
παράκροομαι 237, 16.
παράλαμβάνω passim, e. g. 35,
 2. 36, 15. 42, 8. 69, 9. 76, 10.
 81, 15. 304, 19. 357, 10.
παράλείπω passim, e. g. 75, 1.
 198, 4. 203, 23. 205, 7. 210,
 20. 300, 7. 340, 5. 352, 21.
 395, 25.
παράλιμπάνω 74, 18.
παράλλαξις, ἡ 138, 5. 147, 14.
παράλλισστω 217, 7.
παράλληλόγραμμον, τό 82, 15.
 83, 16 ss. 156, 13. 162, 23.
 169, 11 ss. 171, 1 ss. 245, 6 ss.
 354, 5 ss. 385, 6—402, 19.
 412, 1—414, 14. 416, 15—
 423, 6.
ὄνομα 392, 21 ss.
ὀρθογώνια 169, 13 ss. 398, 8
 —11.
ὀρθογώνιον τοῦ μὴ ὀρθογω-
 νίου μεῖζον 398, 11—12.
εἰς τὰς ἀσυμπῶτους καὶ τὴν
ὑπερβολὴν ἐγγραφόμενα 395,
 9—11.
ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 401, 1—4.
περὶ διάμετρον τὴν αὐτὴν
 418, 23 ss.
παράλληλος, *ον* 261, 23. 341, 7.
 342, 7. 343, 7. 375, 19—377,
 8. 400, 3 ss.
παράλληλοι, αἱ 40, 15. 59, 1.
 83, 17. 170, 2 ss. 171, 3. 175,
 1—176, 19. 202, 7. 261, 25.
 328, 16. 340, 6—344, 7. 355,
 3—375, 17.
ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 394, 9—414, 14.
παραλλήλότης, ἡ 373, 23.
παραλογίζομαι 260, 16. 403, 8.
παραλογισμός, ὁ 70, 8. 368, 2.
 375, 11.
παραμετρέω 13, 18.
παραμήκης 112, 7.
παραμυθία, ἡ 322, 7.
παράπαν 370, 2.
παραπέτασμα, τό 22, 12.
παραπλήρωμα, τό 417, 1 ss.
ὄνομα 418, 15—18.
παρασκευνάω 63, 20. 89, 4. 167,
 25.
παρασκευή, ἡ 70, 9. 179, 11.
 271, 22.
παράστασις, ἡ 116, 19.
παρατίθημι 64, 5. 70, 13. 109,
 7. 246, 17.
παράτρέχω 102, 23.
παράφέρω 172, 3.
παραφυλάττω 236, 2.
παραχράομαι 403, 10.
πάρειμι passim, e. g. 30, 10.
 48, 4. 64, 17. 88, 19. 93, 21.
 108, 13. 123, 26.
τὸ παρόν 5, 12. 48, 15. 227, 6.
 241, 22. 304, 10.
παισκευκλέω 268, 15.
παρεκτικός, ἡ, *όν* 23, 20.
παρέλκω 128, 14. 135, 5. 221,
 18.
παρεμβάλλω 247, 11.
παρεμπίπτω 321, 13.
πάρεργον, τό 212, 17. 248, 1.
 258, 17. 269, 9.
παρέργως 381, 2.
παρέρχομαι 141, 19. 269, 4. 390,
 10.
παρέχω passim, e. g. 9, 25. 51,
 1. 105, 23. 148, 18. 155, 3.
 203, 23. 304, 13.
Med. passim, e. g. 8, 3. 21,
 26. 34, 19. 71, 4. 72, 12. 97,
 17. 382, 16.
παρίημι passim, e. g. 241, 21.
 272, 24. 302, 14. 341, 19. 345,
 11. 358, 3. 407, 9.
παριστάνω 81, 17.
παρίστημι 61, 20. 81, 25. 97,
 11. 171, 12. 322, 23.
πάροδος, ἡ 16, 8. 142, 7.
παρομαρτέω 80, 6.
παρυνφίστημι
Pass. 26, 18.

- παῖς passim, e. g. 6, 26. 11, 11.
 13. 13, 1. 5. 17, 12.
 Pl. passim, e. g. 4, 16. 18. 5,
 16 ss. 6, 18 ss. 7, 16 ss. 17, 9.
 πάντα ἐν τῷ, ἐν ψυχαῖς, ἐν
 φύσεσιν, ἐν σώμασι 92, 1—
 16.
 τὸ πᾶν οὐρανὸς καὶ γένεσις
 147, 8.
 πάσχω passim, e. g. 78, 12. 83,
 24. 105, 7. 109, 17. 23. 137, 3.
 183, 18. 184, 29.
 παύομαι 17, 27. 29, 1. 107, 16.
 133, 6. 145, 2.
 παχύς 40, 1.
 πέδη, ἡ 112, 5.
 πείδω 26, 13. 194, 21.
 πέιρα, ἡ 26, 7. 70, 14.
 πειράω
 Aor. pass. 232, 11.
 πέλεκυς, ὁ 333, 14.
 πεμπτάς, ἡ 150, 19.
 Vide πεντάς.
 πέμπτος passim, e. g. 72, 26.
 81, 22. 182, 25. 183, 22. 243, 1.
 πέμπτον 145, 20.
 πέμπω 63, 21.
 πεντάγωνον, τό 39, 6. 145, 15.
 172, 8. 11. 22. 381, 26.
 πεντάπλευρον, τό 382, 15—383,
 14. 417, 11 s.
 πεντάς, ἡ 61, 16. 404, 7.
 Vide πεμπτάς.
 πέντε 96, 4. 112, 1. 235, 22. 27.
 237, 6. 271, 23. 403, 15. 17.
 πεντεκαίδεκαγωνικός, ἡ, ὅν
 269, 17.
 πεντεκαίδεκαγωνον, τό 269, 12.
 15.
 πεντεκαίδεκατος 301, 3.
 περαινά passim, e. g. 37, 15.
 79, 24. 80, 10. 98, 21. 101,
 21—103, 3. 108, 6. 142, 14 ss.
 293, 19. 421, 8.
 πεπερασται 6, 16. 19. 116, 6.
 151, 16. 223, 27 ss.
 πέρας, τό passim, e. g. 5, 18.
 6, 3 ss. 7, 1. 11. 8, 17. 19, 11.
 37, 13 ss. 57, 11. 58, 12. 62,
 16. 74, 6. 85, 5 ss. 91, 13 ss.
 101, 8—103, 17. 104, 9 ss. 136,
 3 ss. 142, 16 ss. 151, 15. 180,
 2. 191, 9. 285, 8. 290, 23.
 314, 19. 24.
 πέρατι ἀνάλογον 104, 11—13.
 περατοειδής, ἐς 101, 22.
 περατώ passim, e. g. 85, 4—
 89, 2. 91, 16. 19. 99, 6. 101,
 6—103, 8. 109, 11. 142, 22 ss.
 384, 10.
 περί c. Acc. passim, e. g. 3, 8.
 5, 14. 7, 26. 9, 1. 14, 21. 18,
 16. 105, 2.
 c. Gen. passim, e. g. 10, 15.
 20, 5. 7. 22, 4.
 πέρι 83, 14.
 c. Dat. 112, 22.
 περιάγω passim, e. g. 47, 5.
 49, 10. 89, 27. 92, 12. 130,
 22. 147, 18. 150, 1. 213, 24.
 περιαγωγή, ἡ 20, 17. 84, 23.
 περιάρθρω 62, 5.
 περιβάλλω 138, 12.
 περίβολος, ὁ 38, 22.
 περιγραφῆ, ἡ 201, 11. 206, 27.
 περιγράφω 47, 7. 171, 6. 305,
 26.
 περιέργω 136, 8.
 περιελίσσω 118, 13.
 περιεργάζομαι 93, 14. 242, 9.
 272, 23.
 περίεργος, ὃν 15, 15. 113, 10.
 300, 23. 349, 14.
 περιέχω passim, e. g. 10, 6.
 17, 20. 25, 8. 42, 17. 44, 4.
 53, 17. 62, 3. 142, 12 ss.
 περιθίω 154, 18.
 περιέειμαι 136, 8. 143, 14. 151,
 24.
 περικλείω 136, 8.
 περιλαμβάνω passim, e. g. 8,
 17. 17, 15. 36, 7. 62, 16. 71,
 11. 86, 20. 144, 10.
 περιληπτικός, ἡ, ὃν 9, 24. 50,
 19. 99, 10. 348, 12.
 περιληπτός, ἡ, ὃν 286, 1.

- περίληψις*, ἡ 74, 7. 213, 18. 395, 17.
περίμετρος, ἡ 38, 22. 160, 18. 22. 236, 20—237, 17. 403, 7—404, 16. 423, 5.
περίοδος, ἡ 22, 27. 23, 15. 63, 11. 64, 8 ss. 91, 7. 115, 15. 147, 14. 149, 1. 14. 150, 9. 213, 26.
περιορίζω 78, 11.
περιουσία, ἡ 6, 5.
περιοχή, ἡ 37, 13. 101, 24. 128, 1. 136, 5. 12. 143, 11. 16. 149, 11. 403, 13.
περιπατήτικός, ὁ 125, 7. 379, 2.
περιπίπτω 303, 7.
περιπολέω 150, 7.
περιπορεύομαι 108, 7. 13. 149, 7.
περιπτύσσομαι 149, 8.
περισπᾶω 46, 5. 192, 25. 432, 11.
περισπούδατος, *ον* 29, 5.
περιστερά 10, 3.
περιτροπή, ἡ 150, 4.
περιττοιδήεις, *ές* 107, 23.
περιττός, ἡ, *όν* (*περισσός*) 73, 26. 151, 9. 162, 17 ss. 174, 7 s. 278, 3 s. 337, 24. 349, 10. 19. 350, 5. 352, 22. 375, 12. 377, 24. 428, 11 s. 429, 11.
περιττώω 184, 9. 221, 18. 268, 15.
περιφανής, *ές* 181, 10.
περιφέρεια, ἡ *passim*, e. g. 35, 4. 103, 7. 106, 25 ss. 108, 13. 109, 13. 24. 112, 14. 113, 13—15. 115, 5. 301, 7.
ἀνάλογον τῷ περάτι 104, 12. 107, 11.
τρίχα τεμεῖν 272, 14—20.
περιφερής, *ές* *passim*, e. g. 92, 6. 104, 24. 113, 21.
τὸ περιφερές 16, 21. 37, 8. 107, 18—109, 4. 117, 14 ss. 144, 16.
ἡ περιφερής γραμμή 104, 1. 105, 11. 106, 22—107, 10. 251, 10.
πᾶσα περιφερής ἔχει τινὰ εὐθεΐαν ἐλάσσονα 279, 9.
περιφερόγραμμος, *ον* 163, 24. 381, 7. 423, 2.
γωνία 104, 12. 128, 16. 129, 20. 134, 16. 189, 15—190, 23. 205, 19. 333, 12 ss.
περιφέρομαι 115, 4.
περιφορά, ἡ 41, 17. 64, 13.
αἱ ἐν κόσμῳ 89, 21—91, 10.
περιχορεύω 90, 10. 148, 21.
περιωπή, ἡ 27, 27.
πέτομαι 10, 4.
πῆ 161, 23.
πηγή, ἡ 214, 2.
πηλίκον, τό 35, 24 ss. 182, 8.
πήχυς, ὁ 403, 17.
πιέζω 201, 14. 426, 14.
πιθανολογέω 192, 11.
πιθανός 192, 8 ss.
πίπτω *passim*, e. g. 72, 22. 157, 20. 189, 1. 215, 23.
πιστεύω 63, 26. 189, 1. 322, 8.
πίστις, ἡ 10, 26. 69, 11. 178, 11. 192, 4. 211, 5. 11. 259, 14. 326, 23.
μαθηματικά 255, 13—256, 8.
πιστός, ἡ, *όν* 22, 5. 63, 18. 76, 10. 184, 10. 195, 19.
πιστώω 183, 12.
πλάγιος, α, *ον* 72, 18.
ἐκ πλαγίου 224, 10. 15.
πλάνη, ἡ 70, 4.
πλαστική, ἡ 137, 4.
πλάτος, τό 87, 4. 97, 3. 100, 9 ss. 106, 5. 114, 4. 22. 25. 116, 10. 396, 21. 397, 11. 398, 2. 420, 18 ss.
πλάτυνω 112, 6.
πλέκω 208, 9.
πλεονάζω *passim*, e. g. 4, 20. 11, 20. 53, 15. 79, 4. 81, 21. 88, 12. 221, 15 ss. 242, 12.
πλεοναχῶς 220, 8 ss. 221, 7.
πλεονεκτέω 172, 20. 222, 16.
πλευρά, ἡ *passim*, e. g. 12, 22. 23, 8. 130, 18. 161, 17. 164, 27 ss. 347, 20 ss.

- ἀριθμὸς πλευρῶν 166, 11—13.
 πληθὺς, τό passim, e. g. 6, 5.
 11, 6, 17, 7, 19, 6, 10, 16, 23,
 10, 36, 4, 19 ss. 37, 14 ss. 39,
 3, 51, 1, 55, 14, 141, 22.
 πληθύνω 87, 22, 90, 25, 154, 26.
 πληκτικόν, τό 192, 27.
 πλημμέλεια, ἡ 133, 12.
 πλημμελέω 128, 11.
 πλημμελῶς 26, 19.
 πλὴν 60, 18, 109, 17, 190, 15.
 410, 16.
 πλὴν ὅτι 394, 1, 400, 11.
 πλήρης, ες 19, 1, 146, 13, 260,
 11, 306, 8.
 πληρόω 15, 11, 17, 2 s. 47, 1.
 145, 21, 148, 18, 291, 18, 304,
 15.
 πλήρωμα, τό 16, 6, 27, 55, 18.
 πλήττω 137, 1.
 πλοῖον, τό 352, 16.
 πλοκή, ἡ 256, 2.
 πλουτέω 25, 23.
 πλούτος, ὁ 26, 1.
 πνοῦς, ὁ 41, 9.
 ποδηγέω 28, 4.
 ποθεῖν passim, e. g. 12, 13, 21,
 15, 44, 26, 140, 5, 144, 10,
 331, 9.
 τὸ ποθεῖν ποῖ 98, 22.
 ποθέω 149, 8.
 ποιέω passim, e. g. 13, 21, 14,
 25, 22, 22, 25, 2, 130, 11,
 179, 1.
 „ὅπερ ἔδει ποιῆσαι“ 81, 10.
 210, 6, 14.
 Med. passim, e. g. 18, 4, 25,
 18, 29, 25, 31, 17, 162, 15.
 ποίησις, ἡ 77, 14, 22, 79, 5,
 164, 13, 167, 12, 210, 9, 234,
 7, 302, 5.
 opp. πάθος 23, 7.
 opp. μάθησις 221, 10 s.
 ποιητής, ὁ 65, 12.
 ποιητικός, ἡ, ὅν 25, 1, 77, 12,
 103, 14, 140, 25, 174, 9.
 ποιητικῶς 78, 5, 141, 3.
 ποικιλία, ἡ passim, e. g. 6, 13,
 11, 12, 13, 19, 17, 25, 25, 10,
 44, 17, 62, 13, 179, 7, 418,
 19.
 ποικίλλω 220, 12, 222, 18, 395,
 24.
 ποικίλος, ἡ, ὄν passim, e. g.
 3, 6, 5, 7, 19, 17, 23, 15, 26,
 25, 42, 3, 51, 3, 57, 25, 59,
 11, 63, 4, 82, 11, 112, 15, 179,
 16, 253, 9, 291, 5.
 ποικίλως 410, 4.
 ποῖος, α, ὄν passim, e. g. 13,
 17, 61, 21 s. 78, 12, 80, 23.
 ποιός, α, ὄν 252, 19.
 τὸ ποῖόν 191, 13 s. 315, 4,
 353, 5.
 ποιότης, ἡ 116, 12, 121, 15,
 122, 7—125, 13.
 ποιόω 125, 1.
 πολέμειω 41, 7.
 πολεμιστήριος, α, ὄν 63, 9.
 πολέμιος, ὁ 199, 6.
 πόλεμος, ὁ 41, 6.
 πόλις, ἡ 38, 21, 63, 10, 15,
 403, 6.
 πολιτεία, ἡ 23, 25, 63, 4.
 v. Πλάτων.
 πολιτικός, ἡ, ὄν
 πρὸς πολιτικὴν φιλοσοφίαν
 συντελεῖ ἡ μαθηματικὴ 23,
 12—24, 3.
 πολλάκις passim, e. g. 15, 15,
 38, 19, 64, 10, 77, 2, 85, 7.
 πολλαπλασιάζω 122, 4, 150, 22,
 161, 26 s. 294, 10, 397, 5, 423,
 24.
 πολλαπλασιασμός, ὁ 151, 1,
 162, 2.
 πολλαπλάσιος, α, ὄν 6, 25, 7,
 25, 197, 4, 221, 5.
 πολλαχόθεν 45, 13.
 πολλαχοῦ 30, 11, 85, 8, 10, 196,
 18, 203, 22, 375, 25.
 πολλαχῶς 136, 20, 222, 17,
 304, 8.
 πολλοστός, ἡ, ὄν 19, 19.
 πολοκρατῶρ 90, 23.
 πόλος, ὁ 90, 15, 152, 19—153,
 9, 269, 15 s.

- τῶν ἐν κόσμῳ σφαιρῶν 89, 28.
 90, 12.
 σύμβολα θεῶν 91, 2. 16—19.
 πολυγώνιον vel πολύγωνον, τό
 39, 6. 49, 15. 56, 3 ss. 145, 15.
 304, 15. 26. 426, 22.
 εἰς τρίγωνα διαλύεται 61, 11.
 382, 1 s.
 ἰσόπλευρα ἄπειρα ἐν κύκλοις
 202, 15.
 αἱ ἐντὸς καὶ αἱ ἐκτὸς γωνίαι
 381, 24—383, 16.
 πολυέδρον, τό 49, 16. 202, 16.
 πολυειδής, εἰς 19, 7. 57, 15.
 112, 11. 145, 1.
 πολυειδῶς 5, 1.
 πολυθρύλητος, ὃν 219, 18.
 πολυλογία, ἡ 200, 13.
 πολυμετάβολος, ὃν 166, 20.
 πολύπλευρον, τό 161, 16. 162,
 10 ss. 381, 26. 422, 8.
 πολύπτωτος, ὃν 222, 23. 223, 7.
 228, 10. 406, 10.
 πολὺς passim, e. g. 8, 21 ss.
 9, 1. 16, 10. 6, 11. 14, 20. 50,
 19 ss.
 πολλῶ 9, 14. 12, 16. 38, 18.
 οἱ πολλοί 139, 13. 145, 18.
 οὐ μετὰ πολλὰ 259, 10.
 πολὺ Adv. 11, 12. 68, 6.
 Comp. 38, 18. 44, 7. 61, 18.
 67, 22. 72, 14. 122, 24. 418, 10.
 Sup. 39, 5. 56, 25. 260, 7.
 τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου 99, 22.
 πορεία, ἡ 44, 23.
 πορεύομαι 109, 19.
 πορίζω 201, 1.
 Med. passim, e. g. 78, 10. 179,
 1. 180, 23. 181, 6. 182, 22.
 183, 4. 201, 6.
 πόρισμα, τό 210, 27. 212, 12—
 17. 301, 18—304, 11.
 πόρος, ὁ 303, 15.
 πόρρω 52, 7.
 πορρωτέρω 32, 1. 270, 21.
 πορραχῶς 202, 5. 210, 21.
 πόσος, ἡ, ὃν 18, 9. 35, 18. 310,
 14. 361, 4. 420, 17.
 ποσός, ἡ, ὃν
 τὸ ποσόν 35, 24 ss. 123, 9.
 124, 10. 14. 125, 1. 25. 142,
 20 s. 143, 7. 182, 8. 184, 27.
 191, 12. 14. 233, 18. 315, 3.
 τὰ ποσά 9, 21. 122, 12. 196,
 4. 353, 5.
 ποσότης, ἡ 121, 17. 123, 25—
 125, 14. 143, 10.
 πότε 66, 22 s.
 ποτέ passim, e. g. 7, 3. 9, 5.
 10, 16. 17, 26. 32, 8 s. 164,
 27 s. 203, 10. 357, 10 s.
 πότερον 12, 4. 289, 13. 322, 20.
 23. 370, 14.
 πού 12, 19 ss.
 πού passim, e. g. 9, 12. 11, 13.
 12, 2. 6. 22, 20.
 πούς, ὁ 420, 14 ss.
 πρᾶγμα, τό passim, e. g. 31, 1.
 34, 3. 50, 16. 70, 17. 21. 161,
 2. 187, 3. 214, 15. 293, 7. 302,
 2. 310, 6. 314, 4. 418, 16.
 πραγματεία, ἡ passim, e. g.
 31, 9. 37, 16. 39, 10. 41, 4.
 48, 5. 65, 20. 70, 19. 121, 1.
 384, 8.
 πραγματειώδης, εἰς 84, 13. 429,
 15. 432, 14.
 πραγματεύομαι passim, e. g.
 34, 3. 5. 38, 9. 40, 17. 41, 10.
 18. 58, 4. 121, 1.
 πρακτικός, ἡ, ὃν 25, 3.
 πράξις, ἡ 23, 14. 26, 4.
 πρέπω 5, 23. 24, 6. 71, 15. 150,
 12. 423, 20.
 προεπάδης, εἰς 398, 18.
 πρόσβρυς
 Comp. 11, 8. 36, 24. 64, 3. 68,
 18.
 πρίν 159, 24.
 πρὸ passim, e. g. 6, 27. 8, 24.
 12, 7. 14, 10. 16, 11. 25. 57,
 20. 99, 22 ss. 125, 6.
 προαγορεύω 84, 9.
 πρόειπον 120, 9.
 προσίρημαι passim, e. g. 48,
 2. 123, 7. 143, 6. 178, 8.
 198, 3.

- προορηθέν 205, 3.
 προάγω passim, e. g. 19, 7. 43,
 19. 46, 26. 52, 24. 55, 3. 56,
 15. 61, 18. 67, 7. 22. 344, 16.
 18.
 προαίρεσις, ἡ 68, 20.
 προαιρέω
 Med. 201, 9.
 προαναιρέω 234, 20.
 προαποδείκνυμι passim, e. g.
 112, 23. 186, 3. 247, 21. 254,
 26. 266, 15. 319, 3. 365, 11.
 372, 10.
 προβάλλω passim, e. g. 17, 4.
 24, 19, 26. 36, 21. 45, 11. 46,
 13. 54, 20. 68, 3. 121, 3. 179,
 17.
 Med. 13, 24.
 πρόβλημα, τό passim, e. g. 35,
 13. 58, 19. 67, 1. 178, 13 ss.
 200, 8.
 quid? 77, 7—81, 4. 201, 4 ss.
 apud Euclidem 81, 7—22.
 μέρη 203, 2—207, 25.
 τεταγμένα (?), μέσα, ἄτακτα
 220, 7—221, 6.
 πλεοναχῶς λέγεται, μειζον,
 ἔλασσον ἢ πρόβλημα 221, 7
 —222, 19.
 ἄπτωτα, πολύπτωτα 222, 22
 —223, 6.
 προβλήματα πρὸ τῶν θεωρη-
 μάτων 241, 20—243, 29.
 ἀδιόριστα, δυνατά 330, 7—16.
 προβληματικός, ἡ, ὅν 80, 27.
 210, 7. 233, 12. 242, 1. 21.
 προβληματικῶς 78, 7. 80, 3.
 234, 5. 243, 17.
 προβολή, ἡ 13, 10. 18, 4. 55, 12.
 78, 10. 23.
 προοιγνώσκω (προοινώσκω) 18,
 27. 204, 14.
 προοδείκνυμι passim, e. g. 255,
 17. 269, 20. 321, 6. 334, 16.
 365, 15. 366, 15. 367, 3.
 πρόδηλον sc. ἐστὶ 27, 12. 223,
 12. 262, 17. 264, 13. 334, 1.
 πρόδηλον ὅν 345, 11.
 προδήλως 215, 24.
 προέειμι passim, e. g. 5, 22.
 19, 4. 39, 18. 57, 14. 25. 61,
 26. 65, 1. 78, 20. 291, 13. 354,
 18.
 προεῖπον vide προαγορεύω.
 προερχομαι passim, e. g. 6, 10.
 13. 49, 23. 66, 17. 86, 20. 101,
 23.
 προεμπορέω 67, 21.
 προεντρεπίζω 20, 14. 22, 2. 28,
 4. 49, 11. 179, 17. 203, 8. 248,
 7. 269, 20.
 προέχω 4, 21.
 προηγέομαι passim, e. g. 8, 26.
 14, 19. 18, 20. 28. 69, 25. 72,
 10. 84, 14.
 προηγούμενα τῶν ἀντιστε-
 φόντων θεωρημάτων 254, 7
 —20.
 προηγούμενως 15, 7. 61, 2. 87,
 18. 178, 6. 252, 6. 354, 4. 14.
 423, 18.
 πρόσθις, ἡ 70, 21. 135, 14.
 272, 1.
 τοῦ πρώτου (Εὐκλείδου) βι-
 βλίου 81, 26—83, 6. 84, 6.
 προθεωρέω 246, 13.
 προθυμοποιία, ἡ 435, 19.
 πρόσθυρον, τό 5, 2. 55, 2.
 προίημι
 Med. 90, 17.
 προϊστημι
 Perf. 7, 14. 11, 15. 15, 25. 89,
 19. 141, 3.
 Med. passim, e. g. 8, 17. 10,
 12. 19, 10. 29, 15. 31, 17. 41,
 2. 68, 22. 85, 16. 166, 21.
 248, 3.
 προκαταβάλλω 247, 19.
 προκαταλαμβάνω 158, 19.
 προκατασκευάζω 3, 12.
 προκατασκευή, ἡ 73, 23.
 πρόκειμαι passim, e. g. 28, 15.
 48, 7. 71, 7. 74, 2 s. 113, 12.
 136, 22. 177, 25.

- προλαμβάνω* passim, e. g. 13, 13. 18, 2 s. 45, 24. 62, 21. 76, 16. 102, 11. 320, 6. 340, 7. *προλέγω* 204, 11.
πρόληψις, ἡ 118, 27. 195, 22. *προνοητικός*, ἡ, ὅν 108, 8.
πρόνοια, ἡ 74, 5. 108, 11. 109, 4. 132, 20. 150, 10.
πρόοδος, ἡ passim, e. g. 5, 24. 6, 6. 39, 20. 78, 18. 88, 6. 89, 13. 93, 13. 97, 14. 98, 20.
πρόοιδα 203, 19.
προοικονομέω 247, 17.
προονομάζω 236, 13.
προοράω 247, 25.
προπαρσκευάζω 20, 15. 384, 3.
πρός c. Acc. passim, e. g. 4, 14. 5, 12. 6, 27. 8, 19. 10, 9. 28.
τὸ πρὸς τι 121, 12. 122, 22. 123, 10 s. 125, 14.
πρὸς τό 218, 8.
c. Dat. 41, 3. 123, 16. 124, 21. 258, 21.
πρὸς τῷ 125, 22.
c. Gen. 107, 12. 15.
προσαγορεύω passim, e. g. 30, 12. 31, 11. 50, 11. 72, 13. 156, 15. 181, 21.
προσεῖπον 181, 21.
προσείρηκα passim, e. g. 42, 11. 44, 11. 121, 2.
προσάγω, 93, 12. 138, 21. 195, 20.
προσαναίρῃω 370, 18.
προσαποδείκνυμι 247, 8. 339, 12.
προσβολή, ἡ 4, 2.
προσγράφω 183, 8.
προσδέομαι passim, e. g. 178, 10. 260, 3. 266, 17. 272, 24. 282, 21.
προσδιορισμός, ὁ 240, 27. 349, 21.
προσεικάω 121, 6.
πρόσειμι 309, 8.
πρόσειπον vide *προσαγορεύω*.
προσεβάλλω passim, e. g. 113, 1. 118, 12. 227, 15. 246, 19. 247, 1.
προσεύοικα 99, 8. 133, 3. 155, 12.
προσεπινοέω 120, 5.
προσευπορέω 66, 19.
προσέχεια, ἡ 208, 21.
προσεχῆς, ἐς 44, 2. 82, 23. 92, 13. 173, 14. 206, 22.
προσέχω 192, 7.
προσεχῶς 42, 17. 86, 2. 98, 3. 115, 11. 116, 1. 198, 11. 396, 10.
προσηγορία, ἡ 45, 5. 77, 18. 155, 26. 162, 12. 14. 172, 6. 25.
προσηγόρος, ὃν 22, 21.
προσηήκω passim, e. g. 5, 6. 23. 8, 13. 12, 3. 22, 25. 23, 16. 28, 11. 75, 24. 315, 3.
πρόσθεν 178, 3. 271, 7. 310, 19.
πρόσθεσις, ἡ 77, 10. 78, 26. 96, 14. 139, 14. 18. 198, 13.
προσθήκη, ἡ, passim, e. g. 96, 15. 114, 12. 137, 1. 197, 2. 204, 4. 221, 24.
προσιστορέω 379, 19. 429, 9.
πρόσκειμαι 184, 9. 190, 6. 197, 12. 19. 221, 18. 307, 21.
προσλαμβάνω passim, e. g. 32, 26. 59, 19. 77, 15. 95, 22. 103, 11. 300, 23. 384, 20.
προσμηχανάομαι 201, 7.
προσπάσχω 133, 10.
προσπίπτω 146, 21. 152, 14 ss. 160, 16. 194, 17. 251, 4. 17. 308, 1. 384, 13.
προσποιέομαι 100, 8. 207, 23. 208, 18.
προστάτω passim, e. g. 179, 2. 181, 6. 183, 26. 185, 7. 204, 21.
προστίθῃμι passim, e. g. 12, 19. 13, 5. 24, 25. 29, 22. 67, 5. 69, 25. 197, 7 ss. 228, 3. 338, 4.
προστυγχάνω 375, 11.
προσχεράομαι passim, e. g. 3, 11. 38, 14. 19. 41, 1. 56, 10.

- 193, 7. 196, 12. 207, 8. 268, 14. 328, 15.
πρόσχησις, ἡ 344, 7.
πρότασις, ἡ passim, e. g. 80, 21 ss. 193, 18 ss. 200, 23. 203, 4—7. 18 ss. 208, 5. 16.
προτάσσω 10, 10. 51, 2. 81, 15. 154, 25. 225, 19. 315, 10. 365, 5.
προτείνω passim, e. g. 24, 9. 27, 9. 79, 20 ss. 94, 25. 96, 7. 101, 4. 148, 21. 220, 4. 221, 8 ss. 337, 2.
πρότερον passim, e. g. 9, 15. 78, 1. 145, 25. 164, 11. 182, 15. 224, 1. 352, 10.
τὸ πρότερον 18, 11.
πρότερος, α, *ον* 14, 18. 95, 7.
προτίθηναι passim, e. g. 58, 5. 64, 4. 134, 20. 178, 15. 191, 24. 199, 10. 336, 7.
προτρέπω 68, 1.
προυπάγω 4, 22. 13, 10. 137, 5. 153, 24. 156, 5. 243, 15.
προυποτίθηναι 371, 23.
προυφίστημι 25, 2. 233, 21.
Perf. passim, e. g. 17, 18. 25, 1. 37, 8. 57, 6. 92, 1. 101, 15.
προφαίνω 17, 5. 46, 1. 72, 20. 89, 7. 188, 11. 193, 8.
προφανής, ἐς 197, 11.
προφέρωμαι 395, 21. 307, 2.
πρόχειρος, *ον* 84, 16. 179, 4. 23. 384, 7.
προχέλω 166, 12.
προχράωμαι 321, 12.
προχωρέω 216, 23. 280, 18. 284, 11.
πρωταρχέω 164, 13.
πρωτεῖον, τό 148, 5.
πρωτεύω 243, 3.
πρώτιστος, *η*, *ον* passim, e. g. 3, 1. 6, 8. 10, 25. 11, 18. 52, 9. 11. 115, 2. 138, 15.
πρώτος, *η*, *ον* passim, e. g. 3, 15. 4, 18. 5, 3. 19. 24. 9. 26. 10, 10. 11, 6. 23. 19. 24. 24, 26. 72, 7. 25. 87, 20.
πρῶτον passim, e. g. 12, 9. 16, 22. 32, 27. 36, 25.
πρωτογενής, ὅν 15, 25. 16, 19. 23, 23. 88, 24. 108, 4. 130, 16. 139, 16. 146, 9. 294, 4.
πρώτως 6, 1. 8, 22. 15, 10. 97, 27. 142, 10. 156, 3. 384, 10.
πτοέω
Pass. 21, 20. 303, 12.
πτῶσις, ἡ passim, e. g. 84, 11. 200, 16. 210, 27. 212, 6—11. 223, 5. 224, 5. 289, 9 ss. 406, 17.
πυθανολογέω 34, 1.
πυθάνος, ἡ, ὅν 33, 23.
πυραμίς, ἡ 423, 17.
πυραμοειδής, ἐς 322, 21.
πῦρ, τό 82, 24. 93, 22. 181, 10. 322, 18—21.
πῶς passim, e. g. 12, 26 ss. 14, 1. 15, 3.
πως, *encl.* passim, e. g. 11, 3. 19, 23. 34, 13.
ράδιος, α, *ον* 234, 9. 266, 5. 300, 7. 407, 17.
Comp. 180, 23.
ράστωνη, ἡ 242, 20.
ρέπω 123, 23. 133, 9.
ρέω 16, 2. 87, 13. 101, 17.
ῥήμα, τό 175, 8. 330, 22.
ῥητορικὴ, ἡ 24, 24. 247, 23.
ῥητορικός, ὁ 33, 25. 192, 10.
ῥητός, ἡ, ὅν 48, 12.
λόγος 60, 8.
ρομβέω 172, 2 s.
ρομβοειδής, τό 169, 6. 15. 170. 10. 171, 11. 18 ss. 386, 25 ss. 388, 15 ss. 421, 5.
ισοπεριμέτρων ἀπάντων ἔλασσον 398, 16.
ρόμβος, ὁ 169, 4. 17. 170, 10. 171, 10. 17 ss. 386, 25 ss. 388, 15 ss. 421, 4.
ροπή, ἡ 41, 10.
ρύσις, ἡ 179, 24.
γραμμὴ, ὄψεις σημείου 97, 7. 9—17. 185, 10—12.

- σαθρός, ἄ, ὄν 200, 2. 275, 4.
 σαφήνεια, ἡ 74, 4. 238, 25. 418, 19.
 σαφηνίζω 38, 24. 418, 21.
 σαφής, ἐς passim, e. g. 74, 13. 144, 2. 210, 18. 273, 14. 322, 15 ss. 358, 11. 374, 5. 376, 12.
 σαφώς 29, 27. 94, 4. 156, 11. 184, 3. 215, 26.
 Sup. 45, 17.
 σειρά, ἡ 89, 11. 132, 6. 148, 7. 151, 10.
 σελήνη, ἡ 42, 5. 100, 17. 110, 2 s.
 τὰ ὑπὸ σελήνην στοιχεῖα 137, 10. 149, 13.
 ἡ ὕ. σ. σύστασις 167, 16.
 σεμνός, ἡ, ὄν 85, 10. 137, 8. 138, 19.
 σημαίνω passim, e. g. 73, 10. 94, 9. 97, 9. 110, 24. 114, 11. 19. 357, 12. 419, 24.
 σημαντικός, ἡ, ὄν 293, 15.
 σημειον, τό passim, e. g. 39, 9. 49, 13. 57, 14. 58, 16 s. 72, 19.
 πάσης διαστάσεως καθαρῶν 85, 7.
 τὴν γραμμὴν περιέλαβεν 86, 21.
 λόγος σημείου σωματοειδῆς 87, 11. 89, 11—15. 92, 3. 93, 20.
 γεννᾶ πάντα τὰ διαστήματα 88, 3—5. 16—22.
 μονὰς θέσιν ἔχουσα 95, 21—96, 15.
 τοῖς μεριστοῖς αἵτιον ὄν 97, 12—13.
 ἀνάλογον μονάδι 97, 20 ss.
 μετὰ τὴν μονάδα 99, 19 ss.
 διττόν 98, 13.
 εἰκὼν τοῦ ἐνός 104, 5.
 πάντων πέρας 115, 19.
 θέσει δίδεται μόνον 205, 15.
 σιωπάω 205, 6.
 σιάζω 168, 24.
 σκαληνός, ἡ, ὄν
 τραπέzion 170, 7. 11.
 Vide τρίγωνον.
 σέπτομαι 95, 22. 178, 8. 208, 1.
 σκηνογραφική, ἡ 40, 19.
 σκιά, ἡ 100, 19. 114, 23.
 σκιαγραφέω 141, 15.
 σκιάζω 100, 16.
 σκίδναμαι 86, 9.
 σκοπέω 7, 21. 9, 20. 39, 18. 40, 23. 64, 17. 93, 14. 207, 24. 427, 11.
 σκοπός, ὁ
 τῆς (Εὐκλείδου) πραγματείας 70, 19—71, 24.
 τοῦ πρώτου βιβλίου 81, 24—83, 6. 432, 6 ss.
 σκότος, τό 285, 14.
 σκοτώδης 20, 23.
 σμικρόν 194, 25. 330, 18.
 σμικρός, ἄ, ὄν
 Sup. 348, 5.
 σοφία, ἡ 28, 11. 36, 8.
 σοφιστικός, ἡ, ὄν 30, 18. 375, 8.
 σοφός, ὁ 156, 1.
 σπάνιος, α, ὄν 259, 20. 264, 17.
 σπανίως 84, 12. 260, 8.
 σπάρτος, ἡ 40, 1. 41, 13.
 σπείρα, ἡ
 τριχῶς γίνεται 119, 12—16.
 μικτὴ ἐστὶ 119, 17—18.
 σπειρικός, ἡ, ὄν
 σπειρικαὶ τομαί (γραμμαί) 111, 19. 112, 4—8. 113, 4. 119, 16. 120, 6. 127, 1. 128, 8. 356, 12.
 ἐπιφάνεια 119, 9—18. 120, 5.
 σπέρμα, τό 149, 23.
 σπενδα 19, 16. 27, 16. 82, 7. 87, 24. 153, 21. 154, 22. 201, 15.
 σπήλαιον, τό 20, 24.
 σπουδάζω 76, 22. 199, 5.
 σπουδή, ἡ 10, 2. 28, 13. 55, 20. 65, 13. 66, 11. 81, 16.
 σταθερός, ἄ, ὄν 6, 4. 173, 8.
 σταθερῶς 90, 20. 148, 15. 154, 13.
 στάθμη, ἡ 40, 1.

- στάσις, ἡ 36, 16. 37, 2 ss. 41, 11. 173, 7. 292, 6.
 στατική, ἡ 25, 7.
 στερεομετρία, ἡ 39, 9. 73, 12. 116, 22.
 στερεός, ὁ, ὅν 24, 20. 113, 18. κᾶθετος 135, 17. 20. 283, 13. 16—22.
 γραμμὴ 394, 21 ss.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 17. γωνία 292, 19.
 τὰ στερεά passim, e. g. 39, 12 ss. 57, 15. 104, 3 ss. 107, 19. 111, 13 ss. 112, 10 ss. 121, 20. 126, 8.
 τὸ στερεόν 100, 11. 114, 11. 121, 17 ss. 394, 24.
 τὸ στερεὸν ἀνάλογον τῇ τετραδὶ, τριαδικόν 97, 21—98, 10. 99, 8—14.
 στέρσις, ἡ 139, 1.
 στεφάνη, ἡ 163, 12.
 στέφανος, ὁ 63, 27.
 στιγμή, ἡ 59, 18 s. 96, 12 s.
 στοιχείον, τό passim, e. g. 22, 23. 23, 5. 10. 62, 20. 66, 8. 20. 67, 14. 68, 7. 118, 21. 222, 18. 225, 12. 281, 13. 340, 11. 14.
 ὄνομα 71, 25—73, 14.
 τὰ τέτταρα 82, 20.
 τοῦ παντός 148, 2.
 στοιχείων δημιουργία 166, 17.
 στοιχείω 69, 8. 71, 22. 83, 3.
 στοιχειώδης, εἰς 72, 2. 13. 21. 119, 3. 162, 22. 264, 16.
 στοιχειώσις, ἡ passim, e. g. 48, 7. 70. 14. 71, 7. 73, 15—75, 4. 217, 24. 233, 11. 336, 6. 354, 2. 432, 2. 6.
 ὄνομα 71, 25—73, 14.
 κατὰ μουσικὴν 69, 3.
 στοιχειωτής, ὁ vide Εὐκλείδης.
 στοχάζομαι 27, 19. 28, 26. 84, 22.
 στοχαστικός, ἡ, ὅν 31, 5.
 στρατόπεδον, τό 39, 5.
 στρέφω 29, 10. 119, 10. 23. 147, 28. 148, 25. 243, 14. 337, 17.
 στροφή, ἡ 119, 10. 26. 141, 8. 187, 17.
 συγγένεια, ἡ 52, 12. 138, 22. 161, 9. 266, 8.
 συγγενής, ἐς 14, 10. 71, 14. 168, 15. 191, 6. 213, 15. 314, 20.
 συγγίγνομαι 67, 10.
 σύγγραμμα, τό 47, 6. 66, 12. 68, 24. 70, 9.
 συγγράφω 66, 8. 67, 23. 73, 14.
 συγκατασκευάζω 248, 1. 301, 23. 304, 5.
 σύγκειμαι passim, e. g. 9, 10. 202, 17. 236, 24. 244, 20. 26. 246, 22. 423, 17.
 συγκεράννυμι 64, 1.
 συγκεφαλαίόομαι 199, 1. 277, 5.
 συγκινέω 50, 23. 52, 18. 179, 25.
 συγκλείω 143, 8 ss.
 συγκρίνω 39, 14. 306, 15. 347, 21.
 σύγκρισις, ἡ 83, 10. 22. 340, 5. 341, 20. 352, 24 ss.
 συγκροτέω 423, 21. 424, 2.
 συγκυκλώ 75, 24.
 συγχέω 118, 6. 187, 2. 322, 8.
 συγχρονος, ὁν 68, 19.
 σύγχυσις, ἡ 118, 9. 164, 4. 432, 17.
 συγχωρέω passim, e. g. 12, 5. 32, 9. 40, 6. 50, 13. 51, 18. 54, 23. 76, 14 ss. 121, 18. 182, 16. 199, 13. 364, 20.
 σύζευξις, ἡ 129, 9. 130, 20.
 συζυγέω 51, 16.
 συζυγία, ἡ 344, 15. 18.
 συζυγως 10, 20.
 συκοφαντέω 218, 1. 260, 13.
 συλλαμβάνω 100, 12. 391, 19.
 συλλήβδην 5, 2. 389, 14.
 συλλογίζομαι passim, e. g. 23, 1. 38, 23. 310, 6. 318, 17. 403, 7. 406, 4.

- συλλογισμός, ὁ 69, 9. 202, 19.
 255, 26. 260, 6. 262, 2.
 συμβαίνει passim, e. g. 33, 10.
 12. 34, 25. 119, 8. 122, 11.
 23. 157, 21.
 κατὰ συμβεβηκός 34, 23 ss.
 212, 4.
 συμβεβηκότα 85, 10. 133, 4.
 τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκός 58,
 2. 9. 77, 11. 79, 19.
 συμβάλλω 298, 22.
 Med. 22, 17. 3. 335, 16. 352,
 14.
 συμβιβάζω 190, 14.
 συμβολή 129, 7.
 συμβολον, τό 84, 16. 91, 2. 108,
 10. 128, 26. 133, 12. 15. 138,
 21. 164, 8. 167, 10. 214, 11.
 291, 1. 7.
 συμμερίζω 102, 9.
 συμμετατίθημι 316, 22.
 συμμετρία, ἡ 7, 1. 22, 23. 26,
 15. 22. 27, 2. 61, 2.
 σύμμετρος, ὃν 6, 20. 205, 11.
 278, 20. 302, 6.
 τὸ σύμμετρον 60, 26 ss.
 συμμίσγνυμι 12, 24.
 σύμμικτος
 τὰ σύμμικτα vide Πορφύριος.
 συμπαθεια, ἡ 133, 11.
 συμπαθής, ἐς 22, 22.
 συμπαράλαμβάνω 307, 21.
 συμπαράτεινω 420, 2.
 συμπαρεκτείνω 62, 1. 100, 18.
 σύμπας passim, e. g. 22, 14.
 23, 22. 28, 11. 149, 20.
 συμπεραίνω 207, 11. 271, 5.
 συμπερασμα passim, e. g. 32,
 17. 75, 13. 194, 20. 23. 196,
 13. 203, 5. 14. 18. 207, 4—25.
 209, 24—210, 16. 244, 16—
 246, 12. 252, 6—254, 20. 256,
 12. 260, 9.
 συμπίπτω passim, e. g. 59, 2.
 72, 19. 111, 14. 175, 4 ss. 177,
 10 s. 180, 15. 308, 17 ss.
 συμπλένω 40, 18. 81, 18. 206,
 11. 265, 11. 271, 4. 307, 13.
 410, 4.
 συμπεπλεγμένος, ἡ, ὃν 19, 27.
 244, 20. 245, 4. 24 ss.
 συμπληθύνω 102, 8.
 συμπληρώω passim, e. g. 5, 13.
 17, 13. 24. 21, 6. 24, 26. 51,
 12. 124, 15. 19. 160, 11. 418,
 17. 431, 16.
 συμπλήρωσις, ἡ 15, 24. 36, 15.
 συμπλοκή, ἡ 83, 24. 307, 8.
 συμπορεύομαι 48, 3.
 συμπρόειμι 145, 16. 179, 25.
 291, 19.
 συμπτύσσω 19, 16. 44, 20. 55,
 13. 141, 22. 397, 25.
 συνεκτυγμένως 55, 1.
 σύμπτωμα, τό passim, e. g. 61,
 11. 72, 12. 79, 18. 80, 6. 18.
 83, 18. 21. 175, 6. 233, 19.
 σύμπτωμα παραδιδόναι ex
 usu mathematicorum 355, 11.
 356, 6—16.
 σύμπτωσις, ἡ 40, 15. 192, 6. 27.
 367, 8. 26. 369, 23.
 συμπτωτός, ἡ, ὃν 177, 11.
 συμφθερίζω 118, 6.
 σύμφυλος, ὃν 29, 9.
 συμφύρω 75, 22.
 συμφύω
 Pass. 142, 20.
 συμφωνία, ἡ 27, 2.
 συμφωνος, ὃν 24, 12. 50, 17.
 57, 1.
 συναγω passim, e. g. 4, 13. 44,
 19. 68, 7. 73, 19. 74, 2. 108,
 2. 112, 19. 124, 20 ss. 160,
 20. 349, 15. 383, 17.
 συναγωγή, ἡ 123, 16. 124, 17.
 130, 21. 296, 21.
 συναγωγός, ὃν 19, 8. 90, 24.
 128, 27. 129, 4. 166, 19.
 συναίδω 32, 10. 57, 4.
 συναδρoίζω 71, 15.
 συναδρoισμός, ὁ 15, 17.
 συναιρέω 148, 19. 196, 16. 382,
 24.
 συνελόντι 51, 10. 88, 26. 241, 9.
 συνάλλαγμα, τό 65, 4.
 συναλλοιόω 87, 6.

- συναμφοτέρος*, α, *ον* 151, 3.
 236, 4 s. 398, 9.
συναναγράφω 197, 6.
συναναιρέω 97, 4.
συναναφαίνομαι 212, 15. 302,
 15. 304, 8.
συναποδέλνυμι 19, 22. 241, 15.
 248, 6. 302, 20. 303, 2. 304, 7.
συνάπτω passim, e. g. 19, 21.
 21, 2. 46, 3. 91, 9. 103, 17.
 109, 2. 116, 12. 170, 5. 208, 9.
 278, 16. 307, 1. 401, 21.
συναρμόζω 5, 8. 35, 16. 43, 5.
 70, 14. 157, 19. 294, 7.
συναρτάω 26, 26. 82, 25. 210,
 26.
συναύξω 270, 10.
συναφή, ἡ 166, 25.
σύνδεσις, ἡ 130, 3.
σύνδεσμος, ὁ 36, 23. 42, 11.
 43, 22 ss. 166, 21.
συνδετικός, ἡ, *όν* 129, 2. 20.
συνδέω 16, 18. 22, 20. 37, 1.
 44, 21.
συνδιανέμωμαι 403, 9.
συνδίδωμι 87, 11.
συνδρομή, ἡ 123, 21.
συνεγγίζω 19, 23.
σύνεγγυς 61, 12. 427, 23.
συνεθισμός, ὁ 21, 22. 49, 11.
σύνειμι (εἰμι) 13, 11.
σύνειμι (εἰμι) 192, 19. 384, 16.
συνεισάγω 106, 26.
συνεισφέρω 33, 17. 354, 6. 432,
 17.
συνεκβάλλω 176, 24.
συνεκτικός, ἡ, *όν* 89, 23. 90, 4.
 91, 6. 129, 5. 17. 137, 10. 240,
 25.
συνελασσώ (*συνελαττώ*) 270,
 10. 316, 18.
συνελαύνω 90, 26.
συνελλίσσω (*συνελλίττω*) 89, 26.
 108, 15. 110, 9. 129, 21. 145,
 7. 151, 5. 154, 14.
συνενόω 52, 14.
συνεξισώ 294, 8.
συνέπομαι 432, 4.
- συνεπτυγμένως* 55, 1.
συνεργέω 167, 15.
συνεργίδω 89, 26.
συνέρχομαι 177, 8.
σύνεσις, ἡ 242, 5.
σύνευσις, ἡ 177, 20. 192, 5.
 311, 5 ss. 384, 20.
συνεύω 18, 14. 154, 21. 192,
 14 s. 311, 3. 364, 26 ss. 384,
 17.
 Vide *συννεύω*.
συνέχεια, ἡ 69, 24. 187, 13.
 321, 17 s.
συνεχής, ἐς 60, 14. 99, 23. 125,
 20. 196, 4. 198, 14.
σπείρω 119, 15.
τὸ συνεχὲς διαιρετόν 278,
 13 ss.
συνέχω passim, e. g. 22, 24.
 74, 2. 89, 10. 12. 90, 2. 95, 18.
 115, 22. 148, 22. 290, 23.
συνήθης, ἐς 306, 2.
συνηρημένως 16, 15. 95, 18.
σύνθεσις, ἡ passim, e. g. 3, 6.
 5, 5. 7, 23. 8, 7. 9, 11. 43, 3.
 18. 55, 7. 57, 18. 60, 25. 87,
 16. 117, 25 ss. 162, 3. 245,
 13. 16. 255, 20, 23.
σύνθετος, *ον* 111, 2 ss. 138, 18.
 142, 24. 147, 25. 244, 14 ss.
τὸ σύνθετον 26, 17. 73, 6. 86,
 22. 101, 2.
Comp. passim, e. g. 34, 10.
 57, 17. 69, 20. 85, 2 ss. 86,
 11. 89, 1.
συνθεωρέω 354, 15.
σύνθημα, τό 91, 4.
συνήμι 406, 16.
συνιστάνω 39, 13.
συνίστημι 165, 25. 261, 19.
Aor. II. 210, 2. 215, 9. 220, 13.
Perf. 39, 14. 105, 17. 263, 22.
 311, 18.
Med. passim, e. g. 79, 24 s.
 81, 1. 102, 15. 18. 220, 15.
 423, 19.
Pass. 14, 3. 40, 11. 82, 18. 135,
 15. 219, 17. 326, 7 ss.

συννεύω passim, e. g. 103, 4.
14. 108, 14. 126, 24. 175, 18
—176, 16.

Vide συννεύω.

σύννοϊδα 192, 13. 216, 21.

σύννοικος, *ον* 84, 21.

συννοπτικός, *ή, όν* 210, 23.

συννοπτικῶς 352, 19.

συννοράω 61, 21. 269, 21. 293,
16. 329, 16. 392, 3. 407, 17.

συννοχή, *ή* 91, 5. 128, 27.

συννοχής 129, 7.

συννοχικός 129, 8.

σύνταξις, *ή* 129, 15.

συντασσω (συντάττω) 67, 15.

68, 8. 73, 11. 75, 11. 92, 23.
302, 13.

συντέλω 27, 21. 48, 5.

συντέλεια, *ή* 21, 26.

συντέλειω passim, e. g. 23, 14.
26, 5. 28, 24. 46, 18. 68, 4.
74, 13. 83, 1. 196, 20. 326, 20.
424, 3.

συντέμνω 200, 13.

συντίθημι passim, e. g. 42,
12. 57, 7. 66, 21. 161, 25. 162,
1. 245, 11. 392, 21.

συντομία, *ή* 74, 4. 246, 9.

σύντομος

Comp. 68, 15. 249, 20.

συντόμως 30, 10. 323, 6. 345,
13.

σύντροφος, *ον* 29, 4.

συννπαρχω 143, 7. 145, 5. 183, 5.

συννυφαίνω 35, 15.

συννυφίστημι 17, 21. 142, 20.

συννωθέω 125, 17.

συνωνύμως 373, 18.

συσπειράω

Pass. 4, 12. 87, 22. 95, 12.

σύστασις, *ή* passim, e. g. 56, 8.

64, 13. 65, 20. 66, 17. 78, 25.
352, 24. 421, 13. 423, 22.

συστέλλω 220, 5. 260, 22. 397,
25.

συστοιχία, *ή* 7, 3. 107, 22. 132,
2. 147, 5.

σύστοιχος, *ον* 151, 18. 186, 19.
191, 8.

σφαῖρα *ή* 71, 1. 18. 89, 24. 90,
1. 105, 9. 111, 18. 156, 14. 16.
202, 16.

ἀνάλογον τῷ πέρατι 104, 13.

θεῶν εἰκόνες 91, 8.

ἐπιφάνεια 116, 6 ss.

σφαιρική, *ή* 36, 2. 37, 5. 59,
20.

σφαιρικός, *ή, όν* 322, 21.

ἐπιφάνεια 116, 10. 117, 21.

119, 4. 120, 10. 23. 126, 12 ss.

σφαιροειδής, *ές* 138, 17.

τὰ σφαιροειδή 119, 25.

σφαιροποιῖα 41, 16.

σφάλω 433, 1.

σφίγγω 89, 25.

σφόδρα 259, 23.

σφραγίς, *ή* 90, 15.

σχεδόν 34, 24. 321, 20.

σχέσις, *ή* passim, e. g. 27, 24.
35, 27. 51, 9. 78, 13. 107, 2.
122, 25 s. 123, 8. 124, 6. 283,
12. 373, 5.

σχῆμα 84, 15 s.

σχῆμα, τό passim, e. g. 7, 12.
8, 1. 10. 16, 20. 24, 17, 18. 21,
23. 22, 8. 25. 23, 6. 24, 6. 11.
33, 6 ss. 57, 11. 65, 16. 103,
12 ss.

διαφοραὶ κατὰ τὸ Πυθαγό-
ρειον ἀρέσκον 136, 18—142, 8.

ὀρισμός 142, 9—145, 25.

φαινόμενα 17, 10.

τὸ ἐν οὐσιῶδες 37, 4.

τὸ ἐν κοινότερον 146, 3—17.

ἐν τοῖς ἀριθμοῖς 61, 8.

ἐπιπέδα 163, 1—164, 7.

τοῖς θεοῖς προσήκοντα 62, 9.
138, 5—22. 141, 22—142, 2.

διαμορφώσεις σχημάτων 62,
16.

Πλατωνικά 68, 23.

κοσμικά 70, 24. 423, 13—18.

ἀναφαίνονται ἐν ταῖς ἐφεξῆς
διακοσμήσεσιν τῶν θεῶν 156,
2—5.

σχηματίζω passim, e. g. 39, 5.
52, 1. 54, 9. 80, 3. 24. 114,
18. 116, 11. 137, 2. 259, 22.

- σχηματισμός, ὁ 195, 13.
 σχηματογραφῶ 187, 21.
 σχηματοποιῶ 111, 4.
 σχολάζω 26, 9, 28, 18.
 σχολή, ἡ 285, 5.
 σώζω 30, 2, 95, 4, 98, 1, 140, 2.
 σῶμα, τό passim, e. g. 16, 26.
 26, 14, 36, 10, 41, 21, 51, 22.
 52, 23, 53, 15, 86, 2, 88, 7.
 89, 7, 17, 91, 27, 92, 10 s. 93,
 22, 95, 5, 147, 22, 168, 2, 186,
 26, 285, 1.
 πάντα ἐν τοῖς σώμασι σωμα-
 τοειδῶς 92, 13—16.
 τετραδικόν, τριαδικόν 97, 21
 —98, 10, 99, 8—14.
 σωματικός, ἡ, ὅν 26, 16, 30, 2.
 54, 4, 99, 11, 147, 23, 186, 9 ss.
 322, 20.
 σωματικῶς 17, 8.
 σωματοειδής, ἐς 87, 11.
 σωματοειδῶς 92, 14.
 σωρός, ὁ 39, 24.
 τακτικός, ὁ 39, 2.
 τὸ τακτικόν 38, 13 ss.
 ταναός, ἡ, ὅν 99, 1, 3.
 τάξις, ἡ passim, e. g. 3, 13, 4,
 19, 5, 23, 6, 11, 8, 4, 11, 4,
 19, 12, 20, 27, 21, 4, 11, 24,
 5, 25, 25, 1, 26, 15 ss. 85, 8,
 44, 15, 63, 3, 69, 6, 25, 87, 20,
 140, 1, 149, 20 ss. 173, 4, 242,
 1, 243, 24, 354, 14.
 ταραχή, ἡ 321, 15.
 τάσις, ἡ 301, 4, 15, 316, 20.
 τάσσω passim, e. g. 5, 3, 9, 13,
 19, 19, 32, 1, 64, 10, 73, 8,
 16, 98, 16, 114, 4, 140, 5, 12,
 176, 23.
 τεταγμένα (?) προβλήματα
 220, 10.
 ταυτότης, ἡ 6, 3, 7, 2, 34, 20.
 36, 14, 132, 1, 147, 3, 25, 154,
 16, 373, 6, 19, 406, 4, 8.
 τάχα 262, 3.
 ταχύ 149, 20.
 τεῖνω ἐπ' ἄκρον 110, 18, 117,
 7, 198, 8, 215, 22, 316, 21.
 τεκμήριον, τό 69, 11, 206, 15,
 23, 365, 1.
 τέλειος, α, ὄν passim, e. g. 12,
 18, 18, 13, 20, 15, 23, 18, 29,
 11, 31, 21, 65, 1, 70, 18, 86,
 7, 138, 6, 26, 203, 2, 7, 368, 7.
 Comp. 4, 10, 11, 25, 14, 23,
 55, 21.
 Sup. 9, 27, 137, 19.
 τελειότης, ἡ 19, 4, 24, 25, 46,
 14, 91, 10, 134, 2, 139, 11,
 150, 16, 206, 15.
 τελειόω passim, e. g. 19, 2, 20,
 2, 24, 4, 8, 42, 14, 43, 1, 12,
 148, 9, 20.
 τελείως 3, 14, 161, 2.
 τελείωσις, ἡ 68, 6, 71, 8.
 τελειωτικός, ἡ, ὅν 90, 4.
 τέλειος, α, ὄν 67, 11.
 τελεῶω 22, 25, 68, 9.
 τελεσιουργία, ἡ 139, 12, 146, 5.
 τελεσιουργός, ὅν 42, 19, 91, 8,
 108, 20, 138, 2, 150, 10.
 τελευταῖος, α, ὄν 3, 16, 5, 25,
 24, 26, 87, 21, 150, 2, 14, 168,
 20, 186, 6, 269, 11.
 τελευτάω 18, 18, 70, 25, 142, 6,
 148, 8, 254, 23, 26, 414, 11.
 τελευτή, ἡ 29, 21, 31, 19.
 τελῶς 21, 2.
 τέλος, τό passim, e. g. 31, 16,
 44, 22, 81, 9, 91, 9, 103, 16,
 139, 21, 152, 26, 303, 22.
 τῆς μαθηματικῆς 28, 10.
 τῆς γεωμετρίας 55, 19, 26.
 τέλη τῶν ὄντων ἀπάντων 108, 6.
 τέλος adverb. 84, 2.
 τεμαχίζω 74, 8.
 τέμνω passim, e. g. 38, 3, 50,
 3, 112, 15, 118, 3 ss. 123, 2,
 126, 15 ss. 355, 26 ss.
 εἰς ἄκρον καὶ μέσον λόγον
 60, 19.
 δίχα 80, 10 s.
 γωνίαν 171, 1—277, 4.
 εὐθείαν πεπερασμένην 277,
 16—280, 11.

- τέσσαρες* (τέτταρες), α passim.,
 e. g. 9, 3. 6. 10, 24. 33, 14.
 73, 2.
Dat. τέτταρσιν e. g. 301, 20.
 303, 3. *τέτταρσιν* e. g. 302, 21.
 305, 2.
ὁ τέσσαρα 404, 14. 428, 2.
τεσσαρεσκαίδέκατος 300, 22.
τέταρτος, η, *ον* passim., e. g.
 71, 26. 81, 21. 183, 23. 196,
 20.
τέταρτον 35, 7. 145, 11.
τετραγωνίζω 213, 9. 428, 17 ss.
τετραγωνίζουσαι γραμμαί 272,
 8 s. 356, 11.
τετραγωνικός, ἡ, *ὄν* 50, 5. 130,
 12. 145, 23. 173, 10. 22. 304,
 23. 426, 23.
τετραγωνικῶς 146, 16.
τετραγωνισμός, ὁ *μηνίσκου*
 66, 5.
κύκλου 422, 25.
τετράγωνον, τό passim., e. g.
 39, 5. 40, 15. 58, 11. 60, 10.
 78, 2. 80, 13. 106, 3. 156, 13.
 169, 2. 14. 172, 5—174, 10.
 220, 20 ss. 261, 21 s. 304, 17 ss.
 381, 9. 25. 386, 19 ss. 388, 14 ss.
 421, 3. 423, 7—431, 14.
τετραγώνου διπλάσιον 61, 13.
 427, 22.
αἶλιον τῆς γῆς 82, 19. 24.
εἰκὼν τῆς θείας οὐσίας 173,
 2—23.
(ἀπεικασθὲν) πρὸς ἀρετὴν
 173, 23 ss.
τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης τὴν
ὀρθήν 83, 4. 426, 1—429, 16.
τοῦ ἑτερομήκουσ μεῖζον 398,
 8—11.
τῶν ἰσοπεριμέτρων μεῖζον 398,
 15 s.
τετραδικός ἡ, *ὄν* 98, 9. 99, 13.
 174, 8.
τετραγώνος ἀριθμός 427, 21—
 429, 8.
τετράκις 304, 22.
τετραμερής, ἐς 167, 3.
- τετραπλάσιος*, α, *ον* 222, 9.
τετράπλευρος, *ον* 169, 1.
τὸ τετράπλευρον 161, 15. 162,
 9. 15. 164, 5. 166, 10. 169, 10
 —174, 21. 314, 23. 354, 9.
 382, 6—383, 11. 393, 6. 25 ss.
 398, 26. 414, 21 ss. 417, 2.
 418, 8 s. 422, 7.
τρίγωνα τετράπλευρα 165, 22
 —166, 6. 329, 1—7.
τετράς, ἡ 97, 22. 99, 9. 162,
 17. 174, 8.
τετραχά 35, 22.
τετραχῶς 169, 20. 206, 9 s. 277,
 7. 358, 21 ss.
τέχνη, ἡ 24, 21. 25, 5. 14. 30,
 25. 31, 12. 34, 9. 64, 16. 137,
 4 ss. 194, 3. 243, 14. 17.
τεχνικός, ἡ, *ὄν* 30, 14. 119, 1.
 200, 14. 243, 20. 247, 17. 390,
 11.
τεχνίτης, ὁ 34, 2. 75, 21.
τηνικαῦτα 76, 19. 193, 5. 236,
 19.
τίθῃμι 18, 11. 28, 1. 43, 23. 84,
 19.
Pass. 8, 25. 322, 11.
Med. passim., e. g. 10, 21. 23,
 23. 30, 18. 35, 25. 352, 23.
τίμιος, α, *ον* 29, 8.
τίς, τί
τὸ τί ἐστι 201, 18.
τὸ διὰ τί 202, 9—24.
τμήμα, τό 83, 7. 167, 5. 352,
 24.
κύκλου 104, 19. 113, 18? 159,
 8. 163, 5. 246, 4. 396, 3.
δύο εὐθειῶν 214, 22—217, 9.
 301, 16 s.
βάσεως 237, 14. 319, 9.
ἐλλείψεως 246, 6.
τοίνυν passim., e. g. 7, 6. 10,
 10. 11, 10. 13, 27.
τοῖος, α, *ον* 76, 15. 84, 6.
τοιόσδε passim., e. g. 11, 27,
 24, 24. 89, 18. 111, 20. 125, 1.
τοιούτος passim., e. g. 5, 12. 7,
 5. 22. 13, 6. 18, 11.

- τοῖχος, ὁ 100, 8.
 τοῖωσθε 119, 20.
 τόκος, ὁ 13, 25.
 τόλμα, ἡ 101, 9.
 τολμάω 262, 5.
 τομεύς, ὁ 113, 18.
 τομή passim, e. g. 60, 17. 67, 6. 77, 9. 78, 25. 79, 20. 104, 4. 111, 16 ss. 118, 16. 18. 119, 16. 120, 19. 25. 170, 14. 322, 21. 354, 17.
 ἐπ' ἀπειρον 158, 6—20.
 τοπικός, ἡ, ὅν 18, 22.
 τοπικά θεωρήματα 394, 15—396, 11. 405, 4. 412, 5. 431, 23.
 τοπικῶς 186, 13.
 τόπος, ὁ 15, 5. 39, 1. 63, 12. 67, 23. 96, 7. 9. 100, 16. 117, 5. 127, 21. 150, 7. 160, 21. 186, 17 ss. 195, 2 ss. 225, 16. 242, 6. 275, 7. 285, 1. 289, 19.
 ὁ περὶ ἓν σημεῖον 304, 12 ss. 305, 8.
 γραμμῆς ἢ ἐπιφανείας θέσις 394, 17—19.
 τῶν παραλληλογράμμων 395, 5.
 τόσῳ 397, 10.
 τοσόςδε 207, 16. 18. 211, 3. 371, 8.
 τοσούτος passim, e. g. 13, 14. 19. 20, 6. 28, 16.
 μέχρι τοσούτου 9, 17.
 τότε passim, e. g. 17, 5. 18, 24 ss. 39, 26 s. 46, 10.
 τότε 81, 18. 20.
 τρανής, ἐς Comp. 4, 22. 11, 18. 14, 26. 89, 2. 376, 1.
 τραπέzion, τό 169, 9. 170, 4 ss. 171, 4. 6. 354, 7 ss. 398, 24. 400, 6 ss. 414, 17—416, 14. 418, 5.
 τραπέζειοιδής, ἐς 170, 4. 12. 171, 5.
 τρεῖς, τρία passim, e. g. 21, 5. 26, 13. 67, 5. 83, 7.
 ὁ τρία 404, 13 s. 428, 2.
 τρέπω Med. 29, 3. 200, 10.
 τριαδικός, ἡ, ὅν 97, 24. 98, 10. 99, 7. 115, 4. 159, 24. 174, 8. θεός 155, 24.
 τριάρμενος, ὃν 63, 20.
 τριάς, ἡ 97, 21—98, 10. 99, 4. 20. 111, 23. 115, 1 ss. 162, 7. 16. 174, 8. 314, 21.
 τριγωνικός, ἡ, ὃν passim, e. g. 12, 12. 33, 13. 19. 50, 5. 53, 20. 130, 11. 145, 22. 167, 26. 236, 24.
 τριγωνικῶς 146, 16.
 τρίγωνος ἀριθμός 253, 18 s.
 τρίγωνον, τό passim, e. g. 12, 12. 14, 14. 33, 4 ss. 50, 3. 80, 25. 82, 15 ss. 83, 8 ss. 102, 18. 123, 24—124, 2. 164, 19—168, 25. 305, 25. 306, 9. 321, 1 ss. 384, 11. 403, 1—414, 14.
 τὸ δημιουργικόν 130, 16.
 ἀδιάστατον 142, 1.
 ἴσον τριγώνῳ 236, 18.
 ἰσόπλευρον 14, 13. 35, 4. 78, 1. 79, 21. 24. 102, 14. 164, 19. 165, 7. 168, 6 ss. 180, 15—19. 206, 27 ss. 208, 3—210, 16. 213, 14—214, 13. 219, 19. 221, 16. 304, 16 ss. 314, 11. 14. 383, 17 ss. 423, 12 ss.
 αἷτιον πυρὸς ἀέρος ὕδατος 82, 18—24.
 ἰσοσκελές 14, 12. 35, 5. 74, 20. 79, 26. 80, 26. 82, 17. 164, 20. 165, 7. 168, 8 ss. 204, 1 ss. 218, 13—219, 3. 20. 222, 1. 236, 5 ss. 244, 10—251, 22. 256, 15—258, 13. 314, 9 ss. 317, 1. 328, 1. 383, 19. 403, 14 ss. 427, 19 s.
 σκαληνόν 14, 13. 74, 20. 82, 17. 164, 21. 165, 8. 168, 9 ss. 219, 4—16. 220, 1. 314, 8. 15. 383, 21. 427, 19 ss.
 ὀρθογωνιαῖον 84, 3.
 ὀρθογώνιον 164, 23. 165, 10 s. 167, 19. 168, 8. 306, 18. 327

12. 423, 4. 426, 1 ss. 427, 18—429, 8.
ἀμβλυγάνιον 164, 24. 165, 10. 12. 167, 21. 168, 8. 306, 20.
ὀξυγάνιον 164, 25. 165, 11 ss. 167, 24. 168, 6. 9.
τριγωνα τετραπλευρα (κοιλογώνια, ἀκιδοειδῆ) 165, 22—166, 6. 328, 22—329, 7.
ἰσογώνια 348, 5.
τῇ τριάδι κατέχεται 115, 5—8.
ἀρχὴ γενέσεως 166, 15.
ἀρχηγὸν τῆς ὑπὸ σελήνην συστάσεως 167, 16. 382, 3.
πρὸς τὰ ὄντα ἀναλογία 168, 12—25.
ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις 404, 21—26.
τριπλάσιος, α, ὃν 197, 4. 210, 4. 220, 22. 221, 4. 222, 9. 277, 13.
τριπλευρος, ὃν 163, 17. 165, 22. *τὸ τρίπλευρον* 161, 14. 162, 8 ss. 164, 4. 166, 8 s. 314, 23.
τριπλοῦς, ἡ, ὅν 35, 11. 51, 7. 131, 9. 22. 168, 7.
τρεῖς 304, 20.
τρισκαιδέκατος 299, 8. 312, 13.
τρίτος, η, ὃν passim, e. g. 21, 11. 39, 20. 44, 14. 62, 18. 83, 19.
τρίτον 14, 24. 34, 20.
τρίτον ὁρθῆς 277, 14. 296, 13. 304, 22. 344, 5. 384, 1. 393, 16. 20.
τριτὸς, ἡ, ὃν (τρισσός) 51, 9. 127, 7. 16. 168, 9. 409, 1.
τρέχα 271, 23. 272, 3.
τριχῆ 166, 19. 178, 1.
τὸ τριχῆ διεστώς (διαστάν) 85, 4. 86, 17. 99, 8. 114, 5.
τριχοτομέω 272, 7.
τριχῶς 102, 12. 20. 119, 12. 168, 10. 220, 2. 15.
τριφυῆς, ἐς 214, 11.
τριώβολος, ὁ 84, 17.
τροπή, ἡ 136, 24.
τρόπος, ὁ passim, e. g. 14, 14. 22, 15. 30, 15. 38, 3. 43, 9. 59, 5. 70, 11. 73, 16.
κατὰ τρόπον 108, 10.
τροφή, ἡ 322, 13.
τρυτάνη, ἡ 63, 14.
τυγχάνω passim, e. g. 13, 16. 28, 21. 75, 2. 128, 9. 152, 20. 172, 25. 185, 23. 204, 16.
ὁ τυχὼν λόγος 271, 21.
ἡ τυχοῦσα (εὐθεῖα) 159, 7.
τὸ τυχόν 69, 27.
τυχόν 218, 7. 248, 22. 267, 2. 281, 10.
εἰ τύχοι 234, 6.
τύπος, ὁ 16, 12. 52, 2. 15. 26. 55, 14. 95, 3. 138, 15.
τυπόω 45, 9.
τυραννικός, ἡ, ὃν 24, 18.
τύχη, ἡ 303, 7.
ὕγρός, α, ὃν 167, 7. 9 s.
ὑδωρ, τό 11, 2. 82, 24. 93, 22.
ὕλη, ἡ 3, 9. 5, 9. 14, 7. 8. 12, 11. 14, 25 ss. 16, 3. 20, 25. 28, 26. 33, 21. 41, 18. 49, 24. 52, 27 s. 54, 7. 55, 5. 58, 8. 63, 6. 64, 2. 78, 18 s. 79, 14. 17. 80, 6. 19. 86, 8—89, 15. 92, 27. 96, 8. 123, 26. 137, 7. 139, 23. 25. 142, 13. 15. 168, 25. 181, 7. 182, 14. 196, 10. 218, 10. 291, 9.
τῆς γεωμετρίας 48, 17—56, 22. 93, 18. 94, 3. 182, 7. 183, 9. 196, 23. 206, 18.
διττή 51, 15. 53, 22.
ὕλικός, ἡ, ὃν 26, 16. 49, 21. 28. 139, 3. 166, 21. 168, 21.
ὑπαρξίς, ἡ passim, e. g. 4, 17. 5, 4. 6, 3. 8, 22. 13, 2. 26, 22. 50, 21.
τρία περὶ τὴν ὑπαρξιν 353, 3—4.
ὑπάρχω passim, e. g. 9, 20. 12, 14. 38, 3. 16. 35, 2.
ὑπεκλήθημι 55, 1. 58, 12.

- ὑπέρ c. Acc. 98, 3.
 c. Gen. 32, 19.
 ὑπεραίρω 4, 3.
 ὑπερανέχω 3, 9.
 ὑπεραπλώ 4, 16. 42, 17.
 ὑπερβαίνω 157, 2.
 ὑπερβάλλω 371, 16. 420, 4. 421, 17.
 ὑπερβολή, ἡ 24, 12. 58, 14. 133, 19. 23. 419, 17. 420, 7.
 κώνου τομή 112, 4. 120, 2. 177, 15. 395, 10 s. 419, 21.
 ὑπερέχω 5, 6. 11, 22. 122, 4 s. 137, 25. 178, 1. 197, 17 ss. 332, 9.
 ὑπεριδρύνω 12, 1.
 Pass. 4, 8. 19, 2. 42, 13. 88, 27. 92, 22.
 ὑπερκόσμιος, ὃν 147, 6.
 ὑπερουσίος, ὃν 22, 6.
 ὑπεροχή, ἡ 92, 22. 114, 10. 147, 3. 149, 3. 153, 15. 197, 10 ss. 316, 16. 372, 18. 403, 9. 427, 8.
 ὑπεροψία, ἡ 29, 16.
 ὑπερτρέχω 5, 7.
 ὑπερτρέχω 86, 3. 147, 1. 151, 21.
 ὑπερφονής, ἐς 140, 23.
 ὑπό c. Acc. 9, 25. 41, 5. 14. 59, 22. 123, 12. 125, 15 ss. 191, 9. 233, 9. 245, 6. 338, 13.
 ἡ ὑπὸ ἁβγ et similia, passim, e. g. 188, 24 ss. 190, 5 ss. 249, 3 ss.
 ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος 405, 14 ss.
 c. Gen. 7, 8. 123, 7. 124, 22.
 c. Dat. 123, 17. 124, 24 s.
 ὑποβάθρα, ἡ 286, 11.
 ὑποβαίνω 11, 7.
 ὑποβάλλω 223, 20.
 ὑποβιβάζω 106, 10.
 ὑπογράφω 286, 22.
 ὑποδείκνυμι 390, 9. 407, 14.
 ὑποδέχομαι 9, 16. 22, 26. 75, 9. 145, 12.
 ὑποδοχή, ἡ 15, 12. 49, 28. 55, 16. 99, 5.
 ὑπόθεσις, ἡ passim, e. g. 9, 26. 11, 8. 22, 19. 9, 27. 1, 31. 13, 20. 57, 19. 58, 26. 59, 12. 60, 3. 71, 14. 131, 10, 19. 178, 2. 7. 252, 7—254, 20. 354, 8. 398, 19. 25.
 quid? 76, 12—17. 77, 3—6.
 ὑποθετικός, ἡ, ὃν 256, 3.
 ὑπόκειμαι 7, 10. 33, 9. 21. 51, 12. 286, 7. 340, 15.
 τὰ ὑποκείμενα passim, e. g. 3, 11. 19, 11. 31, 5. 32, 18. 70, 23. 58, 10.
 τῆς γεωμετρίας 58, 10 ss.
 ὑπολαμβάνω 17, 8. 89, 18. 207, 13. 386, 1.
 ὑπολείπω 284, 14. 359, 16. 401, 21.
 ὑπόληψις, ἡ 243, 8.
 ὑπόλοιπος, ὃν 226, 11. 235, 22. 236, 17. 407, 16.
 ὑπομένω 118, 5. 186, 12. 291, 5.
 ὑπομιμνήσκω 414, 15.
 ὑπόμνημα, τό 432, 16.
 ὑπόμνησις, ἡ 84, 5. 193, 20. 209, 18. 326, 24.
 ὑπονοέω 278, 1.
 ὑπόστασις, ἡ passim, e. g. 3, 5. 16, 5. 7, 11. 11, 12. 8, 13. 20, 16. 2, 35. 26, 49. 10, 51. 7, 22.
 μετὰ τὸ ἐν τρεῖς ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν 104, 8—9.
 ὑποστάτης, ὁ 53, 24.
 ὑποστατικός, ἡ, ὃν 86, 26. 92, 10, 93, 3. 140, 24.
 ὑποστορέννυμι 93, 1.
 ὑποστροφή, ἡ 108, 1.
 ὑποτείνω 233, 10.
 ἡ ὑποτείνουσα τὴν ὀρθὴν 84, 5. 426, 2 ss.
 γωνίας ὑποτείνειν passim, e. g. 238, 13—24. 245, 19. 249, 15. 250, 11. 251, 22.
 ὑποτίθημι passim, e. g. 13, 7. 17, 11. 75, 20. 83, 14. 218, 10. 236, 15. 254, 8. 19. 332, 14.

- ὑποφέρω 70, 1. 128, 14.
 ὑστερογενής, ἐς 14, 21. 15. 1.
 18.
 ὑστερογενῶς 12, 13. 51, 5.
 ὕστερος, α, ον 18, 19.
 ὕστερον 200, 6. 247, 6. 269, 5.
 283, 2. 306, 13. 336, 5.
 ὕστέρως 8, 23.
 ὑφαίνω 13, 14.
 ὕφεις, ἡ 11, 23. 54, 12. 92,
 20. 96, 14. 114, 13.
 ὑφηγέομαι 37, 1. 43, 3. 63, 12.
 65, 10.
 ὑφήγησις, ἡ 22, 16. 48, 15. 50,
 17. 68, 2. 70, 18. 76, 24.
 ὑφιστάνω 12, 5. 218, 7.
 ὑφίστημι passim, e. g. 13, 9.
 23. 16, 16. 17, 25. 36, 17. 37,
 24. 104, 2. 421, 13. 15.
 Aor. II. 5, 20. 12, 11. 32, 8.
 105, 25. 155, 17. 187, 7.
 Perf. 9, 1. 11, 24. 25, 22. 49,
 22. 89, 16. 278, 16.
 Med. 5, 25. 13, 2. 15, 8. 16, 7.
 ὑψηλολογέομαι 8, 15.
 ὕψος, τό 40, 21. 84, 20. 133,
 16. 176, 12. 245, 6 ss. 290,
 18. 405, 14 ss.
 quid? 405, 20 s.
 φαίνω
 Perf. II. 19, 15.
 Med. passim, e. g. 7, 4. 16,
 24. 17, 10. 21, 9. 22, 3. 30, 17.
 40, 13 ss. 45, 11. 140, 25.
 φανερός, ὁ, ὅν 195, 19. 299, 12.
 310, 13. 322, 9.
 φανερόν (sc. ἐστί) passim,
 e. g. 7, 14. 81, 8. 160, 11.
 191, 5. 222, 10.
 φανερώς 242, 6.
 φαντάζω 11, 2. 36, 11. 40, 20.
 50, 20. 70, 1. 104, 15. 142, 13.
 357, 7.
 Med. Aor. pass. 53, 13.
 φαντασία, ἡ 45, 9. 46, 4. 51,
 14 ss. 52, 20. 53, 12. 55, 2 ss.
 56, 14. 57, 8. 78, 23. 86, 12.
 121, 5. 141, 5. 14. 142, 9. 186,
 4 ss. 192, 8. 25. 285, 5—286,
 11.
 τὸ ἄμερὸς ἐν αὐτῇ σημείον
 94, 20—95, 20. 186, 20.
 φάντασμα, τό, 45, 8. 285, 9.
 φανταστικός, ἡ, ὅν 94, 26. 186,
 10. 12.
 φανταστός, ἡ, ὅν 51, 16. 19.
 53, 9 ss. 54, 24 ss. 62, 15. 86,
 12. 101, 13.
 φάσκω 211, 4.
 φέρω passim, e. g. 37, 26. 91,
 14. 102, 4. 104, 5. 289, 12.
 pass. 3, 9. 7, 8. 20, 3. 64, 25.
 70, 3. 105, 22. 155, 19. 193, 5.
 217, 25. 432, 16.
 φέρει 210, 25. 312, 2. 315, 15.
 338, 2. 368, 26. 414, 15.
 φημί passim, e. g. 10, 4. 14, 6.
 11. 21, 21. 22, 20. 23, 13. 28,
 9. 116, 21.
 φθάνω 97, 15.
 φθίσις, ἡ 149, 26.
 φθόγγος, ὁ 391, 26.
 φθορά, ἡ 149, 19.
 φιαλίτης, ὁ 40, 5.
 φιλοθεάμων 432, 12.
 φιλοκαλία, ἡ 177, 24.
 φιλομαθής 113, 3. 345, 12.
 φίλος, η, ον 22, 21. 29, 24.
 φιλοσώφει 62, 26.
 φιλοσοφία, ἡ 20, 13. 21, 25.
 42, 16. 65, 16. 66, 13. 67, 14.
 84, 14. 199, 8.
 Ἀριστοτέλους 284, 25.
 τῶν Πυθαγορείων 22, 12.
 Πλάτωνος 68, 3. 21.
 πολιτική 23, 12.
 ἡθική 24, 4.
 αὐτῇ 25, 13.
 φιλόσοφος, ὁ 21, 7. 14. 29, 18.
 56, 24. 93, 8. 116, 17. 130, 15.
 218, 9. Vide Προκλος.
 Adiect. 432, 19.
 φιλοτεχνέω 41, 9.
 φιλοχωρέω 28, 18.
 φοιτᾶω 222, 24. 314, 22.

- πορά, ἡ 23, 1. 20. 106, 16. 150, 4. 155, 22.
 πορέω 155, 20.
 πορίζω 30, 10. 38, 21.
 πορέαρ, τό 39, 24. 100, 11. 13.
 πορόνσεις, ἡ 70, 6.
 πορόντιζω 292, 13.
 πορόντις, ἡ 29, 2. 432, 11.
 πορουρά, ἡ 90, 18.
 φυλακή, ἡ 90, 18.
 φυλακτήριος, α, ον 63, 10.
 φυλάττω passim, e. g. 87, 6. 88, 28. 90, 22. 130, 6. 133, 3. 136, 10. 157, 14. 398, 7.
 φύλλον, τό 126, 25.
 φυσικός, ἡ, ον 21, 18. 35, 10. 41, 24. 53, 27. 63, 3. 92, 10. 166, 17.
 πρὸς τὴν φυσικὴν θεωρίαν συμβάλλεται (ἡ μαθηματικὴ) 22, 17—23, 11.
 ὁ φυσικός 93, 24.
 φυσιολογία, ἡ 19, 22. 36, 11.
 φυσιολόγος, ὁ 34, 4. 75, 19.
 φύσις, ἡ passim, e. g. 3, 14. 4, 16. 7, 8. 8, 2. 14, 19. 27. 15, 3. 19, 22. 21, 15. 20, 23. 4, 52. 7, 62. 19, 89. 18, 137. 9, 141. 3, 11. 194, 15. 211, 18.
 ἐσχάτη 4, 4.
 ἀμέριστος 4, 7. 15, 23.
 νοερά 91, 24.
 τῶν μαθημάτων 5, 21. 44, 1.
 ἀσώματος 21, 22.
 πάντα ἐν ταῖς φύσεσιν κατὰ τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον 92, 8—13.
 τὴν τῶν σωμάτων κίνησιν ἀφορίζει 115, 13—14.
 τὰ παρὰ φύσιν λεγόμενα 149, 26 s.
 φύσει 75, 25. 82, 2. 105, 17.
 φυτόν, τό 149, 21.
 φύω
 Perf. 29, 11. 31, 23. 50, 20? 88, 28.
 φωνή, ἡ 72, 6.
 φωράω 192, 21.
- φῶς, τό 100, 19.
 νοερόν 20, 23. 30, 2. 138, 1.
 φωτίζω 100, 15.
 φωτισμός, ὁ 41, 21.
 χαίρω 375, 10.
 χαλεπός, ἡ, ον 73, 15. 195, 15. 322, 23. 391, 28.
 Comp. 180, 19. 399, 5.
 χαρακτήρ, ὁ 124, 5. 138, 13. 142, 23.
 χαρακτηρίζω 27, 12. 175, 13.
 χαρακτηριστικός, ἡ, ον 81, 11. 355, 23. 359, 9. 387, 24.
 χαρίζω 72, 15. 21.
 χάριν 81, 14. 435, 19.
 χάρις, ἡ 250, 21. 432, 11.
 χείρων 23, 23. 87, 2. 132, 21. 290, 20.
 χθόνιος, α, ον 167, 8.
 χθονίως 173, 21.
 χιαστί 357, 1.
 χορεία, ἡ 137, 16.
 χορηγέω 10, 13. 42, 14. 43, 1. 51, 3. 150, 16.
 χορηγός 23, 19. 90, 5. 130, 19. 132, 24.
 χορός, ὁ 29, 20.
 χόρτος, ὁ 322, 11.
 χράσμαι passim, e. g. 9, 5. 13, 17. 21, 10. 23, 22. 12, 26. 1, 30, 17.
 χρεία, ἡ 26, 8. 27, 18 ss. 64, 23. 66, 21. 71, 4. 84, 22. 203, 23. 248, 13. 264, 17. 275, 6. 423, 15.
 χρῆ passim, e. g. 28, 2. 64, 16. 131, 21. 191, 21. 193, 1. 206, 3.
 χρῆζω 301, 26.
 χρεῖσιμος, ἡ, ον 28, 9. 74, 12. 247, 17. 283, 8.
 Comp. 25, 13.
 Sup. 268, 20.
 χρεῖσις, ἡ 264, 18.
 χρησμοδέω 27, 23.
 χρόνος, ὁ 28, 16. 66, 14. 67, 17. 93, 7. 153, 24. 196, 1. 5, 12. 269, 5.
 χρυσός, ὁ 105, 17.

- χωλενών* 168, 23.
χώρα, ἡ 3. 4. 77, 21. 199, 8.
 284, 14. 314, 12. 373, 18.
χωρέω 6. 17. 18. 25. 29, 12. 114,
 24. 157, 1. 187, 15. 286, 13.
χώρησις, ἡ 157, 13. 174, 6.
χωρίζω 27, 21. 31, 9. 38, 7. 50,
 12. 54, 17. 91, 22. 143, 10.
 289, 8. 401, 5. 20. 406, 15.
 413, 18.
χωρίον, τό passim, e. g. 38, 17.
 64, 20. 100, 10. 114, 21. 136,
 4 ss. 160, 1. 6. 163, 17 ss.
 348, 6. 396, 16 ss.
δύο εὐθείαι χωρίον οὐ περι-
έχουσι 239, 1—240, 10.
χωρία ἄνισα ἴσων περιμέτρων
 403, 4 ss.
παρὰβολή 419, 17 ss.
χωρίς passim, e. g. 10, 5. 19.
 56, 4. 57, 26 ss. 70, 27. 76,
 17. 145, 10. 203, 9.
χωρισμός 55, 5.
χωριστός, ἡ, ὅν 11, 11. 49, 25.
 85, 14. 86, 24. 285, 2.
χωρογράφος, ὁ 403, 6.
ψευδάριον, τό 59, 6. 70, 10.
ψευδής, ἐς 253, 17. 352, 22.
ψεύδομαι 212, 23.
ψεῦδος, τό 69, 28. 70, 13. 247,
 21. 248, 8. 330, 15.
ψευδῶς 40, 13.
ψιλός, ἡ, ὅν 89, 16. 171, 12.
 302, 10.
ψυχή, ἡ 5. 8. 12, 11 ss. 13. 6 ss.
 14, 24—17, 4. 20, 14. 26, 14.
 29, 6. 11. 27. 32, 7. 16. 36, 14.
 25. 38, 7. 45, 8 ss. 62, 10. 84,
 20. 87, 17. 95, 9. 96, 5. 137,
 19. 24. 140, 11. 27. 141, 4 ss.
 147, 15—148, 4. 24—149, 8.
 168, 16. 213, 25—214, 3. 291, 3.
ῥυμα τ. ψ. 20, 16. 18. 28, 5.
 46, 13.
πάντα ἐν ταῖς ψυχαῖς κατὰ
τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς 92, 4
 —8. 107, 20—108, 3. 109, 1
 —4.
τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν
ἀφορίζει 115, 12—13.
κάθοδος εἰς γένεσιν 133, 6—
 10.
ψυχικός, ἡ, ὅν 26, 18(?) . 50, 15.
 63, 2. 86, 1. 91, 25. 137, 24.
 138, 3. 139, 6. 147, 16. 24.
ψυχικῶς 16, 14.
ψυχρός, ἁ, ὅν 167, 7.
ψυχρότης, ἡ 122, 8.
ὦδ' 14, 23. 181, 15. 280, 16 s.
 314, 18.
ὦδε 75, 6.
ὦδ' 13, 25.
ὦρα, ἡ 39, 1. 41, 25. 63, 11.
ὦς Adv. passim, e. g. 8, 24. 11,
 15. 19, 1. 3. 25, 17. 30, 3 ss.
 319, 20.
Praep. 21, 24.
Conl. passim, e. g. 5, 2. 12, 6.
 8. 23 s. 44, 1.
ὥς μὲν — ὥς δὲ 155, 6. 7.
ὥσαντι 78, 5.
ὥσάντως passim, e. g. 8, 11. 9,
 11. 31, 6. 37, 7. 90, 8. 337, 6.
ὥσπερ passim, e. g. 4, 14. 7, 6.
 15. 11, 15. 18, 11. 23.
ὥστε 26, 3. 21. 28, 20. 66, 20.
ὠφέλεια, ἡ 28, 3. 20.
τῆς γεωμετρίας 49, 3. 63, 7—
 64, 6.

1. The first part of the document is a list of names and addresses of the members of the committee.